

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

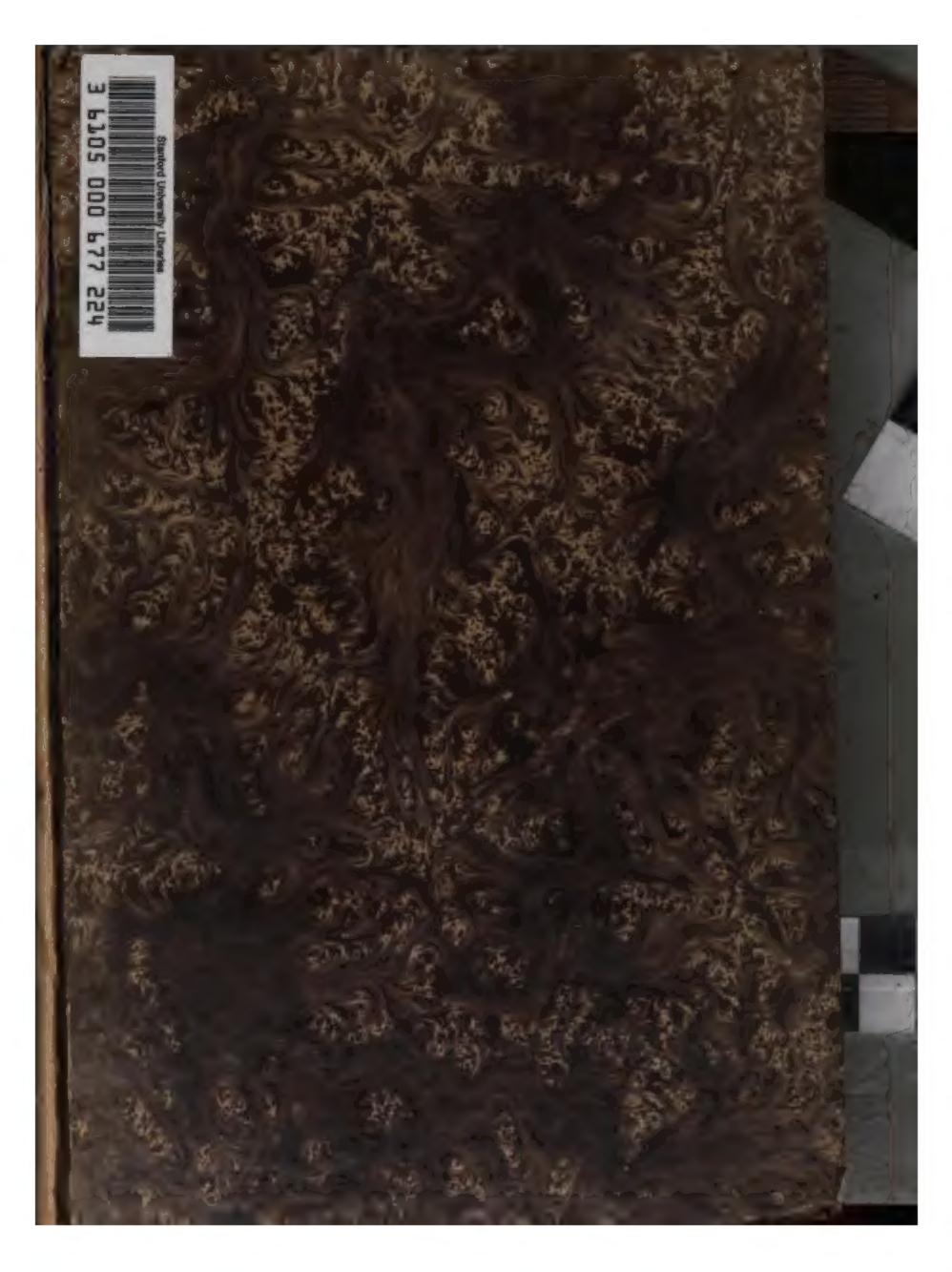
Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



530.5 A613

.

, •

-

·

•

. 1 • • 530.5 A613

-

. •

.

.



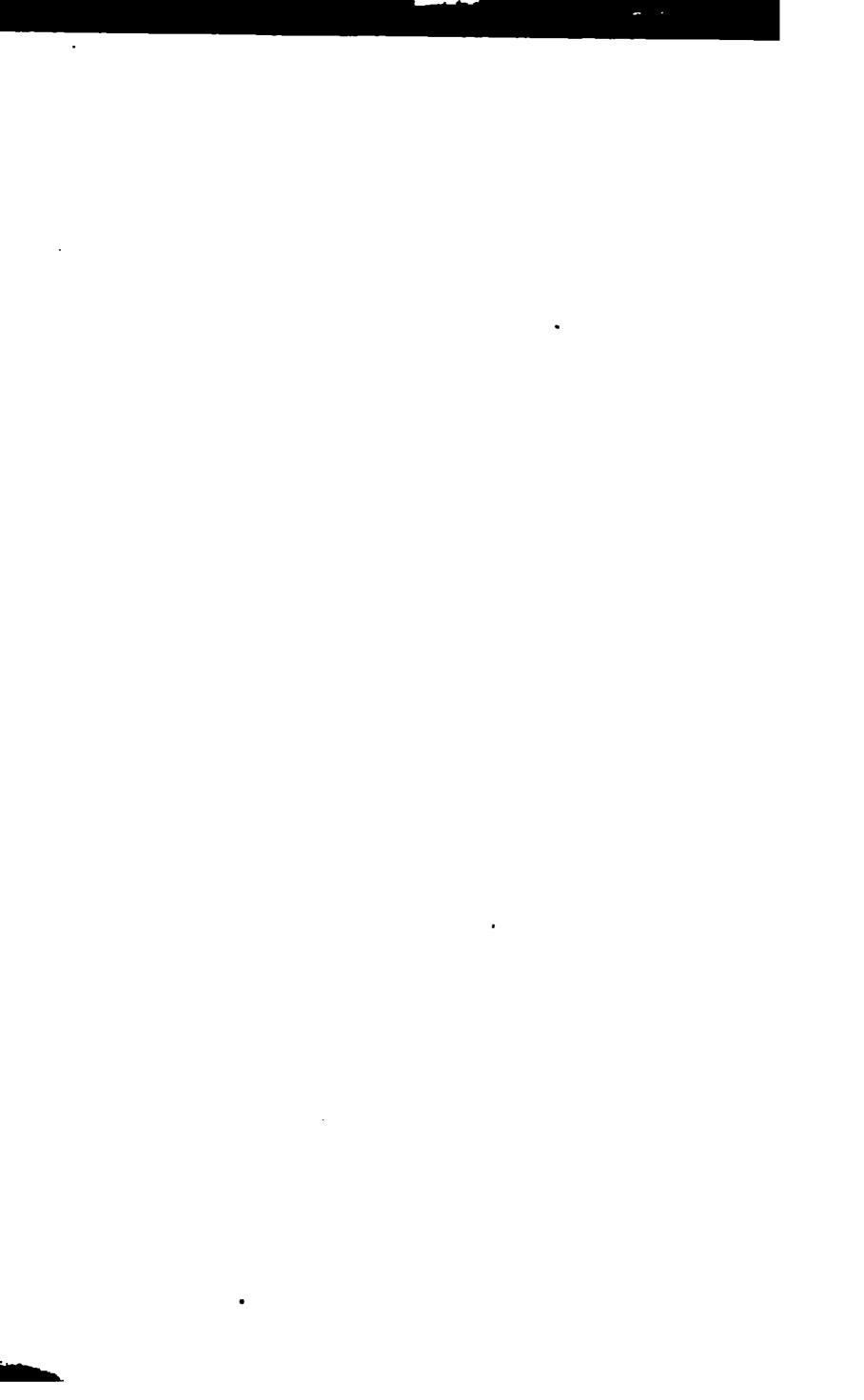
. • •

ANNALEN

DER

PHYSIK UND CHEMIE.

ERGÄNZUNGSBAND V.



ANNALEN

DER

PHYSIK

UND

CHEMIE.

HERAUSGEGEBEN ZU BEALIN

VON

J. C. POGGENDORFF.

ERGÄNZUNGSBAND V.

(NACH BAND CXLIV EINZUSCHALTEN.)

NERST ZEHN FIGURENTAFELN

LEIPZIG, 1871.
VERLAG VON JOHANN AMBBOSIUS BARTH.

Inhalt

des Ergänzungshandes V der Annalen der Physik und Chemie.

Erstes Stück.

	26110
I. Zur Theorie des in einem Eisenkörper inducirten Magnetismus;	
von G. Kirchhoff.	1
II. Ueber die Bestimmung des Gewichts von einem Cubikdecimeter	
destillirten VVassers bei 4°C.; von H. Wild	15
III. Ueber Gletscher; von A. Heim	30
1V. Ueber die Continuität der gasigen und flüssigen Zustände der	
Materie; von Th. Andrews	64
V. Untersuchung über die Bedingungen, von welchen die Entwick-	
lung von Gas- und Dampsblasen abhängig ist und über die bei	
ihrer Bildung wirksamen Kräste; von H. Schröder	87
VI. Untersuchungen über die specifischen Wärmen der Flüssigkeits-	
gemische; von J. H. Schüller.	116
VII. Ueber den Nebenstrom; von K. W. Knochenhauer	146
VIII. Ueber ein neues Verfahren, den Reductionsfactor einer Tan-	
gentenbussole zu bestimmen; von A. Wassmuth	167
IX. Ueber die Form und die Zusammensetzung der Feldspäthe; von	
G. Tschermak	174

Zweites Stück.	Seite
1. Ueber die Beziehungen zwischen der Sonnenhöhe und der chemi-	
schen Intensität des Gesammt-Tageslichtes bei unbewölktem Himmel;	
von H. E. Roscoe und F. E. Thorpe	177
11. Untersuchungen über die specifische Wärme der Flüssigkeits-	
gemische; von J. H. Schüller (Schlus)	192
III. Ueber die specifische VVärme, Mischungswärme und Ausdehnung	
von Genischen von Alkohol und Wasser; von A. Dupré und	
F. J. M. Page	221
IV. Ueber einige Eigenschasten des auf galvanischem VVege nieder-	
geschlagenen Eisens; von R. Lenz	242
V. Ucber das Dichtigkeitsmaximum und die Ausdehnung des destil-	
lirten Wassers, des Wassers aus dem adriatischen Meere und	
einiger Salzlösungen; von F. Rossetti	258
VI. Ueber die absolute Ausdehnung des Quecksilbers nach den Ver-	
suchen des Hrn. Regnault; von J. Bosscha jun	276
VII. Zur Lehre von den subjectiven Farbenerscheinungen; von J.	
K. Becker	305
VIII. Zur Passivität des Eisens und zur Elektrolyse; von L. Schönn.	319
Drittes Stück.	
1. Mineralogische Mittheilungen; neunte Fortsetzung; von G. vom	
Rath	321
44. Ueber das Krystallsystem des Humits S. 321. — 45. Ein	
neues Vorkommen von Monazit am Laacher See S. 413	
46. Ein neues Vorkommen von Babingtonit bei Herbornsecl-	
bach S. 420. — 47. Ein Beitrag zur Kenntniss der Winkel	
des Albits S. 425. — 48. Ueber die Winkel des Monticellits	
S. 434. — 49. Das Skalenoëder R_4 beobachtet an Kalkspath-	
krystallen von Alston Moor S. 438.	

11. Ueber die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers und den

Gang des Quecksilberthermometers verglichen mit dem des Lust-

	Seite
thermometers, nach den Versuchen des Hrn. Regnault; von	
J. Bosscha jun	444
III. Ueber den Nebenstrom; zweite Abhandlung; von K. VV.	
Knochenhauer	470
Viertes Stück.	
1. Das Verhalten des Meerwassers in der Nähe des Gesrierpunktes	
und die Statik der Polarmeere; von K. Zöppritz	497
11. Ueber das bei dem umkehrbaren Kreisprocess permanenter Gase	
zu erreichende Arbeitsquantum; von A. J. v. Oettingen	540
III. Das physikalische Verhalten der Kohlensäure, ein Beitrag zur	
Theorie der Gase; von G. Recknagel	563
IV. Ueber den Zusammenhang der Configuration des festen Landes	
und der Lage der magnetischen Pole der Erde; von Menzzer.	592
V. Uebt der Mond einen nachweisbaren Einfluss auf meteorologische	
Erscheinungen? von H. Streintz	603
VI. Ueber die Zurückwerfung und Brechung des Lichtes durch dünne	
Metallschichten; von E. Jochmann	620
VII. Ein Apparat zur bequemen Herstellung verschiedener Combina-	
tionen galvanischer Elemente; von C. Bohn	636
VIII. Ueber die VVirkungsweise des dynamoelektrischen Inductions-	
Apparats und des von Hrn. Wheatstone angegebenen Quer-	
drahts in deruselben; von VV. Sinsteden	648
IX. Ueber optische Erscheinungen, welche durch zwei rasch sich	010
•	652
drehende Körper hervorgerusen werden; von A. Kurz	000

Farbiger Bogen auf einer Eissläche; von J. C. Maxwell. . . 656

X.

VIII

Nachweis zu den Figurentafeln.

- Taf. 1. Heim, Fig. 1 bis 7, S. 52; Fig. 8, S. 53; Fig. 9 u. 10, S. 55; Fig. 11 u. 12, S. 57; Fig. 13 u. 14, S. 58; Fig. 15 u. 16, S. 62; Fig. 17, S. 68.
- Taf. II. Andrews, Fig. 1 u. 2, S. 65; Fig. 3 bis 6, S. 66; Fig. 7, S. 68; Fig. 8, S. 66 u. 68; Fig. 9, S. 73.
- Tal. III. Schüller, Fig. 1, S. 139; Fig. 2, S. 146; Fig. 3, S. 198; Fig. 4, S. 204.
- Taf. IV. Roscoe u. Thorpe, Fig. 1, S. 188; Fig. 2, S. 189; Fig. 3, S. 188; Fig. 4, S. 191 Dupré, Fig. 5 u. 6, S. 241.
- Taf. V, VI, VII u. VIII. G. v. Rath, S. 439.
- Taf. IX. Zöppritz, Fig. 1, S. 510; Fig. 2, S. 512; Fig. 3 u. 4, S. 513. A. v. Oettingen, Fig. 5, S. 541; Fig. 6, S. 546; Fig. 7, S. 552; Fig. 8, S. 558.
- Taf. X. Bohn, Fig. 1, S. 639; Fig. 2 u. 3, S. 640; Fig. 4 bis 7 u 9, S. 641; Fig. 8 u. 10 bis 21, S. 642; Fig. 22 bis 28, S. 643; Fig. 29, S. 644; Fig. 30 u. 31, S. 646; Fig. 32, S. 647.

Berichtigungen zum Aufsatz von A. Heim Heft I dieses Baudes.

- S. 35 Z. 5 v. u. lies: für x über 1000" statt für x über 100";
- S. 51 Z. 6 v. u., S. 52 Z. 9 v. o. und Z. 12 v. u. lies: Aaregletscher statt Claregletscher.

ANNALEN DER PHYSIK UND CHEMIE.

Bd. V. ERGÄNZUNG.

St. 1.

I. Zur Theorie des in einem Eisenkörper inducirten Magnetismus; von Kirchhoff.

1.

Lin Fall, in dem die von Poisson aufgestellte Theorie des in weichem Eisen inducirten Magnetismus sich sehr leicht durchführen lätst, der auch in experimenteller Hinsicht Interesse darbietet und, soviel ich weiß, bisher theoretisch nicht behandelt ist, ist der Fall eines Ringes — oder, um es bestimmter auszudrücken, eines Rotationskörpers, der von der Rotationsaxe nicht getroffen wird — von Eisen, der durch einen elektrischen Strom magnetisirt ist, dessen Windungen einen, den Eisenkörper umschließenden, hohlen Ring bilden, der mit diesem eine gemeinschaftliche Rotationsaxe hat. Die Theorie dieses Falles soll hier entwickelt werden.

Die Poisson'sche Theorie setzt voraus, dass die magnetisirenden Kräfte ein Potential haben: es sey dieses, bezogen auf einen Punkt, der die rechtwinkligen Coordinaten x, y, z hat, x = V; es seyen serner $x = \alpha$, $x = \beta$, $x = \beta$ die magnetischen Momente in dem Punkte $x = \beta$, $x = \beta$ die magnetischen Modie Volumeneinheit; die Größen $x = \beta$, $x = \beta$ sind dann eindeutig bestimmt durch die folgenden Gleichungen, die für alle Punkte der Eisenmasse erfüllt werden müssen:

$$\alpha = x \frac{\partial \varphi}{\partial x}, \ \beta = x \frac{\partial \varphi}{\partial y}, \ \gamma = x \frac{\partial \varphi}{\partial x},$$

$$o = V + \varphi + Q$$

$$Q = -x \int \frac{dS}{r} \frac{\partial \varphi}{\partial N}.$$

Hier bedeutet z die Magnetisirungsconstante des Eisens, dS ein Element der Oberstäche desselben, N die nach dem Innern gerichtete Normale von dS und r die Entfernung

dieses Elementes von dem Punkte der Eisenmasse, auf den Q sich bezieht.

In dem hier zu erörternden Falle giebt es ein Potential V; es ist dasselbe aber innerhalb des Eisenkörpers eine vielwerthige Function von x, y, z. Um diese zu finden, lege man die zAxe in die Rotationsaxe des Eisenkörpers und führe statt x und y ϱ und ϑ ein, so dass

$$x = \varrho \cos \vartheta, \ y = \varrho \sin \vartheta$$

ist. Eine jede Windung des elektrischen Stromes soll als ein geschlossener ebener Strom angesehen werden, dessen Ebene durch die z Axe geht; der Winkel, den die Ebene einer Windung mit derjenigen Ebene bildet, von der aus der Winkel ϑ gerechnet wird, sey ϑ ; dS sey ein Element der ebenen, von der Windung begrenzten Fläche, N eine Normale dieses Elementes, r die Entfernung desselben von dem Punkte ϱ , ϑ , z und i die Intensität des Stromes. Das Potential der betrachteten Windung in Bezug auf den Punkt ϱ , ϑ , z kann dann

$$= i \int dS \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial N}$$

gesetzt werden, oder, wenn ϱ' die Entfernung des Elementes dS von der z Axe genannt wird,

$$= i \int \frac{dS}{\varrho'} \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial \vartheta'},$$

oder endlich, wenn

$$i\int \frac{1}{r} \, \frac{dS}{e'} = U$$

gesetzt, d. h. durch U das Potential eine Masse bezeichnet wird, deren Dichtigkeit $=\frac{i}{e'}$ in dem Elemente dS ist, $=\frac{\partial U}{\partial t}$.

Das Potential der betrachteten Windung ist aber vielwerthig; aus dem angegebenen Werthe erhält man die übrigen durch Hinzufügung eines Vielfachen von $4\pi i$. Die

Differentialquotienten desselben Potentials nach ϱ , ϑ , z sind einwerthige, stetige Functionen, die überall, außer in der Linie des Stromes, endlich sind und überall, außer in der Fläche, deren Element dS genannt ist, dieselben Werthe haben, als die entsprechenden Differentialquotienten von $\frac{\partial U}{\partial \vartheta}$. Hiernach findet man leicht die nach ϱ , ϑ , z genommenen Differentialquotienten von V. Es sey n die Zahl der sämmtlichen Windungen des Stromes; auf das Winkelelement $d\vartheta'$ kommen dann $\frac{nd\vartheta'}{2\pi}$ Windungen und daher ist:

$$\frac{\partial V}{\partial \varrho} = \frac{n}{2\pi} \int \frac{\partial^2 U}{\partial \varrho} d\vartheta' d\vartheta'$$

$$\frac{\partial V}{\partial \vartheta} = \frac{n}{2\pi} \int \frac{\partial^2 U}{\partial \vartheta \partial \vartheta} d\vartheta' d\vartheta'$$

$$\frac{\partial V}{\partial z} = \frac{n}{2\pi} \int \frac{\partial^2 U}{\partial z \partial \vartheta} d\vartheta',$$

wo die Integrationen von $\partial' = \partial + \varepsilon$ bis $\partial' = 2\pi + \partial - \varepsilon$ ausgedehnt werden sollen und ε eine unendlich kleine Größe bedeutet. Für die beiden Gränzwerthe von ∂' haben nun $\frac{\partial U}{\partial \varrho}$ und $\frac{\partial U}{\partial z}$ immer und hat $\frac{\partial U}{\partial \vartheta}$ dann gleiche Werthe, wenn der Punkt ϱ , ∂' , z außerhalb des Ringes liegt, den die Windungen des Stromes bilden; hegt der Punkt innerhalb dieses Ringes, so unterscheiden sich die beiden Werthe von $\frac{\partial U}{\partial \vartheta}$ um $4\pi i$. Daraus folgt, daß $\frac{\partial V}{\partial \varrho}$ und $\frac{\partial V}{\partial z}$ immer = o sind und $\frac{\partial V}{\partial \vartheta}$ im ersten dieser beiden Fälle = o, im zweiten $= 2\pi i$ ist. Hieraus ergiebt sich, daß, wenn man über die willkührliche additive Constante in V passend verfügt, außerhalb jenes Ringes

$$V = o$$
,

innerhalb desselben

$$V = 2ni\vartheta$$

ist.

Bei diesem Werthe von V genügt man den beiden Gleichungen, aus denen φ und Q zu bestimmen sind, durch

$$Q = o, \varphi = -V.$$

Hiernach ist die magnetische Axe in jedem Punkte des Eisenkörpers senkrecht auf der durch ihn und die z Axe gelegten Ebene und die auf die Volumeneinheit bezogene magnetische Intensität, nämlich $V\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2$,

$$= \frac{2n\times i}{\rho}.$$

Bildet man das für Q angegebene Integral unter der Annahme, dass der Ansangspunkt von r ausserhalb der Eisenmasse liegt, so giebt es das Potential der Eisenmasse in Bezug auf diesen Punkt an. Bei dem hier gesundenen Werthe von φ ist dieses Potential = o; der Eisenkörper übt ebenso, wie der Ring, den der elektrische Strom bildet, aus äußere Magnetpole keine Kräfte aus.

Das Potential des Eisenringes in Bezug auf einen geschlossenen elektrischen Strom ist aber nicht immer = 0, nämlich dann nicht, wenn dieser Strom den Eisenring umschlingt. Hierauf beruht es, dass ein elektrischer Strom in einem geschlossenen Drahte, der den Ring umschlingt, inducirt wird, wenn in diesem der Magnetismus entsteht oder verschwindet.

Es sey K das Potential eines Magnetpols, der die Flüssigkeitsmenge I enthält und im Punkte x, y, z sich befindet, in Bezug auf einen Strom, der mit der Intensität I den gedachten Draht durchsließt. Das Potential des magnetischen Eisenkörpers in Bezug auf denselben Strom ist dann:

$$= \iiint dx \, dy \, dz \left(\alpha \frac{\partial K}{\partial x} + \beta \frac{\partial K}{\partial y} + \gamma \frac{\partial K}{\partial z} \right)$$
oder
$$= x \iiint dx \, dy \, dz \left(\frac{\partial \varphi}{\partial x} \frac{\partial K}{\partial x} + \frac{\partial \varphi}{\partial y} \frac{\partial K}{\partial y} + \frac{\partial \varphi}{\partial z} \frac{\partial K}{\partial z} \right),$$

wo die Integration über das Volumen des Eisenkörpers auszudehnen ist. Nach dem Green'schen Satze läßt sich dieser Ausdruck auf ein nach der Obersläche desselben zu nehmendes Integrat reduciren; da aber der Raum, den der Eisenkörper einnimmt. ein doppelt zusammenhängender ist und in ihm q und K im Allgemeinen vielwerthig sind, so

müssen zu dieser Obersläche die beiden Seiten eines Querschnitts hinzugerechnet werden, der den genannten Raum in einen einfach zusammenhängenden verwandelt. Ist dS ein Element der Obersläche, die man dadurch erhält, und N die nach Innen gerichtete Normale desselben, so ist, da

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} = o,$$

jenes Potential

$$= - \times \int dS \frac{\partial \varphi}{\partial N} K.$$

Für alle Punkte der Ringobersläche ist nach dem für φ gefundenen Ausdrucke $\frac{\partial \varphi}{\partial N} = o$; auf den beiden Seiten des Querschnitts hat $\frac{\partial \varphi}{\partial N}$ entgegengesetzte Werthe; sind K' und K'' die im Allgemeinen verschiedenen Werthe von K auf den beiden Seiten des Querschnitts, so ist daber dasselbe Potential

$$= \varkappa \int dS \, \frac{\partial \varphi}{\partial N} \, (K' - K'')$$

wo die Integration nur über die eine Seite des Querschnitts auszudehnen ist. Umschlingt der Strom, auf den sich K bezieht, den Eisenring nicht, so ist K'-K''=o, umschlingt er ihn einmal, so ist diese Differenz $=4\pi$, umschlingt er ihn n'mal, so ist sie =n'4 π . In dem letzten Falle ist daher das betrachtete Potential

$$= n' 4\pi \varkappa \int dS \frac{\partial \varphi}{\partial N}.$$

Der Querschnitt sey so gewählt, dass er einen Theil einer durch die saxe gelegten Ebene bildet; dann ist der absolute Werth von $\frac{\partial \varphi}{\partial N}$

$$=\frac{2ni}{\rho}$$

und daher jenes Potential ohne Rücksicht auf das Vorzeichen

$$= nn' 8\pi i \times \int \frac{d8}{e},$$

wo die Integration über den Querschnitt des Eisenringes auszudehnen ist.

Ebenso groß ist die elektromotorische Kraft, die in dem gedachten Drahte inducirt wird, wenn der Magnetismus des Eisenringes entsteht oder verschwindet.

Das Entstehen oder Verschwinden des primären Stromes selbst inducirt in dem secundären Leiter eine elektromotorische Kraft, die gleich dem Potential jenes in Bezug auf einen Strom von der Intensität 1 in diesem ist, d. h.

$$= \int dS' \, \frac{\partial V}{\partial N},$$

wenn dS' ein Element einer durch den secundären Leiter begränzten Fläche und N die eine Normale dieses Elementes bedeutet. Bei dem für V gefundenen Werthe sind diejenigen Theile dieses Integrals = o, die sich auf Theile der genannten Fläche beziehn, welche außerhalb des von den Windungen des primären Stromes gebildeten, hohlen Ringes liegen. Umschlingt der secundäre Leiter diesen Ring in einer Windung, so kann die Fläche so gewählt werden, daß der Theil derselben, für den $\frac{\partial V}{\partial N}$ nicht = o ist, einer durch die z Axe gelegten Ebene angehört; ist dann noch die Wanddicke des von den Windungen des primären Stromes gebildeten Ringes als verschwindend klein zu betrachten, so ist hier überall $\frac{\partial V}{\partial N} = \frac{2n\,i}{\varrho}$ und also das gesuchte Potential

$$= 2n i \int \frac{ds'}{\varrho},$$

wo die Integration über den Querschnitt des eben bezeichne ten Ringes auszudehnen ist. Ist die Wanddicke dieses Ringes nicht zu vernachlässigen, so tritt an Stelle des abgeleiteten Ausdrucks die Summe der Werthe, die derselbe für die Ringe von unendlich kleiner Wanddicke annimmt, in welche der wirkliche Ring zerlegt gedacht werden kann. Umschlingt der secundäre Leiter den inducirenden Ring n'mal, so ist das betrachtete Potential n'mal so groß, als in dem Falle einer einmaligen Umschlingung.

Wenn der primäre Draht unmittelbar auf den Eisen-

ring gewunden und die Wanddicke des Ringes, den er bildet, zu vernachlässigen ist, so hat man

$$\int \frac{dS'}{e} = \int \frac{dS}{e};$$

die ganze elektromotorische Krast, die in dem secundären Drahte beim Schließen oder Oessnen des primären Stromes inducirt wird, ist dann

$$= 2nn'i(4\pi x + 1)\int \frac{dS}{\varrho},$$

oder auch, wen man durch dt ein Element des Volumens des Eisenringes bezeichnet,

$$= \frac{nn'}{\pi} i (4\pi \varkappa + 1) \int \frac{dt}{\varrho^2}.$$

Ist beispielsweise der Querschnitt des Eisenringes ein Kreis von dem Radius a und ist R der Radius des Kreises, auf dem die Mittelpunkte der Querschnitte liegen, so ist dieser Ausdruck

=
$$4 \pi n n' i (4 \pi x + 1) (R - \sqrt{R^2 - a^2}).$$

Der Werth der Größe z, der in der Poisson'schen Theorie als constant betrachtet wird, ist in der Wirklichkeit bekanntlich von der Intensität der magnetisirenden Krast abhängig. In dem Anhange zu meiner Abhandlung "über den inducirten Magnetismus eines unbegränzten Cylinders von weichem Eisen"1) habe ich die Gleichungen abgeleitet, die an die Stelle der Poisson'schen treten, wenn man auf diese Abhängigkeit Rücksicht nimmt. Auch diese allgemeinen Gleichungen können in dem hier behandelten Falle mit Leichtigkeit gelöst werden. Man sieht unmittelbar ein, dass die im Vorstehenden abgeleiteten Gleichungen bei Rücksicht auf die Veränderlichkeit von z ihre Gültigkeit behalten, sobald der Eisenring so dünn ist, dass die Aenderungen, die e in demselben erfährt, als unendlich klein betrachtet werden dürfen. Ist diese Bedingung nicht erfüllt, so hat man sich den Ring in unendlich viele Ringe, die ihr genügen, zerlegt zu denken und für jeden

1) Crelle, Journal f. d. Mathem., Bd. 48.

dieser den magnetischen Zustand so zu berechnen, als ob die andern nicht vorhanden wären. Die elektromotorische Kraft, die der gauze Ring bei dem Entsteben oder Verschwinden des Magnetismus inducirt, findet man in der Summe der elektromotorischen Kräfte, welche jene Theile dabei induciren.

Auf diese Thatsachen lässt sich eine, wie mir scheint, recht zweckmässige Methode zur Bestimmung von z gründen.

2.

Wenn elektrische Ströme durch eine Eisenmasse hindurchshessen, so lässt sich auf den in dieser erregten Magnetismus die Poisson'sche Theorie unmittelbar nicht anwenden, weil dann die magnetisirenden Kräste kem Potential haben. Betrachtungen, die denjenigen gleich sind, durch welche man zu den oben angegebenen Gleichungen der Poisson'schen Theorie gelangt, sühren hier zu den solgenden Gleichungen.

Es seyen A, B, C die Componenten der magnetisirenden Kraft in einem Punkte der Eisenmasse, deren recht winklige Coordinaten a, b, c sind, Q eine zu bestimmende Function von a, b, c, endlich a, β , γ die auf die Volumeneinheit bezogenen magnetischen Momente in dem Punkte a, b, c; dann ist:

$$\alpha = x \left(A - \frac{\partial Q}{\partial a} \right)$$

$$\beta = x \left(B - \frac{\partial Q}{\partial b} \right)$$

$$\gamma = x \left(C - \frac{\partial Q}{\partial a} \right),$$

und ferner

$$Q = \iiint dx \, dy \, dz \left(\alpha \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial x} + \beta \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial y} + \gamma \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial z} \right),$$

wo x, y, z die Coordinaten eines zweiten Punktes der Eisenmasse, r die Eutfernung dieses von dem Punkte a, b, c und a, β , γ die magnetischen Momente im Punkte x, y, z bezeichnen.

Lässt man in dem für Q angegebenen Ausdrucke a, b, c einen Punkt außerhalb der Eisenmasse bedeuten, so stellt er das Potential derselben in Bezug auf diesen dar.

Den Ausdruck von Q kann man sowohl für den Fall, dass der Punkt a, b, c innerhalb, als für den Fall, dass er ausserhalb der Eisenmasse liegt, auf ein über die Oberstäche des Eisens zu nehmendes Integral zurückführen. Um das zu zeigen, bezeichne man mit dS ein Element dieser Oberstäche und mit N die nach Innen gerichtete Normale desselben; durch partielle Integration erhält man dann

$$Q = -\int \frac{dS}{r} \left[\alpha \cos(Nx) + \beta \cos(Ny) + \gamma \cos(Nz) \right] - \iiint \frac{dx \, dy \, dx}{r} \left(\frac{\partial \alpha}{\partial x} + \frac{\partial \beta}{\partial y} + \frac{\partial \gamma}{\partial z} \right).$$

Um für den Fall, dass der Punkt a, b, c innerhalb der Eisenmasse liegt, r also innerhalb der Gränzen der Integration verschwindet, die Richtigkeit dieser Gleichung vollständig einzusehn, muß man zuerst eine unendlich kleine Kugel, deren Mittelpunkt der Punkt a, b, c ist, von dem Raume, auf den die Integrationen sich beziehen, ausgeschlossen denken und dann beachten, dass für diese Kugel die 3 Integrale, die in den beiden Ausdrücken von Q vorkommen, unendlich klein sind. Aus dem umgeformten Ausdrücke von Q solgt, dass, wenn der Punkt a, b, c innerbalb des Eisenkörpers liegt,

$$\frac{\partial^2 Q}{\partial a^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial b^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial c^2} = 4\pi \left(\frac{\partial \alpha}{\partial a} + \frac{\partial \beta}{\partial b} + \frac{\partial \gamma}{\partial c} \right)$$

ist.

Bezeichnet man durch u, v, w die Componenten der Stromdichtigkeit in dem Punkte x, y, z des von den Strömen erfüllten Raumes und setzt

$$U = \iiint \frac{dx \, dy \, dx}{r} u$$

$$V = \iiint \frac{dx \, dy \, dx}{r} v$$

$$W = \iiint \frac{dx \, dy \, dx}{r} w,$$

so folgt aus dem Gesetze der Kraft mit der ein Stromelement auf einen Magnetpol wirkt,

$$A = \frac{\partial V}{\partial c} - \frac{\partial W}{\partial b}$$

$$B = \frac{\partial W}{\partial a} - \frac{\partial U}{\partial c}$$

$$C = \frac{\partial U}{\partial b} - \frac{\partial V}{\partial a}.$$

Hieraus ergiebt sich

$$\frac{\partial A}{\partial a} + \frac{\partial B}{\partial b} + \frac{\partial C}{\partial c} = 0$$

und also bei Rücksicht auf die für α , β , γ aufgestellten Gleichungen:

$$\frac{\partial^2 Q}{\partial a^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial b^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial c^2} = -\frac{1}{\kappa} \left(\frac{\partial \alpha}{\partial a} + \frac{\partial \beta}{\partial b} + \frac{\partial \gamma}{\partial c} \right).$$

Die beiden zwischen

$$\frac{\partial^2 Q}{\partial a^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial b^2} + \frac{\partial^2 Q}{\partial c^2}$$
 und $\frac{\partial^2 \alpha}{\partial a} + \frac{\partial \beta}{\partial b} + \frac{\partial \gamma}{\partial c}$

abgeleiteten Gleichungen zeigen, dass diese beiden Größen verschwinden und also, wo auch der Punkt a, b, c liegt,

$$Q = -\int \frac{dS}{r} \left[\alpha \cos(Nx) + \beta \cos(Ny) + \gamma \cos(Nz) \right]$$

oder in Folge der Gleichungen für α , β , γ

$$Q = \varkappa \int \frac{dS}{r} \frac{\partial Q}{\partial N}$$

$$- \varkappa \int \frac{dS}{r} \left[A \cos(Nx) + B \cos(Ny) + C \cos(Nz) \right]$$

ist.

Diese Gleichung, bezogen auf die Punkte der Eisenmasse, dient zur Bestimmung von Q; ist Q gefunden, so erhält man α , β , γ aus den für die Größen aufgestellten Gleichungen.

Zwischen den magnetischen Momenten α , β , γ und den Stromdichtigkeiten u, v, w bestehen gewisse einfache Relationen, deren Ableitung hier eine Stelle finden möge.

Aus den Gleichungen, durch welche U, V, W definirt sind, folgt:

$$= -\iiint dx \, dy \, dz \, \left(\frac{\partial \vec{l}}{\partial x} u + \frac{\partial \vec{w}}{\partial y} v + \frac{\partial \vec{l}}{\partial z} w \right),$$

wo die Integation über die ganze Stromleitung auszudehnen, oder

$$=-\sum\iiint dx\,dy\,dz\left(\frac{\partial\frac{1}{r}}{\partial x}u+\frac{\partial\frac{1}{r}}{\partial y}v+\frac{\partial\frac{1}{r}}{\partial z}w\right),$$

wo das Integral für jeden einzelnen Leiter zu bilden und dann die Summe für alle Leiter zu nehmen ist. Durch partielle Integration verwandelt sich dieser Ausdruck in den folgenden:

$$\sum \left\{ \int \frac{dS}{r} \left(u \cos \left(Nx \right) + v \cos \left(Ny \right) + w \cos \left(Nz \right) + \int \int \int \frac{dx \, dy \, dz}{r} \left(\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) \right\},$$

wo dS ein Element der Oberfläche eines Leiters bezeichnet. Unter der Voraussetzung, daß die elektrischen Ströme stationäre sind, ist aber

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} = o,$$

und

$$u \cos (Nx) + v \cos (Ny) + w \cos (Nz)$$

ist für die freie Obersläche eines Leiters = o und hat für die Gränzsläche zweier Leiter entgegengesetzte Werthe in beiden. Hieraus folgt, dass die ganze Summe verschwindet, mithin

$$\frac{\partial U}{\partial a} + \frac{\partial V}{\partial b} + \frac{\partial W}{\partial c} = 0$$

ist.

Aus den Gleichungen für A, B, C ergiebt sich aber

$$\frac{\partial B}{\partial c} - \frac{\partial C}{\partial b} = \frac{\partial}{\partial a} \left(\frac{\partial V}{\partial b} + \frac{\partial W}{\partial c} \right) - \left(\frac{\partial^2 U}{\partial b^2} + \frac{\partial^2 U}{\partial c^2} \right);$$

es ist daher

$$\frac{\partial B}{\partial c} - \frac{\partial C}{\partial b} = -\left(\frac{\partial^2 U}{\partial a^2} + \frac{\partial^2 U}{\partial b^2} + \frac{\partial^2 U}{\partial c^2}\right)$$

oder wegen des Werthes von U

$$\frac{\partial B}{\partial c} - \frac{\partial C}{\partial b} = 4\pi u.$$

Eben so ist

$$\frac{\partial C}{\partial a} - \frac{\partial A}{\partial c} = 4\pi v$$

$$\frac{\partial A}{\partial b} - \frac{\partial B}{\partial a} = 4\pi w.$$

Bei Rücksicht auf die Gleichungen für α , β , γ folgt bieraus:

$$\frac{\partial \beta}{\partial c} - \frac{\partial \gamma}{\partial b} = 4\pi \times u$$

$$\frac{\partial \gamma}{\partial a} - \frac{\partial \alpha}{\partial c} = 4\pi \times v$$

$$\frac{\partial \alpha}{\partial b} - \frac{\partial \beta}{\partial a} = 4\pi \times v.$$

Wenn der magnetische Zustand der Eisenmasse durch Aenderung der Intensität der magnetisirenden Ströme geändert wird, so werden dadurch in den vorhandenen Leitern elektrische Ströme inducirt. Es seyen X, Y, Z die Kräfte, die zur Zeit t in Folge der Aenderungen von α, β, γ in dem Punkte α, γ, γ auf die Einheit positiver Elektricität nach den Richtungen der Axen und auf die Einheit negativer Elektricität in den entgegengesetzten Richtungen wirken. Geht man aus von dem Gesetze der Induction, die in einem geschlossenen linearen Leiter durch die Aenderung des magnetischen Zustandes eines magnetischen Moleküls hervorgerufen wird, und setzt man

$$A = \iiint \frac{da \, db \, dc}{r} \, \frac{\partial \alpha}{\partial t}$$

$$B = \iiint \frac{da \, db \, dc}{r} \, \frac{\partial \beta}{\partial t}$$

$$\Gamma = \iiint \frac{da \, db \, dc}{r} \, \frac{\partial \gamma}{\partial t},$$

wo a, b, c einen Punkt der Eisenmasse bedeutet, so findet man dann

$$X = \frac{\partial B}{\partial x} - \frac{\partial \Gamma}{\partial y}$$

$$Y = \frac{\partial \Gamma}{\partial x} - \frac{\partial A}{\partial x}$$

$$Z = \frac{\partial A}{\partial y} - \frac{\partial B}{\partial x}$$

Gewisse Fragen über die durch das Entstehen oder Verschwinden des Magnetismus des Eisenkörpers inducirten elektrischen Ströme kann man beantworten, sobald man das Potential des magnetischen Eisens in Bezug auf die magnetisirenden Ströme kennt. Dieses Potential ist

$$\iiint da db dc (\alpha A + \beta B + \gamma C),$$

wo a, b, c wiederum einen Punkt der Eisenmasse bedeutet. Es ist von selbst klar, dass dieser Ausdruck das genannte Potential darstellt, sohald von einem solchen im gewöhnlichen Sinne des Wortes die Rede sein kann, sohald nämlich die Ströme nicht durch die Eisenmasse hindurchsließen und also A, B, C die partiellen Disserntialquotienten einer Funktion von a, b, c sind. In Bezug auf die Inductionswirkungen hat der Ausdruck dieselbe Bedeutung und verdient in so sern denselben Namen, wenn die Eisenmasse von den Strömen durchslossen wird, als wenn das nicht der Fall ist.

Die aufgestellten Gleichungen — von denen einen Theil schon Maxwell in seiner Abhandlung on the electromagnetic field 1) angegeben hat — sollen nun auf einen sehr einfachen Fall angewendet werden.

Ein Theil der Stromleitung sey ein unendlich langer Cylinder von kreissörmigem Querschnitt, von dem ein durch zwei Querschnitte begränztes Stück aus Eisen besteht; die beiden Enden des Cylinders seyen durch eine, eine Kette enthaltende Rückleitung mit einander verbunden, die überall unendlich weit von dem Eisen entsernt ist. Die Axe des Cylinders sei die z Axe, sein Radius R, die Intensität des Stromes i.

Diejenigen Theile der für U, V, W aufgestellten Integrale, die sich auf die genannte Rückleitung beziehen, sind, wie man leicht sieht, bis auf unendlich kleine Größen Constanten gleich; da in der Rechnung nur die Differential-quotienten von U, V, W vorkommen, so kann man sich

¹⁾ London philos. transactions 1865.

daher darauf beschränken jene Integrale über den Cylinder auszudehnen. Für diesen ist

$$u = 0, v = 0, w = \frac{i}{\pi R^2};$$

man darf also setzen:

$$U = 0$$

$$V = c$$

$$W = \frac{i}{\pi R^2} \iiint \frac{dx \, dy \, dx}{r}.$$

Die letzte von diesen Gleichungen giebt, wenn man $a^2 + b^2 = \varrho^2$

macht und durch D eine (unendlich große) Constante bezeichnet:

$$W = -\frac{i}{R^2} \varrho^2 + D.$$

Hieraus folgt:

$$A = \frac{2i}{R^2}b$$

$$B = -\frac{2i}{R^2}a$$

$$C = 0.$$

Bei diesen Werthen von A, B, C wird für alle Elemente der Oberstäche des Eisenkörpers

$$A \cos (Nx) + B \cos (Ny) + C \cos (Nz) = o.$$

und daher die zur Bestimmung von Q dienende Gleichung

$$Q = \varkappa \int \frac{dS}{r} \frac{dQ}{dN}.$$

Hieraus folgt

$$0 = 0$$

und dann weiter

$$\alpha = \frac{2\pi i}{R^2} b$$

$$\beta = -\frac{2\pi i}{R^2} a$$

$$\gamma = 0.$$

$$\frac{2 \times i}{R^2} \varrho.$$

Auch für Punkte außerhalb der Eisenmasse ist Q=o; magnetische Kräfte übt dieselbe nach Außen hin also nicht aus. Bei Schließung und Oelfnung der Leitung wird in dieser selbst aber durch das Auftreten und Verschwinden des Magnetismus ein elektrischer Strom inducirt; es erfährt dadurch das Potential der Leitung in Beziehung auf sich selbst scheinbar eine Vergrößerung. Diese Vergrößerung ist das Potential des magnetischen Eisens in Bezug auf den magnetisirenden Strom, dividirt durch i^2 , d. h.

$$= \frac{1}{i^2} \iiint da \, db \, dc \, (\alpha A + \beta B + \gamma C)$$

oder, wenn man mit L die Länge des Eisencylinders bezeichnet,

$$=2\pi x L$$

Auch in dem hier behandelten Falle kann man mit Leichtigkeit sich von der Voraussetzung, dass \varkappa eine Constante ist, unabhängig machen; den Gleichungen nämlich, welche bei Rücksicht auf die Veränderlichkeit von \varkappa den magnetischen Zustand des Eisencylinders bestimmen, genügt man ebenfalls durch die Annahme Q = 0.

Heidelberg, Februar 1870.

II. Ueber die Bestimmung des Gewichtes von einem Cubic-Decimeter destillirten Wassers bei 4°C.; von H. Wild.

In meiner Schrist: Bericht über die Arbeiten zur Resorm der schweizerischen Urmaasse¹) finden sich zwei Stellen, welche sich auf die von der K. Academie der Wissenschaften in St. Petersburg angeregte Resorm der metrischen Urmaasse Bezug haben. Seite 55 und 56 dieser Schrist beisst es:

¹⁾ Denkschr. d. schweiz. naturforsch. Gesellsch. vom J. 1868.

"In Betreff der Unveränderlichkeit mit der Zeit lassen übrigens die frauzösischen Urmaasse selbst und zwar sowohl das Meter wie das Kilogramm so viel zu wünschen übrig, dass sie in dieser Hinsicht den gegenwärtigen Ansorderungen der Wissenschaft offenbar nicht mehr genügen. Sollte das metrische Maass-System wirklich wie die neuesten bezüglichen Vorgänge in verschiedenen Staaten es bestimmt in Aussicht stellen, nun bald zum universellen Maasse werden, so wird die Ansertigung neuer metrischer Urmaasse und die Errichtung einer Art europäischer Normal Eichstätte zur Bestellung zuverlässiger Copien und Ausführung von Verificationen mit der höchsten Genauigkeit nicht mehr lange ein frommer Wunsch bleiben."

Die zweite Stelle auf S. 145 jener Schrift, die sich an eine Ableitung des specifischen Gewichtes eines Platin-Kilogramms aus seinem absoluten Gewichte und seinem Volumen bezieht, lautet: "Diese Zahl wurde aus dem absoluten Gewicht dieses Kilogramms und aus seinem Volumen bei 0° berechnet, und stützt sich daher allerdings auf die Voraussetzung, dass das Archiv-Kilogramm in Paris wirklich genau das absolute Gewicht von 1 Cubik-Decimeter destillirten Wassers bei 4°C. repräsentire. Kupffer bat am Schlusse seines umfangreichen und vortefflichen Werkes; ,Travaux de la commission pour fixer les mesures et les poids de l'Empire de Russie' die in verschiedenen Ländern ausgeführten Bestimmungen des Gewichtes eines bestimmten Volumens reinen Wassers verglichen. Reduciren wir seine Angaben auf das Gewicht von 1 Cubik-Decimeter destillirten Wassers bei 4° C., so ergiebt sich folgende Zusammenstellung:

Land.	Beobachter.	Gewicht von 1 Cubik- Decimet. destill. VV asser bei 4º Celsius.
Frankreich	Lesèvre - Gineau	1000000 Milligr.
England	Shuckburgh und Kaier	1000480 »
Schweden	Berzelius, Svanberg und Akermann	1000296 "
Oesterreich	Stampfer	999653 »
Russland	Kupffer	999989 »
	Mittel	1000084 Milligr.

Es wäre also hiernach, wenn wir allen vorhandenen Bestimmungen gleichen Werth beilegen, das Gewicht von 1 Cubik-Decimeter reinen Wassers um 84 Milligramme schwerer als das Kilogramm der Archive zu Paris. Auf unser obiges Resultat für das specifische Gewicht unseres Platinkilogramms hat dies zwar, wie man leicht sieht, innerhalb der angegebenen Fehlergränze desselben keinerlei Einfluss; indessen erscheint es uns doch an und für sich wünschenswerth, dass vermittelst der neuen Hülfsmittel der Wissenschaft und Technik diese wichtige Größe neu und sicherer bestimmt werde.

Die Arbeiten der internationalen Commission, die sich in Paris zur Reform der metrischen Urmaasse versammeln wird, würden nun offenbar wesentlich gefördert werden, wenn einzelne Gelehrte, welche sich speciell mit diesen Gegenständen beschäftigt haben, ihre Studien und Erfahrungen über die eine oder andere der Aufgaben, die die Commission zu lösen haben wird, als Vorarbeit zur Veröffentlichung bringen oder auch handschriftlich dieser zur Disposition stellen wollten.

In diesem Sinne schien es mir nützlich, eine an die letzterwähnte Stelle meiner Schrist sich anknüpfende Studie über die Bestimmung des absoluten Gewichtes von 1 Cubic-Decimeter destillirten Wassers im Maximum seiner Dichtigkeit zu veröffentlichen.

Wenn wir allen vorhandenen Bestimmungen des specificirten Gewichts des Wassers denselben Werth beilegen, so ergiebt sich aus der oben angeführten Tabelle, dass der Mittelwerth 1000084 Milligramm für das Gewicht von I Cubic-Decimeter destillirten Wassers bei 4° Celsius noch mit einem mittleren Fehler von ± 142 mgr. behaftet ist. 1) Die Arbeiten, deren Darstellung meine erwähnte Schrift gewidmet ist, haben aber gezeigt, dass es beim gegenwärtigen Zustande der Wissenschaft und Technik möglich ist,

¹⁾ Auf die bestehende Unzuverläßigkeit im specifischen Gewichte des VVassers hat übrigens schon VV. VVe ber in Bd. 18 S. 608 dieser Annalen hingewiesen.

zwei Gewichte von ungefähr 1 Kilogramm, selbst wenn, wie es dort der Fall war, das eine aus Platin, das andere aus Quarz besteht und die Messungen von verschiedenen Personen ausgeführt werden, mit einem Fehler von ± 0,1 mgr. zu vergleichen oder also — analog wie bei Längen Maaßen — eine Genauigkeit von 1 10 Millionen des ganzen Werthes bei der Vergleichung zu erzielen. Es ist somit zur Zeit die Unsicherheit unserer Kenntnisse des absoluten Gewichts von 1 Cubic - Decimeter destillirten Wassers 1400 Mal größer als der Fehler, den wir bei der Vergleichung zweier entsprechenden concreten Gewichtsstücke begehen.

Ich werde nun zunächst untersuchen, ob es vermittelst der jetzigen Hülfsmittel nicht möglich sey, die fragliche Größe genauer, etwa mit derselben bei bloßen Gewichtsvergleichungen factisch erreichbaren Genauigkeit zu bestimmen.

Die einzige practisch genau durchführbare Methode, zur Bestimmung des absoluten Gewichtes eines bestimmten Volumens Wasser, die denn auch bisdahin allein befolgt worden ist, scheint die zu seyn, nach welcher man einen Körper von geometrisch einfacher Gestalt — einen Cylinder — nach der bezüglichen Längen Einheit genau ausmisst und darauf den Verlust an Gewicht, den er beim Eintauchen in destillirtes Wasser erleidet, vermittelst einer Waage nach den üblichen Gewichtseinheiten ermittelt.

Ich setze folgende Anordnung dieser Wägungen voraus. Der Körper werde auf die eine Schale einer Waage gebracht, an welcher Schale unten eine Art Zange an einem feinen Platindrahte angehängt ist, die ganz in ein Gefäss mit destillirtem Wasser untertaucht. Durch Tara-Gewichte auf der andern Waagschale werde beides ins Gleichgewicht gebracht. Darauf werde der Körper in die zu seiner Aufnahme eingerichtete Zange gelegt und mit ihr im destillirten Wasser untergetaucht, wobei man darauf achtet, dass das letztere im Gefäs genau gleich hoch zu stehen kommt, wie vorher, so das jetzt ein gleich langes Stück des Aufhängedrahts in's Wasser taucht. Das Gleichgewicht an der

Waage wird bei unveränderter Tara auf der andern Seite durch Auflegen von Gewichten auf die Schale über dem Körper hergestellt. Diesen beiden Wägungen entsprechen, wenn wir während der Dauer des Versuchs die Temperatur der Luft und die des Wassers als constant betrachten, folgende zwei Gleichungen:

$$P\left(1-\frac{l_{i}}{p_{i}}\right)+M\left(1-\frac{l_{i}}{m_{i}}\right)+N\left(1+\frac{wt'}{nt'}\right)=\text{Tara},$$

$$P\left(1-\frac{wt'}{pt'}\right)+M\left(1-\frac{l_{i}}{m_{i}}\right)+N\left(1-\frac{w_{i}'}{n_{i}'}\right)+G\left(1-\frac{l_{i}}{g_{i}}\right)=\text{Tara},$$
wo:

P das absolute Gewicht des Körpers,

M « « des Aufhängedrahtes bis zur Wasseroberfläche,

N « « des Aufhängedrahtes und der Zange im Wasser,

G « « der Ausgleich-Gewichte bei der zweiten Wägung;

l, das specif. Gewicht der Luft (bezogen auf Wasser bei 4° C.) bei t Grad,

p, « « des Körpers bei t° C. bezogen auf Wasser bei 4°.

m, » « des Drahtes bei t° C. bezogen auf Wasser bei 4°.

g, « « der Ausgleichgewichte bei t° C. bezogen auf Wasser bei 4°.

to, « « des Wassers bei t'° bezogen auf das bei 4°.

n, « « der Zange bei t' bezogen auf das des Wassers bei 4° C.

Aus diesen beiden Gleichungen folgt aber:

$$G\left(1-\frac{l_{t}}{g_{t}}\right)=P\left(\frac{w_{t}'}{p_{t}'}-\frac{l_{t}}{p_{t}}\right)$$

oder da $\frac{l_i}{g_i}$ eine kleine Größe ist, deren Quadrat neben 1 zu vernachlässigen ist:

$$G = P\left(\frac{w_i'}{p_i'} - \frac{l_i}{p_i}\right) \left(1 + \frac{l_i}{g_i}\right).$$

Definiren wir nun 1 Kilogramm als das Gewicht von 1 Cubic-Decimeter reinen Wassers bei 4° C., so ist, falls wir P und G in Grammen und das Volumen V von P in Cubic-Centimetern ausdrücken, für t' Grade:

$$P = V_i' p_i',$$

also auch

$$G = V_i' \left(w_i' - l_i \frac{p_i'}{p_i}\right) \left(1 + \frac{l_i}{g_i}\right)$$

und wenn wir endlich das Volumen des Körpers bei 0° mit V_0 , und den kubischen Ausdehnungscoëfficienten desselben für 1° C. mit q bezeichnen, so kommt auch:

I.
$$G = V_0 (1 + qt') w_i' \left(1 - \frac{l_i}{w_i'} \frac{1 + qt}{1 + qt'}\right) \left(1 + \frac{l_i}{g_i}\right)$$
.

Ist der Barometerstand zur Zeit der Messung h und die absolute Feuchtigkeit h' Millimeter, die Breite des Beobachtungsortes φ und seine Erhebung über Meer H Meter, so ist nach Regnault und Kohlrausch:

$$l_{t} = \frac{0,001292753(1-0,0025935\cos2\varphi)(1-0,00000031417H)(h-0,37792h')}{760(1+0,003665t)}$$

Für Paris hat man z. B. hiernach:

$$l_{t} = \frac{0.001293187 (h - 0.37792 h')}{760 (1 + 0.003665 t)}.$$

Setzen wir in Gleichung I rechter Hand die aus den Versuchen gefundenen Größen ein, so erhalten wir also das absolute Gewicht der Ausgleichgewichte, ausgedrückt in wahren Grammen. — Die in Klammern eingeschlossenen Glieder rechter Hand repräsentiren, wie leicht ersichtlich, die Reduction der Wägungen auf den leeren Raum, indem sie beide für l_* — o der Einheit gleich werden. — Um aber den Einfluß der verschiedenen Beobachtungsfehler auf das Endresultat i. e. den Werth von G zu finden, haben wir den Ausdruck I. bloß nach den verschiedenen Variabeln zu differentiiren. Wenn wir dabei die Glieder, die nur wenig von 1 verschieden sind, jeweilen in erster Annäherung gleich 1 setzen, so kommt:

$$dV_{0} = dG \qquad dq = dG \frac{1}{V_{0}t'}$$

$$dw_{i}' = dG \frac{1}{V_{0}} \qquad dg_{i} = -dG \frac{g_{i}}{V_{0}l_{i}}$$

$$dt' = dG \frac{1}{V_{0}q} \qquad dl_{i} = -dG \frac{g_{i}}{V_{0}(g_{i}-1)}$$

Angenommen G sey 1000 Gramme und $dG = \pm 0^{sr}$,0001, so ist $V_0 = 1000$ Cubic-Centimeter. Es bestehe ferner der Körper aus Messing, so ist q = 0,000056346 zu setzen. Die Temperatur t' des Wassers soll 17°,5 C. seyn und das Ausgleichgewicht G aus Bergkrystall bestehen, somit $g_1 = 2,65$ seyn. Ist endlich der Barometerstand h = 760 mm und die absolute Feuchtigkeit h' = 10 mm, so hat man in Paris: $l_1 = 0,001209$. Diese Werthe oben eingesetzt ergeben für die einem Fehler von 0,1 Milligramm im Endresultat entsprechenden Fehlergrenzen der einzelnen Bestimmungsgrößen:

$$dV_0 = \pm 0,0001$$
 Cubic-Centimeter $dw_i' = \pm 0,0000001$ $dt' = \pm 0^{\circ},0017$ C. $dq = \pm 0,0000000571$ $dg_i = \pm 0,000581$ $dl_i = \pm 0,000000160$.

Es bleibt jetzt zu untersuchen, inwiesern in Wirklichkeit diese Fehlergrenzen eingehalten werden können.

Wenn wir der Kürze halber:

$$\frac{0,001293187}{760} = 0,000001701562 = A, \quad 0,37792 = B$$
 und: $0,003665 = \alpha$

setzen, so hat man:

$$l_{i} = A \frac{h - B h'}{1 + \alpha t},$$

woraus folgt:

$$dA = dl, \frac{1+\alpha t}{k-Bh'}, \qquad dh = dl, \frac{1+\alpha t}{A},$$

$$dB = -dl, \frac{1+|\alpha t|}{Ah'}, \qquad dh' = -dl, \frac{1+\alpha t}{AB},$$

$$d\alpha = -dl, \frac{(1+\alpha t)^2}{A(h-Bh')t}, \qquad dt = -dl, \frac{(1+\alpha t)^2}{A(h-Bh')\alpha}.$$

Führen wir in diese Ausdrücke die obigen Zahlenwerthe ein, so kommt:

$$dh = \pm 0^{mm}, 100, dh' = \pm 0^{mm}, 266, dt = \pm 0^{\circ}, 039, dA = \pm 0,000000000226, dB = \pm 0,0100, d\alpha = \pm 0,000000808.$$

Die drei Größen h, h' und t lassen sich jeweilen bei den Wägungen leicht mit der den vorstehenden Fehlergränzen entsprechenden Genauigkeit bestimmen, und es unterliegt auch keinem Zweifel, daß die angegebenen Werthe für die drei Constanten A, B und α mit keinen größern Fehlern behaftet sind, als es die vorstehenden Resultate verlangen.

Die oben für die Bestimmung der Größe l, angegebene Fehlergränze: dl, = $\pm 0,000000160$ kann somit in Wirklichkeit bei den Beobachtungen eingehalten werden.

Das specifische Gewicht g_i des Ausgleichgewichtes von Quarz bei t° ist gleich:

$$g_t = \frac{g_0}{1+bt}$$

wo g_o das specifische Gewicht bei 0° bezogen auf Wasser bei 4° C. und b der kubische Ausdehnungscoëfficient des Bergkrystalls. Hieraus ergiebt sich aber:

$$dg_{0} = dg_{1} (1 + bt)$$

$$dt = -dg_{1} \frac{(1+bt)^{3}}{bg_{0}}$$

$$db = -dg_{1} \frac{(1+bt)^{3}}{tg_{0}}.$$

Setzen wir hier die obigen Zahlenwerthe ein und nehmen au, es sey: b = 0.00003255, so finden wir:

$$dg_0 = \pm 0,000581,$$

 $dt = \pm 6^{\circ},7$
 $db = \pm 0,0000126.$

Da auch diese Fehlergränzen bei den Messungen leicht einzuhalten sind, so ist somit auch das specifische Gewicht des Ausgleichgewichtes innerhalb der Fehlergränze:

$$dg_{i} = \pm 0.000581$$

genau zu bestimmen.

Während also seitens der Reduction der Wägungen auf den leeren Raum kein Hinderniss im Wege steht, die gewünschte Genauigkeit in der Lösung unserer Aufgabe zu erzielen, wird es dagegen bereits unmöglich seyn, die drei mit der Abwägung des Körpers im Wasser eng zusammenhängenden Größen w, t' und q mit der erforderlichen Sicherheit zu bestimmen. Was zunächst den Fehler $dt' = \pm 0^{\circ},0017$ C. in der Ermittlung der Temperatur des ins Wasser eingetauchten Körpers betrifft -, eine Erörterung über dq wird sich unten an die Besprechung der Ausmessung des Körpers anschließen -, so dürfte es zwar nicht unmöglich seyn, thermometrische Mittel zu finden, die noch 02,001 C. bestimmen lassen: die wahre Temperatur aber eines in Wasser eingetauchten Körpers vermittelst eines daneben befindlichen Thermometers mit dieser Genauigkeit zu ermitteln, wird eine solche Constanz der Temperatur erheischen, wie sie selbst durch ganz besondere Einrichtungen kaum wird zu erzielen seyn. Ja die Temperatur des Wassers selbst, die wir als gleich mit t' vorausgesetzt haben, muss sogar, insosern sie auf die Kenntniss von w, influirt, noch genauer bekannt seyn. Wir finden nämlich, dass in der Gegend von 17°,5 eine Aenderung des specif. Gewichtes des Wassers um $dw_{i'} = \pm 0,0000001$ einer Aenderung der Temperatur um == 0°,000565 entspricht. Aber auch abgesehen von der allfälligen Ungenauigkeit in der Bestimmung der Temperatur ist die letztere Fehlergränze für die Größe w., bei dem gegenwärtigen Zustande unserer Kenntnisse über die Ausdehnung des Wassers nicht einzuhalten. Zum Beweise dessen reproducire ich hier eine bezügliche Zusammenstellung aus dem §. 31 meiner mehrfach erwähnten Schrift.

In der Beschreibung der Arbeiten zur Herstellung des neuen englischen Urpfundes¹) hat Miller die ältern Beobachtungen über die Ausdehnung des Wassers sehr umsichtig zusammengestellt, discutirt und schließlich eine Formel zur Berechnung des Wasservolumens für eine beliebige Temperatur

¹⁾ Philosophical Transactions f. 1856. Part. 8, p. 791.

aufgestellt, deren Resultate sich sehr genau dem Mittel aus den verbesserten Angaben von Despretz, Pierre und Kopp anschließen. In der folgenden Tafel sind die nach dieser Formel berechneten Wasservolumina, dasjenige beim Maximum der Dichtigkeit i. e. bei 3,94°C. als I angenommen, zusammengestellt mit dem Mittel der beiden neuern sehr sorgfältigen Bestimmungen der Ausdehnung des Wassers von G. Hagen¹) und Matthießen²).

Temperatur	Volumen	des destillirten	Wassers
Gelsius.	nach Miller's Formel	nach Hagen u. Matthiefsen	Differenz.
4º .	1,000000	1,000000	0,000000
5	1,000008	1,000008	0,000000
6	1,000031	1,000030	0,000001
7	1,000069	1,000069	0,000000
8	1,000121	1,000122	0,000001
9	1,000186	1,000189	0,000003
10	1,000265	1,000270	0,000005
11	1,000357	1,000364	0,000007
12	1,000460	1,000471	0,000011
13	1,000581	1,000592	0,000011
14	1,000712	1,000725	0,000013
15	1,000854	1,000870	0,000016
16	1,001009	1,001027	0,000018
17	1,001175	1,001195	0,000020
18	1,001352	1,001375	0,000023
19	1,001540	1,001566	0,000026
20	1,001739	1,001767	0,000028
21	1,001948	1,001978	0,000030
22	1,002167	1,002200	0,000033
2 3	1.002396	1,002431	0,000035
24	1,002634	1,002671	0,000037
25	1,002882	1,002921	0,000039

¹⁾ Abhandlungen der Akad. d. Wissensch. zu Berlin. 1855.

²⁾ Poggendorff's Annalen Bd. 128 S. 512.

Man ersieht aus dieser Tafel, dass, wenn wir die Hälfte der Differenzen in der letzten Columne als einen Maasstab für die noch bestehende Unsicherheit in der Kenntniss der Ausdehnung des Wassers annehmen, bei 17°,5 diese Unsicherheit noch 110 Mal größer ist als die tolerirte Fehlergränze von dw_i' , $=\pm 0,0000001$ und das sie selbst für eine Temperatur von 8° noch das 10 fache der letztern beträgt.

Wollen wir also bei den Wägungen uns an die bequemer herzustellende mittlere Temperatur von 17°,5°C. halten, so wird weder unsere gegenwärtige Kenntniss der Ausdehnung des Wassers, noch die Ermittlung der Temperatur des Wassers und des eingetauchten Körpers genau genug seyn, um das Gewicht von 1 Cubic-Decimeter Wasser bei 4°C. bis auf ½ Milligr. sicher bestimmen zu können. Der Fehler wird vielmehr etwa 100 Mal größer seyn. Aber auch beim Verlassen dieser bequemen Temperatur und Heruntergehen auf etwa 8° — was übrigens unzweifelhaft neue andere Uebelstände zur Folge haben wird — bleibt der Fehler immer noch etwa 10 Mal größer.

Der für die Bestimmung des Volumens unseres Körpers tolerirte Fehler beträgt dem Obigen zufolge:

$$dV_0 = \pm 0.1$$
 Cubic - Millimeter.

Wir haben angenommen V_0 sei gleich 1 Liter und machen jetzt die weitere Voraussetzung, der Körper habe die Gestalt einer Kugel; alsdann ergiebt sich, wenn D den Durchmesser der Kugel darstellt:

$$V_0 = \frac{\pi}{6} D_0^s = 1000000$$
 Cubic-Millimeter,

woraus in runder Zahl folgt:

$$D_0 = 124,1$$
 Millimeter.

Die Bestimmung des Kugel-Volumens ist also auf die Ausmessung des Durchmessers derselben zurückgeführt und der Fehler der letztern Beobachtung wird somit nach der Gleichung:

$$dD_0 = dV_0 \frac{2}{\pi D_0^2}$$

zu berechnen seyn. Die Einsetzung der Werthe giebt: $dD_0 = \pm 0,00000521$ Millimeter.

Hätten wir es mit einem Cylinder zu thun, dessen Durchmesser gleich der Höhe wäre, so würden die bezüglichen Größen gegeben durch:

$$V_0 = \frac{\pi \Delta^* H}{4} = 1000000$$
 Cubic-Millimeter

also:

$$\Delta = H = 108,4$$
 Millimeter,

ferner:

$$d\Delta = dV_0 \frac{2}{\pi H \Delta}$$

$$dH = dV_0 \frac{2}{\pi \Delta^2}$$

oder:

$$d\Delta = \pm 0^{mm},00000542$$

 $dH = \pm 0,00001084.$

Die Arbeiten, deren Darstellung meine oben erwähnte Schrift gewidmet ist, haben nun gezeigt, dass es zur Zeit möglich ist, Maasstäbe von 1 Meter Länge, selbst wenn der eine ein Endmaas und der andere ein Strichmaas ist, durch eine geringe Zahl von Nachahmungen mit einem mittleren Fehler von $\pm 0^{mm},0001$ zu vergleichen. Meines Wissens ist das aber das Aeusserste, was bis jetzt in dieser Richtung erzielt worden ist, und es dürste daher, obschon die Dimensionen unseres Körpers nahezu 10 Mal kleiner sind, doch kaum möglich seyn, dieselben auf das neue Urmeter mit einer größeren Genauigkeit als $\pm 0^{mm},00005$ zu beziehen.

Es wird also auch bei der Ermittlung des Volumens unseres Körpers ein etwa 10 Mal größerer Fehler als der oben bestimmte kaum zu vermeiden seyn.

Betrachten wir endlich noch die Bestimmung des cubischen Ausdehnungscoëfficienten des Körpers q, für welchen als zu tolerirender Fehler:

$$dq = \pm 0,000000000571$$

gefunden wurde. Die einzig zum Ziele führende Methode hiezu besteht meines Erachtens in der Abmessung der Dimensionen des Körpers, Durchmessens der Kugel, bei zwei etwa um 20° verschiedenen Temperaturen t_1 und t_2 vermittelst eines Maassstabs, dessen eigener linearer Ausdehnungscoëssicient n mit genügender Sicherheit bestimmt ist. Diesen beiden Messungen entsprechen die Gleichungen:

$$D_0 (1 + \frac{q}{3} t_1) = M_0 (1 + n t_1) + a_1$$

$$D_0 (1 + \frac{q}{3} t_2) = M_0 (1 + n t_2) + a_2,$$

wo M_0 die Länge des betreffenden Maasstabtheiles bei 0° in wahren Millimetern, und a_1 und a_2 die kleinen mit Millimetern gemessenen Differenzen des Durchmessers der Kugel und des Stückes M_0 des Maasstabs bei den Temperaturen t_1 und t_2 darstellen.

Wenn wir diese Gleichungen mit der analogen

$$D_0 = M_0 + a_0$$

combiniren, so ergiebt sich für die gesuchten Größen die Werthe:

$$a_0 = \frac{a_1 t_2 - a_2 t_1}{t_2 - t_1}$$

und:

$$q=3\frac{a_2-a_0+nt_2\,M_0}{t_2\,D_0}.$$

Der Einfachheit halber setzen wir $t_1 = 0$ und $a_0 = 0$, alsdann bat man auch:

$$q=3\frac{a_1+n\,t_1\,D_0}{t_1\,D_0}$$

und hieraus folgt:

$$da_{2} = dq \frac{t_{2}}{3} \frac{D_{0}}{3}$$

$$dn = dq \frac{t_{3}}{3}$$

$$dt_{2} = -dq \frac{t_{2}^{2} D_{0}}{3a_{2}}.$$

Nach Einsetzung der Zahlenwerthe in unserem Specialfalle und unter der Annahme $t_2 = 20$, $a_2 = 0,002$ ergiebt sich:

$$da_2 = \pm 0^{mm},00000473,$$

 $dn = \pm 0.00000000190,$
 $dt_2 = \pm 0^0,047.$

Die Messung der Längen - Differenz a_2 bei t_2 Grade muß also mit derselben Genauigkeit geschehen, wie diejenige von D_0 ; im Uebrigen wird die Bestimmung des cubischen Ausdehnungscoëssicienten q auf die des entsprechenden linearen vom Normalmaasstab zurückgesührt. Soll nun diese Größe mit der obigen Fehlergrenze $\pm 0,0000000019$ aus zwei Messungen der absoluten Längen t_2 und t_1 des Stückes M_0 bei zwei verschiedenen Temperaturen bestimmt werden, so ergeben sich die entsprechenden Fehlergränzen bei den hiefür nöthigen Messungen aus der Differentiirung der Gleichung:

$$n = \frac{Mt_2 - Mt_1}{M_0(t_2 - t_1)} = \frac{b}{M_0(t_2 - t_1)},$$

wo b die mikrometrisch gemessene Längendifferenz bei den beiden Temperaturen. Es ergiebt sich so:

$$db = dn \cdot M_0 (t_2 - t_1)$$

$$dt_2 = dt_1 = dn \frac{M_0 (t_2 - t_1)^2}{b}.$$

Augenommen, es sey $t_2 - t_1 = 20^{\circ}$, $M_0 = 124^{\text{mm}}$, $b = 0^{\text{mm}}$,038, so kommt:

$$db = \pm 0^{mm},00000471$$

 $dt_2 = dt_1 = \pm 0^{\circ},00248.$

Wir sehen somit, dass auch die Bestimmung des cubischen Ausdehnungscoëssichen unseres Körpers mit denselben Schwierigkeiten verknüpft ist, wie die seines Volumens bei 0° und dass somit auch da ein etwa 10 Mal größerer Fehler im Resultat entstehen wird.

Wir haben im Vorigen stillschweigend vorausgesetzt, dass die Kugel (oder der Cylinder) eine ganz vollkommene Gestalt besitze und überall dieselbe lineare Ausdehnung zeige. Da dies in Wirklichkeit nicht strenge der Fall seyn wird, so mus nicht blos ein Durchmesser bei zwei verschiedenen Temperaturen gemessen werden, sondern möglichst viele, damit das Mittel von den allfälligen Disserenzen möglichst unabhängig werde.

Fassen wir Alles zusammen, so ergiebt sich aus unserer

Untersuchung, dass beim gegenwärtigen Zustande der Wissenschaft und Technik die Bestimmung des absoluten Gewichtes von I Cubic-Decimeter Wasser bei 4° C. mit einer Genauigkeit von 1 Milligramm oder 0,0000001 des ganzen Werthes nicht ausführbar ist, dass dagegen eine ungefähr 10 Mal größere Fehlergränze durch zahlreiche und umsichtige Messungen wird eingehalten werden können. Wenn wir aber auch demnach das wirkliche Kilogramm seiner Definition nur bis auf 1 Milligramm sicher entsprechend herstellen können, so werden wir damit doch eine 100 Mal grösere Genauigkeit in der Bestimmung dieser practisch so wichtigen Größe erreichen. Zugleich werden die hiezu nöthigen Apparate und Instrumente durch eine geringe Ausdehnung der Messungen, nämlich durch Abwägen des fraglichen Körpers in Wasser von verschiedener Temperatur, dazu dienen können, die, wie wir oben gesehen haben, noch mit einer allzugroßen Unsicherheit behaftete Ausdehnung des Wassers genau kennen zu lernen.

Für die auf die Gewichtseinheit oder das Kilogramm bezüglichen Arbeiten aber der internationalen Commission ergeben sich aus diesen Resultaten folgende Winke:

- 1. Die Gewichtseinheit soll entsprechend wie die Längeneinheit endgültig durch ihre materielle Darstellung, das Urkilogramm, und nicht durch ihre theoretische Beziehung zur Längeneinheit resp. durch das Gewicht eines bestimmten Volumens Wasser definirt seyn, da man zwei Kilogramme viel genauer miteinander vergleichen als deren Gewicht aus dieser theoretischen Definition ableiten kann.
- 2. Obschon es hiernach gleichgültig erscheinen könnte, was für ein Gewicht man als neue Einheit wähle, so ist es doch wegen der im metrischen Systeme praktisch so wichtigen Beziehungen derselben zur Längeneinheit wünschenswerth, das neue Urkilogramm dieser theoretischen Definition so nah als möglich zu bringen. Hiezu genügt aber nicht die Anfertigung einer bloßen Copie des gegenwärtigen Platinkilogramms der Archive zu Paris, sondern es erscheint die neue Herleitung des Kilogramms aus dem Meter gemäß

seiner Definition wünschenswerth, weil wir bestimmt erwarten können, dass diese schwierige Aufgabe gegenwärtig viel befriedigender als früher werde gelöst werden.

3. Von dem bie und da gemachten Vorschlage, bei dieser Gelegenheit die Normaltemperatur von 4°C. für das Wasser zu verlassen und statt derselben eine höhere Temperatur zu wählen, können wir unserer Untersuchung zu folge keinen erheblichen Vortheil erwarten. Allerdings würde dadurch einerseits der Einfluss unserer unsichern Kenntnis von der Ausdehnung des Wassers auf das Resultat etwas vermindert, allein anderseits ist beim Maximum der Dichtigkeit die Volums-Aenderung des Wassers überhaupt am geringsten und zudem wird, wie wir schon oben erwähnt haben, die neue Herleitung des Kilogramms die beste Gelegenheit darbieten, die so wichtige Ausdehnung des Wassers mit aller wünschbaren Schärfe zu bestimmen.

III. Ueber Gletscher; von Albert Heim aus Zürich.

Die vergletscherten Berge meiner Heimath, besonders wenn sie im Abendstrahl glänzten, übten auf mich seit meiner Kindheit eine mächtige Anziehung. Das später hinzugetretene wissenschaftliche Interesse steigerte dieselbe. Die vorliegende Arbeit enthält über einige Erscheinungen der Gletscher einzelne Beobachtungen und Betrachtungen, das Resultat der herrlichen Tage, die ich in der Gletscherregion bei allen Witterungsverhältnissen zugebracht, des Studiums der Gletscherliteratur, und einiger experimentellen Versuche.

1. Das Gletscherkorn.

Die Beobachtungen über die «Haarspalten», die das Gletschereis durchziehen, und das Gletscherkorn begränzen, und die daran sich knüpfenden Betrachtungen, namentlich

über deren Ursprung, veranlassten unter den Männern, die sich in den 30er und 40er Jahren mit der Erforschung der Gletscher abgaben, harten Streit. Niemand siegte. In den neueren Arbeiten wird die Frage meist übergangen. Selbst Professor Tyndall widmet den Haarspalten nur wenige Zeilen, vom Gletscherkorn spricht er gar nicht (Glaciers of the Alps page 339 und 339). Um so mehr überrascht uns aus dem Jahr 1867 in den «Comptes rendues» von M. Grad ein Aufsatz, in dem ganz genau die Ansicht, die Hugi zu Anfang der 40 er Jahre so energisch vertheidigt hatte, aufgestellt wird, - aus dem Aufsatz ist nicht zu ersehen, ob der Verfasser Hugi kennt, oder durch seine Beobachtung selbstständig zum gleichen Resultat gekommen ist. Sie lässt sich in Folgendes zusammensassen: Die directe Beobachtung lehrt, dass die Gletscherkörner die fortentwickelten Firnkörner sind. Diese Entwicklung, bestehend in einer Vergrößerung und (nach M. Grad) hinzutretenden «krystallinischen Orientation» der Firnkörner, ist es, auf welche alle Bewegungserscheinungen der Gletscher zurückzuführen sind. So Hugi und M. Grad. Letzterer bemerkt, Prof. Tyndall leite alle Bewegungserscheinungen von Druck ab, es sey das aber unrichtig; für dieses Unrichtigseyn giebt er aber keinen Beweis, ebensowenig für seine Ansicht. Gestützt auf die Beobachtung, dass das Gletscherkorn dem unteren Ende des Gletschers zu größer ist als weiter oben, und dass die Structur des Gletschereises sich gegen den unteren Theil des Gletschers immer mehr der krystallinischen Structur des Wassereises nähert, indem sich die Axen der Krystallkörner alle parallel senkrecht stellen, sagt er einfach, es sey so.

Noch verschiedener sind die Resultate der Versuche, welche die Frage, ob das Haarspaltennetz den ganzen Gletscherkörper durchziehe, beautworten sollten. Agassiz fand die Haarspalten selbst im dichtesten Gletschereise, Schlagintweit infiltrirte dieselben mit Lösuugen von Kaliumchromat bis in 60 und 80 Meter Tiefe unter der Oberfläche des Gletschers. M. M. Bertin, Grad und Du-

prée erhielten mit Obigem übereinstimmende Resultate. Dagegen läugnet Hugi die Durchdringbarkeit des inneren Gletschereises vollständig; ebenso finden sie sich nach Mr. Huxley's Versuchen im gesunden unangewitterten Gletschereise nicht. Alle haben sehr gewissenhaft experimentirt; die einen haben das Gegentheil wie die andern gefunden, woher kommt das?

Wenn die Haarspalten durch das ganze Gletschereis existiren, aber, wie es im » gesunden blauen « Eise dann der Fall seyn muss, mit Wasser angefüllt sind, so können Infiltrationsversuche zu keinem Resultat führen, denn es ist kein Grund vorhanden, dass Wasser der gefärbten Flüssigkeit weiche, es sey denn, dass wir es mit einer Eisschicht zu thun haben, unter der ungehindert die Flüssigkeit ablaufen kann, und auf die von oben eine beträchtliche Säule der gefärbten Flüssigkeit drückt. Weit schwieriger lässt sich der umgekehrte Fall denken, dass die angegebene Infiltration durch Haarspalten, wie sie die anderen Beobachter gesehen zu haben behaupten, eine blosse Täuschung sey, denn dass diese auch mit » gesundem « Gletschereise arbeiteten, steht fest. In den Partien des Gletschers, wo großer Druck herrscht, also überall im «structure mill» von Prof. Tyndall, wird das Wasser, das in den Haarspalten ist, falls dieselben durch den ganzen Gletscher gehen, zum Theil herausgepresst; in diese Partien wird demnach neue Infiltrationsslüssigkeit unmöglich eindringen können; leichter wird das möglich seyn, wo das Eis sich unter geringerer Pressung befindet, z. B. über den Gletscherstürzen wo Querspalten auftreten, bei Thalbiegungen auf der couvex gekrümmten Seite des Gletscherkörpers. Die verschiedenen Resultate der Infiltrationsversuche stehen vielleicht in directer Beziehung zu den Stellen des Gletschers, wo sie ausgeführt worden sind.

Dass auch das festeste durchsichtige blaue Gletschereis aus dem Innern des Gletscherkörpers an der erwärmten Luft, besonders aber durch die Wirkung der Sonnenstrahlen weiss wird, dadurch dass ein Netz von seinen Spaltzu sichtbar

wird, welches das Eis überall in unregelmässig geformten Körnern von einer gewissen, für die Localität ungefähr constanten Größe abgränzt, ist eine Beobachtung, die noch von Niemand bestritten worden ist, und die jeder wiederholen Warum geschicht aber das beim gewöhnlichen Wassereise nicht? Wie könnte die Wärme eine solche Körnerstructur hervorrusen, wenn diese nicht schon vorher, schon im "gesunden", compacten Eise vorgezeichnet wäre. Wie sie im "gesunden" Eise schon vorhanden ist, ob in Form von wirklichen Capillarspältchen, die mit flüssigem Wasser gefüllt sind, oder ob sich aus unbekannten Gründen auf unregelmässig die Masse durchziehenden Flächen das Eis leichter verflüssige, oder wie sonst man sich das denken will, ob infiltrirbar oder nicht, das ist für uns ziemlich gleichgültig: es genügt uns, dass die gleiche Kornstructur die wir an der Oberfläche beobachten, durch die ganze Gletschermasse geht oder doch darin vorgezeichnet ist.

Wie diese Kornstructur entstehe, das ist auch schon zu erklären versucht worden. Die oben angeführte und nicht bewiesene Ansicht von den Herren Hugi und Grad, die Gletscherkörner seyen die fortentwickelten Firnkörner, ist nicht etwas, was, wie sie meinen, die directe Beobachtung (ich werde auf diese zurückkommen) lehrt, sondern eine Hypothese. Wir wollen sie einmal für einige Augenblicke annehmen, und gestützt darauf eine kleine Rechnung vornehmen, die sie am ehesten in das rechte Licht setzen wird.

Bei Gletschern von etwa 8000 Meter Länge (z. B. Hüfigletscher, Rhonegletscher etc.) wächst das Gletscherkorn von der Getreidekorngröße auf wenigstens Wallnußgröße (bei größeren Gletschern kann es nach Hugi "selbst 5 bis 6 C.-M. groß" werden) also von etwa 3 Millim. Durchmesser auf 30. Das Volumen der Körner dem entsprechend von 3° auf 30°, oder, was das gleiche Verhältniß angiebt, von 1 auf 1000. Und diese Formvergrößerung findet durch die ganze Masse des Gletschers statt, nicht etwa blos in den Schichten zunächst der Oberstäche. In der Zeit, die für einen Punkt des Gletschers

am oberen Ende nöthig ist, um ans untere zu gelangen, würde der Gletscher sein Volumen (abgesehen von der Ablation) vertausendfachen; die Ablation muß nicht nur die vorhandene Eismasse in eben dieser Zeit in Wasser überführen, sondern diese Vertausendfachung compensiren. Obschon wir unsere Rechnung am Aletschgletscher, dessen Länge mehr als das Doppelte von 8000 M. beträgt, durchführen werden, wollen wir uns doch zu Gunsten der zu prüfenden Hypothese statt mit noch einer Vertausendfachung, der Vertausendfachung des Volumens, mit der einfachen Vertausendfachung begnügen. Die Zahlenwerthe, mit denen wir rechnen, sind nur ungefähr, wir runden sie immer zu Gunsten der Hypothese ab.

Die mittlere jährliche Geschwindigkeit des Aletschgletschers ist etwa 40 Meter. Vom Fusse des Dreieckhornes und Faulberges weg, wo der eigentliche Gletscher erscheint, gemessen, ist er 17000^m lang. Wir wollen nun die Gletschermasse unterhalb des Querschnittes, der an oben bezeichneter Stelle liegt, in ihrer Volumveränderung betrachten, bis sie ganz geschmolzen ist, bis also unser Querschnitt, mit dem Eise langsam wandernd, am unteren Ende angelangt ist. Dazu sind etwa $\frac{17000}{40}$ = 425 Jahre nöthig. Das Volumen unserer Gletscherzunge lässt sich auf etwa 6150 Millionen Kubikmeter berechnen, oder, richtiger ausgedrückt: schätzen; auf 100 Millionen mehr oder weniger ist die Zahl natürlich nicht sicher. Diese Eismasse sammt ihrer Vermehrung durch Kornwachsthum wird in 425 Jahren thatsächlich zu Wasser durch die oberslächliche Abschmelzung (Ablation). Die Abschmelzung der Gletscher von unten durch die Erdwärme ist zweiselhaft, jedensalls aber verschwindend gering. Die vertikale Senkung der Oberstäche durch Abschmelzung beträgt jährlich im Durchschnitt etwa 3 m (sie wurde gemessen an dem immer stärkeren Hervortreten von in die Oberfläche eingerammten Pfählen, oder an der relativen Erhebung künstlich vor Ablation geschützter Stellen). Die Abschmelzungsobersläche im

ersten von den 425 Jahren, auf dem eidgenössischen Atlas gemessen, ist 25 Millionen Quadratmeter. Im zweiten liegt der, unsere Gletschermasse nach oben abgrenzende Querschuitt bereits 40 m weiter thalabwärts; der Gletscher ist an jener Stelle 1600 m breit, also die Abschmelzungsobersläche für das zweite Jahr 40. 1600 == 64000 Quadratmeter kleiner als diejenige des ersten. Für die folgenden Jahre wird sie ebeuso immer kleiner, je tiefer unser Querschnitt rückt. Am Ende der 425 Jabre erreicht sie O. Die Fläche, auf der während der 425 Jahre die vertikale Abschmelzung von etwa 3^m gewirkt, und unsere Gletschermasse factisch geschmolzen hat, ist die Summe aller dieser 425 ungleich großen Oberflächen der einzelnen Jahre. Wäre die Gletscherobersläche genau ein Rechteck, unten gleich breit wie oben, so wäre diese Summe das 425fache der halben Oberfläche des ersten Jahres, also

$$=425.25000000.\frac{1}{2}=5312500000$$

Quadratmeter. Wäre sie genau ein Dreicck (dessen Basis die größte Breite = 1800^m, dessen Höhe die Länge = 17000^m), so wäre diese Summe ==

$$\frac{1800.17000}{2.425^2}(1^2+2^2+3^2+\ldots+425^2)$$

oder ausgerechnet = 2175000000 Quadr.-Meter. In Wirklichkeit liegt sie dazwischen, wir wollen annehmen in der Mitte; dann ist sie 3740 Millionen Quadr.-Meter. Die Lage der oberen Gränze für jedes Jahr in die Karte zu zeichnen, die Oberstächen unterhalb derselben messen, und diese 425 Oberstächen zu summiren, wäre unnöthige Arbeit, weil unsere anderen Zahlen alle nicht entsprechend genau sind.

Es besteht nun die Gleichung: Oberstäche multiplicirt mit Ablation gleich ursprüngliches Volumen mal x. Wenn die Hypothese von Hugi und Grad richtig ist, müssen wir süber 100 erhalten, wenn keine wesentliche Massenvermehrung im Eise stattsindet, hingegen einen Werth nahe an 1.

Setzen wir unsere Werthe ein:

3740000000 . 3 = 6150000000 . x, also x = 1.8 ...

Das heißt: Um die Vertausendfachung des Volumens, die durch Kornwachsthum entstehen würde, zu compensiren, müßte die Ablation nahe 1000 mal größer seyn, als sie ist; sonst wäre am Ende der 425 Jahre das Volumen des Gletschers statt ganz verschwunden, fast 1000 mal größer als Anfangs.

Aus dieser Rechnung scheint mir mit Bestimmtheit hervorzugehen, dass, wenn es wahr wäre, dass die Gletscherkörner die entwickelten Firnkörner seyen, — wenn es wahr wäre, dass das große Gletscherkorn der unteren Regionen aus dem kleinerer der oberen durch Anfrieren von Infiltrationswasser wachsend entstehe, dann die Gletscher sich vermehren würden, dass sie kein Ende erreichten, dass gegenwärtig die ganze Erde in tieser Eiszeit ruhen müste.

Wir haben im obigen alle Zahlen der Hypothese von Hugi und Grad zu günstig abgerundet, daher für x mehr als 1 gefunden; wir könnten sie für dieselbe aber noch viel günstiger annehmen, und dennoch würde das Resultat schlagend gegen die Hypothese sprechen.

Die alte Dilatationstheorie aber muß eine Massenvermehrung durch das in den Spältchen gefrierende Wasser annehmen. M. Grad beharrt auf der Dilatationstheorie, ohne einen Versuch, die zahlreichen Einwürfe, die derselben schon vor vielen Jahren gemacht worden sind, zu widerlegen. In den Messungen, die er selbst im Jahre 1869 mit M. Dupré am Aletschgletscher gemacht hat, liegt ein Beweis gegen die Dilatationstheorie. Er findet nämlich dort, dass sich der untere Theil des Aletschgletschers bedeutend langsamer bewegt, als der obere. Das müsste, wie Forbes erkannt hat, nach der Dilatationstheorie gerade umgekehrt sein, indem wir den oberen Anfang des Gletschers als festen Stützpunkt für die Gletscherzunge anzusehen haben, und die Dilatation zu einer immer größeren Bewegung für einen Pankt sich summiren müsste, je entfernter dieser Punkt von dem oberen Anfang des Gletschers ist.

Noch einige andere Thatsachen lassen sich anführen, die gegen die Herleitung des Gletscherkornes vom Firnkorn

sprechen. Die durch Kornwachsthum verursachte Aufschwellung der ganzen Gletschermasse müßte in den Formen des Gletschers sich zeigen. Nur Schwinden durch Schwelzen, aber nie ein Aufblähen ist darin zu erkennen.

Sehr oft finden wir in den großen, prächtig wasserhellen Gletscherkörnern einzelne Luftblasen eingeschlossen, und zwar bald ganz in der Mitte, bald excentrisch. Im feinen Firn findet sich die Luft nur zwischen den Körnern, und wenn sich das Firnkorn nach und nach durch Anfrieren von Wasser vergrößern würde, so bliebe die Luft zwischen den Körnern. Ich kann nicht einsehen, wie sie eingeschlossen werden könnte. An thauendem Schnee kann man dagegen unmittelbar zusehen, daß er dadurch großkörnig wird, daß einzelne Kryställchen, später einzelne Körnchen, sich zusammenballen zu einem, daß also das größere Firnkorn nicht ein gewachsenes kleineres ist, sondern mehreren kleinen entspricht.

Dass das Gletscherkorn der oberen Theile des Gletschers kleiner ist, als das der unteren, ist leicht zu sehen, aber so oft ich schon darnach suchte, ist mir noch nie möglich gewesen, den Uebergang vom Firnkorn ins Gletscherkorn zu verfolgen. Wo der Firn aufhört, und das klare, aber blasenreiche Eis an der Obersläche zum Vorschein kommt, zeigt dieses keine, oder doch keine deutliche Kornstructur; erst eine Strecke weiter thalabwärts tritt das Gletscherkorn Anfangs ziemlich klein auf. Auch scheint mir das Wachsthum der Körner gegen das Ende hin durchaus nicht so regelmässig stattzufinden, wie behauptet wurde. Ich glaubte erst lange, der Fehler läge in meiner Beobachtung, bis mich obige Rechnung hierüber tröstete.

Wie könnte es seyn, dass die feinen Trennungen zwischen den einzelnen Firnkörnern sich durch zwei oder sogar drei und mehr Jahrhunderte oft unter starkem Druck erhalten würden, ohne von der Regelation zerstört zu werden, während durch diesen Process die mächtigsten Spalten der Gletscherstürze fast spurlos verschwinden können, und zwei Eisstücke, einige Tage schwach aneinandergepresst, so regeliren, dass

beim Zerschlagen das Stück nicht wieder an der gleichen Stelle bricht.

Das Spaltennetz oder diejenige Structur des Gletschereises, welche an warmer Lust die Entstehung des Spaltennetzes bewirkt, ist nothwendig ein immer vergehendes und daneben gleichzeitig sich immer wieder neu bildendes; denn die von den Spältchen abgegränzten Gletscherkörner der höher und tiefer gelegenen Gletscherpartien entsprechen, wie die Rechnung beweist, einander nicht.

Schon Forbes vermuthete, das Haarspaltennetz möchle eine "von Druck und Bewegung hervorgebrachte, oder wenigstens unterhaltene Zertheilung" sein.

Wenn wir eine Partie Gletschereis von der Obersläche in seine Körner auseinander nehmen, so fällt auf, dass sie nicht alle sich gleich leicht trennen. Während die Umgrenzungen der Körner durch die in die Spältchen eingedrungene Luft theilweise sichtbar sind und silberweiss erscheinen, und nach ihnen die Körner sich leicht trennen lassen (primäre Haarspalten), treten einzelne unregelmäßige Trennungsflächen quer durch die Körner erst auf, wenn wir mehr Gewalt anwenden; es sind dieses letztere schon vorgezeichnete Trennungsflächen, nicht etwa neue Bruchflächen, sie helfen oft ein Korn in mehrere Stücke zerlegen, ich will sie secundäre Haarspalten nennen zum Gegensatz der obigen. Es liegt der Gedanke nahe, dass die secundären Haarspalten alte, noch nicht ganz regelirte primäre sind. und uns in diesen beiden Formen Trennungsflächen der Gletscherkörner in verschiedenen Entwicklungszuständen vorliegen. Die als primäre Haarspalten bezeichneten sind meist glatt, krumm bis ebenflächig; die secundären zeigen meistens (vielleicht immer) feine scharfe Erhöhungen, die in Vertiefungen des daneben Liegenden genau passen, oft in einer Richtung länglich sind, und dann parallele Runzeln darstellen.

Zwischen der Erklärung der Gletscherbewegung aus Druck, wie Tyndall sie giebt, und der fortwährenden Erneuerung des Spaltennetzes will es mir aber scheinen, ist

ein tiefer innerer Zusammenhang. Prof. Tyndall sagt in Beziehung auf seine Experimente: "the ice, in changing its form from that of one mould to that of another, was in every instance broken, and crushed by the pressure," und fährt dann in Beziehung auf die Gletscher fort: "but suppose, that instead of three maulds, three thousand had been used; or, better still, suppose the curvature of a single mould to change by extremely slow degrees; the ice would then so gradually change its form, that no rude rupture would be apparent. Practically the ice would behave as a plastic substance."

Ich glaube, dass eben dieses, was hier "rude rupture" genannt wird, auch im Gletscher stattsindet, und die Zertheilung des Eises in Körner hervorbringt. Das Gletschereis ist so spröde, dass ich mir eine Formveränderung ohne sortwährendes Zerbrechen in Stücke (ohne "rude rupture") auch wenn die Muldenform, in die das Eis gepresst ist, noch so langsam sich ändert, nicht vorstellen kann. Auch im Gletscher wird in jedem Augenblick die Eismasse in Stücke, die Gletscherkörner, zerbrechen, und diese wieder durch Regelation verkittet; beide Processe gehen gleichzeitig in der ganzen Gletschermasse ununterbrochen vor sich, und zwar um so lebhaster, je schneller die Bewegung, und je unregelmäsiger die Thalsorm ist, an die sich der Gletscher schmiegen muss, kurz je größer die relative Bewegung benachbarter Eistheile ist.

Wir dürsen nicht erwarten, Formen des muschligen Bruches am Korn der Gletscher zur Stütze dieser Ansicht sinden zu können. Die ihn characterisirenden concentrischen Streisen gruppiren sich nur um einzelne ausgesprochene Angriffspunkte der Kraft; im Gletscher findet aber der Druck durch die ganze Masse ungefähr gleichförmig statt, wir haben da für die Kraft unendlich viele gleichwerthige Angriffspunkte.

Wenn obige Erklärung von der Entstehung des Gletschereises richtig ist, so muss auch im compacten Wassereise eine dem Gletscherkorn analoge Zertheilung künstlich hervorgebracht werden können, und das ist mir wirklich gelungen. Hätte Prof. Tyndall bei seinen Versuchen über das Formen von Eis nicht so starken Druck wirken lassen, dass das Eis momentan in seines Pulver zerbersten mußte, hätte er demselben nicht auf einmal so starke Formveränderungen zugemuthet, und mit größeren Eismassen experimentirt, so wäre ihm eine Kornstructur in den umgesormten Eismassen sichtbar geworden. Sein Gletscherkorn war pulversein, und daher der Beobachtung entgangen.

Es wurde eine muldenförmige Vertiefung etwa 1 Fuss breit und ½ Fuss lang, deren Biegung 2½ Fuss zum Radius hat, in einen Block Holz geschnitten, und ein in die Mulde passendes, also convex gekrümmtes Stück hergestellt. Zwischen diese beiden Formstücke wurde eine möglichst schön reine, etwa 2 Zoll dicke ebene Platte von Flusseis gelegt, genau gleich lang und breit wie die Mulde, und das ganze mit Brettern sest umgeben, um das Ausweichen des Eises zu verhindern. Ein Schlag mit einem Gewichtstein von ½ Centner darauf geführt, genügte die ebene Eisplatte in die Muldenform zu quetschen.

Eine Hauptunvollkommenheit dieses Versuches liegt darin, dass hier nicht wie am Gletscher auf alle Stellen der zu formenden Eismasse gleichzeitig ein fast gleicher Druck wirkt, sondern derselbe, wenn auch innerhalb der kurzen Zeit des Schlages, verschiedene Stellen der Eisplatte eine nach der andern angreift, nicht gleichzeitig. Dadurch kann die Wirkung nicht durch die gauze Masse gleichmäßig werden, wie am Gletscher. Das Experiment sollte in der Weise verbessert werden, dass die Muldenform langsam geändert werden könnte, vielleicht dadurch, dass statt in eine Holzmulde die Eisplatte zwischen zwei biegsame Stahlplatten geklemmt langsam gebogen würde. Der angedeuteten Unvollkommenheit wegen zeigen denn auch die Bruchstücke muschligen Bruch (concentrische Streifen).

Zwischen den beiden Formstücken lag jetzt, deren Rundung angeschmiegt, eine durch Sprünge in einzelne Körner abgetheilte Eismasse Die Körner schwanken in ihrem Volumen von nicht ganz einem Kubikcentimeter bis auf etwa das 6 fache, und zwischen denselben lagen oft noch feine Eissplitter. In einem Fall wurde die so geformte Eismasse in der Mulde liegend kalt erhalten, und von Zeit zu Zeit mit etwas Wasser begossen; in einem zweiten mehrere Tage an eine Stelle gesetzt, wo des Tages die Soune eine schwache Schmelzung hervorbrachte, Nachts aber die Temperatur bedeutend unter 0° sank; in einem dritten endlich unter dem bleibenden Druck von ½ Centner während 2 Tagen in einen Raum gesetzt, dessen Temperatur sich, die Nacht ausgenommen, zwischen 0° und — 2° hielt, und nur Nachmittags ein weniges über 0° stieg. In den beiden ersten Fällen sind die Umstände denen an der Oberfläche eines Gletschers ähnlich, im dritten denen, die auf das innere Gletschereis wirken, ähnlicher.

In allen Fällen erhielt ich eine Eismasse, die anscheinend ziemlich compact war, nur ein Theil der Risse war noch freilich unscharf, sichtbar. Ich konnte keinen Unterschied finden zwischen ihrem Ansehen und demjenigen des oberslächlichen Gletschereises am frühen Morgen, bevor die Ablation beginnt, so weit wenigstens, als ich letzteres noch in Erinnerung batte. Bei Anwendung von etwas Gewalt liess sich das Ganze von der Hand wieder in seine Körner auseinander nehmen. Ins warme Zimmer, oder an die Mittagssonne gebracht, wurde das Spaltennetz etwas deutlicher sichtbar, und die Körner ließen sich nun leichter trennen. Ihre Oberflächen zeigten nie mehr Form des muschligen Bruches, soudern waren rauh durch unregelmäßige kleine Erhöhungen und Vertiefungen ganz wie bei den secundären Haarspalten, nur waren die Unebeuheiten etwas feiner und zahlreicher als bei diesen.

In diesen Versuchen zeigten sich unmittelbar nach dem Brechen nur muschlige Flächen, nachdem Regelation und theilweise Durchtränkung gewirkt hatten, nur Haarspalten zweiter Ordnung. Weil am Gletscher alle Processe gleichzeitig stattfinden, so finden wir auch ihre Wirkungen am Glet-cherkorn gleichzeitig.

Aus den angeführten Beobachtungen folgt, dass die secundären Haarspalten aus den primären durch einen secundären Process entstehen, der nur Regelation und Durchtränkung seyn kann, weil anderes inzwischen nicht mit dem Eise vorgefallen ist. Diese Processe bringen in der ansangs muschligen (am Gletscher platten) Haarspalte eine krause Fältelung der Obersläche unter den gegebenen Umständen hervor. Einige Versuche, die entscheiden sollten, ob es mehr der eine oder mehr der andere Process sey, konnten nicht mehr zum Schlusse gebracht werden.

An den Ufern der Havel und des Müggelsees bei Berlin fand ich in der thauenden Eiskruste eine unregelmäßig vertical prismatische Absonderung (häufig dreiseitig). Das Eis hatte sich während Schneefall gebildet. Die Absonderungen waren theils durch Zwischenräume von einander getrennt, theils hafteten sie zusammen. Fast immer aber war ihre Obersläche eine sein runzlige, erinnernd an die der secundären Haarspalten. Daneben kamen noch vom einsickernden Schmelzwasser gesurchte Flächen vor, die nicht mit den gefältelten verwechselt werden dürsen.

Die in den Versuchen erhaltene muldenförmige körnige Eisplatte liefs sich innerhalb gewisser Gränzen genau so biegen, wie dies mit den körnigen Eisplatten der Fall ist, die sich an heißen Sommertagen oft leicht am Rande der großen Gletscherspalten diesen parallel ablösen lassen (erinnernd an den Gelenk Itacolumit). Bei diesem sorgfältigen Biegen war auch das gleiche Geräusch von der Verschiebung der Körner aneinander berrührend hörbar, wie an den Platten von wirklichem Gletschereise. Wird gewaltsam mehr gebogen, als sich die Körner an einander verschieben lassen, so entstehen durch Bruch neue primäre Haarspalten. Das gegenseitige Verschieben der zum Theil stark aneinandergepressten Körner und die "rude rupture" oder das Entstehen neuer Haarspalten sind es wohl, die zusammen das Geräusch hervorbringen, das man, wenn soust tiefe Stille herrscht (z. B. Nachts oder früh Morgens, wenn noch

keine Schmelzwasserbäche rieseln und rauschen) an Gletschern oft wahrnimmt (Agassiz hörte das zuerst).

Der Habitus des aus den Versuchen erhaltenen gekörnten Eises ist auf den ersten Blick genau derjenige des ächten Gletschereises, mit dem bloßen Unterschiede, daß dort die Korngröße regelmäßiger ist, als sie im kleinen Versuche erhalten werden konnte.

Könnten wir dem Gletschereise die Eigenschaft der Regelätion plötzlich nehmen, so verhielte der Gletscher in seinen Bewegungen sich wie Sand, Erde oder ein Kieshaufe¹).

Wenn bei den obigen Versuchen ein schwacher Druck (Schlag) angewendet wird, so zertheilt sich die Eisplatte in nicht sehr zahlreiche Brocken oder Körner. Je stärker der Druck, desto genauer muß sich das Eis der Muldenform auschmiegen, desto kleiner das Korn. Jeder neue Rißs schlägt den Weg ein, wo die Cohäsion der Materie die geringste ist. Sind Lustblasen im Eise, so haben die Haarspalten die Tendenz quer durch dieselben sich zu schlagen. Ein blasenreiches Eis stellt eine Masse von geringerer Cohäsion dar, als ein compactes; der gleiche Druck, der in den obigen Versuchen angewendet worden ist, wird in blasigem Eise eine zahlreichere Zertheilung, ein kleineres Korn hervorbringen als im compacteren.

Ganz dem entsprechend sind die Verhältnisse am Gletscher. In den oberen Partien scheint das Eis weiß durch eine Menge von Blasen. Da ist es auch kleinkörnig, und die Haarspalten durchsetzen vielfach die Luftblasen. Durch die Haarspalten kann Wasser in die Blasenräume gelangen und kann darin gefrieren, die Luft aber entweichen. Dadurch vermindert sich die Blasenzahl, das Eis wird, während es vorrückt, immer compacter, und daher das Korn größer.

1) Das Schweißen von Metallen (Eisen, Platin) ist vielleicht ganz der gleiche Process wie die Regelation des Eises, wenigstens kenne ich keinen wesentlichen Unterschied. VVenn zwei schlecht zusammengeschweißte Eisenstücke wieder von einander brechen, so ist die Bruchfläche auch runzelig. Vielleicht würde durch genaue Vergleichung beider Processe etwas mehr Licht auf ihr VVesen sallen.

In den oberen Theilen des Gletschers, wo der Querschnitt mächtiger ist, ist auch der Druck, den die einzelnen Theile auszuhalten haben, größer; weiter unten nimmt er mit dem Querschnitt ab, und daher werden wiederum die neuentstehenden Haarspalten schwächer an Zahl.

Hugi machte die Beobachtung (ich habe sie freilich nie selbst wiederholt), dass bei einem Gletscher, der einer starken Thalbiegung folgen muss, das Korn an der concaven Seite der Gletscherzunge kleiner sey, als an der convexen. In der Mitte ist der Druck der gewöhnliche normale, an der concaven Seite des gebogenen Eiskörpers ist der Druck ein Maximum, an der convexen ein Minimum; dort sind die Haarspalten zahlreicher als hier, also auch das stimmt.

Wenn diese Erklärungen richtig sind, so ist es ferner einleuchtend, warum unmittelbar unter der Firngränze in der Mitte der Gletscherobersäche nie ein deutliches Gletscherkorn auftritt, denn diese Eispartien sind noch nie zu beträchtlichen Differentialbewegungen von starkem Druck gezwungen worden. Je größer Druck, Differentialbewegung und Porosität des Eises sind, desto stärker auch die Zertheilung (das Volum des Kornes desto geringer); mit dem Abnehmen der ersteren nimmt die Zertheilung ab, die Korngröße zu.

Dieser Satz ließ sich auf deductivem Wege finden, er stimmt für die mir bekannten Thatsachen, und empfiehlt sich dadurch weiterer Prüfung.

Dass sich die Blasenzahl auf die oben angedeutete Weise vermindere, will ich nicht bestimmt behaupten. Wir kennen die Eigenschaften des Gletschereises nur nahe der Gletscherobersläche. Das ist eine große, und nur unbequem auszufüllende Lücke für die Erkenntuis der Processe, die im Gletscher vor sich gehen.

Die Winterkälte vermag in die schlecht leitende Gletschermasse nur etwa 8^m tief einzudringen. Im Frühling, wo das erste Wasser in die erkältete Schicht von oben eindringt, wird dieses zum Gesrieren gebracht, und bedingt

eine Volumvermehrung (Auftreibung). Diese ist aber eine sehr beschränkte, sie berührt nur die obersten Schichten, und ist auf wenige Zeitpunkte beschränkt.

M. Grad schreibt dem Gefrieren des Infiltrationswassers in den Haarspalten außer der Vergrößerung noch die von Bertin entdeckte und nachher von M. Grad und M. Dupré bestätigte und verallgemeinerte "krystallographische Orientirung" des Gletschereises zu. Wie die nun durch das rings um die Obersläche der Körner gesrierende Wasser hervorgebracht werden soll, davon macht er sich selbst, wie mir scheint, keine genaue Vorstellung; es dürfte auch schwierig seyn. Ich bin eher geneigt, diese "krystallographische Orientation" als eine Function des Druckes anzuschen. Die Eismassen des unteren Theiles des Gletschers, an denen sie beobachtet worden ist, sind nicht die gleichen, die im oberen Theile des Gletschers die Erscheinung nicht zeigten; sie sind diejenigen, die früher anter dem mächtigen Druck der jetzt weggeschmolzenen oberen Eislagen während vieler Jahren gestanden haben. Wenn wir zudem bedenken, dass moleculare Umlagerungen in einem Körper, dessen Temperatur immer seinem Schmelzpunkte nahe steht, leicht vor sich gehen, und dass es nicht an Erschütterungen fehlt, die durch die Eismasse gehen (eine solche tritt z. B. unter Krachen jedesmal auf, wenn eine neue Spalte sich wirft), so erhält der Gedanke noch mehr Wahrscheinlichkeit. Die Erscheinung, die MM. Bertin, Grad und Dupré beobachtet haben, dass in horizontal aus dem unteren Theile des Gletschers geschnittenen Lamellen im Polarisationsmikroskop Farbenringe mit schwarzem Kreuz auftreten, weist auch nicht mit Nothwendigkeit auf wirkliche Krystallstructur hin; amorphes Glas gepresst kann durch seine von außen ihm außgezwungenen Spannungen dieselbe Erscheinung geben. Es scheint mir, als müste die Wirkung beim Glase auch bleibend werden, wenn nur erst der gewaltige Druck lange Jahre gewirkt bätte. Versuche im Kleinen, die durch Druck die krystallographische Orientation in Eisstücken hervorbringen sollten, ergaben kein Resultat. Und es kann uns das nicht wundern, denn ich konnte nicht, wie es mancher Gletscher thut, 5 Centner Druck per Quadratzoll während 200 Jahren, oder ähnlich starke Factoren wirken lassen. Schon Sir John Herrschel hat im Bd. XXVII des *Philosophical Magazine* vermuthet, dass parallele Stellung der optischen Axen eintrete, und so viel sich merken läst, nicht aus Gründen, die der Erklärung von M. Gard entsprechen.

Noch muß ich bemerken, dass nach den Rechnungen eines Engländers M. Moseley (Phil. Mag. 1869 Mai) die Festigkeit des Eises gegen die scheerenden Kräfte der Gletscherbewegung zu groß wäre, als daß das Eis durch die eigene Schwere gebrochen und so der Gletscher durch sein . Gewicht sich bewegen würde. Wenn ich die Tyndallschen Versuche und meine eigenen über das Umformen von Eisplatten recht verstehe, so wird das Eis darin, und auch im Gletscher, nicht auf Scheeren, sondern auf Brechen durch Biegen in Anspruch genommen. Die scheerenden, tangentialen Verschiebungen geschehen läugs den durch Brechen (Liegen) vorher hervorgebrachten Spältchen. kommt mir vor, als wären in der Rechnung die ganz besonderen mechanischen Verhältnisse des Eises auch nicht genügend berücksichtigt worden. Zu diesen gehört seine außerordentliche Sprödigkeit noch bei 0°; der gleiche Druck, der eine gewisse Eismasse, wenn alles ruhig ist, lange nicht zu brechen vermag, bricht sie, sobald eine Erschütterung hinzutritt. Ferner gehört dazu das massenhafte Vorkommen von kleinen Luftblasen, die die Festigkeit um sehr vieles verringern müssen. Im untern Theil, wo die Lustblasen fast fehlen, haben wir die alten erst balb regelirten secundären Haarspalten, nach denen wieder das neue Brechen leichter geschieht, während in dieser Region die primären Haarspalten etwas weniger zahlreich, die secundären, sich länger erhaltend, besonders starke Fältelungen zeigen. Es verwickeln sich so viele, in ihrer Wirkung ungemessene, und ihrem Verhalten kaum gekannte Factoren in die Mechanik der Gletscherbewegung, dass mich das Resultat einer

Rechnung, die auf dem Bekannten beruht, vorläufig unmöglich zum Verwerfen der Erklärung aus Druck, mit der alle Thatsachen, von denen ich weiß, und die ich gesehen habe, so vollkommen stimmen, veranlassen kann. Nach der Erklärung, die M. Moseley (Jan. 1863 und Aug. 1869 Phil. Mag.) für die Gletscherbewegung giebt, müsste sie wohl im Ganzen in den oberen, mittleren und unteren Partien des Gletschers im Durchschnitt gleich groß seyn, was nicht der Fall ist. Da noch nie beobachtet worden ist, dass an irgend einer Stelle, auch nicht am unteren Ende der Gletscher, sich zu gewissen Zeiten auch nur das Geringste aufwärts bewegt, so müsste bei Temperaturabnahme die Linie, die relativ zur Unterlage fest bleibt, am obersten Ende des Gletschers liegen, bei Temperaturzunahme an der untersten Spitze. Dass das untere Ende bei Temperaturzunahme sitzen bliebe, und die ganze lange Gletscherzunge, die durch eigenes Gewicht nicht thalwärts kann, nachzöge, ohne dass sie quer ab sich in einzelne selbstständige Stücke reissen würde, kann ich mir nicht denken. Die Gletscherobersläche nahe dem Gletscherrande erleidet mehr und stärkere Temperaturschwankungen, als die Mitte (bald Reflexion der Wärme von den Thalwänden, bald deren Schlagschatten, besonders aber durch die Winde, die in der Mitte mit schon dem Gletscher genäherter Temperatur anlangen). Die Ränder haben gewissermassen ein mehr continentales, die Mitte ein mehr oceanisches Klima. So sollte man meinen, dass der Rand der Gletscher sich schneller, oder doch ebenso schnell bewegen würde, wie die Mitte, wenn die Temperaturschwan-Lungen die Bewegung bewirkten.

Es fällt mir nicht im Entferntesten ein, M. Moseley's Ansichten ohne weiteres verwerfen zu wollen, sondern ich erlaubte mir nur einiges, was mir jetzt als dagegen sprechend erscheint, vorzuführen, um es zu rechtfertigen, dass ich die Erklärung, wie sie Pros. Tyndall gegeben hat, noch sesthalte. Vielleicht wird Herr Moseley diese Schwierigkeiten heben können, und besonders durch Temperaturmessungen im Inneren des Gletschers seine Ansichten sester begründen.

Im Phil. mag. März 1869 ist eine "Neue Theorie der Gletscherbewegung" von Mr. Croll gegeben worden, die in Betreff der scheerenden Kräfte die Schwierigkeiten der Theorie von Prof. Tyndall nicht enthält. Ich muß eine Besprechung dieser Theorie unterlassen, weil ich sie selbst noch nicht klar verstehe. Nach derselben wäre eine vertikale Stellung der optischen Axen sehr leicht zu erklären.

2. Versuche mit abgetödtetem Gyps.

Die Theorie der Plasticität, wie sie Forbes gegeben hatte, führte unmittelbar zu Versuchen mit halbslüssigen Massen. Damals wurde der Unterschied von zähen (viscous) halbslüssigen Massen und von nicht zähen noch überseben. Beide geben auf Druck nach. Während aber die ersteren auf Zug sich dehnen und in der Querrichtung zusammenzichen (sogar bis zu dünnen Faden), so widerstehen die letzteren ohne Formveränderung dem Zuge, oder sie reissen quer durch. Bei den ersteren bringt Zug und Druck ein Verschieben der Theile hervor, bei den letzteren Druck ein Verschieben, Zug nichts oder ein Trennen. Prof. Tyndall hob diesen Unterschied zuerst scharf hervor. Das Eis ist fest und sehr spröde, weder auf Druck noch auf Zug verschieben sich seine kleinsten Theile merklich; entweder verändern sie ihre Lage gar nicht, oder sie trennen sich ganz — das Eisstück bricht. Diese Eigenschaft hat auch das Gletschereis. Nicht seine kleinsten Theile verschieben sich durch Druck, sondern auf den Haarspalten trennen sie sich durch Bruch, und die ganzen Eisklötze, die dadurch abgegrenzt werden, die Gletscherkörner verhalten sich nun wie die Moleküle der halbflüssigen Massen, die auf Druck plastisch sind. Auf Zug kann der Gletscher unmöglich sich wie ein "viscous body" verhalten, weil die Körner theils von einander getrennt sind, und nicht wie Moleküle eine Anzichungssphäre um sich haben, theils durch Regelation verwachsen und sich dann wie ein Handstück Wassereis, also spröde verhalten.

Wollte man mit homogenen halbflüssigen Massen Be-

wegungsversuche machen, die direct in Beziehung gebracht werden könnten mit dem, was am Gletscher beobachtet ist, so müßten die Moleküle derselben auf Druck sich verschieben, auf Zug sich nicht verschieben, sondern trennen. Bei den hierher gehörigen Körpern, die ich kenne, ist aber der Zug, der zum Trennen nöthig ist, sehr gering, geringer als die Schwere jedes einzelnen Molecüles, und das giebt ihnen die Eigenschaft der Dünnslüssigkeit. Wir können sie nicht zu Versuchen über Gletscherbewegung gebrauchen, weil, sobald eine Spalte entstehen würde, die eigene Schwere die Theile vom Rande der Spalte in dieselbe hinunterziehen würde, also keine Spalte entstehen könnte.

Der einfachste Ausweg, den ich sehe, ist folgender: Wir müssen uns eine dickflüssige Masse herstellen, die nicht homogen, sondern aus festen Körperchen besteht, welche wir mit einander verkitten, so daß auseinandergezogen sie sich leicht trennen, aber doch der Zusammenhalt die Schwere einer kleinen Menge von Körperchen, nicht aber einer ganzen Masse aufzuheben vermag.

Solche Körper wären nasser Sand, benetzte Pulver-Durch andere Arbeiten wurde ich zunächst massen etc. auf den "abgetödteten" Gyps geleitet. Das "gebranute" Gypspulver ist unter dem Mikroskop als deutlich krystallinisch zu erkennen. Mit Wasser befeuchtet zeigt sich nach einiger Zeit plötzlich eine lebhafte Bewegung, das Bild andert sich fast momentan, und andere Gypskrystalle liegen da. Die Gypsmasse steift sich im gleichen Momente. Nach wenigen Sekunden treten in Menge neue, ganz feine nadelförmige Gypskrystalle auf, die, wenn nicht gestört, sich nicht selten schön strablig gruppiren; sie verdichten noch das Geslecht, das die anderen größeren Krystalle bilden, und erhöhen dadurch die Festigkeit der steif gewordenen Masse. Der Moment der hestigen Bewegung ist wohl der, wo die Krystalle des "gebrannten" Gypses Wasser aufnehmen. Wird nun in dem Momente, wo die Umkrystallisirung erfolgt, neues Wasser in gehöriger Menge zugegossen, und die Masse hestig gerührt oder bewegt, so können sich die Gypskrystalle nicht versiechten, sie bleiben einzele und lose. Diese Masse steift sich nicht wieder, und kann beliebig lang dickslüssig erhalten werden. Ausgetrocknet an der Hitze, wird sie wenig sest und rissig, mehlig. Solchen nicht mehr selbst sest werdenden Gypsbrei nennen die Hasner und Gypser "abgetödtet".

Der abgetödtete Gyps besteht also aus stengligen und nadelförmigen Gypskrystallen, die aneinander nur durch das Wasser in den Zwischenränmen lose haften, — eine benetzte Pulvermasse.

Durch Zusatz von mehr oder weniger Wasser kann ein beliebiger Grad von Dickslüssigkeit dargestellt werden. Die Versuche über die Bewegung des abg. Gypses wurden folgendermaßen augestellt: Aus Töpferthon wurde ein Gletscherthal oder mehrere sich vereinigende mit Biegungen, steileren und flacheren, engeren und weiteren Partien, wie das in Wirklichkeit vorkommt, angefertigt (etwa 4 Fuss lang), und dann in den oberen Theil von dem Gypsbrei gegossen, und dieser ganz beliebig langsam durch Klopfen an der Unterlage, oder durch Heben auf der oberen Seite in sliesende Bewegung gebracht. Bei leicht slüssigem Brei war die Bewegung bloß ein Fließen, je dickslüssiger er gehalten wurde, oder um so glatter die Thalwände gemacht wurden, desto mehr war sie zusammengesetzt aus Gleiten und Fliefsen, und leicht konnte er so dick angewendet werden, dass die Bewegung nur ein Gleiten der ganzen Masse an den Thalwänden darstellte. Den Verhältnissen des Gletschers entsprechend, wurde ein Mittel eingehalten, das eine Bewegung zusammengesetzt aus Fließen und Gleiten bewirkte. Die durch ungleichförmige Bewegung erzeugten Zerklüstungen sind oft haarsein. Färbt man das Wasser, in dem man den Gyps abtödtet, vorher mit etwas dunkler Farbe, z. B. blau, so werden diese Spältchen alle noch viel sichtharer, indem sie sich mit dem gefärbten Wasser füllen, während, dess der weisse Gyps daneben nur unbedeutend gefärbt wird.

Der Gesammteindruck, den diese Gypsströme liefern, ist vollkommen derjenige eines Gletschers. Meine hochverehrten Lehrer Prof. Escher von der Linth und Prof. Mousson haben die Versuche zum Theil selbst mit angesehen. Einige Resultate der Versuche folgen.

Lässt man Mittelwall zusammengesetzter Gletscher. durch zwei sich vereinigende Thäler ungefähr gleich starke Gypsströme langsam abwärts fliefsen, so bildet sich durch den blossen Mechanismus der Bewegung unmittelbar am Vorsprunge, wo die Vereinigung geschieht eine Vertiefung, abwarts davon aber sehr bald eine scharfe mittlere wallartige Erhebung, die bald eine constante Höhe erreicht, und erst nach längerem Lauf allmälig wieder verschwindet. Jeder der beiden Gypsströme war von halbkreisförmigem Querschnitte, etwa 5ctm breit und 2ctm tief, der vereinigte Strom 8^{otm} breit. Der entstandene Mittellängswall hatte an seiner ausgeprägtesten Stelle etwa 13^{mm} Breite und 3^{mm} Höhe. Die Erscheinung ist oft sehr auffallend, tritt jedoch nicht immer in der Weise auf. Der Vereinigungswinkel der beiden Ströme, die Querschnittformen etc., haben starken Einfluss auf deren Auftreten.

Es brachte dies sogleich die Vermuthung nahe, dass ein Theil der Erhebung mancher Mittelmoränen zusammengesetzter Gletscher nicht auf Schutz des darunter liegenden Eises vor Abschmelzung durch die Trümmer, sondern auf eine solche rein mechanische Weise hervorgebracht werde. Die Mittelmoräne müßte dann auf der Strecke, wo der mechanische Mittelwall sich erhebt, schneller an Höhe zunehmen, als nachher, wo der mechanische Damm sich schon fertig gebildet hat, und nicht mehr erhöht.

Am Claregletscher ist auf 1200^m Länge nicht der ganze Mittelmoräuendamm von Trümmern bedeckt, sondern nur mit solchen gekrönt, und diese Strecke beginnt etwa 400^m unter dem Zusammenslusse, gerade da, wo in dem 12000 mal verkleinerten Maasstabe der Gypsversuche ein Mittelwall sich zu erheben begann. Später gleiten die Trümmer zur

Seite hinunter, und bedecken den früher trümmerlosen Abhang. Ob er sich auch selbst wieder senkt, wie es beim langen Lauf des Gypsstromes war, weiß ich nicht. Ein Querprofil durch die Mitte des Unteraargletschers 250 Meter unter der Vereinigung der beiden Hauptströme Lauteraar (L) und Finsteraargletscher (F) stellt Fig. 2, Taf. I dar. Ein solches etwa 1000^m unter dem Vereinigungspunkt stellt Fig. 3, und eines 3300^m unterhalb Fig. 4 dar. Es ist eigenthümlich, daß beim Claregletscher wie Fig. 3 zeigt, die Moränenkrone nicht genau auf der Mitte des Walles steht, sondern nach der linken Thalseite verschoben ist.

Ganz das Gleiche wie am Clarcgletscher, aber noch viel auffallender fand ich am Steinlimmigletscher, da wo sich mit ihm ein mächtiger Arm des Steingletschers, der zwischen Bocksberg 2640 und Thierbergli 2754 jäh hinunter stürzt, vereinigt. Die Moräne mit ihrem trümmerlosen Wall vom Steinlimmigletscher skizzirt Fig. 7. Das Profil, da wo die beiden Seitenmoränen noch nicht ganz vereinigt sind, etwa an der Stelle, die in die Mitte von Fig. 7 fällt, zeigt Fig. 5, Taf. I.

Immer aber werden, wie in den Gypsversuchen, gewisse Unregelmäßigkeiten in der Form des Bettes die Bildung eines deutlichen mechanischen Mittelwalles verhindern; ebenso tritt er nicht auf, wenn die beiden Ströme sehr ungleich mächtig sind. Profile wie die obigen haben wir daher bei durchaus nicht allen zusammengesetzten Gletschern zu erwarten. Seit ich auf diesen Punkt achte, habe ich selbst erst die zwei angeführten Gletscher gesehen, von solchen, die aus zwei nahe gleich starken Strömen zusammengesetzt sind.

Wie mir scheint, ist es die Beobachtung solcher Profile wie Fig. 3 und 5, was Charpentier verleitet hat, das Profil einer Moräne, wie sie das Eis vor Abschmelzung schützt, zu zeichnen wie Fig. 6 zeigt, und von einem "piédestal des moraines superficielles" zu sprechen, während er bei den Seitenmoränen Erhebung durch Ablation des Gletschers nicht erwähnt, und die Verbreiterung der Moränen

durch Hinuntergleiten in die Schmelzthäler noch nicht kennt, sondern nur diejenige durch Ausbreitung des Gletschers in ein weites Thal bespricht (Essai §. 21, 1841).

Verschiebungsspalten. Zieht man auf der Obersläche eines Stromes von abgetödtetem Gyps quer hinüber geradlinig einen Streisen von anderer Farbe, so wäre zu erwarten, dass er sich in Folge der in der Mitte größeren Geschwindigkeit in eine thalabwärts gekrümmte continuirliche Curve ausziehen würde, allein wir erhalten ein Bild wie Fig. 8, Taf. I. Es treten annähernd dem Rande parallele Verschiebungsklüstchen auf, besonders zahlreich nahe dem Ufer, und auf diesen wird unsere Linie gebrochen, es entsteht eine gebrochene Curve. Eine Reihe in's Eis eingerammter Pfähle in einer Linie quer über den Gletscher genügen nicht, uns über das entsprechende Verhältnifs am Gletscher aufzuklären; wir müssen eine continuirliche scharfe Querlinie haben. Eine solche kann leicht hergestellt werden. Wir sammeln kleine dunkle Steinchen und legen eins hart an's andere in eine Gerade. Sie bilden eine sichere Linie, die beim hestigsten Regenguss nicht zerstört werden kann, weil sie durch vermehrte Wärmeabsorption sogleich in's Eis einsinkt. Zu Ende August des Sommers 1869 habe ich mit Hülfe meines Freundes Alfred Kleiner, stud. med. und des Maderaner Gemsjägers Joseph Maria Trösch an zwei verschiedenen Stellen des oberen Rhonegletschers, und Anfangs September quer über den Hüfigletscher solche Linien hergestellt. Als ich drei Wochen später die Localitäten wieder besuchte, waren die Linien alle noch ganz gut erhalten, aber die Zwischenzeit war zu kurz, um schon eine merkliche Veränderung in der Form der Linien bervorgebracht zu haben. In der Hossnung, dass unsere Linien auch den Winter aushalten werden und im Sommer 1870 mehr Formveränderung zu sehen seyn werde, stieg ich wieder zu Thale.

· Wenn ich auch die Verschiebungen noch nicht nachgewiesen habe, so glaube ich doch das System der Verschiebungsklüftchen des bestimmtesten namentlich am oberen Rhonegletscher aufgefunden zu haben. Bei regelmässigem Gletscherbett gehen bekanntlich die Hauptspalten vom Rande schief aufwärts gegen die Mitte zu. Diese können oft sehr beträchtlich weit werden. Sie stehen senkrecht, oder nahe zu senkrecht zur Structur des Eises (blaue Bänder) an den seitlichen Partien. Nun findet sich aber noch ein System von Spalten am oberen Rhonegletscher, das der Structur theils parallel geht, theils sie unter flachen Winkeln schneidet. Bisher ist es noch unbeachtet geblieben, weil diese Spalten nie klassen, meist nur Raum genug bieten, eine Taschenmesserklinge hineinzustecken, und auf den ersten Blick mit Structur verwechselt werden können. Sie gehen ganz in die Gletschermasse binein; noch in den tiefsten Hauptspalten konuten sie bis unten verfolgt werden. sind in ihrem Verlauf sehr regelmässig, so weit wir sie beobachten konnten, immer geradlinig, und setzten sich fort bis sie das Gletscherufer unter schiefem Winkel schneiden, oder unter den Randmoränen verschwinden, was Längen von 800 und noch mehr Meter ergiebt. Dabei sind niemals zwei sehr nahe beisammen, sondern sie sind in fast regelmässigen Abständen (von vielleicht 10 bis 20 Fuss) wie auch die Verschiebungsspältchen im Gypsstrom in regelmässigen Abständen sind. Vielfaches Graben lehrte, dass das Eis auf diesen Spalten vollkommen getrennt ist, während leicht ein Stück weißes Gletschereis gehauen werden kann, das quer von einigen blauen Bändern durchzogen ist, - Structur hebt den Zusammenhang nicht auf.

Da wo die Structur diese seinen Spalten schneidet, sind vielsach Verschiebungen, die nach denselben stattgesunden haben, direct nachweisbar, und bei denen, die wir gesunden haben, war auch immer das der Mitte nähere Eisstück weiter thalabwärts gerückt, als das dem Thaluser zu gelegene. S. Fig. 9, Tas. I. Die Structurbänder a und a_1 , b und b_1 beiderseits der Verschiebungsspalte x entsprechen einander. Bei verschiedenen Beleuchtungen betrachteten wir von verschiedenen Punkten der Thalgehänge den Gletscher, um den Verlauf dieser Verschiebungsspältchen über

den ganzen Gletscher zu sehen; allein sie sind schon aus kleiner Entfernung nicht mehr sichtbar, selbst nicht bei schiesen Beleuchtungen. Wie schwierig es ist, sich auf der Gletscheroberfläche selbst über solche und ähnliche Dinge zu orientiren, weiss nur wer es selbst ersahren hat. enormen Dimensionen der Gletscherobersläche, die Unmasse von großen Erhöhungen und Vertiefungen, die alle einander ähnlich sind, die Masse von Spalten, die weit umgangen werden müssen, die Ausmerksamkeit, mit der man auf den eigenen Fustritt achten muss, das alles erschwert den Ueberblick unglaublich. Dieses Umstandes wegen musste ich mich damit begnügen, den Verlauf der Verschiebungsklüftchen auf der östlichen Seite des oberen Rhonegletschers festzustellen. An anderen Gletschern fand ich nachber wiederholt, namentlich unregelmässigen Usern nahe, ähnlich gestellte seine Spalten mit ganz dem gleichen Character ohne ihren Verlauf genauer verfolgen zu können. Sie treten hauptsächlich da auf, wo die Bewegung an den Rändern bedeutender als in regelmässigem Thale verzögert wird, wie hinter Vorsprüngen. Fig. 10 giebt die Uebersicht ihres Verlauses am oberen Rhonegletscher; a bezeichnet die Verschiebungsspalten, b die Richtung der Structur, c die gewöhnlichen klaffenden Spalten. Fig. 10 A und 10 B stellen in größerem Masstabe mit den genauen Winkeln Stellen bei A und B in Fig. 10 dar. Fig. 9 ist ebenfalls in der Gegend von B in Fig. 10 hineinzudenken. Die große Bucht zwischen D und E muss am Rhonegletscher in diesen Gegenden sehr starke Verzögerung der Bewegung hervorrufen.

Am Gypsstrom können die Verschiebungsspalten, wenn sie zahlreich auftreten, die gewöhnlichen klaffenden Spalten ganz ersetzen; an den Gletschern scheinen sie mehr eine locale Erscheinung zu seyn, die klaffenden Spalten hingegen die allgemeine. Ob das am Rhonegletscher zuerst gefundene feine Spaltensystem wirklich das Analogon der Verschiebungsspältchen am Gypsstrom ist, kann endgültig erst durch spätere Beobachtung der Steinlinien, die wir gezogen

haben, entschieden werden. (Siehe deren Lage am oberen Rhonegletscher in Fig. 10 durch starke Linien angedeutet, eine in der Gegend von A, eine auf der andern Seite oberhalb.)

Bei einem etwas complicirteren Versuche mit abgetödtetem Gyps, wo zwei stärkere und ein schwächerer Strom zum Zusammenfluß gebracht wurden, zeigten auch longitudinale Linien Unterbrechungen durch Verschiebungen. Der Mittelwall der beiden stärkeren Ströme wurde von Spältchen schief durchschnitten, an denen schwache Verschiebungen der Gypsmasse in vertikaler Richtung statt hatten. Bei den einen Versuchen traten die den gewöhnlichen schief aufwärts vom Rande der Mitte entgegen gehenden Gletscherspalten entsprechenden Risse sehr deutlich, ohne weit zu klaffen, dafür aber in großer Zahl, auf. Bei anderen schien es, sie seyen durch Verschiebungen in der Masse unnöthig gemacht worden. Ein Versuch, alle die feinen Formen photographisch aufzunehmen, muß wiederholt werden.

Ausbreitungen. Wenn ein Gletscher an seinem unteren Ende sich in Folge Eintrittes in eine erweiterte Thalstufe ausbreiten kann, so wirst er im oberen Theile der Ausbreitung Längsspalten, die, sich den Rändern zu biegend, am unteren Ende ein radialfächriges System bilden. ist das auch leicht begreiflich. Der Druck der mittleren Masse, dem jetzt das Eis nachgeben kann, ist radial, der Zug peripherisch um das Ende herum, die Spalten werfen sich senkrecht zum Zug, also radial. Merkwürdiger Weise ist es nicht so beim Versuche mit abgetödtetem Gyps. Da treten am Ende zwei Systeme von Spältchen auf, die sich unter einem constanten Winkel von 69 bis 72 Grad schneiden. Diese Spältchen klaffen nie. Auf ihnen geschehen verticale Verschiebungen, die unteren Theile verschieben sich nach oben. Sie sind ungefähr ähnliche Dreiecke, eine Seite wird von dem Rande der ausgebreiten Masse gebildet, die beiden anderen von je einer Spalte der beiden Systeme. Es wird hier das radiale System klaffender Spalten am Gletscher durch zwei sich krenzende Systeme von Verschiebungsspältchen ersetzt.

Die Adhäsion ist bei so kleinen nassen Massen verhältnismässig stark, und den Trennungen mehr Feind, als den Verschiebungen. Es ist diese Vorliebe für Verschiebungen am abg. Gyps uns schon weiter oben entgegengetreten; mir scheint, sie ist es, die hier den Unterschied bewirkt, vielleicht ist er aber tieser im Wesen der Masse begründet. Leider konnte ich nicht mehr andere balbflüssige, nicht zähe Massen auf ihr Verhalten in dieser Beziehung untersuchen. Inwiesern der Winkel von etwa 70 Grad speciell dem abgetödteten Gyps von dem betrefsenden Grade der Dickslüssigkeit zukommt, weiss ich auch An Gletschern konnte ich, so sehr ich darnach suchte, nichts von einem doppelten Systeme finden. Fig. 11 zeigt den Verlauf der Spalten am Ende des Rhouegletschers, Fig. 12 die Verschiebungsspältchen am ausgebreiteten Ende eines Gypsstromes.

Differentialbewegung. Man hat schon versucht, die Structur des Gletschereises, die blauen und weissen Eisbänder, auf die Flächen größter Differentialbewegung zurückzuführen. Diese wie die Eisstructur findet auf Flächen statt, die wie ineinandergelegte Schalen (wie der vordere Theil eines Löffels) die Form haben, das vordere ausgezogene Solche Flächen kann man sehr leicht Ende nach unten. Wenn man in dem Gypsstrom eine verticale Schicht anders färbt, so sieht man, dass sie sich bei der Bewegung in eine solche Form auszieht. Die Differentialbewegungen finden aber nicht in diesen Bändern statt, sondern schneiden dieselben wie schon Fig. 8 zeigt. Tyndall hat schon auf diesen Punkt aufmerksam gemacht. Ob die Disserentialbewegung auf solche Lössel-Flächen, oder parallel den Thalwandungen am größten sey, mit andern Worten, ob , the direction, in which the filaments slide past each other will be obliquely directed towards the middle" oder parallel der Mittellinie, habe ich durch einen Versuch darzuthun gesucht. Ich will denselben entwickeln, weil er noch in anderer Richtung Anknüpfungspunkte bietet.

Wenn eine Menge lamellarer oder linearer fester

Körperchen sich in einer dickflüssigen Masse befinden, so bleiben sie ruhig in ihrer Lage ohne bestimmte Anordnung liegen, sobald die ganze Masse sich überall gleich schnell bewegt, und die Lamellen müssen sich keineswegs, wie ich vor kurzem sagen hörte, alle senkrecht zur Richtung des Flusses stellen (z. B. in Laven). Eine bestimmte Anordnung tritt erst dann ein, wenn in der Masse Disserentialbewegungen auftreten, wenn also die einen Partien sich schneller bewegen als die anderen. Das ist überall der Fall, wo eine Masse in einem festen Bette fliesst. Da zieht die Reibung die Geschwindigkeit in der Nähe der Bettwände herunter (Laven, Schlammströme, Gletscher). Dasjenige Ende einer in der sließenden Masse liegenden Lamelle, das nach der laugsamer sich bewegenden Seite des Stromes steckt, geht langsamer, wird gegenüber dem anderen zurückgehalten, die Lamelle wird gedreht, bis sie in die Fläche größter Differentialbewegung hineinfällt; in dieser Stellung bleibt sie. Sollte sie durch einen Zufall drüber binaus gedreht werden, so würde sie gleich umgekippt, und wieder im gleichen Sinne in dieselbe hineingedreht, wie aufangs. Lamellen in einer fliessenden Masse stellen sich alle in die Flächen größter Differentialbewegung ein.

Ich schnitt mir eine ungeheure Menge Holzblättchen von etwa einer Quadratlinie Größe, und der Dicke von starkem Papier. Diese wurden mit der Gypsmasse gemischt, und die Masse durch die Thalrinne sließen gelassen, hernach fest eingetrocknet, wobei sich die Form freilich etwas verzog, und nun auf die Lage der Blättchen untersucht. Die Anordnung in einem Längsschnitt der durch die Mittellinie der Obersläche geführt worden ist, zeigt Fig. 13. Die Flächen größter Differentialbewegung sind also parallel den Wänden des Bettes. In den höheren, mittleren, Theilen, wo überhaupt die Differentialbewegungen viel kleiner sind, war noch keine Anordnung eingetreten. Wäre die andere Ansicht die richtige, so müßte der Längsschnitt das Bild gegeben haben, das Fig. 14 zeigt.

Das "sliding of the filaments towards the middle" hat

etwas bestechendes, wenn man bedenkt, dass am Rande der Gletschermasse, wo die Bewegung viel langsamer ist, eine Ueberhäufung von Masse, und in Folge davon eine Bewegung derselben nach der Mitte stattfinden müstte. Dieses ist aber nur ganz oben am Gletscher der Fall, wo die breite Firnmulde in das engere Gletscherthal mündet. Dort bewegt sich die Hauptmasse der Mitte zu, und an den Rändern wird nur nachgeschoben, was gut Platz hat. Am Gletscher selbst, wie der ungestörte Verlauf aller Mittel- und Seitenmoranen beweist, ist es anders. Es verhält sich der Gletscher wie eine Menge von Halbcylindern, die alle ineinander liegen, deren innere schneller thalwärts gleiten, als die äusseren; von einer Ueberhäufung am Rande ist nichts vorhanden. Die Frage ist nur noch die: Sind diese Cylinder uneudlich dünn, d. h. nimmt die Geschwindigkeit continuirlich nach der Mitte zu, oder bildet je ein Büschel unendlich dünner, die sich nicht sehr viel ineinander verschieben lassen, einen dickeren, d. h. nimmt die Geschwindigkeit sprungweise nach der Mitte zu, finden Verschiebungen statt wie beim Gypsstrom (Fig. 8). Wenn ich die Verschiebungsklüftchen am Rhonegletscher richtig gedeutet habe, so sind sie in diesem Vergleiche die Trennungen zwischen zwei dickeren Halbeylindern.

Wenn analog den Thälern der Rhoue-, des Triftgletschers und vieler anderer im Thal eine sehr steile Stelle angebracht wird, so bricht über derselben ganz wie der Gletscher auch der Gypsstrom treppenförmig binunter. Am Fuße des Sturzes werden die Terrassen allmälig zu schwachen querlaufenden, bogenförmigen Erhebungen, und verschwinden endlich ganz; am Gletscher lassen sie bekanntlich die Schmutzbänder zurück.

Steckt man kleine Hölzchen aufrecht in den Gypsstrom, so neigen sie sich sehr bald thalabwärts, Beweis, dass die Geschwindigkeit nach der Tiese abnimmt.

Dass bei gebogenem Thal das Bewegungsmaximum der concaven Thalseite näher rückt, dass der Gletscher auf kleine Seitenschluchten in seinem Thale kaum reagirt, dass

er kleine seitliche Zuslüsse bei Seite drückt oder überwältigt etc., alle diese Verhältnisse können sehr schön am Strom von abgetödtetem Gyps demonstrirt werden. Natürlich aber sind die Oberslächensormen niemals diejenigen des Gletschers, weil die Ablation fehlt, und am sortschreitenden unteren Ende des Gypsstromes ist die Bewegung ein Wälzen, am Gletscher der Ablation wegen nicht, oder tritt nur ganz untergeordnet und sehr problematisch im Winter ein.

Läst man abgetödteten Gyps von einer Mulde nach zwei Richtungen entgegengesetzt sich langsam in Thäler bewegen, so erhält man auf dem Scheitel der Mulde ein prächtiges System von Querspalten ganz genau, wie sie sich auch auf den Firnplateaus, die Gletscherscheiden siud, bilden. Dieses Spaltensystem kann niemals durch Verschiebungen ersetzt werden.

An dieses alles knüpfen sich allerlei zu weiteren Versuchen führende Gedanken an, z. B. über eine Anordnung der halbstüssigen Massen in eine systematische Reihe nach mechanischen Principien u. s. w. Vielleicht werde ich später wieder einmal mich an die Sache machen können. Die noch sehr lückenhaften Versuche konnten nicht mehr fortgesetzt werden, denn wie im Bergstrom das Geschiebe langsamer bewegt wird als das Wasser, so geht die Arbeit immer langsamer als die Zeit.

3. Ueber Structur.

Um nachzuweisen, dass die Structur des Gletschereises (die blauen Bänder) nicht von der Schichtung des Schnees abgeleitet ist, suchte Hr. Prof. Tyndall nach Stellen, wo die Structur und die Schichtung gleichzeitig zu sehen wären. Nach langem Suchen sand er solche. Auf dem oberen Rhonegletscher hatten wir im Sommer 1869 fortwährend Gelegenheit, seine Beobachtung zu wiederholen und zu bestätigen. Fast in allen Spalten war horizontal die Schneeschichtung, und sie sast senkrecht schneidend die Structur sichtbar, so dass wir gewünscht hätten, dass Prof. Tyndall

zuerst hier darnach gesucht hätte; er hätte schneller gefunden, was er sehen wollte. Das Gleiche war am oberen Triftgletscher und selbst an kleinen Glärnischgletscher massenhaft deutlich zu sehen.

Ein zweiter Beweis für die Verschiedenheit von Schichtung und Structur und zum Theil auch eine Stütze für die Tyndall'sche Erklärung von der Entstehung der Structur ist folgendes: Ich dachte mir, wenn ein Gletscher mit deutlich entwickelter Structur (Längsstructur, oder schon stark ausgezogene Querstructur) nachher noch einen Sturz zu machen hat, so muss die, an dessen Fuss entstehende neue Querstructur die schon dagewesene Längsstructur schneiden. Wäre die Structur eine Schichtung, so könnte sie sich selbst nie schneiden. Der Rhonegletscher in seinem oberen Theile hat schon eine ordentliche Structur; wir suchten darum am Fusse des Sturzes im "structure mill" nach gekreuzter Structur. So regelmässig war indessen die Sache nicht, wie ich mir gedacht hatte, die Eismassen gerathen im Rhonegletschersturz in bedeutende Unordnung, werden vielfach gedreht und verschoben, die alte Structur war nicht mehr in ihrem gesammten Verlauf zu verfolgen, sondern nur partienweise deutlich, oft war mir unklar, ob ich es mit alter oder neuer zu thun hätte. Bei langem Suchen und fleissigem Aufhauen der oberen weissen Kruste (es war an einem herrlichen Spätsommertage) fanden wir aber doch eine ungeheure Menge von Stellen auf der ganzen Menge von Stellen auf der ganzen Breite des Gletschers zerstreut, die sehr deutlich gekreuzte Structur zeigten, z. B. in dem fein weissblasigen Eise ein blaues Band von ein Zoll Breite unter 40 Grad querdurchschnitten von einem anderen nahe gleichstarken blauen Bande, und ähuliches mehr, selbst ganze Bandsysteme, die sich kreuzten, so deutlich als man es nur wünschen konnte. Weiter unterhalb des "structure mill" war die neue Structur so vorwaltend ausgebildet, dass Spuren der alten nicht leicht zu finden waren.

An manchen anderen Gletschern ist wohl noch leichter gekreuzte Structur zu finden, und alles wird regelmässiger

seyn, wenn der Sturz nicht ein so wilder, und die Structur am oberen Theile schon besser entwickelt ist, als am Rhonegletscher.

Die Gränzsläche zwischen blasenlosem (blauem) Eisband, und blasigem (weißem) Eis läst sich im Handstück leicht durch einen sorgfältig geführten Schlag bloslegen. Es fällt sogleich auf, dass sie vertical cylindrisch gestreift Auf den ersten Blick drängt sich sogleich folgende Erklärung dafür auf: die Wege, die die bei Bildung des blauen Bandes entweichenden Luftblasen genommen hahen, sind, durch Eis ausgefüllt, an Steinkerne erinnernd, erhalten, und in einzelnen Fällen drang die Luftblase nicht mehr bis ganz oben, sie steht am Ende des Eiskernes, der ihren unvollendeten Weg bezeichnet. Wie sehr diese Beobachtung die Tyndall'sche Erklärung von der Entstehung der blauen Bänder im weisen Eise stützt, liegt auf der Hand. Zuerst hab' ich sie am oberen, dann am unteren Rhonegletscher gemacht, und hernach an anderen bestätigt gefun-Fig. 15 stellt ein Stück weißes Gletschereis mit blauen Bändern dar, an dem die Gränzsläche des einen blauen Bandes blos gelegt ist.

Wenn die kleinen Verschiebungsklüstehen nicht mehr als sosche thätig sind, so gesriert endlich das Wasser, das in sie geräth, zu einer blasenlosen schmalen Eisader von höchstens 1 Ctm. Dicke. Diese ist schon leicht von blauen Bändern durch ihren regelmässigen Verlauf zu unterscheiden, sie hat einen etwas anderen Habitus, zudem schneidet sie gewöhnlich unter slachem Winkel die Structur, was an den Wänden klassender Normalspalten häusig zu sehen ist. (Siehe Fig. 16, a ist diese Eisader). Diese Gletscheradern sinden sich an der linken Seite des Rhonegletschers unmittelbar über dem Sturze und unterhalb desselben ziemlich häusig. An ihrer Gränzsläche habe ich nie cylindrische Structur gesehen. Es erklärt sich das sosort durch ihre andere Bildung von selbst.

Weit mehr als irgend ein anderer Gletscher eignet sich zum Studium der Entstehung von Schmutzbändern und

Structur der Triftgletscher, der über die Triftlimmi als Firnscheide mit dem Rhonegletscher zusammenhängt, aber diesem entgegengesetzt in die nach Norden sich senkenden Thäler steigt. Sein Hauptsturz von 450^m Höhe ist ungleich grossartiger und wilder als der des Rhonegletschers. Gletscherstrecke unmittelbar drunter bat auf 2000^m Länge und 1100^m Breite nur 115^m Gefäll; hernach folgen wieder steilere sturzähnliche Partien von 1800m Länge. dicht oben neben dem Gletscher stehenden Clubhütte überblickt man das Ganze, und kann völlig von der Natur die Erklärung unmittelbar ablesen, die Prof. Forbes und Prof. Tyndall von der Entstehung der Schmutzbänder geben. Die Structur ist so deutlich, dass sie von oben in ihrem Verlauf über den ganzen Gletscher genau verfolgt werden kann. Noch nie habe ich eine so großartige Gebirgsansicht genossen, wie diese; die größeren Gletscher alle die ich gesehen, erreichen au Schönheit den einen wenig gekannten nicht.

4. Firnschnee. Den 25. August 1869 erstiegen wir unter wolkenlosem Himmel den Galenstock und den 28. wandelten wir den ganzen Rhonegletscher hinauf über die Triftlimmi. Dabei siel mir eine seine Rippung des Firnschnee's überall an der Obersläche auf, die ich mich nicht erinnere, früher gesehen zu haben. Nach zwei Richtungen, die sich unter etwa 60 Grad schuitten, war der Firnschnee überall sein gesurcht, und dadurch in kleine Rhomben an der Obersläche abgetheilt, denen längere Diagonale von vielleicht. 2 bis 3ctm immer ast-westliche Richtung hatte. Fig. 17 giebt ein Bild davon. Der Wind bringt oft Aehnliches im Firnschnee hervor, aber die ungeheure Regelmäsigkeit und allgemeine Verbreitung war immerhin sonderbar.

IV. Ueber die Continuität der gasigen und flüssigen Zustände der Materie; von Hrn. Thomas Andrews.

(Mitgetheilt vom Hrn. Verf. aus d. Philosoph. Transact f. 1869 pt. II.)

Im J. 1822 beobachtete Cagniard de la Tour, dass gewisse Flüssigkeiten, wie Aether, Alkohol und Wasser, bei Erhitzung in hermetisch verschlossenen Röhren, scheinbar in Dampf vom Zwei- bis Vierfachen ihres ursprünglichen Volums verwandelt wurden. Er machte auch ein Paar numerische Bestimmungen über den dabei ausgeübten Druck¹). Im folgenden Jahre gelang es Faraday durch blossen Druck das Chlor und verschiedene andere, bis dahin nur in Gasform bekannte Körper flüssig zu machen²). Ein Paar Jahre später stellte Thilorier starre Kohlensäure dar und beobachtete, dass der Wärme-Ausdehnungscoësticient für die slüssige größer ist als der irgend eines gasförmigen Körpers?). Eine zweite, von Faraday 1845 veröffentlichte Abhandlung erweiterte unsere Kenntniss von der Wirkung der Kälte und des Drucks auch die Gase bedeutend4). Regnault untersuchte sorgfältig die absolute Volumveränderung einiger Gase, wenn sie einem Druck von 20 Atmosphären ausgesetzt wurden; und Pouillet machte etliche Versuche über denselben Gegenstand. Natterer dehnte seine Versuche bis zu dem ungeheuren Druck von 2790 Atmosphären aus, und obwohl seine Methode nicht ganz einwurfsfrei ist, sind doch seine Resultate werthvoll, und verdienen mehr Beachtung als sie bisher gefunden haben b).

Im J. 1861 erschien eine kurze Notiz von einigen meiner früheren Versuche in dieser Richtung. Sauerstoff,

¹⁾ Ann. de chim. Sér. II, T. XXI, p. 127 et 178, auch T. XXII, p. 140.

²⁾ Philosoph. Transact. f. 1823, p. 160 — 189.

³⁾ Ann. de chim. Sér. II, T. LX, p. 427 et 432.

⁴⁾ Philosoph. Transact. f. 1845, p. 155.

⁵⁾ Pogg. Ann. Bd. XCIV, S. 436.

Wasserstoff, Stickstoff, Kohlenoxyd und Stickstoffoxyd wurden größeren Drucken, als bisher in Glasröhren erreicht waren, unterworfen und dabei der Kälte von Kohlensäure und einem Aetherbade ausgesetzt. Keins dieser Gase zeigte eine Andeutung von Liquefaction, ohgleich sie durch vereinte Wirkung von Kälte und Druck auf weniger als 1 500 ibres gewöhnlichen Volums zurückgeführt wurden 1). der dritten Auflage von Miller's Chemical Physics, von 1863, erschien, aus einem Briese von mir an den Dr. Miller genommen, ein kurzer Abriss von einigen neuen Resultaten, welche ich unter gewissen bestimmten Umständen von Druck und Temperatur mit Kohlensäure erhalten hatte. Da diese Resultate die Grundlage der gegenwärtigen Untersuchung ausmachen und niemals für sich veröffentlicht worden sind, so mag es mir erlaubt seyn, hier folgenden Auszug aus meiner ursprünglichen Mittheilung an Dr. Miller beizubringen. "Bei partiellem Liquesiciren von Kohlensäure durch blossen Druck und gleichzeitigem allmählichem Steigern der Temperatur bis 88° F. wurde die Trennungsfläche zwischen der Flüssigkeit und dem Gase immer schwächer, sie verlor ihre Krümmung und verschwand endlich ganz. Der Raum wurde dann eingenommen von einer homogenen Flüssigkeit, welche, wenn man den Druck plötzlich verringerte oder die Temperatur ein wenig erniedrigte, ein eigenthümliches Ansehen von sich bewegenden oder flatternden Streifen durch die ganze Masse hin annahm. Bei Temperaturen über 88° konnte keine scheinbare Liquefaction der Kohlensäure oder Trennung in zwei verschiedene Aggregatzustände bervorgebracht werden, selbst wenn ein Druck von 300 bis 400 Atmosphären angewandt wurde. Salpetrige Säure gab analoge Resultate²).

Der zu dieser Untersuchung angewandte Apparat ist auf Taf. II abgebildet. Fig. 1 und 2 zeigen ihn in der einfachen Form, in welcher nur ein einziges Gas dem Drucke

¹⁾ Report of the British Assoc. f. 1861. Transact. of Sections p. 76.

²⁾ Miller's Chemical Physics. Edit. III, p. 328.

ausgesetzt ist. In Fig. 3 ist ein Durchschnitt der Apparate gegeben, und in Fig. 4 ein anderer Durchschnitt nebst der Vorrichtung, das comprimirte Gas Kältegraden im Vacuo auszusetzen. Fig. 5 und 6 zeigen eine zusammengesetzte Form des Apparats, mittelst deren zwei Gase gleichzeitig einem selben Druck ausgesetzt werden können. Das zu comprimirende Gas bringt man in eine Röhre fa (Fig. 8), welche von a und b capillar ist, von b his c einen Durchmesser von 2,5 Millim. hat und von c bis f einen von 1,25 Millim. Das sorgfältig getrocknete Gas ward mehre Stunden lang durch die an beiden Enden offenen Röhren geleitet.

Um das Gas in einem mässigen Strom durch das enge Capillarrohr zu treiben, war die Gegenwart einer Wassersäule von zwei Meter Höhe erforderlich. Die Kohlensäure wurde, nachdem sie den Apparat durchstrichen hatte, mittelst eines Verbindungsrohr durch Quecksilher geleitet und von Zeit zu Zeit eine Portion aufgefangen, um ihre Reinheit zu erproben. Der Strom wurde so lange unterhalten bis der Rückstand von Lust, nach der Behandlung Aetzkali, auf eiu constanțes Minimum reducirt war. wiederholten Versuchen fand ich, dass in den von mir gewählten complicirten Vorrichtungen der Lustrückstand nicht auf weniger als 1000 bis 1000 des gesammten Volums der Kohlensäure gebracht werden konnte. Selbst nachdem der Strom 24 Stunden lang gedauert hatte, erschien noch dieser Bei Beurtheilung einiger der Resultate, die mit Gas unter hohem Druck erhalten werden, muss die Gegenwart dieser kleinen Lustmenge sorgfältig berücksichtigt werden. Das capillare Ende a (Fig. 8) wurde dann zugeschmolzen, auch das andere Ende verschlossen, und späterhin unter die Obersläche von reinem Quecksilber gebracht, welches sich in einer Glasschale befand. Während es noch unter der Obersläche des Quecksilbers war, wurde das untere Ende geöffnet, und durch Erwärmung etwas von dem Gase ausgetrieben. Beim Erkalten ersolgte eine Contraction und eine kurze Quecksilbersäule trat ein. Nun

brachte man die Schale und das untere Röhrenende unter die Glocke einer Luftpumpe und evacuirte bis etwa ein Viertel des Gases ausgetrieben war. Bei Wiederherstellung des Drucks trat eine Quecksilbersäule ein und erfüllte den Raum des ausgetriebenen Gases. Durch Fortziehen des Rohrendes aus dem Quecksilber in der Schale und abermaliges vorsichtiges Auspumpen konnte die Quecksilbersäule auf jede erforderliche Länge gebracht werden. Die so gefüllte Röhre hat die in Fig. 8, Taf. II dargestellte Form.

Auf dem engeren Theil der Röhre wurden zwei Feilstriche gemacht, einer bei d und der andere bei e, etwa 10 Millim. auseinander, und dann bestimmte man die Capacität der Röhre von einer bei a angebrachten Marke bis d und ebenso von derselben Marke bis e durch Füllen mit Quecksilber bei bekannter Temperatur und Wägen desselben. Die Röhre wurde nun genau in horizontale Lage gebracht und durch ein luftdichtes Verbindungsglied verknüpst mit dem einen Scheitel einer langen mit Quecksilber gefüllten U-Röhre. Jeder Schenkel der U-Röhre war 600 Millim. lang und 11 Millim. im Durchmesser. Entfernung von Quecksilber aus dem äußeren Schenkel der U-Röhre konnte ein partielles Vacuum erhalten, und die Quecksilbersäule mn (Fig. 8 Taf. II) in die enge Röhre df gezogen werden. Wegen des Capacitätsunterschiedes dieses Theils der Röhre war nun die Quecksilbersäule ungefähr vier Mal länger als zuvor. Mit etwas Sorgfalt war es leicht, den Druck so zu ajustiren, dass das innere Ende der Quecksilbersäule mit der Marke e zusammenfiel. Wenn diess erreicht war, wurde der Niveau-Unterschied des Quecksilbers in der U Röhre mittelst eines Kathetometers gemessen, auch Barometer- und Thermometerstand genau aufgezeichnet. Aehuliche Beobachtungen wurden an dem bis zur Marke d ausgedehnten Gase angestellt. So waren zwei unabhängige Reiben von Daten erhalten, um das Volum des Gases bei 0º und 760 Millim. zu berechnen; die Resultate stimmten gewöhnlich bis auf weniger als ein Tausendstel. Nachdem die Röhre von der U-Röhre abgetrennt worden, wurde sie

etwas jenseit e durchgeschnitten, wie Fig. 8 zeigt; sie war nun zur Einführung in den Druckapparat fertig.

Die Capillarröhren wurden mit großer Sorgfalt calibrirt und deren mittlere Capacität durch Wägung einer ihrer Länge und ihrer Lage in der Röhre nach genau beobachteten Quecksilbersäule bestimmt. Ein Millimeter der bei diesen Versuchen gebrauchten Luft-Röhre hatte eine durchschnittliche Capacität von 0,00002477 Cubikcentimeter und ein Millimeter der Kohlensäure-Röhre eine von 0,00003376CC. Es wurde eine Tafel construirt, welche die berichtigte Capacität einer jeden Capillarröhre von dem zugeschmolzenen Ende an für jedes Millimeter ihrer Länge angab. Für den beim Zuschmelzen der Röhre gebildeten Conus wurde eine Nachsicht von 0,5 Millim. gestattet.

Der größeren Deutlichkeit wegen habe ich diese Operationen so beschrieben, wie wenn sie an der gesonderten Röhre ausgeführt wären. In Wirklichkeit befand sie sich in dem messingenen Endstück (Fig. 7, Taf. II), ehe sie mit Gas gefüllt wurde.

Die Construction des zu diesen Versuchen angewandten Apparats wird aus Fig. 3 u. 4, Taf. II, die ihn in der einfachen Form zeigen, leicht verständlich seyn. Zwei massive Messingkragen (flanges) sind um die Enden einer sehr starken kalt-gezogenen Kupferröhre wohl befestigt und mittelst derselben können zwei messingene Endstücke sicher an die Enden der Kupferröhre angeschraubt und die Verbindung durch Zwischenlegung von Lederringen luftdicht Das untere Endstück (Fig. 7) führt hergestellt werden. eine Stahlschraube, 180 Millim. lang, 4 Millim. dick und 0,5 Millim. Ganghöhe. Die Schraube ist sorgfältig geschnitten und hält leicht einen Druck von 400 Atmosphären und mehr aus. Ein ähnliches Endstück am oberen Kragen trägt die Glasröhre, welche das zu comprimirende Gas enthält (Fig. 7). Ehe der Apparat aufgeschraubt worden, wird er mit Wasser gefüllt und der Druck durch Hineinschrauben der Stahlschraube in das Wasser hergestellt.

In dem zusammengesetzten Apparat (Fig. 5 u. 6, Taf. II) sind die inneren Einrichtungen dieselben wie in dem einfachen. Zwischen den beiden Seiten des Apparats ist durch ab eine Verbindung hergestellt. Es ist gleichgültig, welche der beiden unteren Schrauben gedreht wird, da sich der Druck sogleich durch das Innere beider Kupferröhren verbreitet und mittelst der beweglichen Quecksilbersäulen auf beide zu comprimirende Gase überträgt. Die beiden Schrauben werden angewandt, um den Druck besser in der Gewalt zu haben. In Fig. 5 ist der Apparat ohne Zuthaten abgebildet. Fig. 6 zeigt denselben Apparat mit den Vorrichtungen, um die Haarröhrchen und den Körper des Apparates selbst in einer festen Temperatur zu erhalten. Ein rechteckiger Messingkasten, vorn und hinten mit Glasplatten verschlossen, umgiebt jedes Haarröhrchen und verstattet, dasselbe durch einen Wasserstrom auf irgend eine erforderliche Temperatur zu halten. Die Vorrichtung, um bei der Kohlensäure-Röhre einen Strom von heißem Wasser zu erhalten, ist in der Figur zu sehen. Der Körper des Apparates selbst ist, wie die Figur zeigt, eingeschlossen in ein äußeres Kupfergefäss, welches mit Wasser von der Temperatur des Zimmers gefüllt ist. Die letztere Vorrichtung ist wesentlich, wenn genaue Beobachtungen gemacht werden sollen.

Die Temperatur des die Luft-Röhre umgebenden Wassers wurde so viel wie möglich mit der des Zimmers in Conucidenz gebracht, während die Temperatur des die Kohlensäure-Röhre umgebenden Wassers bei verschiedenen Versuchen von 13°C. bis 48°C. schwankte. Bei den in dieser Mittheilung zu beschreibenden Versuchen kam das Quecksilber nicht eher in Sicht in dem capillaren Theil der Luft-Röhre als bis der Druck auf etwa 40 Atmosphären gestiegen war. Die Volume der Luft und der Kohlensäure wurden sorgfältig an einem Kathetometer abgelesen, mit einer Sicherheit bis auf weniger als 0,05 Millim. Die Temperatur des Wassers, ringsum die Kohlensäure-Röhre, wurde durch ein von mir selbst nach einer willkührlichen Scale sorglältig graduirtes

Thermometer ermittelt. Diess Thermometer war eins von vieren, die ich vor einigen Jahren construirte, und die alle so genau übereinstimmen, dass die Unterschiede in ihren Angaben, auf Grade reducirt, ganz bedeutunglos sind.

Ich habe nicht versucht, aus den beobachteten Volumveränderungen der Lust in der Lust-Röhre den entsprechenden Druck herzuleiten. Dazu wäre nöthig gewesen, die Abweichungen der Luft vom Mariotte'schen Gesetz für die bei den Versuchen angewandten Drucke zu kennen, und ebenso die aus dem inneren Druck entspringenden Veränderungen in der Capacität des Haarröhrchens. einer künftigen Mittheilung hoffe ich Gelegenheit zu haben, diess Problem in Betracht zu ziehen, welches eher durch indirecte als durch directe Versuche zu lösen ist. Anlangend die Abweichung der Luft vom Mariotte'schen Gesetz, so entspricht sie, nach Regnault's Versuchen, einem scheinbaren Fehler von etwas mehr als einer Viertel-Atmosphäre bei einem Druck von 20 Atmosphären, und, nach Natterer's Versuchen, augenähert einem Fehler von I Atmosphäre, wenn der Druck auf 107 Atmosphären steigt. Diese Data sind offenbar ungenügend, und ich habe daher nicht versucht, aus den beobachteten Volumveränderungen in der Luft-Röhre den wahren Druck abzuleiten. Es wird späterhin leicht seyn, die Berichtigungen für den wahren Druck, wenn sie ermittelt sind, anzubringen; für den Zweck dieses Aufsatzes sind sie nicht erforderlich. Die allgemeine Gestalt der Curven, welche die Volumveränderungen der Kohlensäure darstellen, wird schwerlich durch die Unregelmässigkeiten der Luft Röhre eine merkliche Aenderung erleiden; und eben so wenig wird einer der allgemeinen Schlüsse, zu welchen ich gelangt bin, von ihnen angegriffen werden. Wohlverstanden sind indefs, wenn bisweilen von Drucken gesprochen wird, wie sie durch die scheinbare Contraction der Luft in der Luftröhre augezeigt werden, immer nur die approximativen Drucke gemeint.

Um aus den Grammen Quecksilber, welche irgend einen Theil der Glassöhre füllen, die Capacität derselben in Cubik-

centimetern zu erhalten, wurde die folgende Formel gebraucht

$$C = W \frac{1 + 0,000154t}{13,596}$$
. 1,00012,

wo C die Capacität in Cubikcentimetern ist, ferner W das Gewicht des die Röhre bei der Temperatur t füllenden Quecksilbers, 0,000154 der Coëfficient der scheinbaren Ausdehung des Quecksilbers in Glas, 13,596 die Dichte des Quecksilbers bei 0°, und 1,0012 die Dichte des Wassers bei 4°. Das Volum V des Gases bei 0° und 760 Millim. Druck wurde hergeleitet aus den doppelten Beobachtungen wie folgt:

$$V = C \frac{1}{1+\alpha t} \cdot \frac{h-d}{760},$$

wo C die Capacität der Röhre von a bis d, oder von a bis e (Fig. 8, Taf. II), t die Temperatur, α der Coëfficient der Wärme-Ausdehnung des Gases (0,00366 für Luft, 0,0037 für Kohlensäure), h der Barometerstand, reducirt auf 0° und 45° Breite, d der Unterschied der Quecksilbersäulen in der U-Röhre ebenso reducirt.

Nachdem somit die Volume der Luft und der Kohlensäure vor der Compression bei 0° und 760 Millim. ermittelt worden, war es leicht, ihre Volume für denselben Druck von 760 Millim. und den Temperaturen zu berechnen, bei welchen die Messungen an den comprimirten Gasen gemacht wurden, und daraus die Werthe der Brüche abzuleiten, welche die Volumsverringerungen ausdrückten. Allein die so erhaltenen Brüche geben keine direct für Luft und Kohlensäure vergleichbaren Resultate. Obgleich nämlich die capillaren Glasröhren im Apparate, Fig. 6, Taf. II, mit demselben Reservoir communiciren, so ist doch der Druck auf die darin enthaltenen Gase nicht ganz gleich, weil die Quecksilbersäulen, welche die Lust und die Kohlensäure absperren, nicht gleich lang sind. Die Säule in der Kohlensäure-Röhre stand immer höher als die in der Luft-Röhre, so dafa der Druck in letzterer etwas größer war, als in ersterer. Der Unterschied in den Läugen der Quecksilbersäulen

überstieg selten 200 Millim. oder etwa eine Viertel-Atmosphäre. Diese Berichtigung wurde immer angebracht, ebenso wie eine unbedeutende von 7 Millim. für den Unterschied der Capillardepression in beiden Röhren.

Um deutlicher die Reductionsmethoden zu zeigen, will ich das Detail eines Versuches angeben.

Volum der Lust bei 0° und 760 Millim., berechnet aus den Beobachtungen, als dieselbe von a bis e ausgedehnt war, = 0,3124 Cubikcentimeter.

Volum derselben Luft, berechnet aus den Beobachtungen, als sie von a bis d ausgedehnt war, = 0.3122 Cubik centimeter.

Mittleres Volum der Luft bei 0° und 760 Millimeter = 0,3123 Cubikcentimeter.

Die Volume der Kohlensäure, eben so aus den beiden unabhängigen Beobachtungen hergeleitet, waren 0,3096 und 0,3094 Cubikcentimeter, mittleres Volum 0,3095 Cubikcent.

Die Länge der Luftsäule nach der Compression, bei 10°,76 in der capillaren Luftröbre war 272,9 Mllm., entsprechend 0,006757 CC. Folglich haben wir:

$$\delta' = \frac{0,006757}{0,3123 \times 1,0394} = \frac{1}{48,04}.$$

Allein, da der Höhen-Unterschied der Quecksilbersäulen in der Luft- und der Kohlensäure-Röhre, nach Berichtigung wegen des Unterschiedes der Capillardepression, 178 Millim. betrug, so erfordert dies Resultat eine fernere Berichtigung ($\frac{178}{760}$ einer Atmosphäre), um sie vergleichbar mit der Compression in der Kohlensäure-Röhre zu machen. Der endliche Werth für δ , den Bruch, welcher das Verhältnis des Volums der comprimirten Luft bei der Temperatur des Versuches zum Volume derselben bei der nämlichen Temperatur und unter dem Drucke einer Atmosphäre repräsentirt, wird seyn

$$\delta = \frac{1}{47.81}.$$

Die entsprechende Länge der Kohlensäure bei 13°,22 in ihrem Haarröhrchen war 124,6 Millim., entsprechend

0,004211 Cubikcentim., woraus sich der entsprechende Druck für die Kohlensäure ergiebt zu:

$$\varepsilon = \frac{0,004211}{0,3095 \times 1,0489} = \frac{1}{77,09}.$$

Hieraus folgt also, dass derselbe Druck, welcher ein gegebenes Lustvolum von $10^{\circ},76$ auf $\frac{1}{47,81}$ seines Volums bei derselben Temperatur und 760 Millim. Druck reducirt, die Kohlensäure bei $13^{\circ},22$ auf $\frac{1}{77,09}$ ihres Volums bei derselben Temperatur und 760 Millim. Druck zurückführt. Betrachtet man die Zusammendrückung der Lust als ein angenähertes Maass des Druckes, so können wir sagen, dass die Kohlensäure sich unter einem Druck von 47,8 Atmosphären und bei $13^{\circ},22$ auf $\frac{1}{77,09}$ ihres Volums unter einer Atmosphäre zusammenzieht.

In den folgenden Tafeln bezeichnet der Bruch δ das Verhältniss der Volume der Lust nach und vor der Compression zu einander, ε den entsprechenden Bruch sür die Kohlensäure, t und t' die Temperaturen respective der Lust und der Kohlensäure, l die Anzahl der Volume, welche 17000 Volume Kohlensäure, gemessen bei 0° und 760, einnehmen würden bei der Temperatur, bei welcher die Beobachtung unter dem von der Lust in der Lust Röhre angegebenen Druck gemacht wurde. Die Werthe von l sind die Ordinaten der Curven in Fig. 9, Tas. II 1).

1) Da l das gesammte Volum bezeichnet, auf welches die Kohlensäure reducirt ward, so bezieht es sich nicht immer auf eine homogene Substanz, sondern auf ein Gemeng von Gas und Flüssigkeit. Sein Werth für das im Text gegebene Beispiel ergiebt sich wie solgt:

$$l = 17000 \frac{0.004211}{0.3095} = 231.3.$$

VVenn l homogen ist, repräsentirt $\frac{1}{s}$ die Dichte der Kohlensäure besogen auf Kohlensäure-Gas bei der Temperatur t' und unter dem Druck von einer Atmosphäre.

Tafel I. Kohlensäure bei 13°,1.

8	t	t e		l
1 47,50	10°,75	76,16	13°,18	234,1
$\frac{1}{48,76}$	10 ,86	$\frac{1}{80,43}$	13 ,18	221,7
1 48,89	10 ,86	80,90	13 ,09	220,3
1 49,00	10 ,86	105,9	13 ,09	168,2
$\frac{1}{49,08}$	10 ,86	$\frac{1}{142,0}$	13 ,09	125,5
$\frac{1}{49,15}$	10 ,86	$\frac{1}{192,3}$	13 ,09	92,7
$\frac{1}{49,28}$	10 ,86	268,8	13 ,09	66,3
$\frac{1}{49,45}$	10 ,86	1 342,8	13 ,09	52,0
1 49,63	10 ,86	1 384,9	13 ,09	46,3
1 50,15	10 ,86	1 462,9	13 ,09	38,5
$\frac{1}{50,38}$	10 ,86	$\frac{1}{471,5}$	13 ,09	37,8
1 54, 56	10 ,86	1 480,4	13 ,09	37,1
1 75,61	10 ,86	500,7	13 ,09	35,6
$\frac{1}{90,43} \cdot $	10 ,86	510,7	13 ,09	34,9

Man wird bemerken, dass beim Druck von 48,89 Atmosphären, gemessen durch die Contraction der Lust in der Luströhre, die Liquesaction begann. Dieser Punkt konnte nicht durch Beobachtung sestgestellt werden, da die kleinste sichtbare Menge von Flüssigkeit eine Gassäule von wenigstens 2 bis 3 Millim. Länge repräsentirt. Er wurde jedoch indirect bestimmt, indem man das Gasvolum 0°,2 bis 0°,3 über dem Liquesactionspunkt beobachtete und die Contraction berechnete, welche das Gas durch das Erkalten auf die Temperatur der beginnenden Liquesaction erleiden würde. Eine geringe Erhöhung des Drucks war, wie man sehen

wird, selbst in den ersten Stufen erforderlich, um diesen Process herbeizuführen. So zeigte die Luströhre, nachdem alle Reductionen gemacht waren, eine Erhöhung des Drucks von etwa einer Viertel-Atmosphäre (von 48,89 bis 49,15 Atmosphären) während der Condensation des ersten und zweiten Drittels der Kohlensäure. Der Theorie zufolge hätte keine Volumveränderung eintreten sollen. Diese scheinbare Anomalie erklärt sich durch Gegenwart einer schon vorhin er wähnten Spur von Lust (etwa 500) in der Kohlensäure. Leicht ersichtlich ist, dass die Druckzunahme, welche sich in diesen Versuchen zeigt, durch die Gegenwart dieser kleinen Menge Luft erklärt wird. Wenn ein gegebenes Volumen Kohlensäure 1 Lust enthält, so ist diese Lust in einem 500 Mal größeren Raum verbreitet, als wenn sie für sich vorhauden wäre. Comprimirt man dieses Gemisch bis zur Anwendung eines Druckes von 50 Atmosphären, so nimmt die Luft einen 10 Mal größeren Raum ein als für sich unter dem Druck von einer Atmosphäre oder sie ist durch einen Raum verbreitet, den sie einnehmen würde, wenn sie für sich unter dem Druck von 1 Atmosphäre stände. Während die Kohlensäure sich liqueficirt, muß Druck angewandt werden, um diese Luft zu verdichten; und es ist 10 Atmosphäre erforderlich, um sie auf die Hälfte ihres Volums zu reduciren. Die Resultate des Versuchs nähern sich dieser Berechnung. Aus ähnlichen Betrachtuugen ergieht sich, dass wenn z.B. ein Gemisch von Lust und Kohlensäure zu gleichen Volumen genommen wird, der Druck, nach Beginn der Liquefaction, um mehre Atmosphäre verstärkt werden muls, um die Gesammtheit der Kohlensäure zu liqueficiren. Directe Versuche haben diesen Schlus als richtig erwiesen.

Die kleine Lustmenge in der Kohlensäure störte die Liquesaction in bemerklichem Grade, wenn nahe die Gesammtheit der Kohlensäure liquesicirt ward, und ihr Volum in Bezug auf das der uncondensiten Kohlensäure beträchtlich war. Sie widerstand eine Weile der Absorption seitens der Flüssigkeit, wurde aber bei Steigerung des

Drucks auf 50,4 Atmosphären gänzlich absorbirt. Wäre die Kohlensäure absolut rein gewesen, würde der Theil der Curve für 13°,1 (s. Fig. 9, Taf. I), welcher den Uebergang aus dem gasigen in den flüssigen Zustand repräsentirt, ohne Zweifel in ihrem gauzen Laufe gerade, und den Linien gleichen Drucks parallel gewesen seyn.

Tabelle II. Kohlensäure bei 21°,5.

t	8	t'	l
80,63	<u>1</u> 67,26	21°,46	272°, 9
8 ,70	114,7	21 ,46	160 ,0
8 ,70	$\frac{1}{174,8}$	21 ,46	105 ,0
8 ,70	1 240,5	21 ,46	76 ,3
8 ,70	367,7	21 ,46	49 ,9
8 ,70	1 440,0	21 ,46	41 ,7
8 ,70	$\frac{1}{443,3}$	21 ,46	41 .4
	8 ,70 8 ,70 8 ,70 8 ,70	8°,63	$8^{\circ},63$ $\frac{1}{67,26}$ $21^{\circ},46$ $8,70$ $\frac{1}{114,7}$ $21,46$ $8,70$ $\frac{1}{174,8}$ $21,46$ $8,70$ $\frac{1}{240,5}$ $21,46$ $8,70$ $\frac{1}{367,7}$ $21,46$ $8,70$ $\frac{1}{440,0}$ $21,46$ $8,70$ $\frac{1}{440,0}$ $21,46$

Die Curve, welche die Resultate bei 21°,5 darstellt, stimmt in allgemeiner Form mit der für 13°,1, wie Fig. 9, Taf. II zeigt. Bei 13°,1 unter einem Druck von etwa 49 Atmosphären ist das Volum der Kohlensäure wenig größer als drei Fünftel desjenigen, welches ein permanentes Gas unter denselben Umständen einnehmen würde. Nach der Liquefaction trägt die Kohlensäure viel mehr zum Druck bei als gewöhnliche Flüssigkeiten, und die Compressibilität scheint abzunehmen mit steigendem Druck. Die starke Wärme-Ausdehnung der flüssigen Kohlensäure ist zuerst von Thilorier beobachtet und wird durch diese Untersuchung vollkommen bestätigt.

Die nächste Reihe von Versuchen wurde bei 31°,1 gemacht, d. h. bei 0°,2 über dem Punkt, bei welchem die Kohlensäure durch bloße Compression im Stande ist, sichtbar die slüssige Form anzunehmen. Seit ich im J. 1863 diese Thatsache zuerst veröffentlichte, habe ich sorgfältige

Versuche gemacht, die Temperatur dieses kritischen Punkts bei der Kohlensäure genau sestzusetzen. Bei drei Versuchen ergab sie sich zu 30°,92 C. oder 87°,7 F. Obwohl bei wenigen Graden oberhalb dieser Temperatur ein rasches Sinken durch gesteigerten Druck stattfindet, wenn man das Gas auf das Volum reducirt, bei welchem eine Liquefaction desselben zu erwarten stand, so zerfiel die Kohlensäure doch nicht in zwei verschiedene Aggregatzustände, wenigstens gab die Wirkung des Lichts keine Anzeige von solcher Zerfällung. Als man Druck und Temperatur veränderte, letztere jedoch immer über 30°,92 hielt, erzeugten die großen Dichtigkeitsveränderungen, welche bei diesem Punkt eintreten, die früher von mir beschriebenen flatternden Bewegungen, die in erhöhtem Maasse den Erscheinungen ähnelten, welche sich beim Vermischen von ungleich dichten Flüssigkeiten oder beim Aufsteigen erhitzter Lustsäulen durch kältere zeigen. leicht, den Druck so zu ajustiren, dass die eine Hälfte der Röhre mit uncondensirtem Gase und die andere mit condensirter Flüssigkeit gefüllt ist. Unterhalb der kritischen Temperatur erkennt man diesen Zustand leicht aus der sichtbaren Gränzsläche zwischen Flüssigkeit und Gas, und aus der Verschiebung, welche das Bild einer hinter der Röhre befindlichen senkrechten Linie in derselben Fläche erfährt. Allein über 30°,92 sind solche Erscheinungen nicht mehr sichtbar und die sorgfältigste Untersuchung vermag nicht mehr an der in der Röhre befindlichen Kohlensäure irgend eine andere Heterogenität zu entdecken.

Tafel III. Kohlensäure bei 31°,1.

<i>ð</i>	ŧ	8	2 '	Z
$\frac{1}{54,79}$	11°,59	$\frac{1}{80,55}$	31•,17	235,4
1 55,96	11 ,59	1 83,39	31 ,22	227,4
1 57,18	11 ,58	$\frac{1}{86,58}$	31 ,15	219,0
1 58,46	11 ,55	1 90,04	31 ,19	210,6

8	ŧ	æ	t'	l	
1 59,77	11°,41	93,86	31°,18	202,0	
$\frac{1}{61,18}$	11 ,40	98,07	31 ,20	193,3	
$\frac{1}{62,67}$	11 ,44	$\frac{1}{103,1}$	31 ,19	183,9	
$\frac{1}{64,27}$	11 ,76	109,6	31 ,13	173,0	
$\frac{1}{65,90}$	11 ,73	$\frac{1}{116,2}$	31 ,19	163,2	
1 67,6 0	11 ,63	$\frac{1}{124,4}$	31 ,15	152,4	
1 69,89	11 ,55	$\frac{1}{134,5}$	31 ,03	140,9	
$\frac{1}{71,25}$	11 ,4 0	1 147,8	31 ,06	128,2	
1 73,26	11 ,45	169,0	31 ,09	112,2	
1 73,83	13 ,00	174,4	31 ,08	108,7	
$\frac{1}{75,40}$	11 ,62	$\frac{1}{311,1}$	31 ,06	60,9	
$\frac{1}{77,64}$	11 ,65	369,1	31 ,06	51,3	
1 79,92	11 ,16	383,0	31 ,10	49,4	
$\frac{1}{82,44}$	11 ,23	395,7	31 ,07	47,4	
1 85,19	11 ,45	405,5	31 ,05	46,7	

Die graphische Darstellung dieser Versuche in Fig. 9, Taf. II zeigt einige bemerkenswerthe Abweichungen von den Curven für niedere Temperaturen. Die getüpfelten Linien in der Figur repräsentiren ein Stück der Curven eines permanenten Gases (das, angenommen, bei 0° und unter einer Atmosphäre gleiches Volum wie die Kohlensäure hat) für die Temperaturen 13°,1, 31°,1 und 48°,1. Das Volum der Kohlensäure bei 31°,1, wird man bemerken, nimmt mit leidlicher Regelmässigkeit ab, doch schneller als nach dem Mariotte'schen Gesetz, bis der Druck ungefähr 73 Atmosphären erreicht hat. Dann nimmt das Volum sehr rasch ab, kommt fast auf die Hälfte, wenn der Druck von

73 auf 75 Atmosphären steigt, oder nur um 37 des ganzen Drucks. Die Abnahme ist jedoch nicht plötzlich wie bei der Bildung der Flüssigkeit bei niederen Temperaturen, allein es ist eine stetige Zunahme des Drucks erforderlich, um sie durchzuführen. Während dieser Abnahme ist, wie schon bemerkt, bei keiner Stuse des Processes, eine Anzeige vom Daseyn zweier Aggregatzustände in der Röhre vorhanden. Jenseits 77 Atmosphären trägt die Kohlensäure bei 31°,1 viel weniger als zuvor zum Drucke bei, indem ihr Volum sast aus dasjenige reducirt ist, welches sie bei der Temperatur der Beobachtungen einnehmen müsste.

Tabelle IV. Kohlensäure bei 32°	Tab	elle	IV.	Kohlensäi	ure be	i 32°.5.
---------------------------------	-----	------	-----	-----------	--------	----------

8	t		ا به	1
1 57,38	12*,10	<u>1</u> 85,90	32*,50	221,7
$\frac{1}{71,52}$	12 ,15	$\frac{1}{140,3}$	32 ,34	135,6
73,60	12 ,30	1 15 6, 0	32 ,45	122,0
1 74,02	12 ,30	1 159,9	32 ,46	119,1
$\frac{1}{76,25}$	12 ,40	1 191,7	32 ,38	99,3
$\frac{1}{78,52}$	12 ,50	1 311,8	32 ,4 8	61,1
$\frac{1}{79,77}$	12 ,35	1 351,3	32 ,54	54,2
$\frac{1}{84,90}$	12 ,35	1 387,8	32 ,75	49,1

Tabelle IV. Kohlensäure bei 32°,5.

8	t	8	8'	ı
<u>1</u> 56,80	15•,68	82,72	35°,4 9	232,5
1 59,34	15 ,70	1 88,94	35 ,54	216,2
1 62, 15	15 ,66	1 96,41	35 ,52	199,5
65,23	15 ,66	106,0	35 ,51	181,4

8	t	8	t'	ı
86,66	15°,75	1 118,4	35°,47	162,4
$\frac{1}{72,45}$	15 ,79	$\frac{1}{135,1}$	35 ,48	142,3
$\frac{1}{76,58}$	15 ,52	$\frac{1}{161,2}$	35 ,55	119,3
1 81,28	15 ,61	$\frac{1}{228,0}$	35 ,55	84,4
86,60	15 ,67	$\frac{1}{351,9}$	35 ,4 8	54,6
$\frac{1}{89,52}$	15 ,67	$\frac{1}{373,7}$	35 ,50	51,5
$-\frac{1}{92,64}$	15 ,64	38 7,9	35 ,61	49,6
$\begin{array}{c} 1\\ 9\overline{9},5\overline{7} \end{array}$	15 ,61	1 411,0	35 ,55	46, 8
$\frac{1}{107,6}$	15 ,47	1 430,2	35 ,53	44,7

Tabelle VI. — Kohlensäure bei 48°,1.

8	t	8	t '	ı
$\frac{1}{62,60}$	15°,67	1 86,45	47*,95	231,5
68,46	15 ,79	99,39	48 ,05	201,4
$\frac{1}{75,58}$	15 ,87	$\frac{1}{117,8}$	48 ,12	170,0
$\frac{1}{84,35}$	15 ,91	1 146,8	48 ,25	136,5
1 95,19	15 ,83	$\frac{1}{198,5}$	48 ,13	100,8
$\frac{1}{109,4}$	16 ,23	1 298,4	48 ,25	67,2

Die Curve für 32°,5 (Fig. 9, Taf. II) ähnelt genau der für 31°,1. Das Abfallen derselben ist jedoch weniger jäh als bei letzterer Temperatur. In den Experimenten bei 35°,5 erstreckt sich der Druck von 57 bis über 107 Atmosphären. Der Fall derselben ist sehr viel geringer und hat seine Plötzlichkeit fast verloren. Am beträchtlichsten ist er zwischen 76 und 87 Atmosphären, wo ein Anwuchs von

einem Siebentel im Druck eine Verringerung des Volums auf die Hälfte bewirkt. Bei 107 Atmosphären entspricht das Volum der Kohlensäure fast dem, welches sie einnehmen müßte, wenn sie direct aus der flüssigen Säure herstammte, gemäß dem Gesetz der Wärme-Ausdehnung dieser letzteren.

Die Curve für 48°,1 ist sehr interessant. Das in den Curven für niedere Temperaturen sichtbare Absteigen ist fast, wenn nicht ganz verschwunden, und die Curve nähert sich derjenigen, welche die Volumsveränderung eines permanenten Gases darstellen würde. Zugleich ist die Contraction viel größer, als sie gewesen seyn würde, wenn das Mariotte'sche Gesetz für diese Temperatur gültig wäre. Unter dem Druck von 109 Atmosphären nähert sich die Kohlensäure rasch dem Volum, welches sie eingenommen hätte, wenn sie von der Ausdehnung der Flüssigkeit herstammte; und wenn nicht der Versuch durch das Springen einer der Röhren abgebrochen wäre, würde sie unzweifelhaft in die Lage bei einem Druck von 120 oder 130 Atmosphären herabgekommen seyn.

Bei böheren Temperaturen als 48°,1 habe ich keine Messungen gemacht; allein es ist klar, daß, sowie die Temperatur steigt, die Curve sich fortwährend derjenigen genähert haben würde, welche die Volumsveränderung eines permanenten Gases vorstellt.

Ohne genaue Messungen zu machen, habe ich oft die Kohlensäure viel höheren Drucken ausgesetzt, als in den Tafeln angegeben sind, und habe sie dabei ohne Unterbrechung aus dem, was Jedermann als gasigen Zustand ansieht, in das, was eben so allgemein als flüssiger Zustand betrachtet wird, übergeführt. Man nehme z. B. ein gegebenes Volum Kohlensäure von 50° C. oder einer höheren Temperatur und setze es einem bis 150 Atmosphären steigenden Druck aus. Dabei wird ihr Volum stetig abnehmen, so wie der Druck zunimmt, und bei keiner Stufe desselben erfolgt, ohne Anwendung eines äußeren Drucks, eine plötzliche Volumsverringerung. Lässt man, nachdem

der volle Druck angewandt ist, die Temperatur der Kohlensäure bis auf die gewöhnliche der Atmosphäre herabsinken, so tritt während dieses gauzen Processes keine Unterbrechung der Continuität ein. Er beginnt mit einem Gase und bindurch eine Reihe allmählicher Veränderungen, die niemals eine plötzliche Volumsveränderung oder jähe Wärme-Entwicklung zeigt, endigt er mit einer Flüssigkeit. sorgfältigste Beobachtung vermag nirgendwo eine Anzeige zu entdecken, dass die Kohlensäure ihren Aggregatzustand verändert habe, oder zu irgend einer Periode des Processes zum Theil in dem einen physischen Zustand, zum Theil in dem andern gewesen sey. Dass das Gas sich wirklich in eine Flüssigkeit verwandelte, würde Niemand vermuthet haben, wäre diess nicht dadurch verrathen, dass es bei Aufhebung des Drucks ins Sieden geräth. Zur Bequemlichkeit wurde dieser Process in zwei Stufen zerfällt, Compression der Kohlensäure und nachherige Abkühlung derselben. Alleiu diese beiden Operationen hätten gleichzeitig vollzogen werden können, wenn Druck und Abkühlung so regulirt worden wären, dass bei einer Abküblung der Kohlensäure auf 31° der Druck nie unter 76 Atmosphären berabsank.

Wir sind nun vorbereitet, die folgende wichtige Frage zu betrachten. Was ist der Zustand der Kohlensäure, wenn sie bei Temperaturen über 31° aus dem gasigen Zustand in das Volum der Flüssigkeit übergeht, ohne zu irgend einer Zeit des Processes Anzeigen von eingetretener Liquefaction zu liefern? Verbleibt sie im gasigen Zustand oder wird sie slüssig, oder haben wir es mit einem neuen Aggregatzustand zu thun? Wäre der Versuch bei 100° oder einer höheren Temperatur gemacht, wo alle Anzeigen von einer Condensation (fall) gefehlt hätten, so würde die wahrscheinliche Antwort auf diese Frage gewesen seyn: dass das Gas während der Compression seinen Gaszustand bewahrte; und Wenige würden wohl angestanden haben, diese Antwort für richtig zu halten, wenn der Druck, wie in Natterer's Versuchen, auf Gase wie Wasserstoff und Stickstoff angewandt worden wäre. Andrerseits, da der Versuch mit Kohlensäure bei Temperaturen wenig über 31° angestellt wurde, würde die große Zusammenziehung (fall), welche zu einer Periode des Processes eintrat, zu der Vermuthung geführt haben, daß wirklich eine Liquefaction stattfand, obgleich zu keiner Zeit durch sorgfältige optische Proben, die Gegenwart einer Flüssigkeit in Contact mit einem Gase zu entdecken war. Gegen diese Ansicht kann indeß mit starkem Grunde eingewandt werden, daß die Thatsache, daß zur weiteren Volumsverringerung immer eine Erhöhung des Druckes nothwendig ist, im Widerspruch steht mit den bekannten Gesetzen, welche für den Uebergang der Körper aus dem gasigen in den flüssigen gültig sind. Je höher überdieß die Temperatur ist, bei welcher das Gas comprimirt wird, desto geringer ist die Zusammenziehung (fall), und zuletzt verschwindet sie ganz.

Nach der mir als richtig erscheinenden Auslegung der beschriebenen Versuche ist die Autwort auf die vorstehende Frage durch die innigen Beziehungen gegeben, welche zwischen dem gasigen und slüssigen Aggregatzustande existiren. Der gewöhuliche Gas- und gewöhnliche Flüssigkeitszustand sind, kurz gesagt, nur weit von einander getrennte Formen eines und desselben Aggregatzustandes und können durch eine Reihe so allmählicher Abstufungen in einander übergeführt werden, dass uirgends eine Unterbrechung oder Continuitätsstörung in diesem Uebergang merkbar ist. Von der Kohlensäure als vollkommnes Gas bis zu der Kohlensäure als vollkommene Flüssigkeit geschieht der Uebergang, wie wir gesehen, durch einen continuirlichen Process, und Gas und Flüssigkeit sind nur entfernte Stufen einer langen Reihe continuirlicher physischer Veränderungen. Unter gewissen Bedingungen von Temperatur und Druck befindet sich die Kohlensäure zwar gewissermaßen in einem Zustand von Instabilität, und geht plötzlich, ohne zusätzliche Auwendung von Druck oder Temperaturveränderung, unter Entwicklung von Wärme, in das Volumen über, welches sie bei dem continuirlichen Process nur durch einen langen Umweg erreichen kann. Bei der plötzlichen Veränderung,

welche hier eintritt, zeigt sich im Fortgange des Processes ein merklicher Unterschied zwischen den optischen und übrigen physischen Eigenschaften der Kohlensäure, welche zu einem kleineren Volumen zusammengesunken ist, und derjenigen, welche es noch nicht verändert hat. Es hat hier daher keine Schwierigkeit, die Flüssigkeit von dem Gase zu unterscheiden. Allein in anderen Fällen ist diese Unterscheidung nicht möglich; unter vielen der von mir beschriebenen Umständen würde es ein vergeblicher Versuch seyn, der Kohlensäure eher einen flüssigen als einen gasigen Zustand beizulegen. Bei 35°,5 Temperatur und 108 Atmosphären Druck ist die Kohlensäure auf 1/430 des Volums reducirt, welches sie unter dem Druck von einer Atmosphäre einnimmt; allein wenn Jemand fragte, ob sie sich nun im gasigen oder flüssigen Zustand befinde, so würde sich darauf, glaube ich, keine bestimmte Antwort geben lassen. Bei 35°,5 und unter 108 Atmosphären Druck steht die Kohlensäure mitten zwischen Gas und Flüssigkeit, und wir haben keine triftigen Gründe, ihr den einen Aggregatzustand eher als den anderen beizulegen. Dieselbe Bemerkung gilt, sogar in verstärktem Maasse, von dem Zustande, in welchem die Kohlensäure bei höheren Temperaturen und unter größeren Drucken als den angegebenen befindlich ist. Der ausgezeichnete Physiker Cagniard de la Tour schloss aus seinem Versuch, dass die Flüssigkeit verschwunden und in ein Gas verwandelt sey. Eine geringe Abänderung seines Versuches würde ihm zu dem entgegengesetzten Schluss geführt haben: dass das, was zuvor ein Gas war, in eine Flüssigkeit übergegangen sey. Kurz, diese Zustände sind die intermediären, welche die Materie annimmt, wenn sie ohne plötzliche Volumveränderung oder plötzliche Wärme-Entwicklung, aus dem gewöhnlichen Flüssigkeitszustand in den gewöhnlichen Gaszustand übergeht.

Bei den vorstehenden Versuchen habe ich jede Bezugnahme auf die dabei ins Spiel gesetzten Molecularkräste vermieden. Der Widerstand der Flüssigkeiten und Gase gegen äusseren Druck, welcher eine Volumsverringerung zu be-

wirken sucht, beweist das Daseyn einer inneren Kraft von ausdehnendem oder widerstehendem Charakter. Die plötzliche Volumsverringerung andrerseits, welche ohne Verstärkung des äußeren Druckes eintritt, wenn das Gas bei irgend einer Temperatur unter dem kritischen Punkt bis zu dem Volum comprimirt wird, bei welchem Liquefaction beginnt, kann schwerlich ohne die Annahme erklärt werden, dass eine Molecularkrast von großer attractiver Mächtigkeit bier ins Werk komme und den Widerstand gegen Volumsverringerung überwältige, welcher gewöhnlich die Anwendung einer äußeren Kraft erfordert. Wenn der Uebergang aus dem gasigen in den flüssigen Zustand durch den im Vorhergehenden beschriebenen continuirlichen Process bewerkstelligt wird, werden diese Molecularkräfte so modificirt, dass sie auf jeder Stufe dieses Processes unfähig sind, allein den Widerstand der Flüssigkeit gegen Volumveränderung zu überwältigen.

Die in dieser Mittheilung beschriebenen Eigenschaften der Kohlensäure sind nicht bloß dieser eigen, sondern finden sich allgemein bei allen Körpern, welche als Gase und als Flüssigkeiten erhalten werden können. Stickstoffoxyd, Ammoniak, Schwefeläther und Schwefelkohlenstoff, alle zeigen, bei bestimmten Drucken und Temperaturen, kritische Punkte und rasche Volumveränderungen mit flatternden Bewegungen, wenn Temperatur oder Druck in der Nähe dieser Punkte verändert wird. Bei einigen dieser Körper liegen die kritischen Punkte über 100°, und um sie zu beobachten, ist es nöthig, das Haarröhrchen vor dem Versuch zu biegen, und in einem Bade von Paraffin oder Vitriolöl zu erhitzen.

Die Unterscheidung von Gas und Dampf ist bisher auf ganz wilkührlichen Principien gegründet. Aether im Gaszustande ist ein Dampf genannt, schweflige Säure dagegen in demselben Zustand ein Gas; dennoch sind sie beide Dämpfe, deren einer aus einer bei 35° siedenden Flüssigkeit entspringt, und der andere aus einer Flüssigkeit, die bei — 10° siedet. Die Unterscheidung ist also durch

den unbedeutenden Umstand bedingt, dass der Siedpunkt der Flüssigkeit unter dem gewöhnlichen Druck der Atmosphäre höher oder niedriger ist als die gewöhnliche Temperatur der Atmosphäre. Eine solche Unterscheidung mag in practischer Hinsicht einige Vortheile haben: in wissenschaftlicher ist sie aber ohne Werth. Der kritische Temperaturpunkt liefert ein Kennzeichen zur Unterscheidung eines Dampss von einem Gase, wenn es überhaupt noch für wichtig gehalten wird, diese Unterscheidung aufrecht zu halten. Viele der Eigenschaften der Dämpfe beruhen darauf, dass Gas und Flüssigkeit mit einander in Berührung stehen, und diess kann, wie wir gesehen, nur bei Temperaturen unterhalb des kritischen Punktes stattfinden. Wir können daher sagen: ein Dampf sey ein Gas bei jeglicher Temperatur unter seinem kritischen Punkt. Dieser Definition zufolge kann ein Dampf, allein durch Druck, in eine Flüssigkeit verwandelt werden, und vermag desshalb in Gegenwart seiner eignen Flüssigkeit zu existiren, während ein Gas nicht durch Druck liqueficirt, d. h. nicht durch Druck so verändert werden kann, dass eine Flüssigkeit getrennt vom Gase durch eine sichtbare Obersläche unterschieden werden kann. Nach dieser Definition würde die Kohlensäure unter 31° ein Dampf, über 31° ein Gas seyn, Aether unter 200° ein Dampf, darüber ein Gas seyn.

Wie wir gesehen, sind Gas- und Flüssigkeitszustand nur von einander entfernte Stufen eines selben Aggregatzustandes, die durch einen Process von continuirlicher Veränderung in einander überzugehen vermögen. Ein Problem von weit größerer Schwierigkeit bleibt noch zu lösen: die mögliche Continuität des slüssigen und des starren Aggregatzustandes. Die schöne, vor einigen Jahren von James Thomson gemachte, und experimentell von Sir W. Thomson bestätigte Entdeckung über den Einsluss des Drucks auf die Temperatur, bei welcher Liquesaction (Solidification?) eintritt, deutet, wie mir scheint, die Richtung an, welche die Untersuchung nehmen muss; und wenigstens bei denjenigen Körpern, die sich beim Schmelzen ausdehnen, und deren Schmelzpunkte durch Druck erhöht werden, ist mög-

licherweise der Uebergang ausführbar. Doch diess muss Gegenstand sernerer Untersuchung seyn; für jetzt wage ich nicht über den aus directen Versuchen gezogenen Schluss binauszugehen: dass gasiger und slüssiger Aggregatzustand durch eine Reihe continuirlicher Veräuderungen in einander übergeführt werden können.

Anhang.

Folgende Versuche, die bei anderen Temperaturen als die vorhergebenden gemacht wurden, füge ich binzu, da sie späterbin nützlich seyn können.

8	ŧ	8	ď	8	t	•	£'
1 48,15	120,42	1 75,00	15*,76	73,89	13•,21	1140,0	36°,03
. 1 53,04	11 ,13	92,53	16 ,45	$\frac{1}{76,05}$	13 ,27	1 153,4	86 ,05
1 47,45	11 ,50	64,14	31 ,91	78,85	13 ,38	$\frac{1}{171,1}$	36 ,11
$\frac{1}{71,75}$	13 ,10	$\frac{1}{148,5}$	31 ,65	1 80,74	13 ,40	197,8	,22
73,88	13 ,20	170,5	31 ,71	88,31	18 ,45	1 251,4	36 ,20
$73,\overline{92}$	13 ,20	$\frac{1}{157,9}$	33 ,15	86,01	13 ,50	323.6	36 ,08
1 73,77	101 ,74	152,3	33 ,58	88,92	13 ,53	1 858,1	86 ,18
73,89	13 ,14	144,5	35 ,00	92,06	m ,55	1 377,8	36 ,22

V. Untersuchungen über die Bedingungen, von welchen die Entwicklung von Gasblasen und Dampf blasen abhängig ist, und über die bei ihrer Bildung wirksamen Kräfte; von H. Schröder.

(Fortsetzung und Schluss d. Abhandl. in Bd. 187, S. 86.)

§. 24. Vorbemerkung. Ich habe zunächst eine Mannigfaltigkeit von unter besonderen Umständen an der Oberfläche fester Körper stattfindenden Blasenbildungen zu

besprechen, von welchen einige Fälle sich nicht ohne nähere Untersuchung auf die bereits besprochenen Bedingungen zurückführen lassen, oder bei Wiederholung der angeführten Versuche leicht zu Täuschungen Anlass geben können.

- §. 25. Activität durch Erschütterung. Wird das Glasgefäß, in welchem sich eine hoch übersättigte Gaslösung befindet, von Außen durch Stoß erschüttert, so entwickeln sich an der Stelle der Gefäßwand, auf welche der Stoß oder Schlag gegeben wurde, Gasblasen; jedoch nur dann, wenn der Stoß oder Schlag rasch und kräftig genug ist, daß eine Art Ricochetiren der Flüssigkeit eintritt. Es erklärt sich dieß durch momentane Druckverminderung. Klingen des Gases ist dazu keineswegs ausreichend. Man muß das Glasgefäß sesthalten, um den Schlag hart genug geben zu können, ohne es umzuwerfen. Die einmal an der Glaswand entstandenen Bläschen vergrößern sich, erneuern sich aber, wenn sie einmal abgerissen sind, nicht mehr.
- §. 26. Activität durch Erstarrung. Eine sehr lebhafte Blasenentwicklung entsteht durch Erstarrung übersättigter Gaslösungen in der Kälte. Die erste Beobachtung dieser Thatsache hat Gehlen gemacht. (Gehlen's Journ. für d. Chem. und Phys. Bd. I, S. 276, Berlin 1806). Es war, sagt er in einer zu den früher erwähnten Oersted'schen Versuchen gemachten Anmerkung: "es war ein artiger Versuch, die Rolle der von Oersted gebrauchten sesten Körper durch einige in der in eine erkältende Mischung gestellten Flüssigkeit entstandene Eiskrystalle spielen zu sehen". Da Gehlen und Oersted eine Erklärung für die Activität fester Oberslächen noch nicht geben konnten, und überhaupt von der Thatsache der Uebersättigung noch keine Kenntniss hatten, so will ich einen der hierher gebörigen Versuche näber beschreiben und erklären. Wird z. B. die Bodensläche eines mit Sodawasser gefüllten Gefässes in eine Frostmischung gestellt, so beginnt im Moment der Bildung der ersten Eisnadeln an der Bodenfläche eine sehr lebhaste und andauernde Blasenentwicklung. Obersläche jeder sich bildenden Eisnadel scheiden sich im

Momente ihrer Entstehung unzählige kleine Bläschen von Kohlensäure aus, welche sich rasch vergrößern. Einzelne reißen ab, andere bleiben adhäriren und werden bei der weiter fortschreitenden Krystallisation vom Eise eingeschlossen. Das entstehende Eis ist daher durchaus porös und mit Blasen erfüllt. Daß jedes einmal gebildete Bläschen in der übersättigten Lösung rasch wachsen muß, folgt aus der den Gasen inhärenten, und im Contact wirksamen, gasbildenden Kraft (§. 13).

Die Beobachtung und ihre Erklärung ist von sehr allgemeiner Anwendbarkeit. Da fast alle Flüssigkeiten, aus welchen sich Krystalle ausscheiden, lufthaltig sind, und mit Luft übersättigt werden, während die Krystallbildung fortschreitet, so erklären sich auf analoge Weise die fast immer im gewöhnlichen Eise enthaltenen Luftblasen, und es erklärt sich ebenso, wefshalb fast alle rasch erzeugten Krystalle lufthaltig und mit sichtbaren oder doch unter der Lupe erkennbaren blasigen Höhlungen erfüllt sind. Das Anwachsen der Blasen, während sie von Krystallen eingeschlossen werden, erklärt auch, dass die Luft in solchen Blasen unter Umständen comprimirt seyn, und einen höheren Druck, als den Druck der Atmosphäre ausüben kann.

§. 27. Activität durch Verdunstungsrückstände. Zieht man einen inactiven reinen Draht nur einen Moment, oder doch nur wenige Secunden aus irgend einer heißen, mit Gas übersättigten Flüssigkeit heraus, und senkt ihn dann wieder ein, so erweist sich derselbe in der Regel mehr oder weniger activ, und wird, in destillirtes Wasser getaucht, und rasch ausgehoben, nicht gleichförmig, sondern perlschnurartig benetzt.

Ich war zu zahlreichen Versuchen genöthigt, um zu einem sicheren Verständnis dieser Erscheinung zu gelangen. Im Anfang hatte es den Anschein, als ob die Verdunstung als solche bei gewissen Temperaturen die Oberslächen in activen Zustand versetze. Es ist dies nicht der Fall; sondern die Activität und die sie begleitende ungleichförmige Benetzung tritt nur desshalb ein, weil und insosern eine in

der Wärme an der Obersläche des Drahtes rasch verdunstende Flüssigkeit kleine seste Theilchen auf derselben zurückläst, welche sodann, indem sie Lust mit in die Flüssigkeit hineinziehen, die ungleichsörmige Benetzung und die Activität verursachen. Es geht diess aus den nachfolgenden Thatsachen unzweiselhaft hervor.

- a) Verdunstung von reinem destillirten Wasser, von Alkohol, von Aether oder von Ammoniakslüssigkeit an der Obersläche eines reinen Drahtes bei gewöhnlicher Temperatur und an offener Luft läst ohne Regelmäsigkeit nur einzelne active Stellen zurück; nicht selten bleibt ein Draht auch ganz inactiv.
- β) Mit destillirtem Wasser benetzter inactiver Platindraht in abgeschlossener Luft über Chlorcalcium getrocknet war bei wiederholten Versuchen nach 24 Stunden völlig inactiv.
- γ) Das Ausheben aus concentrirten und heißen Lösungen während einiger Secunden macht im Allgemeinen rascher und gleichförmiger activ, als das Ausheben aus verdünnten und aus weniger erwärmten Lösungen; offenbar weil in höherer Temperatur die Verdunstung rascher stattfindet, und weil aus concentrirteren Lösungen mehr Rückstand bleibt.
- δ) Das Ausheben aus kalten und heißen Lösungen zerstiesslicher Salze ist ohne Wirkung; z. B. aus kohlensaurer Kalilösung und aus Chlorcalciumlösung. Zieht man einen inactiven Draht einige Secunden aus einer solchen Lösung heraus, und senkt ihn wieder ein, so ist er nach wie vor inactiv. Dagegen erweisen sich inactive Drähte nach kurzem Ausheben aus heißen Lösungen verwitternder Salze so gleichförmig und kräftig activ, wie sie auf anderem Wege nicht erhalten werden können. In mit atmosphärischer Luft gesättigter, kalt concentrirter, kohlensaurer Natron-Lösung ist z. B. die Wirkung bei 80° schon äußerst energisch. Wird der Versuch in der kochendheißen Lösung wiederholt, so ist die Activität des wieder eingesenkten Drahtes, weil nun auch ein momentaues Aufkochen von

der Oberstäche aus stattsindet, so stürmisch, dass die schäumende Flüssigkeit selbst aus einem weiten Becherglase leicht zum Uebersliefsen gelangt.

- e) Activität durch Verdunstungsrückstände nach dem Ausheben während drei bis zehn Secunden aus der heißen Lösung habe ich unter anderem sehr schön beobachtet in Brunnenwasser, in Kochsalzlösung, in 2 fach chromsaurer Kalilösung, in Kaliumeisencyanidlösung, in Schwefelwasserstoffwasser u. s. w.
- ζ) In einzelnen Fällen, z. B. bei kalt gesättigter Salpeterlösung, ist die Activität durch Verduustungsrückstände nach dem Ausheben bei 70° bis 90° sehr schön, tritt aber bei höheren Temperaturen nicht mehr ein, z. B. in Salpeterlösung nicht mehr bei 101°. Diese bei der ersten Wahrnehmung sehr auffallende Thatsache erklärt sich unzweifelhaft dadurch, dass mit steigender Temperatur die Auflöslichkeit dieses Salzes außerordentlich rasch wächst, und daher der dünne Salzrückstand auf der Obersläche des Drabtes beim Wiedereinsenken sofort aufgelöst wird. Aehnliches habe ich in kalt gesättigter Alaunlösung beobachtet. 71° zeigte ein ausgehobener, vorher inactiver, Draht Activität durch Verdunstungsrückstände; bei 80° und darüber nicht mehr. In mit Salzsäure versetzter, kalt gesättigter Lösung von chlorsaurem Kali wurde intensiver Platindraht durch Ausheben bei 76° und bei 92° sehr gleichförmig activ; bei 100° nicht mehr. Auch die Auflöslichkeit des Alauns und des chlorsauren Kalis nimmt bekanntlich wit der Wärme rasch zu. In kalt concentrirter Kochsalzlösung nimmt dagegen die Activität durch Verdunstungsrückstände bei kurzem Ausheben eines inactiven Drahtes bis zur Kochhitze bei 100° zu; und es erklärt sich diess daraus, dass Kochsalz in der Wärme kaum löslicher ist, als in der Kälte. Es ist gewiss interessant, dass rasch zunehmende Löslichkeit sich dadurch zu erkennen giebt, dass Activität durch Verdunstungsrückstände in höherer Temperatur nicht mehr hervorzubringen ist, während sie in minder hoher eintritt.

- §. 28. Gasblasen durch Dampfblasen, und Dampfblasen durch Gasblasen hervorgerufen. Dass Gasblasen das Kochen einleiten, hat zuerst Schönbein (d. Ann. Bd. 40, S. 82 u. f.) außer Zweisel gestellt. Donny's in der citirten Abhandlung mitgetheilte Versuche haben ebenso den Beweis geliefert, dass die erste Bildung von Dampfblasen in kochend heißen Flüssigkeiten durch die aus der Flüssigkeit sich entwickelnden Luftblasen eingeleitet wird, und dass sich aus luftfreien Flüssigkeiten Dampfblasen nur entwickeln, wenn die Flüssigkeiten mehr oder weniger überhitzt sind, wobei dann in der Regel das sogenannte Stofsen eintritt. Donny und Dufour haben gezeigt, dass das unverzögerte Sieden stets sofort erreicht werden kann, wenn man durch galvanische Zersetzung oder auf anderem Wege eine kleine Gasentwicklung hervorruft, und dass allen Gasen die gleiche Eigenschaft zukommt, die Bildung der ersten Dampfblasen in kochend heißen Flüssigkeiten einzuleiten. Lediglich zur Bestätigung dieser wichtigen Thatsachen führe ich die nachfolgenden meist gelegentlich gemachten Beobachtungen an.
- a) Luftblasen durch Dampfblasen hervorgerufen. Wird Sodawasser erwärmt und die Temperatur in der Nähe des Kochpunktes nur langsam gesteigert, so bilden sich bei etwa 90° an der böher erwärmten Bodensläche des Glases einzelne Dampsblasen, welche nicht abreissen, und nicht sofort verschwinden. Aus jeder solchen Dampfblase entwickelt sich ein continuirlicher Strom kleiner Blasen von Kohlensäure. Die Berührung mit Wasserdampf macht bier also die Kohlensäure aus der Flüssigkeit frei. Das Analoge beobachtete ich in kalt concentrirter und mit Luft gesättigter Chlorcalciumlösung. Bei 94° entwickelte sich aus jeder am Boden entstehenden Dampfblase ein Strom von Luftbläschen. Aus den an einem Stückchen Eisenfeile in kochend heissem Brennspiritus sich entwickelnden Dampfblasen steigt ebenso ein dichter Strom von Luftblasen auf.
- β) Dampfblasen durch Gasblasen hervorgerufen. Gesättigte Ammoniakslüssigkeit beginnt schon bei 48° zu kochen. Wird die Flamme gelöscht, und nachdem die Dampfbildung

aufgehört hat, sofort ein activer Platindraht eingesenkt, so tritt an demselben momentan ein wiederholtes Auskochen ein. Wird aus kalt concentrirter Kochsalzlösung ein reiner inactiver Platindraht bei 104° einen Augenblick an die Lust gezogen, und wieder eingeseukt, so findet von den durch die Verdunstungsrückstände mit hineingezogenen Lustbläschen aus momentan ein bestiges Auskochen statt. Mehrere analoge Thatsachen hat Schönbein am anges. Orte bekannt gemacht.

- y) Wird ein poröses Körperchen, ein Stück Hammerschlag, Braunstein, Eisenfeile u. s. w. auf den Boden einer kochend heißen Flüssigkeit geworfen, so geht von den in diesen Körpern hastenden Lustbläschen ein continuirlicher Strom von Dampsblasen aus. Von einer porösen Stelle eines geglühten Kupserdrahtes aus entwickelte sich in kochend heißem Terpentinöl ein lebhafter Strom von Dampsblasen, um so rascher, je mehr diese Stelle am unteren Ende des Kupserdrahtes der erwärmten Bodensläche genähert wurde, so daß bei hinreichender Annäherung das Kochen von der erhitzten Bodensläche aus ganz aufhörte.
- δ) In kalt concentrirte zweisach-kohlensaure Natronlösung tauchten die inactiven Platinpoldrähte einer electrischen Batterie. Die Flüssigkeit konnte bei 101° erhalten werden, ohne dass Kochen eintrat. Wurde aber nun die Kette geschlossen, so begann sosort an beiden Poldrähten ein stürmisches Aufwallen.

In mit einem Tropfen Säure versetztes Brunnenwasser tauchen die inactiven Platinpoldrähte einer schwachen Batterie bei geöffneter Kette. Wird das Wasser bis zu beginnendem Kochen erhitzt, dann die Flamme gelöscht, die Unterbrechung des Kochens abgewartet und sofort die Kette geschlossen, so tritt an den untersten Spitzen beider Poldrähte vorübergehend eine lebhafte Entwicklung von Dampfblasen ein. Wird die Flamme nicht gelöscht, so kann man es treffen, dass das Kochen nicht mehr vom Boden des Gefäses, durch welchen die Wärme zugeführt wird, sondern nur von den unteren Enden der beiden

Platinpoldrähte ausgeht, und zwar in der Regel am kräftigsten von demjenigen Ende, welches der erwärmten Bodenfläche am meisten genähert wird, gleichgültig ob es die Kathode oder die Anode ist. Die gleiche Beubachtung habe ich wiederholt, z. B. auch bei 104° in concentrirter Salzsäure gemacht. Es liegt in diesen Thatsachen der Nachweis, dass die Ueberhitzung der Flüssigkeit bis in die Nähe der mit der Luft in Berührung befindlichen Obersläche reicht, und im Allgemeinen von der erwärmten Bodensläche aus nach Oben bin abnimmt. Auch Dufour hat das Kochen von Poldrähten aus beobachtet. Die älteste derartige Beobachtung ist jedoch schon 1847 von Poggendorff bekannt gemacht (d. Ann. Bd. 70, S. 199). Poggendorff bemerkte zugleich, dass wenn die Kette pausenweise geöffnet und geschlossen, und dabei der nur von einem Grove'schen Elemente erzeugte Strom jedesmal umgekehrt wurde, dann beim Schließen immer nur an der Platte, au welcher sich der Sauerstoff entwickelte, das Sieden eintrat, und an der Platte, an welcher sich der Wasserstoff entwickelte, immer nur erst nach längerem Geschlossenseyn der Kette. Diese damals räthselhafte Erscheinung erklärt sich jetzt vollkommen durch die Eigenschaft des Platins, an welchem sich vorher Sauerstoff entwickelt hatte, beim Umkehren des Stromes dann den Wasserstoff eine Zeit lang zu occludiren, wie Graham entdeckt hat. So lauge diese Occlusion stattfindet, tritt natürlich kein gasförmiger Wasserstoff auf, welcher das Sieden einleiten könnte.

§. 29. Stürmische Activität durch Ablöschen fester Körper. Taucht man einen erhitzten Draht oder Stab in eine mit irgend einem Gas übersättigte Flüssigkeit, so daß derselbe unter Zischen und Spritzen benetzt wird, so entstehen dichte Wolken unzähliger Luftblasen. Es wirken hier offenbar mehrere der schon erwähnten Ursachen kräftig zusammen. Aus den in Berührung mit dem heißen Draht plötzlich entstehenden hochgespannten Dampfblasen müssen sich nach §. 28 Gasblasen entwickeln, ebenso aus der Flüssigkeit in Berührung mit dem heißen Körper. Indem jedoch

die rasch entwickelten hochgespannten Dämpse durch Abkühlung in der Flüssigkeit plötzlich wieder verschwinden, lassen sie momentan einen lustverdünnten Raum zurück; und hierin liegt eine weitere Ursache rascher und copiöser Gasentwicklung.

Auffallend reichlich ist bei Eintauchung eines nur ganz dünnen heißen Platindrahtes diese Blasenentwicklung in mit Luft gesättigter erwärmter Kochsalz und Chlorcalcium-lösung; in zweifach kohlensaurer Natron oder Kalilösung bei etwa 70°, in Wein schon bei minder hoher, in Bier schon bei gewöhnlicher Temperatur.

Weil hier erhöhte Temperatur und ein lustverdünnter Raum zusammenwirken, so erfüllen sich beim Ablöschen eines heißen Drahtes auch solche Flüssigkeiten mit Lustblasen, welche bei dem herrschenden Lustdruck und der gegebenen Temperatur keineswegs mit Lust oder einem anderen Gase übersättigt sind. Selbst in auhaltend gekochtem destillirtem Wasser sieht man noch solche entstehen, wenn auch in mit der Dauer des Kochens abnehmender Menge; und ich muß hier eine Bemerkung, welche schon Donny gemacht hat, bestätigen, dass Wasser selbst durch sehr lange sortgesetztes Kochen kaum völlig lustfrei zu erhalten ist.

§. 30. Abgeänderte Form des Leidenfrost'schen Phänomens. Bei diesen Versuchen über die Blasenentwicklung durch das Ablöschen heißer Körper hat sich mir häufig jene Form des Leidenfrost'schen Phänomens dargeboten, welche, obwohl sehr nahe liegend, doch wenig bekannt scheint, und zuerst 1841 von Marchand (Journ. für pract. v. Erdmann und Marchand, Bd. 23, S. 137 u. f.) beschrieben wurde. Sie ist von Poggendorff (d. Ann. Bd. 52, S. 539) benutzt worden, um die Frage zu entscheiden, ob bei dem Leidenfrost'schen Phänomen eine Berührung der Flüssigkeit mit dem heißen Körper stattfindet. Diese Form ergiebt sich, wenn ein hinreichend heißer Körper in eine erhitzte Flüssigkeit eingesenkt wird. Es findet dann nicht sofort Benützung statt; man sieht ein lebhastes, geräuschloses Auswallen von Damps längs der erhitzten Fläche; und

erst, wenn sie hinreichend abgekühlt ist, tritt nun plötzlich unter Zischen und Spritzen die Benetzung ein, die in besonderen Fällen von einem schwachen Knall begleitet ist. Die Benetzung schreitet mauchmal ganz allmählig und sichtbar längs der heißen Oberfläche nach Maaßgabe ihrer Abkühlung fort.

Ich habe untersucht, bis zu welcher Temperatur ein Kupferdraht in einem Lustbade erwärmt werden muss, um, rasch durch die Luft in eine kochend heiße Flüssigkeit übergeführt, das Phänomen hervorzubringen. In kochend heissem destillirten Wasser tritt es nicht ein, wenn der Draht auf weniger als 300° erhitzt ist; deutlich erst, wenn seine Temperatur 310° übersteigt. In kochendem alkalischem, saurem oder salzhaltigem Wasser muss die Temperatur des Drahtes noch höher seyn. In nahe kochendem Aether entsteht das Phänomen schon an einem Kupferdraht, dessen Temperatur 130° übersteigt; und in kochendem Alkohol, wenn die Temperatur 160° überschreitet. Glühende Drähte bringen die Erscheinung in allen kochend heißen Flüssigkeiten hervor, die ich untersucht habe; aber auch schon bei Temperaturen, die um so weiter unter der Kochhitze liegen, je mehr die Flüssigkeit mit einem Gas übersättigt ist, je rascher die Spannkrast ihrer Dämpse mit der Temperatur wächst, und je langsamer sich die Benetzung durch die Flüssigkeit herstellt. Das letztere ist besonders der Fall in minder fluiden, zähen Flüssigkeiten. An einem hellroth glühenden Stabldraht oder Kupferdraht tritt das Phänomen schon ein bei gewöhnlicher Temperatur in concentrirtem und in nicht allzu verdünntem Glycerin, in concentrirter und in nicht allzu verdünnter Dextrinlösung; ebenso in gewöhnlichem Bier. Ohne die unterste Temperaturgränze, bei welcher es wahrzunehmen ist, festzustellen, habe ich es z. B. an bellroth glübendem Draht beobachtet: in gewöhnlichem Brennspiritus bei 41°; in Terpentinöl bei 135°; in verschiedenen Salzlösungen bei 75° bis 85°; in concentrirter Salzsäure bei 96°; in concentrirter Schwefelsäure bei 145°. Mit weifsglühenden und dickeren

Drähten würde es ohne Zweisel in all diesen Flüssigkeiten schon bei viel niederer Temperatur zu beobachten seyn.

In wiesern diese Form des Leidenfrost'schen Phänomens in Dampskesseln austreten und gefährlich werden kann, darüber habe ich mich in dem Jahrgang 1869 der Zeitschrift des deutschen Ingenieurvereins näher ausgesprochen.

- §. 31. Entwicklung der Gasblasen von Spitzen und Kanten. Glüht man Stahl- oder Kupferdrähte, und löscht sie in einer Flüssigkeit, so ist deren Obersläche in der Regel mit kleinen Spitzen und Kanten von Hammerschlag oder Kupferoxydul bedeckt. An den in übersättigten Gaslösungen nach dem Ablöschen strömend activen Drähten scheinen die Blasen vorzugsweise von solchen Spitzen auszugehen. In einigen Fällen lässt sich diess darauf zurückführen, dass diese Oxydslitter und Punkte porös sind. Im Allgemeinen aber geht die Blasenentwicklung an unebenen Oberflächen wohl desshalb scheinbar vorzugsweise von den Spitzen aus, weil die Unebenheiten der Obersläche von dieser aus nach aussen hin divergiren. Der Flüssigkeits Meniscus, welcher die entstehenden Blasen umgiebt, hat dann uothwendig an der Basis der Unebenheiten, an welcher der Zwischenraum derselben der kleinste ist, die stärkste Krümmung, und drückt in Folge dessen die entstehenden Bläschen an die Spitze der Unebenheiten hinaus. Diese Auffassung hat neuestens auch d'Almeida (Comptes Rend. T. 68, p. 533) ausgesprochen, und einige interessante darauf bezügliche Versuche mitgetheilt.
- §. 32. Scheinbare Activität in Folge bloßer Adhäsion schon gebildeter Gasblasen. Nicht selten beginnen in erwärmten activen Lösungen, in wäßrigen Lösungen meist zwischen 40° und 80°, nicht mehr in höherer Temperatur, auch völlig reine, vorher schieß eingetauchte Drähte, sich mit Gasblasen zu bedecken, so daß man nach dem ersten Anschein zu der Meinung veranlaßt werden kann, dieselben seyen activ geworden. Man kann sich jedoch bei näherer

aufmerksamer Prüfung der Erscheinung leicht überzeugen, dass dieselbe lediglich ein Adhäsionsphänomen ist, indem die von der erwärmten Bodensläche des Gefäses aufsteigenden und durch die Strömungen in der Flüssigkeit auch bie und da wieder abwärts geführten kleinen Gasbläschen an der reinen Drahtsläche hängen bleiben. In höherer Temperatur sindet diese Adhäsion dann nicht mehr statt. Dass diese Auffassung die richtige ist, ergiebt sich aus nachsolgenden Thatsachen.

- a) In gesättigter Kochsalzlösung nahm reiner dünner Platindraht zwischen 45° und 70° Bläschen an; in kalt gesättigter zweisach-kohlensaurer Kalilösung zwischen 40° und 62°; unter und über dieser Temperatur nicht. In destillirtem Wasser nahmen reine Platindrähte, und vorher geglühte Stahldrähte nur zwischen 40° und 60° Blasen an.
- β) Bei wiederholten Versuchen erhält man in Bezug auf die Temperaturen keine genaue Uebereinstimmung; denn es hängt dieses Haftenbleiben kleiner Bläschen natürlich auch von den Strömungen in der Flüssigkeit und der Art ihrer Erwärmung ab. So nahm einmal reiner Platindraht in Brunnenwasser zwischen 40° und 90° stets Blasen an, ein andermal nur zwischen 59° und 84°, dann nicht mehr. Ganz analog verhielt sich blau angelaufener reiner Stahldraht.
- y) Reine schief eingesenkte Glasfäden, an welchen Wasser stärker adhärirt, als an Metall, Gase aber minder kräftig, bedecken sich durch Adhäsion viel seltener mit Luftbläschen. In Chlorwasser und in Salzsäure bedeckt sich reiner Platindraht bei 70° mehr oder weniger mit Blasen; ein reiner Glasfaden gar nicht.
- δ) Dickere Metalldrähte oder Glasstäbe bedecken sich vorzugsweise nur an der dem Boden zugekehrten unteren Fläche, wenn sie schief eingesenkt sind.

Diese gewissenhafte Beobachtung und Mittheilung von, wie es scheinen mag, fast selbstverständlichen Thatsachen ist gleichwohl nicht zu vermeiden. Ich habe diese Beobachtungen zu meiner eigenen Orientirung nicht entbehren können, und glaube sie desshalb auch nicht zurückhalten zu dürfen.

Im besonderen aber geht aus allen bisher mitgetheilten Beobachtungen hervor, dass sich eine von den reinen festen Oberstächen im Contact mit der Flüssigkeit etwa ausgehende Kraft zur Entwicklung von Gasblasen überall nicht nachweisen läst.

§. 33. Widerstände gegen die Blasenbildung. Ich habe schon erwähnt, dass alle bis dahin beschriebenen Versuche nur in mässig übersättigten oder überhitzten Flüssigkeiten ausnahmslos gültig sind. Jede reine feste Obersläche ist in denselben inactiv. In hoch übersättigten oder überhitzten Flüssigkeiten können dagegen auch reine Oberflächen activ erscheinen. Ich habe jedoch bisjetzt auch in diesen Fällen eine der festen Obersläche als solcher inhärente Kraft, Gase aus Flüssigkeiten zu entwickeln, nicht constatiren können. Feste Oberflächen scheinen in sehr hoch übersättigten Lösungen nur desshalb activ zu seyn, weil sie der ersten Gasblasenbildung geringere Widerstände entgegensetzen, als im Innern der Flüssigkeit wirksam sind. Der ersten Gasblasenbildung im Innern einer Flüssigkeit steht aber nicht nur die auflösende Kraft der Flüssigkeit entgegen, sondern auch die Spannung, welche in der Obersläche der eine Gasblase umgebenden Flüssigkeit in Folge ihrer Cohäsion stattfindet. Diese Spannung ist offenbar um so größer, je kleiner die Blase ist, und steht also der ersten Blasenbildung am kräftigsten im Wege.

Dass man sich unter dieser Cohäsion gleichwohl keine sehr bedeutende Kraft vorzustellen hat, ergiebt sich aus dem Folgenden.

Wenn jene Cohäsionsspannung der ein Bläschen umgebenden Flüssigkeit eine beträchtliche Druckkraft vorstellt, so legt sich sofort die Frage nahe, ob sehr kleine Gasblasen in das Innere einer mit dem Gase bei dem gegebenen Druck und der gegebenen Temperatur gesättigten Flüssigkeit eingeführt, nicht in Folge jener Cohäsionsspannung aufgelöst werden müssen, so dass sich die Flüssigkeit übersättigt,

gleich als ob ihre Oberstäche unter höherem Drucke mit dem Gase in Berührung stände? die thatsächliche Beantwortung dieser Frage ist in Bezug auf eine richtige theoretische Auffassung des Widerstandes, welchen die Cohäsion einer Flüssigkeit der Gas- oder Dampfbildung im Inneren entgegensetzt, nicht ohne Bedeutung. Ich kann diese Frage bisjetzt nicht unbedingt bejahen oder verneinen; aber so viel kann mit Sicherheit gesagt werden: wenn der durch die Cohäsionsspannung einer Flüssigkeit auf sehr kleinen Gasblasen ausgeübte Druck überhaupt zu einer Uebersättigung Anlass giebt, so ist sie eine sehr unbedeutende, und könnte durch eine sehr geringe Druckvermehrung mit gleicher Wirkung ersetzt werden.

Gegen jene Annahme scheinen zunächst die nachfolgenden Thatsachen zu sprechen.

- α) Eine Flüssigkeit wird durch Schütteln mit einem Gase nicht übersättigt; vielmehr ist das Schütteln mit einem Gase der rascheste Weg, eine übersättigte Flüssigkeit auf den Sättigungspunkt zurückzuführen.
- β) Die in den feinsten Poren eines festen Körpers enthaltene Luft giebt in jeder mäßig übersättigten Lösung zu einem Blasenstrom Anlass und verschwindet erst nach langer Zeit.
- γ) Im §. 11 habe ich die Thatsachen angeführt, aus welchen hervorgeht, dass die kleinen Lustschichten an der Obersläche activer Drähte in gesättigten Gaslösungen schon bei sehr geringer Temperaturerhöhung sich zu sichtbaren Bläschen zu vergrößern beginnen.

Für jene Annahme können kaum die nachfolgenden Thatsachen geltend gemacht werden, da sie sich alle mit großer Wahrscheinlichkeit auf andere Ursachen zurückführen lassen.

a) Ein activer Draht verliert in einer gesättigten Lustlösung nach längerer Zeit seine Activität. Es lässt sich diess aber erklären durch kleine Temperaturschwankungen, oder auch durch den um das Gewicht der Flüssigkeit vermehrten Druck in unteren Schichten, wo die Flüssigkeit also mehr Gas zu absorbiren vermag, als an der Obersläche, und durch die Mischung der Flüssigkeit mit den an der Obersläche besindlichen Schichten durch Diffusion.

Gas aus einem festen Körper entwickelt, so entsteht eine gar nicht oder nur sehr schwach übersättigte Lösung. An Zink in verdünnter Salzsäure oder Schwefelsäure können sich stundenlang Wasserstoffbläschen entwickeln, ohne daß eine übersättigte Wasserstofflösung sich bildet. Ein activer Platindraht in dieselbe eingesenkt, erwies sich in wiederholten Versuchen völlig inactiv. Ich ließ sodann die Einwirkung 24 Stunden dauern; dann war eine Spur von Uebersättigung in den untersten Schichten der Flüssigkeit wahrzunehmen; es kann dieß Resultat aber dem unvermeidlichen Temperaturwechsel während der Dauer der Wasserstoffentwicklung zugeschrieben werden.

Geschmolzen gewesenes Schweseleisen wurde in ossenem Gesäs mit verdünnter Salzsäure überdeckt. Nachdem sich mehrere Stunden Schweselwasserstoss in kleinen Blasen entwickelt hatte, war die siltrirte Flüssigkeit nur so schwach mit Schweselwasserstoss übersättigt, dass ein activer Platindraht sich in derselben erst nach füns Minuten kaum sichtbar mit Bläschen überdeckte. Bei einem wiederholten Versuche war gar keine Uebersättigung der Flüssigkeit zu erkennen.

Cararischer Marmor wurde mit verdünnter Salzsäure übergossen. Die Blasenentwicklung dauerte 24 Stunden und war nicht beendet. Bei der Probe zeigte sich nun die unterste Schicht der Flüssigkeit schwach mit Kohlensäure übersättigt. Auch hier kann aber ein Temperaturwechsel mitgewirkt haben, und überdiess ist anzunehmen, das eine Spur des Marmors in unzersetztem Zustande durch die freiwerdende Kohlensäure gelöst wird, und das somit ein Theil der Kohlensäure in süssigem Zustande frei wird, woraus die Uebersättigung mit Nothwendigkeit sich ergiebt.

y) Mit Schwefelsäure schwach angesäuertes Wasser befindet sich in einer Uförmigen Röhre. Zwei vorher geglühte reine Platindrähte tauchen in je einen Schenkel dieser

Röhre. Sie werden mit einer Smea'schen Kette verbunden. Bei Schließung derselben entwickeln sich sofort an beiden Drähten Blasen. Die Kette bleibt 17 Stunden geschlossen. Nun ist in dem Schenkel, in welchem sich Wasserstoff entwickelte, Uebersättigung nicht nachzuweisen. Der positive Schenkel, in welchem sich Sauerstoff entwickelte, ist schwach mit Sauerstoff übersättigt; es hat dieß aber wahrscheinlich seinen Grund darin, daß der elektrolytisch freiwerdende Sauerstoff ursprünglich in flüssigem Zustande aus der Säure sich abscheidet.

 δ) Dagegen scheint eine sehr kleine Druckverminderung allerdings die Activität einer gesättigten Lösung noch nicht einzuleiten. Unter einer Glasglocke, unter welcher der Luftdruck nur um etwa $\frac{1}{136}$ seines ganzen Werthes vermindert war, zeigten sich in Brunnenwasser und in mit Luft gesättigtem destillirten Wasser auch nach einer halben Stunde an einem eingesenkten activen Drahte noch keine Bläschen.

Ich muss auf Grund aller hier angesührten Thatsachen die oben gestellte Frage, ob die Cohäsionsspannung der kleine Lustblasen umgebenden Flüssigkeit zu einer Uebersättigung Anlass geben kann, noch unentschieden lassen; halte aber für wahrscheinlich, dass sie verneint werden muss.

§. 34. Activität hoch übersättigter Lösungen. Strömende Activität. Bei der Activität von Drähten, welche zwischen Daumen und Zeigefinger hindurchgezogen waren, und welche ich kurz active genannt habe, haften die sich bildenden Gasblasen an dem Draht, und reißen erst ab, wenn sie eine gewisse Größe erlangt haben; bei der strömenden Activität reißen die Gasblasen schr klein ab, zeigen kein Anhaften an der Obersläche des Drahtes, und erneuern sich fortwährend. Bei der strömenden Activität, welche in hoch übersättigten Lösungen an reinen Drähten beobachtet wird, scheinen diese Drähte ihrer ganzen Obersläche nach, oder wenn sie nur partiell strömend sind, an den strömenden Stellen, gar nicht benetzt zu seyn. Findet

die Bildung der Bläschen etwas langsam statt, so sieht man, dass sie nicht kugelförmig, sondern abgeplattet mit breiter Basis entstehen, und plötzlich losreissen, indem sie sich abrunden. Sie haften, wie es scheint, nicht an dem Metall, sondern scheiden sich aus einer dasselbe überziehenden dünnen Gashaut aus.

Es giebt so mannigfache und vielfach noch räthselhafte kleine Veränderungen der Oberfläche der Körper, welche auf ihre Benetzung, ihre Adhäsionskraft, und ihre Contactwirkung auf Flüssigkeiten und Gase von Einfluß sind, daß in hoch übersättigten Lösungen, in welchen die geringfügigsten Ursachen zur ersten Blasenbildung Anlaß geben können, eine Reihe von Activitätserscheinungen zur Zeit wohl noch völlig räthselhaft bleiben muß. Manche dahin gehörige Thatsachen lassen jedoch schon jetzt eine theoretische Auffassung zu, und geben einiges Licht über die Art der dabei wirksamen Kräfte.

§. 35. Trocken eingeführte Drähte sind in hoch übersättigten Lösungen häufig strömend activ, während benetzt eingeführte inactiv sind. In hoch activem Sodawasser, aus welchem nach dem Eingießen in ein inactives Glasgesaßs die freiwillige Blasenentwicklung eben aufgehört hat, sind trocken eingeführte reine Platin-, Palladium- und Stahldrähte strömend activ, nach vorherigem Benetzen in Wasser sind sie inactiv. Giesst man zu Wasser etwa ein gleiches Volum Coaksthurm-Schwefelsäure, und rührt mit einem inactiven Glasstabe um, so erhält man nach kurzem Aufbrausen eine blaugrüne hochübersättigte Lösung von Stickoxydgas u. s. w. In dieser ist trocken eingeführtes reines Pt strömend; vorher benetztes ist inactiv, und bleibt es, auch während die Flüssigkeit bis 60° erwärmt wird. Wird jedoch in diese Flüssigkeit ein Platindraht nach dem Glüben noch beiss eingetaucht, so ist er nun bleibend viel stärker strömend activ, als ein kalt eingetauchter. Wird 1 Volum zur Hälfte mit Wasser verdünnter Salzsäure mit etwa 4 Volum einer kalt gesättigten Lösung von schwesligsaurem Natron durch rasches Umrühren unter Aufbrausen gemischt, so sind in

dieser Lösung trocken eingetauchte Drähte strömend, während benetzt eingetauchte inactiv sind. Die Activität eines strömenden Platindrahtes nimmt auch in 1½ Stunden nicht ab, sofern diess vom Draht abhängt: sie nimmt nur ab, insofern der Uebersättigungsgrad der Flüssigkeit sich schwächt; denn ein trocken eingetauchter strömender Draht ist 1½ Stunden nach dem Eintauchen ebenso activ, als ein nun frisch eingetauchter Draht. In der erwärmten Flüssigkeit ist das Verhalten dasselbe.

Aus vorstehenden Thatsachen scheint mir mit Wahrscheinlichkeit hervorzugehen, dass ein trocken eingesührter Draht in der hoch übersättigten Lösung gar nicht benetzt wird, sondern mit einer dünnen Gashaut überzogen bleibt, so lange er seiner ganzen Obersläche nach strömend ist. Es ist dies sichtbar wahrzunehmen in syrupdicker Collodionlösung, welche auf 38° bis 40° erwärmt ist. Ein trocken eingetauchter reiner Platindraht ist einige Secunden lang auf seiner ganzen Obersläche activ; es entwickeln sich an derselben sosort große Aetherdampsblasen, welche beim Abreisen die adhärirende Lustschicht mitnehmen, und den Draht inactiv zurücklassen.

Es erklärt sich aus obiger Auffassung der strömenden Activität jedoch nicht unmittelbar, wesshalb ein heis eingetauchter Draht bleibend stärker strömt, als ein kalt eingetauchter, und bleibt daher bei diesen Erscheinungen noch Mauches aufzuklären.

§. 36. Strömende Activität auch vorher benetzter Drähte. Diese tritt in höchst übersättigten Lösungen ein. Ich habe derlei höchst übersättigte Lösungen durch Mischung und Umrühren, wegen des dabei eine Zeit lang unvermeidlichen Aufbrausens, nicht regelmäßig erhalten können. Bringt man aber von Flüssigkeiten, welche durch Mischung eine übersättigte Lösung geben können, die schwere mittelst eines Trichters vorsichtig auf den Grund der anderen, oder die leichtere vorsichtig zum Schwimmen auf der schweren, so hat man an der Berührungsgränze beider Flüssigkeiten (wie schon Oersted sie dargestellt hat), eine höchst übersättigte

Lösung, in welcher auch benetzte reine Drähte strömend activ sind. Ich habe solche z. B. erhalten, indem Wasser zum Schwimmen auf Coaksthurm-Schweselsäure, kohlensaure Alkalien, oder schwefligsaure Natronlösung, kalt gesättigt, zum Schwimmen auf mit dem gleichen Volum Wasser verdünnter Salzsäure oder Schwefelsäure gebracht worden. An der Contactgrenze zweier solcher Flüssigkeiten sind Platin, Palladium und Kupfer, auch wenn sie benetzt eingesenkt werden, activ, und es ist einerlei, ob sie vorher in Wasser, Alkohol, Ammoniak oder Glycerin benetzt werden; die strömende Activität stellt sich nach kurzer Zeit ein. in auf 60° bis 70° erwärmtem Bier zeigten sie das gleiche Verhalten. Reine Glasdrähte, selbst trocken eingeführt, wie auch die reinen Glasgefässe selbst sind dagegen inactiv. Nach und nach nimmt die Contactschicht zweier solcher Flüssigkeiten an Uebersättigung ab, und nach Verflus einer Stunde etwa ist sie soweit gesunken, dass nun benetzt eingetauchte Drähte inactiv sind, trocken eingeführte activ; es tritt diess aber nicht für alle Arten von Drähten zugleich ein, und man erhält auch bei Wiederholung eines Versuchs während dieses Uebergangs manchmal nicht immer die gleichen Resultate, da bier die kleinsten Unterschiede in der Beschaffenheit einer Obersläche schon entscheidend werden. In der Regel ward reines Kupfer zuerst inactiv; dann Palladium, dann Platin, wenn sie vorher genetzt waren.

Es ist jedoch, wenn ein Draht in zweierlei Flüssigkeiten taucht, deren eine auf der anderen schwimmt, zu beachten, dass hierbei elektrische Ströme mitwirken können.
Hievon abgesehen kann man sich die obigen Thatsachen
dadurch erklären, dass man die Adhäsionskraft der Flüssigkeit an der sesten Obersläche als ein Hinderniss gegen die
erste Gasentwicklung betrachtet. Da diese Adhäsion au
den Metallen geringer ist, als am Glase, so überzieht sich
in sehr activen Lösungen eine reine benetzte Metallsläche
bald mit einer Gashaut, eine Glassläche aber nicht.

Es stimmt mit dieser Auffassung auch überein, dass es ausserordentlich schwierig ist, Fettstächen auch nur sür mässig

übersättigte Lösungen völlig inactiv zu erhalten. Fette im flüssigen und festen Zustand haben eine sehr kräftige Adhäsion zu Gasen, eine sehr geringe zu wäßrigen Flüssigkeiten. Wurden Glasstäbe durch Eintauchen in geschmolzenes Fett, Walrat, Parassin oder Stearin, mit einer dünnen Fettschicht überzogen, so erwies sich solche nach dem Erstarren stets porös. Selbst nachdem sie wochenlang in einer vorher abgekochten Flüssigkeit, z. B. in Salzwasser gestanden, zeigten sie, wenn man schwaches Sodawasser schwimmend auf das Salzwasser brachte, und sie in dasselbe emporzog, einzelne active Stellen, welche offenbar hartnäckig Luft zurückgehalten hatten; doch erscheinen grösere Flächenparthien inactiv. Zieht man die benetzte Fläche durch die Luft, so wird die flüssige Schicht sosort von der Lust zurückgedrängt, und die Fettsläche erscheint wieder unbenetzt. Die in einer activen Flüssigkeit an Fettslächen entstehenden Blasen werden sehr groß, ehe sie abreißen, und gleiten an einer schiefgestellten Fettfläche binauf, wie ein Wassertropfen an einer schiefen Glassläche Auch an Schwefelflächen und Harzflächen adhärirt die Luft sehr hartnäckig, und auch Schwefelflächen werden selbst nach langem Liegen in einer Flüssigkeit sofort wieder trocken, wenn sie mit Luft in Berührung treten. Mit Schellackfirnis überzogene Glasstäbe konnten dagegen durch mehrtägiges Stehen in luftfreiem Wasser für mäßig übersättigte Lösungen inactiv erhalten werden; sie bleiben benetzt, wenn sie durch die Luft gezogen werden.

Dass die Adhäsionskraft einer Flüssigkeit an einer sesten Obersläche ein Hinderniss gegen die erste Blasenbildung ist, dafür sind auch Marcet's Versuche ein Beleg (dies. Annal. Bd. 57, S. 218 — 241), wonach das Kochen von Wasser in einem mit geschmolzenen Tröpschen von Schwefelblumen oder mit Gummilack überzogenen Glasballon bei einer Temperatur stattfindet, welche um einige Zehntelgrade niederer ist, als die Temperatur des Kochens im Metallgesäs, in diesem etwas niederer als im Glasgesäs.

- §. 37. Ehe ich nun zu einigen kurzen theoretischen Betrachtungen übergehe, muß ich noch zweierlei Arten von Activität mindestens andeuten.
- a) Die Activität von Metallen durch Occlusion von Gasen und durch Volta'sche Polarisation. Ein Draht, Platindraht, Palladiumdraht u. s. w., welcher ein Gas occludirt, scheint dasselbe unter bestimmten Umständen zu entwickeln, wenn er in eine Flüssigkeit eingetaucht ist. Daß solche Drähte in übersättigten Lösungen activ seyn müssen, ist klar. Ebenso sind polarisirte Drähte unter gewissen Umständen activ; diese Umstände erfordern jedoch in jedem besonderen Falle ein näheres Studium. Ich werde darauf ein andermal zurückkommen, da meine Untersuchungen hier- über noch nach keiner Richtung abgeschlossen sind.
- b) Es entwickeln sich in vielen Fällen durch Berührung mit Gasen und durch Reibung auch Zersetzungsgase. Auch hierüber sind jedoch meine Untersuchungen nicht abgeschlossen, und ich behalte mir daher vor, die hierhin gehörigen Thatsachen in einer besonderen Arbeit zusammenzustellen.
- §. 38. Affinität zur Leitungswärme. Da in sehr hoch übersättigten Lösungen nach §. 36 die Entwicklung von Gasblasen an der Contactgränze der Flüssigkeit mit einer reinen Metallsläche beginnt, auch wenn diese vorher benetzt ist, und ohne dass irgend eine der von aussen hinzutretenden Kräfte, die ich §. 14 bis 22 näher erörtert habe, dazu den Anlass giebt, so können die Kräfte, welche eine solche Blasenentwicklung veranlassen, nur in der Flüssigkeit selbst, oder in der Metallsläche ihren Sitz haben, und sie müssen energisch genug wirken, um den Widerstand der Adhäsionskraft der Flüssigkeit an dem Metalle zu überwinden. Es liegen keine Thatsachen oder Beziehungen vor, welche dafür sprechen könnten, dass man in der Metallstäche diesen Anlass zu suchen habe, und er ist desshalb in der Flüssigkeit selbst anzunehmen. Ich will es versuchen, hierüber eine nähere Vorstellung zu gewinnen.

Es ist wohl anzuerkennen, dass die Art von Bewegung der Molecüle, welche wir Wärme nennen, es mit sich bringt, dass auch zwischen Körpern von gleicher Temperatur ein beständiger Austausch dieser Bewegungen der Molecüle im Contact stattfinden muss; es wird daher von einer Flüssigkeit im Contact mit einem Metall heständig Wärme vom Metall zur Flüssigkeit und von der Flüssigkeit zum Metall übergehen. Es ist ferner anzuerkennen, dass dieser Uebergang der Wärme von einem Körper zum anderen nicht ohne Widerstand stattfindet; und es wird die Wärme bei diesem Uebergang unter Umständen einen größeren Widerstand zu überwinden haben, die Temperatur des Körpers, auf den sie übergeht, zu erhöhen, als indem sie in demselben latent wird. Es wird diess um so mehr der Fall seyn, wenn zugleich Wärme von höherer Temperatur in solche von niederer Temperatur sich umwandeln muss, und desshalb entwickeln sich vorzugsweise an erwärmten festen Oberslächen in übersättigten Lösungen Gasblasen.

Eben diese Eigenschaft einer übersättigten Lösung, die im Contact mit einem festen Körper an sie übergehende Wärme leichter in eine Molecularbewegung wesentlich anderer Art, oder auch in einen Vorrath chemischer Arbeit umzuwandeln, als dadurch ihre Temperatur zu erhöhen, nenne ich ihre Affinität zur Leitungswärme. Man kann dann sagen: Wenn eine Flüssigkeit so hoch übersättigt ist, dass ihre Affinität zur Leitungswärme im Stande ist, die Adhäsionskraft im Contact mit einer festen vorher benetzten Obersläche zu überwinden, so tritt an dieser Obersläche die Blasenbildung oder die Activität auch ohne von Außen hinzutretende Kräfte ein; und das Gleiche ist auf hinreichend überhitzte Flüssigkeiten in Bezug auf die Entstehung von Dampsblasen an der Contactgränze reiner, fester, vorher benetzter Oberslächen auszudehnen.

§. 39. Affinität der Gase zur Wärme. Es ist hier am Platze, die Affinität der Gase zur Wärme, zu deren Auerkennung ich in §. 13 geführt wurde, näher zu erläutern. Auch zwischen Gasen und Flüssigkeiten oder Gasen und

festen Körpern findet im Contact nothwendig ein beständiger Austausch der Art von Molecularbewegung statt, die man Wärme nennt. In einem Gase findet das Latentwerden der Wärme und die Umwandlung ihrer Molecularbewegung in mechanische Arbeit unter Ueberwindung des Widerstandes von Druckkräften überall von selbst statt, so lange die entgegenwirkenden Druckkräfte eine bestimmte Größe nicht überschreiten. Diese Eigenschaft der Gase habe ich ihre Affinität zur Wärme genannt. Sie wirkt auch auf die Molecüle fester und süssiger Körper, mit welchen die Gase durch Contact in einen Austausch der Molecularbewegung treten; die Gase werden ebenso, wie sie ihre eigene Wärme latent machen und in mechanische Arbeit umsetzen, auch Wärme der mit ihnen in Berührung stebenden Körper in 'latente umwandeln, und desshalb wirken die Gase verstüchtigend auf alle mit ihnen in Contact tretenden festen und flüssigen Körper.

§. 40. Spannkraft, welche man den flüchtigen Flüssigkeiten suschreibt. Ich komme nochmals auf die schon §. 13
erwähnte, mit der Temperatur zunehmende Spannkraft zurück, in welcher man die Ursache der Verdampfung der
Flüssigkeiten erkennen will. Ich habe schon erwähnt, dass
sie nicht anzuerkennen sey. Es scheint mir jedoch nöthig,
noch besonders auf die unhaltbaren Folgerungen aufmerksam zu machen, zu welchen man durch ihre Annahme geführt wird.

Donny (dies. Annal. Bd. 67, S. 572 u. f.) hat luftfreies Wasser in einer luftleeren verschlossenen Röhre von
geeigneter Form bis auf 135° erhitzen können, ohne dass es
ins Kochen kam. Hieraus schliesst derselbe, "dass die Cohäsionskrast des Wassers, welche für sich allein genügt, das
Sieden des Wassers selbst bei 135° zu verhindern, größer
ist als der Druck von drei Atmosphären, und dass sie eine
Wassersäule von 20 Meter Höhe zu halten vermag". Aber
weil diese Ueberhitzung des Wassers in festen Gefäßen
nicht gelingt, wenn das Wasser lufthaltig ist, so schliesst
er weiter, das "eine kleine Luftmenge in einer Flüssigkeit

(aufgelöst) hinreiche, die Cohäsion dieser Flüssigkeit bis fast zur Unmerklichkeit zu schwächen". Bei der Annahme jener Spannkraft mußte er so schließen. Nun hat aber Dufour in einem Gemisch von fettem Oel und Nelkenöl schwebende Wassertropfen bis zu 170° erhitzt, ohne daß Dampfbildung eintrat, und die Cohäsion des Wassers müßte daher nach obiger Schlußweise größer seyn als der Druck von 8 bis 9 Atmosphären. Ueberdieß war jenes Wasser gewöhnliches, weder destillirt noch ausgekocht, wie Dufour bemerkt (Annal. der Chem. und Pharm. Bd. 121, S. 367 u. f.). Es müßte also selbst mit Luft hoch übersättigtes Wasser eine so große Cohäsionskraft haben. Die Widersprüche, zu welchen jene Ansicht führt, liegen hier klar zu Tage.

Ebenso unstatthast ist es, wenn Odling, indem er nachweist, das Palladium bei 200° sein 686 saches Volum an Wasserstoff absorbirt, nun ausrechnet, dass die Anziehung des Palladiums zum Wasserstoff mit einer Krast geschehen müsse, die mindestens einem Druck von 15000 Atmosphären entspreche (Les Mondes Bd. 16, p. 208 und Dingl. Polyt. Journ. Bd. 188, S. 130). Dem vom Palladium im sesten Zustande absorbirten Wasserstoff kommt sicherlich keine Spannkrast, kein Streben zu, in den Gaszustand zurückzukehren. Zu dem Schlusse, dass diess nicht der Fall seyn könne, ist auch schon Graham bei seinen vortresslichen Untersuchungen geführt worden.

Indem Wasser in Bohrlöchern gefriert, kann man Felsen sprengen, aber es ist ebensowenig die dem Eiskrystall inwohnende Kraft, flüssiges Wasser in Eis zu verwandeln, welche diesen enormen Druck zu überwinden hätte. Der Eiskrystall giebt nur Anlafs, dass latente Wärme des Wassers in sensible an der Contactstelle umgewandelt wird. Diese Wirkung des Krystalls wird, analog einer Reihe chemischer Affinitäten, von Druckkräften nur wenig modificirt. Den sprengenden Effect auf die Felsen übt nicht die Contactkraft des Krystalls, sondern die Elasticität der gebildeten Eiskrystalle, indem sie der Zusammendrückung Widerstand leistet.

Dass eine Flüssigkeit, ganz von einer anderen Flüssigkeit umgeben, an welcher ihre Theile viel weniger adhäriren, als au sesten Körpern, die von ihr benetzt werden, gleichwohl innerhalb jener Flüssigkeit viel höhere Temperaturen annehmen kann, ohne Dämpse zu entwickeln, als in Berührung mit benetzbaren sesten Körpern, geht aus den oben erwähnten Dusour'schen Versuchen hervor. Diese Thatsache ist aber völlig unvereinbar mit dem bisher angenommenen Verdampsungsbestreben der Flüssigkeiten; sie wird nur begreislich durch die Affinität der Flüssigkeit zur Leitungswärme, welche aus sesten Körpern an die Flüssigkeit übergeht (§. 38).

Die Cohäsion einer Flüssigkeit beruht, wie man annimmt, auf einer Anziehung ihrer Theilchen. Sie ist auch in der Oberstäche wirksam, und die Ursache der Spannung slüssiger Membranen. Ich sehe nicht ein, wie sich diese Anziehung mit der Vorstellung eines Verdampfungsbestrebens der Flüssigkeiten in Einklang setzen lasse. Es müßte dieses Verdampfungsbestreben in einer Abstofsung der Theilchen bestehen, welche mit ihrer Anziehung oder Cohäsion direct im Widerspruch stände; oder es müsste in einer Affinität der Flüssigkeit zur Wärme gesucht werden, welche mit derjenigen der Gase übereinstimmt, d. h. in einer inneren, der Flüssigkeit inhärenten Ursache, durch welche sensible Wärme in latente oder mechanische Arbeit verwandelt würde. Diese letztere Ursache müste aber im Inneren der Flüssigkeit ebenso wirksam seyn, als an ihrer Obersläche; dem widerspricht jedoch die Thatsache der Uebersättigung und Ueberhitzung, welche nur möglich sind, weil im Inneren einer Flüssigkeit die Blasenhildung nicht beginnt.

Die Annahme jener Spannung der Flüssigkeiten führt daher in jeder Richtung zu Widersprüchen. Es erübrigt nur, die gasbildende Kraft an der Contactstelle einer Flüssigkeit mit einem Gase nicht in der Flüssigkeit, sondern in dem Gase zu suchen. Flüssigkeiten wirken im Contact

mit allen Körpern verstüssigend, Gase verstüchtigend. Ob Flüssigkeiten im leeren Raume verdunsten würden, ist eine müssige Frage, weil der leere Raum nicht existirt.

§. 41. Analogie der Krystallisation aus übersättigten Salzlösungen und der Gasbildung aus übersättigten Gaslösungen. Lowitz (Nov. comment. Petrop. T. XI, p. 271) hat schon 1794 nachgewiesen, dass es nur eine Bedingung giebt, welche das Bestehen einer Flüssigkeit unterhalb ihres Frierpunktes vollständig verhindert, nämlich ihre Berührung mit einem Krystall gleicher Art. Ich habe 1859 (Annal. der Chem. und Pharm. Bd. 109, S. 45 — 51) meines Wissens zuerst nachgewiesen, dass auch das Bestehen übersättigter Salzlösungen nur allein durch Berührung mit dem Krystall der Lösung unbedingt verbindert wird. Ich habe nachgewiesen, dass in übersättigten Lösungen alle Körper wirkungslos sind, die Krystallisation einzuleiten "wenn nicht ihre Obersläche einige Zeit mit frischer Lust in Berührung war", dass sie wirkungslos sind, "wenn ihre Obersläche vorber erhitzt wurde, wenn sie lange in Wasser gelegen hatten, oder nur in abgesperrter (oder filtrirter) Lust getrocknet waren, mit einziger Ausnahme des Krystalles der Substanz selbst". Ich habe gezeigt, wie die bis dahin üblichen Annahmen haltlos seyen, "die frische Luft soll die krystallerregende Wirkung dadurch üben, dass sie kleine seste Körperchen zuführt; und alle festen Körper, die man prüft, mit einziger Ausnahme des ursprünglichen Krystalles selbst haben diese Wirkung nur, wenn sie mit frischer Luft in Berührung waren. Es ist offenbar, dass man sich hier in einem Zirkel bewegt, wenn man nicht annehmen will, dass die Luft zu jeder der mannigsaltigen Krystallisationen, welche aus unzähligen übersättigten Lösungen herausfallen, irgend einen isomorphen kleinen Krystall herbeiführe, mit welchem die Substanz wie mit ihrem eigenen Krystall zusammenwachse" (S. 47 u. 48). Die Nothwendigkeit dieser Annahme ist am anges. Orte 1859 meines Wissens zuerst von mir ausgesprochen worden. Sie schien mir damals noch unwahrscheinlich, ist jedoch nun wohl außer Zweisel

gestellt, namentlich indem es Buusen gelungen ist, auf spectralaualytischem Wege nachzuweisen, dass die Luft überall Spuren der Salze des Meerwassers mit sich führt.

Es geht aber aus diesen Thatsachen hervor, dass die Oberstäche eines Krystalles im Contact mit anderen Körpern eine Kraft entwickelt, diese Körper in den gleichartigen Krystallisationszustand zu versetzen. Es ergiebt sich demnach die Aualogie:

. a) Krystallbildung wird nur durch einen gleichartigen Krystall, Gasbildung nur durch ein Gas unbedingt eingeleitet.

Ich habe an dem angeführten Orte gezeigt, dass in mäsig übersättigten Salzlösungen in siltrirter Lust durch mäsige Abkühlung die löslicheren Hydrate, welche zu ihrer Bildung nur eine schwächere Induction bedürfen, herauskrystallisiren, dass aber bei sehr niederer Temperatur, bei kräftiger Induction die gewöhnlichen Salze von kleinster Löslichkeit anschießen. "Aus concentrirteren Lösungen, in welchen die auflösende Krast des Wassers der Krystallbildung einen geringeren Widerstand entgegensetzt, bilden sich auch in siltrirter Lust die nämlichen Krystallisationen, welche aus verdünnteren Lösungen nur an offener Lust herausfallen; und aus letzteren fallen sie auch in siltrirter Lust heraus bei solchen gewöhnlich niederen Temperaturen, bei welchen die auslösende Krast des Wassers vermindert ist" (S. 49). Es ergeben sich demnach die Analogien:

- b) Durch Ableitung von Wärme im Contact mit einem festen Körper wird die Krystallbildung, durch Zuleitung von Wärme im Contact mit einem festen Körper wird die Gasbildung in den respectiven übersättigten Lösungen inducirt oder eingeleitet.
- c) In hoch übersättigten Salzlösungen wird die Krystallisation schon bei geringer Abkühlung, in hoch übersättigten Gaslösungen wird die Gasbildung schon bei geringer Erwärmung inducirt.

Als weitere Analogie kann angeführt werden:

d) Die Krystallbildung wird durch Reibung inducirt (Gernez). Ich habe §. 17 bis 23 nachgewiesen, dass auch Poggendors Ann. Ergänzungsbol. V.

die Gasbildung in übersättigten Lösungen durch Reibung eingeleitet wird.

Ganz die nämlichen Analogien lassen sich aussprechen in Betreff der Induction der Erstarrung überschmolzener Körper (§. 23) und der Verdampfung überhitzter Flüssigkeiten.

In meinen Abbandlungen über Filtration der Luft in Beziehung auf Gährung, Fäuluis und Krystallisation (Annal. der Chem. u. Pharm. 1854, Bd. 89; 1859, Bd. 109 und 1861, Bd. 117) habe ich dargelegt, dass auch die organische Zellbildung mit der Krystallisation wesentliche Analogien darbietet. Ich glaube durch jene Untersuchungen Wesentliches beigetragen zu haben, den Satz außer Zweisel zu stellen, dass eine organische Zelle sich nur entwickelt in Folge der Zuführung und also im Contact mit einer Zelle, einer Spore oder einem Keime analoger Art.

§. 42. Assimilirende Kraft. Die neuere Physik rechnet es sich zur Ehre, alle Erscheinungen, so weit ein Versuch zu deren Erklärung gemacht werden kann, auf rein mechanische Grundbegriffe zurückzuführen. Die Chemiker versuchen das Gleiche mit mehr oder weniger Glück durch ihre atomistischen Anschauungen.

In Bezug auf das Wesen eines Gases hat die mechanische Wärmetheorie besonders durch Clausius zu einer Hypothese über die in einem Gase stattfindende Bewegung der Molecüle geführt, aus welcher sich eine Reihe der wichtigsten allgemeinen Eigenschaften der Gase als mechanische Consequenzen ergeben. Nicht ebenso ist es bis jetzt gelungen, in Bezug auf die Bewegungszustände der Molecüle von Flüssigkeiten und festen Körpern solche hypothetische Vorstellungen zu entwerfen, dass sich aus denselben die allgemeinsten Eigenschaften von Flüssigkeiten und festen Körpern als mechanische Consequenzen ableiten ließen.

Zu einem Versuche, die Contactwirkung eines Gases auf flüssige und feste Körper aus dem Mechanismus ihrer

Molecularbewegungen abzuleiten, ist es daher wohl jetzt noch zu früh. Indem man, wie es mir scheint, auf die Lösung dieser letzten und böchsten Aufgabe der Physik auf dem fraglichen Gebiete vorerst noch verzichten muß, darf man jedoch keinen Anstand nehmen, das thatsächlich Gemeinsame oder Uebereinstimmende in der Contactwirkung der Körper aufzusuchen, und als Gegenstand weiterer Forschung zu bezeichnen. Eine Thatsache, welche sich allgemein aussprechen lässt, liegt aber nun vor.

Feste Körper üben im Contact eine Wirkung aus, durch welche andere Körper in den gleichartigen Cohäsionsund Krystallisationszustand versetzt werden, sofern sie dessen fähig sind. Die auflösende Kraft der Flüssigkeiten im Contact mit sesten Körpern und Gasen wirkt dahin, diese Körper in den gleichen Fluiditätszustand zu versetzen. Die verflüchtigende Kraft der Gase verwandelt die Körper, soweit es angeht, in den gleichen elastisch-flüssigen Zustand. Die gemeinsame Ursache in allen erwähnten Wirkungen lässt sich bezeichnen als eine der Materie innewohnende assimilirende Kraft.

Die assimilirende Kraft der Zelle des lebendigen Organismus ist nicht eine von der Lehenskraft bedingte besondere Eigenschaft, sondern sie ist auf eine allgemeine Eigenschaft der Materie zurückzuführen.

Mannheim, den 20. Januar 1870.

VI. Untersuchungen über die specifische Wärme der Flüssigkeitsgemische; von J. H. Schüller.

(Die Resultate dieser Untersuchung, welche Hr. Schüller während des Frühjahrs und Sommers 1869 in meinem Laboratorium ausgeführt hat, sind von mir in der Sitzung vom 21. Juni 1869 der niederrheinischen Gesellschaft für Natur- und Heilkunde zu Bonn, sowie in der physikalischen Section der Versammlung deutscher Naturforscher zu Innsbruck im September 1869 mitgetheilt worden. — A. VVüllner.)

Dass die specifische. Wärme eines Gemisches zweier Substanzen gleich ist der mittleren specifischen Wärme der Mischungsbestandtheile, hat Regnault für die Metalllegirungen nachgewiesen 1). Legirt man nämlich ein Gewicht p eines Metalls, dessen specifische Wärme c ist, mit dem Gewichte p_1 eines Metalls, dessen specifische Wärme c_1 ist, so ist die specifische Wärme C der Legirung gegeben durch die Formel

$$C = \frac{cp + c_1p_1}{p + p_1}.$$

Dieser so eben ausgesprochene Satz hat jedoch keineswegs allgemeine Gültigkeit. Wie ich nämlich durch frühere Versuche²) bewiesen habe, gilt derselbe nicht für die Salzlösungen; denn bei den dort untersuchten Lösungen fand sich keine einzige, deren specifische Wärme sich aus den Lösungsbestandtheilen nach obiger Formel hätte berechnen lassen. Die wahre specifische Wärme wich bei allen Salzlösungen von der berechneten mittleren specifischen Wärme mehr oder weniger ab. Bei den meisten war die Größe der Abweichung veränderlieh mit dem Procentgehalte der Lösung an Salz.

Nach einigen wenigen Versuchen der HH. Bussy und Buignet³), über deren Genauigkeit indess man bei dem Mangel aller Detailangaben nicht urtheilen kann, scheint

¹⁾ Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. 1.

²⁾ Poggen d. Ann. Bd. CXXXVI, S. 70.

⁸⁾ Comptes rendus de l'Acad. de Paris, T. 64, p. 330.

für Flüssigkeitsgemische die Regnault'sche Gleichung ebenfalls nicht zu gelten. Die Versuche sind jedoch viel zu
wenig zahlreich, als dass man daraus weitere Schlüsse über
die Aenderungen der specifischen Wärmen der Mischungen
ziehen könnte. Ich habe es desshalb unternommen im Anschlusse an die Versuche über specifische Wärmen von
Salzlösungen auch einige Flüssigkeitsgemische auf ihre specifische Wärme zu untersuchen. Die Ergebnisse dieser
Untersuchung sind im Folgenden enthalten.

Das bewährte Kopp'sche Verfahren habe ich auch bei diesen Versuchen wiederum angewandt, ganz in derselben Art und Weise und mit denselben Apparaten, wie auch bei der Bestimmung der specifischen Wärmen der Salzlösungen, und es gilt das dort Gesagte auch für die nun folgenden Versuche. Dieselben wurden angestellt im physikalischen Laboratorium des Hrn. Prof. Wüllner.

Weil die meisten Flüssigkeiten, welche untersucht werden mussten, sehr leicht verdampfen, war es nothwendig, dass auf eine gehörige Verkorkung der Versuchsgläschen besondere Sorgfalt verwendet wurde. Die Stopfen wurden daher möglichst oft erneuert. Trotzdem aber zeigte sich bei manchen Substanzen nach den Versuchen eine mehr oder minder beträchtliche Abnahme des Gewichtes. selbe hat jedoch während vier aufeinander folgender Versuche mit derselben Füllung nie 0,03 Gramm überstiegen und blieb meistens unterhalb 0,02 Gramm. In der Regel wurden mit derselben Füllnng nie mehr als vier Versuche gemacht. Um die Gewichtsabnahmen, welche für die einzelnen Versuche in Betracht kamen, genauer zu bestimmen, wurde anfänglich das Gläschen nach jedem Versuche gewogen, wobei während der Wägung, um die Verdunstung zu vermeiden, das Gläschen durch einen besonderen Stopsen geschlossen gehalten wurde. Dahei stellte sich nun bald heraus, dass bei dem ersten Versuche die Gewichtsabnahme am stärksten war, dass dagegen bei den übrigen Versuchen mit demselben Gläschen und derselben Füllung die Abnahme kleiner und jedesmal fast genau dieselbe war. Man konnte

desshalb die Wägungen später so vereinsachen, dass man das Gläschen nur nach dem ersten und letzten Versuche wog, und die bei der letzten Wägung beobachtete Gewichtsabnahme auf die drei letzten Versuche zu gleichen Theilen vertheilte. Sollte sich dabei auch eine Abweichung von dem wahren Gewichte um 0,002 bis 0,003 Gramm ergeben haben, so hätte eine solche doch eine Abweichung in dem schliesslichen Resultate zur Folge gehabt, die 1 oder 2 Einheiten in der 4. Decimale nicht übertroffen hätte, und die im Vergleich mit den überhaupt möglichen Beobachtungsfehlern gar nicht in Betracht zu ziehen ist. Dabei ist auch zu beachten, dass diejenigen von den untersuchten Flüssigkeiten, welche am leichtesten verdampsen, zugleich auch die specifisch schwersten sind und desshalb ein kleiner Fehler im Gewichte um so weniger von Einfluss ist.

Bezeichnet nun

c die specifische Wärme der zu untersuchenden Substanz,

p ihr Gewicht,

W den Wasserwerth des Calorimeters,

w den des Gläschens,

T die Temperatur der Substanz im Momente des Eintauchens,

3, die des Calorimeters in demselben Momente,

3. seine Endtemperatur,

C die Temperaturcorrection in Folge der Ausstrahlung, so ergiebt sich der Werth für c aus der folgenden bekannten Formel:

$$c = \frac{W(\vartheta_n - \vartheta_0 + C) - w(T - \vartheta_n)}{p(T - \vartheta_n)}.$$

I.

Specifische Wärmen der zu den Versuchen benutzten Flüssigkeiten.

Die betreffenden Flüssigkeiten wurden dargestellt in der chemischen Fabrik des Hrn. Dr. Marquart hierselbst. Es sind Alkohol, Schwefelkoblenstoff, Chloroform und Benzin. Die mittleren specifischen Wärmen derselben zwischen den Temperaturen, welche für meine Versuche in Betracht kamen, habe ich selbst bestimmt. Auch habe ich noch die specifische Wärme von absolut reinem Schwefelkohlenstoff, welcher in dem hiesigen chemischen Laboratorium dargestellt war, bestimmt, habe denselben jedoch zu keinen weiteren Versuchen benutzt.

I. Absoluter Alkohol.

a. Specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen 16°C. und 30°C.

Nehme ich das Mittel aus allen 11 Versuchsresultaten, so erhalte ich für die mittlere specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen den Temperaturen 16° und 30°

$$c = 0,6019$$

mit Abweichungen von -0,0022 bis +0,0050.

b) Mittlere specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen 16° C. und 35° C.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.70$; $p = 6.670$.

 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 $0.$

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.255$.

 0.00 , 0.00

Aus beiden Mittelwerthen ergiebt sich als mittlere specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen 16° und 35°

$$c = 0,6067$$

mit Abweichungen von -0,0028 bis +0,0031.

c) Mittlere specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen 16° C. und 40,5° C.

$$W = 44.0; \quad w = 0.560; \quad p = 5.592.$$
 $3.000 \quad 3.000 \quad C \quad T \quad c$
 $13.960 \quad 16.270 \quad + 0.130 \quad 42.08 \quad 0.6105$
 $13.960 \quad 16.070 \quad + 0.140 \quad 40.93 \quad 0.6120$
Im Mittel 0.6112

Der aus sämmtlichen Versuchen sich ergebende Mittelwerth ist

$$c = 0.6120$$

mit Abweichungen von -0.0021 bis +0.0015.

Zur Bestimmung der mittleren specifischen Wärme des absoluten Alkohols zwischen den Temperaturen 0° und t° C. hat Regnault¹) folgende Interpolationsformel gegeben:

$$c = 0.54754 + 0.0011218t + 0.0000022069t^2$$

wo also c die mittlere specifische Wärme zwischen 0° und t° bedeutet. Bezeichne ich nun mit c_1 die mittlere specifische Wärme des absoluten Alkohols zwischen 0° und t_1° , so erhalte ich die mittlere specifische Wärme desselben zwischen den Temperaturen t° und t_1° durch die Formel

$$\frac{c_1t_1-ct}{t_1-t}.$$

Folgende kleine Tabelle enthält in der 2. Colonne die nach der Regnault'schen Interpolationsformel berechneten und in der 3. die von mir durch die Versuche bestimmten Zahlen.

Die von mir gefundenen Zahlen sind also sämmtlich kleiner, als die nach Regnault berechneten. Der Unterschied nimmt ab bei niederer Temperatur, woraus hervorgeht, dass dieselben nach einer von der Regnault'schen verschiedenen Interpolationsformel berechnet werden müssen. Die 3 gefundenen Werthe reichen hin, die Constanten einer der Regnault'schen gleich gebauten Interpolationsformel zu bestimmen. Dieselbe lautet:

$$c = 0.5585 + 0.00093195 t + 0.0000003463 t^2$$

II. Schwefelkohlenstoff.

- a) Reiner Schwefelkohlenstoff aus dem chemischen Laboratorium. Specifische Wärme desselben zwischen 14° 29,5° C.
 - 1) Mém. de l'Acad. H. XXVI, p. 271.

W=44.0:	w=0,	70.						
$\boldsymbol{\mathscr{F}_{\mathbf{o}}}$	9.	C	$m{T}$	p	c			
12,610	13,980	-0,165	30,08	10,465	0,2478			
11,620	13,000	0,175	29,33	10,460	0,2435			
11,060	13,380	-0,150	29,13	10,460	0,2456			
12,950	14,170	— 0,110	29,98	10,455	0,2485			
		Im Mittel 0,2464.						
W = 44,0;	w=0,	626 .						
$W = 44,0;$ ϑ_0	w=0,	626. C	T	p	e			
•	•		<i>T</i> 29,08	<i>p</i> 9,723	e 0,2491			
3 0	3 ,	c		_				
9 ₀ 13,115	э. 15,205	<i>c</i> - 0,060	29,08	9,723	0,2491			
9 ₀ 13,115 13,400	9. 15,205 14,440	<i>c</i> - 0,060 - 0,035	29,08 29,18	9,723 9,718	0,2491 0,2443			

Aus beiden Mittelwerthen ergiebt sich

$$c = 0,2468$$

mit Abweichungen von -0,0033 bis +0,0023.

b) Schwefelkohlenstoff, welcher zu den Mischungen benutzt worden ist. Specifische Wärme desselben zwischen 15° und 30° C.

Aus sämmtlichen Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth

$$c = 0.2442$$

mit Abweichungen von - 0,0020 bis 0,0030.

Die mittlere specifische Wärme des Schwefelkohlenstoffs zwischen den Temperaturen 0° und t° wird nach Regnault¹) durch folgende Interpolationsformel gefunden:

$$c = 0.23523 + 0.0000815 t$$
.

Daraus kann ich nun nach der schon früher beim Alkohol angegebenen Formel die mittleren specifischen Wärmen zwischen 14° und 29°,5 und zwischen 15° und 30° berechnen.

Für erstere erhalte ich 0,2388, für letztere 0,2389.

Die von mir gefundenen Zahlen sind:

- 0,2468 für die mittlere specifische Wärme des absolut reinen Schwefelkohlenstoffs zwischen 14° und 29°,5 und
- 0,2442 für die mittlere specifische Wärme des zu den Mischungen benutzten Schwefelkohlenstoffs zwischen 15° und 30°.

Die erste Zahl differirt von der betreffenden Regnault'schen um 0,0080; die zweite von der anderen um 0,0053.

3. Chloroform.

a) Mittlere specifische Wärme des Chloroforms zwischen den Temperaturen 16° und 35° C.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$\boldsymbol{\mathcal{P}_{o}}$	3.	C	\boldsymbol{T}	P	c
14,670	16,000	+0,141	35,58	11,420	0,2347
15,010	16,280	+ 0,109	34,88	11,415	0,2309
14,955	16,320	+0,095	35,60	11,410	0,2372
15,705	16,950	+0,094	35,03	11,405	0,2308
15,020	16,500	 0,020	36.08	11,375	0,2334
			T	- Missal	Λ 0224

Im Mittel 0,2334,

¹⁾ Mem. de l'Acad. T. XXVI. p. 275.

Aus beiden Mittelwerthen ergiebt sich

$$c = 0.2337$$

mit Abweichungen von -0,0035 bis +0,0039.

b) Mittlere specifische Wärme des Chloroforms zwischen 18° und 30° C.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$oldsymbol{artheta_{ullet}}$	3.	C	\boldsymbol{T}	p	C
17,140	18,250	-0,160	30,93	11,445	0,2333
17,150	18,195	0,145	30,28	11,445	0,2316
17,120	18,135	-0,165	29,50	11,440	0,2329
17,090	18,070	-0,130	29,35	11,440	0,2351
17,120	18,150	-0,190	29,48	11,310	0,2331
17,120	18,170	-0,172	30,00	11,310	0,2334
17,130	18,120	— 0,100	30,25	11,305	0,2319
17,075	18,080	-0.095	30,33	11,305	0,2338

Als Mittel ergiebt sich aus diesen 8 Versuchen

$$c = 0.2331$$

mit Abweichungen von -0.0015 bis +0.0020.

Zur Berechnung der mittleren specifischen Wärme des Chloroforms zwischen 0° und t° hat Regnault¹) die folgende Formel angegeben:

$$c = 0.23235 + 0.0000507 t.$$

Danach würde ich erhalten 0,2349 für die specifische Wärme zwischen 16° und 35°, 0,2348 für dieselbe zwischen 18° und 30°.

1) Mém. de l'Acad. T. XXVI. p. 277.

Die Differenz zwischen der ersten dieser beiden Zahlen und der von mir gefundenen beträgt 0,0012. Die Differenz zwischen der anderen und der von mir gefundenen beträgt 0,0017.

4. Benzin.

a) Mittlere specifische Wärme des Benzins zwischen den Temperaturen 19°,5 und 30°,5 C.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.595$.

 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000

$$W = 44.0$$
; $\omega = 0.68$; $p = 7.445$.

3. C T c

18,435 . 19,480 — 0,070 30,78 0,4186

18,315 19,395 — 0,120 30,28 0,4136

18,560 19,610 — 0,160 30,00 0,4136

18,810 18,880 — 0,156 30,55 0,4149

Im Mittel 0,4152.

Im Durchschnitt der beiden Mittelzahlen erhalte ich c = 0.4158

mit Abweichungen von -0.0022 bis +0.0028.

b) Mittlere specifische Wärme des Benzins zwischen den Temperaturen 19°,5 und 35°,5 C.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.605$.

 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000
 0.000

Diese 8 Versuche ergeben als Mittelwerth c = 0.4194

mit Abweichungen von -0,0054 bis +0,0048.

c) Mittlere specifische Wärme des Benzins zwischen den Temperaturen 20° und 41° C.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.763$.

 $0.000 0.000 42.30 0.4244$
 $18.530 20.160 -0.057 40.00 0.4233$
 $18.095 19.675 -0.045 39.00 0.4242$
 $18.210 19.750 -0.060 38.38 0.4243$
 $18.170 19.910 -0.035 41.40 0.4236$
Im Mittel 0.4240.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.68$; $p = 7.467$.

18.155 19.850 0.000 39.38 0.4204
18.070 19.830 + 0.030 40.40 0.4217
18.160 19.840 + 0.045 39.50 0.4260
18.155 19.960 + 0.020 40.80 0.4250

Im Mittel 0.4233.

Aus sämmtlichen 9 Versuchen ergiebt sich im Mittel c = 0.4237

mit Abweichungen von -0,0033 bis +0,0023.

Die für die specifische Wärme des Benzins bei verschiedenen Temperaturen gefundenen Zahlen sind also

zwischen 19°,5 und 30°,5 0,4158

" 19°,5 und 35°,5 0,4194

" 20° und 41° 0,4237.

Berechne ich nun daraus die Constanten für eine Interpolationsformel, so zeigt sich, dass die specifische Wärme c des Benzins bei irgend einer Temperatur t dargestellt wird durch die Gleichung

$$c = 0.3798 + 0.00072 t$$
.

II.

Specifische Wärmen der Flüssigkeitsgemische.

Zur Darstellung der Mischungen wurde ein kleines Glaskölbchen benutzt. In dasselbe wurden vermittelst Pipetten, die ein bestimmtes Volumen hielten, die betreffenden Flüssigkeiten hineingebracht. Gleich nach dem Eingießen wurde das Kölbchen wieder sorgfältig verkorkt und blieb auch während des Wägens immer verschlossen.

Alkohol und Wasser.

Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 17,50 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W=44,0; \quad w=0,626; \quad p=7,551.$$
 $3,0 \quad 3, \quad C \quad T \quad c$
 $13,835 \quad 17,970 \quad +0,200 \quad 40,38 \quad 1,0440$
 $12,190 \quad 16,660 \quad +0,167 \quad 40,63 \quad 1,0443$
 $W=44,0; \quad w=0,70; \quad p=7,995.$
 $13,310 \quad 17,390 \quad +0,225 \quad 41,68 \quad 1,0352$
 $14,015 \quad 18,640 \quad +0,225 \quad 42,38 \quad 1,0368$
 $W=44,0; \quad w=0,626; \quad p=7,460.$
 $14,075 \quad 18,270 \quad +0,225 \quad 41,48 \quad 1,0390$
 $14,470 \quad 18,335 \quad +0,226 \quad 39,68 \quad 1,0465$
 $14,730 \quad 18,460 \quad +0,214 \quad 39,38 \quad 1,0280$
Als Mittel ergiebt sich aus diesen 7 Versuchen

$$c = 1,0391$$

mit Abweichungen von -0,0111 bis +0,0074.

Bei diesen sowie bei den meisten übrigen Versuchen mit Alkohol und Wasser wurde die Temperatur T in der Nähe von 40° gehalten. Die Temperatur ϑ_{0} des Calorimeters vor dem Eintauchen wurde so geregelt, dass dieselbe immer in der Nähe von 14° war, so dass die Endtemperatur ϑ_{n} jedesmal ungefähr 18° werden musste. Es stellt demnach c die specifische Wärme der Flüssigkeit zwischen 18° und 40° dar.

Um nun die gefundenen specifischen Wärmen der Mischungen mit den mittleren specifischen Wärmen der Bestandtheile zu vergleichen, muß ich die specifische Wärme des Alkohols zwischen den Temperaturen 18° und 40° kennen. Mit Hülfe der S. 121 aufgestellten Interpolationsformel erhalte ich hierfür den Werth

Die aus den specifischen Wärmen der Bestandtheile berechnete mittlere specifische Wärme einer Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und p Gewichtstheilen Alkohol, welche ich zum Unterschiede von der wahren specifischen Wärme mit c_1 bezeichnen will, wird nun gefunden durch die folgende Formel:

$$c_1 = \frac{100 + p \cdot 0,6134}{100 + p}.$$

In dem vorliegenden Falle ist p = 17,50 und demnach $c_1 = 0,9424$. Es ist also diese so berechnete mittlere specifische Wärme der Mischung beträchtlich kleiner, als die aus den Beobachtungen sich ergebende. Für das Verhältnis beider ergiebt sich:

$$\frac{c}{c_1} = \frac{1,0391}{0,9424} = 1,1024.$$

II. Mischung von 100 Theilen Wasser und 25,0 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70; \quad p = 7.867.$$
 $0.0 \quad 0.0 \quad C \quad T \quad c$
 $13.760 \quad 18.170 \quad + 0.250 \quad 41.23 \quad 1.0413$
 $11.786 \quad 16.550 \quad + 0.100 \quad 40.48 \quad 1.0478$
 $12.180 \quad 16.820 \quad + 0.200 \quad 40.68 \quad 1.0456$

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 7.451$.

 9_0 9_n C T c
 12.540 16.780 $+ 0.183$ 39.78 1.0516
 14.100 18.240 $+ 0.182$ 40.88 1.0433
 $W = 44.0$; $w = 0.70$; $p = 7.874$.

 14.220 18.400 $+ 0.230$ 40.18 1.0426 14.760 18.695 $+ 0.256$ 39.33 1.0460 .

Aus diesen Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth

c = 1,0456

mit Abweichungen von -0,0043 bis +0,0060.

Als aus den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich

$$c_1 = 0.9227.$$

Dieselbe ist also wiederum kleiner, als die aus den Beobachtungen erhaltene specifische Wärme.

Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{1,0456}{0,9227} = 1,1331.$$

III. Mischung von 100 Theilen Wasser und 29,125 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 7.219$.

 0.0 0

Als Mittelwerth ergiebt sich aus diesen Versuchen

$$c = 1,0436$$

mit Abweichungen von -0.0035 bis +0.0050.

Poggendorff's Ann. Ergänzungsbd. V.

9

Die gemäs den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.9128.$$

Es ist $\frac{c}{c_1} = \frac{1.0436}{0.9128} = 1.1433.$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 39,97 Gewichtstheilen Alkohol.

Im Mittel erhalte ich aus diesen Versuchen

$$c = 1,0354$$

mit Abweichungen von -0,0053 bis +0,0048.

Als berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich:

$$c_1 = 0.8896.$$

Es ist $\frac{c}{c^1} = \frac{1.0354}{0.8896} = 1.1639.$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 54,37 Gewichtstheilen Alkohol.

Im Durchschnitt erhalte ich aus diesen 10 Versuchen c = 1,0076

mit Abweichungen von -0,0071 bis +0,0087.

Die aus den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.8638.$$

Es ist $\frac{c}{c_1} = \frac{1.0076}{0.8638} = 1.1665.$

VI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 79,70 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70; \quad p = 7.831.$$
 $3. \quad C \quad T \quad c$
 $14.250 \quad 18.275 \quad + 0.100 \quad 40.33 \quad 0.9627$
 $14.765 \quad 18.480 \quad + 0.080 \quad 38.83 \quad 0.9597$
 $W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 7.347.$
 $16.775 \quad 20.120 \quad + 0.180 \quad 40.33 \quad 0.9595$
 $15.650 \quad 19.230 \quad + 0.120 \quad 40.43 \quad 0.9600$
 $14.920 \quad 18.740 \quad + 0.010 \quad 40.68 \quad 0.9588$
 $15.010 \quad 18.790 \quad + 0.070 \quad 40.73 \quad 0.9657.$

Aus diesen 6 Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth

$$c = 0.9610$$

mit Abweichungen von -0,0022 bis +0,0047.

Die aus den Bestandtbeilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.8285.$$
Es ist $\frac{e}{c_1} = \frac{0.9610}{0.8285} = 1.1599.$

VII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 97,847 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 7.247.$$
 $9^{\bullet} \quad 9_{\bullet} \quad C \quad T \quad c$
 $16.955 \quad 20.435 \quad -0.017 \quad 41.48 \quad 0.9127$
 $16.825 \quad 20.090 \quad -0.010 \quad 39.83 \quad 0.9148$
 $16.450 \quad 19.645 \quad -0.045 \quad 38.63 \quad 0.9210^{-1}).$

Als Mittel ergiebt sich aus diesen 3 Versuchen c = 0.9162

mit Abweichungen von -0,0035 bis +0,0048.

Die mittlere specifische Wärme der Bestandtheile ist $c_1 = 0.8103$.

Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.9162}{0.8103} = 1.1307$$
.

VIII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 99,70 Gewichtstheilen Alkohol.

Aus sämmtlichen Versuchen ergiebt sich als Mittel werth

$$c = 0.9096$$

mit Abweichungen von -0,0093 bis +0,0063.

1) VVährend des darauf folgenden 4. Versuches mit einer neuen Füllung zeibrach der Rührer des Calorimeters; desshalb wurden mit dieser Mischung keine weiteren Versuche gemacht.

Die mittlere specifische Wärme der Mischung ist $c_1 = 0.8061$.

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,9096}{0,8061} = 1,1284.$$

IX. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 117,815 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.70$; $p = 7.265$.

 0.0 $0.$

Nehme ich aus sämmtlichen 10 Versuchen das Mittel, so erhalte ich

$$c = 0.8826$$

mit Abweichungen von ± 0,0083.

Die gemäß den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.7909.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.8826}{0.7909} = 1.1159.$$

X. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 119,53 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70; \quad p = 7.060.$$
 $\theta_0 \quad \theta_n \quad C \quad T \quad c$
 $14.215 \quad 18.070 \quad +0.085 \quad 43.18 \quad 0.8837$
 $15.985 \quad 19.300 \quad +0.190 \quad 41.68 \quad 0.8769$

$$W = 44.0; \quad w = 0.70; \quad p = 7.202.$$
 $0.50 \quad 0.50 \quad 0.50 \quad 0.500 \quad 0.$

Der aus diesen 6 Versuchen sich ergebende Mittelwerth ist

$$c = 0.8793$$

mit Abweichungen von -0,0099 bis +0,0053.

Als mittlere specifische Wärme erhalte ich c = 0.7895.

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.8793}{0.7895} = 1,1139.$$

XI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 139,05 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W 44,0; \quad w = 0,626; \quad p = 6,869.$$
 $3_0 \quad 3_1 \quad C \quad T \quad c$
 $15,840 \quad 18,810 \quad + 0,156 \quad 39,98 \quad 0,8547$
 $13,485 \quad 16,960 \quad - 0,033 \quad 40,28 \quad 0,8543$
 $14,725 \quad 18,000 \quad + 0,080 \quad 40,48 \quad 0,8649$
 $W = 44,0; \quad w = 0,626; \quad p = 6,908.$
 $13,600 \quad 17,140 \quad - 0,030 \quad 40,78 \quad 0,8551$
 $13,085 \quad 16,650 \quad - 0,040 \quad 40,08 \quad 0,8663$
 $W = 44,0; \quad w = 0,70; \quad p = 7,293.$
 $14,920 \quad 18,255 \quad + 0,097 \quad 39,83 \quad 0,8637$
 $15,380 \quad 18,770 \quad + 0,127 \quad 41,13 \quad 0,8530$
 $12,910 \quad 16,800 \quad - 0,035 \quad 41,13 \quad 0,8600.$

Als Mittelwerth aus allen Versuchen ergiebt sich

$$c = 0.8590$$

mit Abweichungen von -0,0060 bis +0,0073.

Die gemäß den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

Es ist
$$\frac{c_1 = 0,7751.}{\frac{c}{c_1} = \frac{0,8590}{0,7751} = 1,1082.}$$

XII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 283,13 Gewichtstheilen Alkohol.

Aus allen 8 Versuchen ergiebt sich als Mittel c = 0,7771

mit Abweichungen von -0,0037 bis +0,0021.

Weil bei diesen Versuchen die Temperaturen T und ϑ , höher waren, habe ich zur Berechnung der mittleren specifischen Wärme der Mischung die specifische Wärme des Alkohols zwischen 20° und 42° genommen. Mit Hülfe der für den Alkohol aufgestellten Interpolationsformel erhalte ich dafür den Werth

Berechne ich daraus die mittlere specifische Wärme der Mischung, so ist

Es ist
$$\frac{c_1 = 0.7172}{\frac{c}{c_1} = \frac{0.7771}{0.7172} = 1.0771.$$

XIII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Wasser und 487,49 Gewichtstheilen Alkohol.

Als Mittel ergiebt sich aus diesen 10 Versuchen c = 0.7168

mit Abweichungen von - 0,0025 bis + 0,0048.

Es ist

Die Endtemperatur ϑ_n liegt in der Nähe von 20°, T in der Nähe von 41°. Die specifische Wärme des Alkohols zwischen 20° und 41° beträgt 0,6164. Berechne ich daraus die mittlere specifische Wärme der Mischung, so ist

$$c_1 = 0.6817.$$

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.7168}{0.6817} = 1.0515.$$

Bei den letzten Mischungen nähert die Verhältnisszahl sich schon immer mehr der Einheit. Es wurde daher mit diesen die Reihe der zu untersuchenden Mischungen abgeschlossen.

Zur genaueren Uebersicht sind die sämmtlichen erhaltenen Zahlen in der folgenden Tabelle noch einmal zusammengestellt. Der Alkoholgehalt der Mischungen ist dabei so berechnet, dass die in der ersten Colonne stehenden

Zahlen die in 100 Gewichtstheilen der Mischung enthaltenen Gewichtsmengen Alkohol angeben.

AN 1 1 *-	Specifische			
Alkohol in 100 Mischung	beobachtete e	mittlere C 1	$\frac{c}{c_1}$	
14,90	1,0391	0,9424	1,1026	
20,00	1,0456	0,9227	1,1331	
22,56	1,0436	0,9128	1,1433	
28,56	1,0354	0,8896	1,1639	
35,22	1,0076	0,8638	1,1665	
44,35	0,9610	0,8285	1,1599	
49,46	0,9162	0,8103	1,1307	
49,93	0,9096	0,8061	1,1284	
54,09	0,8826	0,7909	1,1159	
54,45	0,8793	0,7895	1,1139	
58,17	0,8590	0,7751	1,1082	
73,90	0,7771	0,7172	1,0771	
83,00	0,7168	0,6817	1,0515	

Diese aus den Versuchen gewonnenen Resultate zeigen, dass die durch Beobachtungen gefundene specifische Wärme bei sämmtlichen Mischungen beträchtlich größer ist, als die aus den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere. Für die ersten 5 Mischungen ist die specifische Wärme soger größer, als die des Wassers. Sie erreicht bei einer Mischung, die in 100 Gewichtstheilen 20,00 Gewichtstheile Alkohol enthält, nahezu den Werth 1,05 Die gefundenen Verhältnisszahlen zeigen ferner, dass das Verhältniss zwischen den wahren und mittleren specifischen Wärmen veränderlich ist mit dem Procentgehalte der Mischung an Alkohol. Die Verhältnisszahl wächst anfangs rasch und erreicht ihren größten Werth bei der Mischung von 64,78 Theilen Wasser und 35,22 Theilen Alkohol. Für diese Mischung ist $\frac{c}{c}$ = 1,1665. Ist der Alkoholgehalt auf 44,35 gestiegen, so hat die Verhältnisszahl schon wieder beträchtlich abgenommen. Dieselbe nimmt zuerst stark, dann aber mit steigendem Alkoholgehalte der Mischung immer langsamer ab, und nähert sich zuletzt allmählich wiederum etwas stärker fallend der Einheit.

Würde ich mir nun diejenigen Zahlen, welche die auf 100 Gewichtstheile Mischung kommenden Gewichtsmengen Alkohol angeben, als Abscissen, die zugehörigen Verhältniszahlen dagegen als Ordinaten eines Axensystemes denken, so müssten die Endpunkte der Letzteren auf einer Curve liegen, die in der Entfernung 1 von der Abscissen axe auf der Ordinatenaxe ansetzt, alsdann rasch steigt, ihr Maximum für den Abscissenwerth 35 ungefähr erreicht und von da ab zuerst rasch, dann langsamer fällt, bis zuletzt die Ordinaten wiederum dem ursprünglichen Werthe 1 sich nähern. Dieser eigenthümliche Verlauf der Curve zeigt schon, dass es schwer seyn wird eine Interpolationsformel das aufzustellen. Ich habe mich desshalb auch darauf beschränkt, dieselbe graphisch darzustellen, wie dies die Curven auf Taf. III zeigen.

Für die Abscissen wählte ich diejenigen Zahlen als Einheiten, welche die in 100 Gewichstheilen Mischung enthaltenen Gewichtsmengen Alkohol angeben. Die zugehörigen Ordinaten stellen den über der Einheit liegenden Theil der Verhältnisszahlen dar und zwar die Tausendstel als Einheiten, jedoch nach einem im Verhältniss zu dem der Abscissen vierfach verkleinerten Maassstabe, wie diess die an der Seite beigefügten Zahlen angeben. Eine auffallende Einbuchtung nach der Abscissenaxe hin zeigt die Curve zwischen den Abscissenwerthen 40 und 60. Es nehmen also die specifischen Wärmen der Mischungen, während der Alkoholgehalt von 40 bis 60 zunimmt, verhältnismässig rasch ab. Da nun auch grade in derselben Gegend die stärkste Contraction der Alkohol-Wasser-Gemisch eintritt, kann möglicher Weise ein Zusammenhang zwischen beiden Thatsachen bestehen.

Die Ordinaten der Curve la geben die specifischen Wärmen der Mischungen selbst an, wie sie für die Temperaturen 18 — 40° dem Laufe der Verhältnisscurve gemäß berechnet sind. Dem Aufangspunkte entspricht der Werth der specifischen Wärme des Wassers 1,000. Die Hundert-

stel sind als Einheiten abgetragen, welche mit den Einheiten der Abscissen übereinstimmen.

Als diese Arbeit schon vollendet war, fand ich im letzten August-Heste des "Philosophical Magazin" ebenfalls die Resultate einer Untersuchung über specifische Wärmen von Alkoholgemischen angesührt. Da ich nun aus der Lage der Curve I zu jeder Alkoholmischung die zugehörige Verhältniszahl bestimmen kann, will ich in solgender Tabelle noch eine vergleichende Zusammenstellung der daselbst angegebenen Zahlen und der von mir sür die betreffenden Mischungen gesundenen geben. Die im "Philosophical Magazin" angegebenen Zahlen habe ich bezeichnet mit c^1 und c_1^1 , die von mir aus der Lage der Curve bestimmten mit c und c_1 . Das Verhältniss $\frac{c_1}{c_1^1}$ habe ich selbst berechnet, da nur die Disserenz $c^1 - c_1^1$ angegeben war.

Alkohol in 100 Mischung	c1	c, 1	$\frac{c^1}{c_1^{-1}}$	$\frac{c}{c_1}$	c	c1-c
10	1,0358	0,9604	1,0784	1,0750	1,0324	+ 0,0734
20	1,0436	0,9209	1,1333	1,1330	1,0436	0,0000
30	1,0260	0,8813	1,1642	1,1640	1,0260	0,0000
40	0,9681	0,8617	1,1501	1,1650	0,9806	-0.0125
45	0,9119	0,8219	1,1460	1,1550	0,9493	-0.0074
50	0,9063	0,8022	1,1299	1,1295	0,9061	+0,0002
60	0,8433	0,7626	1,1058	1,1050	0,8428	+0,0005
70	0,7845	0,5230	1,0850	1,0850	0,7845	0,0000
80	0,7169	0,6834	1,0590	1,0610	0,7251	-0,0082
90	0,6576	0,6439	1,0213	1,0310	0,6638	 0,0062

Die Endpunkte der Ordinaten, welche den Verhältnisszahlen $\frac{c_1}{c_1^{-1}}$ entsprechen, sind in der Tafel durch Kreuzchen markirt. Die vorkommenden Abweichungen übersteigen nirgendwo die Gränzen der Beobachtungsfehler. Die größte Differenz ergiebt sich für die Mischung von 60 Theilen Wasser und 40 Theilen Alkohol. Dass aber hier die Beobachtung von c' fehlerhaft sein muß, zeigt sofort die Lage des Kreuzchens in der Tafel, welches im Verhältnis zu den

übrigen viel zu tief steht. Im Uebrigen bestätigen diese Versuche die von mir gemachten Beobachtungen vollkommen.

2. Alkohol und Schweselkohlenstoff.

Von Alkohol und Schwefelkohlenstoff wurden acht verschiedene Mischungen untersucht. Die Temperatur wurde bei den Versuchen immer so geregelt, dass die Temperatur T im Quecksilberbade immer in der Nähe von 30°, die Endtemperatur ϑ_n des Calorimeters immer in der Nähe von $15^{\circ} - 16^{\circ}$ blieb. Wie die von Regnault gegebene Interpolationsformel 1) zeigt, ändert sich die specifische Wärme des Schwefelkohlenstoffs mit der Temperatur so wenig, dass ich geglaubt habe, zur Berechnung der mittleren specifischen Wärmen der Mischungen die von mir zwischen den Temperaturen 15° und 30° bestimmte specifische Wärme des Schwefelkohlenstoffs benutzen zu dürfen.

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schweselkohlenstoff und 19,11 Gewichtstheilen Alkohol.

Im Durchschnitt ergiebt sich aus diesen Versuchen c = 0.3371

mit Abweichungen von — 0,0040 bis + 0,0025. Die specifische Wärme des Alkohols zwischen den Temperaturen 16° und 30° ist früher bestimmt worden. Sie ist 0,6019. Die specifische Wärme des Schwefelkohlenstoffs ist 0,2442.

¹⁾ Siehe dieselbe S. 123.

Die mittlere specifische Wärme einer Mischung, in der auf 100 Gewichtstheile Schwefelkohlenstoff 19,11 Gewichtstheile Alkohol kommen, erhält man nun durch die Formel

$$c_1 = \frac{100. \ 0.2442 + 19.11. \ 0.6016}{100 + 19.11} = 0.3016.$$

Es ist demnach die gemäß den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme kleiner, als die durch die Beobachtung gefundene. Das Verhältniß beider ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.3371}{0.3016} = 1.1177.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff und 25,09 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$
 $3_0 \quad 3_1 \quad C \quad T \quad p \quad c$
 $14.470 \quad 15.500 \quad + 0.110 \quad 29.03 \quad 8.520 \quad 0.3614$
 $15.005 \quad 16.060 \quad + 0.065 \quad 20.38 \quad 8.520 \quad 0.3601$
 $15.080 \quad 16.315 \quad - 0.030 \quad 30.78 \quad 8.513 \quad 0.3570$
 $15.080 \quad 16.230 \quad - 0.007 \quad 29.98 \quad 8.516 \quad 0.3560$
 $14.820 \quad 16.170 \quad - 0.116 \quad 30.98 \quad 8.485 \quad 0.3583$
 $W + 44.0; \quad w = 0.70.$
 $14.820 \quad 16.240 \quad - 0.127 \quad 30.18 \quad 9.005 \quad 0.3507$
 $14.740 \quad 16.130 \quad - 0.120 \quad 29.98 \quad 9.700 \quad 0.3536$
 $14.910 \quad 16.300 \quad - 0.095 \quad 30.13 \quad 9.695 \quad 0.3528$
 $15.005 \quad 16.365 \quad - 0.080 \quad 30.00 \quad 9.692 \quad 0.3540$

Aus diesen 9 Versuchen ergiebt sich im Mittel

$$c = 0.3560$$

mit Abweichungen von — 0,0054 bis + 0,0053. Die aus den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c = 0.3160.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,3560}{0,3160} = 1,1266.$$

III. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff und 42,97 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44,0; \quad w = 0,626.$$

$$0 \quad 0 \quad C \quad T \quad p \quad c$$

$$14,720 \quad 16,040 \quad -0,108 \quad 29,58 \quad 8,211 \quad 0,4034$$

$$14,910 \quad 16,160 \quad -0,112 \quad 28,78 \quad 8,211 \quad 0,3942$$

$$14,175 \quad 15,555 \quad -0,070 \quad 30,23 \quad 8,178 \quad 0,4037$$

$$14,840 \quad 15,990 \quad -0,013 \quad 28,88 \quad 8,178 \quad 0,3980$$

$$15,815 \quad 16,870 \quad +0,060 \quad 29,58 \quad 8,149 \quad 0,3969$$

$$W = 44,0; \quad w = 0,070.$$

$$14,890 \quad 15,285 \quad -0,065 \quad 30,15 \quad 8,922 \quad 0,3946$$

$$14,900 \quad 16,330 \quad -0,065 \quad 30,15 \quad 8,922 \quad 0,3967$$

$$15,855 \quad 16,970 \quad +0,066 \quad 29,13 \quad 8,855 \quad 0,4036$$
Im Mittel erhalte ich aus diesen 8 Versuchen

c = 0.3989

mit Abweichungen von — 0,0047 bis 0,0048. Als aus den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich

$$o = 0.3517.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,3989}{0,3517} = 1,1342.$$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff und 53,78 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.70$.

 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0

mit Abweichungen von — 0,0042 bis + 0,0066. Berechne ich die specifische Wärme gemäß den Mischungsbestandtheilen, so ist

$$c_1 = 0.3693.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.4133}{0.3693} = 1.1164.$$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff und 68,14 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70; \quad p = 8.285.$$
 $0.0 \quad 0.0 \quad C \quad T \quad c$
 $13,260 \quad 14.755 \quad -0.040 \quad 29.88 \quad 0.4264$
 $12.970 \quad 14.650 \quad -0.115 \quad 31.08 \quad 0.4214$
 $12.865 \quad 14.420 \quad -0.068 \quad 29.70 \quad 0.4232^{-1}$)
 $12.665 \quad 14.275 \quad -0.800 \quad 30.05 \quad 0.4217^{-2}$)

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

Aus beiden Versuchsreihen ergiebt sich im Mittel

$$c = 0,4237$$

mit Abweichungen von — 0,0023 bis + 0,0027. Die Endtemperatur \mathcal{G}_{\star} liegt durchschuittlich in der Nähe von 14,5°. Die mittlere specifische Wärme des Alkohols zwischen dieser Temperatur und 30° ist 0,6005. Also ist die berechnete mittlere specifische Wärme der Mischung

$$c_1 = \frac{24,42 + 68,14. \ 0,6005}{168,14} = 0,3881.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.4237}{0.3881} = 1.0917.$$

VI. Mischung von 100 Theilen Schwefelkohlenstoff und 94,72 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$
 $14.756 \quad 16.170 \quad -0.094 \quad 30.88 \quad 7.413 \quad 0.4482$
 $14.680 \quad 16.070 \quad -0.100 \quad 30.43 \quad 7.413 \quad 0.4488$
 $14.830 \quad 16.190 \quad -0.046 \quad 30.88 \quad 6.405 \quad 0.4470$
 $14.826 \quad 16.060 \quad -0.067 \quad 29.18 \quad 7.398 \quad 0.4444$

Beide Versuchsreihen ergeben genau denselben Mittelwerth, nämlich

$$o = 0.4471$$

mit Abweichungen von -0,0031 bis +0,0030.

Die aus den Mischungsbestandtheilen berechnete specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.4162.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,4471}{0,4162} = 1,0742.$$

VII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schweselkohlenstoff und 145,71 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

Aus sämmtlichen Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth

$$c = 0,4808$$

mit Abweichungen von -0,0043 bis +0,0044.

Als berechnete mittlere specifische Wärme der Mischung ergiebt sich

$$c_1 = 0.4564.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.4808}{0.4564} = 1.0535.$$

VIII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff und 243,66 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

3 ,	3 ,	C	$oldsymbol{T}$	p	C
13,680	15,290	0,115	31,38	6,665	0,5195
12,815	14,400	-0,170	29,73	6,658	0,5160
12,423	15,780	 0,333	30,03	6,658	0,5200
13,417	14,915	 0,010	30,68	6,898	0,5104
12,570	14,170	-0,214	29,15	6,665	0,5169
W = 44.0;	w = 0.7	70.			
12,665	14,240	-0.076	29,63	7,020	0,5108
13,190	14,720	 0,010	30,18	7,160	0,5065
14,460	15,780	 0,015	29,28	7,155	0,5103

Der aus diesen 8 Versuchen sich ergebende Mittelwerth ist c = 0.5138

mit Abweichungen von -0,0065 bis +0,0062.

Die Temperatur ϑ_n liegt durchschnittlich in der Nähe von 15°. Die mittlere specifische Wärme des Alkohols zwischen 15° und 30° ist 0,6010.

Daraus berechnet sich

$$c_1 = 0,4966.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.5138}{0.4966} = 1.0346.$$

Da die zuletzt erhaltenen Verhältnisszahlen sich schon der Einheit mehr und mehr nähern, wurden keine weiteren Mischungen untersucht. Sämmtliche erhaltenen Zahlen sind in folgender Tabelle noch einmal übersichtlich zusammengestellt.

	Wärme		
$\frac{c}{c_1}$	berechnete c ₁	beobachtete c	Alkohol in 100 Mischung
1,1177	0,3016	0,3371	16,04
1,1266.	0,3160	0,3560	20,06
1,1342	0,3517	0,3989	30,06
1,1164	0,3693	0,4133	35,00
1,0917	0,3881	0,4237	40,53
1,0742	0,4162	0,4471	48,64
1,0535	0,4564	0,4808	59,30
1,0846	0,4966	0,5138	70,90

10

Poggendorff's Ann. Ergänzungsbd. V.

Ein Blick auf die Tabelle zeigt, dass das Verhältniss zwischen den beobachteten specifischen Wärmen der Gemische von Alkohol und Schwefelkohlenstoff und den aus den Mischungsbestandtheilen berechneten mittleren specifischen Wärmen im Wesentlichen ganz ähnlich ist dem bei Alkohol und Wasser gesundenen.

Auch hier ist, ebenso wie dort, die beobachtete specifische Wärme der Mischungen immer größer als die mittlere der Mischungsbestandtheile. Ferner ist das Verhältniss beider veränderlich, je nachdem Alkohol und Schwefelkohlenstoff in verschiedenen Verhältnissen gemischt sind. Zuerst wächst mit zunehmendem Alkoholgehalte der Mischung die Verhältniszahl sehr rasch und erreicht ihren größten Werth bei einer Mischung, die in 100 Gewichtstheilen nahezu 30 Gewichtstheile Alkohol enthält. Alsdann nimmt dieselbe wieder ab, anfangs ziemlich stark, um so langsamer aber, jemehr Alkohol das Gemisch enthält. Die Art und Weise der Zu- und Abnahme zeigt am besten die Gestalt der Curve Fig. II. Die Abscissen geben die auf 100 Gewichtstheile Mischung kommenden Gewichtsmeugen Alkohol an. Die zugehörigen Ordinaten stellen den über der 1 liegenden Theil der Verhältnisszahlen dar, und zwar die Tausendstel als Einheiten.

(Schluss im nächsten Hest.)

VII. Veber den Nebenstrom; von K. W. Knochenhauer.

Erste Abtheilung.

Ueber den während der Entladung der Leydener Flasche inducirten Nebenstrom sind die Ansichten trotz der bisherigen zahlreichen Versuche noch immer verschieden. Nach der am meisten verbreiteten Ansicht besteht der Nebenstrom aus alternirenden Strömen und wird nach den galvanischen Gesetzen inducirt; nach meinen Erfahrungen dagegen ist der Nebenstrom dem ihn erregenden Hauptstrom

völlig gleichartig, geht zu ihm in dem parallel gespannten Drahte in entgegengesetzter Richtung, und folgt in seinem Verlaufe nicht den galvanischen Gesetzen. — Indem ich die für meine Ansicht sprechenden Erfahrungen hier noch einmal, zum Theil vollständiger darzulegen versuchen will, werde ich zuerst die Thatsachen erörtern, aus denen man die alternirenden Ströme nachzuweisen gesucht hat; doch werde ich mich auf die Versuche mit dem Ventil und mit den Geifsler'schen Röhren beschränken, da man die übrigen als zu wenig beweisend schon selbst zurückgestellt hat.

Riess, der die Wirkungen des Ventils mehrsach beschrieben hat¹), lässt durch den Strom der Batterie bei jeder ihrer partiellen Entladungen je zwei alternirende Ströme inducirt werden, von denen nur die Ströme der einen Richtung durch das Ventil hindurchgehen und den Galvanometerspiegel ablenken. Enthält der Nebendraht Spiralen, so entstehen durch weitere Induction des Nebenstroms erster Ordnung neue Ströme zweiter Ordnung, 4 bei jeder Partialentladung der Batterie, durch diese je 8 Ströme dritter Ordnung u. s. f. — Nach der Kirchhoff'schen Theorie erfolgt die Entladung der Batterie, wenigstens in den gewöhnlich angestellten Versuchen schon selbst in alternirenden Strömen; diese induciren auf dem Nebendraht wiederum alternirende Ströme, über welche die nähern Angaben noch fehlen.

Zu den folgenden Versuchen habe ich mir, um über die Beschaffenheit des Apparats keinerlei Bedenken zu veranlassen, zwei neue Ventile (I und II) anfertigen lassen, die von einer gemeinsamen, oben geschlossenen und unten mit einem Hahn versehenen Röhre ausgehend in sich denselben, durch ein kurzes Differentialbarometer angezeigten Luftdruck behalten. Jedes der beiden Glasgefässe ist oben 7 Centimeter weit und mit einem aufgeschliffenen Glasdeckel versehen, durch dessen Mitte ein Platindraht (0mm,577

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXX, S. 513, Bd. CXXI, S. 613, Bd. CXXIV, S. 252, Bd. CXXXVI, S. 31.

stark) luftdicht geht und mit der Glassläche endigt; ein Seitencanal führt in die gemeinsame Röhre, und ein Canal nach unten lässt den stärkern Messingdraht durch, der in 3^{mm} Abstand von der Spitze (Endsläche des Platindrahts) die Messingscheibe trägt. Der Luftdruck war überall 3—4^{mm}. Da diese Ventile keine stärkern Ablenkungen des Spiegels bewirkten, als das früher gebrauchte Ventil¹), überdies die Funken undeutlicher zu sehen waren, so ließ ich die zuvor bis zur Endsläche mit Glas umschmolzenen Platindrähte 20^{mm} tief in die Gefässe hineinbringen und um ebensoviel die Messingscheiben tiefer setzen; es sind dies die Ventile III und IV. Außerdem gebrauchte ich das lustleere Geissler'sche Ventil.²)

Die Batterie bestand aus dem Flaschenpaar (A), das abwechselnd mit positiver und mit negativer Elektricität geladen wurde. 3) Die Ladung gebe ich wie bisher nach der Dichtigkeit D der im Innern freien Elektricität an, wie sie aus der gemessenen Schlagweite folgt.

Es ist

$$D = 8 \quad 16 \quad 24 \quad 32 \quad 40 \quad 48 \quad 56 \dots$$

bei einer Schlagw. = 0^{mm} ,6 1,5 2,4 3,3 4,2 5,1 6,0...

Der Schließungsdraht enthielt außer dem Funkenmesser und dem nothwendigen Kupferdraht (4^m,7 K.) die ebene (flache) Spirale M⁴); in 20^{mm} Distanz stand ihr die gleichgewundene Spirale N gegenüber; sie war durch 4^m,1 K. und Galv. ½ gl. b) geschlossen. An der Stelle, wo der Hauptstrom in M eintrat, war im Nebendraht das Ventil, dessen Stellung mit Sp. oder Fl. angedeutet wird, je nachdem der Weg von Spirale N zum Galvanometer durch dasselbe von

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXIX, S 78; dritte Art.

²⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXVI, S. 259.

³⁾ Da die Holtz'sche Maschine bisweilen die Pole wechselt, so wurde die in die Flaschen gehende Elektricität mehrfach mit einem Elektrometer geprüft.

⁴⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXIX, S. 82.

⁵⁾ Die beiden Galvanometerrollen so verbunden, dass sich der Strom durch sie in gleicher Richtung theilt.

der Spitze zur Fläche oder von der Fläche zur Spitze führte.

In der folgenden Tabelle ist das Mittel der beobachteten Spiegelablenkungen verzeichnet; die einzelnen Zahlen wichen, wie schon früher bemerkt ist, mehr oder weniger von einander ab, waren auch an verschiedenen Tagen unter sonst gleichen Verhältnissen ungleich. Die Ablenkung ist +, wenn der Spiegel so ausschlug, wie im Strom der positiv, — wie im Strom der negativ geladenen Batterie. Die Scale stand 1^m,4 vom Spiegel entfernt.

		Posit. L	adung.	Negat.	Ladung.	
Vent. I. $D =$	=24	Sp16	Fl.+11	Sp. —11	F1. +22	$\Delta = 2$
• •	32	—30	+15	-17	+27	4
	40	—25	+10	-17	+-20	3
Vent. II.	24	—22	+10	10	+23	2
	32	—28	+8	-12	+26	3
	40	—24	+ 7	- 8	+27	3
	48	—32	+12	-13	+28	4
Vent. III.	16	') —15	+13	-14	+17	2
	24	—29	+22	—23	+27	3
	32	—35	+27	28	+34	5
	40	—37	+34	—32	+39	7
Vent. IV.	24	—27	+20	-20	+25	3
•	32	—28	+26	-25	+31	5
	40	—37	+25	-26	+-37	7
G. Vent. 4)	24	²) —37	0	-11	⁸) +32	3
	32	—58	+20	*) —38	+60	5
	40	—66	+30	28	+63	6
	48	-64	+40	—39	+-65	7
	56	64	+41	—30	+80	8

¹⁾ Pos. Lad. D = 12 Sp. -10; D = 8 Sp. -4.

²⁾ Pos. Lad. D = 16 Sp. kleiner positiver Ausschlag.

³⁾ Sehr ungleiche Zahlen: +10 bis +30; -4 bis -19.

⁴⁾ Das Geissler'sche Ventil, von mir zuerst in einem Zweige des Schliessungsbogens der nur positiv geladenen Batterie angewandt, gab

Aus diesen Beobachtungen ergeben sich folgende Resultate:

- 1) Bei positiver Ladung der Batterie giebt Fl., bei negativer Sp. einen kleinern Ausschlag des Spiegels, als Sp. im ersten und Fl. im andern Fall.
- 2) Die Ablenkungen des Spiegels wachsen nicht proportional zur Ladung, während nach den Thermometerbeobachtungen der Nebenstrom sich nach dem Hauptstrom richtet; bei D = 32 wird die größte Ablenkung meistens schon erreicht 1). Die Ventile I—IV geben bei größerm D viel kleinere Zahlen als G. Vent.
- 3) Die Ruhelage des Spiegels ändert sich nach dem Uebergang von positiver zu negativer Ablenkung um einige Scalentheile, die unter ∆ eingetragen sind; es findet eine Magnetisirung des Spiegels senkrecht gegen seine Fläche statt, da nach Pogg. Ann. Bd. CXXXVIII, S. 229 eine elektroskopische Wirkung unmöglich ist.

Diese Resultate auf die Apparate als Ventile übertragen führen zu folgendem Satz: Die Ventile lassen von den alternirenden Strömen die nach der einen Richtung gehenden nicht vollständig durch, einige mehr, andere weniger. Bei stärkerer Ladung und bei größerer Zahl der Flaschen gelangt nachweislich oft viel weniger als die Hälfte der nach derselben Richtung inducirten Ströme durch das Ventil. Nach der Tabelle giebt G. Ventil bei D=32 unter Sp. (pos. Lad.) -58, sollte also bei D=48-87

wegen der hier geringen Schlagweite bei Fl. keinen oder einen kleinen, oft entgegengesetzten Ausschlag des Spiegels; ich hielt dies irrthümlich für eine durchgehende Regel. VVie man jetzt sieht, ist bei größerer Schlagweite und besonders bei negativer Ladung die Fläche ebenfalls wirksam. Obschon diese Fläche nach dem vieljährigen und häufigen Gebrauch jetzt bräunlich ist, hat doch das Ventil an VVirksamkeit gar nicht verloren, und ich kann es demnach wiederholt empfchlen; zum Experimentiren ist es äußerst bequem. Soll es auch bei geringer Schlagweite wirken, so wird man etwas Luft, 3—4^{mm} Druck, darin lassen müssen.

1) Auch ist der Spiegelausschlag nicht proportional zur Zahl der Flaschen in der Batterie; vergl. Pogg. Ann. Bd. CXXIX, S. 81.

geben; es ist aber nur — 64 beobachtet und mit Vent. II gar nur — 32. Ebenso G. Vent. Fl. (neg. Lad.) +60 bei D = 32, +65 statt +90 bei D = 48, und Vent. II. +28, kaum der dritte Theil von 90.

Es wurden hierauf statt des Ventils Spitzen in den Nebendraht eingeschaltet. Spitzen A, Platindrähte $(0^{mm},577$ Durchm.) mit Glasröhren umgeben und an den Endflächen abgeschliffen in 3^{mm} unveränderlichem Abstand; Spitzen B, die 20^{mm} langen, vorn abgerundeten und unbedeckten Platindrähte ließen sich in beliebige Distanzen einstellen; Spitzen C, wieder mit Glas bekleidete und vorn eben geschliffene Drähte, gleichfalls verstellbar. Als Batterie diente das Flaschenpaar (A).

Spitzen A.

$$D=80\ 56\ 48\ 40\ 32\ 24\ 20\ 16$$

pos. Lad. $-4\ 5\ 7\ 8\ 9\ 13\ 21$ kein

neg. Lad. $+3\ 5\ 6\ 7\ 7\ 9\ 20$ Funke.

 $\Delta 2\ \text{bis}\ 4$.

Spitzen B. $D=40$.

Dist. $1^{mm}\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6$

pos. Lad. $-4\ 8\ 9\ 11\ 17\ 25\ 1$)

neg. Lad. $+3\ 3\ 6\ 8\ 14\ 20$
 $\Delta 1\ \text{bis}\ 6$.

Dist. 7^{mm} ; pos. Lad. $-3\ -13\ +\ 5\ +\ 9\ -13\ -14\ 2$)

neg. Lad. $-25\ +38\ +13\ +32\ +32$

Dist. 8^{nm} ; pos. Lad. $+5\ +\ 3\ +10$ Funken fehlen oft.

neg. Lad. $+8\ -\ 7\ +13\ -4$
 $D=32$

Dist. $1^{mm}\ 2\ 3\ 5\ 6$

pos. Lad. $-4\ 8\ 10\ 19\ 33\ \Delta 1\ \text{bis}\ 7$.

neg. Lad. $+3\ 5\ 7\ 24\ 27$

1) Später repetirt: pos. Lad. — 36 neg. Lad. + 32; Δ = 8.

Dist 7^{mm} ; pos. Lad. -8 - 10 - 8

2) Es sind hier die einzelnen Beobachtungen angegeben, bei den kleinern Distanzen dagegen die Mittelwerthe der ziemlich gleichen Zahlen.

neg. Lad. +4 - 9 + 3 - 16.

Spitzen C.
$$D = 32$$
.

Dist. $1^{mm} 2 3 4 5$

pos. Lad. $-3 6 9 10 27 \Delta 1$ bis 8.

neg. Lad. $+3 6 9 19 38$

Dist. 6^{mm} ; pos. Lad. $-25 -32 + 9 + 7 + 2 + 10 -11$

neg. Lad. $-5 - 4 + 27 - 18 - 6 + 6$

Funken fehlen schon oft.

Spitzen B. Dist.
$$10^{mm}$$
.

D = 72 pos. Lad. $-48 - 28 - 50$

neg. Lad. $+18 + 26 + 31 \triangle 10$

D = 48 pos. Lad. $-4 - 2 + 7 + 10 + 45$

neg. Lad. $+30 - 20 - 25 + 2 + 8$.

Bei D = 40 erschien kein Funke mehr.

Spitzen C. Dist. 10^{mm} . $D = 56^{-1}$) pos. Lad. -20 -23 -82 -94 +21 -16 -26.

$$D = 56^{\circ}$$
) pos. Lad. $-20 -23 -82 -94 +21 -16 -26$. neg. Lad. $+56 +67 +62 +52 +62 +60 +29$.

Aus diesen Beobachtungen folgen die Resultate: 1) Geht der Funke des Nebenstroms über Spitzen in gewöhnlicher Luft, so ist bei positiver Ladung der Batterie die Ablenkung des Spiegels —, bei negativer —. 2) Die Ablenkung wird größer, je mehr sich die Ladung D der Gränze nähert, wo der Funke noch die Luftschicht zwischen den Spitzen durchschlagen kann. 3) Ist die Ladung derart, daß die Funken bisweilen oder öfter ausbleiben, so wird sowohl bei positiver als bei negativer Ladung der Spiegel bald nach der positiven, bald nach der negativen Seite abgelenkt; die Zahlen sind meist kleiner als vorber.

Ueber die Bedeutung und Wirksamkeit der Spitzen kenne ich keine nähern Angaben. Sind sie ebenfalls Ventile, so lassen sie nur die Oeffnungsströme oder die dem Hauptstrom gleich gerichteten Nebenströme durch, aber von diesen auch nur einen desto geringern Theil, je leichter der Funke die Luftschicht durchbricht. Entsteht dagegen zwischen den Spitzen eine elektromotorische Kraft und

¹⁾ D hätte etwas kleiner sein sollen; nur die zum Theil großen Zahlen sind beachtenswerth.

damit ein besonderer galvanischer Strom, dann erscheint es bedenklich, wenn man dieselbe Ansicht nicht auch auf die sogenannten wahren Ventile ausdehnen will. Wie das oben angesührte dritte Resultat, der wechselnde positive und negative Ausschlag des Spiegels, von der Annahme aus zu erklären ist, dass die Spitzen als Ventile wirken, vermag ich nicht anzugeben.

Ebenso wenig kann ich die im Folgenden beobachtete Wirkung der Spitzen im Nebenstrom zweiter Ordnung deuten, wenn der Nebenstrom erster Ordnung aus alternirenden Strömen besteht, von denen je zwei zusammengehörige die gleiche Intensität besitzen.

Die Spirale N war mit einem längern Draht geschlossen; zu einem Theile desselben war parallel ein zweiter Draht angebracht und die Enden durch Galv. ½ gl. verbunden. Wo von N aus in der oben angegebenen Richtung der zweite Nebendraht seinen Anfang hatte, standen die Spitzen.

```
Spitzen A; D = 80 pos. Lad. -6
neg. Lad. +8
64 pos. Lad. -8
neg. Lad. +11 Funken fehlen bisweilen
Spitzen B; D = 72 1<sup>mm</sup> Dist pos. Lad. -4
neg. Lad. +3
2<sup>mm</sup> Dist. pos. Lad. -5
neg. Lad. +7
3<sup>mm</sup> Dist. pos. Lad. -8
neg. Lad. +7 Funken fehlen oft
Spitzen C; D = 64 2<sup>mm</sup> Dist. pos. Lad. -6
neg. Lad. +8.
```

In den ersten Nebendraht ward G. Vent. eingeschaltet Spitzen C; $D = 64 \ 2^{mm}$ Dist. pos. Lad. G. Sp. -8 G. Fl. -7 neg. Lad. -9 + 11 - 9 + 16.

Der Ausschlag des Spiegels ist von der Art der Batterie-Ladung grade wie im Nebenstrom erster Ordnung abhängig; das G. Ventil im ersten Nebendraht übt keinen

Einslus aus. Wenn alternirende Ströme je zwei von gleicher Intensität inducirten, sollten die Spitzen den Spiegel nicht ablenken, da die einander solgenden negativen und positiven Ablenkungen sich zu Null ausgleichen.

Nach Beseitigung des zweiten Nebendrahts wurden in den frühern Nebendraht 2 oder 3 Ventile, oder Spitzen und ein Ventil hinter einander gestellt; sie folgten von Spirale N aus in der angegebenen Reihe von links nach rechts. Das Flaschenpaar (A) erhielt nur positive Ladung bei D = 40.

Vent. III Sp.
$$-40$$
 Vent. IV Sp. -36 G. Vent. Sp. -73 Fl. $+34$ Fl. $+31$ Fl. $+40$ IV Sp. III Sp. -42^{1})
IV Sp. III Sp. -42^{1})
IV Fl. III Sp. G. Sp. -32 IV Fl. III Fl. G. Sp. -7 IV Fl. III Sp. $-10-8$ O -6 G. Sp. IV Fl. III Fl. -15 IV Fl. III Fl. -15 G. Sp. IV Sp. III Sp. -46

Spitzen C, G. Fl.

Dist.
$$3^{mm} + 15$$
 $0 + 14$

4 $-2 + 8 + 12$ $0 + 9 + 4 + 4$

4 $0 - 4 - 14 - 20 + 5 - 4 + 5$

6 $-8 + 4 - 7$ $0 - 1 + 2 + 7$

7 kein Funke.

In allen Fällen schlugen dem Ansehen nach gleich starke Funken durch die Ventile. Dies bestätigen die Thermometerbeobachtungen.

Batterie 2 Flaschen $(F_2 + F_8)$, D = 32. Bügel des Nebendrahts = 2^m ,11 K. und Therm. V ohne die Ventile, bei nur metallischer Verbindung, d. h. bei Ausschluss der

¹⁾ Wenn die einzelnen Zahlen nahe übereinstimmen, gebe ich den Mittelwerth an, sonst sämmtliche notirte Spiegelablenkungen.

Ventile = 2^m,43 K. und Therm. V. Im Hauptdraht befand sich Therm. II.

	11	V	V 11
IV Sp. III Sp.	13,5	14,3	1,06
IV Sp. III Fl.	13,4	14,0	1,04
IV Fl. III Sp.	13,4	14,0	1,04
IV Fl. III Fl.	13,6	14,4	1,06
Met. Verb.	15,9	16,7	1,05

Dass hier abweichend von den Beobachtungen Pogg. Ann. Bd. CXXIX S. 90 die Verhältnisszahl $\frac{V}{II}$ constant bleibt, liegt in dem kürzern Bügel, wodurch der Nebenstrom krästiger ist¹); dort geschwächt durch das eingefügte Galvanometer ersuhr er am Ventil eine Aufstauung, d. h. eine Verzögerung beim Uebergang.

Nach diesen Beobachtungen wird man den Ventilen nicht mehr die Kraft beilegen können, den Nebenströmen der einen Richtung den Durchgang zu sperren und die der entgegengesetzten Richtung mehr oder weniger durchzulassen; es müßte bei IV Sp. III Fl. u. s. w. kein Funke erscheinen. Will man die Apparate noch als Ventile retten, so müßte man wohl annehmen, daß der ganze Nebenstrom bis auf einen zurückgehaltenen Theil der nach einer Richtung gehenden Ströme durch sie gelangt, falls man anders dabei die constante Zahl $\frac{V}{II}$ in den Thermometerbeobachtungen auf irgend eine Weise herauszudeuten vermag.

Um zu dem solgenden Versuch die Verhältnisse möglichst einsach zu halten, wurden die ebenen Spiralen Mund N durch zwei Usörmige Kupserdrähte von 2^m,6 Läuge in 10^{mm} Abstand ersetzt, die Schenkel etwa 1^m,2 von einander entsernt. Der Hauptdraht enthielt ohne den gespannten Draht nur noch 2^m K. als Schließungsbogen, der Nebendraht erst das Ventil, dann zwei Zweige, den ersten aus 4^m K. und Galv. ½ gl., den andern aus 1^m,33 K. und

¹⁾ S. zweite Abtheilung.

Therm. V 1); ihr galvanischer Widerstand war auf die Neusilbereinheit bezogen $w_1 = 2,05$ $w_2 = 43,2$ 2). Auf dem Nebendraht entstanden hier keine störenden Nebenströme zweiter Ordnung, denn die im Galvonometer inducirten verliefen nach den galvanischen Gesetzen bis auf einen ganz unbedeutenden Theil durch die beiden Rollen des Instruments, wo sie keinen Einfluss auf den Spiegel, ebenso keinen auf die Stromtheilung ausübten. Mit Batterie (A) D = 72 gab

Zunächst entsteht die Frage, wie sich der Nebenstrom über die Zweige vertheilt. Hierzu wurden wieder die Spiralen M und N genommen und die Batterie aus 2 Flaschen gebildet. Die Zweige im Nebendraht waren: Zw. I 2^m,6 K. Therm. V und Galv. ½ gl., Zw. II eine Kupferdrahtspirale (schraubenförmig gewunden), 0^m,65 K. und Therm. V (oder das entsprechende Gestell). Sie waren durch etwa 1^m,3 K. als Stamm mit N verbunden. Die Erwärmungen ϑ_1 und ϑ_2 in Zw. I und II wurden beobachtet. Nach Entfernung des Stamms im Nebendraht, also nach aufgehobener Verbindung mit Spirale N wurde der Hauptstrom, der nicht mehr durch M ging, durch dieselben Zweige geleitet, und wieder ϑ_1 und ϑ_2 beobachtet.

Nebenstr.	D = 40	$\vartheta_1 = 3,07$	$\theta_2 = 8,47$	$\frac{\vartheta_2}{\vartheta_1} = 2,76$
Hauptstr.	48 24	3,90 3,37	10,70 9,20	2,74 2,73
-	32	5,80	15,93	2,75

Aus Zw. I nahm ich jetzt Therm. V und setzte es in

¹⁾ Die äquivalenten Längen sind 35^m,1 uud 1^m,88; s. zweite Abtheilung.

²⁾ Vergl. Pogg. Ann. Bd. CXXXIII S. 460.

den Stamm des Nebendrahts, aus Zw. II die Kupserdrahtspirale; ich beobachtete wieder die Wärme ϑ_2 in Zw. II und ϑ im Stamm; dann löste ich die Verbindung mit N auf und führte den Hauptstrom durch die Zweige und durch Therm. V im Stamm.

Nebenstr.
$$D = 40$$
 $\theta = 20,47$ $\theta_1 = 19,53$ $\frac{\theta_2}{\theta} = 0,953$

48 27,23 25,93 0,952

Hauptstr. 28 18,30 17,43 0,953
32 23,53 22,27 0,947

Nach beiden Versuchsreihen ist die Theilung des Nebenstroms gleich der des Batteriestroms; für beide gelten dieselben Regeln 1).

In dem Versuch mit den Uförmigen Drähten geht demnach durch Zw. I ein Stromtheil = 0,05, durch Zw. II = 0,95. Beide Stromtheile sind gleichartig, da kein störender Einfluß vorliegt. Beträgt also die durch das G. Ventil bewirkte Ablenkung des Spiegels im ersten Zweige 32, so ist sie vom ganzen Strom $32 \times 20 = 640$, und bei Anwendung der Spitzen $9 \times 20 = 180$. Dergleichen große Zahlen sind in den frühern Versuchen nie vorgekommen.

Es liegt hiernach die Vermuthung nahe, dass der den Spiegel ablenkende Strom den galvanischen Gesetzen der Theilung folgt und mit dem eigentlichen Nebenstrom, der Wärme erzeugt, gar nicht zusammenhängt. Zur Bestätigung dieser Vermuthung wurde zu der einen Rolle des Galvanometers (R_2) 1^m,3 K. gefügt, zur andern (R_1) entweder ebenfalls 1^m,3 K. (a) oder 0^m,65 K. und 0^m,61 Neusilberdraht vom Widerstandsdraht (b), also R_2 auf einen Widerstand

1) In der ersten Reihe sind die äq. Längen der Zweige
$$l_1 = 34^m,05$$
 $l_2 = 20^m,56$, daher $\sqrt{\frac{\vartheta_2}{\vartheta_1}} = \frac{l_1}{l_2}$ oder $\sqrt{2,745}$ (1,66) $= \frac{34,05}{20,56}$ (1,66). In der zweiten Reihe ist $l_1 = 33^m,50$ $l_2 = 1^m,20$, daher $\sqrt{\frac{\vartheta_2}{\vartheta}} = \frac{l_1}{l_1 + l_2}$ oder $\sqrt{0,951}$ (0,975) $= \frac{33,5}{34,7}$ (0,965). Der Platindraht in Therm. V muß etwas kleiner als $0^m,55$ angesetzt werden. S. das Nähere in der zweiten Abtheilung.

 $w_2 = 1.87$ und R_1 auf $w_1 = 1.87$ (a) oder = 24.18 (b) gebracht. Beide Rollen wurden so verbunden, dass die getheilten Ströme in ihnen erst in gleicher (gl.), dann in entgegengesetzter Richtung (entg.) verliefen. Zur Induction dienten die Spiralen M und N, Batt. (A) positiv geladen, D = 40; G. Vent. Sp. war im Nebendraht.

(a) gl. — 76 Ruhelage des Spiegels 504 entg. —
$$1^1$$
) , , , 509 (b) gl. — 74 , , , 504 entg. — 70 , , , 509

Da in den beiden Fällen (a) und (b) der Nebenstrom nach den Gesetzen des Hauptstroms über beide Zweige in gleicher Stärke geht, so folgt der den Spiegel ablenkende Strom den galvanischen Gesetzen, er theilt sich umgekehrt proportional zu den Widerständen der Zweige. Der Versuch lehrt aber außerdem, daß dieser schwache galvanische Strom den Spiegel nicht magnetisirt, sondern daß die veränderte Ruhelage desselben durch den in seinem Verlauf geänderten Nebenstrom herbeigeführt wird. Unter (a) und (b) findet man dieselbe Aenderung, da die Theilung des Nebenstroms dieselbe bleibt; die Größe des Ausschlags giebt keine Entscheidung.

In unserm Versuch (Batt. (A), D = 72, G. Vent) lenkt also der galvanische Strom den Spiegel um 32 Scalentheile ab. Als der Batteriestrom von (A) selbst durch das Galvanometer ging, betrug

bei
$$D = 40$$
 48 die Ablenkung 3,6 4,1

somit auf D=8 0,720 0,683, im Mittel 0,70°). Dies giebt für D=72 eine Ablenkung = 6,3.

- 1) R₂ war nicht ein wenig vom Spiegel abgerückt wie Pogg. Ann. Bd. CXXXIII S. 459.
- 2) Pogg. Ann. Bd. CXXVI S. 229 war bei hinter einander verbundenen Rollen und 2^m,123 Abstand der Scale für D = 40 48 die Ablenkung 10,8 13,1, also auf D = 8 2,16 2,18 im Mittel 2,17. Für Galv. $\frac{1}{2}$ gl. reducirt sich diese Zahl auf 1,085 und für die Entfernung der Scale 1^m,4 auf 0,71.

Ohne auf eine specielle Rechnung einzugehen, ist es nach den Gesetzen der galvanischen Induction klar, dass ein Strom, welcher in seinen partiellen Strömungen den Galvanometerspiegel um 6,3 ablenkt, aus Drähten von 2^m,6 Länge in 10^{mm} Abstand keine alternirenden Ströme induciren kann, welche nach der einen Richtung abgesondert den Spiegel um 32 Scalentheile ablenken. Entlüde sich die Batterie selbst in alternirenden Strömen, so würden die Nebenströme über Spitzen hinweg auch keine Ablenkung von 9 hervorbringen, falls man die oben angesührten Resultate über Spitzen als Ventile berücksichtigt.

Soviel ich absehen kann, führen die Versuche entschieden zu dem Resultat, dass durch den Funken im Ventil oder über Spitzen eine elektromotorische Kraft erzeugt wird, aus welcher der den Spiegel ablenkende galvanische Strom im Nebendraht hervorgeht.

Bei dieser Annahme erklären sich alle Erscheinungen auf ungezwungene Weise. Der Funke erzeugt die elektromotorische Kraft, weun er sich in Kegelform ausbreitet; der entstehende Strom hat im Kegel positive Richtung von der Basis zur Spitze, also in den gewöhulichen Ventilen von Fläche zu Spitze. Positive Elektricität strömt nach bekannten Erfahrungen aus Spitzen leichter und breiter als negative aus. Somit wird der galvanische Strom bei Spitzenstellung des Ventils stärker, wenn ein positiver Strom inducirt, weil dann der Nebenstrom diesem gleichartig und in dem parallelen Draht entgegengesetzt laufend die Spitze positiv macht, schwächer, wenn durch einen inducirenden negativen Strom die ausströmende Spitze negativ ist. Ebenso wird bei Flächenstellung des Ventils der galvanische Strom stärker, wenn durch negative Ladung der Batterie die Spitze positiv, schwächer, wenn sie durch positive Ladung negativ wird. In Bezug auf das Ausströmungsvermögen kann die negative Spitze im Gegensatz zur positiven als kleine Scheibe angesehen werden. Geht also der Nebenstrom über zwei Spitzen, so gilt die negative als Fläche, die positive als Spitze; es entsteht nach dem Galvanometer

zu ein negativ galvanischer Strom, wenn die Induction von einer positiv geladenen, ein positiver, wenn sie von einer negativ geladenen Batterie ausgeht. Erst weun die Spitzen so weit von einander stehen, dass der Funke nur schwierig die Luftschicht durchbricht, kann der Funkenkegel auch von der negativen Spitze ausgehen, weil auf ihr die Dichtigkeit der Elektricität größer bleibt (Scheibe), somit eine größere Schlagweite zu erzielen vermag. Die angeführte Thatsache im Nebenstrom zweiter Ordnung ist regelrecht, falls der Nebenstrom dem Hauptstrom, also der Nebenstrom zweiter Ordnung dem erster Ordnung gleichartig ist - Durch 2 Ventile hinter einander im Nebendraht entstehen 2 elektromotorische Kräfte, aber es kommt auch der doppelte Widerstand in die Kette, denn der galvanische Widerstand der Kupferdrähte kommt gegen den in den Ventilen nicht in Betracht. In den 4 Fällen mit den 2 Ventilen III und IV berechnet sich die Stromstärke der

Reihe nach zu
$$\frac{-36-40}{2} = -38$$
, $\frac{-36+34}{2} = -1$, $\frac{+31-40}{2} = -4\frac{1}{2}$, $\frac{+31+34}{2} = +32\frac{1}{2}$. Eine genauere

Uebereinstimmung mit den Beobachtungen, die nach dem Frühern nur annähernde Gültigkeit haben, kann nicht erwartet werden; überdies vermögen die Ventile in ihrer Zusammenstellung auch nicht genau ebenso wie einzeln zu wirken. In den 4 andern Fällen mit 3 Ventilen berechnet sich die Ablenkung des Spiegels folgendermaßen:

$$\frac{+31-40-73}{3} = -27\frac{1}{3}, \quad \frac{+31+34-73}{3} = -2\frac{2}{3},$$
ebenso No. 3,
$$\frac{-73-36-40}{3} = -49\frac{2}{3}.$$

Paalzow hat den Hauptstrom und den Nebenstrom durch Geissler'sche Röhren geleitet und aus den Lichterscheinungen, namentlich wenn die Röhren axial auf den Polslächen eines kräftigen Magnets lagen, das Resultat gewonnen, das beide Ströme unter gewissen Umständen aus

alternirenden Strömen bestehen1). Um meine Stellung zu diesen Thatsachen zu erklären, muß ich auf einige Versuche zurückgehen. Schon früher habe ich eine Batterie in zwei Theile getrennt, jedem einen besondern Schliessungsdraht gegeben, und beide Drähte (Zweige) an der ersten Kugel des Funkenmessers vereinigt, worauf von der zweiten Kugel ein einfacher Draht (Stamm) zur Außenseite der hier verbundenen Batterietheile führte. Die Wärmeentwicklung in beiden Zweigen zeigte eigenthümliche Verhältnisse²). Nachber³), und dies ist der Fall, der hier allein in Betracht kommt, schaltete ich in eine ebenso aus zwei gleichen Theilen construirte Batterie von der innern Belegung des einen Theils zur innern des andern noch einen besondern Funkenmesser ein und beobachtete die Länge der überschlagenden Funken während der Entladung der ganzen Batterie. War der eine Zweig lang im Verhältnis zum andern und zugleich in Rücksicht auf die Läuge des Stamms, so erfolgten bei einer Ladung D = 40 Funken bis zu einer Schlagweite von D = 72. 1ch schließe hieraus, dass das Innere der positiv geladenen Batterie während ibrer Entladung auch negativ wird, und dass die ungleiche Länge der Zweige die beiden Batterietheile zu ungleichen Zeiten innen positiv und negativ macht, so dass der positive Zustand des einen Theils mit dem negativen des andern zusammentrifft und die langen Funken möglich macht.

Hieran füge ich eine andere Beobachtung. Die Batterietheile waren die Flaschenpaare (A), Capacität = 1, und (B), Capacität = 0,966; die Zweige Zw. a und Zw. b bestanden aus Kupferdraht und schlossen in sich einen Dynamometer ein, nämlich der eine den beweglichen, der andere den fest stehenden Theil desselben 4). Zw. a war

- 1) Pogg Ann. Bd. CXII S. 567.
- 2) Sitzungsber. d. Wiener Akad. Bd. XXVII S. 207.
- 3) Ebendaselbst Bd. XXXIII S. 163.
- 4) Der bewegliche Theil bestand aus 3 Drahtwindungen in der Form eines Rechtecks von 18cm,7 Breite und 16cm,2 Höhe; die festen 3 VVindungen waren zu beiden Seiten auf Glastafeln so geformt, dass die

= 6^{m} ,37, Zw. $b = 6^{m}$,43, in beiden Fällen mit Einschluß des Dynamometerdrahts, der Stamm = 2^{m} ,92. Zw. a behielt dieselbe Länge l_{a} , die Länge l_{a} von Zw. b wurde nach und nach vergrößert. Hierbei beobachtete ich folgende Ablenkungen während der Entladung bei D = 32.

 $l^{2}=6^{m},43$ 7,08 7,73 9,03 10,33 11,63 12,93 16,50 25,79 Dyn. = 21,0 21,0 19,5 16,5 11,0 7,5 4,0 1,5 01) [t=0,995 1,019 1,044 1,093 1,139 1,184 1,230 1,338 1,591]

Wurde der Stamm auf 55^m,13 K. verlängert, so war

bei
$$l_t = 7^m,08$$
 Dyn. = 8,0 $[t = 1]$
25,79 α 7,0 $[t = 1,072]$;

wurden dagegen in den kurzen Stamm 54cm,1 Neusilberdraht zugesetzt, so blieb

bei
$$l_{\bullet} = 25^{\text{m}},79$$
 Dyn. = 0.

Verband ich endlich die Innenseiten der beiden Batterietheile noch mit einem kurzen Draht, so erhielt ich beim Stamm = $2^m,92$ einen Ausschlag des Dynamometers = 14,0 für $l_* = 25,79$; in diesem Fall waren l_* und l_* Zweige der ganzen Batterie (A) + (B).

Diese Thatsachen erkläre ich mir so: Mit der Verlängerung des Schließungsdrahts einer Batterie wird, wie bekaunt ist, ihre Oscillationsdauer vergrößert. Besteht sie aus 2 Theilen mit ungleich langen Zweigen, so ist in beiden Theilen die Oscillationsdauer eine verschiedene; sie wird hier in (B) nach und nach größer und bleibt in (A) unverändert. Da aber das Innere der sich entladenden Flaschen von dem positiven in den negativen Zustand übergeht, so ist dieser Wechsel mit den Oscillationen zu verbinden und wiederholt sich mit jeder einzelnen. Diese

Ströme das Rechteck nach gleicher Richtung ablenkten. Dieses ließ sich mittelst einer Magnetnadel unten an dem Mittelstab, der oben den Spiegel trug, durch einen vorgelegten Magnet genau einstellen und machte dann während der Ladung, wo freie Elektricität auf die VVindungen kam, keine Bewegung. Die Scale stand 1^m,91 vom Spiegel entfernt.

1) Nach der Entladung wich der Dynamometer einige Male um 2 bis 4 Scalentheile rückwärts aus, ossenbar in Folge der Ausgleichung des Rückstandes.

Verhältnisse übertragen sich auf den Schliefsungsdraht; die Bewegung auf ihm ist bei positiver Ladung von innen nach aussen abwechselnd erst positiv, dann negativ, d. h. positiv von außen nach innen; doch nimmt mit der Zahl der Oscillationen die Intensität dieser Bewegung nach und nach ab bis zur vollständigen Entladung der Flaschen. man voraussetzen (doch mag ich es nicht grade verbürgen), dass sich jeder Batterietheil in seinen Oscillationen genau nach der Länge seines Schließungsdrahts richtet, so fügt man zu la von der Länge des Stamms l noch 1,966. l und zu l_{\bullet} noch $\frac{1,966.l}{0.966}$ binzu, um die Gesammtlänge der Schliefsungsbogen L, und L, zu erlaugen, und berechnet, die Oscillations dauer von (A) = 1 gesetzt, die Oscillations dauer tvon (B) aus $t = \sqrt{(0.966 \cdot \frac{L_b}{L_a})}$. Ich habe den obigen Reihen die so berechneten Werthe von t beigefügt. Bei $l_* = 25^{m},79$ macht (A) ungefähr 3 Oscillationen, während (B) 2 macht. Im Dynamometer wirken also auf einander in den ersten 3 Oscillationen von (A) die Zweigströme während 1 als $\pm \frac{1}{2} \pm \frac{1}{2} = 1 \pm$, in den folgenden 3 während 1 als $=\frac{1}{2}$ $=\frac{1}{2}$ $=\frac{1}{2}$, and dies wiederholt sich in gleicher Weise bis zur Entladung der Batterie. Falls sich auf 3 Oscillationen hinaus die Intensität der Bewegung noch nahe gleich bleibt, kann der Dynamometer keinen Ausschlag geben. Bei 1, = 16^m,50 kommen 4 Oscillationen in (A) auf 3 in (B); hier macht sich schon die Abnahme der Intensität etwas bemerkbar. — Widerstand im Stamm, 54cm, 1 Neus., stört die Längenverhältnisse nicht wesentlich; der verlängerte Stamm dagegen bringt bei $l_* = 25^{\rm m},79$ La und La auf ziemlich gleiche Werthe 124m,19 und 147m,86, daher der nur durch den größern Widerstand im Stamm verringerte Ausschlag des Spiegels.

Die Kirchhoff'sche Theorie läst die Flasche bei ihrer Entladung ebenfalls abwechselnd von positiver zu negativer Ladung übergehen und leitet die alternirenden Ströme aus der Induction auf dem Schließungsdraht ab.

Da ich nach der zweiten Abtheilung eine Induction des Flaschenstroms nach galvanischen Gesetzen nicht zulassen kann, auch beim Widerstand der Drähte und hier bei der getheilten Batterie, wie es mir scheint, unüberwindliche Hindernisse vorliegen, so versetze ich den Ursprung der Oscillationen in die mit der Entladung eintretende Bewegung der aus ihrer Ruhelage abgelenkten Molecule des Isolators und lasse von hier aus die oscillatorische Molecularbewegung auf den Schliessungsdraht übergehen. Diese Bewegung bat zwar viele Aehnlichkeit mit der Annahme alternirender Ströme, da sie auch von positiver zu negativer Richtung übergeht, sie weicht aber insofern von ihr ab, als man nicht wie bei dieser die eine Richtung der Oscillationen von der auderu ganz trennen kann. Nimmt man z. B. in einem langen Schliessungsbogen der Batterie zwei ganz kurze Zweige an, damit sie keinen erheblichen Einfluss auf die Entladungsweise ausüben, so kann man bei alternirenden Strömen den Fall gestatten, dass durch irgend ein Mittel (ein Ventil) der positive Strom nur durch den einen, der negative nur durch den andern Zweig geleitet werde; bei oscillatorischer Molecularbewegung dagegen ist dies nicht möglich; denn ist ein Molecul aus seiner Ruhelage nach einer Richtung (positiv) abgelenkt, so muss es wieder zurück (negativ) schwingen. Außerdem glaube ich annehmen zu müssen, dass von einer positiv geladenen Batterie aus die positive Schwingung der Molecule eine größere Schlagweite (mehr freie Elektricität) als die negative, ebenso umgekehrt von einer negativ geladenen Batterie aus die negative Schwingung mehr Schlagweite als die positive besitzt, denn jener Strom trägt im Ganzen das Gepräge eines positiven, dieser eines negativen Stroms an sich 1).

Unter den angegebenen Umständen, wo meine Ansicht

1) Dass unsere Kenntniss von der Beschassenheit der elektrischen Molecularbewegung noch der vollen Klarheit entbehrt, habe ich schon ost ausgesprochen. Es liegt hier eben ein Feld der Untersuchung vor, wo noch vieles geleistet werden muss.

über die Entladungsweise der Flasche große Aehnlichkeit mit der Annahme hat, dass die Entladung in alternirenden Strömen erfolgt, können die Beobachtungen von Paalzow für die Richtigkeit der einen oder der andern Theorie keine Entscheidung abgeben; sie sind mit beiden verträglich. Zudem will ich einen Punkt hervorheben, worüber weitere Versuche vielleicht Auskunft ertheilen. Bekanntlich begleitet die Ströme namentlich in verdünntem Gase ein besonderes elektrisches Licht, das sich selbst zur Seite blasen lässt; wäre es nicht möglich, dass nur dieses Licht (das sich in den Geissler'schen Röhren nach Aushören der Ströme durch die Phosphorescenz im Innern kund giebt) vom Magnet zur Seite getrieben würde, und zwar, je nachdem es positiv oder negativ ist, nach entgegengesetzter Richtung? Es würde sich damit erklären, warum erst bei einer gewissen Stärke der Ladung zwei Linien erscheinen, weil nach dem Obigen die eine Schwingung, die der Art der Ladung entgegengesetzte, weniger freie Elektricität als die andere besitzt. Bei allen meinen Thermometerbeobachtungen ist mir wenigstens nie ein plötzlicher Sprung in der heobachteten Wärme vorgekommen, wenn die Ladung von der kleinsten Schlagweite zur größten zunimmt, und doch müste ein solcher sehr merklich an der Stelle hervortreten, wo die einfache Entladung in eine vielfach alternirende überginge.

Vielleicht verdient die folgende Beobachtung noch einige Beachtung. In den früher angegebenen Nebendraht mit Galv. $\frac{1}{2}$ gl., als die Induction von Spirale M auf N erfolgte und die Batterie aus 2 Flaschen bestand, war eine Geifsler'sche Röhre eingeschaltet, $21^{\rm cm}$,5 lang und von $13^{\rm mm}$ äußerm Durchmesser, daran 2 Kugeln von $4^{\rm cm}$ Durchmesser, in welche die Platindrähte bis etwas über die Mitte hineingehen. Ward die Batterie zu D=32 geladen, so erschien in der Röhre bei jedem Funken ein helles röthliches Licht, das bis in die Kugeln hineinschlug; an beiden Drähten zeigten sich einzelne helle Punkte. Positive oder negative Ladung der Flaschen machte keinen Unterschied

kenntlich. Nach den Entladungen phosphorescirten Röhre und Kugeln innen noch lauge in milchweißem Lichte¹). Am Galvanometer beobachtete ich folgende Ablenkungen des Spiegels:

Pos. Lad.
$$D = 24$$
 Galv. $-10 - 10 - 10$
 32 $-10 - 8 - 8$
 40 $-12 - 11 - 12$
Neg. Lad. $D = 24$ 0
 32 $+16 + 10 + 7 + 6$
 40 $+15 + 2 + 1 - 2 + 5 + 4$
 $+9 - 9 + 5 + 8$
 48 $+11 + 11 + 11 + 11 + 8$
 $+8 + 16 + 8$
 56 $+9 + 9 + 20 + 17$
 $\Delta 4 \text{ bis } 5$.

Als in den Nebendraht noch ein Zweig von 0^m,65 K. und 0^m,61 Neus. zugefügt war,

Pos. Lad.
$$D = 48$$
 40 32 24 16
Galv. $-13 - 17 - 22 - 11 - 5$ auch 0

Neg. Lad. D = 24, gewöhnlich kein Ausschlag.

Die Funken gingen also bei positiver und negativer Ladung der Batterie trotz des ganz gleichen Ansehens der Röhre doch durch dieselbe wie über Spitzen in ungleicher Weise.

1) VVenn mit Benutzung der zur Holtz'schen Maschine gehörigen Röhrenflasche ein fortwährender Funkenstrom durch die Geissler'sche Röhre ging, so war sie mit röthlich weißem, die Kugeln mit bläulichem Lichte erfüllt; beide Platindrähte erschienen wie sein behaart, an den Enden stärker.

VIII. Ueber ein neues Verfahren, den Reductionsfactor einer Tangentenbussole zu bestimmen; von Anton Waszmuth.

Assistenten für Physik am deutschen Polytechnieum in Prag. (Mitgetheilt vom Hrn. Verf. aus d. Sitzungsberichten d. VVien. Akad.)

Mit dem Namen "Reductionsfactor einer Tangentenbussole" bezeichnet man bekanntlich jene Größe, mit der die Tangenten der Ablenkungswinkel zu multipliciren sind, um die Stromintensitäten, nach absolutem Maaße gemessen, zu erhalten. Dieser Factor k hängt bloß von den Dimensionen des Apparates und der Horizontal Intensität des Erdmagnetismus ab und es ist z. B. für eine Weber'sche Tangentenbussole vom Radius R, $k = \frac{RH}{2\pi}$ und ebenso für eine nach Helmholtz und Gaugain $= \left(\frac{5}{4}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{RH}{2\pi} = 0,2224 \times HR$, wenn H die horizontale Componente der magnetischen Erdkraft bedeutet; oder aber unter Voraussetzung der chemischen Stromeinheit, welche künftighin durchwegs zu Grunde gelegt sein soll, gleich obigem Werthe von k multiplicirt mit 1,05.

So einfach demnach der Zusammenhang zwischen Reductionsfactor und den vorbergehenden Größen ist, so bietet doch die Berechnung nach diesen Formeln meistens viele Schwierigkeiten, da einerseits die Componente H für den Beobachtungsort oft nicht genau genug bestimmt ist und anderseits die Dimensionen des Apparates sich selten mit der nöthigen Sicherheit ermitteln lassen. Man ist daher außer Stande, diese Constante für ein gegebenes Instrument theoretisch zu bestimmen, sondern ist auf den Weg des Versuches hingewiesen.

Dabei hat man bis jetzt ausschließlich elektrolytische Bestimmungen in Anwendung gebracht, sey es in der Art, daß die in einem Voltameter binnen einer bestimmten Zeit entwickelte Knallgasmenge mit Beobachtung der nöthigen Vorsichten und Reductionen gemessen und mit der Tangente des gleichzeitig am untersuchten Instrumente beobachteten Ablenkungswinkels verglichen wurde, oder aber in der Art, dass man ein Metallsalz der Elektrolyse unterwarf, die an der Kathode ausgefällte Menge des betreffen den Metalls durch Wägung bestimmte und daraus die aequivalente Knallgasmenge berechnete, um dieselbe in der vorbin bezeichneten Weise mit der gleichzeitig beobachteten Ablenkungstangente zu vergleichen.

Dem ersten Versahren ist, abgesehen von den der Messung und Reduction des Gasvolumens anhastenden Fehlerquellen noch der Umstand hinderlich, dass sich ein beträchtlicher Gasverlust durch Absorption und, wie man auch nachgewiesen haben will, durch theilweise Wiedervereinigung der getrennten Gase nicht vermeiden läst. Das zweite Versahren¹) ist zwar von den angeführten Uebelständen srei, setzt jedoch die Aussührung genauer Wägungen voraus. Berücksichtigt man endlich, dass beide Methoden überdies noch genaue Zeitbestimmungen erheischen, so wird man zugestehen müssen, dass solche Bestimmungen ziemlich umständlich sind und den Besitz von experimentellen Hülfsmitteln voraussetzen, die nicht immer zur Versügung stehen.

Diese Erwägungen baben mich veranlasst, versuchs-

1) Bei der Untersuchung der Tangentenbussole, mit welcher Prof. v. VValtenhofen die in dieser Abhandlung zu Grunde gelegten Messungen der elektromotorischen Kraft der Daniell'schen Kette ausführte, hat derselbe die elektrolytische Fällung des Kupfers vorgezogen und zu diesem Zwecke einen dem Horsford'schen Apparat ähnlichen Zersetzungsapparat mit Glaswanne construirt, bei welchem die Kupferplatten eine Berührungssläche von mindestens je 60 Quadratcentimeter der Flüssigkeit darboten, indem auf die Vortheile großer Platten zur Erzielung eines constanten Stromes S. 476 der betreffenden Abhandlung (Pogg. Ann. Bd. 133) hingewiesen wird. — Bezüglich des hierbei in Betracht kommenden elektrochemischen Aequivalentes des VVassers mag erwähnt werden, dass die von VViedemann, Galvanismus, Bd. II, S. 917, angeführten Bestimmungen dieser Größe um Differenzen bis zum Betrage von 2 Proc. abweichen.

weise einen andern Weg zur experimentellen Ermittelung des Reductionsfactors einzuschlagen, welcher jedenfalls viel rascher und einfacher und, wie ich glaube nachweisen zu können, mit nicht geringerer Sicherheit und Genauigkeit zum Ziele führt.

Den Anbaltspunkt dazu boten mir die von Prof. v. Waltenhofen in seiner Abhandlung über die elektromotorische Kraft der Daniell'schen Kette nach absolutem Maasse (Pogg. Ann. Bd. 133) mitgetheilten zahlreichen Bestimmungen dieser Größe, welche sämmtlich nach der Poggendorff'schen Compensationsmethode und zwar in der Art ausgeführt wurden, dass der Einsluss der Polarisation vollständig ausgeschlossen war. Die elektromotorische. Kraft der genannten Kette wurde nämlich jedesmal aus Stromstärke und Widerstand in der Nebenschließung abgeleitet 1) und die gefundenen Zahlen zeigen eine solche Uebereinstimmung, dass der von den einzelnen Versuchs. resultaten sehr wenig abweichende Mittelwerth 12,04 auf die Jacobi-Siemens'schen Maasseinheiten bezogen als eine mit großer Sicherheit bestimmte physikalische Constante betrachtet werden muss, welche mit Rücksicht auf die chemische Anordnung der Daniell'schen Kette überdies jedenfalls nur sehr geringen Variationen unterliegen kann.

Diese Größe giebt daher ein unter allen Verhältnissen mit den einfachsten Mitteln und doch mit großer Genauigkeit reproducirbares Maaß an die Hand, aus welchem sofort der Reductionsfactor einer zu untersuchenden Tangentenbussole ohne weiteres berechnet werden kann, wenn dieselbe bei der Compensation einer Daniell'schen Kette

¹⁾ Es mag hier erinnert werden, dass die zweite Form der Poggendorsschen Methode, welche in der Vergleichung der VViderstände in der Leitung der compensirenden Kette und der Nebenschließung besteht, nur relative Messungen gestattet und überdies, wie Pros. v. VValtenhosen in seiner Abhandlung über die Polarisation constanter Ketten (Sitzungsb. d. kais. Akad. Bd. 49) unzweiselhast nachgewiesen hat, von dem Einfluß der Polarisation nicht unabhängig ist.

als Galvanometer in der Nebenschließung von bekanntem Widerstande gedient hat. Bezeichnet man nämlich, auf die vorgenannten Einheiten bezogen, Stromstärke und Widerstand in dieser Nebenschließung beziehungsweise mit i und r, ferner den an der Tangentenbussole bei erreichter Compensation der Daniell'schen Kette (durch eine beliebige andere von entsprechender Stärke) abgelesenen Ablenkungswinkel mit α und den gesuchten Reductionsfactor bezüglich der Jacobi'schen Stromeinheit mit k, so hat man wegen i = k tang α und $12,04 = ir^1$) die Relation:

$$k = \frac{12,04}{r \tan \alpha}.$$

Ich habe eine Reihe solcher Versuche ausgeführt, die ich nun näher erörtern will. Als Ladungsslüssigkeit diente bei der Daniell'schen Kette eine concentrirte Kupfervitriollösung, deren Concentration durch hineingelegte Kupfervitriolkrystalle unterhalten wurde; das Zink war sorgfältig amalgamirt und stand in mit dem fünfzehnfachen Volum Wasser verdünnter englischer Schweselsäure. Bei den Versuchen No. II bis VII wurde das von Poggendorss angegebene Versahren beobachtet, das Daniell'sche Element jedesmal nach ersolgter Compensation auseinander zu nehmen, die Metallplatten von den anhastenden Gasblasen zu reinigen, neu zusammenzustellen und abermals zu compensiren. Als compensirende Kette wurde ein constantes Kohlenzinkelement verwendet.

Zur Untersuchung gelangte zuerst eine Gaugain'sche Tangentenbussole mit massivem Messingring nebst vier Drahtkreisen, mit der ich folgende vier Reihen von Versuchen, bei denen jedesmal ein anderes Daniell'sches Element zur Compensation genommen wurde, ausführte. Der Strom ging dabei durch den messingenen Reif.

¹⁾ Es ist nämlich die elektromotorische Krast der compensirten Kette jedesmal gleich dem Producte von Stromstärke und VViderstand der Nebenschließung.

Versuchsreihe	r	α	log r tang α	k	Miuel	Größte Abweichung vom Mittel
No. 1	1,025 2,025 3,025 4,025	17°,0 8°,7 5°,8 4°,3	0,49606—1 0,49118—1 0,48752—1 0,48093—1	38,42 38,85 39,18 39,78	39,05	1,8 Proc.
No. II	1,025 2,025 3,025 4,025	17°,0 8°,75 5°,8 4°,35	0,49606 — 1 0,49371 — 1 0,48752 — 1 0,48597 — 1	38,42 38,63 39,18 39,32	38,88	1,18 »
No. III	1,025 2,025 3,025 4,025	17°,15 8°,75 5°,75 4°,45	0,50011—1 0,49371—1 0,48374—1 0,49588—1	38,06 38,63 39,53 38,44	3 8,66	2,2 »
No. IV	1,025 2,025 3,025 4,025	17°,15 8°,8 5°,85 4°,55	0,50011 - 1 0,496221 0,491281 0,505571	38,06 38,41 38,85 37,59	38,22	1,6 »

Hieraus ergiebt sich, wenn man die Versuchsreihe No. I, bei der die Metallplatten während der Compensation nicht gereinigt wurden, außer Acht läßt, als Mittelwerth für den Reductionsfactor dieser Bussole k=38,59, dessen Abweichung vom Mittel der Versuchsreihen II, III und IV nicht einmal 1 Proc. erreicht und dessen größte Abweichung von den einzelnen Beobachtungsresultaten 2,6 Proc. beträgt. Elektrolytische Bestimmungen mit (concentrirter) Kupfervitriollösung zwischen Kupferplatten ergaben für diesen Reductionsfactor einen etwas höheren Werth. (Sehr nahe 40.)

Eine Berechnung dieses Factors konnte hier leider nicht durchgeführt werden, da die Dimensionen des Messingreisens nicht auf den Werth des bei der Rechnung zu Grunde zu legenden Radius schließen ließen; die für denselben gesundenen Grenzwerthe zeigen indes eine besriedigende Uebereinstimmung.

Um aber auch eine derartige, genauere Vergleichung anstellen zu können, wurde eine Versuchsreihe No. V mit derselben Tangentenbussole in der Art ausgeführt, dass der Strom nicht durch den Messingreif, soudern durch einen von den vier an demselben festliegend angebrachten, isolirten Kupferdrähten ging. Der Radius dieses Kupferringes fand sich ziemlich genau gleich 88mm und die Entfernung seines Mittelpunktes vom Drehungspunkte der Nadel gleich 45^{mm}, während die am Aufstellungsorte direct gemessene, erdmagnetische Horizontal-Intensität 1,657 war. Berechnet man mit diesen Größen den Reductionsfactor, so findet man denselben gleich 34,52, welcher Werth mit den aus meinen Versuchen erhaltenen 34,61 eine beinahe vollständige Uebereinstimmung giebt, indem die Abweichung davon nur 1 Proc. beträgt, wie aus der nachstehend angeführten Tabelle hervorgeht.

Versuchsreihe	r	α	log r tang α	k	Mittel	Größte Abweichung vom Mittel
No. V	1,025 2,025 3,025 4,025	18°,55 9°,75 6°,55 5°,0	0,53650—1 0,54153—1 0,54075—1 0,54672—1	35,01 34,60 34,66 34,19	34,61	1,2 Proc.

Zeigen die Messungen No. I bis IV, dass die einzelnen Bestimmungen mit verschiedenen Daniell'schen Ketten unter sich sehr gut übereinstimmende Resultate ergeben, so erhellt nicht minder aus dem Versuche No. V das genaue Zusammentressen des berechneten mit dem nach meinem Versahren gesundenen Werthe.

Dasselbe zeigt sich auch bei den Versuchen No. VI und VII, die ich mit einer 12 Drahtkreise enthaltenden Gaugain'schen Bussole durchführte.

Versuchsreihe	r	α	log r tang α	k	Mittel	Größte Abweichung vom Mittel
No. VI	1,065 2,065 3,065 4,065	69°,5 -53°,33 42°,55 34°,67	0,45461 0,45100 0,44924 0,44890	4,213 4,248 4,265 4,269	4,25	0,9 Proc.
No. VII	1,069 2,069 3,069 4,069	69°,5 53°,55 42°,25 34°,5	0,45624 0,44734 0,44525 0,44662	4,211 4,298 4,319 4,305	4,28	1,6 »

Als Mittelwerth aus diesen Bestimmungen ergiebt sich hieraus für den Reductionsfactor die Größe 4,26, welcher Werth von den einzelnen Beobachtungen höchstens um 1,4 Proc. abweicht.

Für dasselbe Instrument wurde der Reductionsfactor auch auf verschiedenen anderen Wegen ermittelt, wobei sich ein nahezu gleicher Mittelwerth 4,19 ergab, während jedoch die einzelnen Bestimmungen unter sich weniger genau als bei meinen Versuchen übereinstimmten.

Bedenkt man nun noch, dass dieses Versahren Apparate voraussetzt, die in keinem physikalischen Laboratorium sehlen (einige bekannte Widerstände, ein Rheostat, der nicht einmal graduirt zu sein braucht, zwei Ketten und ein gewöhnlicher Multiplicator) und dass man mehrere Versuche binnen kurzer Zeit aussühren kann, so dars wohl mit Recht gesagt werden, dass dieses Versahren rascher und einsacher als die gewöhnlichen Methoden zum Ziele führt und auch mindestens die gleiche Genauigkeit wie jene gewährt.

Ebenso einleuchtend ist es, dass sich dieses Versahren mit Vortheil zum Graduiren anderer Galvanometer verwenden läst und zwar besonders dort, wo das von Poggendors f augegebene Versahren vermöge der Construction des betressenden Instrumentes nicht ausführbar ist. Ueber die Modification, die dann das Versahren erleidet, werde ich indess ein anderes Mal berichten.

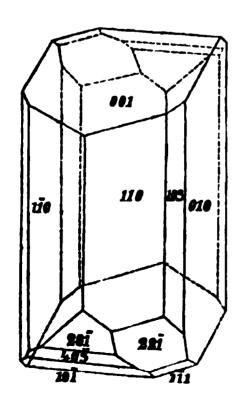
Schließlich kann ich nicht umhin, Herrn Prof. v. Waltenhofen, in dessen Laboratorium ich die Versuche ausführte, für die Ueberlassung der Instrumente sowie für die gütige Unterstützung meiner Bestrebungen meinen wärmsten Dank auszusprechen.

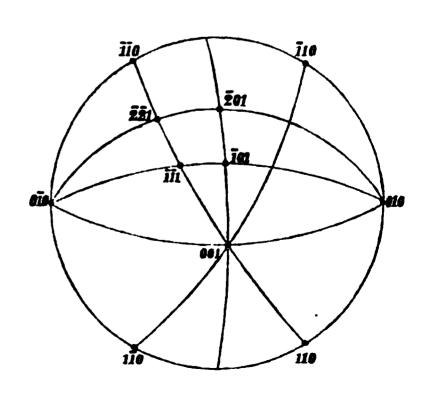
IX. Ueber die Form und die Zusammensetzung der Feldspäthe; von G. Tschermak.

(Im Auszug aus den Sitzungsber. d. Wien. Akad. Bd. LX; vom Hrn. Verf. mitgetheilt.)

Dass die Plagioklase (trikline Feldspäthe) Krystallsormen zeigen, welche in ihren Winkeln nur wenig von einander abweichen, ist von Descloizeaux in dessen Manuel de Minéralogie aussührlicher besprochen worden, und es hat die Aussaung der Plagioklase als einer isomorphen Reihe zu einer Theorie der chemischen Mischung dieser Feldspäthe gesührt. Gegen das eine und das andere hat G. v. Rath Bedenken erhoben¹). Ich bin daher genöthigt, nochmals auf den Gegenstand zurückzukommen.

Wenn man die Formen aller Plagioklase so aufstellt, dass die Fläche 001 für den Beobachter oben vorne liegt und die stumpse Kante 001.010 oben rechts liegt, dann hat man in derselben Weise, wie es Descloizeaux gethan, alle Formen in parallele Stellung gebracht und die Hauptspaltungsstächen aller liegen nahezu parallel. Nun erkennt man leicht die Aehnlichkeit der Formen durch Vergleichung von fünf Winkeln, welche die Gestalt charakterisiren. Im Folgenden sind die Werthe angegeben, innerhalb welcher sich die gemessenen Winkel der Normalen bewegen:





1) Diese Annalen Bd. 138 S. 483.

	010:010	001:110	$001 : 1\overline{10}$	010 : 110	010:110	$0\overline{1}0:\overline{2}01$
Albit	(93°,19 } 36	64°,55 65 15	69°, 9 12	60°,46 62 7	59°,44 60 55	92°,41
Oligoklas Vesuv	{ 93°, 4 32	65°, 40 4 9	68°,48 69 7	58°,54 59 3	61°,16 43	90°,12 27
Oligoklas	93°,52	65°,20	69°, 0 20	59°,36	61°, 0 6	91°
Labrador	93°,20 56	65°,34	69°	• • • • •	62 ° ,15 30	89°,40
Anorthit	94°,10 23	65°,57	69°, 3 27	57°, 58 5 8 0	62°,26 32	89°,27

Die angeführten Messungsresultate zeigen die Aehnlichkeit der Formen des Albites und des Anorthites, ferner den Uebergang von der einen Form zu der anderen bei den zwischen beiden stehenden Plagioklasen. Die größte Differenz zwischen den Extremen zeigt sich in den Winkeln 010:110 und 010:110. Sie beträgt im äußersten Falle 2°,48 und 4° und wechselt so, daß dort, wo der Albit den stumpferen Winkel zeigt, der Anorthit den schärferen hat und umgekehrt. Trotzdem sieht man auch bezüglich dieser Winkel einen allmäligen Uebergang von der einen Form zur anderen. Es giebt also keinen gegründeten Einwand gegen den Satz, daß die Plagioklase eine isomorphe Reihe bilden.

Es könnte aber noch bemerkt werden, dass die prismatische Spaltbarkeit dem widerspreche, da der Albit nach 110, der Oligoklas nach 110 spalte u. s. w. Meine Beobachtungen bezüglich der Spaltbarkeit der Plagioklase haben mich indess zu der Ueberzeugung gebracht, dass die prismatische Spaltbarkeit nicht constant orientirt ist. Es giebt auch Oligoklase, die nach 110, endlich solche, die sowohl nach 110 als nach 110 spaltbar wird.

Ein anderer Einwand meines hochverehrten Freundes G. v. Rath bezog sich auf das Mischungsgesetz der Plagioklase, welchem ein Feldspath aus dem Närodal zu widersprechen schien. Ich habe jedoch schon früher gezeigt, dass zusolge einer Analyse E. Ludwig's auch dieser Feldspath der Regel folgt 1). Rammelsberg, welcher die Vermittelung in dem Streite übernahm, trat meiner Anschauung bei 2). Mittlerweile hat Ludwig eine zweite

¹⁾ Diese Annalen Bd. 138 S. 169.

²⁾ Ebendas. Bd. 189 S. 178.

Untersuchung des Feldspathes aus dem Närodal ausgeführt. Die Resultate beider Analysen sind:

Volumgewich	ht 2,7	29	2,723.
	100,60	100,91	100.
Natron	3,30	3,36	2,95
Kalkerde	15,10	14,85	15,05
Thonerde	33,26	33,36	32,60
Kieselsäure	48,94	49,34	49,40
	I	II	Theorie

Es bleibt also kein Zweisel mehr, dass auch dieser Feldspath, der übrigens nicht frei von fremden Einschlüssen ist, dem Mischungsgesetze folgt, welches die Plagioklase als Mischungen von Albit- und Anorthitsubstanz erklärt.

G. v. Rath hat sich drittens auch gegen meine Anschauung gewendet, nach welcher die orthoklastischen Feldspäthe, die neben Kali auch Natron enthalten, als mechanische Gemenge von Adular und Albit resp. Plagioklas zu betrachten sind. Aus der mangelhasten Uebereinstimmung, welche die von ihm beobachteten Volumgewichte der Laacher Sanidine mit den theoretischen Zahlen zeigen, zog er den Schlus, das die Albitsubstanz isomorph beigemischt sey 1). Jene theoretischen Zahlen beziehen sich auf die Voraussetzung einer mechanischen Mischung. Bei der isomorphen Mischung zweier Verbindungen denken wir uns aber gleichfalls nur eine mechanische Mengung, keine chemische Verbindung, die eine Condensation oder Dilatation mit sich führt. Demnach erscheint mir auch dieser Einwand nicht begründet, um so mehr, als die Beobachtungen des Volumgewichtes nicht als frei von Fehlern anzunehmen sind. Die mikroskopische Prüfung des Sanidins von Laach, vom Drachenfels, vom Vesuv hat übrigens häufige Beimengungen von Plagioklas erkennen lassen.

1) Diese Annalen Bd. 135 S. 561.

ANNALEN DER PHYSIK UND CHEMIE.

Bd. V.

ERGÄNZUNG.

St. 2.

I. Ueber die Beziehungen zwischen der Sonnenhöhe und der chemischen Intensität des Gesammt-Tageslichtes bei unbewölktem Himmel; von H. E. Roscoe und T. E. Thorpe.

Die Schwierigkeit, in England eine genügende Anzahl auseinander folgender klarer Tage zu finden, um die Beziehungen zwischen Sonnenhöhe und chemischer Intensität des gesammten Tageslichtes mit nur einiger Genauigkeit zu bestimmen, veranlasste uns, eine Reihe von Messungen an der Westküste von Portugal zu unternehmen, wo der Himmel während der Monate Juli und August gewöhnlich wolkenfrei ist. Die Messungen wurden nach der Methode ausgesührt, welche der eine von uns bei einer früheren Gelegenheit in diesen Annalen mitgetheilt hat, und die auf einer genauen Bestimmung des dunkeln Farbentones beruht, den normales empfindliches Papier in einer gegebenen Zeit unter dem Einflusse des Tageslichtes annimmt').

Die Beobachtungen, deren Ergebniss hier mitgetheilt wird, sind mit freundlicher Erlaubniss des Herrn Thos. Creswell im Herbste des Jahres 1867 in Quintado Estero Furado gemacht worden, welcher Ort auf dem flachen Hochland an der Südseite des Tajo's, ungefähr 8½ Meilen südöstlich von Lissabon, unter 38° 40' nördl. Breite und 9° östl. Länge gelegen ist. Das empfindliche Papier wurde in horizontaler Lage der Beleuchtung ausgesetzt und der Apparat befand sich auf einem sorgfältig horizontal gestellten Stativ 4 Fuss 5 Zoll über dem Boden eines sandigen Feldes. Bis auf ein Haus, das sich auf einer Entfernung

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. 124, S. 353 u. Bd. 132, S. 404.

von 130 Schritt nach Osten zu befand und dessen Dach einen Winkel von 7° mit der Ebene des Papieres machte, war der Horizont vollkommen frei.

Alle Versuche wurden in nachstebender Reibenfolge ausgeführt:

- 1) Die chemische Wirkung des gesammten Tageslichtes wurde in gewöhnlicher Weise bestimmt.
- 2) Die chemische Wirkung des zerstreuten Tageslichtes wurde hierauf in der Weise bestimmt, dass der Schatten einer kleinen geschwärzten Messingkugel auf den exponirten Theil des Papieres geworfen wurde. Die Kugel befand sich in solcher Entfernung vom Papier, das ihr scheinbarer Durchmesser, von diesem aus gesehen, etwas größer erschien als der der Sonnenscheibe.
 - 3) Die Wirkung des gesammten Tageslichtes und
- 4) die des zerstreuten Lichtes wurden noch einmal beobachtet.

Aus den Beobachtungen 1 und 3 und 2 und 4 wurden die Mittelwerthe genommen.

Die Sonnenhöhe wurde unmittelbar vor und nach den genannten Beobachtungen bestimmt und daraus die Höhe zur Zeit der Versuche durch Interpolation berechnet. In den Bestimmungen diente ein von Worthington in London angefertigter Sextant mit künstlichem Horizonte von schwarzem Glase, der vor jeder Beobachtung sorgfältig eingestellt wurde. Um die mittlere Lissaboner Zeit zu erhalten, wurde die Uhr, an der Viertel-Secunden abgelesen werden konnten, nach der Kugel gerichtet, die im Lissaboner Marinearsenal um 1 Uhr N. M. herabfällt. Die täglichen Schwankungen im Gange der Uhr wurden natürlicher Weise berücksichtigt. In Fällen, wo eine directe Bestimmung der Sonnenhöhe nicht ausgeführt werden konnte, wurde dieselbe nach folgender Formel berechnet:

 $\cos \varphi = \cos \delta \cos t \cos p + \sin \delta \sin p$, wo δ die Declination der Sonne, p die Breite des Ortes = 38° 40' und t den Stundenwinkel der Sonne bedeuten. Es war vor allen Dingen nötbig, den Fehler zu ermitteln, den zufällige Veränderungen in der Entfernung der Messingkugel vom sensitiven Papier, bei der Bestimmung der Wirkung des zerstreuten Tageslichtes möglicher Weise veranlassen konnten. Es wurde deshalb am 8. August 1867 eine Reihe von Versuchen angestellt, bei denen die geschwärzte Kugel in Entfernungen vom präparirten Papier angebracht wurde, die zwischen 140^{mm} und 230^{mm} schwankten. Bei einer Entfernung von

			•	im Mittel	chem. Intens.
140 ^{mm}	waren	die	Ablesungen	143,3	0,116
160 ^{mm}	æ	ec .	*	143,6	0,116
190 ^{mm}	ec	"	ď	141,9	0,146
230 ^{mm}	α	~~	æ	136,8	0,118.

Die Entfernung der Kugel vom Papier kann also zwischen 140^{mm} und 190^{mm} schwanken, ohne irgend einen wahrnehmbaren Fehler zu erzeugen.

Die nachstehenden Data einer Beobachtung mögen als Beispiel für alle übrigen dienen (im Ganzen 134), die alle in genau derselben Weise ausgeführt wurden und aus deren Ergebnissen die in dieser Abhandlung angegebenen Schlussfolgerungen gezogen wurden.

5. August 1867.

		·	,	••••				
	Bestimm	•					.4.4.	C
	Beobaci Ze it		Dei	recnne: Zeit		Beobach oppelte l		Sonnen- höhe
1) Beobachtung								$35^{o}51^{\prime}$
2) «	3'41'	æ	4*	1'	ľ	70°0	0'	35°00
Be	stimmung	r der	chemi	schen	Inter	nsität:		
Zeit, beobachtet	•	•					59' b	is 4°0'.
Ablesungen	an dei	n Pa	piers	treife	n:			Mittel
L Gesammtes	Tagesli	cht	10 0,	97,	97,	105,	103	,
	_		106,	102	•	• •	•	101
II. Zerstreutes	Licht 1	l 10,	108,	112,	116	, 116,	117	,
]	08,	110	•		• •		112
III. Gesammtes	Licht 1	04,	100	100,	97,	100,	102	,
	1	107,	105,	103	•	• •	•	102
IV. Zerstreutes	Licht 1	08, 1	112,	113,	108	, 115,	114,	,
		107		•	• •		•	111.
							400	

Mit Hülfe der Calibrationstabelle des Streisens berechnen sich die folgenden Zahlen aus den obigen Ablesungen:

Zeit 4^a n. M. Sonnenhöhe 35° 25'.

Gefundene chemische Intensität des

directen Sonnenlichtes: zerstreuten Tageslichtes: gesammten Tageslichtes: 0,069 0,138 0,207.

Die meteorologischen Erscheinungen zur Zeit des Versuches wurden sorgfältg notirt.

Wolken 0,0. Wind S.S.W.

Trockenes Thermometer 27°,4 C.

Nasses « 20°,6 «

Wasserdampf in 1 Cubikmeter 12,8 Grm. Feuchtigkeitsgrad 50.
Barometerstand 763^{mm},9.

Es wurde soweit wie möglich jede Stunde eine Reihe von Beobachtungen angestellt und die 134 zerfallen deshalb naturgemäß in 7 Gruppen, nämlich:

1) Sechs Stunden vom Mittag. 2) Fünf Stunden vom Mittag. 3) Vier Stunden vom Mittag. 4) Drei Stunden vom Mittag. 5) Zwei Stunden vom Mittag. 6) Eine Stunde vom Mittag. 7) Mittag.

Jede der 6 ersten Gruppen enthält zwei gesonderte Reihen von Beobachtungen, nämlich diejenigen, die vor und diejenigen, welche nach Mittag angestellt wurden.

Der eine von uns hat bereits aus den zu Kew angestellten Messungen gefolgert, dass die mittlere chemische Intensität des gesammten Tageslichtes für gleiche Zeitabstände vom Mittag constant ist!). Dass dies Resultat allgemein gültig ist, bestätigen die folgenden Tabellen, welche die Ergebnisse von 134 Serien von Versuchen enthalten, in vollem Maasse. Die einzelnen Versuche, die zur gleichen Stunde gemacht worden sind, sind in den Tabellen zusammengesast und den in demselben Zeitabstand von Mittag gemachten zur Seite gestellt.

1) Phil. Transact. 1867 p. 558.

Total . 035 Himmel Source .000 Nach Mittag Soanen-höbe 9028 Datum Stunde Mittel 5250025004455 ณณณ๛ของเฉยองอั In 828832220086 No. der Ver-6188445598651888 61881698651888 Total 22.22 .041 Himmel 3833 . 141 Sonne 8888 000. Vor Mittag Sonnen-höhe 10°38′ 10°15′ 10°23′ 10°23′ Stunde Miuel 66 6 69 6 suche

Tabelle I(a).

Tabelle I (b).

	Total	104 099 086 114 064 083 075 075 075
	Himmel	. 059 . 059 . 059 . 059 . 059 . 059
tt ag	Sonne	.025 .024 .025 .025 .025 .025 .025
Nach Mittag	Sonnen- hõhe	23°15' 22 10 22 15 22 15 19 07 18 20 201°27' 200°9'
	Stunde	დიიიოი4
	Datum	801 128 128 128 138 138 138 138 138 138 138 138 138 13
	No. der Ver- suche	118 24 66 25 25 106 117
	Total	
	Himmel Total	
itag		095 068 058 057 050 050
Vor Mittag	Himmel	024 . 095 023 . 062 032 . 063 017 . 058 016 . 057 016 . 047 010 . 050 . 050 . 061
Vor Mittag	Sonne Himmel	•59′ .024 .095 10 .023 .062 20 .032 .063 20 .032 .063 29 .017 .058 17 .017 .051 24 .016 .047 56 .017 .050 •14′ .020 .061
Vor Mittag	Sonnen- Sonne Himmel	20°59' .024 .095 21 10 .023 .062 20 20 .032 .063 17 29 .017 .058 19 17 .017 .057 18 24 .016 .059 17 56 .017 .050 153°53' .162 .491 .

	Total	. 165 . 165 . 172 . 145 . 154 . 151 . 150 . 150
	Himmel	. 138 . 116 . 109 . 096 . 097 . 100 . 092 . 092 . 094
tag	Sonne	. 069 . 069 . 069 . 069 . 069 . 053 . 053
Nach Mittag	Sonnen- höbe	35°21′ 34 49 34 11 31 50 31 21 30 36 29 38 29 38 29 38 29 38 29 38 29 38 29 38 29 38 29 38
	Stunde	4444488444 0.00 12 12 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13
	Datum	5 6 8 10 22 23 24 24 26 10
	No. der Ver- suche	0178832843891 611
	Total	. 154 . 154 . 151 . 151 . 149 . 149 . 112 . 120
	Himmel	
ltag	Sonne	. 053 . 053 . 050 . 051 . 051 . 052 . 052
Vor Mittag	Soanea- höhe	32°25′ 31 58 31 58 30 43 30 23 29 58 29 58 29 38 29 38 30°33′ 30°33′
	Stunde	8 0, 8 20 8 20 8 30 8 30 8 30 Mittel
	Datum	6212233252428282828282828
	No. der Ver- suche	12 12 12 12 12 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13

Tabelle I(c).

	Total	263 278 267 200 200 200 200 200 200 200 200 200 20	
	Himmel	. 158 . 136 . 128 . 083 . 114 . 116 . 110 . 089 . 089	
itag	Sonne	105 1142 1139 1142 1039 1103 1031 1031 1031 1031 1031 1031	
Nach Mittag	Sonnen- höhe	469°56′ 42°43′ 42°43′ 42°43′	
	Stunde	Mittel 6000000000000000000000000000000000000	
	Datum	10 12 28 28 28 28 28 30	
	No. der Ver- suche	25 25 26 73 104 115 115	
	Total	. 226 . 283 . 273 . 213 . 200 . 196 . 178 . 202 . 379	
	Himmel Total		
ittag		63	-
Vor Mittag	Himmel	102 154 154 164 129 108 091 108 1108 1108 090 098 098 098 098 112 120 120 120 120 120 120 120 120 120	
Vor Mittag	Sonne Himmel	13' .102 .124 33 .154 .129 16 .144 .129 20 .089 .124 20 .091 .109 21 .083 .114 22 .079 .104 23 .108 .112 24 .083 .112 25 .082 .096 26 .082 .096 27 .1 .120 .1 .259 2 43' .102 .114	
Vor Mittag	Sonnen- Sonne Himmel	44°13'102124 48 33154129 41 16144129 41 20089124 41 20091109 40 58079104 41 00083114 41 00090112 40 48098098 41 35082096 41°43'102114	

	l	
	Total	203 203 203 203 203 203 203 203 203
		<u> </u>
,	Himmel	150 1118 1118 1118 1118 1118
&	Sonne	. 143 . 095 . 091 . 080 . 649 . 108
Nach Mittag	Sonnen- höhe	56 °26′ 55 36 58 25 50 12 49 09 53 18′ 53 18′
	Stunde	24 5, 1 59 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
	Datum	21 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
	No. der Ver- suche	37 55 94 126 136
	Total	289 .287 .287 .248 .256 .300 .273 .267 .219 .273 .253
	Himmel	180 128 130 121 168 104 118 118 118 120 118 118 120
ge iti	Sonne	. 009 . 182 . 157 . 152 . 152 . 155 . 155 . 161 . 161 . 161 . 161
Vor Mittag	Sonnen- höhe	54°50' 54 58 54 58 53 55 51 27 51 27 51 26 51 26 53 916'
	Stunde	10° 0' 10 0' 10 0' 10 0' 10 58 10 3 10 3 10 3
1	Datum	2010986 122242 123242 13424 13
	No. der Ver- suche	212 233 252 100 100 123 123

Tabelle I(d).

	Total	.310 .315 .234 .384 .384 .384 .317 .317
	Himmel	. 180 . 186 . 186 . 186 . 186 . 184 . 133
itag	Sonne	130 110 110 110 258 258 258 250 178 178 178 178 178 178
Nach Mittag	Sonnen- höhe	65°22' 64.35 64.35 63.28 60.27 60.08 57.36 672°13' 61°07'
	Stunde	14 0, 12 59 12 59 12 59 12 59 1 11 1 11 Mittel
	Datum	~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~
	No. der Ver- suche	- 48.42
	Total	855 826 836 835 835 835
	Himmel	. 182 . 124 . 124 . 126 . 115 . 126 . 118 . 118 . 118 . 118
itag	Sonne Himmel	HAHAHAHAHAHA C H
Vor Mittag		215 149 153 153 212 201 201 263 178 178 178 178 187 1.7 204
Vor Mittag	Sonne	25 . 215
Vor Mittag	Sonnen-Sonne	64 29 .215 .1 64 29 .215 .1 68 25 .149 .1 62 56 .153 .1 62 24 .212 .1 60 04 .201 .1 60 04 .201 .1 59 45 .263 .1 58 35 .263 .1 58 36 .1 58 37 .1 59 45 .263 .1

	4
	ě
	=
i	Ξ
1	c

Total	374 390 344 420 410 345 335 335 335 359
Himmel	. 188 . 177 . 226 . 172 . 132 . 118 . 128 . 116 . 138
Soune	213 218 248 248 225 225 199 191 2 435
Sonnen- höhe	68°21' 67 31 67 14 68 58 63 32 62 51 61 50 61 29 61 06 64°14'
Stunde S	Minel 72 25 66 66 66 66 66 66 66 66 66 66 66 66 66
S Satumo	28 6 0 1 2 2 2 3 2 2 3 2 3 2 3 2 3 3 3 3 3 3 3
Nummer der D	81 102 113 124

Die folgende Tabelle enthält die Resultate übersichtlicher zusammengestellt:

Tabelle II.

	Mittlere	Mittlere	chemische	Intensität	Zahl	D'a
Stunde	Sonnen- höhe	Sonne	Zerstreut	Total	der Beob- achtungen	Differenz
6°0′ V.M. 6 0 N.M. 7 0 V.M. 5 0 N.M. 8 0 V.M. 4 0 N.M. 9 0 V.M. 3 0 N.M. 10 0 V.M. 2 0 N.M. 11 0 V.M.	9 28 19 14 20 09 30 33 31 54 41 43 42 43	0.000 0.000 0.020 0.025 0.052 0.053 0.102 0.099 0.149 0.108 0.204 0.184	0.041 0.035 0.061 0.062 0.097 0.104 0.114 0.115 0.130 0.120 0.131 0.133	0.041 0.035 0.081 0.087 0.147 0.157 0.216 0.214 0.279 0.228 0.335 0.317	3 12 8 10 11 11 11 11 13 6 13	+ .003 0025 - 0.005 + 0.001 + 0.025 + 0.009
12 0 M.	64 14	0.221	0.138	0.359	11	

Die Zahlen aus Columne III und IV in Tabelle II geben das Verhältnis zwischen dem directen Sonnen- und zerstreuten Tageslicht. Die beiden Curven Taf. IV Fig. 3 sind aus diesen Zahlen mit Bezug auf die Sonnenhöhe construirt. Die punktirte Linie stellt die Intensität des zerstreuten Tageslichtes, die ausgezogene die des directen Sonnenlichtes dar. Die beiden Curven schneiden sich bei einer Höhe von 50°, bei welcher Sonnenhöhe die Intensitäten der beiden Lichtquellen einander gleich sind.

Der Umstand, dass die Curve des directen Sonnenlichtes bei 10° die Null-Linie schneidet, bestätigt die Voraussetzung des einen von uns, dass dem directen Sonnenlichte bei Höhen unter 10° alle chemischen Strahlen entzogen sind.

Die Curven Taf. IV Fig. 1 zeigen den täglichen Gang der chemischen Intensität des Lichtes in Lissabon nach dem Mittel aus den angeführten Beobachtungen, verglichen mit dem zu Kew für August und dem zu Pará für April des

vorhergehenden Jahres. Die mittlere chemische Intensität in Kew wird durch 94.5, in Lissabon durch 110 und in Pará durch 313.3 ausgedrückt, wenn die 24 stündige Wirkung von Licht von der Intensität 1 gleich 1000 gesetzt wird.

Ordnen wir die Beobachtungen entsprechend den Sonnenhöhen an, so haben wir:

Tabelle III.

Zahl	Sonnen-	Ch	Berechnet		
der Beob- achtungen	höhe	Sonne	Himmel	Total Pormel	
15	9°51′	0.000	0.038	0.038	0.035
18	19 41	0.023	0.062	0.085	0.089
22	31 14	0.052	0.100	0.152	0.154
22	42 13	0.100	0.115	0.215	0.215
19	53 07	0.136	0.126	$\boldsymbol{0.262}$	0.275
24	61 08	0.195	0.132	0.327	0.320
11	64 14	0.221	0.138	0.359	0.337

In Fig. 2 Taf. IV sind die chemischen Intensitäten als Ordinaten und die Sonnenhöhen als Abscissen aufgetragen. Man sieht so das Verhältniss zwischen Sonnenhöhe und chemischer Intensität für Höhen über 10° durch eine gerade Linie repräsentirt. Die eingetragenen experimentell bestimmten Punkte zeigen eine sehr nahe Uebereinstimmung mit der Linie.

In einer frühern Mittheilung 1) ist gezeigt worden, dass eine ähnliche Beziehung zwischen Sonnenhöhe und chemischer Intensität des gesammten Tageslichtes auch sür Heidelberg, Kew und Pará stattfindet und dass dieses Verhältniss sich stets durch eine gerade Linie ausdrücken läst, wenn auch die chemische Intensität des Lichtes bei gleicher Sonnenhöhe sür verschiedene Jahreszeiten und verschiedene Orte je nach dem Durchsichtigkeitsgrade der Lust bedeutend variirt. So sind die Intensitäten sür Lissabon und Pará sür 30° resp. 0.15 und 0.44, während sie für 60° 0.32 und

¹⁾ Roscoe, Phil. Trans. 1867 p. 555.

0.80 sind. Dass diese Veränderung in der Richtung der geraden Linie, die durch die Constante in der gegebenen Formel ausgedrückt wird, der Opalescenz der Atmosphäre zugeschrieben ist, wird dadurch bewiesen, dass bei gleicher Sonnenhöhe die chemische Intensität des Lichtes um so größer ist, je höher die mittlere Temperatur der Luft ist; so ist sie im Sommer am größten, wenn wir die verschiedenen Jahreszeiten vergleichen, und größer an Orten, die näher am Aequator liegen, als an solchen, die entfernter von demselben sind. Das erstere sehen wir deutlich, wenn wir die Beobachtungen zu Kew für gleiche Sonnenhöhen, aber verschiedene Jahreszeiten vergleichen. Die folgende Tabelle zeigt deutlich, dass dieselbe Sonnenhöhe im Sommer allgemein von einer größern chemischen Intensität begleitet ist, als im Winter. Dieser Unterschied kann nur von der verschiedenen Opalescenz der Atmosphäre herrühren, die jedenfalls eine Function der Temperatur ist; er vermindert sich in der Nähe des Sommersolstitiums und ebenso je weiter wir gegen den Acquator zuschreiten.

Chemische Intensität des Lichtes zu verschiedenen Jahreszeiten, Kew 1866.

	Monat	Zeit der Beobachtung	Sonnenhöhe	Chem. Intens. des gesammt. Tagesl.
T	(October	2*30' n. M.	23°10′	0.059
1.	October August	4 42	23 58	0.115
TT	\ Novembe	er 227	14 52	0.035
11.	November September	er 4 43	14 14	0.058
111	März Juni	2 30	28 36	0.075
111.	Juni	4 43	29 52	0.106
T X 7	(April	2 30	38 06	0.116
	{ April { Juli	4 39	30 05	0.141

Es ist äußerst interessant, wie nahe die in Lissabon mittelst photographischen Papieres gemachten Messungen mit den chemischen Lichtintensitäten übereinstimmen, die aus Beobachtungen berechnet wurden, welche in Heidelberg nach einer ganz verschiedenen Methode gemacht wurden.

Im Jahre 1859 gaben Prof. Bunsen und der eine von uns im 4. Theil der "photochemischen Untersuchungen" Curven für die chemische Wirkung des directen Sonnenlichtes und des zerstreuten Tageslichtes an verschiedenen Orten der Erde. Leider kann die dort zu Grunde gelegte Einheit nicht mit der bei den Versuchen in Lissabon gebrauchten verglichen werden. Reduciren wir aber die für Lissabon (38°40' n. Br.) experimentell erhaltenen und die für Neapel (40°52' n. Br.) berechneten Resultate auf ein gemeinschaftliches Maass, indem wir annehmen, dass die Wirkung des directen Sonnenlichtes zur Mittagszeit in beiden Fällen gleich war, und wir die übrigen Punkte der Curve für Neapel in gleichem Verhältniss reduciren, so erhalten wir die beiden Curven B, B', Fig. 4 Taf. IV, wo die correspondirenden Curven für Lissabon durch A, A' gegeben sind.

Die Uebereinstimmung zwischen den Resultaten der oben beschriebenen und der nach einer ganz verschiedenen Methode gemachten Messungen erhellt ferner aus dem nahen Zusammenfallen der "Phasen gleicher chemischer Beleuchtung" für die nach beiden Methoden bestimmten chemischen Intensitäten des directen Sonnenlichtes und zerstreuten Tageslichtes.

In einer früheren Mittheilung¹) ist gezeigt worden, dass an allen Orten, an denen die Sonne sich zu einer Höhe von über 20°56′ über den Horizont erhebt, die chemische Wirkung des zerstreuten Tageslichtes größer ist als diejenige des directen Sonnenlichtes, bis die Sonne zu einer gewissen Höhe über den Horizont gestiegen ist. Nach und nach wird ein Punkt erreicht, an dem das directe Sonnenlicht und zerstreute Tageslicht dieselbe chemische Wirkung besitzen und von welchem an die Wirkung des erstern kräftiger wird als die des letztern.

Diese Phase gleicher Beleuchtung, die ursprünglich aus theoretischen Betrachtungen abgeleitet wurde, wird

¹⁾ Bunsen und Roscoe, Phil. Trans. 1859 p. 915. Photochemische Unters. 4. Theil.

durch die Beobachtung bestätigt, indem der Unterschied zwischen den berechneten und den experimentell bestimmten Punkten im Mittel nur ungefähr 35 Minuten beträgt.

Berechnet man aus den Intensitäten des directen Sonnenlichtes in Tab. III diejenigen, die das Sonnenlicht haben
würde, wenn es in senkrechter Richtung auf eine Fläche
auffallen würde, so findet man, dass die Phase der gleichen
chemischen Intensität in Wirklichkeit eine gewisse Dauer
hat. Sie beginnt in der Nähe der berechneten Sonnenhöhe
von 18° 48' und dauert ungefähr eine Stunde. Sowie aber
die Sonne eine Höhe von 35° erreicht, wird die Intensität
der senkrecht auffallenden Sonnenstrahlen größer als die
des zerstreuten, auf eine horizontale Ebene wirkenden
Tageslichtes.

II. Untersuchungen über die specifische Wärme der Flüssigkeitsgemische; von J. H. Schüller.

(Schluss von Seite 146.)

3. Alkohol und Chloroform.

Nachdem bei Alkohol und Wasser, serner bei Alkohol und Schweselkoblenstoff sich ein so eigenthümliches Verhältnis zwischen den beobachteten specifischen Wärmen der Gemische und den mittleren der Mischungsbestandtheile herausgestellt hatte, schien es zweckmäsig, noch weitere Alkoholgemische zu untersuchen, um zu erfahren, ob auch bei diesen sich etwas Aehnliches zeige. Es wurden daher an die Versuche mit Alkohol und Schweselkoblenstoff andere mit Alkohol und Chlorosorm angeschlossen. Zuvor wurde die specifische Wärme des Chlorosorms bestimmt zwischen den Temperaturen 16° und 35° und dasür die Zahl 0,2337 gefunden. Zwischen den nämlichen Temperaturen wurden auch die specifischen Wärmen der Mischungen bestimmt.

Ich konnte desshalb zur Berechnung der mittleren specifischen Wärmen die so eben für Chlorosorm angegebene Zahl benutzen.

Ueberdies ändert sich auch die specifische Wärme des Chloroforms mit der Temperatur nur sehr wenig, wie diess die oben S. 10 angegebene Regnault'sche Interpolationsformel zeigt. — Es wurden im Ganzen 7 verschiedene Mischungen von Chloroform und Alkohol untersucht.

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 20,12 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

3.	3 a	C	$oldsymbol{T}$	p	c
14,645	16,550	0,216	33,83	10,825	0,3326
14,860	16,880	-0,250	34,98	10,820	0,3330
14,225	16,370	 0,240	35,68	10,815	0,3366
14,230	16,320	 0,220	35,23	10,810	0,3377
14,120	16,100	-0,073	35,63	10,760	0,3343
W = 44,0;	w=0,	626.			
14,015	15,955	 0,250	34,83	9,830	0,3370
14,405	16,230	— 0,167	35,08	9,824	0,3302
14,510	16,330	-0,124	35,33	9,820	0,3367
14,865	16,710	-0,170	35,53	9,817	0,3351

Aus beiden Versuchsreiben ergiebt sich derselbe Mittelwerth

$$c = 0.3348$$

mit Abweichungen von -0,0046 bis +0,0029.

Die specifische Wärme des Alkohols zwischen 16° und 35° ist 0,6067, die des Chloroforms 0,2337.

Es ist daher die specifische Wärme einer Mischung von 100 Theilen Chloroform und 20,12 Theilen Alkohol

$$c_1 = \frac{23,37 + 20,12 \cdot 0,6067}{120,12} = 0,2962.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,8348}{0,2962} = 1,1303.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 40,39 Gewichtstheilen Alkohol.

c = 0.3919mit Abweichungen von — 0.0023 bis + 0.0035.

Die gemäß den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme der Mischung ist

Es ist
$$\frac{c_1 = 0,3410.}{\frac{c}{c_1} = \frac{0,3919}{0.3410} = 1,1495.}$$

٠,

III. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 51,34 Gewichtstheilen Alkohol.

Aus beiden Versuchsreihen ergiebt sich derselbe Mittelwerth c=0.4130

mit Abweichungen von -0.0077 bis +0.0044.

Für die mittlere specifische Wärme der Mischung erhalte ich den Werth

Es ist
$$\frac{c}{c} = \frac{0.4130}{0.3602} = 1,1466.$$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 66,05 Gewichtstheilen Alkohol.

Aus beiden Versuchsreihen erhalte ich im Mittel

14,993 16,805 — 0,060 34,88 8,380

$$c = 0,4315$$

0,4342

mit Abweichungen von - 0,0028 bis 0,0039.

Die aus den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.3821.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.4315}{0.3821} = 1.1290.$$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 88,65 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$
 $9. \quad 0. \quad C \quad T \quad p \quad c$
 $14.930 \quad 16.785 \quad -0.005 \quad 34.43 \quad 8.678 \quad 0.4508$
 $14.760 \quad 16.650 \quad -0.040 \quad 34.33 \quad 8.678 \quad 0.4499$
 $14.840 \quad 16.735 \quad -0.007 \quad 34.63 \quad 8.670 \quad 0.4546$
 $14.900 \quad 16.870 \quad -0.014 \quad 35.58 \quad 8.670 \quad 0.4498$
 $13 *$

$$W = 44,0; \quad w = 0.626.$$

$$\vartheta_0$$
 ϑ_n C T p c $14,450$ $16,410$ $-0,037$ $36,13$ $8,016$ $0,4572$ $14,600$ $16,500$ $-0,050$ $35,63$ $8,016$ $0,4528$ $15,460$ $17,235$ $-0,010$ $35,33$ $8,008$ $0,4578$ $14,675$ $16,590$ $-0,076$ $35,43$ $8,008$ $0,4583$

Beide Versuchsreihen ergeben als Mittelwerth

$$c = 0.4539$$

mit Abweichungen von -0,0041 bis +0,0044.

Als mittlere aus den Mischungsbestandtheilen berechnete specifische Wärme erhalte ich:

Es ist
$$\frac{c_1 = 0,4090}{\frac{c}{c_1} = \frac{0,4539}{0,4090} = 1,1098.$$

VI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 129,68 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

$\boldsymbol{\vartheta_o}$	3 ,	\boldsymbol{c}	$oldsymbol{T}$	p	C
14,785	16,835	-0,190	34,78	7,950	0,4856
14,600	16,715	 0,200	35,18	7,950	0,4859
14,620	16,725	 0,200	35,08	7,947	0,4865
15,015	17,055	 0,185	35,08	7,947	0,4817
W = 44.0;	w = 0.6	26.			
14,430	16,490	 0,260	35,23	7,404	0,4863
14,545	16,530	— 0, 2 23	34,38	7,404	0,4830
14,570	16,570	-0,180	35,58	7,400	0,4801
15,216	17,180	 0,176	35,88	7,400	0,4839

Aus sämmtlichen 8 Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth

$$c = 0.4841$$

mit Abweichungen von -0,0041 bis +0,0024.

Für die mittlere specifische Wärme der Mischung erhalte ich

Es ist
$$\frac{c_1 = 0,4443.}{\frac{c}{c_1} = \frac{0,4841}{0,4443} = 1,0896.}$$

VII. Mischung von 100 Theilen Chloroform und 267.60 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

Im Durchschnitt ergeben beide Versuchsreihen

$$c = 0,5331$$

mit Abweichungen von -0,0047 bis +0,0038.

Die aus den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

Es ist
$$\frac{c_1 = 0,5052.}{\frac{c}{c_1} = \frac{0,5331}{0,5052} = 1,0552.}$$

Zur genaueren Uebersicht sind die sämmtlichen Zahlen in folgender Tabelle noch einmal zusammengestellt.

	Specifische		
Alkohol in 100 Mischung	beobachtete c	mittlere C1	$\frac{c}{c_1}$
16,75	0,3348	0,2962	1,1303
. 28,77	0,3919	0,3410	1,1495
33,92	0,4130	0,4602	1,1466
39,78	0,4315	0,3821	1,1290
47,00	0,4539	0,4090	1,1098
56,46	0,4841	0,4443	1,0896
72,80	0,5331	0,5052	1,0552

Die aus den vorgeführten Versuchen sich ergebenden Zahlen zeigen also, dass auch für die Gemische von Alkohol und Chloroform ein ähnlliches Verhältnis zwischen den wahren und den aus den Bestandtheilen berechneten mittleren specifischen Wärmen der Flüssigkeiten besteht, wie es für die beiden vorher untersuchten Alkoholgemische nachgewiesen ist. — Bei der Bestimmung der Curve Fig. III, deren Ordinaten die über der Einheit liegenden Werthe der Verhältnisszahlen für Alkohol und Chloroform darstellen, wurde ganz in derselben Weise verfahren, wie früher.

4. Alkohol und Benzin.

Bei den meisten Versuchen konnte die Temperatur so geregelt werden, dass \mathcal{F}_n in der Nähe von 18°, T in der Nähe von 35° blieb. Zweimal aber musste auch über diese schon ziemlich hoch gewählte Endtemperatur \mathcal{F}_n hinausgegangen werden, weil sonst wegen der hohen Temperatur der Umgebung die Correctionen allzugroß geworden wären. Immer aber sind bei der Berechnung der mittleren specifischen Wärmen der Mischungen die den betreffenden Temperaturen entsprechenden specifischen Wärmen des Alkohols und des Benzins benutzt, wie sich dieselben aus den früher aufgestellten Interpolationsformeln berechnen lassen.

Es wurden im Ganzen 7 verschiedene Mischungen von Alkohol mit Benzin dargestellt und deren specifische Wärme untersucht.

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 25,67 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W 44,0; w = 0,626; p = 6,443.$$
 $3_0 \quad 3_n \quad C \quad T \quad c$
 $16,665 \quad 18,270 \quad -0,117 \quad 35,13 \quad 0,5066$
 $16,640 \quad 18,280 \quad -0,165 \quad 35,08 \quad 0,5024$
 $16,695 \quad 18,270 \quad -0,160 \quad 34,78 \quad 0,4992$
 $16,710 \quad 18,225 \quad -0,110 \quad 34,20 \quad 0,5034$
 $W = 44,0; w = 0,626; p = 6,448.$
 $16,600 \quad 18,240 \quad -0,170 \quad 34,93 \quad 0,5034$
 $16,780 \quad 18,375 \quad -0,143 \quad 34,88 \quad 0,5032$
 $16,755 \quad 18,353 \quad -0,160 \quad 34,85 \quad 0,4977$
 $16,875 \quad 18,450 \quad -0,113 \quad 35,10 \quad 0,5021$

Aus diesen 8 Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth c = 0.5022

mit Abweichungen von -0,0045 bis +0,0044.

Die specifische Wärme des Alkohols zwischen 18° , 5° und 35° beträgt 0,6091, die des Benzins zwischen denselben Temperaturen 0,4184. Berechne ich daraus die mittlere specifische Wärme der Mischung, so erhalte ich $c_1 = 0,4574$.

Diese direct aus den Bestandtheilen berechnete specifische Wärme ist also kleiner als die durch die Versuche bestimmte.

Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,5022}{0,4574} = 1,0979.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 32,36 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.555$.

 0.0 0

Aus allen 9 Versuchen ergiebt sich als Mittelwerth c = 0.5112

mit Abweichungen von -0,0036 bis +0,0065.

Die gemäß den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme der Mischung, wenn ich die specifische Wärme des Alkohols und Benzins zwischen 18° und 35° nehme, ist

$$c_1 = 0,4646.$$

Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.5112}{0.4646} = 1.1003.$$

Mischung von 100 Theilen Benzin und 48,23 Ge-III. wichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0$$
; $w = 0.626$; $p = 6.420$.

 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0
 0

Das Mittel aus diesen 9 Versuchen ist

$$c = 0.5268$$

mit Abweichungen von -0,0050 bis +0,0553.

Die Endtemperatur 3. liegt durchschnittlich in der Nähe von 20°. Die specifische Wärme des Alkohols zwischen 20° und 35° beträgt 0,6106, die specifische Wärme des Benzins zwischen denselben Temperaturen (),4194. Die demgemäss berechnete mittlere specifische Wärme Mischung ist

$$c_1 = 0,4816.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,5268}{0.4816} = 1,0939.$$

Mischung von 100 Theilen Benzin und 95,09 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 6.425.$$
 $0.000 \quad 21.420 \quad -0.140 \quad 34.95 \quad 0.5504$
 $0.000 \quad 21.480 \quad -0.127 \quad 34.68 \quad 0.5500$
 $0.000 \quad 21.515 \quad -0.105 \quad 35.55 \quad 0.5467$
 $0.000 \quad 21.535 \quad -0.095 \quad 34.80 \quad 0.5479$

20,430 21,835 — **0,130 35,45 0,5435 20,290 21,710** — **0,160 35,23 0,5404**

Beide Versuchsreihen ergeben im Durchschnitt

$$c = 0.5465$$

mit Abweichungen von -0,0061 bis +0,0039.

Die specifische Wärme des Benzins zwischen den Temperaturen 21,5° und 35° beträgt 0,4205, die des Alkohols 0,6120. Darnach ist die berechnete specifische Wärme der Mischung

 $c_1 = 0.5139.$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.5465}{0.5139} = 1.0634.$$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 137,25 Gewichtstheilen Alkohol.

Aus sämmtlichen 9 Versuchen ergiebt sich im Durchschnitt

$$c = 0,5565$$

Die mittlere specifische Wärme der Mischung, die

des Alkohols und Benzins zwischen 18° und 35° genommen, ist

$$c_1 = 0.5283.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,5565}{0,5283} = 1,0534.$$

VI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 201,94 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 6.156.$$

$$\vartheta_0$$
 ϑ_n C T c 16,66018,290 $-$ 0,05635,150,565616,69018,215 $-$ 0,04334,080,566016,67018,215 $-$ 0,07633,900,567716,67018,240 $-$ 0,11033,900,5647

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 6.295.$$

Aus den Mittelwerthen beider Versuchsreihen ergiebt sich c = 0,5666 mit Abweichungen von -0,0019 bis +0,0026.

Als aus den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich

$$c_1 = 0.5455.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,5666}{0,5455} = 1,0387.$$

VII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 403,71 Gewichtstheilen Alkohol.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 6.160.$$

Der sich aus diesen 9 Versuchen für c ergebende Mittelwerth ist

$$c = 0.5862$$

mit Abweichungen von -0,0037 bis +0,0038.

Es ist

Die aus den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

$$c_1 = 0.5707.$$

$$\frac{c}{c_2} = \frac{0.5862}{0.5707} = 1.0271.$$

Die folgende Tabelle enthält die sämmtlichen Zahlen übersichtlich zusammengestellt.

Alkohol in 100 Mischung	Specifische		
	beobachtete c	mittlere Cı	$\frac{c}{c_1}$
20,43	0,5022	0,4574	1,0979
24,45	0,5112	0,4646	1,1003
32,54	0,5268	0,4816	1,0939
48,74	0,5465	0,5139	1,0634
57,85	0,5565	0,5283	1,0534
66,89	0,5666	0,5455	1,0387
80,15	0,5862	0,5712	1,0271

Es zeigt sich also, dass auch bei den Gemischen von Benzin und Alkohol stets die beobachtete specifische Wärme größer ist, als die mittlere der Mischungsbestandtheile. Der Unterschied ist allerdings kein so großer, wie bei den übrigen Alkoholgemischen. Die Art der Aenderung der Verhältniszahlen mit zunehmendem Alkoholgehalte der Mischung ist aber ganz analog der früher bei den anderen Alkoholgemischen schon besprochenen, wie dies auch der Lauf der Curve Fig. IV zeigt.

Die sämmtlichen untersuchten Alkoholgemische stimmen

also darin überein, dass ihre specifischen Wärmen gemäs den Beobachtungen größer sind, als sie deu specifischen Wärmen der Bestandtheile gemäss seyn müsten. Bei allen hat sich serner gezeigt, dass das Verhältniss zwischen den beobachteten und den aus den specifischen Wärmen der Mischungsbestandtheile nach der Regnault'schen Gleichung berechneten specifischen Wärmen, also der Werth von $\frac{c}{c_1}$, veränderlich ist mit dem Procentgehalte der Mischungen an Alkohol. Zuerst nimmt die Verhältnisszahl stark zu mit zunehmendem Alkoholgehalte. Diese Zunahme geht bis zu einem bestimmten Punkte, wo die Verhältnisszahl ihren größten Werth erreicht. Dabei tritt denn bei den Alkoholgemischen noch die besonders merkwürdige Erscheinung zu Tage, dass die specifische Wärme eines Gemisches sogar größer sein kann, als die specifische Wärme desjenigen Bestandtheils, der die größere specifische Wärme bat. Es ist dies der Fall bei sämmtlichen Alkohol-Wassergemischen, die auf 100 Theile Wasser weniger als 55 Theile Alkohol enthalten. Nachdem die Verbältnisszahl ihr Maximum erreicht, nimmt dieselbe ab, zuerst etwas stärker, dann mit immer mehr zunehmendem Alkoholgehalte immer langsamer und nähert sich allmählich wieder dem Werthe 1. Die Curven, welche die über der Einheit liegenden Werthe der Verhältnisszahlen darstellen, haben, wie diess schon aus dem vorher Gesagten folgt, für alle Gemische ganz dieselbe charakteristische Gestalt. Betrachten wir dieselben genauer, so sehen wir, dass zu unterst die Curve für Alkohol-Benzin verläuft; Fig. IV. Alsdann solgt die für Alkohol-Schwefelkohlenstoff; Fig. II. Wiederum höher als diese verläuft diejenige für Alkohol-Chloroform. Die dem Alkohol-Wasser angehörige Curve endlich, welche die beiden anderen

für Alkohol-Chloroform und Alkohol-Schwefelkohlenstoff schneidet, steigt am höchsten auf; Fig. I. Je höher aber das Maximum bei einer jeden Curve liegt, desto weiter liegt es auch von der Ordinatenaxe entsernt. Bestimmen wir die Disserenzen zwischen den specifischen Wärmen der Flüssigkeiten, welche die einzelnen Gemische bilden, so ist diese Differenz am kleinsten bei Alkohol und Benzin. Unter den 4 Curven hat das Maximum dieser Curve die kleinste Ordinate und die kleinste Abscisse. Bei Alkohol-Schwefelkohlenstoff, wo die Differenz der specifischen Wärmen schon größer ist, sind auch Ordinate und Abscisse für das Maximum der Curve größer. Die Differenz der specifischen Wärmen ist noch größer bei Alkohol-Chloroform und demgemäs liegt auch das Maximum dieser Curve noch höher und weiter entsernt von der Ordinatenaxe. Am größten ist die Differenz der specifischen Wärmen für Alkohol und Wasser und dem entsprechend hat auch das Maximum dieser Curve die größte Ordinate und die größte Abscisse. Dieses Gesagte scheint wenigstens darauf hinzudeuten, dass irgend ein Zusammenhang besteht zwischen der Veränderlichkeit der Verhältnisszahlen und dem Unterschiede in den specifischen Wärmen der Flüssigkeiten. Welcher Art aber diese Abhängigkeit ist, ist in einer bestimmten Form darzustellen mir nicht gelungen.

5. Chloroform und Schweselkohlenstoff.

Das oben besprochene eigenthümliche Verhalten der specifischen Wärmen bei den Alkoholgemischen zeigt sich nicht bei den übrigen von mir untersuchten Flüssigkeitsgemischen, welche keinen Alkohol enthalten. Zur Darstellung solcher Gemische wurden die drei Flüssigkeiten benutzt, deren specifische Wärmen zum Behuf der vorher mitgetheilten Versuche schon bestimmt waren. Zuerst wurden 7 verschiedene Gemische von Chloroform und Schwefelkohlenstoff untersucht, zwei Flüssigkeiten, deren specifische Wärmen nahe bei einander liegen. Zur Berechnung der mittleren specifischen Wärmen wurden die

experimentell bestimmten Zahlen benutzt: für Chloroform 0,2331 zwischen den Temperaturen 18° und 30°, und für Schwefelkohlenstoff 0,2442 zwischen den Temperaturen 15° und 30°. Dass die specifischen Wärmen dieser Flüssigkeiten sich mit der Temperatur sehr wenig ändern, wurde schon früher bemerkt¹).

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 24,63 Gewichtstheilen Schweselkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$\boldsymbol{\vartheta_o}$	3.	\boldsymbol{C}	$oldsymbol{T}$	p	C
17,055	18,120	-0,200	30,28	10,770	0,2325
16,980	18,070	-0,210	30,13	10,770	0,2383
17,100	18,230	-0,280	30,08	10,760	0,2351
17,110	18,290	— 0 ,310	30,38	10,760	0,2361
16,965	18,190	— 0 ,310	30,63	10,960	0,2382
17,030	18,240	— 0,330	30,43	10,960	0,2327
16,895	18,140	0,365	30,23	10,955	0,2352
17,035	18,290	 0,280	31,53	10,955	0,2386

Im Mittel ergeben diese 8 Versuche

$$c = 0.2358$$

mit Abweichungen von -0,0033 bis +0,0028.

Die aus den specifischen Wärmen der Bestandtheile berechnete mittlere specifische Wärme wird gefunden durch die Formel

$$c_1 = \frac{23,31 + 24,63 \cdot 0,2442}{124,63} = 0,2354.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2358}{0,2354} = 1,0017.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 55,46 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

.	$\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{n}}$	$oldsymbol{c}$	$oldsymbol{T}$	p	c
17,170	18,300	 0,180	31,48	10,770	0,2364
17,205	18,330	— 0,2 00	31,18	10,770	0,2344
17,165	18,260	-0,200	30,68	10,760	0,2365
17,185	18,270	 0,200	30,53	10,740	0,2375

1) Vergl. die Interpolationsformeln S. 123 u. 124.

$$W = 44.0; \quad w = 0.680.$$

$$\vartheta_6$$
 ϑ_8 C T p c 17,17018,340 $-$ 0,22030,4811,7800,234617,16018,280 $-$ 0,15530,5811,7700,235517,18018,340 $-$ 0,17030,9311,7700,236417,11018,240 $-$ 0,15030,6311,7600,2381

Aus beiden Versuchsreihen ergiebt sich derselbe Mittelwerth, nämlich c = 0.2362 mit Abweichungen von -0.0018 bis +0.0019.

Die aus den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme ist

Es ist
$$\frac{c}{\frac{c}{c_1}} = \frac{0.2362}{0.2370} = 0.9966.$$

III. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 103,42 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$oldsymbol{artheta_{ullet}}$	3.	C .	$oldsymbol{T}$	P	c
17,010	18,010	- 0,14 0	30,53	9,970	0,2404
17,120	18,095	 0,150	30,13	9,970	0,2400
15,910	16,99 0	-0,220	29,73	9,965	0,2352
15,865	16,975	-0,240	29,53	9,965	0,2432
15,810	16,925	— 0,220	29,93	9,960	0,2412
15,800	16,985	0,250	30,68	10,130	0,2347
15,890	17,110	- 0,260	30,78	10,130	0,2428
15,860	17,080	 0,250	30,88	10,125	0,2436
17,140	18,230	-0,210	31,08	10,125	0,2358
17,165	18,250	-0,220	30,73	10,120	0,2395

Als Mittel erhalte ich aus diesen 10 Versuchen

$$c = 0.2396$$

mit Abweichungen von -0,0044 bis +0,0040.

Für die mittlere specifische Wärme der Mischungsbestandtheile ergiebt sich der Werth

$$c_1 = 0,2388.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2396}{0.2388} = 1,0034.$$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 125,81 Gewichtstheilen Schweselkohlenstoff.

Im Durchschnitt der Mittelwerthe aus beiden Versuchsreihen ist c = 0.2399 mit Abweichungen von -0.0032 bis +0.0025.

Als aus den specifischen Wärmen der Bestandtheile berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich

$$c = 0.2399$$

mit Abweichungen von -0,0032 bis +0,0025.

Als aus den specifischen Wärmen der Bestandtheile berechnete mittlere specifische Wärme erhalte ich

$$c = 0,2393.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2399}{0.2393} = 1,0025.$$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 141,63 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.70.$$

3 .	3 ,	\boldsymbol{c}	$oldsymbol{T}$	p	c
17,085	18,240	— 0,13 0	31,18	11,749	0,2375
17,570	18,660	-0,115	30,88	11,742	0,2394
17,145	18,255	-0,160	30,23	11,736	0,2378
16,990	18,155	 0,230	29,83	11,732	0,2407
18,400	19,455	-0,155	30,78	11,728	0,2385

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$$3.$$
 C T p c $18,390$ $19,415$ $-0,140$ $31,63$ $10,812$ $0,2370$ $18,170$ $19,180$ $-0,125$ $31,28$ $10,807$ $0,2399$ $18,135$ $19,110$ $-0,130$ $30,83$ $10,802$ $0,2410$ $18,180$ $19,100$ $-0,105$ $30,33$ $10,797$ $0,2404$

Aus allen 9 Versuchen ergiebt sich als durchschnittlicher Werth

$$c = 0.2391$$

mit Abweichungen von -0,0021 bis +0,0019.

Die gemäß der Zusammensetzung des Gemisches berechnete mittlere specifische Wärme ist

Es ist
$$c_1 = 0,2396.$$

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2391}{0,2396} = 0,9980.$$

VI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 210,12 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

9 .		$oldsymbol{c}$	\boldsymbol{T}	p	c
18,170	18,980	 0,080	29,7 8	9,857	0,2382
16,085	17,150	-0,180	30,23	9,857	0,2385
15,9 00	16,985	— 0,170	30,43	10,040	0,2360
15,925	17,095	— 0,230	30,83	10,040	0,2376
15,875	17,080	-0,220	31,28	10,040	0,2417
15,870	17,060	-0.233	31,13	10,034	0,2359
15,960	17,090	-0,180	30,83	10,034	0,2408
16,925	17,785	 0,060	29,58	9,865	0,2391
17,070	17,950	— 0,110	29,18	9,865	0,2424

Aus diesen 9 Versuchen ergiebt sich im Mittel

$$c = 0,2389$$

mit Abweichungen von -0,0030 bis +0,0035.

Die mittlere specifische Wärme der Bestandtheile ist

$$c_1 = 0,2406.$$

Es ist $\frac{c}{c_1} = \frac{0,2389}{0,2406} = 0,9930.$

VII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 293,82 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

Es ist

∂ _n	$oldsymbol{c}$	$oldsymbol{T}$	p	C
18,145	0,180	30 ,58	10,055	0,2404
18,160	-0,170	30,78	10,055	0,2402
18,110	-0,122	30,63	10,050	0,2384
18,110	 0,200	30,78	10,050	0,2383
18,025	-0,160	31,38	10,065	0,2471
18,100	-0,174	30,78 [']	10,065	0,2433
18,090	 0,214	30,28	10,060	0,2431
18,120	— 0,190	30,48	10,060	0,2421
	18,145 18,160 18,110 18,110 18,025 18,100 18,090	18,145 — 0,180 18,160 — 0,170 18,110 — 0,122 18,110 — 0,200 18,025 — 0,160 18,100 — 0,174 18,090 — 0,214	18,145 — 0,180 30,58 18,160 — 0,170 30,78 18,110 — 0,122 30,63 18,110 — 0,200 30,78 18,025 — 0,160 31,38 18,100 — 0,174 30,78 18,090 — 0,214 30,28	18,145 — 0,180 $30,58$ $10,055$ $18,160$ — 0,170 $30,78$ $10,055$ $18,110$ — 0,122 $30,63$ $10,050$ $18,110$ — 0,200 $30,78$ $10,050$ $18,025$ — 0,160 $31,38$ $10,065$ $18,100$ — 0,174 $30,78$ $10,065$ $18,090$ — 0,214 $30,28$ $10,060$

Im Mittel ergeben diese 8 Versuche

$$c = 0.2416$$

mit Abweichungen von - 0,0033 bis 0,0055.

Die mittlere specifische Wärme der Mischungsbestandtheile ist

$$c_1 = 0.2414.$$

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.2416}{0.2414} = 1.0008.$$

Die aus den Versuchen sich ergebenden Zahlen nebst den Differenzen $c-c_1$ enthält die folgende Tabelle zur genaueren Uebersicht zusammengestellt.

Schwesel-	Specifische	VVärme			
kohlenstoff auf 100 Chloroform.	beobachtete mittlere c c ₁		$\frac{c}{c_1}$	c — c ₁	
24,63 55,46 103,42 125,81 141,63 210,12 293,82	0,2358 0,2362 0,2396 0,2399 0,2391 0,2389 0,2416	0,2354 0,2370 0,2388 0,2393 0,2396 0,2406 0,2414	1,0017 0,9966 1,0034 1,0025 0,9980 0,9930 1,0008	+ 0,0004 - 0,0008 + 0,0008 + 0,0006 - 0,0005 - 0,0017 + 0,0002	

Wie die Zusammenstellung der Verhältnisszahlen in der Tabelle zeigt, sind dieselben theilweise größer, theil-

weise kleiner als die Einheit. Da sich aber in der Aenderung derselben durchaus nichts Regelmässiges erkennen lässt und sie zudem so nahe der Einheit liegen, dass der Unterschied immer erst bei der 3. Decimale hervortritt, ist wohl anzunehmen, dass diese Abweichungen nur ihren Grund in den unvermeidlichen Beobachtungsfehlern haben. Dass die Abweichungen auch für die specifischen Wärmen selbst vollkommen innerhalb der Grenzen der Beobachtungsfehler liegen, zeigen die Werthe $c - c_1$ in der 5. Colonne. Der größte Unterschied zwischen der beobachteten und mittleren specifischen Wärme, welcher überhaupt und nur ein einziges Mal vorkommt, ist 0,7 Procent. Es geht aber daraus hervor, dass bei Gemischen von Chloroform und Schwefelkohlenstoff die specifischen Wärmen sich immer direct aus den specifischen Wärmen der Mischungsbestandtheile mit Hülfe der Regnault'schen Gleichung berechnen lassen.

6. Schwefelkohlenstoff und Bensin.

Es wurden 4 verschiedene Gemische von Schwefel-kohlenstoff und Benzin dargestellt und deren specifische Wärme bestimmt. Zur Berechnung der mittleren specifischen Wärmen der Mischungen wurde für den Schwefel-kohlenstoff die Zahl 0,2442 benutzt; die specifische Wärme des Benzins wurde immer zwischen den Temperaturen genommen, zwischen welchen die Versuche stattfanden.

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin und 43,70 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

W = 44.0; w:	= 0 ,626;	p = 7.185.		
$\boldsymbol{\vartheta}_{0}$	9 _n	\boldsymbol{c}	T	c
18,225	19,060	+0,015	30 ,58	0,3647
18,155	19,040	 0,050	30,48	0,3599
18,210	19,095	-0,065	30,33	0,3598
18,185	19,025	 0,015	30,18	0,3658

$$W = 44.0; \quad w = 0.68; \quad p = 8.045.$$

$\boldsymbol{\mathcal{F}}_{\boldsymbol{\mathfrak{o}}}$	3 .	\boldsymbol{c}	$oldsymbol{T}$	C
18,165	19,180	-0,055	31,00	0,3620
18,190	19,250	-0,125	30,78	0,3590
18,310	19,405	-0,149	30,90	0,3656
18,440	19,450	— 0,050	31,25	0,3604

Aus diesen 8 Versuchen erhalte ich im Mittel

$$c = 0.3622$$

mit Abweichungen von -0,0032 bis +0,0036.

Die specifische Wärme des Benzins zwischen 19° und 30°,5 beträgt 0,4154. Demgemäß berechnet sich die mittlere specifische Wärme der Mischung

$$c_1 = 0.3633.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,3622}{0,3633} = 0,9970.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin und 92,52 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626; \quad p = 7.67.$$

$$\vartheta_0$$
 ϑ_k C T c 18,37519,300— 0,10030,700,333518,43019,395— 0,16530,530,330518,57019,500— 0,14030,350,336118,66516,575— 0,14030,300,3302

$$W = 44.0$$
; $w = 0.68$; $p = 8.48$.

$\boldsymbol{\vartheta}_{0}$	$\boldsymbol{\mathscr{F}_{\scriptscriptstylelackbox{lackbox{}}}}$	C	\boldsymbol{T}	C
18,500	19,490	— 0,125	30,38	0,3320
18,330	19,350	— 0,135	30,45	0,3335
18,270	19,310	-0,150	30,38	0,3370
18,220	19,225	-0,115	30,40	0,3330

Als Mittelwerth erhalte ich aus diesen 8 Versuchen

$$c = 0.3332$$

mit Abweichungen von -0,0030 bis +0,0038.

Die gemäss den Bestandtheilen-berechnete mittlere spe-

cifische Wärme, die des Benzins zwischen 19°,5 und 30°,5 genommen, ist

Es ist
$$c_1 = 0.3333.$$

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.3332}{0.3333} = 0.9998.$$

III. Mischung von 222,36 Gewichtstheilen Schwefelkohlenstoff mit 100 Gewichtstheilen Benzin.

$$w = 44.0$$
;
 $w = 0.68$.

 v_0
 v_0

Als Mittel ergeben diese 8 Versuche

$$c = 0,2987$$

mit Abweichungen von ± 0,0030.

Die gemäß den Mischungsbestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme, die des Benzins wie vorhin genommen, ist

$$c_1 = 0,2973.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2987}{0,2973} = 1,0047.$$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Benzin mit 363,50 Gewichtstheilen Schweselkohlenstoff.

$$W = 44,0; \quad \omega = 0,626.$$
 $0 \quad 0 \quad C \quad T \quad p \quad c$
 $19,095 \quad 19,850 \quad -0,110 \quad 29,30 \quad 8,510 \quad 0,2793$
 $18,180 \quad 19,000 \quad -0,130 \quad 29,18 \quad -0,2770$
 $18,190 \quad 19,030 \quad -0,120 \quad 29,45 \quad 8,505 \quad 0,2839$
 $18,140 \quad 19,000 \quad -0,140 \quad 29,68 \quad -0,2752$

$$W = 44.0; \quad w = 0.68.$$

$\boldsymbol{\vartheta}_{0}$	∂ _n	\boldsymbol{c}	$oldsymbol{T}$	p	c
18,220	19,095	-0,140	29,400	8,770	0,2803
18,235	19,120	 0,140	29,500	8,770	0,2825
18,270	19,110	— 0,110	29,480	8,765	0,2758
18,405	19,185	 0,074	29,100	8,765	0,2800

Aus beiden Versuchsreihen erhalte ich im Durchschnitt

$$c = 0,2792$$

mit Abweichungen von -0,0040 bis +0,0047.

Die gemäß den Bestandtheilen berechnete mittlere specifische Wärme, die des Benzins zwischen 19° und 29°,5 genommen, ist

$$c_1 = 0,2788.$$

Es ist

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2792}{0,2788} = 1,0014.$$

Die erhaltenen Zahlen sind zur genaueren Uebersicht in folgender Tabelle noch einmal zusammengestellt.

Schwefel- kohlenstoff auf 100 Benzin	Specifische	Wärme	_	c — c ₁	
	beobachtete ¢	mittlere ¢1	$\frac{c}{c_1}$		
43,70	0,3622	0,3633	0,9970	-0,0011	
92,52	0,3332	0,3333	0,9998	- 0,0001	
222,36	0,2987	0,2973	1,0047	+0,0014	
363,50	0,2792	0,2788	1,0014	+0,0004	

Schon die aus diesen 4 untersuchten Mischungen gewonnenen Resultate reichen hin, um daraus den Schluss zu ziehen, dass bei Benzin- — Schweselkohlenstoff- — Gemischen die wahren specifischen Wärmen gleich sind den berechneten mittleren. Die Verhältnisszahlen sind der Einheit sehr nahe und die Disserenzen zwischen den beobachteten und berechneten specifischen Wärmen sind so klein, dass sie unbedingt auf Rechnung von Beobachtungsfehlern zu setzen sind.

7. Chloroform und Benzin.

Es wurden Versuche mit 7 verschiedenen Mischungen angestellt. Bei der Berechnung der mittleren specifischen Wärmen wurde für Chloroform die Zahl 0,2337 angenommen, bestimmt zwischen 16° und 35°. Die specifische Wärme des Benzins wurde der jedesmaligen Temperatur entsprechend gewählt.

I. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 24,20 Gewichtstheilen Benzin.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$

$\boldsymbol{\mathcal{F}_{o}}$	3.	\boldsymbol{c}	T	P	c
18,475	20,120	 0,460	35,95	9,990	0,2670
18,700	20,260	 0,410	35,65	9,990	0,2665
18,795	20,405	 0,460	35,58	9,986	0,2712
18,620	20,270	 0,510	35,35	9,986	0,2704
18,785	20,320	 0,420	35,03	9,995	0,2711
19,050	20,580	 0,440	35,13	9,995	0,2672
19,540	21,025	— 0,115	35,03	9,990	0,2738
19,620	20,085	 0,405	34,93	9,990	0,2745

Nehme ich das Mittel aus diesen Versuchen, so erhalte ich c = 0.2702

mit Abweichungen von -0,0037 bis +0,0043.

Die mittlere specifische Wärme der Bestandtheile, die des Benzins zwischen 20°,5 und 35° genommen, ist

$$c_1 = \frac{23,37 + 24,20 \cdot 0,4198}{124,20} = 0,2700.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2702}{0,2700} = 1,0007.$$

II. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 50,50 Gewichtstheilen Benzin.

$$W = 44.0; \quad w = 0.626.$$
 $0.5 \quad 0.5 \quad C \quad T \quad p \quad c$
 $16,775 \quad 18,465 \quad -0.280 \quad 37,00 \quad 9,105 \quad 0,2989$
 $16,600 \quad 18,210 \quad -0.216 \quad 36,58 \quad 9,105 \quad 0,2980$

 $W = 44.0; \quad w = 0.626.$

$$\vartheta_0$$
 ϑ_n C T p c $16,760$ $18,315$ $-0,240$ $35,75$ $9,100$ $0,2959$ $16,770$ $18,315$ $-0,270$ $35,25$ $9,100$ $0,2952$ $16,740$ $18,300$ $-0,240$ $35,33$ $9,310$ $0,2991$ $16,765$ $18,295$ $-0,234$ $35,23$ $9,310$ $0,2944$ $16,895$ $18,440$ $-0,250$ $35,33$ $9,310$ $0,2951$ $16,850$ $18,410$ $-0,250$ $35,45$ $9,305$ $0,2963$

Im Mittel ergiebt sich aus diesen 8 Versuchen

$$c = 0,2959$$

mit Abweichungen von -0,0015 bis +0,0032.

Die specifische Wärme des Benzins zwischen 18°,5 und 36° ist 0,4190. Demgemäß ist

$$c_1 = 0,2959.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0,2959}{0,2959} = 1,0000.$$

III. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 75,74 Gewichtstheilen Benzin.

Als durchschnittlichen Werth aus diesen 8 Versuchen erhalte ich

$$c = 0.3147$$

mit Abweichungen von -0,0019 bis +0,0039.

1) Bei diesem Versuche war W = 44,008.

Die specifische Wärme des Benzins zwischen 20° und 34°,5 genommen, ist $c_1 = 0.3136$.

Es ist
$$\frac{c}{c^1} = \frac{0.3147}{0.3136} = 1.0035.$$

IV. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform und 97,10 Gewichtstheilen Benzin.

$$W = 44.0; \quad w = 0.680.$$

9 .	3.	C	$oldsymbol{T}$	P	c
18,370	19,760	— 0,090	35,43	9,120	0,3257
18,575	19,920	 0,070	35,26	9,120	0,3264
18,773	20,090	 0,070	35,13	9,120	0,3254
19,150	20,395	-0,020	35,18	9,115	0,3254
18,115	19,500	 0,020	36,05	9,115	0,3235
W = 44.0;	w=0	626.			
18,245	19,660	 0,110	36,78	8,375	0,3257
18,200	19,590	— 0,179	35,58	8,375	0,3261
18,295	19,655	-0,175	35,18	8,370	0,3265
18,080	19,445	-0,142	35,45	8,370	0,3269

Aus sämmtlichen 9 Versuchen ergiebt sich im Mittel

$$c = 0.3257$$

mit Abweichungen von -0,0022 bis +0,0012.

Die mittlere specifische Wärme der Mischungsbestandtheile, die des Benzins zwischen 19 $^{\circ}$,5 und 35 $^{\circ}$,5 genommen, ist c = 0.3252.

Es ist
$$\frac{c}{c^1} = \frac{0.3257}{0.3252} = 1.0015.$$

V. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 196,62 Gewichtstheilen Benzin.

Im Durchschnitt der Mittelzahlen aus beiden Versuchsreihen erhalte ich c = 0.3556 mit Abweichungen von -0.0025 bis +0.0050.

Die mittlere specifische Wärme des Benzins zwischen 18°,5 und 35°,5 ist 0,4187. Daraus berecnet sich

Es ist
$$c_1 = 0.3563.$$

$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.3556}{0.3563} = 0.9990.$$

VI. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 294,66 Gewichtstheilen Benzin.

$$W = 44,0; \quad w = 0,680; \quad p = 8,325.$$
 $0.5, \quad 0.5, \quad C \quad T \quad c$
 $18,206 \quad 19,750 \quad -0,236 \quad 34,88 \quad 0,3752$
 $18,640 \quad 20,120 \quad -0,208 \quad 34,83 \quad 0,3753$
 $18,230 \quad 19,770 \quad -0,243 \quad 34,91 \quad 0,3711$
 $18,185 \quad 19,790 \quad -0,295 \quad 35,10 \quad 0,3705$
 $W = 44,0; \quad w = 0,626; \quad p = 7,543.$
 $18,410 \quad 19,905 \quad -0,307 \quad 35,25 \quad 0,3686$
 $18,530 \quad 20,010 \quad -0,233 \quad 35,98 \quad 0,3725$
 $18,250 \quad 49,730 \quad -0,215 \quad 35,93 \quad 0,3725$
 $18,290 \quad 19,695 \quad -0,170 \quad 35,43 \quad 0,3749$

Im Durchschnitt der Mittelzahlen aus beiden Versuchsreihen ergiebt sich c = 0.3727 mit Abweichungen von — 0.0041 bis + 0.0026.

Die mittlere specifische Wärme des Benzins zwischen 20° und 35°,5 zu 0,4198 berechnet, ist

$$c_1 = 0.3726.$$

Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.3727}{0.3726} = 1.0002.$$

VII. Mischung von 100 Gewichtstheilen Chloroform mit 388,66 Gewichtstheilen Benzin.

Im Mittel aus allen Versuchsresultaten ist

$$c = 0.3793$$

mit Abweichungen von -0.0041 bis +0.0069.

Die mittlere specifische Wärme der Mischung, die des Benzins zwischen 20° und 35° genommen, ist

$$c_1 = 0.3814.$$
Es ist
$$\frac{c}{c_1} = \frac{0.3793}{0.3814} = 0.9950.$$

Zur genaueren Uebersicht sind sämmtliche Zahlen noch einmal in der folgenden Tabelle zusammengestellt.

Benzin auf 100 Chloroform.	Specifische	V Värme		
	beobachtete c	mittlere C ₁	$\frac{c}{c_1}$	$c-c_1$
24,20	0,2702	0,2700	1,0007	+ 0,0002
50,50	0,2959	0,2959	1,0000	0,0000
75,74	0,3147	0,3136	1,0035	+0,0014
97,10	0,3257	0,3252	1,0015	+0.0005
196,62	0,3556	0,3563	0,9990	-0,0007
294,66	0,3727	0,3726	1,0002	+0.0001
388,66	0,3793	0,3814	0,9950	-0.0021

Die vorkommenden Werthe der Verhältnisszahlen liegen so nahe der Einheit und die beobachteten und mittleren specifischen Wärmen der Mischungen weichen so wenig von einander ab, dass man diese geringen Aenderungen unbedingt auf Rechnung der durchaus unvermeidlichen Beobachtungssehler setzen muß. Es ist somit anzunehmen, dass bei Chlorosorm-Benzin-Gemischen ebenso wie bei Chlorosorm-Schweselkohlenstoff- und Schweselkohlenstoff-Benzin-Gemischen die specifischen Wärmen gleich sind den mittleren specifischen Wärmen der Mischungsbestandtheile.

Nachdem nun bei allen Gemischen, die keinen Alkohol enthalten, sich herausgestellt hat, dass die specifischen Wärmen der Flüssigkeiten, wenn sie gemischt werden, sich nicht ändern, ist die Annahme wohl gerechtfertigt, dass die Vermehrung der specifischen Wärmen, welche wir bei den Alkoholgemischen fanden, nur dem Einflusse des Alkohols zuzuschreiben ist, um so mehr, wenn man erwägt, dass die für die Verhältnisszahlen gefundenen Curven alle deuselben Charakter haben. Außer dem Alkohol scheint nach den Versuchen von Bussy und Buignet1) Aether einen ähnlichen Einfluss zu haben. Wenigstens haben beide Beobachter für Gemische von Aether-Chloroform und Aether-Schwefelkohlenstoff eine größere specifische Wärme gefunden als die mittlere. Für erstere Gemische beträgt nach ihren Angaben die Verhältnisszahl 1,101, für letztere 1,0367. Für eine Mischung von Aether und Alkohol dagegen fanden. dieselben eine specifische Wärme, die sich nur wenig von der mittleren unterschied. Hier war die Verhältnisszahl 1,0184.

Aus den mitgetheilten Versuchen geht somit hervor, dass bei Flüssigkeitsgemischen beide Fälle vorkommen können: die wahre specifische Wärme kann größer sein als die mittlere und sie kann ihr gleich sein. Wann indess das eine der Fall ist und wann das andere, insbesondere

¹⁾ Comptes rendus de l'Acad. de Paris, T. 64, p. 330.

ob nicht der bei den Salzlösungen so oft beobachtete dritte Fall vorkommen kann, dass nämlich die beobachtete specisische Wärme kleiner ist als die mittlere, lässt sich nach den vorliegenden Versuchen nicht entscheiden. Ich behalte mir daher vor, durch weitere Versuche die bis jetzt sestegestellten Resultate zu ergänzen.

Bonn, October 1869.

III. Ueber die specifische Wärme, Mischungswärme und Ausdehnung von Gemischen von Alkohol und Wasser;

von A. Dupré Ph. D. und F. J. M. Page B. St. (Von HH. Versassern übersandter Auszug aus den Phil. Transactions 1869.)

Specifische Wärme. Die specifische Wärme der Mischungen wurde nach zwei verschiedenen Methoden bestimmt. Bei der einen hauptsächlich angewandten wurde ein metallenes Gewicht, auf eine bestimmte Temperatur erwärmt, in einem gegebenen Gewicht der zu untersuchenden Mischung abgekühlt. Die auf diese Weise in den verschiedenen Mischungen bewirkten Temperaturerhöhungen sich, nachdem alle nöthigen Correctionen angebracht, umgekehrt wie die specifischen Wärmen dieser Mischungen. Die zweite Methode war die gewöhnlich benutzte, wobei ein bestimmtes Gewicht der zu untersuchenden Flüssigkeit auf einen gegebenen Grad erwärmt und in einer gewogenen Menge Wasser abgekühlt wird. In diesem Falle verhalten sich die im Wasser des Calorimeters beobachteten Temperaturerhöhungen, bei Anwendung gleicher Mengen Flüssigkeit und natürlich nach angebrachten Correctionen, direct wie die specifische Wärme der erwärmten Flüssigkeiten.

Die benutzten Gewichte hatten die Form starker Ringe, in deren innerem Hohlraum vier kleine Schaufeln angebracht waren, welche, wenn die Ringe, in einer Flüssigkeit unter-



getaucht, in rasche Rotation versetzt wurden, nicht nur eine vollkommene Mischung der Flüssigkeit im Calorimeter bewirkten, sondern auch durch den während der Rotation durch den Ring gehenden Strom die rasche Abkühlung des Ringes beförderten. Diese Ringe wurden in einem dem Regnault'schen gleichen Dampfapparat erwärmt und

auf hekannte Weise in den auf einem Schlitten stehenden Calorimeter heruntergelassen, nachdem die Temperatur des Dampfraumes wenigstens eine halbe Stunde lang constant geblieben war. Diese Temperatur wurde mittelst eines in 1 Grade getheilten Thermometers bestimmt, welches noch leicht 100 Grade abzulesen gestattete. Die Calorimeter waren Gefässe von dünnem polirtem Messingblech und ruhten auf drei in einem doppeltwandigen Blechcylinder gespannten Seitensträngen, um Verlust oder Gewinn von Wärme durch Strahlung möglichst zu vermindern. Temperatur der Flüssigkeit im Calorimeter wurde mittelst feiner in to oder to Grade getheilten Thermometer beobachtet, welche mit Hülfe eines Fernrohres noch at resp. 1 Grad abzulesen erlaubten und auf das sorgfältigste calibrirt waren. Die Quecksilbergefäße beider Thermometer waren von solcher Länge, dass sie beinahe durch die ganze Tiefe der Flüssigkeit im Calorimeter gingen. Die anzuwendende Flüssigkeit wurde jedesmal in einem enghalsigen Kolben gemessen. Die Zeit vom Beginn des Versuchs bis zur Erreichung des Temperaturmaximums des Calorimeters oder vielmehr bis zu dem Punkte, wo die Temperatur wieder zu fallen begann, betrug bei Anwendung des Messinggewichtes 1', bei dem Kupfergewichte 1' 30". Es wurde nun während weiterer 30" resp. 45" die Temperatur des Calorimeters beobachtet und die am Ende dieser Zeit erfolgte Temperaturerniedrigung als Correction zu dem beobachteten Temperaturmaximum addirt. Die auf diese Weise angebrachte Correction belief sich meistens nur auf wenige Hundertel eines Grades. Schließlich bleibt noch zu bemerken, dass die Ringe an drei Seidensäden hängend in das Calorimeter heruntergelassen und sodann mittelst dieser Fäden an einen vorher gedrehten Wollstrang gehängt wurden, welcher nun beim Losdrehen das Gewicht unterhalb der Flüssigkeit in rasche Rotation versetzte. Als Mitttel mehrerer Versuche wurde gefunden, dass die durch diese Rotation im Calorimeter bewirkte Temperaturerhöhung etwa 0,001° C. betrug; eine Größe, welche, da sie bei allen Versuchen nahezu constant bleibt, auf das Endresultat nur einen verschwindend kleinen Einsluß ausübt. Bei den solgenden Berechnungen ist dieser Einsluß deßhalb auch unberücksichtigt gelassen.

Die folgenden Tabellen enthalten die Resultate unserer Versuche:

- t" bezeichnet die Temperatur der Lust,
- T bezeichnet die Temperatur des Dampfofens und folglich des Gewichtes,
- t bezeichnet die Temperatur des Calorimeters beim Beginn des Versuches,
- t' bezeichnet die Temperatur des Calorimeters am Ende des Versuches,
- v bezeichnet den Temperaturverlust des Calorimeters während 30" resp. 45 Secunden,
- e die corrigirte Temperaturerhöhung,
- N giebt die Anzahl Grade, die das erhitzte Gewicht verlieren musste, um die Temperatur der Flüssigkeit im Calorimeter einen Grad zu erhöhen, dividirt durch das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit.

Die zur Erhöhung der Temperatur des Calorimeters selbst, sowie des Thermometers, nöthige Wärmemenge war vorher von der im Gewichte vorhandenen Wärmemenge abgezogen. Dieses N ist demnach direct proportional der specifischen Wärme der verschiedenen Mischungen.

Tabelle I.

Messingring. Gewicht 246,49 Grm. Innerer Durchmesser 38^{mm},5, äußerer Durchmesser 49^{mm},0, Höhe 39^{mm},5.

Messingwerth des Calorimeters und eingetauchten Theils des Thermometers 69,54 Grm.

Quantität Flüssigkeit im Calorimeter 449,53 Cubikcm. Zeit eine Minute.

a) Destillirtes Wasser.

Versuch	ŧ"	T	ŧ	8 7	v	6	N
1	9,0	97,80	10,048	14,142	0,020	4,096	20,14
2	11,6	97,83	10,234	14,297	0,025	4,088	20,14
3	12,1	97,90	10,568	14,654	0,005	4,081	20,11
4	13,1	98,10	10,260	14,369	0,000	4,109	20,09

Mittlerer Werth von N = 20,12.

b) Alkohol von 10 Proc., spec. Gewicht 0,9814.

Versuch	ŧ"	T	t	t'	v	•	N
5	12,4	97,50	10,522	14,505	0,000	3,983	20,92
6	11,9	97,87	10,305	14,351	0,000	4,046	20,74
7	13,9	98,20	11,593	15,586	0,000	3,993	20,85

Mittlerer Werth von N = 20,836.

Spec. Wärme des 10 proc. Weingeistes 103,55.

c) Weingeist von 20 Proc., spec. Gewicht 0,9716.

Versuch	t"	T	t	t'	v	e	N
8	13,9	97,5	11,217	15,184	0,000	3,967	21,06
9	13,9	97,5	11,825	15,792	0,000	3,967	20,90
10	11,1	98,1	9,890	13,974	0,000	4,084	20,90
11	12,9	98,2	10,486	14,535	0,000	4,049	20,97

Mittlerer Werth von N = 20,957.

Spec. Wärme des 20 proc. Weingeistes 104,16.

Tabelle II.

Kupferring. Gewicht 614,49 Grm. Innerer Durchmesser 39^{mm}, äußerer Durchmesser 61^{mm}, Höhe 39^{mm},5.

Kupferwerth des Calorimeters und eingetauchten Theils des Thermometers 51,08 Grm.

Quantität Flüssigkeit im Calorimeter 859,3 Cubikcm. Zeit 1,5 Minuten.

a) Destillirtes Wasser.

Versuch	8 "	T	ŧ	£'	v	8	N
12	12,4	97,9	10,609	16,025	0,007	5,423	15,01
13	11,7	98,71	10,543	16,040	0,010	5,507	14,92
14	15,4	98,15	12,656	17,945	0,015	5,304	15,03

Mittlerer Werth von N 14,98.

b) Weingeist von 5 Proc., spec. Gewicht 0,9914.

Versuch	t"	T	t	t'	v	8	N
15	10,9	98,00	10,162	15,545		5,398	15,31
16	12,8	98,22	10,188	15,654		5,4 76	15,10

Mittelwerth von N 15,205.

Spec. Wärme des 5 proc. Weingeistes 101,50.

c) Weingeist von 10 Proc., spec. Gewicht 0,9814.

Versuch	ż"	Ť	ŧ	e' :	•	e	N
17	8,2	98,3	10,245	15,604	0,025	5,384	15,56
18	11,9	97,7	9,962	15,232	0,020	5,395	15,46
19	12,4	97,8	10,110	15,494	0,010	5,394	15,44

Mittlerer Werth von N 15,503.

Spec. Wärme des 10 proc. Weingeistes 103,49.

d) Weingeist von 20 Proc., spec. Gewicht 0,9716.

Versuch	£"	T	e	ę,	v	8	N
20	12,4	98,3	11,018	16, 342	0,015	5,339	15,71
21	11,4	98,2	10,105	15,495	0,015	5,405	15,65
22	15,4	98,6	12,589	17,877	0,010	5,298	15,59
23	17,9	98,3	14,390	19,5 59	0,015	5,184	15,54

Mittlerer Werth von N 15,622.

Spec. Wärme des 20 proc. Weingeistes 104,27.

e) Weingeist von 30 Proc., spec. Gewicht 0,9578.

Versuch	s''	T	e .	£'	v	e	N
24	11,9	98,3	10,188	15,743	0,020	5,575	15,36
25	13,9	98,5	10,414	15,975	0,020	5,581	15,34

Mittlerer Werth von N 15,35.

Spec. Wärme des 30 proc. Weingeistes 102,47.

f) Weingeist von 36 Proc., spec. Gewicht 0,9470.

Versuch	ŧ"	T	t	t'	•	•	N
26	9,8	98,6	10,635	16,379	0,025	5,769	14,95
27	11,9	98,4	10,327	16,049	0,025	5,747	15,03
28	11,9	98,5	10,471	16,231	0,030	5,790	14,91

Mittlerer Werth von N 14,966.

Spec. Wärme des 36 proc. Weingeistes 99,90.

Tabelle III.

Messingring. Gewicht 246,49 Grm. etc. etc.

Messingwerth des Calorimeters etc. 103,55 Grm.

Quantität Flüssigkeit im Calorimeter 1155,767 Cubikc.

Zeit 1 Minute 30 Secunden.

a) Destillirtes Wasser.

Versuch	t"	T	ŧ	€1	v	e	N
29	20,0	98,3	19,068	20,560	0,000		51,684
30	20,0	98, 3	19,083	20,580	0,000		51,497

Mittlerer Werth von N 51,590.

b) Weingeist von 10 Proc., spec. Gewicht 0,9814.

Versuch	e"	T	ŧ	t'	v	e	N
31	19	98,54	18,510	19,985	0,005	1,480	53,509

Spec. Wärme des 10 proc. Weingeistes 103,72.

c) Weingeist von 20 Proc., spec. Gewicht 0,9716.

Versuch	ŧ"	T	ŧ	t'	Ð	e	N
32	19,0	98,2	17,049	18,549	0,002	1,502	54,148
33	20,0	98,7	18,281	19,767	0,006	1,492	54,018

Mittlerer Werth von N 54,083.

Spec. Wärme des Weingeistes von 20 Proc. 104,83.

d) Weingeist von 30 Proc., spec. Gewicht 0,9578.

Versuch	t"	T		8'	v	e	N
34	19,0	98,4	17,923	19,450	0,010	1,537	53,191

Spec. Wärme des 30 proc. Weingeistes 103,10.

e) Weingeist von 40 Proc., spec. Gewicht 0,9396.

Versuch	g _{tt}	T	ŧ	ť	v	e	N
35	20,5	98,42	18,070	19,719	0,008	1,657	50,102
36	17,0	98,44	16,058	17,762	0,006	1,710	49,766
37	18,0	98,60	16,783	18,774	0,009	1,692	49,958

Mittlerer Werth von N 49,942.

Spec. Wärme des Weingeistes von 40 Proc. 96,805.

f) Weingeist von 45 Proc., spec. Gewicht 0,9292.

Versuch	t"	T	t	t'	v	e	N
38	19,5	98,2	18,032	19,757	0,002	1,727	48,430
89	20,0	98,2	18,456	20,154	0,004	1,702	48,897
40	20, 0	98,4	18,244	19,970	0,000	1,726	48,456

Mittlerer Werth von N 48,594.

Spec. Wärme des 45 proc. Weingeistes 94,192.

g) Weingeist von 50 Proc., spec. Gewicht 0,9184.

Versuch	t"	T	£	ž'	v	e	N
41	19,2	98,3	17,771	19,579	0,008	1,816	46,743
42	19,8	98,4	18,273	20,052	0,016	1,795	47,068
43	19,6	98,3	18,117	19,918	0,018	1,819	46,462

Mittlerer Werth von N 46,758.

Spec. Wärme des 50 proc. Weingeistes 90,633.

h) Weingeist von 60 Proc., spec. Gewicht 0,8956.

Versuch	t"	T		t'	. 0	•	N
44	17,5	98,35	16,076	18,105	0,016	2,045	43,345
45	18,5	98,48	17,535	19,538	0,006	2,009	43,405
46	19,5	98,40	17, 44 7	19,435	0,005	1,993	43,771

Mittlerer Werth von N 43,507.

Spec. Wärme des 60 proc. Weingeistes 84,332.

i) Weingeist von 70 Proc., spec. Gewicht 0,8721.

Versuch	t"	T		8 ′	v	e	N
47	16,5	98,3	17,165	19,369	0,024	2,228	40,141
48	19,0	98,2	17,087	19,275	0,008	2,196	40,730
49	19,0	98,4	16,881	19,088	0,010	2,217	40,539

Mittlerer Werth von N 40,470.

Spec. Wärme des 70 proc. Weingeistes 78,445.

j) Weingeist von 80 Proc., spec. Gewicht 0,8483.

Versuch	8 "	T	t	t'	v	e	N
50	• • • •	98,2	17,370	19,8 2 0	0,012	2,462	37,034
51		98,1	17,167	19,636	0,012	2,481	36,786
52		98,1	17,167	19,602	0,022	2,459	37,135

Mittlerer Werth von N 36,985.

Spec. Wärme des 80 proc. Weingeistes 71,690.

k) Weingeist von 90 Proc., spec. Gewicht 0,8228.

Versuch	t"	T	ŧ	£ ′	v	e	N
53	••••	97,60	17,293	20,000	0,020	2,727	34,074
54		97,55	18,277	20,960	0,020	2,703	33,927
55		98,05	15,795	18,587	0,024	2,816	33,785

Mittlerer Werth von N 33,928.

Spec. Wärme des 90 proc. Weingeistes 65,764.

1) Weingeist von 100 Proc., spec. Gewicht 0,7936.

Versuch	t"	T	8	8'	v	e	N
56	20,0	98,25	17,215	20,306	0,006		31,128
57	19,0	97,60	17,674	20,708	0,012		31,266

Mittlerer Werth von N 31,176.

Spec. Wärme des 100 proc. Weingeistes 60,430.

Anfangs waren die Verfasser geneigt, die hohe specifische Wärme der schwächeren Mischungen als einen Effect der Verdampfung anzusehen. Es wurden desshalb einige Versuche unternommen, bei welchen das Calorimeter nebst Inhalt vor und nach dem Versuche gewogen wurde. Es zeigte sich bierbei, dass der Verlust durch Verdampfung, welcher überhaupt das Resultat beeinflussen könnte, durchaus unerheblich war. Ferner wurden einige Versuche gemacht, bei welchen der Kupferring nur bis zu einer Temperatur von etwa 42° C. erhitzt wurde. Die hierbei gefundene specifische Wärme des 10 procentigen Weingeistes war 103,83, beinahe genau die vorher gefundene. Da nun in diesem Falle die Temperatur des eingeführten Ringes bedeutend unter dem Kochpunkte der Mischung lag, während sie in den ersten Fällen höher als dieser war, so hat offenbar eine etwa stattfindende Verdampfung nur einen äußerst geringen Einsluss auf das Resultat, da beide Temperaturen des Ringes gleiches Resnltat lieferten. Abgesehen von diesen experimentellen Thatsachen führt aber auch die einfache Betrachtung, dass die beiden angewandten Ringe beinahe gleiche Oberstäche besitzen, während der Kupferring mehr als zweimal so schwer als der Messingring ist, zu der Ueberzeugung, dass die beobachtete specifische Wärme nicht Resultat der Verdampfung ist. Offenbar würde an den gleichen Oberstächen beider Ringe, beide mit gleicher Temperatur, während der kurzen Zeit des Eintauchens gleich viel verdampfen und also auch beide Gewichte dieselbe Wärmemenge verlieren. Da nun das Messinggewicht nur halb so schwer als das Kupfergewicht ist, so müste es auch den doppelten Verdampfungseffect zeigen. Beide Gewichte gaben aber dasselbe Resultat.

Dennoch wurden einige Versuche unternommen, in welchen die specifische Wärme des 10- und 20 procentigen Weingeistes auf die gewöhnliche Weise bestimmt wurde; nur dass die zu untersuchende Flüssigkeit in ein ringförmiges Gefäs aus dünnem Messing eingeschlossen wurde, von derselben Form als die angewandten Gewichte. Im Uebrigen wurde wie gewöhnlich verfahren. Tabelle IV giebt die Versuche. m ist die Menge der angewandten Mischung, die übrigen Zahlen haben die frühere Bedeutung.

Tabelle IV.

Wasserwerth des Calorimeters nebst Inhalt 1165,905 Grm. Wasserwerth des ringförmigen Gefässes 4,6636 Grm. Zeit 5 Minuten.

a) Destillirtes Wasser.

Versuch	m	t"	T		t'	v	•	N
62 63 64 65	87,485 87,485 87,485 91,890	14,9 15,4 14,0	64,32 63,70 63,20 62,64	10,630 12,646 12,480 10,759	14,540 16,389 16,217 14,762	0,020 0,020 0,020 0,010	3,930 3,763 3,757 4,013	99,00 100,06 101,20 101,28

Mittlere spec. Wärme des Wassers 100,61.

b) Weingeist von 10 Proc.

Versuch	m	t"	T	t	t'	v	e	N
66	92,375	14,9	60,015	12,535	16,285	0,035	3,785	104,19
67	92,375	18,9	59,30	12,343	16,059	0,030	3,746	104,25
68	89,490	13,2	62,30	11,578	15,485	0,030	3,937	104,36
69	89,490	13,7	61,80	12,252	16,076	0,030	3,854	104,60

Mittlere spec. Wärme des 10 proc. Weingeistes 104,35, oder wenn man das Wasser, bei derselben Temperatur wie in den früheren Versuchen, als 100 annimmt, 103,71.

c) Weingeist von 20 Proc.

Versuch	m	t"	T	t	£'	v	e	N
70 71	88,510 88,490			12,950 13,757	16,891 17,502	0,024 0,030	3,965 3,775	

Mittlere spec. Wärme des 20 proc. Weingeistes 105,13, oder wenn man wie oben das Wasser für 100 nimmt, 104,49.

Nachdem vorstehende Untersuchung beendet, ersuhren die Versasser, dass Hr. A. Schnidaritsch ') bereits im Jahre 1859 eine ähnliche Versuchsreihe unternommen hatte und zu ganz anderen Resultaten gelangt war. Die Versasser fanden sich desshalb veranlasst, die specifische Wärme des 20 procentigen Weingeistes nochmals zu bestimmen und zwar so nahe als möglich innerhalb der von Hrn. Schnidaritsch benutzten Temperaturgränzen. Der Weingeist wurde wie vorher in ein ringsörmiges Gesäs aus dünnem Messingblech eingeschlossen, welches in einem Regnault'schen Dampsapparate mittelst Weingeistdämpse erwärmt wurde. Im Uebrigen wurde wie sonst versahren.

¹⁾ Wien. Acad. Ber. XXXVIII, 89; Kopp u. Will Jahrber. 1859, 440.

Tabelle V.

Quantität Wasser im Calorimeter 1155,766 Grm.

Wasserwerth des Calorimeters und Thermometers

9,734 Grm.

Wasserwerth des ringförmigen Gefäses 2,597 Grm. Zeit 2 Minuten 30 Secunden.

a) Destillirtes Wasser. m = 32,3475 Grm.

Versuch	t''	T	ŧ	t'	v		spec. VVärme
72	17,30	75,5	16,502	18,220	0,008	1,721	100,55

b) Weingeist von 20 Proc. m = 33,6255 Grm.

Versuch	ŧ"	T	ŧ	t'	v	6	spec. Wärme
73	18,0	75,60	16,723	18,549	0,008	•	104,55
74	17,3	75,45	16,500	18, 32 9	0,008		104,59

Mittlere spec. Wärme des 20 proc. Weingeistes 104,570.

Schliesslich wurde die specifische Wärme des 20 proc. Weingeistes noch bestimmt, indem das Kupfergewicht, anstatt erwärmt zu werden, auf 0° C. abgekühlt und die Temperaturerniedrigung gemessen wurde, welche das Einführen des kalten Gewichtes in die Flüssigkeit bewirkte.

Hierbei war einer Verdampfung an der Oberstäche des Gewichtes vollkommen vorgebeugt. Als Mittel aus drei Versuchen fand sich die specisische Wärme = 104,62. In Herrn Schnidaritsch's Abhandlung sind die angebrachten Temperaturcorrectionen nicht gegeben und es ist deshalb auch unmöglich zu beurtheilen, in wie weit eine fehlerhaste Correction die Resultate beeinslusst habe, jedenfalls aber ist die von ihm benutzte Regnault'sche Abkühlungsformel auf sein viel kleineres Calorimeter nicht anwendbar. Außerdem scheint es uns, das er mit zu kleinen Quantitäten operirte, nicht genügend seingetheilte Thermometer hatte und schließlich in einem mangelhasten Heizapparate erwärmte.

Gestützt auf ihre zahlreichen, auf sehr verschiedene Weise ausgeführten Versuche, sowie auf obige Betrachtungen sussend, können die Versasser keinen Zweisel hegen, dass die im Vorhergehenden gegebenen specifischen Wärmen der verschiedenen Mischungen von Alkohol und Wasser wenigstens innerhalb ziemlich enger Gränzen die richtigen sind, und dass sie somit die ersten Beispiele von Flüssigkeiten liesern, welche eine höhere specifische Wärme als das Wasser selbst besitzen. Tabelle VI giebt die Mittel aller unserer Versuche, zusammen mit der aus den Bestandtheilen berechneten specifischen Wärme der verschiedenen Mischungen, sowie die Differenz dieser beiden Größen.

Tabelle VI.

Gewichts- procente Alkohol	Gefundene spec. VVärme	Berechnete spec. VVärme	Differenz
5	101,502		
10	103,576	96,043	+7,533
20	104,362	92,086	12,276
30	102,602	88,129	14,473
40	96,805	84,172	12,633
45	94,192	82,193	11,999
50	90,633	80,215	10,418
60	84,332	76,258	8,074
70	78,445	72,301	6,144
80	71,690	68,344	3,346
90	65,764	64,387	1,377
100	60,430		•

II. Mischungswärme.

Diese wurde bestimmt, indem gewogene Mengen Alkohol und Wasser in einem Calorimeter gemengt und die dadurch bewirkte Temperaturerhöhung der Mischung beobachtet wurde. Der eine Bestandtheil wurde im Calorimeter, der andere in einer dünnen Glaskugel abgewogen. Behufs der Mischung wurde die Glaskugel in das Calorimeter eingetaucht und nach Ausgleichung der Temperatur in demselben zerbrochen.

Tabelle VII.

Wasserwerth des Calorimeters 1,248 Grm. Wasserwerth des Thermometers 0,632 Grm.

Specifische Wärme des Glases der Glaskugeln 0,19.

Zeitdauer des Versuches eine Minute.

4	crhöhung der Mischung erzeugt					7,525 35,5850					
	30 Secunden erhö	0,083		_		0,277 7,					
Temperatur	Ende	20,265	20,700	21,763	23,348	24,815	25,053	26,001	26,227	24,203	22,286
Ten des Cal	Anfang	18,091	17,365	17,128	ച്ച്	17,567	17,420	7	ഞ്	16,106	17,295
Gewicht der eineetauchten	Glaskugel	1,7529	1,6049	2,6649	3,6849	9,3634	7,1494	4,0449	2,3544	1,5069	1,3419
Gewichts- procente Alkohol	in der Mischung	8	8	20	09	28	45	40	8	8	10
Angewandte Mengen	Wasser	Grm. 8,870	18,4075	34,7690	41,4440	46,1850	45,2308	54,9562	68,2125	91,2100	101,1105
Angewand	Alkohol	Эта. 79.830	73,2300	81,1280	62,1660	46,1850	37,0070	36,6375	29.2340	22,8025	11,2345

III. Siedepunkte.

Tabelle VIII giebt die Siedepunkte der verschiedenen Mischungen für einen Barometerstand von 744^{mm},4, sowie die Siedepunkte berechnet unter der Voraussetzung, daß der Siedepunkt einer Mischung das Mittel sey aus den Siedepunkten ihrer Bestandtheile, und schließlich die Differenzen.

T	2	h	Δ	1	1	Δ	1	7	T	I	I	
1	α	v	C	ı	1	C	J		1	4		•

Gewichts- procente Alkohol	Siedepunkt beobachtet	Siedepunkt berechnet	Disserenz
0 10 20 30 40 45 50 60 70 80 90	99,4 90,98 86,50 84,01 82,52 81,99 81,38 80,47 79,61 78,84 78,01	97,25 95,10 92,95 90,90 89,72 88,60 86,50 84,35 82,20 80,05	- 6,27 - 8,60 - 8,94 - 8,38 - 7,73 - 7,27 - 6,03 - 4,74 - 3,86 - 2,04
100	77,89		·

IV. Capillarattraction.

Tabelle IX giebt

in Colonne 1 die Gewichtsprocente Alkohol der Mischung,

- »

 2 die Steighöbe der Mischung in Millimetern,
- 3 die Steighöhe berechnet für Wasser == 100,
- » 4 die Länge einer Wassersäule von gleichem Gewicht der in Colonne 3 berechneten Steighöbe der Mischung,
- » » 5 die unter der Voraussetzung berechneten Steighöben, dass sie das Mittel seyen aus den Steighöben der Bestandtheile,
- » 6 die Differenzen zwischen 4 und 5.

236
Tabelle IX.

1	2	3	4	5	6
0	49,47	100	100	100	
10	34,22	69,17	68,07	93,11	-25,04
20	27,92	65,43	54,83	86,22	31,39
30	23,84	48,19	46,15	79,34	33,19
40	22,41	45,30	42,56	72,45	29,89
45	21,64	43,74	40,64	69,00	28,36
50	21,24	42,93	39,43	65,56	26,13
60	20,93	42,30	37,89	58,68	20,79
70	20,66	41,76	36,42	51,79	15,37
80	20,43	41,29	35,03	44,90	9,87
90	20,06	40,54	33,35	88,02	4,67
100	19,40	39,21	31,13	31,13	

V. Ausdehnung.

Die Ausdehnung zwischen 10° und 20° C. wurde berechnet aus den bei diesen Temperaturen gefundenen specifischen Gewichten der verschiedenen Mischungen. Tab. X giebt die gefundenen specifischen Gewichte, Tab. XI die Ausdehnung gefunden und berechnet. Die letztere ist in der Voraussetzung berechnet, dass die Ausdehnung einer Mischung das Mittel sey aus der Ausdehnung der Volumina ihrer Bestandtheile.

Tabelle X.

Gewichts- procepte Alkohol	Spec. Gewicht bei 10° C.	Spec. Gewicht bei 15°,5 C.	Spec. Gewicht bei 20° C.
10	98396	98298	98189
20	97261	9705 4	96866
30	95995	95666	95392
40	94253	93854	93520
45	93262	92846	92496
50	92185	91745	91390
59,77	89994 -	89545	89179
69,70	87695	87219	86844
79,81	85271	84797	84410
89,89	82712	82240	81851
100,00	79792	79317	78932

Tabelle XI.

Gewichts- procente	Volumen bei	Voli bei 2	Differenz	
Alkohol	10° C.	gelunden	berechnet	
0 10 20 30 40 45 50 59,77 69,70 79,81 89,89 100,00	100 100 100 100 100 100 100 100 100	100,154 100,212 100,405 100,632 100,783 100,827 100,868 100,914 100,980 101,020 101,052 101,088	100,154 100,272 100,386 100,489 100,601 100,652 100,700 100,789 100,874 100,954 101,034 101,088	- 0,060 + 0,019 + 0,143 + 0,182 + 0,175 + 0,168 + 0,125 + 0,106 + 0,066 + 0,018

VI. Zusammendrückbarkeit.

Tabelle XII giebt die Zusammendrückbarkeit für den Druck von einer Atmosphäre, bestimmt in einem Apparate ähnlich dem von Grassi bei seinen Versuchen angewandten. Als Correction für die Zusammendrückbarkeit des Piëzometers, welche nicht bei jedem Versuche berechnet wurde, ist zu den direct gefundenen Resultaten 0,000002 addirt. Bei der Berechnung der Zusammendrückbarkeit ist angenommen, dass sie das Mittel sey aus der Zusammendrückbarkeit der Volumina der Bestandtheile.

Tabelle XII.

Wassergehalt des Piëzometers bei 4° C. = 114,9727 Grm.

1^{mm} der Capillarröhre hält 0,000517173 Cubikcm.

1 .		Tem-	Zusammen		
procente Alkohol	minderung in Millim.		gefunden	berechnet	Differenz
0	40,68	9	0,00004774	0,00004774	
10	36,92	11,2	0,00004351	0,00005387	-0,00001036
20	33,00	11,5	0,00003911	0,00005998	0,00002087
3 0	32,92	10,2	0,00003902	0,00006584	0,00002682
40	36,88	9	0,00004347	0,00007118	0,00002771
45	39,20	8	0,00004608	0,00007364	0,00002756
50	41,60	9	0,00004878	0,00007600	0,00002722
59,77	48,20	10	0,00005620	0,00008029	0,00002409
69,70	53,25	10,1	0,00006159	0,00008426	0,00002267
79,81	59,96	9,6	0,00006942	0,00008775	0,00001833
89,89	68,76	11,1	0,00007950	0,00009140	0,00001190
100,00	81,86	9,7	0,00009349	0,00009349	3,0000224

Ohne auf weitere Speculationen einzugehen, für welche noch nicht eine genügende Zahl Thatsachen bekannt, beschränken sich die Verfasser darauf, den mehr oder weniger innigen Zusammenhang verschiedener physikalischer Eigenschaften der Mischungen von Alkohol und Wasser hervorzuheben, wie solcher sich aus vorstehender Untersuchung ergiebt.

Ein Blick auf Fig. 6 Taf. IV zeigt, dass, mit einer einzigen Ausnahme (der Ausdehnung eines 17 proc. Weingeistes), die gesundenen Werthe nie mit den berechneten übereinstimmen. Ferner, dass alle hier untersuchten Eigenschaften in zwei Classen getheilt werden können. I. solche, welche die größte Abweichung zwischen Experiment und Rechnung bei einer Alkoholstärke von 30 Proc. zeigen, und II. solche, bei welchen dies bei einer Alkoholstärke von 40 Proc. stattsindet. Beide Classen zerfallen wieder in zwei Unterabtheilungen: a) in welcher die gesundenen Werthe die berechneten übersteigen, und b) in welcher das umgekehrte stattsindet.

Classe I.

- a) Specifische Wärme. Mischungswärme.
- b) Siedepunkte. Capillarattraction.

Classe II.

- a) Ausdehnung.
- b) Zusammendrückbarkeit.

Eine aufmerksamere Betrachtung läst noch andere bemerkenswerthe Thatsachen hervortreten. In Classe I a. specifische Wärme ist zu bemerken, dass ein Zusatz von Alkohol zu Wasser anfänglich die specifische Wärme selbst über diejenige des Wassers erhebt, obgleich Alkohol eine specifische Wärme von nur 0,60 besitzt; ein Weingeist von 30 bis 40 Proc. hat dieselbe specifische Wärme als das Wasser. Eine Vergleichung der Curve, welche die Abweichungen der gefundenen von der berechneten specifischen Wärme giebt, mit derjeuigen, welche die beim

Mischen erzeugten Wärmeeinheiten angiebt, zeigt ferner, dass Mischungen, welche die gleichen Abweichungen zwischen gefundener und berechneter specifischer Wärme ergeben, auch die gleiche Anzahl Wärmeeinheiten bei ihrer Mengung Der Zusammenhang beider Eigenschaften hervorbringen. ist aber ein noch engerer. Wenn man nämlich die von 5 Grm. irgend einer der Mischungen erzeugten Wärmeeinheiten durch 3,411 dividirt, so erhält man die Abweichung der für diese Mischung gefundenen von ihrer berechneten specifischen Wärme; und umgekehrt, wenn man die Anzahl Wärmeeinheiten durch 3,411 dividirt und das Product zu der theoretischen specifischen Wärme einer Mischung addirt, so erhält man die wahre specifische Wärme. Tabelle XIII zeigt, dass die auf diese Weise abgeleiteten specifischen Wärmen meistens innerhalb der Versuchsfehler mit den gefundenen übereinstimmen.

Tabelle XIII.

Gewichts- procente Alkohol	Theoretische spec. VVärme Tab. VI	VVārme- einheiten Tabelle VII durch 3,411 dividirt	Berechnete spec. VVärme Summe von Col. 2 und 3	Gefundene spec. VVärme 5
10	96,043	7,823	103,866	103,576
20	92,086	12,885	104,971	104,362
30	88,129	14,060	102,189	102,620
40	84,172	13,152	97,324	96,805
45	82,193	11,377	93,570	94,192
5 0	80,215	10,432	90,647	90,633
60	76,258	7,992	84,250	84,332
70	72,301	5,517	77,818	78,4 4 5
80	68,344	3 ,658	72,002	71,690
90	64,387	2,258	66,645	65,764

In Classe I b. findet ein ähnlicher Zusammenhang zwischen Siedepunkten und Capillarattraction statt. Dividirt man nämlich die in Tab. IX gegebenen Differenzen zwischen gefundener und berechneter Capillarattraction mit 3,41, so erhält man die Abweichung der Siedepunkte oder

was dasselbe ist, zieht man die Capillaritätscurve Taf. IV Fig. 6 für eine Steighöhe des reinen Wassers von 29^{mm},3 statt der gebrauchten 100^{mm}, so fällt die so erhaltene Curve beinahe genau mit der Siedepunktscurve überein. Die Uebereinstimmung ist hier nicht so genau wie im ersten Falle, wobei aber zu bemerken, dass einerseits die Siedepunkte mit dem Drucke, anderseits die Capillarattraction mit der Temperatur veränderlich sind. Es wäre nun vielleicht möglich, einen Druck und eine Temperatur zu wählen, bei welchen der hier hervorgehobene Zusammenhang dieser beiden Eigenschaften für alle Mischungen genau derselbe wäre.

In Classe II a. zeigt die Ausdehnung eine auffallende Ausnahme. Es fällt nämlich im Anfange (bei schwachen Mischungen) die gefundene Ausdehnung kleiner aus als die herechnete, erreicht bei einer Alkoholstärke von 17 bis 18 Proc. den berechneten Werth und ist größer als dieser für alle stärkeren Mischungen.

Schon früher untersuchte Eigenschaften sind:

- 1) Dampfspannung. Sie gehört scheinbar zu Classe Ib.
- 2) Specifisches Gewicht und
- 3) Brechungsexponent.

Diese beiden bilden eine neue Classe, indem sie die größte Differenz zwischen Rechnung und Thatsache bei einer Alkoholstärke von 45 Proc. erreichen. Außerdem hängt die Größe des Brechungsexponenten einer Mischung genau mit dem specifischen Gewicht derselben zusammen, so daß man den Brechungsexponenten der Mischung aus den Brechungsexponenten ihrer Bestandtheile und aus ihrer Dichte berechnen kann.

Auch solche Eigenschaften, welche schon etwas mehr chemischer Natur sind, wie die Löslichkeit von Salzen, scheinen denselben Regeln zu folgen, indem meistens das Maximum der Differenz zwischen gefundener und berechneter Löslichkeit bei einer Alkoholstärke von 30 Proc. bis 45 Proc. stattfindet.

Alle physikalischen Eigenschasten des wässerigen Weingeistes erreichen somit ein Maximum der Differenz von ihrem berechneten Werthe zwischen den Grenzen von 30 und 45 Proc. Alkohol. Ein Weingeist von 30 Proc. fällt beinahe genau mit dem Hydrat C_2H_6O+6aq zusammen, welches 29,87 Proc. Alkohol verlangt, und eine Stärke von 45 Procent entspricht beinahe dem Hydrat C_2H_6O+3aq .

Ob auch Mischungen anderer Substanzen einen ähnlichen Zusammenhang ihrer verschiedenen Eigenschaften zeigen gleich den hier für Alkohol und Wasser hervorgehobenen, ob in der That hier nur ein Fall eines allgemeinen Gesetzes, oder nur ein merkwürdiger Ausnahmsfall vorliege, muß ferneren Untersuchungen, mit welchen die Verfasser eben beschäftigt sind, zur Entscheidung vorbehalten bleiben.

Erklärung der Figuren 5 und 6 auf Tafel IV.

Auf die Abcissenlinie sind in beiden Figuren die Alkoholstärken in Gewichtsprocenten aufgetragen.

Die Ordinaten geben

bei Fig. 5:

Curve 1 die specifische Wärme,

- " 2 "Siedepunkte in Graden Celsius,
- " 3 " Capillarität Wasser gleich 100^{mm},
- " 4 " kubische Ausdehnung in Zehntausendstel des Volumens,
- 5 " Zusammendrückbarkeit in Millionstel des Volumens;

bei Fig. 6:

- Curve 1 bis 5 haben sie dieselbe Bedeutung wie oben, nur dass sie die Größe der Disserenz zwischen Rechnung und Versuch andeuten.
 - " 6 geben sie die von 5 Grm. Mischung erzeugten Wärmeeinheiten.

In beiden Figuren sind die Curven, welche die specifische Wärme, Mischungswärme und Ausdehnung darstellen, durch kleine Kreise an den direct durch das Experiment festgestellten Punkten bezeichnet, während bei den Curven für Siedepunkte, Capillarität und Zusammendrückbarkeit diese Punkte durch ein Kreuz bezeichnet sind.

IV. Ueber einige Eigenschaften des auf galvanischem Wege niedergeschlagenen Eisens; von R. Lenz.

(Aus dem Bullet. d. Petersb. Acad. T. VIII, vom Hrn. Verf. übersandt.)

Das auf galvanischem Wege reducirte Eisen zeigt höchst auffallende Eigenschaften, welche mich bewogen, dasselbe einigen Untersuchungen zu unterziehen, namentlich in Bezug auf die von solchem Eisen absorbirten Gase. Die erste Anregung zu dieser Untersuchung erhielt ich durch Hrn. Akademiker Jacobi, welcher mir ein Stück auf solchem Wege gewonnenen Eisens zusandte, mit der Aufforderung, zu bestimmen, ob dasselbe Wasserstoff euthalte, wie es nach Graham's Versuchen zu erwarten war, und wie viel von diesem Gase absorbirt sey. In einem Schreiben an Hrn. Jacobi 1) theilte ich ihm die Resultate meiner Untersuchungen mit, welche ergeben hatten, dass in dem Eisen allerdings eine nicht unbeträchtliche Menge Gas (15,1 Volumina) enthalten sey. Spätere Versuche zeigten, dass dieses Gas jedoch nicht ausschliesslich Wasserstoff sey, sondern ein Gemenge von Wasserstoff, Stickstoff, Kohlensäure und Kohlenoxyd. Ueberraschend war der

¹⁾ Jacobi, Notice sur l'absorption de l'hydrogène sur le fer galvanique. Bulletin de l'Académie des sciences de St.-Pétersbourg, 1869, t. XIV, p. 292.

reiche Gehalt an Kohlenoxyd (22 Volumprocente der ganzen Gasmenge). Später stiegen in mir Bedenken über die allgemeine Gültigkeit dieses Resultates auf, da ich glaubte annehmen zu dürfen, dass dieses Eisen, nachdem es von der Matrize abgenommen, in dem Feuerraume eines Osens geglüht worden sey, wie das mit den galvanoplastischen Eisenabdrücken zu geschehen pslegt; in solchem Falle aber könnte das Kohlenoxyd den Verbrennungsproducten des Osens entnommen seyn. Diese Voraussetzung veranlasste mich, noch einige Versuche über denselben Gegenstand zu machen, deren Resultate ich in Folgendem mittheile.

Das zu den Versuchen verwendete Eisen wurde durchgängig nach Klein's Methode aus mit schwefelsaurer
Magnesia gemischter Eisenvitriollösung durch schwache
Ströme gefällt. Neutralisirt wurde die Lösung durch kohlensaure Magnesia. Zwei Proben dieses Eisens von seltener
Schönheit verdanke ich der Güte des Hrn. Klein, der sie
speciell für meine Untersuchungen gewonnen hatte; alle
andern Proben habe ich selbst auf dem angegebenen Wege
erhalten.

Wenn das Eisen unter schwachem Strome aus einer Lösung gefällt wird, welche keine freie Säure enthält, so zeigt es ein schönes feinkörniges Gefüge, an welchem sich unter dem Mikroskope keine Krystallisation zeigt. Die Farbe ist ein weiches helles Grau. Auffallend ist die große Härte dieses Eisens, da es von einer Feile nur schwach gefaßt wird; nach Bestimmungen, welche in der Bergakademie ausgeführt wurden, ist die Härte 5,5, d. h. das Eisen ritzt Apatit und wird von Feldspath geritzt. Nicht minder merkwürdig ist auch die große Brüchigkeit desselben; dünne Plättchen lassen sich zwischen den Fingern zerreiben; ein Stück von 2^{mm} Dicke, welches sich am Zuleitungsdraht abgesetzt hatte, konnte mit größter Leichtigkeit zerbrochen werden.

Während des Niederschlagens des Eisens, selbst auf einer starken Kupferplatte (Daguerreotypplatte), krümmt sich letztere, sobald die niedergeschlagene Schicht eine gewisse

Dicke erreicht hat, indem hierbei die concave Seite der zweiten Elektrode zugekehrt wird. Ist die Platte, auf welcher das Eisen niedergeschlagen wird, zu dick, oder bildet das gefällte Eisen eine Schicht von zu geringer Mächtigkeit, so findet die Krümmung zwar nicht statt, die Neigung zu derselben besteht jedoch fort; man bemerkt diess beim Ablösen der Eisenschicht, welche sich sogleich auf die angegebene Weise biegt. Die Krümmung geht hierbei stets so vor sich, dass eine cylinderförmige Fläche gebildet wird mit horizontal gestellter Axe.

Wird das Eisen auf einer polirten Fläche langsam reducirt, so erhält man bei geringer Dicke der Eisenschicht eine fehlerlose Obersläche mit sammetartigem Ansehen; sobald jedoch die Schicht eine größere Dicke erreicht, zeigen sich deutlich Blasenbildungen, kenntlich als kleine Vertiefungen von ovaler Gestalt mit nach oben gekehrter und gestreckter Spitze.

Viele der angeführten Eigenschaften verliert das Eisen, sobald es über Koblenfeuer geglüht wird. Die auffallende Härte nimmt ab und wird 4,5, d. h. das Eisen ritzt Flußspath und wird von Apatit geritzt. Die Brüchigkeit schwindet nicht nur vollständig, sondern das Eisen gewinnt die entgegengesetzte Eigenschaft in sehr hohem Maaße. Während sich früher dünne Plättchen in den Fingern verreiben ließen, wird es nun ganz unmöglich sie zu zerbrechen; wohl läßt sich das Eisen zerreißen und mit der Scheere wie Bleifolie zerschneiden, brechen aber läßt es sich nicht, selbst wenn man es zu wiederholten Malen an ein und derselben Stelle hin und wieder biegt und die Falze stark streicht; die Eisenplatte widersteht allen diesen Manipulationen, bei welchen doch selbst Papier bricht.

Wird das Eisen im Vacuo oder in einer von Sauerstoff freien Atmosphäre ausgeglüht, so ändert sich auch die Farbe desselben und wird fast so weiß wie das zu Gefäßen verarbeitete Platin, namentlich auf der Außenseite, wenn das Eisen auf einer polirten Elektrode niedergeschlagen worden.

Auch in anderer Beziehung ändern sich die Eigenschaften des Eisens beim Ausglühen. Das geglühte Eisen rostet sehr schnell, sowohl an der Luft wie in ausgekochtem Wasser. Als ich zur Bestimmung des Volumens kleine Stücke ausgeglühten Eisens in einer Stöpselflasche mit ausgekochtem Wasser übergoß, färbte sich letzteres während des Wägens mit einer deutlich sichtbaren grünen Färbung. Als unter ganz gleichen Umständen geglühtes und ungeglühtes Eisen in Wasser gebracht wurden, zeigte ersteres sich in wenigen Stunden auf der ganzen Oberfläche mit Rost bedeckt, während an dem ungeglühten Eisen nur wenige Rostflecke bemerkbar waren. Während des Rostens findet, wie ich unten zeigen werde, eine Gasabsorption im Eisen statt und wahrscheinlich auch eine Wasserzersetzung.

Das geglühte und ungeglühte Eisen verhalten sich auch elektrisch wesentlich verschieden. Um das Eisen in dieser Beziehung zu untersuchen, bildete ich ein galvanisches Element aus Aetzkalilösung und zwei Eisenplatten, von denen die eine geglüht, die andere ungeglüht war; den hierdurch entstehenden Strom maß ich an einem Wiedeman'schen Galvanometer. Zur Vergleichung dienten noch Kupfer- und Zinkplatten, welche bald zusammen, bald an Stelle der einen oder andern Eisenprobe in die Kalilösung getaucht wurden. Bei allen Versuchen hatten die Platten nahezu gleichen Abstand von einander, so daß der Widerstand der Ketten constant war und die Stromstärken daher den elektromotorischen Kräften proportional gesetzt werden konnten. Hiebei fand ich für verschiedene Combinationen folgende Abweichungen des Galvanometers:

Element .	Abweichung
f — Kali — \dot{F}	– 6
Cu — Kali — F	— 9
Cu — Kali — f	+ 1
Cu — Kali — Zn	+114
f — Kali — Zn	+114
F — Kali — Zn	+ 91

Hier bedeutet f geglühtes, F ungeglühtes Eisen. So ungenügend diese Versuche auch sonst scheinen mögen, so geht aus ihnen doch entschieden ein verschiedenes elektromotorisches Verhalten der beiden Eisenarten hervor, indem das ungeglühte Eisen dem Kupfer näher steht, als das geglühte; außerdem ist bei Anwendung von Aetzkalilösung die elektromotorische Kraft eines Elements aus geglühtem und ungeglühtem Eisen annähernd 20 mal kleiner als die von Kupfer und Zink in einer eben solchen Lösung.

Die große Veränderung, welche das Eisen beim Ausglühen in Bezug auf Härte und Brüchigkeit erleidet, erinnerte mich an eine ähnliche, wenn auch viel weniger auffallende Aenderung des mit Wasserstoff imprägnirten Palladiums, wie ich solche bei der Wiederholung der Graham'schen Versuche gefunden hatte. Wenn diese Aenderungen in den Eigenschaften des Palladiums dem aufgenommenen Wasserstoff zuzuschreiben sind, so lag es nahe, den ähnlichen Erscheinungen beim Eisen einen ähnlichen Beweggrund unterzulegen. In dieser Voraussetzung untersuchte ich die Menge der in dem auf galvanischem Wege reducirten Eisen enthaltenen Gase und fand in der That, dass dieselben unter günstigen Umständen in sehr bedeutender Menge von dem Eisen absorbirt werden, wie die weiter anzuführenden Versuche beweisen werden.

Um das Volumen der Gase zu messen, welche das unter angesührten Umständen reducirte Eisen enthält, wurde dasselbe in schmale Streisen gebrochen und in eine Porcellanröhre gebracht, welche an dem einen Ende durch einen Kautschukpsropsen lustdicht verschlossen wurde, während das andere Ende desselben mit einem Sprengel'schen Aspirator in Verbindung gebracht wurde. Die Röhre wurde nun ohne Erwärmung evacuirt. Hiebei zeigten mehrsache Versuche, das das Eisen kein Gas entlies; in der That zeigte die aus dem Aspirator austretende Lust, welche in

einem Maassrohre gesammelt und dann nach Bunsen's Methode untersucht wurde, keine Beimengungen fremder Gase; nur zuweilen fand sich bei einigen Versuchen ein etwas erhöbter Kohlensäuregehalt bis 1,1 Volumprocent; doch war die ganze Menge desselben so gering, dass ich nicht mit Bestimmtheit anzugeben vermag, ob dieser hohe Gehalt wirklich aus dem Eisen getretenem Gase oder Beobachtungssehlern zuzuschreiben sey. Nachdem aus dem Aspirator und der Röhre alle Luft entfernt worden, wurde die Röhre entweder gleich über Kohlenseuer bis zum hellsten Roth oder bis zur Weissgluth, also etwa 1000°, erhitzt, oder aber die Erwärmung wurde erst zu niedrigerem Grade getriehen und dann erst bis zum hellsten Roth gesteigert, wobei dann die während jeder Periode sich entwickeluden Gase einzeln gesammelt und untersucht wurden. Die Analyse der Gase führte ich nach den von Bunsen in seinen "Gasometrische Methoden" angegebenen Regeln aus. Im Nachfolgenden theile ich nun die Versuche über diesen Gegenstand mit.

Erster Versuch. Das Eisen ist von mir auf einer versilberten, hoch polirten Daguerreotypplatte niedergeschlagen. Das Gefüge war äußerst feinkörnig und vollkommen frei von Blasenbildung. Auf einer Platte von 370^{mm} Oberfläche wurden täglich nur 3 bis 4 Grm. Eisen reducirt. Die Dicke der Eisenschicht, berechnet aus ihrem Gewicht, wobei wie immer das specifische Gewicht des Eisens zu 7,7 angenommen wurde, betrug 0,08 Millimeter. Die erste Gasprobe wurde entwickelt bei dunkler Rothgluth, also etwa bei 600°, indem die Porcellanröhre über Gasslammen erbitzt wurde. Nachdem kein Gas mehr entwickelt wurde, erhitzte ich die Röhre über Kohlenfeuer; die nun entweichenden Gase bildeten die zweite Probe. Bei diesen Versuchen erhielt ich folgende Gasvolumina, bezogen anf 760^{mm} Druck und 0° Temperatur, wobei das Volumen des Eisens = 1 gesetzt ist.

	Erste Probe:		Zweite Probe:		Im Ganzen:	
	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.
Wasserdampf	38,4	58,5	13,9	43,2	52,2	53,4
Stickstoff	12,4	18,8	2,9	8,9	15,2	15,5
Kohlenoxyd	7,4	11,3	7,2	22,7	14,7	15,1
Kohlensäure	6,6	10,1	5,7	17,8	12,4	12,7
Wasserdampf	0,8	1,3	2,4	7,4	3,2	3,3
Summ	e 65,6	100,0	32,1	100,0	97,7	100,0

Zweiter Versuch. Zu diesem Versuche benutzte ich die erste der zwei Eisenproben, welche Hr. Klein die Güte hatte, mir auf die in der Expedition der Staatspapiere gebräuchliche Weise zu präpariren. Auf einer Platte von gegen 100cm Oberstäche wurden täglich gegen 12 Grm. Eisen niedergeschlagen. Die Oberstäche war seinkörnig mit deutlicher Blasenbildung. Dicke der Platte 0mm,125. Es wurden zwei Gasproben genommen; die erste wurde bei 100° C. entwickelt, die zweite über Kohlenseuer bei heller Rothgluth.

	Bei 1	Bei 100°:		Ueber Kohlen:		Im Ganzen:	
	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.	
Wasserstoff	2,7	94,5	13,1	65,1	15,8	68,7	
Stickstoff	0	0	0,8	4,0	0,8	3,5	
Kohlenoxyd	0	0	5,5	27,3	5,5	23,9	
Kohlensäure	0,1	2,8	0,3	1,5	0,4	1,7	
Wasserdampf	0,1	2,7	0,4	2,0	0,5	2,2	
Summ	e 2,9	100,0	20,1	100,0	23,0	100,0	

Dritter Versuch. Zu diesem Versuche nahm ich die zweite Probe des von Klein präparirten Eisens. Es war eben so feinkörnig wie das der ersten Probe. Dicke der Platte 0^{mm},14. Das Gas wurde entwickelt bei 100° C. und über Kohlenfeuer.

•	Bei 1	Bei 100°:		Ueber Kohlen:		Im Ganzen:	
•	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.	Volumina	Proc.	
Wasserstoff	2,2	92,1	10,6	56,2	12,8	60,3	
Stickstoff	0	0	1,2	6,3	1,2	5,6	
Kohlenoxyd	0	0	5,7	30,1	5,7	26,7	
Kohlensäure	0,08	3,4	0,8	4,6	0,9	4,3	
Wasserdampf	0,1	4,5	0,5	2,7	0,6	3,0	
Summe	2,38	100,0	18,8	100,0	21,2	99,9	

Vierter Versuch. Das Eisen zu diesem Versuche habe ich selbst auf einer Kupferplatte unter sehr schwachen Strömen reducirt; im Laufe von 5 Tagen erhielt ich 8 Grm. Eisen. Die Dicke der Platte 0^{mm},27. Es wurde nur eine Probe von Gasen genommen, welche über Kohlenfeuer entwickelt waren.

•	Volumina	Procent
Wasserstoff	12,0	58,3
Stickstoff	1,2	5,8
Kohlenoxyd	3,6	17,4
Kohlensäure	2,8	13,6
Wasserdampf	1,0	4,9
Summe	20,6	100,0

Aus den bisherigen Versuchen lassen sich einige Schlüsse über die Bestandtheile der absorbirten Gase, über den Einfluss, welchen die Temperatur aus die Entwicklung derselben ausübt, so wie über die Abhängigkeit der absorbirten Gasmengen von der Dicke der absorbirenden Eisenschicht machen. Ausser den angesührten Gasen habe ich keine anderen in dem Eisen ausgesunden; es bleibt dabei jedoch unbestimmt, ob wirklich die angesührten Gase in dem Eisen in der gefundenen Zusammensetzung enthalten sind oder ob sich nicht einige derselben erst beim Ausglühen bilden. Das Austreten des Wasserstoffs ist leicht erklärlich; der Gebalt an Kohlensäure kann

daher rühren, dass die Flüssigkeit, aus welcher das Eisen reducirt worden, dieses Gas gelöst enthält; nicht nur nimmt sie dieselbe aus der Lust auf, sie wird vielmehr auch in der Flüssigkeit entwickelt, da zur Neutralisation der überschüssigen Schwefelsäure kohlensaure Magnesia verwandt wird. Auf demselben Wege wie die Kohlensäure kann auch der Stickstoff in das Eisen gelangen, nämlich aus der Reductionslösung. Dass der Stickstoff etwa daher gesunden worden sey, dass der Aspirator nicht vollständig geschlossen habe und atmosphärische Luft zugeströmt sey: diesen Einwand muss ich beseitigen, da ich besondere Sorgfalt auf dichten Verschluss verwandte und bei jedem Versuche mich hiervon überzeugte. Woher aber rührt der Wasserdampf, woher das Kohlenoxyd? Ersterer scheint zu großem Theile sich beim Glühen zu bilden, da der erste Versuch zeigt, dass bei einer Temperatur von 600° (dunkle Rothgluth) etwa nur 0,8 Volumina Wasserdampf frei werden, während bei 1000° 2,4 Volumina entweichen. Wäre der Wasserdampf schon als solcher in dem Eisen vorbanden, so müste er doch bei 600° frei werden. Wenn sich aber der Wasserdampf erst beim Glühen des Eisens auf Kosten eines Theiles des vorhandenen Wasserstoffs bildet, woher rührt dann der Sauerstoff? Es mögen wohl Rostflecke an dem Eisen vorhanden gewesen seyn, die meiner Beobachtung entgangen sind; doch habe ich die Eisenstücke, bevor ich sie in die Röhre einführte, sorgfältig betrachtet und nur rostfreie eingelegt. Diese Voraussetzung ist auch nicht nothwendig, da die Entstehung des Kohlenoxyds sich erklären läst durch Desoxydation der Kohlensäure in Berührung mit rothglühendem Eisen und durch darauf folgende Desoxydation des Eisens durch Wasserstoff. Sollte es nicht auch denkbar seyn, dass Wasserstoff bei hoher Temperatur die Kohlensäure direct zersetze und sich auf diesem Wege Kohlenoxyd und Wasserdampf bilde? Ich weiss nicht, ob die Chemie eine solche Zersetzung zulässt, sie scheint mir jedoch nicht unwahrscheinlich und, so viel ich weiss, sind die chemischen Eigenschaften des Wasserdampses bei hoher Temperatur noch wenig untersucht.

Diese Voraussetzung erklärt jedoch nicht vollständig das Vorhandenseyn des Kohlenoxyds. Berechnet man nämlich in dieser Voraussetzung aus dem Volumen des Wasserdampfes die Menge des entstandenen Kohlenoxyds, so findet man dieselbe in Wirklichkeit viel größer, als die Rechnung es ergiebt. Somit muß denn zugestanden werden, daß in dem Eisen Kohlenoxyd als solches vorhanden war. Ich kann mir jedoch keine Rechenschaft über das Entstehen desselben geben.

Vergleicht man die Resultate der beiden im zweiten und dritten Versuche untersuchten Gasproben, so sieht man, dass die vom Eisen absorbirten Gase schon bei 100° C. frei zu werden beginnen, doch entwickeln sich bei dieser Temperatur nur etwa 10 Proc. der absorbirten Gase, die übrigen 90 Proc. entweichen erst bei stärkerer Erbitzung; bei dunkler Rothgluth sind bereits 3 der gesammten Gasmenge frei geworden (Versuch 1); der letzte Theil entweicht dann erst bei einer Temperatur von gegen 1000° C. Freilich bleibt es hier noch fraglich und zweifelhaft, ob bei der höchsten Temperatur, welcher das Eisen bei meinen Versuchen ausgesetzt wurde, wirklich alle Gase aus demselben entwichen. Ferner zeigen der zweite und dritte Versuch, dass bei 100° C. vorzüglich nur der von dem Eisen absorbirte Wasserstoff frei wird, indem er resp. 94 und 92 Proc. der gesammten bei 100° C. frei werdenden Gasmenge beträgt. Bei der Rothgluth werden auch schon die anderen Gase, vorzüglich Kohlensäure, reichlich entwickelt; das Kohlenoxyd und der Stickstoff treten erst bei den höchsten Temperaturen auf.

Was die Zusammensetzung des Gases anbetrifft, so scheint der Wasserstoffgehalt bei den Versuchen ziemlich gleich gewesen zu sein, wie folgende Zusammenstellung der gefundenen Resultate zeigt:

Vo	olumina d	er einzelne	n Gase in	Procente	en		
der ganzen Gasmenge							
Wasserstoff	53,4	68,7	60,3	58,3			
Stickstoff	15,5	3,5	5,6	5,8			
Kohlenoxyd	15,1	23,9	26,7	17,4			
Kohlensäure	12,7	1,7	4,3	13,6			
Wasserdampf	3,3	2,2	3,0	4,9			
Gesammtmenge	97,7	23,0	21,2	20,6	Volumina		
Dicke der Schicht	0.08	0.125	0.14	0.27	Millimeter		

Wesentlich verschieden sind bei den Versuchen der Gehalt an Stickstoff, Kohlenoxyd und Kohlensäure; doch muss bemerkt werden, dass die zwei von Hrn. Klein mir zugesandten Proben unter sich sehr wohl stimmen, ebenso die beiden von mir erhaltenen Proben. Dadurch wird es wahrscheinlich, dass die Stromstärke, bei welcher das Eisen reducirt wurde, einen merklichen Einflus auf die Zusammensetzung des absorbirten Gases ausübt, denn darin vorzüglich unterscheiden sich die Gewinnungsweisen des Eisens des Hrn. Klein von der meinigen; ich habe jedoch die Frage in dieser Richtung nicht weiter verfolgt.

Wenn in der Zusammensetzung die absorbirten Gase nicht sehr stark von einander variiren, so zeigt sich hingegen die Menge des absorbirten Gases bei verschiedenen Versuchen sehr veränderlich und zwar scheint sie in naher Beziehung zu der Dicke der reducirten Eisenschicht zu stehen, wie obige Zusammenstellung der Resultate zeigt, so dass mit zunehmender Dicke der Eisenschicht das Volumen des absorbirten Gases abnimmt (das Volumen des Gases immer auf das des Eisens bezogen). Dieser Umstand deutet darauf hin, dass es vorzüglich die ersten reducirten Eisenschichten sind, die das Gas in größter Menge enthalten. Um mich von dieser Thatsache zu überzeugen, verfuhr ich auf folgende Art:

Fünfter Versuch. Die Obersläche einer versilberten Kupserplatte wurde der Länge nach von oben nach unten durch einen eingeschnittenen Strich in zwei gleiche Theile

getheilt, und eine von den so erhaltenen Hälften durch einen zweiten Strich nochmals in zwei gleiche Theile. wurde nun das Eisen erst auf der ganzen Platte reducirt, dann, nachdem sich eine Schicht desselben niedergeschlagen hatte, die erste Hälfte mit einem isolirenden Firnisse bedeckt und mit der Reduction des Eisens auf der zweiten Hälfte fortgefahren. Nach einiger Zeit wurde dann der eine Theil dieser letzten Hälste gleichfalls isolirt, so dass nun die Reduction des Eisens nur auf dem letzten Viertheile erfolgte. Es wurde alsdann, nach beendigter Reduction, der Firniss mit Alkohol abgewaschen und die Eisenplatte nach den gezogenen Linien in drei Theile zer-Auf diese Weise erhielt ich nun drei Proben reducirten Eisens von verschiedener Dicke, die bei gleichen Bedingungen gewonnen waren. Diese drei Proben wurden nun gesondert ausgeglüht. Die Untersuchung des Gases dieser drei Proben ergab folgende Resultate:

	1.	2.	3.
Gesammtmenge der Gase in			
Cubikcentimetern	9,27	6,65	5,14
Gewicht des untersuchten			
Eisens in Grammen	0,3887	0,5325	0,6127
Volumen des Eisens in Cubik-			
centimetern	0,0505	0,0692	0,0796
1 Volumen Eisen absorbirt			
Gasvolumina	185,4	96,4	64,3
1 Quadratcentimeter der Plat-			
ten wog	0,0153	0,0375	0,0690
Flächeninhalt der Eisenpro-			
ben in Centimetern	25,4	14,2	8,8
100 Centimeter Fläche ab-	·	·	·
sorbirt Gase in Cubikcm.	36	47	59
Dicke der Eisenschicht	0,020	0,048	0,090

Beim Zuwachs der Dicke von 0 bis 0^{mm},020 sind daher absorbirt 36 Cubikcm., von 0^{mm},020 bis 0^{mm},048 9 Cubikcm., von 0^{mm},048 bis 0^{mm},090 12 Cubikcm. Bei

einem Zuwachs von 0^{mm},01 absorbiren daher die verschiedenen Schichten folgende Gasvolumina:

1. Schicht 18 Cubikem.

2. , 4 ,

3. , 3 _x

Man sieht also, dass in der That mit zunehmender Dicke das Eisen die Gase in geringerer Menge absorbirt.

Sechster Versuch. Es wurde eine ähnliche Platte benutzt, wie die im vorigen Versuche beschriebene, indessen mit dem Unterschiede, dass sie in vier Theile getheilt war, auf welchen das Eisen in verschiedener Dicke ablagerte. Auf dem letzten Theile der Platte, wo das Eisen die größte Mächtigkeit hatte, zeigten sich bereits Blasenbildungen, von denen auf der dritten Platte noch keine Spur bemerklich war. Die Untersuchung der Gase ergab:

Gesammtmenge der				
Gase in Cubikcm.	34,08	46,82	57,68	64,72
Gewicht des unter- suchten Eisens in				
Grammen	1,5823	2,6650	4,4974	6,7926
Volumen des Eisens		·	-	•
in Cubikcm	0,205	0,346	0,583	0,882
1 Volumen Eisen ab-				
sorbirt Gasvolum.	164,4	135,3	101,4	73,2
1 Quadratcentimeter				
der Platte wog in				
Grammen	0,0176	0,0296	9,0594	0,1046
Flächen - Iuhalt der				
Eisenprobe in Qua-				
dratcentimetern	90	90	76	65
100 Quadratcm. ab-				
sorbiren an Gasen				
in Cubikcm	38	52	76	99
Dicke der Eisen-				
schicht in Millim.	0,0228	0,0385	0,0771	0,1358

Beim Zuwachs der Dicke nimmt die Absorption zu:

von 0
 bis
$$0.0228 = 0.0228$$
 von 0 bis $38 = 38$

 n 0.0228 n $0.0385 = 0.0157$
 n 38 n $52 = 14$

 n 0.0385 n $0.0771 = 0.0386$
 n 52 n $76 = 24$

 n 0.0771 n $0.1358 = 0.0587$
 n 76 n $99 = 23$

Daber nimmt für einen Zuwachs in der Dicke von 0^{mm},01 die absorbirte Gasmenge zu:

in	der	1.	Schicht	um	17
27	7 7	2.	n	77	9
	37		7 7	"	6
	"	_	"	27	4

Die Ergebnisse dieses Versuches stimmen mit denen des fünften sehr wohl überein und zeigen aufs deutlichste, dass das Eisen mit zunehmender Dicke immer weniger und weniger Gase absorbirt.

Durch die stärkere Ansammlung der Gase in den ersten Schichten des Eisens wird wohl die Krümmung derselben beim Reduciren, von der ich oben gesprochen habe, zu erklären seyn, so wie auch der Umstand, dass bei einer gewissen Mächtigkeit der gefällten Schicht die Blasenbildung unvermeidlich auftritt.

Siebenter Versuch. Ich habe noch einen Versuch gemacht über das Rosten des galvanisch niedergeschlagenen und dann geglühten Eisens, der zu einem interessanten Resultate geführt hat. Ich benutzte dazu die zweite Probe des von Hrn. Klein mir zugesandten Eisens. Nachdem dasselbe bei einem früher beschriebenen Versuche durch heftiges Glühen alle Gase verloren hatte, wurde es 4 Tage unter Wasser gehalten. In dieser Zeit hatte sich eine große Menge Rost gebildet. Das Eisen wurde darauf sorgfältig abgetrocknet und der Rost, so viel es sich thun ließ, abgeschabt. Das so gereinigte Eisen wurde alsdann in die Porcellanröhre des Sprengel'schen Aspirators gebracht und über Kohlenfeuer geglüht. Schon bei der Rothgluth begann eine Gasabscheidung, die mit steigender

Temperatur wuchs. Die Analyse der Gase ergab folgende Zusammensetzung:

	Volumina	Procente
Wasserstoff	2,54	66,5
Stickstoff	0,06	1,5
Kohlenoxyd	0,02	0,5
Kohlensäure	0,53	13,9
Wasserdampf	0,67	17,6

Im Ganzen 3,82 Volumina Gase. Der sehr bedeutende Gehalt an Wasserdampf rührt hier wohl gewiß von nachgebliebenem Roste her, dessen Sauerstoff einen Theil des frei werdenden Wasserstoffs bei der hohen Temperatur zu Wasser verbraunte. Berechnet man unter dieser Voraussetzung die Menge des freien Wasserstoffs, so hat man folgende Zusammensetzung des absorbirten Gases:

	Volumina	Procente
Wasserstoff	3,21	84,0
Stickstoff	0,06	1,5
Kohlenoxyd	0,02	0,5
Kohlensäure	0,53	13,9
Summe	3,82	99,9

Es folgt hieraus, dass das Eisen beim Liegen unter Wasser 3,8 Volumina Gase aufgenommen hatte, die vorwiegend aus Wasserstoff bestehen. Es hat demnach das galvanisch reducirte Eisen die Eigenschaft, Wasser zu zerlegen und den Wasserstoff hierbei zu absorbiren.

Achter Versuch. Um mich zu überzeugen, wie weit die Gasabsorption eine allgemeine, die galvanische Reduction der Metalle begleitende Erscheinung sey, fällte ich Kupfer aus einer Kupfervitriollösung und bestimmte das Volumen und die Zusammensetzung der in demselben eingeschlossenen Gase. Das Kupfer resultirte aus der Lösung in feinkörniger Platte und hatte große Brüchigkeit, die es auch nach dem Ausglühen behielt. Bei der Analyse der Gase fand sich:

•	Volumina	Procente
Wasserstoff	3,40	77,3
Stickstoff		-
Kohlenoxyd	0,37	8,4
Kohlensäure	0,49	11,1
Wasser	0,14	3,2
Summe	4,40	100

Man sieht demnach, dass auch Kupser, während es reducirt wird, Gase in sich aufnimmt, die überwiegend Wasserstoff enthalten.

Die Untersuchungen haben somit zu folgenden Resultaten geführt:

- 1) Durch galvanische Ströme reducirtes Eisen und Kupfer enthalten Gase, vorzüglich Wasserstoff.
- 2) Das Volumen der vom Eisen absorbirten Gase schwankt in sehr weiten Grenzen, doch ist das Eisen befähigt, zuweilen sehr bedeutende Mengen an Gas aufzunehmen: bei meinen Versuchen bis 185 eigene Volumina.
- 3) Die Absorption der Gase findet vorzüglich in den ersten sich bildenden Schichten des Eisens statt.
- 4) Beim Erwärmen des reducirten Eisens beginnt die Gasausscheidung bei Temperaturen unter 100°; bei dieser Temperatur entweicht jedoch vorzüglich nur Wasserstoff.
- 5) Ausgeglühtes, galvanisch reducirtes Eisen oxydirt sich im Wasser, zum Theil wenigstens auf Kosten des Sauerstoffs desselben, indem es das Wasser zerlegt und den frei werdenden Wasserstoff ganz oder theilweise absorbirt.

V. Ueber das Dichtigkeitsmaximum und die Ausdehnung des destillirten Wassers, des Wassers aus dem Adriatischen Meere und einiger Salzlösungen;

von Dr. F. Rossetti,

Prof. d. Physik an d. Univ. zu Padua.

(Vom Hrn. Verf. gemachter Auszug aus zwei Abhandlungen in d. Attidell'Istituto Veneto, Vol. XII, 1866 u. Vol. XIII, 1868.)

Diese Arbeit zerfällt in zwei Theile; der erste handelt von der Ausdehnung des Wassers, der zweite von dem Dichtigkeitsmaximum einiger Salzlösungen.

Sie beginnt mit einigen Notizen über die srüheren Beobachtungen, besonders die von Kopp, Despretz und Pierre, so wie die, welche in neuerer Zeit von Hagen und von Matthiessen veröffentlicht worden sind.

Die drei Ersten bestimmten die Ausdehnung des Wassers mit Hülfe großer Glasthermometer, von Kopp Dilatometer genannt. Keiner von ihnen konnte das Verhältniss zwischen Volumen und Temperatur durch eine einzige Formel ausdrücken. Kopp giebt vier Formeln, deren jede für ein Intervall von 25 Graden gilt. Despretz construirțe eine Curve, deren Abscissen die beobachteten Temperaturen und deren Ordinaten die entsprechenden Volumina waren. Mittelst dieser Curve konnte er die Volumina des Wassers von Grad zu Grad zwischen + 4° und 100° C. vorstellen. Er berechnete auch die Volumina zwischen - 10° und + 17° C., gab aber dafür keine Formel. Auch Pierre suchte vergebens eine solche Formel. Frankenheim berechnete aus den Resultaten von Pierre fünf Formeln für verschiedene und enge Temperatur-Intervalle. Weidner stellte vier Reihen von Untersuchungen an und berechnete für jede Reihe eine empirische Formel.

Hagen und Matthiessen bedienten sich zu ihrer Untersuchung der hydrostatischen Wägung.

Letzterer bestimmte durch directe Messungen die Linear-Ausdehnung eines Glascylinders und berechnete dann aus dessen Gewichtsverlust in Wasser die Ausdehnung des Wassers. Um das Volumen des Wassers in Function der Temperatur auszudrücken, bediente er sich zweier Formeln, die erste zwischen + 4° C. und 32° C., die zweite zwischen 32° C. und 100° C. Mit Hülfe dieser Formeln wurden die Volumina des Wassers von Grad zu Grad zwischen + 4° und 100° C. berechnet, ausgedrückt in sechs Decimalen. Zwischen den beobachteten und berechneten Werthen finden sich aber zuweilen große Unterschiede, die bis zur fünften Decimale gehen.

Hagen machte nach derselben hydrostatischen Methode 125 Wägungen zwischen 0° und 96° C. und erhielt aus der graphischen Darstellung der erlangten Gewichtswerthe eine Curve, welche ihm zur Bestimmung der Temperatur des Maximums diente. Mit Hülfe einer empirischen Formel für dieselbe Curve konnte er dann eine Tabelle berechnen, welche die Dichte und das Volumen des Wassers von Grad zu Grad zwischen 0° und 100° C. angab. Obwohl Hagen diese Werthe bis auf sechs Decimalen ausdrückte, kann man doch bei den höheren Temperaturen nicht für die sechste, und bei den niedrigen nicht für die fünfte mit Sicherheit einstehen.

Matthiessen glaubt, dass Hagen nicht die nöthige Vorsicht beim Wägen beachtete, um die Condensation des Wasserdampses am Platindraht zu verhindern, und dass er desshalb in der Nähe von 100° C. bedeutend niedrigere Werthe für die Volumina gefunden habe, als Andere.

Der Verf. hält die Untersuchungen von Matthiessen für sehr sorgfältig angestellt, und macht ihnen nur den Vorwurf, dass dabei die kubische Ausdehnung aus der linearen abgeleitet wurde, während doch Regnault und Andere ermittelt haben, dass die theoretische Berechnung der ersteren fast nie genau ist und diese daher nothwendig eine directe Bestimmung erfordert. Ueberdiess zeigt der Versasser durch eigene Versuche, dass der Ausdehnungs-

coëfficient mit der Temperatur wächst, und daher der mittlere Coëfficient zwischen 0° und 100° zu groß wäre, wenn man denselben bei Temperaturen unter 50° gebrauchen wollte.

Die in der ersten Abhandlung enthaltenen Bestimmungen führten den Verf. zu folgenden Resultaten:

- 1) Die Temperatur des Maximums der Dichte des destillirten Wassers ist + 4°,07 C. Dieser Werth ist wenig größer als das von Despretz gegebene 4° C., und sehr nahe gleich 4°,08, dem von Kopp.
- 2) Das Volumen und die Dichte des Wassers bei + 4°,07 C. als Einheit genommen, hat man für 0° C.:

$$V_0 = 1,000134$$
 $D_0 = 0,999866$

beinahe gleich den von Despretz gegebenen Werthen:

$$V_0 = 1,000136$$
 $D_0 = 0,999862$

aber sehr verschieden von denen J. Pierre's:

$$V_0 = 1,000119$$
 $D_0 = 0,999881$

und den aus Kopp's Formeln sich ergebenden:

$$V_0 = 1,000123$$
 $D_0 = 0,999877$.

3) Die Gestalt der Curve ist nicht symmetrisch.

In seiner ersten Abhandlung hatte der Verf. seine Bestimmungen auf 50° C. beschränkt; jetzt seyen die Untersuchungen betrachtet, welche er bis 100° C. ausdehnte.

Erster Theil. Methode der neuen Untersuchungen.

Der Apparat, vom Verf. auch Dilatometer genannt, besteht aus Glas und hat die Gestalt eines großen Thermometers. Die getheilte Röhre desselben ist an dem einen Ende verbunden mit einem cylindrischen Gefäße und an dem anderen mit einem cylindrischen Trichter, welcher mit einem wohl abgeschliffenen Glashute bedeckt werden kann. Man bestimmt die Capacität des Apparates bei 0°, das Gewicht desselben und das der Luft, den Coëfficienten der kubischen Ausdehnung und die Capacität einer Abtheilung der kleinen Röhre. Hierauf füllt man den Apparat

mit der Flüssigkeit, und läst ihn in Eis oder einem Bade stehen, so lange bis die Höhe der Flüssigkeit sich nicht mehr verändert, und macht nun die Ablesung am getheilten Rohre des Apparates und an den in dasselbe Bad getauchten Thermometern. Dann wägt man den Apparat mit der nöthigen Vorsicht, und indem man von dem gefundenen Gewicht das des leeren Apparates abzieht, hat man das Gewicht der Flüssigkeit, welche bei angegebener Temperatur bis zum Theilstrich n in dem Apparate enthalten ist.

Sey nun:

P, das Gewicht der Flüssigkeit,

W, das Volumen derselben,

t die Temperatur,

d, die Dichte,

so wird:

$$d_{i} = \frac{P_{i}}{W_{i}}.$$

Bezeichnen wir nun die Capacität des Apparates bis zum Theilstrich 0 bei der Nulltemperatur mit R_0 , und den mittleren Coëfficienten der kubischen Ausdehnung zwischen 0° und t° mit k, so wird die Capacität des Apparates bei der Temperatur t seyn:

$$R_{t} = R_{0} (1 + kt).$$

Sey überdiess II das Gewicht des in einer Abtheilung des Rohres enthaltenen Quecksilbers, D seine Dichte, so wird seyn:

 $\frac{\Pi}{D}$ das Volumen oder die Capacität einer Abtheilung, und

 $n\frac{\pi}{D}$ das Volumen von n Abtheilungen.

Wenn also die Flüssigkeit bis zur n ten Abtheilung reicht, wird ihr Volumen W, seyn:

$$W_{i} = R_{i} + n \frac{\Pi}{D} = R_{0} (1 + kt) + n \frac{\Pi}{D}$$

und daher die Dichte:

$$d_{t} = \frac{P_{t}}{R_{\bullet} (1 + kt) + n \frac{D}{D}}$$

Die für einen Apparat gemachten Bestimmungen ergaben:

$$R_0 = 66{,}13572$$
 Cubikcentm. $\frac{\Pi}{D} = 0{,}0003825$.

zwischen 0° und 25° . . .
$$k = 0,000024750$$

" 0° " 50° . . . $k = 0,000025088$

" 0° " 70° . . . $k = 0,000025359$

" 0° " 100° . . . $k = 0,000026164$

Bei jeder Reihe von Untersuchungen wurde die Lage des Nullpunktes an beiden Thermometern bestimmt, für den aus dem Bade herausragenden Theil der Thermometerröhre die nöthige Correction gemacht, und beim Wägen alle zur Erlangung genauer Resultate erforderliche Vorsicht angewandt. Die Waage, von Deleuil construirt, giebt, bei 1 Kilogrm. Belastung, noch 0,5 Milligrm. an.

Das destillirte Wasser wurde durch wiederholtes Sieden von Luft befreit. Die Luftblasen konnten mit Leichtigkeit aus dem Apparat entweichen, weil das getheilte Rohr die Weite eines Millimeters hatte. Nichts desto weniger mußte das Sieden lange fortgesetzt und oft wiederholt werden, um die letzten Luftblasen zu vertreiben, die nur mit einer gewissen Schwierigkeit fortgingen.

Die Reihe I umfaste 9 Bestimmungen zwischen 0° und — 6° C., die Reihe II zählte deren 12 zwischen 0° und + 6° C., und die Reihe III deren 22 zwischen 0° und 99° C.

An jedem Tage wurde die Flüssigkeit wieder zum Sieden gebracht, um die während der Nacht resorbirte Luft zu vertreiben.

Folgende Tabelle enthält die gewonnenen Resultate. d, sind die Werthe der Dichte, welche das destillirte Wasser bei der Temperatur t besitzt, bezogen auf die Dichte bei 0° als Einheit.

1,0000643 0,9999130 7741 6770 1369 84860 72331 52850 28715 0,9870689 34227 799850 15878 673720 32697 Reihe 0988 1095 1207 1318 1339 1336 1336 1241 1171 1171 1,0000764 ď Tabelle I. £886848884881664 Reihe × = = = 0,9993748 5064 6281 6723 8095 8366 9257 9830 1,0000251 0272 0675 Dichte 111111++

Mit Hülfe dieser Tabelle construirte der Verf. eine Curve, deren Abscissen die Temperaturen, und deren Ordinaten die Werthe der Dichtigkeit waren. Diese Curve lieferte ihm dann die Werthe der Dichtigkeit für jeden Grad zwischen — 6° und + 100° C. Diese Werthe sind in der Tabelle II enthalten.

Um die kleinen Fehler der Beobachtung und der graphischen Darstellung zu verringern, bediente der Vers. sich der Ausgleichungsmethode, welche Schiaparelli in seiner Abhandlung "Sul modo di ricavare la vera espressione delle leggi della natura dalle curve empiriche" beschrieben hat.

Man nimmt den Werth der fünf ersten Ordinaten, dann den der fünf folgenden, von der zweiten bis zur sechsten, darauf den der dritten bis zur siebenten u. s. w. Auf diese Weise erhält man neue Ordinaten, welche Schiaparelli ausgeglichene (perequate) nenut, und welche regelmässiger als die ursprünglichen sind. Man könnte solche Ordinaten als genaue betrachten, wenn die Curve sehr wenig von der geraden Linie verschieden wäre; allein diess geschieht in unserem Falle nicht, besonders in der Nähe des Maximums. Man muss also dieselben corrigiren und zwar auf folgende Weise. Man subtrahirt die ausgeglichenen Ordinaten resp. von den mittleren Werthen zwischen der ersten und fünsten, zwischen der zweiten und sechsten und so fort. Diese Unterschiede repräsentiren die Pfeile, welche man erhalten würde, wenn man in der Curve der ausgeglichenen und corrigirten Ordinaten die Enden der Ordinaten von fünf zu fünf durch gerade Linien verbände. Diese Pfeile muss man mit $\frac{n+1}{3n}$ multipliciren, wo 2n + 1 die Zahl der Ordinaten bedeutet, welche man summirt hat, um die Ausgleichung zu erhalten. Falle muss man mit $\frac{2+1}{3+2} = \frac{1}{2}$ multipliciren. Wenn man nun von der ausgeglichenen Ordinate dieses Product abzieht, bekommt man die corrigirte Ordinate.

Diese Methode hat die in folgender Tabelle enthaltenen Werthe gegeben,

Tabelle II.

Temperatur Grade nach Celsius	Ordinaten der Curve d.	ausgeglichene und corrigirte Ordinaten	Werthe von V,	
- 6 - 5	0,999326 484		1,000810	
- 5 - 4 - 3 - 2	620 737	0,999620 737	516	
$\begin{array}{c c} - & 3 \\ - & 2 \\ - & 1 \end{array}$	840 928	840 928	296	
- ō	1	320	136	
	1 000061	1,000061		
	1,000061 106	1,000061	075	
2 3 4 5 6 7 8 9		104	32 09	
3	131	128	08	
1	136	136	1,000000	
0	126	130	6	
0	108	110	29	
	079	077	58	
8	032	030	106	
9	0,999968	0,999968		
	887	890	246	
11	799	797		
12	693	693	443	
13	574	576		
14	448	445	691	
15	300	302		
16	145	145	992	
17	8976	8975		
18	791	791	1346	
19	604	599		
20	391	397	742	
21	190	190		
22	7972	7976		
23	759	755		
24	527	522	2620	
25	281	283		
26	031	031		
27	6764	6767	•	
28	492	488	3661	
29	207	200		
30	5891	5902		
31	589	591		
32	277	270	4889	
33	4943	4942	2 000	
34	603	603		

Temperatur Grade nach Celsius	Ordinaten der Curve d,	ausgeglichene und corrigirte Ordinaten	VVerthe von <i>V</i> ,
35	0,994253	0,994253	1,006275
36	3897	3899	
37	539	541	
38	184	181	7738
39	2816	2821	
40	456	456	
41	094	084	
42	1706	1707	
43	321	321	9708
44	0921	0923	
45	519	520	
46	110	106	
47	89683	89681	11907
48	250	253	
49	8809	8817	
50	3 75	367	
51	- 7922	7910	
52	447	448	4307
53	6968	6980	
54	496	506	
55	043	029	
56	5551	5551	C 9C1
57	062	064	
58	4570	4563	
59	053	060	
60	3549	3552	6861
61	042	040	
62	2512	2525	
63	1998	1992	
64	1466	1453	
65	0903	0908	9602
66	343	355	
67	79794	79795	
68	241	234	
69	8673	8673	22529
70	100	100	
71	7525	7517	
72	6928	6931	
73 74 75 76	335 5746 151 4570 3972	339 5747 157 4566 3970	5615
77 78 79 80 81	365 2750 116 1475	365 2744 114 1483	8836
82	0847	0847	

Temperatur Grade nach Celsius	Ordinaten der Curve d:	ausgeglichene und corrigirte Ordinaten	VVerthe
83	0,970215	0,970209	
84	69566	69570	
85	8926	8926	1,032211
86	284	280	
87	7629	7639	
88	6991	6993	
89	353	347	
90	5695	5697	5662
91	044	034	
92	4360	4360	
93	3681	3689	
94	2997	3005	
95	335	2319	9298
96	1625	1630	
87	0933		
98	0224		
99	59504		
100	8796		43116

Der Verf. hat die glückliche Idee gehabt, die Resultate mehrerer Experimentatoren in einer Tafel zu vereinigen, um sie mit einander zu vergleichen; aber die Gränzen eines Auszugs erlauben nicht, die sehr ausgedehnte Tabelle hier mitzutheilen. Wir wollen nur sagen, dass die in der Tabelle enthaltenen Werthe untereinander bedeutend verschieden sind, dass die Unterschiede bis zur sechsten, manchmal bis zur fünften Decimale gehen, für höhere Temperaturen sogar bis zur vierten. Der Verf. ist der Meinung, dass wiewohl manche Physiker das Volumen des Wassers bis auf sechs und wohl mehr Decimalstellen anzugeben pslegen, man dennoch, bei niederen Temperaturen, nicht für die sechste Decimale, und bei höheren Temperaturen nicht für die fünfte einstehen könne. Die Methode könnte in der That die beabsichtigte Genauigkeit gewähren, wenn die Experimentatoren ihre einzelnen Bestimmungen gegeben hätten, und nicht blofs die Mittel aus denselben. Der Verf. glaubt übrigens, dass die erwähnten Unterschiede zum Theil dem angewandten Wasser zuzuschreiben seyen, indem dasselbe in verschiedenem Grade luftfrei war.

Nachdem der Verf. die von verschiedenen Experimentatoren gefundenen Werthe verglichen hatte, verfiel er darauf, eine Curve der Ausdehnung des Wassers zu construiren, welche die mittlere Curve ist zwischen den Curven, welche die graphische Darstellung seiner eigenen Resultate und denen von Kopp, Despretz, Hagen und Matthiessen ergeben. Aus dieser Curve erhielt er die Werthe, welche in der Tabelle III enthalten sind.

Tabelle III,

enthaltend die VVerthe der Dichte und der Volumina des destillirten VVassers von - 10° C. bis + 100° C.

 $d_i = \text{Dichte}$ bei t Graden, gesetzt $d_0 = 1$ $v_i = \text{Volumen}$ t Graden, gesetzt $v_0 = 1$ $D_i = \text{Dichte}$ t Graden, gesetzt $D_{40} = 1$ $V_i = \text{Volumen}$ t Graden, gesetzt $V_{40} = 1$

t	' d _t	vi	D,	V.
— 10	0,998274	1,001729	0,998145	1,001858
— 9	556	449	427	575
 8	814	191	685	317
— 7	9040	0963	911	089
— 6	247	756	9118	0883
— 5	428	573	298	702
	584	416	455	545
— 3	719	281	590	410
$ \overset{\circ}{2}$	832	168	703 -	297 -
— 1	926	74	797 =	203 -
0	1,000000	1,000000	871	029
+ 1	57	0,999943	928	72
+ 1 2 3 4 5 6 7 8 9	98	902	969	31
3	120	880	991	9
4	129	871	1,000000 =	1,000000
5	119	881	0,999990	10
6	099	901	970	30
7	062	938	933	67
8	015	985	886	114
9	0,999953	1,000047	824	176
10	876	124	7 \$77 -	253
11	784	216	655	34 5
12	678	322	549	451
13	559	441	430	570
14	429	572	299	701
15	289	712	160	841

t	d,	v ,	D,	V.
16	0,999131	1,000870	0,999002	1,000999
17	8970	1031	8841	1160
18	782	219	654	348
19	588	413	460	542
20	388	615	259	744
21	176	828	047	957
22	7956	204 8	7828	2177
23	730	276	601	405
24	495	511	367	641
2 5	249	759	120	888
26	6994	3014	6866	3144
27	732	27 8	603	408
28	460	553	331	682
29	179	835	051	965
30	5894	4123	5765	4253
31	0,99560	1,00442	0,99547	1,00455
32	30	73	17	86
33	498	505	485	518
34	65	38	52	51
35 36	31	72	18	86
36	396	608	383	621
37	60	45	47	57
38	23	_82	10	_94
39	286	719	273	732
40	48	57	35	70
41 42	10	96	197	809
42	171	836	58	49
43	31	76	18	89
44	91	917	78	929
45	50	58	37	71
46	09	1001	8996	1014
47 48	8967	44	54	57
48	23	88	10	101
49	878	134	865	48
50	32	82	19	95
51 50	785	230	772	243
52	37	79	25	92
53	689	328	677	341
54	42	77	29	90
55 50	594	426	581	439
56	47	75	34	88
57 50	499	524	486	537
58 50	50	74 695	37	87
59 60	01	625	388	638
60 61	350	78 721	38	91
61 62	299 47	731 85	286	744
62 63		85 820	34	98
64	194	839	182	852
65	40 086	95 951	28 074	908
UJ	1 000	701	U/4	64

t	d,	v.	D,	Vı
66	0,98031	1,02008	0,98019	1,02021
67	7977	65	7964	7 8
68	21	124	08	137
69	864	83	851	96
70	07	243	. 794	256
71	749	303	36	316
72	690	65	677	78
73	31	427	18	440
74	571	90	558	503
75	11	553	• 498	66
76	450	617	38	630
77	389	81	377	94
78	28	745	16	758
79	267	809	255	822
80	06	74	194	87
81	145	939	32	952
82	083	3005	070	3018
83	20	72	07	85
84	6956	139	6943	153
85	892	207	879	221
86	28	76	15	89
87	764	345	751	358
88	699	414	687	427
89	34	84	22	97
90	568	554	556	567
91	02	625	490	638
92	435	97	423	710
93	368	770	356	82
94	300	844	288	856
95	231	918	19	931
96	161	93	149	4006
97	091	4069	79	82
98	020	145	08	158
99	5949	222	5937	235
100	879	299	866	312

Es ist dem Verf. gelungen, die Volumina des Wassers bei Temperaturen zwischen — 5° C. und + 100° C. durch eine einzige empirische Formel auszudrücken. Diese in manchen Fällen sehr nützliche Formel ist folgende:

 $V_{t} = 1 + A(t - 4^{0})^{2} - 13(t - 4^{0})^{2,6} + C(t - 4^{0})^{3}$, worin:

$$A = 0,00000837991$$
 $\log A = 4,9232394 - 10,$
 $B = 0,000000378702$ $\log B = 3,5782972 - 10,$
 $C = 0,0000000224329$ $\log C = 2,3508853 - 10.$

Die Differenzen zwischen den beobachteten und berechneten Werthen von D sind sehr klein, fallen in der Nähe des Maximums auf die sechste Decimalstelle, und gehen bei höheren Temperaturen nicht über \pm 0,00003.

Zweiter Theil. Dichtigkeitsmaximum einiger Salzlösungen.

Im Jahre 1837 veröffentlichte Despretz Versuche, aus welchen er folgende Schlüsse zog:

- 1) Das Meerwasser und wässrige Lösungen von Salzen haben ein Maximum der Dichte.
- 2) Das Maximum sinkt schneller als der Gefrierpunkt.
- 3) Das Sinken des Gefrierpunktes unter 0° und der Temperatur des Maximums unter + 4°C. stehen beinahe in directem Verhältnis zur Menge der im Wasser gelösten Substanz.

Vor ihm, im Jahre 1827, hatte A. Erman auch solche Versuche gemacht, und geglaubt bewiesen zu haben, dass das Meerwasser kein Maximum besitze.

Später, im Jahre 1829, untersuchte Lenz eine wässrige Lösung von Chlornatrium, die bei + 14° R. ein specifisches Gewicht von 1,027 hatte. Er bekam für die Temperatur T ihres Maximums:

$$T = -0.66 \pm \sqrt{-363.4}$$

und schloss aus den imaginären Werthen, dass eine solche Lösung kein Maximum habe.

Im Jahre 1837 widersprach Erman den Resultaten Despretz's. Er unternahm eine neue Reihe von Versuchen mit einer wässrigen Lösung von Chlornatrium, die bei 0° das specifische Gewicht 1,026235 besaß, und gelangte zu dem imaginären Ausdruck:

$$T = -3^{\circ},67 \pm \sqrt{-157^{\circ},3}$$

weshalb er auf seiner früheren Meinung beharrte.

In neuerer Zeit hat C. v. Neumann mittelst des Dilatometers eine Mischung von Wasser des Adriatischen, Mittelländischen und Atlantischen Meeres untersucht, und dabei folgende empirische Formel bekommen:

$$V_t = 1 - 0.000018419 t + 0.0000040031 t^2 + 0.000000837 t^3$$

woraus hervorgeht, dass dieses Gemisch, welches bei + 4°C. die Dichte 1,0281 besass, ein Minimum des Volums oder ein Maximum der Dichte bei - 4°,74 C. hat.

Neumann bestätigte also die Existenz eines Dichtigkeitsmaximums beim Meerwasser und folglich das erste Resultat von Despretz; allein während dieser die Temperatur des Maximums zu — 3°,67 fand, erhielt er für sie — 4°,74 C.

Das zweite Resultat von Despretz ist bisher durch neuere Versuche nicht bestätigt worden, hat aber durch die Versuche Rossetti's die gewünschte Bestätigung erhalten.

In einer sehr guten Arbeit über das Gefrieren des Wassers aus Salzlösungen hat F. Rüdorff die Existenz der Proportionalität zwischen der Gefriertemperatur unter 0° und der Menge des ausgeschiedenen Salzes vollständig nachgewiesen. Dabei hat er die sonderbare Thatsache beobächtet, daß einige der ausgeschiedenen Salze als wasserfrei, andere dagegen als verbunden mit einer gewissen Anzahl Wasser-Aequivalenten zu betrachten seyen, damit das Despretz'sche Gesetz von allen befolgt werde.

Ob die Erniedrigung des Maximums wirklich in directem Verhältniss zu der ausgeschiedenen Menge des Salzes stehe oder nicht, das war bis jetzt nicht bestätigt worden. Prof. Rossetti hat diese Lücke ausgefüllt durch eine Reihe von Versuchen mit acht wässrigen Lösungen von Chlornatrium und mit Wasser des adriatischen Meeres. Er hat auch den Gefrierpunkt dieser Flüssigkeiten beobachtet.

Die folgende Tabelle enthält die gemachten Bestimmungen.

Tabelle IV.

Lösungen von Chlornatrium in Wasser.

D d	- 0,64 - 0,65 - 0,63 - 0,63 - 0,65 - 0,65	- 0,64
A g	- 6,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8	- 2,42
Erniedrigung, des Maximums	0 1,0 2,23 4,58 7,24 7,24 9,63 17,69 20,62	Mittl. Werth
Temperatur des Gefrierens C	0	-1,90 -2,10
Temperatur des Maximums T	+ 4°, 0C. + 3°, 0 + 1',77 - 0',58 - 3',24 - 11',07 - 11',07 - 11',62	8 – 12, 8 90,
Maximum der Dichte dr	1,000130 1,003988 1,007666 1,015367 1,023583 1,046952 1,063102	1,026774
Dichte bei 0° do	1,003925 1,007634 1,015366 1,023530 1,030669 1,045975	1,0266987 1,0281413 1,027420
Procentgewicht p (Grammen)	• 00,40040-8	Wasser des Adriatischen Meeres im Juni im November Mittlerer Werth

Es bezeichnet C die Erniedrigung der Gefrierpunkte unter 0° C., und p das Procentgewicht des ausgeschiedenen Salzes. Die achte Columne beweist, dass das Verhältniss $\frac{C}{p}$ constant ist. Die siebente Columne enthält das Verhältniss $\frac{A}{p}$ zwischen der Erniedrigung der Temperatur des Maximums und dem Gewicht p. Leicht ersieht man, dass diess Verhältniss nicht constant ist, sondern wächst, langsam und beständig.

Für
$$p = 1$$
 Grm. ist $\frac{A}{p} = 2,23$.

• $p = 8$ Grm. ist $\frac{A}{p} = 2,58$.

Die Zahlen der siebenten weichen übrigens so wenig von einander ab, dass man geneigt wäre, die kleinen Unterschiede als Versuchssehler zu betrachten, wenn nicht dieselben fortwährend wüchsen. Uebrigens hätte Despretz selbst aus seinen Bestimmungen diese Folgerung ziehen können, denn dieselben geben:

für
$$p = 1,2$$
 Grm. . . $\frac{A}{p} = 2,27$
• $p = 7,4$ Grm. . . $\frac{A}{p} = 2,69$.

Es war der Mühe werth, zu sehen, ob es eine Relation gebe zwischen der Erniedrigung des Maximums unter + 4° C. und der Erniedrigung des Gefrierpunktes unter 0°. In folgender Tafel hat Hr. Rossetti die Resultate zusammengestellt, welche in dieser Beziehung aus seinen und aus Despretz's Bestimmungen hervorgehen.

Tabelle V.

Verhältniß zwischen A und C $\frac{A}{C}$	3,78 3,77 3,77 7,47 7,48 7,51 7,51
Erniedrigung des Maximums unter $\frac{A}{p}$	2°,420 1 ,612 1 ,698 2 ,274 2 ,620 2 ,931 2 ,210
Erniedrigung des Gefrierpunktes unter 0^{\bullet} $\frac{C}{p}$	- 0°,640 - 0 ,428 - 0 ,227 - 0 ,304 - 0 ,350 - 0 ,390
Name der Substanz	Chlornatrium Na C? Chlorcalcium Ca C? Schwefelsaures Kali KO, 80* Schwefelsaures Natron Na O, 80* Kohlensaures Monohydrat HO, 80* Kohlensaures Natron Na O, CO* Kohlensaures Kali KO, CO*

Wie man sieht, ist der Werth von $\frac{A}{C}$ identisch für die beiden Chloride; und für beide halb so groß wie für die anderen Substanzen.

VI. Ueber die absolute Ausdehnung des Quecksilbers nach den Versuchen des Hrn. Regnault; von J. Bosscha, jun.

(Aus den Archives Néerlandaises T. IV, vom Hrn. Verf. übersandt.)

Die von Hrn. Regnault unternommenen Versuche zur Bestimmung der hauptsächlichsten Gesetze und numerischen Data, welche in die Berechnung der Dampsmaschinen eintreten1), verdanken ihren hohen wissenschaftlichen Werth nicht bloss dem ungewöhnlichen Talent des berühmten Experimentators, sondern auch der Sorgfalt, mit welcher er alle Data und alle Umstände der Beobachtung so vollständig wie möglich angegeben hat. Diese bei Darlegung physikalischer Experimental-Untersuchungen noch wenig befolgte Methode gewährt den großen Vortheil, dass sie Diejenigen, welche dieselbe zu Rathe ziehen, in den Stand setzt, den Genauigkeitsgrad derselben zu beurtheilen. Ein anderer nicht minder großer Vorzug dieser Methode ist der, dass sie der experimentellen Arbeit einen dauernden Werth sichert. Erkennt man nämlich später die Nothwendigkeit, bei Berechnung der Resultate Umstände in Betracht zu ziehen, deren Einfluss anfangs nicht vorausgesehen wurde, oder scheint die Genauigkeit der Rechnung selbst etwas zu wünschen übrig zu lassen, so findet man in der Beschreibung der Versuche die Data, welche die für nöthig erachteten Berichtigungen anzubringen gestatten.

Besonders in letzterer Beziehung läst sich von den von Hrn. Regnault umständlich mitgetheilten Details ein nützlicher Gebrauch machen. Wenn man die Abhandlungen des Hrn. Regnault mit einiger Achtsamkeit studirt, so erkennt man bald, dass die auf die Berechnungen verwandte Sorgfalt keineswegs dem Verdienste der Beobachtungen

¹⁾ Mém, de l'Acad. roy. des Sciences de l'Institut de France T. XXI.

entspricht. Diess gilt besonders von Hrn. Regnault's Versuchen über die absolute Ausdehnung des Quecksilbers. Und dennoch müssen diese Versuche als das Fundament nicht nur der ausgedehnten Untersuchungen des berühmten Physikers betrachtet werden, sondern auch der ganzen Bestimmung der Constanten, welche in den Betrachtungen rücksichtlich der Dampsmaschinen und der neueren Theorie der Wärme eine so wichtige Rolle spielen. In der That, die Ausdehnung der Gase, auf welcher die Messung der wahren Temperatur beruht, kann nicht bestimmt werden, sobald man nicht die der sie einschließenden Gefässe kennt, und um die letztere zu erhalten, ist beim gegenwärtigen Zustand der Wissenschaft das einzige passende Mittel: die Messung der Flüssigkeitsmengen, welche das Gefäss bei verschiedenen Temperaturen füllen. Mittel erfordert aber die Kenntniss der absoluten Ausdebnung der Flüssigkeit, und da das Quecksilber - vermöge seiner großen Dichtigkeit, seines Wärmeleitungsvermögens, der Leichtigkeit seiner chemischen Reindarstellung und des beträchtlichen Abstandes zwischen den beiden Punkten, wo es seinen Aggregatzustand ändert - von allen Flüssigkeiten diejenige ist, die sich zu derartigen Versuchen am besten eignet, so muss die genaue Kenntniss der Ausdehnung des Quecksilbers als das erste Erforderniss für die Theorie der Dampsmaschinen und die der Wärme augesehen werden.

Eine rasche Prüsung der Methode, nach welcher Hr. Regnault aus seinen Beobachtungen die Ausdehnung des Quecksilbers bei verschiedenen Temperaturen ableitet, wird sogleich zeigen, dass sie keine hinreichende Bürgschaften für Genauigkeit gewährt.

Hr. Regnault theilt vier Beobachtungsreihen mit 1), welche zusammen 35 Bestimmungen des Quecksilbervolums bei verschiedenen Temperaturen begreisen. Die meisten dieser Bestimmungen eind, jede, das Mittel aus vier bis

¹⁾ A. a. O. p. 300-307 u. p. 312-315.

sechs Messungen bei Temperaturen, die wenig von einander abweichen 1). Das aus diesen Beobachtungen abgeleitete Endresultat ist eine Formel, welche die Ausdehnung Δ_{τ} in Function der Temperatur T des Luftthermometers ausdrückt, nämlich:

$$\Delta_T = 0,00017900 T + 0,00000002523 T^2 \dots (A).$$

Nach dieser Formel wurde eine Tafel construirt, in welcher die Ausdehnung des Quecksilbers von $10 \text{ zu} \ 10^{\circ}$ zwischen 0° und 350° mit dem Werth des Ausdehnungscoëfficienten, d. h. $\frac{dT_T}{dT}$ für jede dieser Temperaturen angegeben ist. Der Grad von Vertrauen, welche diese Formel als wirklicher Ausdruck des Resultats der Versuche verdient, hängt ganz von der Art ab, wie die numerischen Coëfficienten aus den Daten der Beobachtung abgeleitet wurden. Nun aber werden wir zeigen, dass blos drei Versuche zur Fixirung dieser Coëfficienten gedient haben, so dass 32 Versuche, zusammen 123 Messungen umfassend, ohne Einflus auf den Werth der Constanten geblieben sind.

Hr. Regnault fängt nämlich damit an, die graphische Methode anzuwenden. Eine Abscissenaxe wird nach den wachsenden Temperaturen eingetheilt und die bei jeder Temperatur beobachteten Ausdehnungen bilden die entsprechenden Ordinaten. Zu dieser Construction wendet er besonders die Versuche der dritten Reihe, der zahlreichsten, an. Er vereinigt dann die Scheitel der Ordinaten durch Gerade. Aus der so erbaltenen polygonalen Linie leitet er dann die Ausdehnungen für $T=150^\circ$ und $T=300^\circ$ ab; diese Werthe, statt Δ_T substituirt in der empirischen Formel:

$$\Delta_r = x T + y T^2$$

1) Um bei der Angabe der Reihen jede Verwechslung von Beobachtungsgruppen bei wenig verschiedenen Temperaturen mit den einzelnen Beobachtungen zu vermeiden, werden wir jede dieser Gruppen einen Versuch, und jede einzelne Beobachtung eine Messung nennen. Hrn. Regnault's Arbeit umfasst also 4 Reihen, 35 Versuche und 135 Messungen

geben für x und y die in der Formel (A) angeführten Werthe.

Die polygonale Linie wurde nun ersetzt durch die krumme, welche durch (A) vorgestellt wird. Es fand sich, daß die Scheitel der aus den Beobachtungen bestimmten Ordinaten sehr nahe mit der Curve zusammenfielen.

Klar ist, dass, wenn man so verfährt, die Ausdehnung bei 150° auf den beiden Beobachtungen bei den meist benachbarten Temperaturen beruht, nämlich der bei 140°,12 (dritte Reihe, dritter Versuch) und der bei 159°,25 (dritte Reihe, vierter Versuch). Statt die Ausdehnung bei 150° aus der graphischen Construction zu entnehmen, hätte man sie eben so gut, wenn nicht leichter und genauer, mittelst eines Proportionalcalculs finden können. Diese Bewerkung eilt auch für den für die Ausdehnung bei 300° erhaltenen Werth. Hier stellt sich indels die Eigenthumlichkeit ein. dass die höchste Temperatur, bis zu welcher das Onecksilber erhitzt wurde, nämlich 299°,19, fast zusammenfälle Die bei der nächsten Temperatur, 299°.41. beobachtete Ausdehnung konnte nur einen schwachen Einfluss auf die für 300° berechnete Ausdehnung ansüben, weil sie nur dazu dienen muiste, die kleine Zanchue in der Ausdehnung des Quecksilbers zwischen 200'10 und 300° za bestimmen.

Proportions rechnung Resultate liefert, die fast identieb sind mit den von Hrn. Rogunult aus seiner productus Construction abgeleitaten. And der Tafel der deites fich indet man afmitch:

4 3 - 0,005011

- 0,005005

man also die

als die, welche

während Hr. Regnault aus seiner graphischen Consruction ableitet:

 $\Delta_{150} = 0.027400$ $\Delta_{200} = 0.055900$.

Der Vergleich der auf zwei verschiedenen Wegen erhaltenen Werthe für Δ_{100} und Δ_{300} läßt beurtheilen, welchen Genauigkeitsgrad Hr. Regnault durch Anwendung seiner graphischen Construction zu erreichen gewußt hat.

Die empirische Formel (A), das Endresultat der Untersuchungen des Hrn. Regnault über die absolute Ausdehnung des Quecksilbers, kann also nur als das Resultat der drei Versuche No. 3, 4 und 11 der dritten Reihe betrachtet werden. Außer diesen drei Werthen hat die reiche Sammlung von Daten in der von Hrn. Regnault veröffentlichten Arbeit zu nichts gedient, es sey denn, durch einen bloßen Blick zu zeigen, ob sie beträchtliche Abweichungen von der berechneten Ausdehnungsformel darbieten.

Allein noch mehr! Dieser eben nicht strenge Vergleich der Rechnung mit der Beobachtung erweckt sogar einige Zweifel an der Genauigkeit des erhaltenen Resultats. Die Punkte, welche sich auf die Beobachtungen der zweiten Reihe beziehen, liegen alle unter der krummen Linic. Hr. Regnault bemerkt, diess könne vielleicht von einem Fehler in der Bestimmung des Nullpunktes des Luftthermometers berrübren. Die Punkte der vierten Reihe liegen alle über der Curve und deuten also auch auf einen constanten Fehler. Hr. Regnault schreibt dieses einer leichten Unvollkommenheit in der Anordnung der Versuche der vierten Reihe zu, die nach einer anderen Methode ausgeführt wurden. Das dünne Eisenrohr, welches die beiden Quecksilbersäulen, die kalte und die heisse, an ihren unteren Enden vereinigte, hatte nämlich in Folge der Ausdehnung, welche die Erhitzung in dem Apparat bewirkte, eine leichte Biegung erhalten. Nun glaubt Hr. Regnault, dass es schwierig war, die Temperatur des Quecksilbers in diesem Rohre genau zu kennen, und dass diese Unsicherheit genüge, die Abweichung der Beobachtung der vierten Reihe zu erklären. Allein man kann sich leicht überzeugen, dass diese Erklärung nicht zulässig ist. Nach Hrn. Regnault's Angaben nämlich betrug die Höhe der Neigung des Rohres bei den meisten Versuchen der vierten Reihe nur 4^{mm}, ein einziges Mal überstieg sie 6^{mm}. Dieses dünne Eisenrohr ward durch einen Wassersaden beständig abgekühlt. Angenommen selbst, was mir wenig wahrscheinlich däucht, dass eine Unsicherheit von 50° in der Temperatur dieses Rohrs existirte, würde man doch nicht im Stande seyn, das Viertel der beobachteten Abweichungen zu erklären.

Die andere Voraussetzung des Hrn. Regnault, dass die Ursache der Abweichung auch hier in dem Luftthermometer gesucht werden müsse, bietet mehr Wahrscheinlichkeit dar. Allein in diesem Fall giebt es keinen plausiblen Grund, den Temperaturbestimmungen der dritten Reihe mehr Zutrauen zu schenken als den der übrigen Reihen, und es bleibt ganz problematisch, ob die Unterschiede zwischen den drei ersten Reihen und der vierten nicht einem constanten, aus der Anwendung der ersten Methode entsprungenen Fehler zuzuschreiben seyen.

Wir haben jedoch schon gesehen, dass die Formel (A) nicht auf allen Versuchen der dritten Reihe beruht. Im Grunde ist die vierte Reihe für weniger genau gehalten, weil sie nicht mit den Resultaten der drei Versuche der dritten Reihe stimmt. Nun ist es gewis, dass es unter diesen drei Versuchen zwei giebt, die weniger als irgend ein anderer vielleicht die Charaktere eines gut gelungenen zeigen. Der Versuch No. 4 besteht nämlich aus folgenden Messungen:

T	Δau	
159°,25	0,029120	
159 ,43	0,029078	
159 ,39	0,029149	
158,94	0,029100.	

Bei der höchsten Temperatur findet man also die kleinste Ausdehnung, eine noch kleinere als die, welche bei einer fast um einen halben Grad niederen Temperatur beobachtet wurde.

Eine ähnliche Nichtstimmung zeigt sich bei den vier Messungen, welche zur Feststellung der Ausdehnung bei 299°,19 dienten. Man erhielt nämlich:

$oldsymbol{T}$	Δau		
2990,09	0,055796		
296 ,67	0,055272		
301 ,21	0,056088		
299 ,79	0,055796.		

Die erste und die vierte dieser Messungen geben eine gleiche Ausdehnung, obwohl die Temperaturen um 0°,7 verschieden sind.

Die Unsicherheit, mit welcher diese Abweichungen auf den Coëfficienten der Formel (A) lasten, tritt klar hervor, wenn mau den Werth dieser Coëfficienten nach anderen Daten berechnet. Zu dem Ende wählen wir Versuche bei Temperaturen, die sich 150° und 300° möglichst nähern, nämlich die bei 140°,12 (Reihe 3, Versuch 3) und 289°,14 (Reihe 3, Versuch 11), Versuche, deren individuelle Messungen eine viel genügendere Uebereinstimmung zeigen. Diese Messungen sind:

Reibe 3,	Versuch 3:	Reihe 3, Versuch 11:		
T	Δr .	T	Δau	
1 40°,05	0,025605	2900,44	0,053990	
140 ,12	0,025604	289 ,75	0,053893	
140 ,22	0,025631	288 ,05	0,053597	
140 ,10	0,025603	289°,41	0,053827	
1400,12	0,025611	, , , , ,	,	

Setzt man in der Formel:

$$\Delta_r = x T + y T^2$$

für $T = 140^{\circ}, 12$, $\Delta_r = 0.025611$ und für $T = 289^{\circ}, 41$, $\Delta_r = 0.053827$, so findet man:

$$x = 0,00017978$$

 $y = 0,00000002151$

ein Resultat, welches schon merklich von dem des Hrn. Regnault abweicht, da die neuen Coëfficienten einen größeren Werth für die Ausdehnung bei niederen Temperaturen, und einen geringeren bei höheren Temperaturen geben, auch für die Ausdehnungscurve eine weniger starke Krümmung.

Bemerken wir jedoch, dass die Versuche 3, 4 und 11, auf welchen die Berechnung des Hrn. Regnault beruht, an sich zu folgenden Werthen von x und y führen:

$$x = 0,0001790$$

 $y = 0,00000002444$.

Die Verschiedenheit dieser Coëfficienten von denen der Formel des Hrn. Regnault entspringt daraus, dass die beobachteten Abweichungen um 1200 vergrößert wurden, in Folge von Betrachtungen, auf welche wir weiterhin zurückkommen werden.

Eine Unsicherheit von 130 in der Ausdehnung bei niederen Temperaturen scheint mir mit der Genauigkeit der Beobachtungen des Hrn. Regnault wenig verträglich zu seyn. Ich habe geglaubt, dass man sie beseitigen könne mittelst eines neuen, alle Beobachtungen umfassenden Calcüls, worin auf eine, wie mir scheint, nicht zu vernachlässigende Correction Rücksicht genommen würde. Bei den Vorversuchen, die ich in diesem Sinne machte, ließ ich mich durch folgende Betrachtungen leiten.

Handelt es sich darum, aus einer Reihe von Versuchen die Relation zwischen einer beobachteten Wirkung A und dem sie hervorrufenden Agens F abzuleiten, so nimmt man gewöhnlich eine zwei- oder mehrgliedrige Formel von der Form: $A = aF + bF^2 + \dots$

Diese allgemeine Regel hindert jedoch nicht, dass es nützlich seyn könne, vor der Anstellung der gewöhnlich sehr langen Berechnung der Coëssicienten a, b, ..., zu untersuchen, ob nicht die Natur des beobachteten Phänomens selbst die Existenz eines speciellen Gesetzes wahrscheinlich mache. In dem Fall, der uns beschäftigt, kann man also fragen: Was sind, in Betreff der Ausdehnung des Quecksilbers, die Voraussetzungen, die aus unseren Kenntnissen von dem Einflus der Wärme auf das Volum der Körper hervorgehen?

Die einfache Hypothese, dass die Ausdehnung einer gewissen Menge Materie im Allgemeinen proportional sey dem Anwuchs der Temperatur, ist als unrichtig erkannt. Freilich entlehnen wir die Messung der Temperaturen von der Ausdehnung selbst, und demgemäss dreht sich jeder Versuch, die besagte Hypothese durch das Studium eines einzigen Körpers zu controliren, nothwendig im Kreise; allein so wie es erwiesen ist, dass die verschiedenen Materien ungleichen Ausdebnungsgesetzen folgen, Thermometer aus diesen Materien construirt also keinen identischen Gang haben, leuchtet ein, dass das vorausgesetzte Gesetz nicht allgemein richtig seyn kann. Es ist dann nur anwendbar auf einen der betrachteten Körper oder auf die alle, wie viel ihrer auch seyen, deren Ausdehnung genau einen gleichen Gang befolgt. In dem Maasse aber, als diese letzteren zahlreicher werden und vermöge der Natur ihrer Molecüle verschiedenartiger sind, wächst die Wahrscheinlichkeit, dass für alle diese Körper die Ausdehnung unabhängig von den Molecularkrästen und einfach der Temperatur proportional ist. Aus diesem Grunde muss die Ausdehnung der permanenten Gase unter constantem Druck oder der Anwuchs ihrer Spannkrast bei constantem Volum als das rationellste Maass für Temperaturen betrachtet werden. Die Hypothese, dass die Ausdehnung der Gase proportional der Temperatur sey, folglich eine gleiche Volumzunahme immer einem bestimmten Temperatur-Anwuchs entspreche, welches Volum oder welche Temperatur das Gas auch schon besitze, - diese Hypothese steht in voller Harmonie mit Allem, was wir von der Natur der Gase wissen. Wir wissen, dass die Molecüle eines permauenten Gases keine wahrnehmbare Adhäsion aufeinander Nach der gegenwärtigen Ausicht der Physiker ausüben.

ist die Temperatur nichts anderes als die Energie der Bewegung der Molecüle und die Zunahme der Spannkraft bei constantem Volum oder der Anwuchs des Volums unter constantem Druck ist eine so directe Folge der Erwärmung, dass sie weniger als der Effect, wie als das sichtbare Zeichen der Temperaturzunahme betrachtet werden muss.

Ganz anders verhält es sich mit den slüssigen und starren Körpern. Ihre Ausdehnung geht nicht parallel der der Gase und ist verschieden nach der Art der Materie. Sie wächst im Allgemeinen mit steigender Temperatur. Diess steht auch ganz in Harmonie mit dem, was wir von der Natur der flüssigen und starren Körper wissen. Ihre Molecüle sind durch Anziehungskräfte vereinigt und diese sind bei einem und demselben Körper desto kleiner, je größer der Abstand zwischen den Molecülen ist. Da diese Kräfte sich der gegenseitigen Entsernung der Molecüle widersetzen, so ist es natürlich zu erwarten, dass die einem gleichen Temperatur-Anwuchs entsprechende Ausdehnung desto größer sey, als eine höhere Temperatur das Volum schon ausgedehnt und folglich die molecularen Kräste geschwächt hat. Die Natur der molecularen Actionen und der Einfluss, den sie seitens der Wärme erleiden, sind uns jedoch zu wenig bekannt, als dass wir, bei Berechnung der beobachteten Ausdehnungen, eine bestimmte Formel aufstellen könnten, nach welcher der Ausdehnungscoëfficient mit der Temperatur variiren mülste. Wir sind nur zu der Voraussetzung berechtigt, dass dieser Coëssieient mit Abnahme der Dichtigkeit größer werde. Wenn man dessungeachtet genöthigt ist, eine Auswahl zwischen den bier möglichen Hypothesen zu machen, so ist die erste, welche in Betracht genommen zu werden verdient, diejenige, die die einfachste Relation zwischen Ursache und Wirkung Sie besteht in der Annahme, dass die Ausausdrückt. dehnung für einen gewissen Temperatur-Anwuchs sich, bei jeder Temperatur, umgekehrt wie die Dichtigkeit, und direct wie das jedesmalige Volum einer bestimmten Quantität verhalte.

Wenn ein solches Gesetz wirklich die Ausdehnung der nicht gasigen Körper beherrscht, so hat es einigen Anschein, dass es sich bei den Flüssigkeiten deutlicher zeigen werde, als bei den starren Körpern, und unter den slüssigen am deutlichsten beim Quecksilber. Die flüssigen Körper unterscheiden sich von den starren dadurch, dass die Anziehungskräfte ihrer Molecüle alleinig von ihrer chemischen Zusammensetzung, ihrer Temperatur und ihrem Druck abhängen, während bei den starren Körpern die mechanischen Operationen, denen sie unterworfen waren, einen Einfluss auf den Grad von Härte und Elasticität ausüben. Veränderungen, welche die Molecularkräfte in Folge von Temperatur-Anwüchsen erleiden, sind also bei den flüssigen Körpern constanter als bei den starren. Endlich ist auch zu glauben erlaubt, dass diese Veränderungen desto regelmässiger bei den Flüssigkeiten seyn werden, als diese sich unter Umständen befinden, die entfernter sind von denen, wo ihre Molecular-Actionen eine plötzliche Aenderung erleiden. Nun ist unter den Flüssigkeiten bei gewöhnlicher Temperatur das Quecksilber eine derjenigen, welche zwischen der Temperatur des Schmelzens und der des Siedens das größte Intervall zeigen.

Vermöge aller dieser Betrachtungen schien es mir, dass es Interesse habe zu untersuchen, bis wie weit die Beobachtungen des Hrn. Regnault übereinstimmen möchten mit der Voraussetzung, dass die Volumzunahme für einen Temperatur-Anwuchs t zu t+dt proportional sey dem Volum des Quecksilbers bei to.

Nennt man V, das Volum bei to eines bestimmten Gewichts, so hat man nach dieser Hypothese:

$$dV_{i} = aV_{i}dt_{i}$$

wo a eine Constante bezeichnet.

Ist V_0 das Volum bei $t = 0^0$, so folgt aus obigem Ausdruck: $V_1 = V_0 \cdot e^{-t}$.

In diese Formel tritt nur eine Unbekannte α ein. Dadurch bietet sie den großen Vortheil dar, daß jede Beobachtung das Ausdehnungsgesetz vollständig bestimmt, so dass man, um dieses Gesetz der Controle durch die Gesammtheit der Beobachtungen zu unterwersen, nur zu untersuchen braucht, ob sie alle denselben Werth für æ liefern.

Ein vorläufiger Versuch zeigte mir sogleich, dass dieses Gesetz sich sehr gut mit den Versuchen des Hrn. Regnault vereinbaren lasse. Die sehr bedeutende Vereinsachung, welche es in die Rechnung einsührt, und die theoretische Wichtigkeit, welche seine Verisication darbietet, empfahlen also hinreichend, die Gesammtheit der Beobachtungen des Hrn. Regnault einem neuen Calcül zu unterwerfen.

Ehe wir zu dieser Operation schreiten, müssen wir kurz in Erinnerung bringen, auf welche Weise Hr. Regnault aus jedem seiner Versuche den Werth der Ausdehnung d. h. die Länge der Ordinate seiner graphischen Construction ableitet.

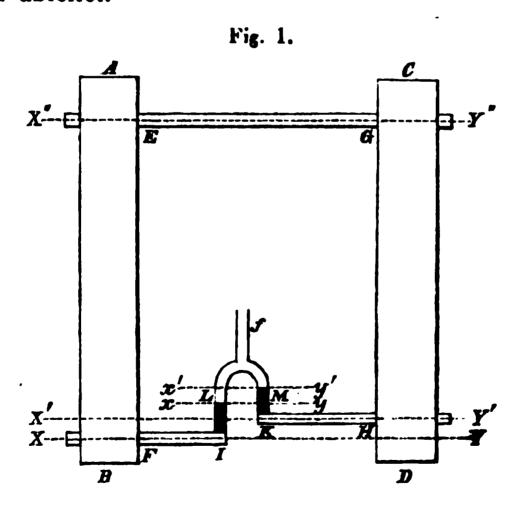


Fig. 1 ist ein Schema der allgemeinen Einrichtung der Versuche nach der ersten Methode. Die erwärmte Quecksilbersäule AB und die erkaltete CD sind oben verbunden durch eine horizontale Röhre EG. An den unteren Enden der Röhren AB und CD sitzen die horizontalen Röhren FI

und KH, denen die verticalen Glasröhren IL und KM angesetzt sind. Das Quecksilber in den letzteren wird im Gleichgewicht gehalten durch den Druck der Lust aus einem Behälter, welcher mittelst der Röhre f mit den Glasröhren communicirt.

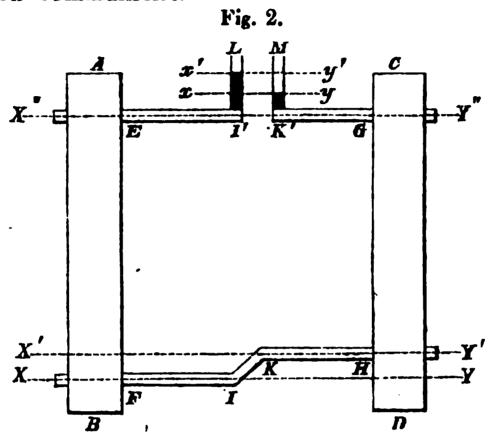


Fig. 2 zeigt die Einrichtung des Apparates bei der zweiten Methode. Hier sind die oberen Enden der Quecksilbersäulen verbunden durch zwei horizontale Röhren, deren Axen in ihrer gegenseitigen Verlängerung liegen, mit den oben offenen Glasröhren FL und KM. Die horizontalen Röhren am unteren Ende der Quecksilbersäulen sind verbunden durch eine dünne Röhre, die so viel Biegsamkeit besitzt, dass sie der durch die Ausdehnung des eisernen Rohres AB bewirkten Verschiebung von FI nachgiebt.

Seyen XY, X'Y', X"Y" die Durchschnitte der durch die Axen der Röhren FI, KH und EG gebenden Horizontal-Ebenen, und xy, x'y' die Durchschnitte der Horizontal-Ebenen, welche die Menisken des Quecksilbers berühren.

Setzen wir in Fig. 1:

den	Abstand	der	Ebenen	XY	und	$X''Y'' \rightleftharpoons H'$
30	•	>	*	X'Y'	•	X''Y'' = H
*		>>	»	XY))	X'Y'=h
>>	n	•	*	\boldsymbol{x}	»	X'Y' = h'
n	**	26	>>	x'y'	*	X'Y' = h
•	•	W	w	$\boldsymbol{x}\boldsymbol{y}$	W	$x'y' = \Delta$

Sey überdiess die Temperatur des Quecksilbers:

in der Röhre AB = Tin der Röhre $CD = \vartheta$ in den Röhren IL und KM = t.

Hat man $T > \vartheta$, so ist H_i die Länge der erwärmten Quecksilbersäule, H die der kalten Säule, h' + h'' die Höhe des Meniskus in der Glasröhre IL'über XY und h die Höhe des Meniskus in der Glasröhre KM über X'Y'.

Bei Berechnung der Beobachtungen nach der ersten Methode geht Hr. Regnault davon aus, dass die Drucke, welche die Menisken gegen die comprimirte Lust ausüben, gleich seyen. Nennt man D_T , D_{θ} und D_t die Dichtigkeiten des Quecksilbers bei T^0 , ϑ^0 und t^0 , so hat man:

$$H_{t}D_{T}-(h'+h'')D_{t}=HD_{\theta}-hD_{t}$$
 . (a).

Bezeichnet man im Allgemeinen mit δ_t die Ausdehnung des Quecksilbers zwischen 0° und t^0 , so hat man:

$$H_{t} \frac{D_{o}}{1 + \delta_{T}} - (h' + h'') \frac{D_{o}}{1 + \delta_{t}} = H \frac{D_{o}}{1 + \delta_{A}} - h \frac{D_{o}}{1 + \delta_{t}}$$

woraus sich ergiebt:

$$\delta_{T} = \frac{H_{i} - \frac{H}{1 + \delta_{\theta}} + \frac{h}{1 + \delta_{\theta}} - (h' + h'') \frac{1 + \delta_{T}}{1 + \delta_{t}}}{\frac{H}{1 + \delta_{\theta}} - \frac{h}{1 + \delta_{t}}} \quad . \quad (b).$$

Um also die Ausdehnung δ_T zu berechnen, muß man die Werthe von δ_{θ} , δ_t und δ_T kennen. Zu dem Ende wendet man die Methode der successiven Approximationen an. Die durch die Versuche von Dulong und Petit gegebene Ausdehnung des Quecksilbers diente als erste Approximation. Berechnete man mit Hülfe dieses Werthes eine Reihe von Versuchen zwischen sehr entfernten Temperaturgränzen, so erhielte man eine Reihe von Werthen von δ_T , aus welchen sich eine Interpolationsformel ergäbe für die Berechnung von δ_T bei jeder Temperatur.

Diese Berechnungsweise ist nicht nur lang und mühsam, sondern hat das Ueble, dass sie nicht genau das Resultat jeder Beobachtung giebt, da sie einen von anderen Beobachtungen entlehnten Werth von δ_T einführt. Zwar hatte die Quecksilbersäule h' + h'', welche die wichtigste Temperatur-Reduction erleiden muß, im Allgemeinen keine große Höbe; allein sie erreichte doch in gewissen Fällen der ganzen erwärmten Säule.

Bei Berechnung der nach der zweiten Methode angestellten Beobachtungen ging man aus von der Gleichheit der Drucke, die von den beiden Quecksilbersäulen auf die Horizontal-Ebene XY ausgeübt werden. Neunt man hier h den Abstand der Ebenen X"Y" und x'y', und h' den der Ebenen X"Y" und xy, so findet man:

$$H_{\iota}D_{T} + hD_{\iota} = HD_{\theta} + (h' + h'')D_{\iota}$$

oder:

$$H_{l}D_{T} = HD_{\theta} - (h - h' - h'')D_{l}$$
 . . (c),

woraus:

$$1 + \delta_{T} = \frac{H_{t}}{\frac{H}{1 + \delta_{\theta}} - \frac{h - h' - h''}{1 + \delta_{t}}} \quad . \quad . \quad (d).$$

Diese Formel ist nicht nur für die Rechnung viel bequemer als die vorhergehende, sondern sie giebt auch viel genauer das Resultat jeder Beobachtung. Die Säule h'+h'' braucht nicht auf die Temperatur T zurückgeführt zu werden; sie ist, zugleich mit der Säule H, auf 0° reducirt, d. h. auf eine Temperatur, die der, welche die Quecksilbersäulen wirklich besafsen, viel näher liegt. Schriebe man die Gleichung (a) unter der Form (c), so würde man sich auch für die Beobachtungen nach der ersten Methode den Vortheil einer leichteren und genaueren Rechnung verschaffen.

Allein die Rechnung nach der Formel (d) hat immer noch das Uebele, die Kenntnis der Ausdehnung des Quecksilbers zwischen 0° und 3°, der Temperatur der kalten Quecksilbersäule, zu erfordern. In der That musste Hr. Regnault darauf verzichten, die Quecksilbersäule CD, wegen ihrer beträchtlichen Länge, durch schmelzendes Eis in der constanten Temperatur 0° zu halten. Vielmehr

wurde diese Säule durch einen Strom kalten Wassers abgekühlt, dessen Temperatur bei jedem Versuch mittelst Quecksilberthermometer bestimmt wurde. Die Versuche können also nichts anderes thun, als das Verhältnis der Dichtigkeiten des Quecksilbers bei 0° und T° kennen lehren. Daraus das Verhältnis der Dichtigkeit zwischen 0° und T° abzuleiten, heist gewissermaßen allen Beobachtungen ein Datum auferlegen, welches sie nicht enthalten, und da man, für alle, der Ausdehnung zwischen 0° und θ einen gleichen Werth beilegt, so wird die gegenseitige Uebereinstimmung der verschiedenen Beobachtungen größer als sie in Wirklichkeit ist.

Diese Bemerkung ist um so wichtiger, als die Reduction von 3° auf 0° auf die Gesammtheit der Quecksilbersäule CD augewandt werden muss. Bei den Beobachtungen der drei ersten Reihen steigt die Temperatur & ungefähr auf 18° oder 19°, d. h. auf 16 der grössten und 1 der kleinsten Temperaturdisserenz der beiden Quecksilbersäulen. beobachteten Ausdehnungen erfuhren demnach eben durch die Berechnung eine für alle gleiche Vergrößerung, welche 1 bis 1 der gesammten Ausdehnung betrug. Der Einfluss dieser Addition macht sich besonders fühlbar in dem Resultat der Versuche bei niederer Temperatur, welche hauptsächlich den Werth des Coëfficienten æ des ersten Gliedes der Regnault'schen Formel bestimmen. Die nothwendige Folge davon ist: dass wenn man einmal einen unrichtigen Werth für die Ausdehnung bei niederer Temperatur eingeführt hat, es schwierig wird, davon das Endresultat zu befreien.

Man kann diese Ungenauigkeit vermeiden, wenn man von den Versuchen nicht mehr verlangt, als was sie wirklich leisten können, nämlich das Verhältniss $\frac{1+\delta_T}{1+\delta_\theta}$. Man zieht aus der Formel (d):

$$\frac{1+\delta_T}{1+\delta_\theta} = \frac{H_t}{H-(h-h'-h'')\frac{1+\delta_\theta}{1+\delta_t}} = A \quad . \quad (e).$$

Der Nenner des zweiten Theils dieser Gleichung enthält zwar noch den unbekannten Werth $\frac{1+\delta_{\theta}}{1+\delta_{t}}$, was sagen will, dass die Dichtigkeit der Quecksilbersäule h-h'-h'' von der Temperatur t auf die θ reducirt werden muss. Allein wegen der Kleinheit des Unterschiedes zwischen t und θ , welcher selten θ übersteigt, und der Größe h-h'-h'', die niemals θ 0 übersteigt, ist diese Reduction unbedeutend. Eine Approximation von θ 0 und θ 1 auf θ 2 ihres Werthes genügt dazu vollständig.

Nimmt man nun, um die Ausdehnung in Function der Temperatur auszudrücken, eine zweigliedrige Formel, so hat man:

$$1 + \delta_T = 1 + xT + yT^2$$

$$1 + \delta_\theta = 1 + x\vartheta + y\vartheta^2$$

und folglich:

$$\frac{1+xT+yT^2}{1+x\vartheta+y\vartheta_2} = A$$

woraus:

$$x(T-A\vartheta)+y(T^2-A\vartheta^2)=A-1.$$

Jeder Versuch kann eine ähnliche Formel liefern.

In der Hypothese, welche wir der Controle der Versuche unterwersen wollen, hat man:

$$V_t = V_0 \cdot e^{\alpha t}$$

Man muss also $1 + \delta_T$ und $1 + \delta_{\theta}$ ersetzen durch $e^{\alpha T}$ und $e^{\alpha \theta}$, was giebt:

$$e^{\alpha(T-\theta)} = \frac{H_{i}}{H - (h-h'-h'')e^{\alpha(\theta-t)}} = A \cdot \cdot \cdot (f).$$

Den Werth von α erhält man dann durch die Function:

$$\log \alpha = \log \log A - \log (T - \vartheta) - \log \log e.$$

Es bleibt noch zu untersuchen, ob man an den von der Beobachtung gelieferten Zahlen, ehe man sie zu der Rechnung verwendet, Correctionen anzubringen habe.

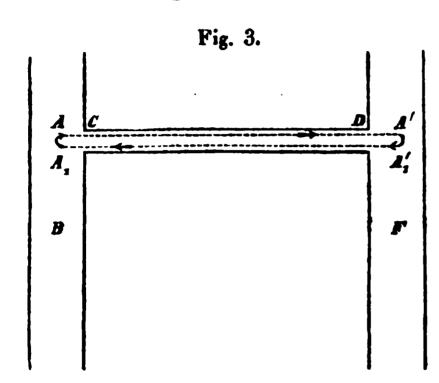
Hr. Regnault macht bemerklich, dass in Betress der wahren Läuge der Quecksilbersäulen H und H, einige Un-

sicherheit herrsche. Er sagt hierüber: "Wir haben bisher vorausgesetzt, dass die horizontalen Röhren, welche die verticalen Säulen unter sich und mit den Glasröhren verbinden, einen unendlich kleinen Durchmesser hätten. In Wirklichkeit aber steigen diese Durchmesser auf 23mm und man hat wohl zu entscheiden, ob es zweckmässig sey, die Quecksilbersäulen von der Axe der oberen horizontalen Röhre ab zu berechnen, wie wir es bisher gethan. Es scheint mir, dass bei den nach der ersten Methode ausgeführten Versuchen der Anfang der Säulen in die untere Kante des Verbindungscanals verlegt werden müsse, weil die Portionen der beiden Quecksilbersäulen, welche sich in den zwei verticalen Röhren oberhalb der durch diese Kante gehenden Horizontalebene befinden, an sich im Gleichgewicht stehen. Diess scheint mir wenigstens der Fall seyn zu müssen, wenn die Flüssigkeit volle Beweglichkeit hat." Hr. Regnault schliesst daraus, dass die berechneten Ausdehnungen um 1200 vergrößert werden' müssen.

Dieselbe Unsicherheit bietet sich jedoch in Betreff der unteren Horizontalröhren dar. Hr. Regnault unterlässt nicht, diess zu bemerken, allein er setzt hinzu, dass diese Unsicherheit keinen wahrnehmbaren Fehler veranlassen könne, weil er blofs auf die Höhen A und A' einwirke, welche nur wegen der Correction, die sie zur Reduction auf die Temperaturen T und & zu erleiden haben, in die Rechnung eingehen. Allein diese Unterscheidung beruht auf einem Missverständnis. Für die obere Horizontalröhre, so gut wie für die untere, kommt die Frage darauf zurück: Darf die kleine Quecksilbersäule zwischen der Axe der Röhre und der unteren Kante als eine Säule von der Temperatur & betrachtet werden, welche an sich im Gleichgewicht ist mit einer gleichen Säule von derselben Temperatur in dem kalten Rohre, oder muss sie betrachtet werden als noch gehörig zu der warmen Quecksilbersäule H, welche die Temperatur T besitzt? Eine Verschiebung des Anfangs der Höhen muss also an dem

oberen Theil des Apparats genau denselben Einfluss haben wie an dem unteren.

Es scheint mir nicht zweiselhast zu seyn, dass die Axen der horizontalen Röhren als Gränzen der Quecksilbersäulen H und H, angesehen werden müssen. Es geht diess aus solgenden Betrachtungen hervor. Sey B Fig. 3



ein Theil der heisen Quecksilbersäule, verknüpft durch die Röhre CD mit dem Raum F, in welchem sich Quecksilber von niedrigerer Temperatur befindet.

Unter diesen Umständen kann sich das Quecksilber in der horizontalen Röhre nicht im Gleichgewicht befinden.

Es wird ein Strom entstehen, in der Figur durch getüpselte Linien angedeutet, der im oberen Theil der Röhre von der heißen Säule zur kalten geht und im unteren Theile umgekehrt. Wenn die Temperaturen von B und F unverändert auf T und \mathcal{F} bleiben, so wird dieser Strom eine constante Geschwindigkeit haben, und die Geschwindigkeit im Theile AA' des Stroms wird gleich seyn der im Theile $A_i'A_i$. Wenn die beiden Ströme einen gleichen Widerstand erleiden, wird die Gleichheit auch zwischen den bewegenden Kräften bestehen, welche sie hervorrusen. Bezeichnet man die Drucke in A_iA' , A_1 und A'_1 respective mit P_iP_i , P_1 und P_1 , so ist die den oberen Strom treibende Kraft P_i und die Krast des unteren Stroms $P_1 - P_i$. Man hat also:

$$P-P'=P_1-P_1$$

oder

$$P_1 - P' = \frac{1}{2}(P_1 - P) + \frac{1}{2}(P'_1 - P').$$

Allein $P_1 - P$ und $P_1 - P'$ sind die Gewichte der Quecksilbersäulen A_1A und A'_1A' . Der Unterschied der

Drucke in A_1 und A' ist also gleich dem Gewicht einer Quecksilbersäule, welche den verticalen Abstand der beiden Punkte zur Höhe hat, und halb aus Quecksilber von der Temperatur T, halb aus Quecksilber von der Temperatur T besteht. Die Axe der Röhre muß also als Gränze der heißen Quecksilbersäule angesehen werden.

Wenn es hienach gut ist, die Vergrößerung von 1300 ihres Werthes, welche Hr. Regnault in allen beobachteten Ausdehnungen anbringt, fortzulassen, so scheint mir eine andere Correction, welche diese Ausdehnungen etwas zu vermindern trachtet, nicht vernachlässigt werden zu können.

Wir haben schon die Bemerkung gemacht, das in dem Apparat des Hrn. Regnault die Röhre, welche das Quecksilber von niederer Temperatur enthielt, nicht durch schmelzendes Eis auf die seste Temperatur 0° gehalten ward, sondern durch einen kalten Wasserstrom abgekühlt wurde, dessen Temperatur man jedesmal durch ein Quecksilberthermometer bestimmte. Die Temperatur der heisen Quecksilbersäule wurde dagegen angegeben durch ein Lustthermometer, angebracht in einem Oelbade, welches die das Quecksilber enthaltende Eisenröhre umhüllte.

Nun hatte man sich offenbar vorgesetzt: die absolute Ausdehnung des Quecksilbers bei verschiedenen, durch die Ausdehnung der Lust gemessenen Temperaturen zu bestimmen, d. h. die absolute Ausdehnung des Quecksilbers mit der der Lust zu vergleichen. Allein, um diesem Principe getreu zu bleiben, war es ofsenbar nöthig, die Temperatur sowohl der heisen als der kalten Quecksilbersäuse mittelst des Lustthermometers zu bestimmen. Wendet man zur Bestimmung der Temperatur der kalten Quecksilbersäule ein Quecksilberthermometer an, so wird diese Temperatur durch die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers gemessen, die bei weitem nicht die Regelmäsigkeit der der Lust besitzt. In einer solgenden Abhandlung werde ich zeigen, dass der Unterschied zwischen dem Gesetz der scheinbaren Ausdehnung des Quecksilbers und dem der

Ausdehnung der Luft bedeutend genug ist, um sich durch eine wahrnehmbare Verschiedenheit in den Angaben des Luft- und des Quecksilberthermometers zwischen 0° und 100° zu verrathen. Die von Hrn. Regnault in seiner Abhandlung Sur la mesure des temperatures niedergelegten Beobachtungen zeigen, dass die Thermometer mit Behältern aus Krystallglas, deren er sich bediente, niedrigere Temperaturen als das Luftthermometer angeben. Der Unterschied steigt auf 0°,12 für $\vartheta = 18^{\circ}$, die mittlere Temperatur bei den beiden ersten Reihen; er beträgt 0°,13 für $\vartheta = 19^{\circ}$, die Temperatur bei der dritten Reihe, und 0°,08 für $\vartheta = 10^{\circ}$ bis 11°, die Temperatur bei der vierten Reihe.

Aus demselben Grunde müssen die mit dem Luftthermometer gemessenen Temperaturen erhöht werden. Um nämlich den Nullpunkt dieses Thermometers zu fixiren, taucht Hr. Regnault den Glasbehälter nicht in schmelzendes Eis, sondern in ein Oelbad, dessen Temperatur durch ein Quecksilberthermometer angegeben wird. Diese Temperatur betrug 21°,4 bei den Beobachtungen der ersten und zweiten Reihe, 26°,1 bei denen der dritten und vierten Reihe. Bei diesen Temperaturen bleibt das Quecksilberthermometer 0°,14 bis 0°,16 unter dem Luftthermometer. Der Einfluss dieser Abweichung auf die mittelst des Luftthermometers gemachten Temperaturbestimmungen lässt sich solgendermassen berechnen.

Die Temperatur T des Lustthermometers wird nach Hrn. Regnault (A. a. O. p. 296) bestimmt durch die Formel:

$$\left\{\frac{1+kT}{1+aT}+\left(\frac{v}{V}\right)_{0}+\left(\frac{v'}{V}\right)_{0}\right\}(H_{0}+h_{0})=\left\{1+\left(\frac{v}{V}\right)_{0}+\left(\frac{v'}{V}\right)_{0}\right\}H'_{0},$$

worin bezeichnet H_0 die beobachtete oder berechnete Spannung bei 0° , $H_0 + h_0$ die Spannung bei T_0 , k den Coëfficienten der kubischen Ausdehnung des Glases, a den Coëfficienten der Ausdehnung der Lust unter constantem Druck, und $\left(\frac{v}{V}\right)_0 + \left(\frac{v'}{V}\right)_0$ das Verhältniss der Capacität der Ver-

bindungsröhren zu der des Behälters des Lustthermometers, reducirt auf die Temperatur 0₀.

Da es hinreicht, die Berichtigung, welche T erleiden muss, bis auf $\frac{1}{20}$ ihres Werthes zu berechnen, so können wir $\left(\frac{v}{V}\right)_0 + \left(\frac{v'}{V}\right)_0$ vernachlässigen, und annehmen, dass das Lustthermometer bloss aus dem Behälter bestehe. Derselbe Grund erlaubt uns zu schreiben:

$$\frac{1+aT}{1+kT} = 1 + (a-k)T.$$

Es kommt dann:

$$\frac{H_0 + h_0}{H'_0} = 1 + (a - k) T.$$

Nennt man $H_1 + h_1$ die Spannung der Lust, beobachtet bei der Temperatur t, derjeuigen, welche Hrn. Regnault zur Bestimmung der Constante seiner Lustthermometer gedient hat, so hat man ebenso:

folglich:
$$\frac{H_{1} + h_{1}}{H'_{0}} = 1 + (a - k)t,$$

$$\frac{H_{0} + h_{0}}{H_{1} + h_{1}} = \frac{1 + (a - k)T}{1 + (a - k)t},$$
woraus:
$$\delta T = \frac{1 + (a - k)T}{1 + (a - k)t} \delta t,$$

was man ersetzen kann durch:

$$\delta T = [1 + (a - k)(T - t)\delta t].$$

Statt die Correctionen δT und $\delta \vartheta$ anzubringen an den Temperaturen T und ϑ , welche in den Taseln der Regnault'schen Versuche angegeben sind, habe ich es vorgezogen, die Ausdehnung des Quecksilbers mit den von Hrn. Regnault mitgetheilten Daten zu berechnen. Der Werth des Coëssicienten der Ausdehnung α des Quecksilbers, hergeleitet aus jedem Versuch, wurde dann berichtigt wegen des Effects der Fehler δT und δt . Dazu hat man die Gleichung:

woraus:
$$\delta \alpha = -\frac{\alpha}{T-t} (\delta T - \delta t).$$

Hr. Regnault bestimmte jedesmal die Ausdehnung des Quecksilbers bei einer gewissen Temperatur mittelst zwei bis sechs Messungen, bei welchen die Temperatur und die übrigen Data wenig disserirten. Statt für jede dieser 135 Messungen einen besonderen Werth zu berechnen, begnügte ich mich für jeden Versuch, nach den Messungen, aus welchen er bestand, den mittleren Werth von $H_i h_i h'_i h''_i T_i \mathcal{F}$ und t zu berechnen und daraus den Werth von a abzuleiten. Zwischen den sehr engen Gränzen der bei jedem Versuch beobachteten extremen Temperaturen ist es erlaubt, die Veränderungen der Ausdehnungen als proportional den Temperaturen anzusehen. Ich habe mich überdiess versichert, dass bei dem Versuch, welcher die divergentesten Temperaturen enthielt, der so berechnete Ausdehnungscoëfficient ganz zusammenfiel mit dem Mittel der aus jeder einzelnen Messung hergeleiteten Werthe.

Die Resultate der Rechnung und die Data, auf denen sie beruhen, sind in Tasel I (am Schlusse dieser Abhandlung) vereinigt.

In der ersten Spalte ist die Reihe angegeben, zu welcher jeder Versuch gehört; in der zweiten sind diese Versuche durch successive Ordnungszahlen unterschieden. Die acht folgenden Spalten enthalten die Data der Beobachtungen des Hrn. Regnault. Die elste enthält die Berichtigung, welche die Quecksilbersäule h-h'-h'' zu erleiden hat, um von ihrer Dichtigkeit bei t reducirt zu werden auf die, welche der Temperatur θ entspricht. Die zwölste Spalte giebt den so berichtigten Werth, die dreizehnte den Werth von $H-(h-h'-h'')e^{a(\theta-t)}$, d. h. den Nenner des zweiten Theils der Formel (f). Die Größe H_1 , Länge der heißen Quecksilbersäule, ist von Hrn. Regnault nicht besonders angegeben. Wäre h'' bekannt, so könnte man setzen:

$$H_1 = H + h'',$$

allein die Werthe von h" finden sich in den Tafeln des Hrn. Regnault auch nicht anders als combinirt mit h'.

Um H_1 zu finden, muss man also, wie leicht aus der Figur ersichtlich, setzen:

$$H_1 = H - (h - h' - h'') + \Delta.$$

Dieser Werth steht in der vierzehnten Spalte. Die fünfzehnte enthält die Werthe von α berechnet nach denen von N und H. Die Spalten 16 bis 20 beziehen sich auf die Berichtigungen, welche die Werthe α zu erleiden haben wegen des Unterschiedes zwischen dem Lust- und Quecksilberthermometer. Die Spalte 21 giebt die berichtigten Werthe von α .

Die elste Spalte macht den Vortheil der angewandten Rechnungsweise nach der Formel (f) recht einleuchtend. Die wegen Reduction der Temperatur t auf & zu machende Correction ist so schwach, dass sie nicht nur keine Unsicherheit veranlassen kann, sondern sich ohne die geringste Mühe berechnen lässt.

Die zwanzigste Spalte zeigt, dass die aus dem Unterschiede zwischen Luft- und Quecksilberthermometer entspringende Correction keineswegs zu vernachlässigen ist. Dies gilt besonders von den Beobachtungen der vierten Reihe, bei welcher die Temperatur der kalten Quecksilbersäule niedriger war als bei den anderen Reihen, so dass δT , die Correction der Temperatur des Luftthermometers, ein stärkeres Uebergewicht hatte über $\delta \vartheta$, die Correction der Angabe des Quecksilberthermometers in der kalten Quecksilbersäule.

Die Uebereinstimmung der Werthe von a in der letzten Spalte zeigt klärlich, dass die Formel

$$V_t = V_0 e^{\alpha t}$$

die Beobachtungen mit hinreichender Genauigkeit darstellt. Diess ergiebt sich besonders, wenn man die für α erhaltenen Zahlen in einer selben Reihe mit einander vergleicht. Wäre die Formel $V_t = V_0 \cdot e^{\alpha t}$ nicht der sehr genäherte Werth des Resultats der Beobachtungen, so würde man in den Werthen von α ein continuirliches Wachsen oder Abnehmen, oder auch ein regelmäsig

periodisches Zu- oder Abnehmen bemerken. Nichts von dem ist aber in einer der vier Reihen zu entdecken, so dass die unvermeidlichen Fehler der Beobachtung mindestens eben so groß seyn müssen als die der Formel. Bloß die Beobachtungen bei einer Temperatur über 280° machen eine Ausnahme; sie alle geben für α eine höhere Zahl als das Mittel aus den übrigen Beobachtungen. Für Temperaturen über 280° scheint also die Formel $V_t = V_0 \cdot e^{\alpha t}$ nicht mehr mit den Beobachtungen übereinstimmen zu können.

Wenn man dem Resultat eines jeden Versuchs ein der Anzahl von Messungen in jedem Versuch und der Temperaturdifferenz $T - \vartheta$ proportionales Gewicht beilegt, so erhält man als allgemeines Mittel:

$$\alpha = 0.00018077.$$

Berechnet man in gleicher Weise jede der vier Reihen für sich, so kommt:

erste Reihe $\alpha = 0,00018018$ zweite , $\alpha = 0,00018027$ dritte , $\alpha = 0,00018093$ vierte , $\alpha = 0,00018103$.

Die Resultate der Reihen 1 und 2, eben so wie der Reihen 3 und 4 stimmen unter sich viel besser, als das Mittel aus 1 und 2 mit dem aus 3 und 4. Da die Constante des Luftthermometers für jedes der zwei Paare von Reihen für sich bestimmt wurde, so ist es nicht unwahrscheinlich, dass ein Fehler in einer dieser Bestimmungen die Ursache des Unterschiedes ist.

Die Uebereinstimmung der Reihen 3 und 4 ist bemerkenswerth, weil Hr. Regnault der vierten Reihe wegen des zu hohen Werthes, den sie für α gab, eine geringere Genauigkeit zuschreibt. Man würde versucht seyn, diese vierte Reihe, was Genauigkeit betrifft, für die gelungenste zu halten, und wir werden sogleich sehen, dass es wirklich der Fall ist.

Ich habe geglaubt, dass es nicht unwichtig sey zu untersuchen, bis wieweit die von uns gemachte Rechnung besser den Beobachtungen genüge, als die von Herrn Regnault.

Zu dem Ende habe ich die Tafel II (am Schluss der Abhandlung) entworsen, worin das Verhältnis der Dichtigkeiten des Quecksilbers bei T und & berechnet ist:

- 1) nach den Beobachtungen,
- 2) nach der Formel des Hrn. Regnault,
- 3) nach der Formel $V_t = V_0 \cdot e^{\alpha t}$.
- 1) Gemäs der Formel (e) ist das Verhältnis der Dichtigkeiten bei T und bei 3, so wie es aus den Beobachtungen hervorgeht, der Quotient der Zahlen, welche die Spalten 13 und 14 der Tasel I einnehmen.
- 2) Die Formel, welche Hr. Regnault aus seinen Beobachtungen abgeleitet hat, giebt für das Verhältniss $\frac{\delta_T}{\delta_{\theta}}$ $\frac{1+aT+bT^2}{1+aS+bS^2}$

In diesem Ausdruck muss man für a und b nehmen:

$$a = 0,00017900$$

 $b = 0,00000002444$.

Diefs sind, wie wir gesehen, die Werthe der Coëssichenten, zu welchen die von Hrn. Regnault direct, d. h. noch ohne die Erhöhung von $\frac{1}{1200}$, aus seiner graphischen Construction gezogenen Zahlen führen. Wollte man die von Hrn. Regnault gegebenen Coëssicienten anwenden, so müste man, um das Resultat mit den Beobachtungen zu vergleichen, die Data der Beobachtungen corrigiren um einen Betrag, welcher einer Vergrößerung des Werthes der Ausdehnung um $\frac{1}{1200}$ entspräche.

3) Das Verhältniss der Dichtigkeiten bei T und bei ϑ ist nach der neuen Formel einfach $e^{0,00018077}(T-\vartheta)$.

Da jedoch der Werth a = 0,00018077 bei Berück-

sichtigung des Einflusses eines Fehlers von T und ϑ erhalten wurde, so ist es zum Vergleich des Versuches mit der Rechnung nothwendig, dass die Temperaturdisserenz $T-\vartheta$ die nämliche Correction ersahren habe. Dies ist in der vierten Spalte der Tabelle II geschehen. Die fünste,

sechste und siebente Spalte geben das Verhältnis $\frac{\delta_T}{\delta_{\theta}}$ nach

der Beobachtung und nach den beiden Formeln. Die achte und neunte Spalte zeigen die Abweichung zwischen Beobachtung und Rechnung. In der zehnten und elsten Spalte endlich ist der Fehler berechnet, den man in der Höhe Δ voraussetzen müste, um den Unterschied zwischen Beobachtung und Rechnung zu erklären, vorausgesetzt, dass das Resultat der letzteren strenge richtig sey.

Diese beiden letzten Spalten zeigen, dass die neue Formel den Beobachtungen viel besser genügt als die des Hrn. Regnault. In der That wäre, nach der Formel des Hrn. Regnault, die Summe der positiven Fehler bei Ablesung der Menisken = 3^{mm},02 und die der negativen 0^{mm},26, während nach der neuen Formel diese Summen 1^{mm},05 und 1^{mm},42 seyn würden. Fast alle Versuche deuten auf eine Ausdehnung, welche stärker ist als die aus der Formel des Hrn. Regnault hervorgehende.

Die Summe der Quadrate der Fehler ist nach Hrn. Regnault's Formel 0,4374 und nach der neuen Formel 0,3176. Allein in dieser letzteren Summe figuriren die bei den hohen Temperaturen 287° bis 299° angestellten Versuche No. 19, 20 und 21 mit 0,1668. Schlösse man diese aus, so wäre die Summe der quadrirten Fehler nur 0,1508, d. h. fast drei Mal kleiner als nach Hrn. Regnault's Formel. Die fast vollständige Uebereinstimmung dieser selben Versuche mit der letzteren Formel erklärt sich leicht, wenn man bedenkt, daß es die Versuche bei den höchsten Temperaturen und besonders die No. 20 und 21 gewesen sind, welche, mit Ausschluß der übrigen, zur Berechnung der Coëfficienten dieser Formel gedient haben.

Zwischen der Formel des Hrn. Regnault und der von uns aus den Versuchen abgeleiteten besteht der Unterschied, dass die erstere den bei sehr hohen Temperaturen (280° und darüber) beobachteten Ausdehnungen genügt, während die letztere das Ausdehnungsgesetz für Temperaturen zwischen 24° und 283° viel strenger ausdrückt. Da es besonders die Ausdehnungen zwischen diesen letzten Granzen sind und vorzüglich die zwischen 0° und 100°, die zu kennen bei physikalischen Untersuchungen wichtig ist, andererseits die Ausdehnungen bei sehr hohen Temperaturen wenig Interesse haben, weil bei so hohen Graden der Thermometerskale die Messung der Temperatur mittelst des Luftthermometers unsicher ist, so stehe ich nicht an, als strengsten Ausdruck für das Gesetz der absoluten Ausdehnung des Quecksilbers, nach den Versuchen des Hrn. Regnault, die Formel hinzustellen:

$$V_t = V_0 \cdot e^{0,00018077t}$$
.

Es sind besonders die Versuche der vierten Reihe, welche diesem Gesetz mit einer merkwürdigen Genauigkeit genügen. Mit Ausnahme der beiden letzten, lässt nicht ein einziger Versuch dieser Reihe voraussetzen, dass in der beobachteten Höhe der Menisken des Quecksilbers ein Fehler über 6 Hundertel eines Millimeters vorhauden sey. Nun scheint mir, dass die Versuche dieser Reihe, vermöge der bei ihnen getroffenen Einrichtung, mehr Bürgschaften für eine genaue Ablesung dieser Höhen darbieten, als die drei ersten Reihen. Bei den Versuchen der Reihen 1, 2 und 3 waren die Quecksilbersäulen in den Glasröhren durch die Elasticität der in einem Behälter comprimirten Luft im Gleichgewicht gehalten. Und da diese Elasticität beständig Veränderungen unterworfen war, so musste daraus, unabhängig von den Veränderungen in der Dichtigkeit des Quecksilbers, eine Verschiebung der Menisken hervorgehen, die für die genaue Bestimmung der Lage dieser Menisken in einem gegebenen Augenblick nicht anders als nachtheilig seyn konnte.

Wie wir gesehen, sind es besonders die höheren Temperaturen, für welche die Ausdehnungen des Quecksilbers nach Hrn. Regnault's Formel zu gering sind. In der Tabelle, mit welcher Hr. Regnault seine Abhandlung schließt, findet man für die Ausdehnung bei 100°:

$$\delta_{100} = 0.018153.$$

Nach dem Resultat, zu welchem ich gelangt bin, hat man: $\delta_{100} = 0.018241$.

Vor Hrn. Regnault hatte man als Resultat der Versuche von Dulong und Petit die Zahl:

$$\delta_{100} = 0.018018.$$

Der Unterschied zwischen den Resultaten von Dulong und Petit und denen des Hrn. Regnault muss also um seines Werthes vergrößert werden. Bei Bestimmung der Ausdehnung der Gase hat Hr. Regnault, wie Hr. Magnus, die Ausdehnung der Glasbehälter, welche die Gase enthielten, dadurch berechnet, dass er den Unterschied nahm zwischen der absoluten Ausdehnung des Quecksilbers von 0° bis 100° und der scheinbaren Ausdehnung desselben in den angewandten Behältern. die absolute Ausdehnung des Quecksilbers zwischen 0° und 100° nahmen diese Physiker den von Dulong und Petit gefundenen Werth, nämlich 0,018018, welcher, wie wir gesehen, um 0,000223 zu klein ist. Die herechnete Ausdehnung des Gases und folglich die der Luft sind also auch zu klein. Der für die Ausdehnung der Luft zwischen 0° und 100° angegebene Werth 0,3665 mus auf 0,3667 erböht werden.

(Hierzu die nebenstehenden Tabellen I und II.)

rn. Regnault.

15	16	17	18	19	20	21
α	81	δT	83	δ(T—3)	δα	a corrigit
5018090 1 17976 1 18005 1 18050	0,14	0,17 0,18 0,18 0,20	0,12	0,05 0,06 0,06 0,08	- 0,00000016 15 13 13	0,00018074 17961 17992 18037
18076 18006 18054 18030		0,17 0,17 0,19 0,21	_ _ _	0,05 0,05 0,07 0,09	16 15 12 13	18060 17991 18042 18017
18055 18043 18040 18092 18085	0,16	0,22 0,23 0,21 0,21 0,22		0,10 0,11 0,08 0,08	12 11 14 12	18043 18032 18026 18080
18066 18078 18130 18072		0,24 0,24 0,26 0,27		0,09 0,11 0,11 0,13 0,14	13 14 13 13 13	18072 18052 18065 18117 18059
18097 18137 18152 18140 18426	<u>-</u>	0,29 0,31 0,32 0,31 0,16	- - 0,08	0,16 0,18 0,19 0,18 0,08	12 12 12 12 111	18085 18125 18140 18128 18315
18141 18160 18111 18118		0,17 0,19 0,19 0,21	i	0,09 0,11 0,11 0,13	31 30 28 21	18110 18130 18083 18097
18078 18125 18115 18109 18111		0,21 0,22 0,22 0,23 0,24		0,13 0,14 0,14 0,15 0,16	21 19 19 19 17	18057 18106 18096 18090 18094
18098 18111 18123 18169	- -	0,24 0,26 0,28 0,31	_ _ _	0,16 0,18 0,20 0,21	17 17 16 14	18081 18094 18107 18154

oder simultan, sich das Urtheil festgestellt hat, dass die Farbe im Schatten des Kerzenlichtes blau sey, bleibt die Farbe scheinbar blau, wenn auch die Umstände, welche jene Bestimmungen herbeigesührt haben, wegsallen, bis wir durch Wegnahme der schwarzen Röhre eine neue Vergleichung mit andern Farben möglich machen, und durch neue Thatsachen unser Urtheil bestimmen lassen."

2) Legt man ein Blatt dünnen weißen Postpapiers auf lebhaft gefärbtes Papier, so schimmert die Farbe des letzteren noch durch. Bringt man dann zwischen das Postpapier und die farbige Unterlage ein kleines Stückchen grauen Papiers, so erscheint dasselbe, durch das Postpapier gesehen, lebhaft in der dem Grunde complementaren Farbe, was weniger auffällig, wenn das untergeschobene Papierstückchen schwarz oder weiß ist.

"Das farbige Papier," sagt nun Helmholtz, "von dem Briefpapier bedeckt, bildet einen sehr schwach gefärbten weisslichen Grund. Wo das graue Schnitzelchen unterliegt, ist die objective Farbe des oberen Papiers rein weiss. Jetzt sollte man erwarten, dass, wenn man die objectiv weisse Stelle mit einem weissen oder hellgrauen Schnitzelchen bedeckt, welches man oben auf das Briefpapier legt, dieses auch complementar zum Grunde erscheinen müste. Aber wunderbarer Weise ist das nicht der Fall; ein solches erscheint in seiner objectiven Farbe, und ohne Contrast. Ja, wenn man sich ein Schnitzelchen auswählt, welches genau dieselbe Farbe und Helligkeit wie das Briefpapier über der grauen Unterlage hat, dies an die entsprechende Stelle hinschiebt, und anfängt die Farben beider Stellen genau mit einander zu vergleichen, so schwindet die Contrastwirkung auch auf der weißen Stelle des Briespapiers, wo sie früher bestand, und diese erscheint nun weiss, so lange man das andere Schnitzelchen zur Vergleichung daneben hat. Ferner schwindet die Contrastfarbe auch, wenn man die Umrisse des unterliegenden grauen Schnitzelchens auf dem Briefpapier mit schwarzen Strichen nachzeichnet: Es bleibt also die Contrastfarbe

nur so lange bestehen, als die beiden Felder durch nichts anderes von einander geschieden sind, als durch ihren Farbenunterschied. Sobald das eine Feld als ein selbstständiger Körper oder durch einen bestimmt gezeichneten Umris abgegrenzt ist, verschwindet die Wirkung oder wird wenigstens zweiselhafter."

Ich habe nun erstlich gegen die Deutung dieser Beobachtungen, dann aber auch gegen die Beobachtungen selbst einige Einwendungen zu machen.

Was zunächst ihre Deutung betrifft, so ist mir völlig unbegreiflich, wie ein so scharfsinniger Denker wie Helmholtz zu einer so gesuchten und aller inneren Wahrscheinlichkeit entbehrenden Erklärung seine Zuslucht nehmen konnte. Was hat unser Urtheil mit der Farbenempfindung zu thun? Oder ist etwa die Farbe etwas anderes als eine blosse Empfindung, die der Verstand nicht beurtheilt, sondern als eine gegebene vorfindet, um aus ihr, die er als eine Wirkung auffasst, auf die ihr correspondirende Ursache zu schließen? Dass die anschaulichen Objecte, so wie wir sie wahrnehmen, erst aus der Thätigkeit unseres Verstandes hervorgehen, welcher sie als die Ursachen unserer Sinneswahrnehmungen in dem ihm a priori gegebeuen Raume gleichsam erst erzeugt - das wird wohl heutzutage Niemand mehr in Abrede stellen, der von den umfangreichen alle Zweisel niederschlagenden Untersuchungen, auf die Helmholtz seine Theorie der Anschauung stützt, auch nur einen kleinen Theil kennt.

Aus allen diesen Untersuchungen geht aber nur hervor, dass zwar unsere Ausfassung der anschaulichen Objecte das Resultat unseres Urtheils ist, dass aber dabei immer die Gründe, welche unser Urtheil bestimmen, die besonderen Einwirkungen dieser Objecte auf unsere Sinne, d. h. die ihnen entsprechenden Empfindungen sind. Diese selbst können aber nicht wieder unserer Beurtheilung unterliegen, da sie nur als Wirkung, nicht als Ursache empfunden werden. Wer sich über den eigentlichen Vorgang beim Sehen, und namentlich über die Verschiedenheit der dabei

thätigen Geisteskraft, des Verstandes, von dem Vermögen der Begriffe, der Vernunft so unterrichten will, dass ihm kein Zweifel und keine Unklarheiten mehr übrig bleiben, den verweise ich bier auf Arthur Schopenhauer, der diesen Gegenstand ganz auf derselben Basis und fast mit demselben Ergehnisse wie Helmholtz, nur schärfer und philosophisch durchdachter, wenn auch lange nicht so sehr durch die Ergebnisse experimenteller Forschung unterstützt, bereits 1816 in seinem kleinen Schriftchen über das Sehen und die Farben (zweite Auflage, Leipzig 1854), und noch ausführlicher in der zweiten Auslage seines klassischen Werkes "über die vierfache Wurzel des Satzes vom zureichenden Grunde" (dritte Auflage, Leipzig 1867) behandelt hat. Ich halte diesen Hinweis um so mehr am Platze und für eine Pslicht gegen den großen Denker, als man in dem Helmholtz'schen Werke vergeblich den Namen Schopenhauer's sucht, und man leicht geneigt seyn dürste, das grösste seiner Verdienste einem Andern zuzuschreiben. Denn die andern Grundgedanken seiner merkwürdigen Philosophie hat, wie so eben v. Hartmann nachgewiesen, bereits alle vor ihm der von ihm so gering geschätzte Schelling ausgesprochen. Ich will damit ebenso wenig den anerkannt größten Physiologen unserer Zeit eines Plagiats gegen Schopenhauer beschuldigen, als ich zugeben kann, dass Schopenhauer seine Grundgedanken von Schelling entlehnt habe. Aber merkwürdig, sehr merkwürdig bleibt es immerhin, wie zwei auf so ganz verschiedenen Standpunkten stehende Forscher, ohne von einander zu wissen, da wo sie denselben Gegenstand bearbeiten, fast bis in's kleinste Detail zusammentreffen.

Eine richtige Erklärung der obigen Beobachtungen ist zunächst nur möglich, wenn eine richtige Aussaung des Gesetzes der Contrasterscheinungen vorhergegangen. Alle hierher gehörigen Erscheinungen lassen sich aber in den beiden einsachen Gesetzen aussprechen:

1) Irgend ein Theil der Netzhaut ist für neue Lichteindrücke empfänglicher, wenn die Umgebung nur schwache Lichteindrücke empfängt, als wenn sie stärkere empfangen würde.

2) Ist ein Theil der Netzhaut der Wirkung farbigen Lichtes ausgesetzt, so wird dadurch die Umgebung, und mehr noch ein eingeschlossener Theil, der dieser Einwirkung nicht ausgesetzt ist, für die Complementarfarbe empfindlicher.

Diess ist der einfache Ausdruck der Thatsachen und keine Theorie. Eine Theorie aber ist es, und eine aller inneren Begründung entbehrende, wenn man diese gesteigerte Empfindlichkeit für die Complementarfarbe dem Urtheil zuschreibt, weil man sie beim besten Willen doch gewis nicht, wie die successiven Contrasterscheinungen, durch Ermüdung erklären kann. Denn es ist schlechterdings nicht zu begreifen, wo hier der Grund liegen soll, aus dem auf die Farbenänderung geschlossen werden könnte.

Unter der Voraussetzung, dass sich gegen die vollkommene Richtigkeit der obigen Versuche nichts einwenden liesse, würde ich den ersteren etwa so erklären:

Der Schatten des Kerzenlichtes war vom Tageslichte objectiv blau gefärbt, jedoch so schwach, dass die Netzhaut für die Empfindung des Blau erst durch die Contrastwirkung empfänglich wurde. Dass die blaue Farbe durch die schwarze Röhre auch nach Aushören der Kerzenbeleuchtung noch eine Weile wahrgenommen wurde, wenn vorher deren Einwirkung längere Zeit gedauert hatte, kann ich nur damit erklären, dass die ringsum ruhende Retina die Empfänglichkeit für das nur durch die Röhre eindringende Licht jeder Gattung sehr gesteigert hatte.

Was den zweiten Versuch mit dem dünnen Postpapier betrifft, so war das graue Schnitzelchen, welches Helm-holtz auf das Papier legte, und das ihm dann die Complementarfarbe nicht zeigte, vermutblich doch nicht ganz ebenso gefärbt wie die Stelle des Postpapiers, unter welcher das andere graue Schnitzelchen sich befand; denn ich konnte auch nicht den mindesten Unterschied wahrnehmen, ob ich das Schnitzelchen unterschob, oder statt dessen ein be-

sonderes Stückchen desselben Postpapiers mit derselben grauen Unterlage auf das Postpapier legte; diess scheint mir aber das einzige Mittel, genau dasselbe Grau herzustellen.

Da es sich hier nur um äußerst geringe Färbung handelt, so ist leicht begreiflich, dass die Contrastfarbe verschwindet, wenn man seinen Blick auf die beiden zur Vergleichung nebeneinander gelegten Schnitzelchen über und unter dem Postpapier concentrirt; denn dadurch wird die Wahrnehmung der Farbe der Umgebung vermindert und zugleich das Auge für die objective Farbe der fixirten Papierstückchen empfänglicher. Wenn man endlich die complementar gefärbte Stelle des Postpapiers, unter welcher sich das graue Schnitzelchen befindet, mit einem dicken schwarzen Strich umfährt, so wird zwischen die in Frage kommenden Netzhautstellen eine unthätige Stelle eingeschaltet, wodurch die Empfindlichkeit für Lichteindrücke in dem eingeschlossenen Theile gesteigert, die Forderung der Complementarfarbe aber vermindert wird, und es ist klar, dass dadurch die Contrastwirkung aufgehoben oder wenigstens geschwächt wird. Ist der schwarze Strich um die Stelle über dem grauen Schnitzelchen nur schwach oder dünn, so kann ich wenigstens keine Verminderung der Contrastwirkung wahrnehmen.

Ich habe, um der Sache auf den Grund zu kommen, selbst eine Reihe von Versuchen angestellt, aus denen mir unzweiselbast hervorzugehen scheint, dass von einer Mitwirkung unseres Urtheils bei der Entstehung der Contrasterscheinungen gar nicht die Rede seyn kann.

Zunächst habe ich den Versuch mit dem Kerzenlichte und der schwarzen Röhre an drei verschiedenen Abenden angestellt, und es ist mir nur an einem dieser Abende wirklich gelungen, die blaue Farbe durch die schwarze Röhre auch nach dem Verlöschen des Kerzenlichtes noch zu sehen; an diesem Abende war mir aber das durch das Fenster dringende Tageslicht auch vor dem Entzünden und nach dem Verlöschen des Kerzenlichtes bläulich erschienen, während ein mir assistirender junger Mann diese Färbung nur während der Kerzenbeleuchtung wahrnahm.

An den beiden andern Abenden, wo mir die Atmosphäre grau erschien, verschwand mir auch in dem durch die Röhre betrachteten Schatten die blaue Farbe sofort, wenn nur der Schatten allein gesehen wurde. Sehr auffällig stellte sich dies Verschwinden der Complementarfarbe ein, als ich das Lampenlicht durch eine Flasche von rothem Glas auf das weisse Tischtuch fallen liefs. Der Schatten eines Löffels auf dem röthlich erleuchteten Tischtuche erschien lebhaft grün. Wenn ich nun diesen Schatten durch die Röhre betrachtete, so blieb die grüne Farbe nur so lange, als noch ein Theil des röthlichen Grundes gesehen wurde, und verschwand jedesmal ganz plötzlich und auffallend, sobald dieser durch die Röbre nicht mehr wahrgenommen wurde. Daraus geht aber hervor, dass bei dem Versuche mit dem Kerzenlichte objectives Blau mitgewirkt haben musste. Hätte aber unser Urtheil einen Antheil an der Entstehung der Complementarfarbe des Schattens, so müsste doch der objectiv überall gleichsarbige Schatten des Lössels auch einfarbig erscheinen: er erscheint aber nur gerade so weit grünlich, als er in den röthlichen Schatten der Flasche hineinfällt, auch dann, wenn nur ein ganz kleiner Theil darüber binausragt.

Ich habe schon oben meinen Zweisel ausgesprochen und begründet, dass das graue Stückchen Papier, welches Helmholtz aus das Postpapier legte, und das ihm dann nicht complementar zum Grunde gesärbt schien, dem Theile des Postpapiers über dem untergeschobenen grauen Schnitzelchen wirklich gleichsarbig war. Das Stückchen Postpapier mit untergeschobenem grauen Schnitzelchen, welches ich zur Prüsung des Versuches auf das Papier legte, zeigte mir sogar dann noch die Contrastsarbe, wenn ich beide übereinander gelegten Schnitzelchen mit einer Pincette über die Unterlage erhob. Dass also das eine Feld als ein selbständiger Körper erscheint, thut der Contrastwirkung keinen Eintrag; wäre jedoch das Urtheil im

Spiele, so sollte man im Gegentheil meinen, die Farbe eines selbständigen Körpers müsse eher als eine andere erscheinen, als die eines bloßen Schattens. Wenn man das Postpapier theilweise so über die farbige Unterlage erhebt, daß dieselbe direct beleuchtet wird und das von ihr reflectirte farbige Licht dann mit größerer Intensität durch das erhobene Postpapier durchscheint, oder wenn man dieses mit der Unterlage gegen das Fenster hält, so treten die Contrastwirkungen mit viel größerer Intensität auf, und es ist dann völlig gleich, ob man, um sie hervorzurusen, einen undurchsichtigen Gegenstand zwischen Postpapier und farbige Unterlage bringt, oder ob man ein graues Papier davor bält.

Wenn man in den successiven Contrasterscheinungen mit Helmholtz und Fechner freilich nur Wirkungen der Ermüdung und des Ausruhens sieht, so sind die simultanen Contrasterscheinungen, so wie sie wirklich auftreten, ein sehr schwer zu lösendes Räthsel, und es ist daher nicht zu verwundern, wenn Helmholtz, um es zu erklären, zu unserem Urtheil seine Zuflucht nimmt, das in der That in so manchen rätbselhaften Erscheinungen, wie z. B. bei dem sogenannten paradoxen Versuche von Fechner, sich als ein trefflicher Erklärungsgrund bewährt. Nur schade, dass sich schlechterdings nicht einsehen lässt, aus welchem Erkenntnissgrunde unser Urtheilsvermögen die Farbe eines Schattens als eine rothe beurtheilen soll, wenn die Umgebung eine grüne Farbe hat, und dass es schlechterdings unbegreiflich, wie es möglich, dass unser Urtheil unser Empfindungsvermögen so schwächt, dass wir Grau sür Grün anschen, während wir das umgebende Roth, sey es noch so schwach, doch ganz unverändert als solches erkennen. Aber wie soll denn diese grüne Farbe des Schattens bei rother Beleuchtung erklärt werden? Die Stelle, wo die grüne Farbe wahrgenommen wird, war doch vorher nicht für Roth ermüdet worden; und ebenso wenig kann man sagen, dass die bier grün empfindenden Nervenendigungen vorber mehr ausgeruht haben müsten, wie die roth empfindenden, damit die grüne Farbe hervortrete.

Für meine Auffassung liegt eben in der blossen Thatsache des simultanen Contrastes der beste Beweis, dass auch der successive Contrast keine blosse Ermüdungserscheinung ist.

Ich habe die berühmten Abhandlungen von Fechner über diesen Gegenstand sorgfältig studirt und alle angegebenen Experimente bestätigt gefunden. Dieselben haben mich aber keineswegs von der Richtigkeit der Scherffer'schen Theorie überzeugen können, obwohl ich Alles als richtig zugestehen muß, was zur Widerlegung der Theorie von Plateau gesagt worden.

Fechner giebt selbst eine Thatsache an, die er doch unmöglich als Wirkung der Ermüdung oder des Ausgeruhtseyns erklären kann, nämlich, dass jedes Nachbild eines farbigen Objects auf dunklem Grunde von einem Kranze in der ursprünglich angeschauten Farbe umgeben ist, und dass ein schwarzes, weises oder graues Object auf farbigem Grunde im Nachbild als ein diesem gleichfarbiges Object auf complementar gefärbtem Grunde erscheint. Dies ist ofsenbar eine Erscheinung simultanen Contrastes, und man thut darum nicht gut, diese zwei so verwandten Erscheinungen, die meist neben einander auftreten, bei der Untersuchung zu sehr zu trennen. Dass Helmholtz diess gethan, scheint mir nicht, wie er glaubt, einen Fortschritt, sondern einen Rückschritt in der Erkenntnis dieser Erscheinungen zur Folge gehabt zu haben.

Ich will keineswegs in Abrede stellen, dass die Retina an einer Stelle, die längere Zeit einer Lichteinwirkung bestimmter Art ausgesetzt war, für diesen besonderen Reiz abgestumpst werde; diess allein erklärt aber nicht die lebhaste Farbe der Nachbilder auf dunklem Grunde, die viel heller erscheinen als der Grund. Denn wenn von den schwachen Lichtreizen, die von einer schwarzen Fläche ausgehen, nur ein Theil auf mein Auge wirkt, so könnte

der Rest nur eine äußerst schwache Wirkung hervorbringen. Helmholtz hat zwar dieser Erklärung mehr Wahrscheinlichkeit gegeben, indem er sie mit der Young'schen Hypothese in Verbindung brachte. Wenn ich längere Zeit einen grünen Gegenstand betrachte, so werden die grün empfindenden Nervenendigungen ermüdet, die violett und roth empfindenden aber ruhen aus, und werden daher für neuen Lichtreiz empfänglicher. Diese Annahme macht die Scherffer'sche Theorie schon plausibler. Immerhin scheint mir dieselbe mit einer Reihe von Thatsachen auch unter dieser Form im Widerspruch zu stehen. Ich will hier auf die wichtigsten dieser Thatsachen aufmerksam machen:

- 1) Schr schwache Lichteindrücke werden nicht mehr als verschiedenfarbig wahrgenommen. Ein solch schwaches Licht, bei dem keine Farbenunterschiede mehr erkannt werden können, ist aber im Vergleich mit dem inneren Lichtnebel, den wir im absolut dunklen Gesichtsfelde beständig wahrnehmen, immer noch sehr hell, wovon sich Jeder leicht überzeugen kann. Dieser innere Lichtnebel erscheint wie jeder schwache Lichteindruck immer farblos. Würde nun die Retina zum Theil gegen die ihn erregenden Ursachen abgestumpft, so könnte er doch, da so schwache Eindrücke nicht mehr als Farbe wahrgenommen werden, unmöglich farbig erscheinen, sondern nur als noch dunkler, wie er ohnediess schon ist. Statt dessen aber erscheint, wenigstens bei mir, im völlig dunklen Gesichtsfelde das complementare Nachbild sehr lebhast gefärbt, und beim Abklingen desselben ist deutlich eine Abnahme der Lichtintensität und nicht ein blosses Weisswerden zu erkennen-Wird das farbige Object auf einem ausgedehnten schwarzen Grunde betrachtet, so erscheint um das complementare Nachbild ein hellerer Kranz in der Farbe des Objects, während das übrige Gesichtsfeld dunkel bleibt, obwohl auch hier die Retina vorher ausgeruht hatte.
- 2) Den Haupteinwand Plateau's gegen die Scherffer'sche Theoric, dass das farbige Nachbild auch im absolut

dunklen Gesichtsfelde wahrgenommen werde, hat Fechner durch den Nachweis des inneren Lichtnebels, wenn auch nicht ganz entkräftet, doch sehr geschwächt, zumal bei Vielen dieses Nachbild in der That ein sehr schwaches ist, während Andere überhaupt gar keinen successiven, wohl aber simultanen Contrast wahrnehmen. Dagegen haben weder Plateau, noch Fechner die Nachbilder von weißen Objecten auf schwarzem und von schwarzen Objecten auf weisem Grunde im vollkommen geschlossenen Auge, die doch am meisten hier Aufschluss zu geben geeignet wären, Nur-Schopenbauer hat auch hier näher untersucht. gleich den richtigen Weg eingeschlagen, indem er in erster Linie den Unterschied des Verhaltens unserer Retina gegen weisses und farbiges Licht aufsuchte. Er stellte zwar keine große Zahl von Versuchen an; ein Versuch, der ihm diesen Unterschied klar zeigte, genügte ibm. Diess ist der schon von Göthe erwähnte Versuch mit dem Fensterkreuz. Mit Göthe fand er, dass man, wenn man das Fenster längere Zeit unverwandt angesehen hat und dann seinen Blick auf eine weniger beleuchtete Fläche richtet, dort ein helles Fensterkreuz mit dunklen Scheiben erscheint, dass diese Umkehrung des Bildes auch dann eintritt, wenn man die Augen schliefst, jedoch ohne dem durch die Augenlider eindringenden Lichte den Zugang zu wehren. Während aber Göthe sich biermit begnügte, bedeckte Schopenhauer seine geschlossenen Augen überdiess mit einem Taschentuch, und fand nun, dass das Nachbild in der Fortdauer des ursprünglichen Lichteindrucks seinen Grund hat, und das negative Bild auf schwachbeleuchtetem Grunde nur gerade so lange wahrgenommen wird, als im völlig dunklen Gesichtsfelde das ursprüngliche Bild noch wahrgenommen wird, das allmälig verschwindet, ohne in das negative Bild sich umzukehren. Wäre aber Schersser's Theorie richtig, so müste auch im dunklen Gesichtsselde ein weisses Object auf schwarzem Grunde ein dunkles Bild auf hellem Grunde ergeben, sobald die Nachwirkung des Lichteindrucks aufgehört hat. Denn wenn alle drei Nerven-

endigungen auf einer Stelle der Netzbaut ermüdet worden, während in der Umgebung Ruhe herrschte, müßte doch noch mehr der ermüdete Theil gegen die inneren Lichtreize unempfänglich sein, während der ausgeruhte Theil um so empfänglicher sein müste. Als ich vor 12 Jahren die kleine Schrift Schopenhauer's gleichzeitig mit den Arbeiten von Fechner, Plateau und Chevreul studirte, fand ich durch eine Reihe von Versuchen diesen von Schopenhauer bemerkten Unterschied zwischen subjectiven Nachbild eines weißen und eines farbigen Objects im dunklen Gesichtsfelde, dass nämlich jenes nur in einer Fortdauer des weissen Eindrucks, dieses in einer fast augenblicklich eintretenden Umkehr der Farbe in die Complementarfarbe besteht, vollkommen bestätigt. Als ich jedoch jetzt diese Versuche erneuern wollte, bemerkte ich, dass meine Retina eine krankhaste Veränderung erlitten, die mich verbindert, Versuche anzustellen, die hier als maassgebend erscheinen dürften. Betrachte ich nämlich etwa eine halbe Minute lang ein weises Object auf schwarzem Grunde, und schliesse dann die Augen, indem ich sie zugleich mit den Händen bedecke, so sehe ich nicht ein weisses, sondern ein rothes, offenbar positives Nachbild, das nach und nach immer lichtschwächer wird, während zugleich sich ein heller grünlicher Kranz dicht um das röthliche Nachbild entwickelt, so dass zuletzt, aber nur sehr kurz, gewissermaßen ein dunkles Bild auf hellem Grunde erscheint. Jedoch ist nur die unmittelbar an das Nachbild des Weiss stossende Stelle wirklich heller als das eingeschlossene Bild.

Betrachte ich umgekehrt ein schwarzes Object auf weißem Grunde, z. B. die fetten Buchstaben des Titels einer Zeitung, so sehe ich bei geschlossenem und bedecktem Auge noch ziemlich lange das dunkle Object auf röthlichem Grunde. Während aber dieser fortwährend dunkler wird, zeigt sich in dem schwarzen Bilde eine zunehmende Helligkeit mit schwach grünlicher Färbung; nach einiger Zeit schwimmt alles ziemlich farblos in einander und zuletzt

erscheint für einen Augenblick ein helles Bild auf dunklem Grunde.

3) Das gewöhnliche Lampenlicht ist bekanntlich röthlich gelb gefärbt, und dennoch erscheint, wenn wir kein anderes Licht daneben baben, weisses Papier unter seiner Beleuchtung weiss, und nicht rothgelb. Man könnte nun diess wohl wieder unserem Urtheil zuschreiben. In Wahrheit liegt aber der Grund darin, dass der fortdauernde Reiz für gelbrothe Lichtempfindung in dem dadurch abgestumpften oder vielleicht besser gesagt, in der widerstrebenden Retina keine Wirkung mehr hervorruft. der That sehe ich, wenn ich bei Lampenlicht einige Minuten lang das Auge geschlossen balte, und dann plötzlich meinen Blick auf eine weisse Fläche richte, diese röthlich gelb gesärbt. Noch deutlicher aber tritt diese Färbung hervor, wenn ich ein kleineres schwarzes Papier auf weißem Grunde etwa eine halbe Minute fixire und dann wegnehme.

Man könnte nun sagen, diess sey ja ein auffallender Beweis sür die Ermüdungstheorie, zumal das Rothgelb an der Stelle, wo vorher Schwarz gewesen, auch lichtstärker erscheint wie die Umgebung.

Wenn aber dies Nichtwahrnehmen der gelblichen Beleuchtung lediglich aus Ermüdung beruhte, so müste, wie in den andern Fällen, reines Weiss oder Grau nachher bläulich erscheinen, und auch der innere Lichtnebel bei geschlossenem Auge als blau empfunden werden. Davon ist aber durchaus nichts mehr wahrzunehmen, sobald die Einwirkung des röthlich gelben Lichtes so lange gedauert hat, bis eine von ihm beleuchtete weise Fläche wirklich weis erscheint.

Der beste Beweis dafür aber, dass hier eine Reaction und nicht blos Ermüdung in der Retina stattsindet, ist der, dass bei Lampenlicht ein kleines schwarzes Object auf weissem Grunde auch bei völlig geschlossenem Auge ein rothgelbes Nachbild auf dunklem farblosem, nicht blauem Grunde giebt.

Ich kann mir diess nur so erklären: Der andauernde Reiz zu rotbgelber Farbenempfindung erregt in der Retina diejenige Thätigkeit, welche mit der ersteren verbunden als weiss, für sich allein als blau empfunden wird. Hat die äussere Einwirkung so lange fortgedauert, dass die am Tage als weiss erkannten Gegenstände auch bei der rothgelben Beleuchtung weiss erscheinen, so ist die im Auge hervorgerufene Reaction auf ibrem Höhepunkte. Da nun das Auge wirklich weiß empfindet, also in demselben Zustande sich befinden muss, wie wenn der äussere Reiz direct diese Farbenempfindung gefordert hätte, so kann auch die Nachwirkung keine andere seyn; d. h. es kann kein blaues Nachbild entstehen. Es scheint jedoch, dass die dem äußern Reiz zu irgend einer Farbenempfindung entgegenwirkende innere Thätigkeit in solchen Stellen, wo der aussere Reiz nicht stattfindet, eine Reaction der Art hervorruft, dass hier die entgegengesetzte Thätigkeit eintritt; weil aber zugleich das Gesetz des Contrastes stattfindet, so wird die Wirkung dieser Thätigkeit erst dann wahrgenommen, wenn der äußere Reiz aufhört, d. h. wenn man das Auge schliesst, oder auch, wenn der äußere Reiz sich über den bisher ausgeschlossenen Theil der Retina ausdehnt, d. h. wenn man den schwarzen Gegenstand vor dem weisen Grunde entfernt.

Diese Auffassung der Sache erhält noch mehr Wahrscheinlichkeit durch eine eigenthümliche Beobachtung, die sich noch viel weniger mit der Ermüdungstheorie vereinigen läst. Lege ich nämlich bei Lampenlicht ein kleines Stückchen weises Papier auf einen großen Bogen schwarzen Papiers, und betrachte ersteres längere Zeit unverwandt, so geht die weise Farbe in eine immer lebhaster werdende rothgelbe Färbung über, und wenn ich dann das Auge bedecke, so erhalte ich ein lebhastes blaues Nachbild.

Meine Erklärung hierfür ist die: Durch die ringsum stattfindende Unthätigkeit der Retina wird in dem kleinen eingeschlossenen Theile, der dem Lichte ausgesetzt ist, nach dem Gesetze des simultanen Contrastes die Empfänglichkeit für den äußeren Lichtreiz um so mehr gesteigert, je länger diese Unthätigkeit in der Umgebung dauert, und der Reiz gelangt dadurch zu voller Wirksamkeit; d. h. es wird das ihm entsprechende Gelbroth empfunden, dem dann natürlich nachher das complementare Nachbild solgen muß.

VIII. Zur Passivität des Eisens und zur Elektrolyse; von L. Schönn.

Um Eisen in den passiven Zustand zu versetzen, ist es nicht nöthig, etwa ein Platin-Eisen-Element in dem gewöhnlichen Sinne herzustellen, also außerhalb der Säure die beiden Metalle in Contact zu bringen; es genügt, den Eisendraht z. B. mit Platindraht zu umwickeln und dann beide Drähte in die Säure zu werfen. Um passiven Eisendraht wieder activ zu machen, berührt man bekanntlich den Eisendraht innerhalb der Flüssigkeit mit einem stark elektropositiven Metall, z. B. Zink, oder auch ausserhalb, und taucht in diesem Falle das Zink in die Säure. Denselben Zweck erreicht man, wie ich gesunden, wenn man den Platindraht innerhalb der Flüssigkeit mit Zink berührt oder ausserhalb und dann das Zink in die Säure taucht. - Die Aufhebung der Passivität ist dadurch bedingt, dass das Eisen, welches im Contacte mit Platin positiv ist, bei der Berührung mit Zink negativ wird; wird der Platindraht mit Zink berührt, so werden Platin und Eisen negativ.

Aber auch ohne Anwendung eines Metalls und zwar vermittelst der stark elektronegativen Kohle konnte ich Eisen passiv machen. Man führt einen Eisenstab, der sest an einen weit stärkern Kohlenstab gedrückt ist, so in die Salpetersäure ein, dass das Eisen nicht früher als die Kohle eintaucht. Hat man einen vollkommen blanken Eisenstab und nicht mit Säure benetzte Kohle angewaudt, so löst sich das Eisen nicht. Berührt man jetzt entweder die Kohle oder das Eisen innerhalb der Säure mit einem stark elektropositiven Metall, z. B. Zink, so wird das Eisen wieder activ

und löst sich unter reichlicher Gasentwicklung. Man kann die Passivität auch durch Berührung der Kohle oder des Eisens außerhalb der Säure mit Zink und Eintauchen des letztern aufheben.

Man kann den Versuch auch so anordnen, dass Kohle und Eisen nur in der Flüssigkeit in Contact sind. Umwickelte ich einen Kohlenstab von 1 Centimeter Durchmesser mit blankem Eisendraht und legte ihn so in Salpetersäure, dass er vollkommen von derselben bedeckt war, so verhielt sich der Eiseudraht passiv. In diesem Falle konnte ich ihn durch Berühren mit Zink nicht activ machen, auch nicht durch Berühren der Kohle. Diese Thatsache erklärt sich aber leicht aus dem Umstande, dass Kohle und Eisen in verhältnismäsig großer Menge wirkten und an vielen Stellen mit einander in Contact waren; ähnlich wie ein sehr starker Eisenstab nicht durch einen schwachen Platindraht passiv gemacht werden kann.

Im Obigen liegen nun eine Reihe von Fällen vor, in denen die elektrochemische Wirkung genau dieselbe ist, mag man zwei durch Flüssigkeit getrennte Metalle außerhalb der Flüssigkeit in Contact bringen, oder einfach beide Metalle sich innerhalb der Flüssigkeit berühren lassen. Hierzu süge ich noch folgende Beispiele. Giesst man in ein Platinschälchen Salzsäure, die so verdünnt ist, dass sie Zink kaum löst, taucht jetzt einen Zinkstab ein und berührt die Platinschale, so findet lebhafte Wasserstoffentwicklung an der von der Säure benetzten Platinobersläche statt. Giesst man statt der Salzsäure Quecksilberchloridlösung hinein, so scheidet sich am Platin Quecksilber aus. bedarf in beiden Fällen also nicht eines Elementes Schließung außerhalb der Flüssigkeit; außerdem erinnere ich an bekannte Fälle der Kupferausscheidung. elektrochemischen Wirkungen, soweit ich die Versuche bis jetzt angestellt, erreicht man einfach durch beliebig hergestellten Contact von zwei Metallen (oder Kohle und Metall) in einer Flüssigkeit.

Stettin, den 17. Juni 1870.

A. W. Schade's Buchdruckerei (L. Schade) in Berlin, Stallschreiberstr. 47.

ANNALEN DER PHYSIK UND CHEMIE.

Bd. V.

ERGÄNZUNG.

St. 3.

I. Mineralogische Mittheilungen; von G. vom Rath in Bonn.

(Fortsetzung IX.) 1)
Hierzu Taf. V, VI, VII, VIII.

44. Ueber das Krystallsystem des Humits.

In der vorigen Fortsetzung dieser "Mittheilungen" beschrieb ich gewisse merkwürdige Humitkrystalle des zweiten Typus, indem ich eine ausführliche Behandlung nicht nur des genannten Typus, sondern des ganzen so formenreichen Krystallsystems in Aussicht nahm. Diese Arbeit ist es, welche ich jetzt zu veröffentlichen wage. Da die Frage sich erheben könnte, ob es nach der grundlegenden genialen Arbeit Scacchi's über den Humit (Diese Ann. Ergänz. Bd. III S. 161-184. 1851) wohl gerechtfertigt sey, nochmals denselben Gegenstand zu behandeln, so möge folgende Bemerkung über Entstehung und Zweck gegenwärtiger Mittheilung gestattet seyn. Indem ich versuchte, mich mit den Krystallen des Humits genauer bekannt zu machen, konnte es mir nicht entgehen, dass die Behandlung dieses Minerals in den meisten Lehrbüchern eine wenig befriedigende ist, und dass, hiermit zusammenhängend, die Kenntniss des Humitsystems in seinen drei Typen bei den Mineralogen eine im Allgemeinen wenig vollkommene ist, und sogar die Thatsache der drei Typen selbst als eine nicht über jeden Zweisel erhobene, zuweilen betrachtet Diesem seltsamen Misskennen einer der schöusten mineralogischen Entdeckungen, welche wir Scacchi verdanken, möchte zunächst diese Mittheilung entgegentreten,

¹⁾ S. diese Ann. Bd. CXXXVIII, S. 449 - 496 u. 515 - 550.

indem sie auf Grund zahlreicher in schiefer und gerader Projection gezeichneter Figuren das Verständnis des Humitsystems wesentlich erleichtern wird. Weungleich Scacchi's Arbeit 1) zu dem Ausgezeichnetsten gehört, was auf dem Gebiete der krystallographischen Mineralogie geleistet worden ist, so läst sich schwerlich leugnen, dass der hochverdiente Verfasser seiner Darstellung nur den Umfang einer, allerdings genialen, Skizze hat geben wollen. Scacchi scheint in der That die Absicht gehabt zu haben, manches in seiner Abhandlung nur Angedeutete weiter auszusühren, denn er theilt mit (S. 181), dass er über die geometrischen Gesetze "der Krystallzonen", durch das Studium des Humits veranlast, eine sehr umfangreiche Arbeit unternommen habe. Leider ist die in Aussicht gestellte Verössentlichung nicht erfolgt.

Gegenwärtige Arbeit wird, wie ich hoffe, indem sie die von Scacchi am Humit gemachten Entdeckungen bestätigt, Mehreres zur genaueren Durchforschung des Humitsystems beitragen, — namentlich in Bezug auf die Zwillingsbildungen desselben. Diese letzteren scheinen besonders eine eingehende Darlegung zu erheischen, da sie viel mannigfaltiger sind, als man bisher glaubte, und sich in dieser Hinsicht Thatsachen enthüllen, welche wohl bisher bei keinem anderen Mineral in ähnlicher Weise bekannt geworden sind, und so auch für die Krystallographie im Allgemeinen vielleicht ein kleiner Fortschritt errungen wird. Eine eingehende Behandlung des Humits wird wahrscheinlich das Urtheil bestätigen, dass diess System eines der formenreichsten, vielgestaltigsten, in jeder Hinsicht interessantesten unter allen ist.

In Bezug auf die Entwicklung unserer Kenntnisse vom Humitsystem darf hier auf die Angaben Scacchi's, sowie auf die ergänzenden Bemerkungen in meiner Arbeit "Ueber Humitkrystalle des zweiten Typus" verwiesen werden.

1) Das Original von Scacchi's Arbeit, deren Uebertragung wir Prof. Roth verdanken, besindet sich in den Memorie della R. Acc. delle scienze di Napoli 1852 p. 241 — 273.

Als wesentliche Hülfsmittel meines Studiums habe ich zunächst dankbar zu nennen: die Sammlungen und Zusendungen meiner Freunde Dr. Krantz und Dr. Hessenberg (sowie des Hrn. Dr. F. Scharff zu Frankfurt a. M.) und die aus dem Königl. Min. Cabinet zu Berlin mir durch G. Rose anvertrauten Krystalle. Endlich kann ich es nicht dankbar genug anerkennen, dass Prof. Scacchi mir alle detachirten Humit-Krystalle der Königl. Univers. Samm lung zu Neapel zur Untersuchung übersandte. Erst durch diese letztere Sendung wurden mir die Mittel zu einem einigermaassen vollständigen Studium, besonders in Betreff der so seltenen Krystalle des zweiten Typus, geboten. Es wird das Studium der Humitsormen wesentlich erleichtern, wenn wir zunächst einen jeden der drei Typen für sich kennen lernen, und erst dann die Beziehungen darlegen, in welchen dieselben zu einander stehen. Nicht überslüssig möchte es erscheinen, die durch Scacchi's Untersuchung gewonnene wichtige Thatsache der Mehrheit der Typen mit wenigen Worten nochmals hervorzuheben.

Die zahlreichen Combinationsformen des Humits lassen sich auf ein und dieselbe Grundform zurückführen. Wählt man nun als solche ein Oktaëder der einen Gruppe (des einen Typus) der Krystalle, so erhalten alle an demselben Krystalle, resp. an den Krystallen derselben Gruppe auftretenden Formen einfache Ableitungszahlen (Indices). Wählt man dasselbe Oktaëder als Grundform der Krystalle der beiden andern Gruppen, so erhalten deren zahlreiche Combinationsgestalten sehr komplicirte Zeichen, während sie jedoch unter einander wieder in gleich einfachen Verhältnissen stehen, wie eben für die eine Gruppe bervorgehoben wurde. Die Verschiedenheit der dreierlei Grundformen, welche den Krystallen der drei Gruppen zu Grunde gelegt werden müssen, damit deren Combinationsgestalten einfache Zeichen erhalten, beschränkt sich indess auf eine Axe, das heisst, deren Verhältniss zu den beiden andern; während diese beiden bei allen drei Gruppen von Krystallen ein gleiches Verhältnis ihrer Längen besitzen. Die Ursache der genanuten Erscheinung, der Typen, ihren Zusammenhang mit der chemischen Constitution zu diskutiren, bleibt bei gegenwärtiger Arbeit ausgeschlossen, und einer späteren Zeit vorbehalten.

Wir werden nun zunächst einen jeden der drei Typen gesondert kennen lernen, unter Annahme der für jeden geeignetsten Grundform, später die Beziehungen der Typen unter einander unter Voraussetzung derselben Grundform entwickeln.

A. Für die Krystalle des ersten Typus wählen wir als Grundform nach Scacchi's Vorgang ein Oktaëder, dessen dreierlei Axen nach meinen Messungen an einem Krystalle des dritten Typus das Verhältnis der Länge besitzen wie folgt:

a:b:c=1,08028:1:4,40131.

Der basische Hauptschnitt der Grundsorm besitzt in der (nach vorne gewandten) Makroaxe den Winkel 85° 34′ 48″; der makrodiagonale Schnitt den Winkel 21° 36′ 56″ in der Vertikalaxe, der brachydiagonale Schnitt in der Vertikalen den Winkel 20° 2′ 34″.

Mit diesem Haupt-Oktaëder in Combination finden sich nun Oktaëder aus zweierlei Reihen, dreierlei Arten von Prismen und die drei Pinakoide. Zu den sehr zahlreichen, bereits Scacchi bekannten Combinationsgestalten konnten zwei neue Formen, eine Pyramide und ein Prisma aufgefunden werden. Bei der großen Flächenzahl der Humitkrystalle erhielt nach dem Vorgange Scacchi's jede Art von Flächen einen gemeinsamen Buchstaben.

Während aber Scacchi die Formen derselben Art oder Reihe zu ihrer Unterscheidung nur numerirt in der Weise, wie es von Haüy zuerst geschah, so bezeichnet die Bruchzahl, welche wir dem gemeinsamen Buchstaben vorsetzen, das Verhältniss der ungleichen Axe, während die beiden andern Axenschnitte bei Formen derselben Art identisch sind. Wie aus den oben angegebenen Dimensionen der Grundform erhellt, geben wir derselben eine von der gewöhnlichen Aufstellung rhombischer Oktaëder

abweichende Stellung, indem wir die Makrodiagonale parallel unserer Axe a, die Brachydiagonale parallel der Axe b richten. Der zwingende Grund für diese Stellung des Hauptoktaëders wird später dargelegt werden, wenn von der eigenthümlichen Hemiedrie der Krystalle des zweiten und dritten Typus die Rede sein wird.

Folgendes sind die beim ersten Typus vorkommenden Combinationsgestalten:

Grundform $$ $n = (a:b:c);$	P	$[n^2]$
Pyramide der Hauptreihe $\frac{1}{2}n = (2a : 2b : c);$	$\frac{1}{2}P$	
$n n n \frac{1}{3}n = (3a:3b:c);$	1 P	[n]
Makropyramide $r = (2a:b:c);$	$ar{m{P}}{m{2}}$	$[r^*]$
${}_{a}^{1}r = (4a:2b:c);$	$rac{1}{2}ar{P}2$	$[r^4]$
$\frac{1}{3}r = (6a:3b:c);$	$\frac{1}{8}\bar{P}2$	$[r^3]$
$\frac{1}{4}r = (8a:4b:c);$	$\frac{1}{4}\bar{P}2$	$[r^2]$
$\frac{1}{5}r = (10a:5b:c);$	$\frac{1}{5}\bar{P}2$	[r]
Vertikales Prisma $o = (2a : b : \infty c);$	$\infty \bar{P} 2$	[o ²]
$(a:b:\infty c);$	∞ P	
$\frac{1}{3}o = (2a:3b:\infty c);$	$\infty \breve{P}_{3}^{2}$	[o]
Brachydoma $e = (a : \infty b : c);$	$reve{P}$ ∞	$[e^5]$
$\frac{1}{2}e = (2a: \infty b: c);$	βPœ	[e ⁴]
$\frac{1}{3}e = (3a: \infty b: c);$	$\frac{1}{3}Px$	[e [‡]]
$\frac{1}{4}e = (4a: \infty b: c);$	$\frac{1}{4}P\infty$	[82]
$\frac{1}{5}e = (5a: \infty b: c);$	$\frac{3}{2}P\infty$	[e]
Makrodoma $i = (\infty a : b : c);$	$ar{P}$ ∞	[i³]
	$\frac{1}{2}\bar{P}\infty$	$[i^2]$
${}^{"}_{8}i = (\infty a:5b:c);$	$\frac{1}{5}\bar{P}\infty$	[i]
Basis $A = (\infty a : \infty b : c);$	0 <i>P</i>	[A]
Brachypinakoid $B = (a : \infty b : \infty c);$	œΫ	[<i>B</i>]
Makropinakoid $C = (\infty a : b : \infty c);$	∞ P̃∞	[C]

Von diesen Formen sind neu die Pyramide 1/2 und das Prisma 1/2 o.

Die in eckige Klammern eingeschlossenen Bezeichnungen sind die von Scacchi angewandten. Dieselben wurden nur, soweit es unbedingt nothwendig schien, modificirt. Selbst die Bezeichnung der Einzelflächen ABC blieb wie bei Scacchi, um die Vergleichung möglichst zu erleichtern; wenngleich nach unserm gewöhnlichen Brauch die Basis, entsprechend der Vertikalaxe welche sie schneidet, den Buchstaben C erhalten müßte u. s. f.

In der Linearprojection Taf. VIII, welche die Sectionslinien sämmtlicher Flächen der drei Typen umsasst, sind durch fein ausgezogene Linien die Flächen des ersten Typus dargestellt. Den seinen Linien entsprechen die Buchstaben von auffallender Höhe. Wir bemerken außer den im Mittelpunkt der Projection sich schneidenden Linien der vertikalen Prismen, sowie den der Makro- und der Brachyaxe parallelen Linien, welche den Makrodomen und den Brachydomen entsprechen, zweierlei Arten von Rhomben, von denen die eine Art mit drei Formen dem Haupt-Oktaëder und den Pyramiden der Hauptreihe, die andere Art mit fünf Rhomben den Makropyramiden entspricht. Auf die den Axenschnitten beigefügten Zahlen werden wir später zurückkommen; dieselben beziehen sich auf eine den drei Typen gemeinsame Grundform. Das Liniensystem des ersten Typus trägt, was hier schon im Gegensatze zu den beiden nächstfolgenden Typen bemerkt werden mag, einen vollkommen rhombischen Charakter, indem sowohl auf der Makro- als auch auf der Brachyaxe stets zwei oktaëdrische Sectionslinien in demselben Punkte sich schneiden. Von der Ausbildung der Krystalle des ersten Typus werden die Fig. 1 und 1a auf Taf. V sowie 1 und 1a auf Taf. VII eine deutliche Vorstellung geben. Die Krystalle sind demnach bald mehr ausgedehnt in der Richtung der Brachyaxe b, bald parallel der Vertikalaxe c. Die Fig. 1 Taf. V umfasst fast alle oben aufgeführten Flächen, mit Ausnahme des Makropinakoids C, welche Fläche selten ist, und mir erst durch die Zusendung Scacchi's bekannt wurde. Ebenso sehlen in den genannten Figuren die Formen lo und in, welche ich erst nach Vollendung der Zeichnungen auffand. Die Fig. 1 Taf. VII, in welche die Fläche C eingezeichnet ist, ist zwar weniger slächenreich, aber bemerkenswerth durch ihre zierliche Combination.

Vergegenwärtigen wir uns an der Hand der Formeln. der Linearprojection und der Figuren einige Eigentbümlichkeiten des Systems. Zu zweien der drei Pyramiden der Reibe n ist sowohl das zugehörige Makro-, wie auch das zugehörige Brachydoma vorhanden, zu n nämlich i und e, zu in i und ie. in besitzt nur ein Brachydoma ie, während das zugehörige Makrodoma fehlt. Von den fünf Pyramiden der Reihe r besitzt nur eine zugleich ihr Makround Brachydoma, nämlich r in i und le. Ausserdem haben 1r und 1r Makrodomen (1 und 1i), aber keine Brachydomen, und umgekehrt 1/2 wohl ein Brachydoma, 1/e, aber kein Makrodoma. Endlich treten zu dem Oktaëder 17 weder Abstumpfungen der makrodiagonalen, noch solche der brachydiagonalen Polkanten hinzu. Zu den Pyramiden r bildet das vertikale Prisma o die Abstumpfungen der horizontalen Kanten, während zu den Oktaëdern der Hauptreihe das vertikale Prisma 10 vorbanden ist.

Die Formen derselben Art zeigen in Bezug auf ihre Axenschnitte die einfachsten Verhältnisse. Es verhalten sich nämlich die Höhen der Pyramiden der Hauptreihe wie $1:\frac{1}{2}:\frac{1}{3}$, die der Makropyramiden wie $1:\frac{1}{4}:\frac{1}{3}:\frac{1}{4}:\frac{1}{3}$. Diese letztere Zahlenreihe bezeichnet zugleich das Verhältniss der Höhen der Brachydomen bei gleicher Basis, während die Höhen der Makrodomen sich verhalten wie die Zahlen $1:\frac{1}{3}:\frac{1}{3}$, und die Indices der vertikalen Prismen das Verhältniss $\frac{1}{2}:1:\frac{3}{2}$ besitzen.

Zonen. Kaum bedürsen einer Erwähnung diejenigen Zonen, deren Kanten parallel den drei Axen gehen, d. h. die Zonen der Flächen &, diejenige der e, und die der o: nicht weniger augenfällig ist der Kantenparallelismus der Pyramiden der Hauptreihe m und der der Makropyramiden .

Zählen wir die andern, mehr als vierslächigen (die Parallelen nicht gezählt) Zonen auf:

Die Zonenaxen liegen in der Ebene der Axen b und c

B: n: r: i: r': n' Zonenpunkt = 1 b

 $B: \frac{1}{2}n: \frac{1}{2}r: \frac{1}{2}r': \frac{1}{2}n' \qquad \qquad m = 2b$

 $B: \frac{1}{3}n: \frac{1}{3}r: \frac{1}{3}i: \frac{1}{3}r': \frac{1}{3}n' \qquad \qquad = 3b.$

Die Zonenaxen in der Axenebene (ac)

 $B: r: \frac{1}{3}n: \frac{1}{2}e: \frac{1}{3}n': r'$ Zonenpunkt = 2a.

Die Zonenaxen liegen nicht in einer Axenebene, die betressenden Zonen sind deshalb zu je vier vorhanden:

 $\frac{1}{2}e:\frac{1}{3}n:\frac{1}{2}r:i:o':n'$ Zonenpunkt (2a, 1b)

 $\frac{1}{2}e: \frac{1}{4}r: \frac{1}{3}i: \frac{1}{2}r': n': \frac{1}{2}o' \qquad \qquad (2a, 3b)$

 $\frac{1}{4}e: \frac{1}{3}r: i: r': \frac{1}{2}n' \qquad \qquad (4a, 1b)$

 $\frac{1}{4}e: \frac{1}{5}r: \frac{1}{3}i: r': n' \qquad \qquad (4a, 3b).$

Alle bisher nicht aufgeführten Zonen umfassen vier Flächen oder deren eine noch geringere Zahl. Mit Rücksicht auf die Entwicklung des Humitsystems in den beiden folgenden Typen darf hier auf die Wichtigkeit des mittleren Makrodomas ji hingewiesen werden. Es stumpft dasselbe nicht nur die brachydiagonalen Polkanten von ir ab, sondern auch die Combinationskanten von $\frac{1}{4}r:\frac{1}{2}r'$ und ebenso diejenigen von $\{r:r'\}$; der erstere der beiden Kantenparallelismen tritt in der Fig. 1 Taf. VII hervor; es würde noch augenfälliger auch in Bezug auf die letztere Zone der Fall seyn, wenn die betreffenden Pyramiden sich hemiedrisch als schiefe rhombische Prismen entwickelten, und z. B. $\frac{1}{4}r$ ausschliesslich vorne, $\frac{1}{2}r'$ nur hinten vorhanden wäre; oder r' nur binten, $\frac{1}{5}r$ nur vorne sich darstellte eine Entwicklung, welche in der That in Bezug auf die Oktaëder r bei den beiden folgenden Typen hervortritt.

Zwillinge. Die Zwillingsbildung rhombischer Krystalle ersolgt bekanntlich häusig in der Weise, dass Zwillingsebene ist die Fläche eines Prismas von nahe 120°. Alle rhombisch krystallisirenden Mineralien, welche unter ihren Flächen ein Prisma mit dem angegebenen Kantenwerthe

findet sich bei den Krystallen des ersten Typus weder in der Reihe & noch o, noch endlich unter den zahlreichen Prismen e ein solches, dessen Flächen sich unter annähernd 120° schneiden. Während aber in der Reihe & und o ein Prisma mit dem bezeichneten Kantenwerthe nicht einmal krystallographische Existenz haben kann, ist diess allerdings der Fall in Bezug auf die Reihe e. Es kann serner als bekannt vorausgesetzt werden, dass, wenn in einem rhombischen Systeme ein Prisma von fast 120° krystallographische Existenz hat, auch ein zweites möglich ist, dessen Flächen nahe rechtwinklig zu denen des ersten stehen.

Nehmen wir als Maass des Winkels $A:e=103^{\circ}$ 47'\frac{1}{2} entsprechend dem obigen Axenverhältniss, so berechnet sich für das Prisma

$$\frac{3}{7}e = (\frac{7}{3}a : \infty b : c); \frac{3}{7}\tilde{P}\infty$$

der Winkel $A: \frac{3}{7}e = 119^{\circ} 48'$. Ueber B würden die Flächen dieses Prismas sich schneiden unter $120^{\circ} 24'$. Die Flächen $\frac{3}{7}e$ würden die Combinationskanten $\frac{1}{7}e: \frac{1}{3}e$ abstumpfen.

Fast normal zu se stehen die Flächen des Prismas

$$\frac{1}{7}e = (7a: \infty b: c); \frac{1}{7}\tilde{P}\infty,$$

abstumpfend die Kanten $\frac{1}{5}e:A$. Es berechnet sich der Winkel $A:\frac{1}{7}e=149^{\circ}48'$ und $\frac{1}{7}e:\frac{1}{7}e'$ über $A=119^{\circ}36'$.

Beide genannte Prismen können demnach als Zwillingsebenen fungiren. Im erstern Falle, wenn §e Zwillingsebene, bilden die Basen AA den Winkel 120° 24': im letzteren Falle, wenn eine Fläche ½e als Zwillingsebene fungirt, bilden die Basen den Winkel 60° 24'. Hätten wir es nur mit Zwillingen zu thun, welche parallel der Zwillingsebene aneinander, nicht zugleich durcheinander gewachsen wären, so könnte nicht einen Augenblick ein Zweifel darüber bestehen, welches Gesetz vorläge, und ob jene beiden Prismen als Zwillingsebenen fungiren. Es ist aber ein gemeinsamer Zug dieser Classe von rhombischen Systemen mit einer

Prismenkante von nahe 120°, dass ihre Zwillinge sich durchdringen, oft in recht unregelmässiger Weise.

Auch bei dem Humit kommen nur seltener Juxtappositions-, sondern meist Penetrationszwillinge vor. — Zwischen denselben findet demnach, vorausgesetzt, dass beide Gesetze der Verwachsung, parallel 3e und parallel 4e, verwirklicht sind, folgender Unterschied statt:

lm erstern Falle, Zwillingsebene ze, wird die stumpse Kante der Basen A:A halbirt durch die Zwillingsebene, und es beträgt die Kante $A:A=120^{\circ}24'$. Im zweiten Falle, parallel ze, halbirt die Zwillingsebene den scharfen Winkel der Basen, während in der Verwachsungsebene sich dieselben unter dem Winkel $A:A=119^{\circ}36'$ schneiden. Welche Verwachsung vorliegt, kann demnach nur durch Messung ermittelt werden, nicht durch Beobachtung der Coincidenz oder Nicht-Coincidenz gewisser Flächen, da weder die Zwillingsebenen als Krystallslächen austreten, noch auch Pyramidenslächen, welche gerade ausgesetzt erscheinen würden auf die Flächen jener Zwillingsprismen.

Beide Gesetze der Zwillingsbildung sind in der That realisirt.

1) Zwillingsebene $\frac{3}{7}e$, s. Taf. V Fig. 2 u. 2a.

Typus sich bisweilen Verwachsungen fänden, in denen die Basen der beiden Individuen Winkel von ungefähr 120° und 60° bilden. "Die Aufsuchung ihrer Zwillingsebenen ist mir etwas schwer geworden, weil an ihnen Flächen sehlen, deren Zusammensallen das Gesetz der Zwillingsbildung klar machen könnte." Nur zwei Mal konnte Scachi die Neigung der Basen messen, und da er dieselbe ungefähr = 120° 30′ fand, so zweiselte er nicht, dass hier die Fläche e ½ d. h. ¾e Zwillingsebene sey, ohne indess daraus eine allgemeine Regel ableiten zu wollen. Hessenberg hestätigte dasselbe Zwillingsgesetz, und stellte den betreffenden Krystall in der Fig. 16 Taf. XIV seiner Miner. Not. 1 Forts. dar.

An einem ähnlich der Fig. 2 gebildeten Zwilling, welchen Hessenberg die Güte hatte, mir zu senden, maß ich die Neigung der Basen $A: \underline{A} = 120^{\circ} 26'\frac{1}{2}$, fast vollkommen dem oben angegebenen, berechneten Werthe gleich.

An einem andern, dunkelhoniggelben Krystall aus Neapel (7^{mm} lang), von der Flächenausbildung der Fig. 1 Taf. V, ergab sich der Zwillingswinkel $A:A=120^{\circ}$ 26'.

Am Zwillinge Fig. 2, 2a bilden die an der Zwillingsebene zusammenstoßenden Flächen $\frac{1}{3}r:\frac{1}{3}r$ die einspringende Kante = 174° $25'\frac{1}{8}$, die Flächen $\frac{1}{4}r:\frac{1}{4}r$ gleichfalls über der Zwillingsebene die ausspringende Kante = 175° $59'\frac{1}{2}$.

Als eine Folge der Zwillingsverwachsung ist noch zu erwähnen, dass Flächen des einen Individuums mit solchen des andern zwar nicht vollkommen, doch sehr annähernd in Zonen fallen.

Wir wollen einige dieser Pseudozonen angeben, indem wir uns dabei auf die Fig. 2a Taf. V beziehen, und an jedem der beiden Individuen die vorue rechts (r) von den vorue links (l) liegenden Flächen unterscheiden; auch wollen wir die Pyramide $\frac{1}{5}r$, welche in der Figur nicht gezeichnet ist, und ebenso $\frac{1}{3}e$, welches in der Figur dort, wo die Individuen zur Zwillingsebene zusammenstoßen, nicht eingetragen ist, mit in unsere Betrachtung ziehen.

 $\frac{1}{3}e(r):\frac{1}{4}r(r):\frac{1}{3}i:\frac{1}{5}\underline{r}(l)$ alle Flächen der vordern Hälfte $\frac{1}{4}e(r):\frac{1}{5}r(r):\frac{1}{3}i:\frac{1}{3}\underline{r}(l)$ angehörend:

 $\frac{1}{3}e(1):\frac{1}{3}i:\frac{1}{3}\underline{r}(r)$ letztere Fläche der hintern Hälfte des $\frac{1}{3}e(1):\frac{1}{3}i:\frac{1}{3}\underline{r}(r)$ Zwillings angehörig;

 $e(l): \frac{1}{5}r(r): \frac{1}{4}r(l): \frac{1}{3}r(r)$ alle Flächen auf der vordern Seite.

2) Zwillingsebene ½e, s. Taf. V Fig. 3 u. 3a.

Die Zwillingsebene halbirt den scharfen Winkel der Basen A: A, während die den stumpfen Winkel theilende Ebene nur Verwachsungsfläche ist. Fig. 3 stellt diesen Zwilling in der Stellung dar, dass die Zwillingsebene mit

der Längsfläche oder Axenebene ac zusammensällt, wie das Gleiche für den erstern Zwilling galt. Ein Zusammenfallen identer Flächen des einen und des andern Individuums kann begreiflicher Weise auch hier nicht stattfinden, da weder das Prisma $(7a : \infty b : c)$, noch irgend welche Fläche mit dem Verhältnisse der Axen $a:\frac{1}{7}c$ vorhanden ist. Die Differenz der Winkel der beiderlei Zwillingskanten, welche einerseits nach dem Gesetze ; e, andererseits zufolge de entstehen, beträgt nur 0° 48'. Auf der Wahrnehmung dieses Unterschieds beruht die Erkennung des Zwillingsgesetzes. Das Original der Fig. 3, ein Krystall von nur geringer Größe, lichtgelber Farbe, im Besitze Hessenberg's, zeigte sich nur auf einer Seite, auf welcher die AA einen stumpfen Winkel bilden, auskrystallisirt. Auch in diesem Falle habe ich den Zwilling als eine Durchwachsung gezeichnet; denn fast niemals beschränkt sich der Zwilling des Humits auf blosse Aneinanderwachsung, fast immer durchdringen sich kreuzweise die Individuen, wenngleich diese Durchwachsung oft nur in der Anlage vorhanden und nicht völlig ausgebildet ist.

An dem dargestellten Krystall war eine Fläche A wegen Schmalheit nicht messbar, wohl aber konnte gemessen werden Kante 1/5 e: 1/5 e (einspringend über der Verwachsungsebene) = 161° 55', und Kante ½e: ½e (gleichfalls einspringend) = 155° 27'. Berechnet man hieraus die stumpse Kante A: A auf Grund der Axendimensionen, so resultirt der ersteren Messung zufolge $A: A = 119^{\circ} 43'$, der letztern zufolge == 119° 50'. Die Abweichungen dieser Werthe von dem oben berechneten Zwillingswinkel 119° 36' ist unter Berücksichtigung der Ausbildung des Krystalls zu gering, um an der Richtigkeit des Gesetzes parallel 17e Sollte sich aber dennoch ein Bedenken erzu zweifeln. heben, auf Grund jener Winkeldifferenz von 48' ein zweifaches Zwillingsgesetz anzunehmen, so würde dasselbe gehoben werden durch den Hinweis auf die Zwillinge des zweiten Typus, deren Zwillingsebenen gleichfalls fast genau normal zu einander stehen, und sich durch Coincidenz resp. Nicht-Coincidenz gewisser Flächen auf das Bestimmteste von einander unterscheiden.

Die Ausbildung der Krystalle ist eine etwas verschiedenartige, indem sie entweder in der Richtung der Brachyaxe am meisten ausgedehnt sind, entsprechend der Fig. 1 Taf. V, oder verlängert erscheinen parallel der Vertikalaxe, Fig. 1 Taf. VII. Häufig findet auch eine unsymmetrische Ausbildung statt, indem die eine Hälfte der Pyramidenslächen der Reibe r mehr ausgedehnt ist als die andere. Dies Vorherrschen betrifft dann die sämmtlichen Flächen derselben Zone r: A: r'.

Die Krystalle sind theils einfach (dies ist häufiger der Fall als es bei dem dritten und namentlich bei dem zweiten Typus beobachtet wird), theils Zwillinge, theils Drillinge. Die Zwillinge oft höchst regelmäsig gebildet, meist durchkreuzt, seltener auf blosse Aneinanderwachsung beschränkt. Die Drillinge sind gewöhnlich sehr unregelmäsig, indem sie sich in mannigfacher Weise durchdringen. Der Glanz der Flächen ist gewöhnlich nur von mittlerer Vollkommenheit, hinter der Beschaffenheit der Krystalle des dritten Typus zurückbleibend. Die Reihe der e sowie e ist oft gestreift in Folge des alternirenden Auftretens der Flächen. Unter der großen Zahl von Flächen sind als seltenere zu bezeichnen e, $\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{3}i$, $\frac{1}{3}n$, $\frac{1}{2}o$.

Die Farbe ist weiß, gelblichweiß, lichtgelb, honiggelb, kastanienbraun, braun mit einem Stich in's Rothe.
Auf das Dichroskop wirken die verschiedensarbigen Abänderungen kaum merkbar ein. Ebenso verhalten sich die
Krystalle der beiden andern Typen.

Eine deutliche Spaltbarkeit geht parallel der Basis A. Dieselbe erleichtert vermöge des in dieser Richtung aus dem Krystall hervortretenden Lichtscheins die Orientirung.

Die Krystalle des ersten Typus sind meist normal gebildet, so dass die gemessenen Winkel sehr nahe mit den aus den Axenelementen berechneten übereinstimmen, häufig so nahe, das eine etwaige Disserenz kaum sicher in An-

betracht der Flächenbeschaffenheit constatirt werden kann. Es finden sich indess auch Krystalle mit größeren Disseren Disseren einzelner Kanten.

Messungen. Indem wir die Angabe der Neigungen sämmtlicher Flächen des Humits zur Basis A einer spätern Uebersicht vorbehalten, mag hier eine Reihe von Messungen ihre Stelle finden. Voran stellen wir die zum Theil in bewunderungswerther Weise normal gebildeten Krystalle, es folgen solche, an denen Störungen der Kantenwinkel sich bemerkbar machen.

1) Weisser Krystall, 2^{mm} groß, von Scacchi erhalten, eine Combination der Formen A, $\frac{1}{8}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, e, B, $\frac{1}{3}i$, $\frac{1}{4}r$, $\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{2}r$. Die eingeklammerten Winkel sind die aus den Axenelementen berechneten.

```
A: \frac{1}{5}e = 140^{\circ}51' \ (140^{\circ}49'\frac{1}{2}) \qquad A: \frac{1}{3}r = 121^{\circ}45' \ (121^{\circ}44'\frac{1}{2})
A: \frac{1}{4}e = 134 \ 28\frac{1}{2} \ (134 \ 30 \ ) \qquad A: \frac{1}{3}r' = 121 \ 44 \qquad \alpha
A: e = 103 \ 47 \ (103 \ 47\frac{1}{2}) \qquad \frac{1}{3}r: r\frac{1}{2} = 170 \ 40\frac{1}{4} \ (170 \ 40\frac{1}{4})
A: \frac{1}{3}i = 124 \ 17 \ (124 \ 17\frac{3}{4}) \qquad \frac{1}{3}i: \frac{1}{3}r = 159 \ 4 \ (159 \ 4 \ )
A: \frac{1}{3}i' = 124 \ 17\frac{1}{4} \qquad \alpha
```

2) Lichtgelblicher Krystall, ca. 2^{mm} groß, von Hessenberg erhalten, eine Combination von $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{2}e$, e, A, B, $\frac{1}{3}i$, $\frac{1}{4}r$, $\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{2}r$, r.

```
\frac{1}{2}e: \frac{1}{3}i = 104^{\circ}25' \ (104^{\circ}22'\frac{1}{4})
A: \frac{1}{4}e = 134^{\circ}33' (134^{\circ}28'\frac{1}{3})
A: \frac{1}{3}e = 126\ 26\ (126\ 22\ )
                                                      e: \frac{1}{2}i = 97 47 (97 43)
A: \frac{1}{2}e = 116 \ 15 \ (116 \ 8\frac{3}{4})
                                                      A: \frac{1}{4}r = 129 \ 30 \ (129 \ 31)
e: \frac{1}{2}e = 167 \ 40 \ (167 \ 38\frac{3}{3})
                                                      \frac{1}{4}r:\frac{1}{4}r=172\ 13\frac{1}{4}(172\ 13\frac{1}{6})
                                                      \frac{1}{3}r:r = 159 54 (159 54\frac{3}{4})
e: \frac{1}{3}e = 157 \ 25 \ (157 \ 25\frac{1}{2})
e: \frac{1}{4}e = 149\ 20\ (149\ 19\ ) \frac{1}{3}r: \frac{1}{4}r = 170\ 40\ (170\ 40\frac{1}{4})
e:e'=152\ 26\ (152\ 25\ )
                                                      \frac{1}{2}e:\frac{1}{4}r=124\ 51\ (124\ 50\frac{1}{2})
                                                      \frac{1}{3}i: \frac{1}{4}r = 159 \ 33 \ (159 \ 32)
A: i = 124 \ 14 \ (124 \ 16\frac{6}{4})
\frac{1}{5}i:\frac{1}{3}i'=111\ 26\frac{1}{2}(111\ 26\frac{1}{2})
```

3) Kastanienbrauner Krystall, 3^{mm} groß, von Scacchi. B, e, $\frac{1}{2}$ e, $\frac{1}{3}$ e, $\frac{1}{4}$ e, $\frac{1}{6}$ e, A, $\frac{1}{3}$ i, i, $\frac{1}{3}$ r, $\frac{1}{2}$ r, r, $\frac{1}{4}$ r, o, n; die Ausbildung ist die der Fig. 1 Taf. VII.

```
A: \frac{1}{3}e = 140^{\circ}53' \ (140^{\circ}49'\frac{1}{4}) \qquad A: \frac{1}{4}r = 129 \ 31 \ (129 \ 31 \ )
A: \frac{1}{4}e = 134 \ 30 \ (134 \ 28\frac{1}{2}) \qquad A: \frac{1}{4}r' = 129 \ 31 \ (129 \ 31 \ )
A: \frac{1}{3}e = 116 \ 11 \ (116 \ 8\frac{3}{4}) \qquad \frac{1}{4}r: \frac{1}{3}r = 172 \ 14 \ (172 \ 13\frac{1}{2})
\frac{1}{2}e: \frac{1}{4}e = 161 \ 42 \ (161 \ 40\frac{1}{3}) \qquad \frac{1}{4}e: \frac{1}{4}r = 124 \ 51 \ (124 \ 50\frac{1}{3})
A: \frac{1}{3}i = 124^{\circ}19' \ (124^{\circ}16'\frac{1}{4}) \qquad \frac{1}{3}r: \frac{1}{3}i = 159 \ 5 \ (159 \ 4)
\frac{1}{2}e: \frac{1}{3}i = 104 \ 27\frac{1}{2} \ (104 \ 22\frac{1}{4}) \qquad \frac{1}{3}r': \frac{1}{3}i = 159 \ 6 \qquad \alpha
\frac{1}{2}e': \frac{1}{3}i = 104 \ 31\frac{1}{2} \qquad \alpha \qquad A: \frac{1}{2}e = 175 \ 53 \ (175 \ 44\frac{8}{4})
```

Die Fläche A gehört dem Fragment eines angewachsenen Zwillingsindivids an. Die Berechnung geschah unter der Voraussetzung, dass Zwillingsebene ist 3e.

4) Lichtgelblicher Krystall, 10^{mm} groß, von Scacchi. B, $e, \frac{1}{2}e, \frac{1}{3}e, \frac{1}{4}e, \frac{1}{5}e, A, \frac{1}{3}i, r, \frac{1}{2}r, \frac{1}{3}r, \frac{1}{4}r$.

```
A: \frac{1}{5}e = 140^{\circ}51' \ (140^{\circ}49'\frac{1}{4}) A: \frac{1}{4}r' = 129^{\circ}32' \ (129^{\circ}31') A: \frac{1}{5}i = 124 \ 15\frac{1}{2} \ (124 \ 26\frac{3}{4}) \frac{1}{4}r: \frac{1}{3}r = 172 \ 16 \ (172 \ 13\frac{1}{4}) A: \frac{1}{4}r = 129 \ 30 \ (129 \ 31 \ )
```

5) Dunkelbrauner Krystall, 10^{mm} groß, von Scacchi erbalten. Dieser prächtige Krystall wurde zuerst als dem dritten Typus zugehörig erachtet. Er fand sich nämlich nebst wenigen andern Krystallen des ersten Typus gemengt mit sehr vielen Krystallen des dritten Typus. Der Auswürfling, welcher dies seltene Zusammenvorkommen zweier Typen darbot, bestand neben Humit aus Kalkspath, braunem Glimmer und weißem Olivin. Die Farbe der Krystalle beider Typen ist hier vollkommen dieselbe. Nur durch Messung jedes einzelnen Krystalls lassen sich hier beide Typen unterscheiden. An diesem Krystalle wurden die beiden neuen Formen in und io aufgefunden. Auch die seltene Fläche in, welche Scacchi zwar auf Marignac's Autorität aufführt, aber nicht wieder beobachtet hatte, tritt hier auf. Der Krystall zeigt sämmtliche, oben aufgeführte Flächen.

```
A: \frac{1}{2}n = 108^{\circ}28' \ (108^{\circ}28'\frac{1}{4}) \qquad \frac{1}{5}r: \frac{1}{4}r = 173^{\circ}40' \ (170^{\circ}37'\frac{1}{2})
B: o = 114 \ 48 \ (114 \ 50) \qquad \frac{1}{4}r: \frac{1}{5}r = 172 \ 13\frac{1}{2} \ (172^{\circ}13\frac{1}{2})
B: \frac{1}{2}o = 132 \ 45 \ (132 \ 47\frac{1}{2}) \qquad \frac{1}{3}r: \frac{1}{2}r = 170 \ 40\frac{1}{2} \ (170 \ 40\frac{1}{4})
o: \frac{1}{5}o = 162 \ 3\frac{1}{2} \ (162 \ 2\frac{3}{4})
```

6) Gelblichweiser Zwillingskrystall, parallel $\frac{1}{7}e$, circa 2^{mm} groß, im Besitze Hessenberg's. A, $\frac{1}{8}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$. Diess ist derselbe Krystall, welcher dem oben mitgetheilten Zwillingsgesetz — parallel $\frac{1}{7}e$ — zu Grunde lag; es wurden die beiden betreffenden Winkel $\frac{1}{5}e$: $\frac{1}{6}e$ und $\frac{1}{5}e$: $\frac{1}{4}e$ bereits oben angegeben.

$$A: \frac{1}{5}e = 140^{\circ}45' \ (140^{\circ}49'\frac{1}{4}) \quad \frac{1}{5}e: \frac{1}{4}r = 134^{\circ}15' (134^{\circ}15'\frac{1}{5})$$

$$\frac{1}{4}e: \frac{1}{5}e = 173 \ 39\frac{1}{2} (173 \ 39\frac{1}{4}) \quad \frac{1}{5}e: \frac{1}{3}r = 129 \ 18 \ (129 \ 18)$$

$$\frac{1}{5}e: \frac{1}{3}i = 115 \ 54 \ (115 \ 53)$$

Während die bisher aufgeführten Krystalle so regelmäsig krystallisirt sind, dass etwaige Abweichungen von den berechneten Winkelwerthen, bei der oft nur mittelmäsigen Flächenbeschaffenheit kaum die Grenzen der Messungssehler überschreiten, kommen doch auch zuweilen Krystalle vor, welche größere Abweichungen zeigen.

7) Dunkelhoniggelber Krystall, 8^{mm} groß, von Scacchi. A, $\frac{1}{5}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{2}e$, e, B, $\frac{1}{3}i$, i, $\frac{1}{5}r$, $\frac{1}{4}r$, $\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{4}r$, r, $\frac{1}{5}o$, o, n. Der Krystall ist einer jener seltenen, lediglich an einander gewachsener, nicht durchkreuzter Zwillinge; parallel $\frac{3}{2}e$. Die Individuen sind verbunden mit der Zwillingsebene. Die an diesem Krystalle gemessene Kante A:A wurde bereits oben mitgetheilt.

Die Fläche şi, welche vorzugsweise gestört erscheint, ist sehr ausgedehnt und etwas matt.

8) Zwilling parallel $\frac{3}{7}e$, aus der Sammlung des Hrn. Dr. Scharff; A, $\frac{1}{5}e$, $\frac{1}{4}e$, $\frac{1}{3}e$, $\frac{1}{4}r$, $\frac{1}{3}i$. Die Kante $A: \underline{A}$ siehe oben.

$$\frac{A}{1} : \frac{1}{5} = 140^{\circ} 59' \quad (140^{\circ} 49') \quad A : \frac{1}{3}i = 124^{\circ} 48' \quad (124^{\circ} 16'\frac{3}{4}) \\
A : \frac{1}{4}e = 146 \quad 7\frac{1}{2} \quad (116 \quad 8\frac{3}{4}) \quad A : \frac{1}{4}r = 129 \quad 23 \quad (129 \quad 31) \\
A : e = 103 \quad 53\frac{1}{2} \quad (103 \quad 47\frac{1}{2}) \quad \underline{A} : \frac{1}{4}r = 129 \quad 35 \quad \bullet \quad \bullet \\
\frac{1}{2}e : \frac{1}{5}e = 136 \quad 44\frac{1}{2} \quad (136 \quad 34) \quad A : \frac{1}{3}r = 121 \quad 50 \quad (121 \quad 44\frac{1}{3})$$

9) Ein Durchwachsungsdrilling von lichtgelblicher Farbe, 4^{mm} groß, von Scacchi, parallel $\frac{3}{7}e$, gestattete die Messung der drei Winkel, welche die Basen A, A, A mit einander bilden.

$$A: \underline{A} = 120^{\circ}38'; \quad A: \underline{A} = 120^{\circ}33'; \quad \underline{A}: \underline{A} = 118^{\circ}46'.$$

Aus jenen beiden erstern Winkeln berechnet sich der Werth des letztern = 118°49', in naher Uebereinstimmung mit der Messung.

B. Die Grundsorm der Krystalle des zweiten Typus ist ein Oktaëder, dessen Axen sich verhalten (gleichfalls berechnet aus den Messungen an dem oben erwähnten Krystalle des dritten Typus):

$$a:b:c=1,08028:1:3,14379.$$

Die Vergleichung dieses Axenverhältnisses mit demjenigen des ersten Typus lehrt, dass die beiden Axen a:b identisch sind, die Axe c des ersten zum c des zweiten Typus sich verhält wie 7:5 oder $\frac{1}{5}:\frac{1}{7}$. Es neigt sich die makrodiagonale Endkante zur Vertikalaxe = 18° 57′ 50″, die brachydiagonale = 17° 38′ 43″.

Während die Krystallformen des ersten Typus durchaus vollslächig sind, zeigen diejenigen des zweiten eine eigenthümliche, höchst merkwürdige Hemiedrie, welche einen Theil der rhombischen Pyramiden in Hemipyramiden, oder in schiefe rhombische Prismen theils der Vorder-, theils der Hinterseite verwandelt. So erhält dieser Typus eine scheinbar monokline Ausbildung, während dennoch die Axenelemente durchaus rhombisch bleiben. Die Fig. 4

und 4a Taf. V werden eine Vorstellung von dieser Hemiedrie geben, und zugleich erkennen lassen, weshalb wir den Krystallen keine andere Stellung geben können, als diejenige, in welcher A Basis und die Prismen e Brachydomen (oder in diesem Falle Querprismen) werden.

In jeder andern Orientirung stellen sich nämlich die Krystalle des zweiten und ebenso die des dritten Typus als unsymmetrisch in Bezug auf die rechte und die linke Seite dar, vergl. Fig. 5 und 5a.

Hierin liegt auch die Rechtfertigung für die Stellung der Krystalle des ersten Typus, nämlich die Makroaxe nach vorne gewendet.

Die Hemiedrie betrifft indess weder die Makrodomen & noch die Brachydomen e, wohl aber die Pyramiden der Reihe per, sowie die Brachypyramiden m (welche Reihe beim ersten Typus nicht vorkommt) und häusig die Pyramide der Hauptreihe \frac{1}{3}n. Wenugleich nun die Brachydomen e durchaus den Charakter rhombischer Formen haben, so wird es doch nöthig sein, durch ein vorgesetztes — Zeichen die hintere (untere) Fläche von der vordern (oberen) zu unterscheiden. Die an den Krystallen des zweiten Typus austretenden Formen erhalten, bezogen auf obige Grundform, solgende Zeichen:

Grundform
$$\{ n = (a : b : c), P^1) \} [n^2]$$

1) Indem wir mit P die vordere, mit P die hintere Hemipyramide bezeichnen, weichen wir allerdings von der Bezeichnungsweise der betreffenden Formen des monoklinen Systems nach Naumann ab. Indess gründet sich die letztere Bezeichnung darauf, dass P über dem spitzen, P über dem stumpfen Axenwinkel liegt, eine Verschiedenheit, welche selbstverständlich bei dem rhombischen Systeme des Humits fortfällt, aus welchem Grunde die Auffassung der auf der Hinterseite austretenden Formen als negativer hier die naturgemäße erscheint.

Hemiedrische Makropyramiden:

$$r = (a: \frac{1}{2}b: c), \qquad 2\bar{P}2[r^4]$$

$$-\frac{1}{3}r = (3a': \frac{3}{2}b: c), \qquad -\frac{3}{3}\bar{P}2[r^3]$$

$$\frac{1}{5}r = (5a: \frac{5}{2}b: c), \qquad \frac{2}{5}\bar{P}2[r^2]$$

$$-\frac{1}{7}r = (7a': \frac{7}{2}b: c), \qquad -\frac{2}{7}\bar{P}2[r]$$

Hemiedrische Brachypyramiden:

Von diesen Flächen wurden bisher nicht aufgeführt 3e und 1i, welche ich an Krystallen aus der Neapolitanischen Sammlung auffand. Scacchi führt das Brachypinakoid B auf, welches ich nie beobachtet habe.

In Bezug auf die Pyramide $\frac{1}{3}n$ [n] sagt Scacchi, sie fände sich hemiedrisch auf derjenigen Seite des Krystalls, wo r [r²] läge. Dies würde also unserer vordern oder

1) Es ist dies dieselbe Fläche, von welcher Scacchi bemerkt: "Endlich habe ich an einem Krystalle des zweiten Typus eine Fläche gesunden, wahrscheinlich zur Reihe i gehörig, die zur Basis A unter 141°45′ geneigt ist; eine Messung, die sehr nahe (a: ∞b: 4c) giebt. Aber bei der Unvollständigkeit des Krystalls habe ich mir keine Gewissheit verschassen können, zu welcher Reihe sie gehöre."

positiven Seite entsprechen. Entgegengesetzt dieser Angabe zeigt indes Scacchi's Fig. 4 die Hemipyramide $\frac{1}{3}n$ austretend neben $-\frac{1}{7}r[r]$, d. h. auf der hintern oder negativen Seite. Vermuthlich liegt der Irrthum im Texte, nicht in der Figur. Ferner giebt Scacchi noch an, dass er, wenngleich selten, $\frac{1}{3}n$ vollstächig gesunden habe.

Die Figuren meiner Taseln zeigen nur $-\frac{1}{3}n$ neben $-\frac{1}{7}r$, also im Sinne der Scacchi'schen Zeichnung; als Resultat vielsacher Beobachtungen. Nachdem indess die Taseln längst vollendet, fand ich in der That an einem Krystalle der neapolitanischen Sammlung sowohl $+\frac{1}{3}n$ als auch $-\frac{1}{3}n$ ausgebildet, dann erst ersah ich, dass bereits Scacchi die Holoëdrie dieser Pyramide beobachtet hatte.

Die angedeutete Hemiedrie ist beim zweiten Typus eine so durchaus vorherrschende Erscheinung, dass ganz vereinzelte Ausnahmen vom Gesetze kaum in Betracht kommen können. Doch sey schon hier erwähnt, dass ich sehr seltene Krystalle fand, welche keine Hemiedrie zeigen, sondern neben $-\frac{1}{3}r$ auch $\frac{1}{3}r$, neben $\frac{1}{5}r$ auch $-\frac{1}{5}r$, sowie neben $-\frac{1}{7}r$ auch $\frac{1}{7}r$ besitzen. Diese Ergänzungsslächen wurden in die obige Flächentabelle nicht aufgenommen, weil es sich um eine nur vereinzelte Ausbildung handelt, welche den allgemein hemiedrischen Charakter des Systems nicht wesentlich beschränken kann.

In der Linearprojection sind durch ausgezogene Striche und fette Buchstaben die Sectionslinien der Flächen des zweiten Typus bezeichnet. Man erkennt sogleich, dass ausser der Basis und dem Makropinakoide nicht eine einzige Fläche dem ersten und dem zweiten Typus gemeinsam ist.

Vertikale Prismen (welche in Bezug auf ihre Ausdehnung auch schon beim ersten Typus eine geringe Bedeutung haben) fehlen hier ganz. Unter allen Pyramiden ist stets vollslächig vorhanden nur n, die Grundsorm, die andere Pyramide der Hauptreihe ist meist nur mit der hintern Flächenhälste vorhanden. In Bezug auf die Reihe der Makropyramiden zeigt sich die bemerkenswerthe Erschei-

nung, dass die auf der vordern und der hintern Seite liegenden Formen regelmässig mit einander alterniren, während r vorne, tritt $-\frac{1}{3}r$ binten, $\frac{1}{3}r$ vorne, endlich $-\frac{1}{3}r$ wieder hinten aus.

Die beiden hemiedrischen Brachypyramiden der Reihe gehören ausschliesslich der Hinterseite an. Es wird einleuchten, wesshalb wir die Flächen der Brachydomen, wenngleich sich die Hemiedrie auf dieselben nicht erstreckt, dennoch als positive und negative unterscheiden müssen. Durch die Combination mit den hemiedrischen Pyramiden erhalten nämlich die nicht parallelen Flächen dieser Formen eine andere Bedeutung, in Folge deren sie sich namentlich bei der Zwillingsbildung bestimmt von einander unterscheiden, während die Flächen der Makrodomen identisch bleiben. Der Krystall Fig. 4 und 4a bietet fast alle aufgeführten Flächen dar. Die nicht in die Figur eingezeichneten Flächen & e (s. Taf. VII Fig. 8 und 3i (s. Taf. VII Fig. 9), endlich das Makropinakoid C (Taf. VII Fig. 2) sind Seltenheiten. Denselben Krystall, welchen Fig. 4 in der von uns gewählten, durch die Hemiedrie der Pyramiden bedingten Stellung zeigt, sehen wir in Fig. 5 in veränderter Stellung. Hier erscheinen die Flächen e als vertikale Prismen, A als Quersläche. Die Lage der hemiedrischen Pyramiden, theils zur Rechten, theils zur Linken, und zwar oben und unten auf derselben Seite auftretend, wird nun vollkommen deutlich sein. Dieser Stellung würde die Flächenbezeichnung entsprechen müssen, wenn keine Hemiedrie an den Krystallen aufträte, weil (wie oben bereits erwähnt) in der Reihe e latente Prismen von nahe 120° liegen, welche als Zwillingsslächen fungiren; und die Analogie mit Aragonit, Weissblei etc. eine gleiche Aufstellung auch für den Humit bedingen müsste. Diese Rücksicht muss aber gegen die wichtigere Thatsache der Hemiedrie zurücktreten. Denn Flächen, liegend wie die Reihe der r m n in der Stellung Fig. 5, würden in der gesammten Krystallographie ihres Gleichen nicht haben, während sie zufolge Fig. 4 den Hemioktaëdern, schiesen Prismen, der

monoklinen Krystalle entsprechen, und ein monoklines Element in das unbezweifelt rhombische System des Humits einführen. Bei dem Studium der Fig. 5 könnte sich vielleicht die Frage erheben, wesshalb ich die Krystalle so gewandt, dass die mit negativen Vorzeichen versehenen Flächen zur Rechten, und nicht vielmehr zur Linken liegen. Es geschah diess aus dem Grunde, um die slächenreichere, die negative Seite des Krystalls zur vollkommneren Anschauung zu bringen.

Der monokline Habitus der Krystalle des zweiten Typus tritt bald mehr, bald weniger hervor; letzteres in dem Falle, wenn die Flächen der Grundform sehr ausgedehnt sind, jenes, wenn die Hemipyramiden der Reihe rüber die Grundform herrschen.

Nur die Grundsorm n ist stets vollslächig als Pyramide vorhanden, zu ihr ist e das zugehörige brachydiagonale Doma, während r eine hemiedrische Makropyramide. Ein Makrodoma, welches zur Grundsorm gehörte, ist nicht vorhanden, sowenig wie zu jenen Pyramiden, welche als schiese rhombische Prismen entwickelt sind. Wie in Fig. 5 die Prismenslächen e und -e horizontale Combinationskanten mit n und -n bilden, so würden gleichfalls horizontale Kanten zum Vorscheine kommen, wenn $-\frac{1}{3}e$ mit $-\frac{1}{3}n$ oder mit $-\frac{1}{3}r$ zum Durchschnitt käme; während keine Fläche der Reihe r mit $\frac{1}{3}e$ horizontale Kanten bildet.

Wenn wir nicht ohne Grund in der Hemiedrie des zweiten Typus eine gewisse Hinneigung zum monoklinen Systeme erblicken, so finden wir eine fernere Bestätigung dieser Thatsache in den Zahlenverhältnissen, welche die Indices der verschiedenen Formenreihen bilden, verglichen mit dem ersten Typus. Die Reihe $1:\frac{1}{2}:\frac{1}{3}:\frac{1}{4}$ hat nicht mehr statt, weder bei den Hemipyramiden r, noch bei den Brachydomen. Die herrschende Relation ist vielmehr $1:\frac{1}{3}:\frac{1}{5}$. Zwischen den beiden Brachypyramiden r und r r r r könnte man das fehlende Glied noch aufzufinden hoffen. Das Brachydoma r r wurde nur ein Mal beobachtet.

Zonen. Wir berücksichtigen nur diejenigen, welche wenigstens vier Flächen (parallele nicht gezählt) enthalten, und nicht parallel einer Axe gehen. Flächen parallel der Axe o sind überhaupt nicht vorhanden.

Die Zonenaxen liegen in der Ebene der Axen a und c.

$$e:n:r:C:r':n'$$
. Zonenpunkt = 1a.

$$-\frac{1}{3}e:-\frac{1}{3}n:-\frac{1}{3}r:C:-\frac{1}{3}r':-\frac{1}{3}n'$$
. Zonenpunkt = 3a'.

Auf der Brachyaxe b liegen keine nennenswerthe Zonenpunkte; in welcher Hinsicht also gerade das entgegengesetzte Verhalten stattfindet wie beim ersten Typus. Die genannten Zonen sind nur einzeln vorhanden. Die Zonenaxen liegen nicht in einer Axenebene und sind, entsprechend der hemiedrischen Ausbildung, zu je zwei vorhanden.

$$e: \frac{1}{3}n: \frac{1}{5}r: i: \frac{1}{3}r: -n: -m.$$
Zonenpunkt = $(1a, 2b)$

$$e: \frac{1}{2}i: -\frac{1}{7}r: -\frac{1}{3}n: -\frac{1}{5}m.$$

$$= (1a, 4b)$$

$$-e: -\frac{1}{5}n: i: n.$$

$$= (1a', 2b)$$

$$-e: -\frac{1}{5}m: -\frac{1}{3}r: r: -m.$$

$$= (1a', b)$$

$$-\frac{1}{3}e: -\frac{1}{7}r: i: r: -n: -\frac{1}{5}m.$$

$$= (3a', 2b)$$

$$-\frac{1}{3}e: \frac{1}{2}i: \frac{1}{5}r: n: -m.$$

Besonders bezeichnend für die Ausbildung der Krystalle ist das Makrodoma i, in zwei sich kreuzende Zonen hemiedrischer Pyramiden fallend, $\frac{1}{5}r:-\frac{1}{3}r$ und $r:-\frac{1}{7}r$. Diese und andere Eigenthümlichkeiten der Krystalle des zweiten Typus werden bei dem Studium der Fig. 4, 4a und 5, 5a leicht hervortreten, ohne dass es aussührlicher Darlegung bedürste. Bei der Construction der Figuren wurde darauf geachtet, dass, entsprechend der merkwürdigen Mischung rhombischer und monokliner Formen, sowohl der horizontale, durch die Kanten e:-e gelegte Schnitt (s. Fig. 4a), als auch der Vertikalschnitt (s. Fig. 5a) symmetrische Polygone sind, eine Bedingung, welche zu erreichen gewisse Schwierigkeiten darbot,

Wenngleich der zweite Typus weit weniger stächenreich als der erste ist (jener besitzt 32, dieser 57 Flächen, die parallelen nicht gezählt), so bietet dennoch die Ausbildung der Krystalle des zweiten theils in Folge der Hemiedrie, theils in Bezug auf die mannigfaltige Erscheinung der Zwillinge ein weit höheres Interesse dar.

Zwillinge. Scacchi sagt in Bezug auf die Verwachsungen der Krystalle vom zweiten Typus: "Bei allen, die ich untersuchen konnte, fand ich e^1 (d. h. nach unserer Bezeichnung $\frac{1}{8}e$) als Zwillingsebene. Darüber habe ich mir Gewisheit verschafst, theils durch directe Messung des Neigungswinkels der Flächen A, theils sicherer und zweiselloser dadurch, das ich bei den Zwillingskrystallen des zweiten Typus eine vollkommene Coincidenz der Flächen r^2 (d. h. $\frac{1}{8}r$) des einen Krystalls mit den Flächen r^2 des andern in derselben Ebene beobachtete."

Außer diesem durch Scacchi vollkommen richtig erkannten Zwillingsgesetze kommt indess, wenngleich seltener, noch ein zweites vor, dessen Unterscheidung von jenem ersten zwar nicht immer leicht, aber doch in zweiselloser Weise geschehen kann.

Es ist unschwer ersichtlich, dass aus dem Brachydoma = e zwei Glieder der Reihe e sich ableiten lassen, welche den Winkel von nahe 120° bildend, der Bedingung einer Zwillingsstäche der oben bezeichneten Art entsprechen. Es folgt diess schon aus der Thatsache, dass die Formen aller drei Typen aus derselben Grundsorm, wenn auch mit wenig einfachen Indices, hergeleitet werden können. Jene beiden Brachydomen sind ½e und ¾e; beiden entsprechend findet sich eine Verwachsung.

1) Zwillingsebene $\frac{1}{3}e$, s. Taf. V 6 und 6a, Taf. VII 4 und 4a, 5 und 5a. Diese Figuren stellen die gewöhnliche Verwachsung parallel einer Fläche des Domas $\frac{1}{5}e = (5a : \infty b : c)$, $\frac{1}{5}P \infty$ dar.

Diese Fläche ist bei den Krystallen des zweiten Typus nicht bekannt. Berechnet man für das Prisma le unter Zugrundelegung obiger Axenelemente die vordere stumpse Kante, so ergiebt sich der Werth 119°36'; $A:\frac{1}{6}e=149°48'$. Die Ebene dieser häufigsten Verwachsung entspricht demnach der selteneren Zwillingsbildung des ersten Typus.

Bei den wirklichen Zwillingen, welche durch zwei hemiedrische Individuen gebildet werden (im Gegensatze zu den Drillingen, bei denen, wie sogleich darzulegen seyn wird, die Hemiedrie ihre Gesetzmässigkeit verliert), fand ich stets nur $+\frac{1}{5}e$, niemals $-\frac{1}{5}e$ als Zwillingssläche. Die Unterscheidung beider Modalitäten der Verwachsung würde leicht sein. Bei einer Zwillingsstellung parallel + te fallen die Flächen der hemiedrischen Pyramiden 1 r 1 in ein und dieselbe Ebene, und liegen nach derjenigen Seite, wo die Basen AA ihre stumpfen Kanten hinwenden. Wenn umgekehrt — 1e Zwillingssläche wäre, so könnten 1r 1r nicht zu einem Doma sich verbinden, wie in Fig. 6, sondern würden über der scharfen Zwillingskante AA liegend, sich zu einem rhombischen Oktaëder ergänzen. Auf diese Unterscheidung ist um so mehr Gewicht zu legen, als beide Arten der Verwachsung bei den Krystallen des dritten Typus in der That realisirt sind.

Die in Rede stehenden Zwillinge parallel $+\frac{1}{8}e$ sind wohl immer Durchwachsungen, wenngleich zuweilen in Folge der Besetigung an die Drusenwand nur in der Anlage vorhanden.

Auf dieser kreuzweisen Durchwachsung beruht ein Unterschied der Zwillinge parallel $+\frac{1}{5}e$, welcher in den Fig. 6 und 6a Taf. V einerseits, sowie 4 und 4a Taf. VII andrerseits zur Auschauung gebracht wird. Außer der verschiedenen Flächenausbildung, namentlich iu Bezug auf das Vorherrschen der Hemipyramiden $\frac{1}{5}r$, und des Zurücktretens der Domen e, tritt uns sogleich der wesentliche Unterschied entgegen, daß bei Fig. 6 die Basen A und \underline{A} sich zu ausspringenden, bei Fig. 4 zu einspringenden Kanten begegnen. Die Zwillingsebene halbirt am Kryställe Fig. 6

die scharfe Kante $A: \underline{A}$, am Krystalle Fig. 4 die stumpfe Kante $-e: -\underline{e}$. In beiden Fällen steht die Verbindungsebene normal auf den Flächen $\frac{1}{5}r$.

Während bei der Zeichnung Fig. 6 der Zwillingsebene die Lage der sogenannten Längssläche gegeben wurde, zog ich vor, um die eigenthümliche Ausbildung des Krystalls Fig. 4 deutlicher zu machen, die Zwillingsebene hier parallel einer Quersläche zu richten. Der wesentliche Unterschied beider Krystalle besteht in der verschiedenen Vertheilung der Krystallstücke in den vier Quadranten. Die Entstehung beider Zwillinge kann man sich leicht in folgender Weise klar machen:

- a) Man durchschneide den Krystall Fig. 5, 5 a parallel einer Fläche $+\frac{1}{5}e$ und drehe hemitropisch die zur Rechten liegende Hälfte um 180°, während die linke in Ruhe bleibt, so erhält man die nach vorne gewandte Fläche des Zwillings 6, und durch Fortwachsung des rechten vordern Quadranten nach links hinten etc. den ganzen Kreuzzwilling, in dessen Fig. 6 und 6 a demnach die unterstrichenen Buchstaben dem gedrehten, die nicht unterstrichenen dem unbewegten Individuum angehören.
- b) Dreht man umgekehrt hemitropisch die linke Hälfte des Krystalls, während die rechte in Ruhe bleibt, und läfst die Hinterseite des Zwillings sich wieder durch kreuzweise Fortwachsung ergänzen, so erhält man die Gruppirung Fig. 4, 4a. Die nicht unterstrichenen Flächenbuchstaben gehören auch hier wieder dem nicht gedrehten Individuum an.

Am Zwilling Fig. 6 bilden die einem Doma vergleichbaren, in's Niveau fallenden Flächen $\frac{1}{5}r$ $\frac{1}{5}r$ in der Brachyaxe (in Fig. 6 vertikal gestellt) den Winkel = 94° 46' 1). Es bilden einspringende Kanten die Flächen $r:\underline{r}=141^{\circ}9'$; $-n:-\underline{n}=164^{\circ}22'$; $-m:-\underline{m}=141^{\circ}52'$.

1) Diese Kante maass ich bei Gelegenheit meiner ersten Arbeit über Humit-Zwillinge des zweiten Typus = 94° 47'; während der damals aus zwei andern Fundamentalmessungen berechnete VVerth = 94° 52' betrug.

Die Kante $-\frac{1}{3}\dot{r}:-\frac{1}{3}\underline{r}$ misst ausspringend über der Zwillingsebene = $162^{\circ}48'$.

In der Zone der Flächen e finden wir folgende einspringende Kanten: An der Zwillingsebene $e:\underline{e}=81^{\circ}40'\frac{1}{3};$ $-e:\underline{e}=157^{\circ}32'\frac{2}{3};$ an der Verwachsungsebene $\frac{1}{3}e:\frac{1}{3}\underline{e}$ $=152^{\circ}8'\frac{1}{3}.$

Zwar ist die Zwillingsebene $\frac{1}{5}e$ als Krystallsäche noch nicht beobachtet worden; wohl aber giebt es mehrere Kanten, welche in jener Zwillingsebene liegen, so dass je zwei zu der betressenden Kante zusammenstossende Flächen in eine Zone sallen mit $\frac{1}{5}e$. Wenn demnach die Individuen sich mit $\frac{1}{5}e$ verbinden, so müssen die entsprechenden Kanten beider Individuen parallel lausen. Um sich diess zu verdeutlichen, denke man sich in Fig. 5 Tas. V die Kante $A:\frac{1}{3}e$ abgestumpst durch $+\frac{1}{5}e$. Dann würde sich eine Zone beobachten lassen von $\frac{1}{5}e:i:r$ (dem rechts oben liegenden); desgleichen sallen in eine Zone $\frac{1}{5}e:-\frac{1}{7}r:-n$, und ebenso $\frac{1}{5}e:\frac{1}{2}i:-\frac{1}{3}n$. Als eine Folge dieser Thatsache beobachtet man am Zwillinge Fig. 6 die Parallelität der Kanten i:r und i:r, ferner $-\frac{1}{7}r:-\frac{n}{2}$ und $-\frac{1}{7}r:-n$.

Außer diesen Zonen, welche homologe Flächen beider Individuen umfassen, mit Zonenaxen, welche in der Zwillingsebene liegen, giebt es einige Flächen, welche zwar nicht vollkommen, doch außerordentlich nahe im Zonenverbande liegen. Um diese Flächen zu bezeichnen, welche Pseudozonen bilden, unterscheiden wir mit Bezug auf 6a die vordere (v) von der hintern (h) Seite des Zwillings.

Pseudozonen bilden folgende Flächen:

und ebenso:

$$-m(v): \underline{i}(v): \underline{i}(h): -m(h)$$

$$-\underline{m}(v): \underline{i}(v): \underline{i}(h): -m(h)$$

$$-\frac{1}{7}r(v): \underline{e}: \frac{1}{2}\underline{i}(h)$$
und ebenso:

$$-\frac{1}{7}\underline{r}(v): \underline{e}: \frac{1}{2}\underline{i}(h)$$

Die interessanten Beziehungen, welche die durch den Zwilling Fig. 6 gebildete Flächencombination darbietet, sind

durch obige Bemerkungen freilich nicht erschöpft. Der Zwilling Fig. 4 bietet gleichfalls einen über die Zwillingsgränze laufenden Kantenparallelismus dar, nämlich n: - 1 r und $-\frac{1}{3}r:n$; entsprechend einer Zone, welche am Krystall Fig. 5 hervortreten würde — durch die supponirte Fläche $+\frac{1}{5}e:-\frac{1}{3}r:n$ (rechts oben). Es bedarf kaum der Erwähnung, dass die vier Flächen n der Fig. 4 nicht dieselben, sondern die Ergänzungsslächen sind zu jenen n, welche in Fig. 6 auftreten. Wenn in Fig. 4 die kleine durch die Basen AA gebildete Einkerbung verschwindet und gleichzeitig die einspringende Kante $-\frac{1}{3}r:-\frac{1}{3}\frac{r}{r}$, so verräth Nichts den Humitzwilling, und man könnte wähnen, es mit einem neuen Mineral zu thun zu haben. Die aus dem Innern hervorleuchtenden, den Spaltungsflächen AA entsprechenden Lichtreslexe führten mich zur Lösung dieses interessanten Zwillings.

Sowohl in Fig. 6 Taf. V, als in Fig. 4 Taf. VII begegnen sich die Individuen mit homologen Flächen zu einoder ausspringenden Kanten, und beide Krystallhälften sind symmetrisch ausgebildet. Diess ist indess nicht immer der Fall, vielmehr begränzen sich oft die Individuen unsymmetrisch, wobei eigenthümliche neue Kanten in Folge des Zusammenstossens nicht homologer Flächen sich bilden. Diese "unregelmässigen Kanten", wie wir sie nennen wollen. sind eine sehr merkwürdige krystallographische Erscheinung, welche bisher noch nicht beobachtet zu sein scheint. Während die gewöhnlichen Kanten, ebenso die durch Berührung homologer Flächen eines Zwillings gebildeten, ausoder einspringenden Kanten krystallographische Linien sind, deren Lage durch drei einfache Coordinatwerthe sich bestimmen lässt, sind die unregelmässigen Kanten keine einfachen krystallographischen Linien. Sie sind in gewisser Hinsicht zu vergleichen mit den "Ueberwachsungskanten" (zu denen gleichfalls nicht homologe Flächen am Anorthitzwilling zusammenstossen köunen, s. No. 35 "Zwillingsbildungen des Anorthits", Min. Mitth. Forts. VIII. Ann. Bd. 138 S. 454). Während aber diese letztern nur einspringend sich ausbilden, sind die unregelmässigen Kanten ausspringend.

Die unsymmetrisch ausgebildeten Zwillinge des zweiten Typus sind verschiedener Art, theils prismatisch durch Ausdehnung der Flächen A und e, theils niedrig mit zurücktretenden Flächen e. Im erstern Falle sind sie nur an einem Ende krystallisirt, am andern, als dem ursprünglich aufgewachsenen, verbrochen. Im zweiten Falle sind sie oben und unten (im Sinne der Stellung Fig. 5 Taf. V) auskrystallisirt und die Anwachsstelle liegt am seitlichen Rande.

Fig. 6 und 6a Taf. VII stellt einen prismatisch ausgedehnten, unsymmetrisch gebildeten Durchkreuzungszwilling aus der neapolitanischen Sammlung dar, getreu in Beziehung auf seine Flächenausdehnung gezeichnet. Wie die Begränzung der Krystallstücke hier eine unregelmäßige ist, so verliert auch die Hemiedrie ihren gesetzmäßigen Charakter, und statt derselben stellt sich ein unregelmäßiges Auftreten resp. Fortfallen der Flächen der Reihen pund ein. Dieselbe Erscheinung werden wir sogleich bei den Drillingen wiederfinden, bei denen freilich, wie alsbald nachzuweisen sein wird, die Hemiedrie der einfachen Krystalle in keiner Weise bestehen kann.

Solche Krystalle wie Fig. 6 bieten bei ihrer Mannigfaltigkeit und zugleich nur geringen Größe (2 bis wenige Millim.) zuweilen erhebliche Schwierigkeit ihrer Entzisserung dar. Nicht selten verlangt die Deutung aller Flächen und ihre Messung eine mehrtägige Arbeit. Der Krystall ist in derselben Stellung gezeichnet wie Fig. 6 Tas. V. Die Verbindungsebene (6a) wird begränzt durch den stumpsen Winkel $A: \underline{A}$, die punktirten Linien, welche über die in Ein Niveau fallenden Flächen ($\frac{1}{5}r$) lausen, und die einspringende Kante $A:\underline{e}$. Die Zwillingsebene verräth sich in der Zone vertikaler Flächen durch die einspringenden Kanten $\frac{1}{5}\underline{e}:\underline{e}$ und $\underline{e}:\underline{e}$, und verläust in der Zuspitzung des Krystalls durch die, jene einspringenden Winkel verbindenden "unregelmäsigen" Kanten, zu denen Flächen

mit unterstrichenen und solche mit nicht unterstrichenen Lettern zusammenstossen. Trotz der Verschiedenheit der Ausbildung wird dennoch eine Vergleichung des symmetrischen Zwillings Fig. 6 Tas. V das Verständniss des in Rede stehenden unsymmetrischen erleichtern. Auch hier beobachten wir wieder die Zone $\frac{1}{7}r:\underline{n}:\frac{1}{7}r$ auf der in Fig. 6 nach vorne gewandten Seite. Sehr schön ausgebildet ist die Zone $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{5} \cdot$ Obigem noch nicht erwähnte Pseudozone: es liegt nämlich die Fläche $\frac{1}{3}r$ scheinbar parallelkantig zwischen $\frac{1}{3}i$ und $\frac{1}{7}r$. In Wahrheit convergiren indess diese Kanten etwas nach rechts. Die Betrachtung der Figur lehrt ferner das unregelmässige Austreten der sonst in gesetzmässiger Hemiedrie erscheinenden Flächen kennen. Ein symmetrischer Zwilling stellt sich nämlich, wenn wir nur ein Ende in's Auge fassen, als die Verbindung eines Individuums dar, bei welchem — 3r vorne zur Liuken liegt, mit einem solchen, bei welchem — 1/2 zur Rechten liegt. (Auf der Unterseite kehrt sich selbstverständlich das Verhältniss um.) Am unsymmetrischen Zwillinge Fig. 6 a seben wir indess, dass - 1 r in der vordern Hälfte zur Linken von 1 liegt, während — $\frac{1}{7}$ der Hinterseite zur Rechten von $\frac{1}{2}$ auftritt. Anders verhält sich das Individuum, welchem die nicht unterstrichenen Lettern angehören, indem - dr gleichmässig zur Rechten geneigt ist.

Die Fig. 5 und 5a stellen einen beiderseits ausgebildeten, unregelmäßigen Zwilling dar. Das zur Linken liegende Individuum ist sowohl auf der vordern, als auf der hintern Seite auf Kosten des andern Individuums entwickelt. Es entsteht hierdurch eine eigentbümlich unregelmäßige, schieße Gestalt, deren Deutung überdieß durch Flächenwölbung erschwert wurde. In Folge dieser Wölbung treten an den Originalkrystallen die unregelmäßigen Kanten, z. B. $i:\frac{1}{3}$, i:n nicht in der Schärse hervor wie in der Zeichnung. Es giebt Krystalle dieser Art, welche eine fast linsenförmige Gestalt darbieten. Die Stellung des Zwillings

Fig. 5 ist dieselbe wie bei Fig. 4, d. h. die Zwillingsebene hat die Lage der Quersläche.

Unter diesen niedrigen Zwillingen herrscht eine erstaunliche Manuigfaltigkeit. Ein jedes der kleinen Krystallchen ist verschieden vom andern, jedes eines eingehenden Studioms werth. Die Gränzen der Individuen verrathen sich in der Zone der vertikalen Flächen meist (doch nicht immer) derch einspringende Kanten, laufen über $(\frac{1}{5}r \frac{1}{5}r)$ und, wenn sie vorbanden, über C als kaum sichtbare Linien hinweg, außerdem ihren Lauf über unregelmässige Kanten nehmend. Um diese Verwachsungen zu entzissern, beginnt man am besten mit der Zone der Flächen e. Auch wenn eine einspriegende Kante den Zwilling nicht verräth, erkenut man denselben leicht. In dieser Zone, gebildet aus den Flächen A, 1e, e (3e ist ganz selten), giebt es nur dreierlei Winkel, nämlich $A: \frac{1}{2}e = 135^{\circ}52'\frac{1}{4}, \frac{1}{3}e: e = 153^{\circ}5'\frac{1}{2}$ und e: e = 142°4'. Ergiebt sich demnach beim Messen ein anderer Winkel, so gehört die Kante der Zwillingsgränze an. Finden wir z. B. in der Zone der Flächen e eine Kante von 175° 34', so kann dieselbe nur gebildet werden durch le des einen und e des andern Individuums. Der Winkel von 163° 43's kann nur angehören der Kante zwischen der Basis des einen und 1 des andern Individs. Nur durch große Achtsamkeit kann man bier Irrthümern entgehen, welche dariu bestehen, dass man die Flächen e des zweiten Individs für neue Flächen der Reihe e des ersten Individs hält. Diess geschieht um so leichter, wenn die unregelmässigen Kanten auch in der Zuspitzung ein sichtbares Zeichen der Zwillingsbildung nicht darbieten. Es ist dabei leicht einzusehen, und bedarf keiner aussührlichen Deduction, dass die Flächen e des zweiten Individs gleichfalls einfache krystallographische Zeichen erhalten, wenn wir dieselben auf das erste Individ beziehen. den Fig. 9 und 10 Taf. V sind in geraden Projectionen auf die Makropinakoidsläche C zwei der interessantesten dieser niedrigen unregelmässigen Zwillinge dargestellt.

Am Krystall Fig. 9 verräth außer der leicht der Aufmerksamkeit entgebenden einspringenden Kante e: - 1 e Nichts den Zwilling. Lange bleibt man im Zweisel, ob man es nicht mit einem der vielgestaltigen gelben vesuvischen Augite zu thun habe. Ist die Fläche A nicht messbar, was häufig der Fall, so steht man fast rathlos vor der Aufgabe der Flächen-Entzisserung. Die Ausbildung der Individuen ist bei Krystall 9 eine sehr unregelmässige, was man durch Vergleichung desselben mit Fig. 6 und 6 a erkennt. Die Basen bilden zwar gleicherweise den Winkel von $60^{\circ} 24'$, die Fläche $\frac{1}{5}r$ des rechten Individs bat ihre normale Lage. Das zur Linken liegende Individ ist auf Kosten des rechten entwickelt, so dass seine, im Niveau mit 1 r liegende Fläche 1 r, statt erst in Folge von Durchwachsung über ½ zum Vorscheine zu kommen (wie Fig. 6 a zeigt), schon bei dieser Juxtapposition erscheint. Die Zone $A:-\frac{1}{7}r:-\frac{1}{3}r:r:\frac{1}{5}r$ tritt deutlich hervor, was bei symmetrischen Durchwachsungen nicht sein kann. Auch können beim symmetrischen Zwilling Fig. 6 nur die negativen Flächen -n, -n erscheinen, während bei Fig. 9 auch zwei positive vorhanden sind. Man beachte auch die Zone $-\frac{1}{3}e:\frac{1}{5}r:n$, es ist die letzte der oben aufgeführten. Die kurze Kante i: r geht parallel der Zwillingsebene, welche indess durch kein sichtbares Zeichen äußerlich bervortritt. Die Kante $r:\underline{r}$ liegt in einer zur Zwillingssläche normalen Ebene, also in der Verbindungsebene. Diese beiden hier in ungewöhnlicher Weise zu einer Kante zusammenstoßenden Flächen entsprechen den gleichnamigen Flächen der Fig. 6a, welche zur Linken der Zwillingsebene liegen.

Eine seltsame Ausbildung bietet der Krystall Fig. 10 dar, indem hier die Basis C, eine bei allen drei Typen nur sehr selten erscheinende Fläche, vorherrscht, wovon ich ein zweites Beispiel nicht gesehen. Dem größeren linken Individ fehlt die Hemiedrie; denn, wie man sieht, tritt $\frac{1}{5}r$ sowohl zur Rechten als zur Linken von i auf. Die Unterscheidung der vordern und hintern Brachydomen e ist demnach hier hinfällig. r und $-\frac{1}{3}r$ bewahren indes ihre

Hemiedrie. Die Erkennung des kleinen Zwillingsstücks wird am Originalkrystall dadurch erschwert, dass in Folge der Anwachsung die Basis nicht zur Ausbildung gekommen. Dieselbe würde am verbrochenen Rande die Lage des Pfeils haben.

Dem Gesetz "parallel ½e" entsprechend wachsen auch drei Individuen zu Drillingen zusammen.

Die Mannigsaltigkeit der Ausbildung ist hier nicht geringer, als bei den Zwillingen. Sehr häufig legt sich auch an zwei herrschende Individuen ein drittes Krystallstück in ergänzender Stellung an, so dass der Unterschied zwischen den unsymmetrischen Zwillingen und den Drillingen kein ganz scharfer ist.

Hessenberg gebührt das Verdienst, zuerst eine der merkwürdigsten Drillingsgestalten des zweiten Typus hervorgehoben und gezeichnet zu haben. (Mineral. Not. I Forts. S. 18—19.) Durch die Güte meines Freundes wurde es mir möglich, denselben Krystall aus der Sammlung des Dr. Scharff zu untersuchen. Vergleiche über diesen Krystall auch die Anm. 3 am Schlusse der Forts. VIII dieser Mitth. Während Hessenberg den Prismen e eine horizontale Lage gab, zog ich vor, denselben, wie auch bei den übrigen Verwachsungen geschah, eine vertikale Aufstellung zu geben, zugleich auch den abgebrochenen Theil zu ergänzen, wobei indess zu bemerken, dass Drillinge dieser Art wohl stets aufgewachsen, demnach nur an einer Seite auskrystal-Während die Fig. 7 und 7a den in Rede stehenden Krystall in mehr idealer Symmetrie darstellen, giebt Fig. 7b ein ganz getreues Portrait des Originals. Die Zuspitzung dieser Krystalle wird demnach durch eine neunseitige Pyramide gebildet, deren Flächen und Kanten zweierlei Art sind. Die Kanten n:n messen 153° 40'3, die $n: \frac{1}{5}r = 152^{\circ} \cdot 10^{\prime 1}$, der Rechnung zufolge. Drei jener Zuspitzungsslächen schließen gegen die Endecke einen spitzeren ebenen Winkel ein, welcher von Kanten gleicher Art gebildet wird; sechs Flächen wenden gegen die Endecke einen weniger spitzen Winkel, welcher von zweierlei Kanten begränzt wird. Die drei einspringenden Kanten der vertikalen Zone werden durch die Flächen A hervorgebracht. Das Wesen dieses Drillings besteht demnach darin, dass die drei Krystalltheile, welche symmetrisch stehen zu einer Ebene ½e, verbunden sind mit Ebenen, welche normal zu den Zwillingsebenen sind. Die einspringenden Kanten können auch bis auf eine Spur verschwinden und damit das augenfällige Kennzeichen des Drillings. Man bemerkt sogleich, dass hier die Hemiedrie gänzlich verschwindet, indem ja je zwei Flächen ½r an jedem Individuum vorhanden sind. Es sehlt demnach hier das Kennzeichen zur Unterscheidung der positiven oder negativen Glieder der Reihe e, ebenso die Bestimmung der Zwillingsebene, ob + oder — ½e.

Da das in der äußern Begränzung nicht erscheinende Zwillingsprisma ze zusolge obiger Axenelemente nicht genau 120° misst, so kann, wenn die Individuen II und III in der bezeichneten Zwillingsstellung zum Individuum I sich besinden, ein gleiches Verhältniss zwischen II und III nicht bestehen (s. Fig. 7a) oder mit andern Worten, da die in Fig. 7 durch punktirte Linien angedeuteten Verwachsungsehenen nicht genau 120°, sondern nur 119° 48' bilden, so können die drei Krystallstücke den Kreis nicht völlig schließen, es bleibt vielmehr ein keilförmiges Segment von 0°36' übrig, welches durch Fortwachsung geschlossen werden muss. Auch könnten $\frac{1}{5}\underline{r}$ und $\frac{1}{5}\underline{r}$ nicht genau in ein Niveau fallen, sie müsten vielmehr eine sehr stumpfe ausspringende Kante bilden. Von dieser Verschiedenheit in der gegenseitigen Berührung der Drillingsstücke ist nun freilich an den Krystallen Nichts wahrzunehmen, indem sämmtliche Flächen der Zuspitzung einsache Bilder geben. Die Ursache dieser Thatsache liegt darin, dass bei den Drillingen noch mehr als bei den einfachen Krystallen und Zwillingen, die Winkel der Zone e sich solchen Werthen nähern, welche im hexagonalen Systeme vorkommen können. findet in diesen Drillingen gleichsam eine fast vollkommene Accommodation an das Hexagonale statt. Nicht anders ist

es bei dem Chrysoberyll (den Drillingen des Alexandrits), dessen Vergleichung mit dem Humit Fig. 7 nicht ohne Interesse ist. Bei den Chrysoberyll-Drillingen dürften je zwei gegenüberliegende Flächen der scheinbaren hexagonalen Pyramide nicht in ein gleiches Niveau fallen. Von diesen durch die Theorie verlangten sehr stumpfen ausresp. einspringenden Kanten ist indess an den Krystallen Nichts wahrzunehmen. Die Berührungsebenen sind beim Chrysoberyll-Drilling normal zu den Zwillingsebenen, genau wie beim Humit. Eine Verschiedenheit beider scheinbar bexagonalen Bildungen liegt darin, dass die drei Humit-Individuen nur aneinander gefügt sind, die Chrysoberylle sich indess gegenseitig durchwachsen haben. Die Flächencombination des Chrysoberyll-Drillings ist eine der gewöhnlichsten im bezagonalen Systeme (Dihexaëder, Basis nebst dem hexagonalen Prisma); während der Flächencomplex des Humits im hexagonalen Systeme zwar nicht unmöglich, aber doch niemals beobachtet worden ist. Gemäss dieser Auffassung würden die gr zu Flächen eines Trigonoëders, wie sie untergeordnet z. B. beim Quarze vorkommen, die Flächen n würden zu symmetrisch sechsseitigen Doppelpyramiden (zöge man nur Ein Ende in Betracht, so könnte 3 r als ein Rhomboëder, n als ein Skalenoëder genommen werden). Die Flächen e wären ein symmetrisch hexagonales Prisma, wie solche z. B. beim Turmalin vorkommen. Die axonometrischen Beziehungen jener drei Flächenarten, bezogen auf hexagonale Axen, würden sich in folgenden Formeln ausdrücken:

$$\frac{1}{6}r = (a : a \otimes a : c); \quad n = (\frac{5}{2}a : \frac{5}{6}a : \frac{5}{4}a : o); \\
e = (\frac{1}{2}a : \frac{1}{6}a : \frac{1}{4}a : \infty c).$$

Die Drillinge Fig. 7 sind nicht ganz selten, sie bilden eine der interessantesten Ausbildungsweisen unseres vielgestaltigen Minerals. Ganz so symmetrisch wie die Figur finden sie sich nun zwar in der Natur wohl kaum, indem nicht alle neun Flächen der Zuspitzung genau zur Endecke zusammenstoßen. Fig. 7b stellt unsern Originalkrystall mit

seinen unwesentlichen Abweichungen vom symmetrischen Bau dar. Die n des Individuums II bleiben in ibrer Ausbildung etwas zurück, und erreichen die Endecke nicht. Außerdem bemerkt man im Raume jenes Individ. II ein kleines Krystallstück, welches eine Repetition oder Fortwachsung des Individ. III ist. Es sey hier gestattet, darauf ausmerksam zu machen, dass wenn man irrtbümlicher Weise eine Fläche A (z. B. die zur Rechten des Individ. I, Fig. 7a liegende) als eine dem Individ. II angehörige Abstumpfung der Kante e: 1 e betrachtete, die Fläche mit Bezug auf Individ. II die Lage einer Fläche 3 e erhalten würde. Ebenso müste le (Individ. I, zur Rechten), bezogen auf Individ. II eine Abstumpfung $\underline{A}: \frac{1}{8}e$ sein, mit dem Ausdrucke $\frac{1}{10}e$; eine Fläche, welche durchaus nicht vorkommt. Die Fig. 8 und 8a stellen eine andere Weise der Drillingshildung dar, indem zwar auch hier 16 Zwillingsebene ist, doch im Gegensatze zu Fig. 7 die Individuen in Fig. 8 mit der Zwillingsebene zugleich verbunden sind. So rein und symmetrisch gebildet, wie die Figur darstellt, kommen nun zwar auch diese Krystalle nicht vor, vielmehr vermischen in Folge von Durchwachsungen in mannigfacher Weise die Ausbildungen der Drillinge Fig. 7 und 8. Die Fig. 7 und 7a sowie Fig. 8 Taf. VII bieten hierfür Beispiele dar.

Die erstere stellt denselben Krystall dar, welchem die No. 40 dieser Mitth. (Diese Ann. Bd. 138 S. 515—529) gewidmet war. Damals wollte es mir nicht gelingen, den merkwürdigen Drilling in einer schiefen Projection darzustellen, besonders mit Rücksicht auf dessen unregelmäßige Kanten. Die Fig. 7 wird nun ein deutliches Bild wenigstens von der einen Seite des Krystalls gewähren. Der Bau dieses in der Krautz'schen Sammlung befindlichen Krystalls wird durch den Vergleich mit den bisher beschriebenen Verwachsungen an Klarheit und Interesse noch gewinnen. Im Wesentlichen ist die Verbindung gleicher Art wie Fig. 8 Taf. V, denn die Basen A der Krystallstücke 1b, 11

und III sind nach außen gewandt, und bilden Winkel von ungefähr 60°. Die Symmetrie wird indess dadurch beeinträchtigt, dass das Individ. I nach der Hinterseite durchwächst und die Entwicklung von III beeinträchtigt. Die Kante, zu welcher die Flächen i und i der Stücke III und Ib zusammentreten, bezeichnet nicht nur eine Berührungs-, sondern zugleich die Zwillingsebene jener Krystalltheile. Die Kanten i: \(\frac{1}{3}\overline{r}\), \(\frac{i}{2}\text{(von Ib}\): \(\frac{1}{3}\overline{r}\), \(\frac{1}{3}\overline{r}\); \(\frac{1}{3}\overline{r}\), \(\frac{1}{3}

, Die Fig. 8 Taf. VII gehört einem niedrigen, nicht prismatischen Drillinge an, dessen Verbindungsweise im Wesentlichen der Fig. 7 Taf. V gleicht, denn die Stücke I und II legen ihre Basen zu einer einspringenden Kante zusammen, während die Flächen der Reihe e nach außen gewandt sind. Nur das Individ I wendet seine Basis A nach aufsen, mit dem A von II einen Winkel von nahe 60° bildend. Die Ebene, mit welcher die Individuen II und III sich berühren, ist also lediglich Verbindungsebene, während die Begrenzung zwischen I und II annähernd der Zwillingsebene entspricht. Die Gränzen zwischen I und III sind in Folge der Anwachsstelle verbrochen. An diesem Krystall fand ich die sehr seltene Fläche se auf, welche fast genau parallel läuft der Basis A des Individs III. Hessenberg glaubte schon früher die Fläche se an dem von ihm beschriebenen Drilling aufgefunden zu haben, gelangte indess später zu der Ueberzeugung, dass ein Irrthum, entstanden durch Verwechslung der Basis A des Nachbar-Individuoms, vorliege. Am Kr. 8 habe ich mich indess über die Gegenwart von strengewissern können. Die Verkürzung des Krystalls in vertikaler Richtung (d. h. parallel der Zonenaxe der e) ergiebt sich schon aus der Kante $\frac{1}{8}r$; welche

an der Contour des Individs I erscheint. Während das Krystallstück II ein zweifaches Austreten von ir zeigt im Sinne des Drillings 7 Taf. V, ist anomaler Weise nur Ein n vorhanden. Die Unregelmässigkeit in der Ausbildung wird bei diesen Drillingen, so namentlich bei dem vorliegenden, noch dadurch erhöht, dass die Grenzebenen der Individuen nicht nur vertikal, im Sinne der für die Zwillinge von uns gewählten Stellung, sondern auch am seitlichen Rande horizontal verlausen, wodurch zuweilen ein wahrhaft "unentwirrbares Durcheinander" entsteht. Doch alle Verwachsungen, welche bisher Gegenstand unserer Discussion waren, tragen, so verschiedenartig auch die Modificationen der Berührung und gegenseitigen Durchdringung der Individuen seyn mögen, in der Coincidenz der Flächen $\frac{1}{5}r$ das unzweiselhaste Kennzeichen, dass sie nach ein und demselben Zwillingsgesetze - parallel 1/6 gebildet sind. Es finden sich indes auch Verwachsungen, bei denen die †r †r nicht vollkommen in Eine Ebene fallen.

2) Zwillingsebene $\frac{a}{6}e$; s. Fig. 9 und 9a Taf. VII. Diess ist eine Fläche desselben Prismas, welche wir am Krystall Fig. 8 fanden.

Aus unsern Axenelementen berechnet sich die Kante des Brachydomas $\frac{3}{5}e$ über der Basis $A=59^{\circ}36'$, demnach über dem Makropinakoid $B=120^{\circ}24'$. Es beträgt der Winkel $A:\frac{3}{5}e=119^{\circ}48'$. Die gewöhnliche Zwillingsebene $\frac{1}{5}e$ bildet mit der in Rede stehenden selteneren Zwillingsebene $\frac{3}{5}e$ (d. h. jene positiv, diese negativ genommen) den Winkel $89^{\circ}42'$. Es findet demnach, wenn die beiden Zwillinge sich durchwachsen haben, und sich mit zwei zu einander normalen Flächen begränzen, zwischen denselben die merkwürdige Relation statt, dass sie gleichsam Zwillings- und Berührungsebene gegen einander vertauschen. Bei den wenigen Zwillingskrystallen dieser Art, welche ich untersuchen konnte, war $-\frac{3}{5}e$ Zwillingsebene, im Gegensatze zu $+\frac{1}{5}e$, welches ausnahmslos Zwillingsebene bei den Verwachsungen erster Art ist. Das vor-

liegende Gesetz ist dasselbe, nach welchem gewöhnlich die Zwillinge des ersten Typus, sowie stets diejenigen des dritten gebildet sind.

Bei einer ersten Erwägung möchte vielleicht die Annahme zweier fast genau zu einander rechtwinkligen Zwillingsebenen gewagt erscheinen. Indess ist auch hier wieder an die Analogie des Chrysoberylls zu erinnern, für welchen sowohl Hessenberg (Min. Not. No. 4 S. 24) als auch v. Kokscharow (Mater. Bd. IV S. 88) zwei Zwillingsebeuen normal zu einander annehmen. Während aber bei dem Chrysoberyll der strenge Beweis durch Messung nicht geführt werden kann, weil dessen Zwillinge und Drillinge nur eingewachsen, desshalb nicht von vollkommener Flächenbeschassenheit sind, besinden wir uns in Bezug auf den Humit in einer ungleich günstigeren Lage. Während bei der Verwachsung + 1 e die beiden Basen den Winkel 119° 48' (über der Verbindungsebene) bilden, misst die Kante A: A bei der Verwachsung — 3 e (über der Zwillingsebene = 120° 24'; ein Unterschied, welcher, wenn die Krstalle nicht sehr gestört sind, sich sicher constatiren lässt. Einen noch schärferen Beweis als diese Winkeldisserenz bietet das Verhalten der Flächen kr kr, welche bei der Verwachsung — ze nicht genau in Ein Niveau fallen können.

Die Zwillinge nach diesem Gesetze zeigen die Ausbildung der Fig. 9, 9a. Die Krystalle sind demnach verkürzt in der Richtung der Zonenaxe von e, so dass die Flächen $\frac{1}{5}r$ oben und unten sich in einer horizontalen Kante schneiden. Die Flächen $\frac{1}{5}r:\frac{1}{5}r$ bilden nun einen stumpfen einspringenden Winkel = $179^{\circ} \ 27'\frac{1}{3}$. Ebenso bilden die Kanten $\frac{1}{5}r:\frac{1}{5}r$ und $\frac{1}{5}r:\frac{1}{5}r$, welche bei Fig. 4 etc. in Eine Linie fallen, einen stumpfen einspringenden Winkel = $179^{\circ} \ 24'$.

Der Krystall Fig. 9 ist so gestellt, dass seine Zwillingsebene die Lage der Längssläche besitzt; wie auch der Zwilling Fig. 6 Tas. V. Letzterer wendet nun die Kante $A: \underline{A}$ von nahe 60° nach vorne, ersterer die stumpse Kante von nahe 120°. Man bemerke, dass ausser † alle Formen der Reihen r, m, m, e, welche am Zwillinge austreten, negative sind. Zwillinge mit ausspringender Kante † $r: \frac{1}{5}r$ habe ich noch nicht gesunden. Dieselben würden derjenigen Verwachsung nach dem ersten Gesetze entsprechen, welche die Fig. 4 Tas. VII darstellt Die $A\underline{A}$ würden nun einen einspringenden Winkel bilden, und an der seitlichen Begränzung des Zwillings ausser negativen auch positive Glieder der Reihe e ercheinen, die Zwillingsebene indess auch hier seyn — $\frac{3}{5}e$.

Wenngleich die Hemiedrie ein durchaus herrschender Charakter des zweiten Typus ist, so kommen doch auch Krystalle vor, welche vollstächig ausgebildet sind. Da dieselben indess im Vergleiche zu jenen hemiedrischen nur sehr vereinzelte Erscheinungen sind, und das hemiedrische Gepräge des Typus nicht wesentlich beeinträchtigen können, so behandeln wir dieselben hier mehr anhangsweise. Bereits Scacchi (a. a. O. S. 172) macht folgende Bemerkung: "In einigen meiner Meinung nach einfachen Krystallen des zweiten Typus treten die Rhombenoktaeder der Reihe per mit allen ihren Flächen aus."

Die von mir beobachteten vollstächigen Humite des zweiten Typus sind dargestellt in der Fig. 2 und 2a Tas. VII. Dieselben zeigen ein höchst verschiedenes Ansehen im Vergleiche zu allen bisher erwähnten Krystallen dieses Typus, indem sie dicke rektanguläre Taseln bilden, welche einerseits durch die Flächen i, andererseits durch die e zugeschärft werden. Untergeordnet treten hinzu $\frac{1}{3}e$, die seltene C, die Grundsorm n, sowie als vollstächige rhombische Oktaëder: $\frac{1}{3}r = (3a:\frac{8}{2}b:c)$, $\frac{1}{5}r = (5a:\frac{5}{2}b:c)$, $\frac{1}{7}r = (7a:\frac{7}{2}b:c)$.

Erstere und letztere Pyramide fanden wir oben nur mit ihren negativen Hälften, ir nur mit dem vordern positiven Flächenpaar vorhanden. Zuweilen sind diese Flächen der Reihe raußerordentlich klein, einzelne nur punktähnlich. Die fast gleichmässige Ausdehnung von i und e

giebt diesen Krystallen ein durchaus ungewöhnliches, an Humit kaum erinnerndes Gepräge.

Diese dicktaselsormigen Krystalle verwachsen nun nach dem gewöhnlichen Gesetze, parallel 16, zu Zwillingen, von denen Fig. 3 und 3a eine Anschauung gieht. Zu den beiden gesellt sich noch ein drittes Individuum. Dieselben durchwachsen einander in mannigsacher Art zu Drillingen, welche einigermaassen an diejenigen des Aragonits erinnern.

Die Farbe der Krystalle des zweiten Typus ist lichtbis dunkelgelb, zuweilen von demselben Farbentone, welchen der gelbe Augit vom Vesuv zeigt, den man früher bekanntlich sür Topas gehalten hat. Wegen der ausserordentlichen Mannigfaltigkeit ihrer Gestalt erwecken die Krystalle dieses Typus ein noch höberes Interesse als diejenigen der beiden andern. Nicht allein die Bestimmung des Typus, sogar die Zugehörigkeit zum Humit überhaupt, kann oft nur nach einer ziemlich eingehenden Untersuchung geschehen. Der schwache Lichtschein, welcher der Spaltbarkeit entsprechend parallel A erscheint, erleichtert zwar auch bier die Stellung der Krystalle; zuweilen indess verbirgt sich derselbe in Folge der Zwillingsverwachsung. Diess findet besonders statt, wenn z. B. bei dem Krystall Fig. 4 Taf. VII die kleinen Flächen A gauz fortfallen, ebenso bei dem Drillinge Fig. 7 Taf. V. In letzterem Falle gelangt unter Umständen der Lichtschein gar nicht zur Obersläche des Krystalls. - Im Folgenden stellen wir eine größere Zahl von Messungen (sämmtlich mit dem Fernrohr-Goniometer ausgeführt) zusammen. Dieselben ergeben das unerwartete Resultat, dass der zweite Typus in Bezug auf Constanz der Kantenwinkel sich gänzlich verschieden verhält wie der erste. Ein großes Schwanken der Winkel zeichnet den Krystallbau des zweiten Typus aus.

Es stehen in unserer Reihe voran zwei der seltenen einfachen Krystalle, es folgen Zwillinge und Drillinge nach dem Gesetze der Verwachsung parallel ¿e, dann solche parallel ; den Schlus bildet der seltsame taselsörmige

Krystall Fig. 2 Taf. VII. Die eingeklammerten Winkel sind aus der Grundform berechnet.

Krystall 1, röthlichgelb, $1\frac{1}{2}^{mn}$ groß, von Scacchi erhalten, eine Combination der Flächen A, $\pm \frac{1}{3}e$, $\pm e$, $\frac{1}{2}i$, i, $-\frac{1}{7}r$, $\frac{1}{5}r$, $-\frac{1}{3}r$, $\pm \frac{1}{3}n$, $\pm n$.

Krystall 2, lichtgelb, 5^{mm} groß, von Scacchi; A, $\pm \frac{1}{5}e$, $\pm e$, i, $\frac{1}{5}r$, r, $-\frac{1}{7}r$, $\pm n$, $\pm \frac{1}{3}n$.

$$A: \frac{1}{4}e$$
 = 136°
 $8\frac{1}{4}$
 $(135^{\circ}52\frac{1}{4})$
 $A: -\frac{1}{4}e$
 = 136
 $2\frac{1}{4}$
 >

 $A: e$
 = 109
 13
 $(108$
 $57\frac{3}{4})$
 $A: -e$
 = 109
 $8\frac{1}{4}$
 >
 >

 $-e: -\frac{1}{4}e$
 = 153
 6
 $(153$
 $5\frac{1}{2})$
 $e: -e$
 = 141
 49
 $(142$
 $4\frac{1}{2})$
 $A: i$
 = 122
 39
 $(122$
 $27\frac{3}{4}$
 $A: -\frac{1}{2}r$
 = 135
 22
 $(135$
 $17\frac{3}{4}$

Trotz etwalger zufälliger Störungen im Bau dieses Krystalls lassen die vorstehenden Messungen deutlich erkennen, dass derselbe eine Abweichung in bestimmter Richtung von der oben gewählten Grundsorm besitzt: die Axe c ist kürzer. Sämmtliche gemessene Winkel zwischen der Basis A einerseits, den Flächen e, e, r, m andererseits weichen nämlich in demselben Sinne von den gemessenen Werthen ab, indem sie größer sind als die letztern.

Krystall 3, lichtgelb, 3^{mm} groß, von Scacchi, Original der Fig. 4 Taf. VII. Auf der geraden Projection 4a sind hier, wie im Folgenden, die gemessenen Flächen leicht zu identificiren.

$$\frac{1}{5}r \frac{1}{5}\underline{r} : C = 137^{\circ}29' (137^{\circ}23')$$

$$\frac{1}{5}r' \frac{1}{5}\underline{r'} : C = 137 \ 20 \ (137 \ 23 \)$$

$$\underline{n} : C = 135 \ 45 \ (135 \ 36\frac{1}{5})$$

$$\underline{n} : \underline{r} = 162 \ 0 \ (161 \ 41 \)$$

$$\underline{n} : \frac{1}{5}\underline{r} = 152 \ 0 \ (152 \ 10\frac{1}{2})$$

$$\underline{n} : -\underline{e'} = 123 \ 22 \ (123 \ 34\frac{1}{2})$$

$$\underline{n} : -\frac{1}{5}r' = 99 \ 52 \ (99 \ 37 \)$$

$$(\underline{n} \text{ liegt rechts vorne})$$

Krystall 4, röthlichgelb, 3^{mm} groß, von Scacchi, Original der Fig. 6 Tal. VII. Wahrscheinlich von derselben Stufe wie Krystall 1. Vergl. Fig. 6 a.

```
A: e \text{ ("uber } \frac{1}{2}e) \implies 109^{\circ} 7' \text{ (108° 57')}
                     = 109 4
A':e'
                     = 109 6\frac{1}{5}
                     = 136 \quad 0 \quad (135 \quad 52\frac{1}{4})
                  = 136 	 4
A': \frac{1}{3} e'
                   = 141 42 (142 4)
6:6
A : A
                     = 119 58 \frac{1}{5} (119 48)
A':A
                 =120
                                5
A': \bullet
                     = 169 \frac{1}{5} (169 21)
A': \frac{1}{3} \stackrel{e'}{=}
                     = 164 \frac{1}{2} (163 43\frac{3}{4})
\underline{A}': e \text{ (tiber } \underline{1}e) = 130 54 (131 27)
e: \frac{1}{2} e \text{ (uber } e) = 174 52 (175 34)
A': \frac{1}{4}i
                     = 141 51 (141 50 )
A: 31
                     = 141 53\frac{1}{4} »
                   = 122 31 (122 27)
A:i
                  = 135 19 (135 17\frac{8}{4})
A: r
                     = 135 20
\underline{A}: \frac{1}{7}\underline{r}
A':\frac{1}{7}r
                    = 135 24
                  = 125 48 (125 49)
1:3r3r
A': \frac{1}{2}r \frac{1}{2}r
                  = 12558
\underline{A}': \frac{1}{5}r\frac{1}{5}r
                     = 125 55
                 = 9852\frac{1}{2}(9853\frac{1}{2})
1 r 1 r : 1 r
           (beide Flächen links)
                     =125
                                 5 (125
                                               2 3)
\underline{A}: \frac{1}{3}\underline{n}
                     = 158 \cdot \frac{1}{3}
                                      (158 6\frac{1}{4})
3 m : m
                                      (11453)
                     =115
                                1
A: } m
                     = 160 22 (160 25)
1 m : m
```

Krystall 5, lichtgelb, 3^{mm} groß, von Scacchi, Original der Fig. 9 Taf. V.

$$\begin{array}{lll}
\underline{A} : \frac{1}{3} & = & 136^{\circ} & 5'\frac{1}{4} & (135^{\circ} 52'\frac{1}{4}) \\
e : -e & = & 141 & 59 & (142 & 4\frac{1}{4}) \\
\underline{A} : e & = & 169 & 1 & (169 & 21\frac{1}{4}) \\
\underline{A} : \frac{1}{8}r\frac{1}{3}r & = & 125 & 52 & (125 & 49) \\
\frac{1}{3}r : r & = & 152 & 35 & (152 & 23\frac{1}{4})
\end{array}$$

$$rac{r}{r} : -\frac{1}{3}\frac{r}{r} = 148^{\circ}20' \ (148^{\circ}22^{\circ}\frac{1}{2})$$
 $e: n = 134 \ 17 \ (134 \ 23^{\circ}\frac{1}{2})$
 $-e: -n = 134 \ 18$
 $-e: -\frac{1}{3}r = 119 \ 38 \ (119 \ 35)$
 $n: r = 161 \ 49 \ (161 \ 41)$

Krystall 6, lichtgelblich, $2\frac{1}{2}$ ^{mm} groß, von Scacchi, Original der Fig. 10 Taf. V. Dieß ist der einzige Krystall, an welchem ich C herrschend sah.

A':
$$\frac{1}{3}e'$$
 = $135^{\circ} 53'$ ($135^{\circ} 52'\frac{1}{4}$)

 A: $\frac{1}{3}e'$
 = 136
 3
 "

 A: e'
 = 109
 10 (108
 $57\frac{9}{4}$)

 $\frac{1}{3}e'$: e'
 = 153
 7 (153
 $5\frac{1}{3}$)

 A: $\frac{e}{2}$ (153
 153
 153
 153
 153

 A: $\frac{e}{2}$ (153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153
 153

Krystall 7, honiggelb, 4^{mm} groß, von Hessenberg erhalten; Drilling entsprechend der Fig. 7b Taf. V. Nach Hessenberg (Mineral. Not. I Forts. S. 19) ist das Muttergestein ein körniges Gemenge von Humit mit Kalkspath und staubförmig kleinen Pleonastkrystallen.

$$A: e' = 109^{\circ} 0' (108^{\circ} 58')$$
 $e': e = 141 30 (142 4)$
 $e: e = 141 55$
 $e: \frac{1}{3}e = 152 54 (153 5\frac{1}{2})$
 $e: \frac{1}{3}e' = 153 15$
 $e: \frac{1}{3}e' = 152 56$

$$A: \frac{1}{5} \stackrel{e}{\circ} \text{ (einspr.)} = 164^{\circ} 0' (163^{\circ} 43'\frac{1}{3})$$
 $A: \frac{1}{5} \stackrel{e}{\circ} = 164$
 $2 (163 53\frac{1}{3})$
 $A: \frac{1}{5} \stackrel{e}{\circ} = 169$
 $0 (169 21\frac{1}{3})$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r = 125 55 (125 55)$
 $= 125 24 (125 55)$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r = 126 24 (125 55)$
 $= 134 23 (134 23\frac{1}{3})$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r = 108 14 (108 22)$
 $= 134 23 (134 23\frac{1}{3})$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r = 108 14 (108 22)$
 $= 108 10$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r : \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r = 108 10$
 $= 152 4 (152 10\frac{1}{2})$
 $A: \frac{1}{5} r \frac{1}{5} r : \frac{1}{5} r : \frac{1}{5} r = 108 10$
 $= 152 4 (152 10\frac{1}{2})$
 $A: \frac{1}{5} r : \frac{1}{5$

Krystall 8, gelb, 5^{mm} groß, von Scacchi, Original der Fig. 8 Taf. VII. Zn diesem in der Richtung der Brachyaxe verkfirzten Drilling verbinden sich die Individuen mit sehr unregelmäßigen Gränzen, welche nicht vertikal herablaufen wie in Fig. 7 Taf. V oder in Fig. 6 Taf. VII, vielmehr nabe normal die Flächen der Reihe eschneiden. An diesem Krystalle wurde die neue Fläche ge aufgefunden. Doch ist auch bier nicht diese letztere, sondern ge Zwillingsebene, was sich aus der Coincidenz der Flächen gränze auf diesen Flächen.

$$e': n'$$
 $= 134^{\circ}28'$ ($134^{\circ}23'\frac{1}{2}$)

 $e: n$
 $= 134$ 15
 $= 152$ 24 (152 $10\frac{1}{2}$)

 $n: \frac{1}{5}r$
 $= 152$ 9
 $= 152$ 9
 $n: \frac{1}{5}r$
 $= 152$ 8
 $= 152$ 8
 $n: e'$
 $= 123$ 23 (123 $34\frac{1}{2}$)

 $e': n'$ (Unters.)
 $= 123$ 21
 $= 161$ 36 (161 4)

 $n: \frac{1}{5}r$
 $= 161$ 36 (161 4)

 $n: \frac{1}{5}r$
 $= 135$ 33 (135 $58\frac{1}{4}$)

 $n': \frac{1}{5}r$
 $= 152$ 21 (152 $23\frac{3}{4}$)

 $n': C'$ (Unters.)
 $= 135$ 54 (135 $36\frac{1}{2}$)

 $e: C'$
 $= 90$ 16 (90 0)

Krystall 9, gelblichweis, 3^{mm} groß, mit schwarzem Spinell verwachsen; Zwilling parallel ‡6, Original der Fig. 9 Taf. VII, von Scacchi.

Krystall 10, 3^{mm} groß, Zwilling parallel §e, ähnlich gebildet wie der vorige, von Scacchi. Am Krystalle erscheinen die Flächen + §e, + §e gleichsam eine Einkerbung bildend an der Zwillingsebene, ähnlich wie die Basen AA in Fig. 4. Auf diese positiven Flächen §e beziehen sich die beiden ersten Messungen.

1) Die sast in's Niveau salleuden Flächen $\frac{1}{8}r$ geben zwei Bilder, wenn die Axe des Instruments mit der Zwillingsebene parallel ist, hingegen nur eines, wenn, wie bei obiger Messung, die Axe normal zur Gränze liegt.

```
      \underline{A}: + \frac{1}{3}e
      = 136^{\circ} 8' (135^{\circ}52'\frac{1}{4})

      \underline{A}: + \frac{1}{3}e
      = 164 23\frac{1}{2} (164 31\frac{3}{4})

      \underline{A}: A
      = 120 29 (120 24)

      \underline{A}: -\frac{1}{3}e
      = 135 58\frac{1}{2} (135 52\frac{1}{4})

      \underline{A}: -\frac{1}{3}r
      = 135 21\frac{1}{2} (135 17\frac{3}{2})

      \underline{A}: \frac{1}{3}r
      = 125 49 (125 49)

      \underline{A}: \frac{1}{3}r
      = 126 4\frac{1}{4} (126 9)

      \underline{A}: -\frac{m}{5}r
      = 95 22 (95 18)

      \frac{1}{5}r: \frac{1}{5}r (einspr.) = 179 40 (179 27\frac{1}{3})
```

Krystall 11, gelb, 4^{mm} groß, Zwilling parallel §e, von Scacchi. Die Bildung recht unregelmäßig. Das eine Ende (in der Richtung der Brachyaxe) zeigt ähnlich der Fig. 7 Taf. V vier Flächen §r, n, n', §r' zu einer Ecke zusammenstoßend, während am entgegengesetzten Ende zwei Flächen §r herrschen. Die Gränzen der Individuen laufen unregelmäßig, quer über die Flächen der Reihe e, r und n.

```
= 120^{\circ}22\frac{1}{4}(120^{\circ}24')
A:\underline{A}
A: \frac{1}{3}6
                               = 136 \ 1 \ (135 \ 52\frac{1}{4})
A': \frac{1}{2}e'
                               = 136 8
                               = 153 \ 4 \ (152 \ 54)
1 e : e
}e': e'
                               = 153 8
                               = 141 55 (141 30)
e : e'
                               = 164 \quad 8\frac{1}{3} (164 \ 31\frac{1}{2})
A: \frac{1}{3}
                              = 152 \quad 7\frac{1}{3} \ (151 \ 20\frac{1}{3})
}e: } €
A:-\frac{1}{7}r
                              = 135 12 (135 17\frac{2}{3})
A:-\frac{1}{2}r'
                              = 135 25
                                                     W
A:-\frac{1}{2}r
                               = 113 31 (113 24\frac{3}{2})
-\frac{1}{7}r: \frac{1}{5}r \text{ (üb. } -\frac{1}{5}r) = 9850 \text{ (9853}\frac{1}{5})
41 (152 104)
                               = 159 \ 20\frac{1}{2} (159 \ 14)
i:\frac{1}{5}r
i:-\frac{1}{3}r
                               = 156 \ 26 \ (156 \ 20\frac{1}{4})
                               = 153 \ 43 \ (153 \ 40\frac{3}{4})
n:n'
\frac{1}{5}r\frac{1}{5}\frac{r}{5}\frac{1}{5}\frac{r}{5}\frac{1}{5} (üb. C) = 94 45 ( 94 46 )
```

Krystall 12, gelb, 3^{mm} groß, von Scacchi. Einfacher Krystall, das Original der Fig. 2, 2a Taf. VII.

 A: e = 109° 7' $(158^{\circ}57\frac{3}{4})$

 A: e' = 109 1 " " "

 A: i = 122 28 (122 $27\frac{3}{4})$

 C: i = 147 27 (147 $32\frac{1}{4})$

 e: i = 100 9 (100 $2\frac{3}{4})$

 e: e' (in Axe a) = 141 51 (142 $4\frac{1}{2})$
 $i: \frac{1}{3}r$ = 156 25 (156 $20\frac{1}{3})$

In Bezug auf die Messungen am Krystall Fig. 7, 7a Taf. VII darf auf die frühere den Humit betreffende Mittheilung verwiesen werden. —

Ueberblickt man die vorstehenden Messungen, so wird man gewiß über die Abweichungen von den berechneten Werthen überrascht sein.

Schwierig und kaum lösbar mit dem vorliegenden Material ist die genauere Untersuchung jener Störungen. Man könnte wohl der Ansicht seyn, dass eine befriedigendere Uebereinstimmung zwischen gemessenen und berechneten Winkeln würde erzielt werden, wenn wir die Grundnicht nach Messungen am dritten, sondern nach solchen am zweiten Typus bestimmt hätten. Indess zeigt sich sofort, dass jene Abweichungen nicht nur zwischen Rechnung und Messung bestehen, sondern dass auch die gemessenen Kanten unter einander erheblich verschieden sind. Zu demselben Resultate führte die frühere Mittheilung über Humitzwillinge des zweiten Typus. wurden damals der Berechnung zwei am Krystalle gemessene Winkel $A: e = 109^{\circ} 3'$ und $A: r = 125^{\circ} 50'$ zu Grunde gelegt. Dennoch zeigten sich Differenzen zwischen den gemessenen und berechneten Werthen von mehr als 10 am gleichen Krystall. Leicht erkennen wir, dass die Störungen größer sind bei den Zwillingskanten, als bei denjenigen Kanten, zu denen Flächen desselben Individuums zusammenstossen. Was diese letztern betrifft, so verhalten sie sich offenbar nicht in gleicher Weise.

Die Flächen der Reihe e weichen am stärksten ab und, was bemerkenswerth, sie weichen meist in demselben Sinne von den berechneten Werthen ab. Wenn wir nach Messungen der Flächen e des zweiten Typus das Axenverhältnis a: c bestimmt hätten, so würde die Vertikalaxe sich jedenfalls etwas kürzer ergeben haben, wie oben angeführt. Während die Störungen in der Zone e ein Maximum erreichen, werden von denselben am wenigsten betroffen die Flächen der Grundform n. Diese scheinen wirklich inmitten des gleichsam vielfach beweglichen Krystallbaues ein festeres Fundament zu bilden, wie man erkennt, wenn man die gemessenen Kanten e: n, sowie n: n' vergleicht. Für die erstere Kante finden wir unter obigen Messungen folgende Werthe:

134° 18′, 134° 19′, 134° 20′, 134° 17′, 134° 18′, 134° 23, 134° 18, 134° 22, 134° 28, 134° 15,

zu denen als oben nicht aufgeführte Messungen noch folgende treten: $134^{\circ}20'$ (gemessen an einem Krystalle von derselben Stufe wie Krystall 4) und $134^{\circ}17'$ (gemessen an einem von G. Rose erhaltenen Krystalle). Die Kante n:n wurde oben an drei Krystallen gemessen: $153^{\circ}39'$, $153^{\circ}44'$, $153^{\circ}43'$. Der mittlere Werth für $e:n=134^{\circ}19'$, 6, für $n:n=153^{\circ}42'$.

Berechnet man aus diesen Winkeln die Neigungen $A:\frac{1}{3}e$ und A:e, welche wir oben sowohl von der gewählten Grundform abweichend, als auch veränderlich fanden, so ergeben sich dieselben = $135^{\circ} 55'\frac{1}{2}$ und $109^{\circ} 0'$.

Zur Vergleichung stellen wir zusammen die Werthe der Winkel A: in und A: n — berechnet aus der Grundform des dritten Typus I, berechnet aus den beiden constantesten Kanten der Krystalle des zweiten Typus (e: n, und n: n) II, endlich das mittlere Resultat der Messungen der bezeichneten Kanten III.

	$A: \frac{1}{3}e$	A:e
I	135° 52′}	108° 58′
II	$135 \ 55\frac{1}{2}$	109 0
III	136 3	109 5

Diese Winkelwerthe beweisen demnach, dass die betressenden Kanten der Flächen je und e mit A gestört, und zwar zu groß sind, auch wenn wir sie beziehen aus eine Grundsorm, deren Dimensionen aus den zuverlässigsten Messungen am zweiten Typus hergeleitet wurden. Wir erkennen serner aus den Winkeln unter I und II, dass die Kantenwerthe, welche aus Messungen am dritten Typus sich ableiten, in sehr naher Uebereinstimmung sind mit denen, welche aus den wenigst veränderlichen Kanten des zweiten Typus e: n und n: n berechnet werden.

Schon in einer früheren Mittheilung (Ueber die Winkel der Feldspathkrystalle, diese Ann. Bd. 132 S. 454) begegneten uns Störungen in der Lage theils einzelner Flächen, theils der zu einer Zone gehörigen Flächen. Zu den damals gegebenen Andeutungen bieten die Humite des zweiten Typus neue Belege dar. — Nicht überslüssig möchte es schliesslich seyn, dem Einwurse zu begegnen, dass wir den Winkel n: e als einen der constantesten in Rechnung gezogen haben, während wir doch gleichzeitig eine gewisse Veränderlichkeit der Lage von e gefunden. Dieses Schwanken erfolgt indess, ohne aus der Zone der e zu weichen, ist desshalb nur von geringem Einslusse auf die Kante n: e.

Bevor wir zum Studium des dritten Typus übergehen, darf hier des Chondrodits gedacht werden; vergl. v. Kobell, Gesch. der Mineralogie S. 516.

Rammelsberg gebührt das Verdienst, die chemische Verwandtschaft zwischen Humit und Chondrodit nachgewiesen zu haben (s. diese Ann. Bd. 53 S. 130 und Bd. 86 S. 404). Derselbe war geneigt, das letztere, in körnigen Kalken Finlands und Nordamerikas vorkommende Mineral

Typus den drei Humit-Typen anzureihen. Ueber die Krystallform des Chondrodits gab zuerst Nordenskiold eine ausführliche Darlegung (s. diese Ann. Bd. 96 S. 118). Er erkannte zwar im Allgemeinen die Analogie mit Humit auch in Bezug auf die Krystallform, glaubte indess dieselbe als einen vierten Typus des Humits nur dann auffassen zu können, wenn er "die Chondrodit-Krystalle in einer höchst gekünstelten Stellung betrachtete."

Hrn. v. Kokscharow war es vorbehalten, die Identität der Chondrodite von Pargas in Finland mit dem zweiten Humit-Typus zu erkennen. (Ueber Chondrodit aus Finland, Mélanges phys. et chim. d. Bull. de l'Ac. imp. d. sc. de St. Pétersb. T. VIII S. 297—316, März 1870.) Kokscharow, welcher in Bezug auf Wahl der Grundform und Flächenbezeichnung von Scacchi abweicht, fand folgende Flächen auf:

$$n(y), \frac{1}{5}r(e), r(z), -\frac{1}{2}r(u), \frac{1}{2}e(m), e(x), A(a),$$

deren Identität mit den entsprechenden Humitslächen nachgewiesen wurde. Aus Kokscharow's Figuren geht hervor, dass n wie beim Humit als vollstächige Pyramide vorhanden ist, während r und $-\frac{1}{3}r$ nur hemiedrisch wie beim zweiten Typus erscheinen. In Bezug auf $\frac{1}{5}r$ scheint diess nicht der Fall zu seyn, da v. Kokscharow dieselbe sowohl auf der Seite von r, als auch von $-\frac{1}{3}r$ zeichnet. Von besonderem Interesse ist außer den oben genannten eine Fläche w, "ebenso neu für den Chondrodit als für den Humit".

In Folge der von Scacchi's Aussaung abweichenden Grundsorm, welche v. Kokscharow wählte, tritt bei ihm die Bedeutung der Fläche w, als eine interessante Ergänzung der Reihe m des zweiten Typus, nicht hervor. Aus dieser Reihe lernten wir oben nur zwei negative Hemipyramiden — m und — im kennen. Das w des Chondrodits erhält, auf den Humit bezogen, die Bezeichnung

$$+\frac{1}{2}m = (a: \frac{a}{2}b: c), \overset{\vee}{P}_{\frac{a}{4}}.$$

Nachdem v. Kokscharow so glücklich die Zugehörigkeit des Chondrodits von Pargas zum zweiten Humit-Typus nachgewiesen hat, würde eine genauere Untersuchung der Chondrodite anderer Fundorte von besonderem Interesse seyn. Da der zweite Typus der seltenste am Vesuv ist, so ist es kaum zu erwarten, dass in den Contact-Lagerstätten des Nordens sich nur dieser finden sollte.

C. Die Krystalle des dritten Typus beziehen wir als auf ihre Grundform auf ein rhombisches Oktaëder

$$a:b:c=\begin{cases} 1,08028:1:5,65883\\ 0,190902:0,176715:1. \end{cases}$$

Es verhalten sich demnach bei gleichen Axen a und b die Axen c beim ersten, zweiten und dritten Typus wie = 7:5:9. Für die Grundform des dritten Typus beträgt die Neigung der brachydiagonalen Endkante zur Vertikalaxe = 10°1'17", diejenige der makrodiagonalen Endkante zur Vertikalen = 10°48'28".

Diesem Typus gehören bei Weitem die zahlreichsten Krystalle an. Die meisten Sammlungen besitzen nur Humite des dritten Typus, im Vergleiche zu denen die Krystalle der beiden ersten Typen Seltenheiten sind. Diese jetzt zu betrachtenden Krystalle sind nicht nur die flächenreichsten unter den Humiten, sondern gehören zu den mit Flächen beladensten unter allen Mineralien. Wenngleich an Mannichfaltigkeit der Ausbildung der dritte Typus vor dem zweiten zurücksteht, so bietet jener doch wieder durch vielfache Modificationen eines einzigen Zwillingsgesetzes etc. ein neues und erhöhtes Interesse dar. Wie beim zweiten, so herrscht auch beim dritten Typus die oben bezeichnete Hemiedrie.

Dem dritten Typus sind gewidmet sämmtliche Figuren der Taf. VI, sowie die Fig. 10, 10a, 11, 11a der Taf. VII. Wir finden hier außer den Pinakoiden sechs Arten von Flächen, von denen uns die fünf ersten, d. h. die Reihen n, r, m, e, & bereits vom vorigen Typus bekannt sind.

Zu denselben tritt als Glied einer neuen Reihe s. Vollflächig erscheinen hier sämmtliche Pyramiden der Reihe ne (während beim vorigen Typus von den beiden Formen derselben Reihe gewöhnlich nur eine — die Grundform — als Pyramide entwickelt ist); die Reihen nur und nur zeigen hemiedrische Entwicklung, ebenso s; indess die Makrodomen und die Brachydomen estets vollslächig auftreten. Auch hier werden wir die der hintern Seite angehörigen Hemipyramiden durch ein — Zeichen von den vordern unterscheiden, und diese Bezeichnung auch auf die Brachydomen ausdehnen. Flächen des dritten Typus bezogen auf obige Grundsorm:

Grundform
$$\begin{cases} n = (a:b:c), P \\ -n = (a':b:c), -P \end{cases} \begin{bmatrix} n^4 \end{bmatrix}$$
Pyramide der Hauptreihe
$$\begin{cases} \frac{1}{3}n = (3a:3b:c), \frac{1}{3}P \\ -\frac{1}{3}n = (3a':3b:c), -\frac{1}{3}P \end{cases} \begin{bmatrix} n^8 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{5}n = (5a:5b:c), \frac{1}{5}P \\ -\frac{1}{5}n = (5a':5b:c), -\frac{1}{5}P \end{cases} \begin{bmatrix} n^3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{7}n = (7a:7b:c), \frac{1}{7}P \\ -\frac{1}{7}n = (7a':7b:c), -\frac{1}{7}P \end{cases} \begin{bmatrix} n \end{bmatrix}$$

Hemiedrische Makropyramide:

$$r = (a: \frac{1}{2}b: c), \qquad 2\bar{P}2 [r^8]$$

$$-\frac{1}{3}r = (3a': \frac{3}{2}b: c), \qquad -\frac{3}{3}\bar{P}2 [r^7]$$

$$\frac{1}{5}r = (5a: \frac{5}{2}b: c), \qquad \frac{2}{5}\bar{P}2 [r^6]$$

$$-\frac{1}{7}r = (7a': \frac{7}{2}b: c), \qquad -\frac{2}{7}\bar{P}2 [r^6]$$

$$\frac{1}{5}r = (9a: \frac{9}{2}b: c), \qquad \frac{2}{3}\bar{P}2 [r^4]$$

$$-\frac{1}{11}r = (11a': \frac{11}{2}b: c), \qquad -\frac{2}{11}\bar{P}2 [r^8]$$

$$\frac{1}{13}r = (13a: \frac{13}{2}b: c), \qquad \frac{2}{13}\bar{P}2 [r^2]$$

$$-\frac{1}{15}r = (15a': \frac{15}{2}b: c), \qquad \frac{1}{15}\bar{P}2 [r]$$

$$s = (3a: 2b: c), \qquad \frac{1}{3}\bar{P}\frac{3}{2}$$

Hemiedrische Brachypyramide:

$$- m = (\frac{1}{3}a' : \frac{1}{2}b : c), -3P_2^{a}[m^2]$$

$$\frac{1}{3}m = (a : \frac{9}{2}b : c), \qquad \tilde{P}_{\frac{3}{2}}^{\frac{3}{2}} = [m]$$

$$-\frac{1}{3}m = (3a' : \frac{9}{2}b : c), -\frac{1}{3}\tilde{P}_{\frac{3}{2}}^{\frac{3}{2}} = [m]$$

$$e = (a : \infty b : c), \qquad \tilde{P} \infty$$

$$-e = (a' : \infty b : c), \qquad -\tilde{P} \infty$$

$$\begin{bmatrix}
\frac{1}{3}e = (3a : \infty b : c), & \frac{1}{2}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{3}e = (3a' : \infty b : c), & -\frac{1}{3}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{3}e = (5a : \infty b : c), & \frac{1}{3}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{3}e = (5a' : \infty b : c), & -\frac{1}{3}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{3}e = (7a : \infty b : c), & -\frac{1}{3}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{7}e = (7a' : \infty b : c), & -\frac{1}{7}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e = (9a' : \infty b : c), & -\frac{1}{9}\tilde{P} \infty \\
-\frac{1}{9}e =$$

Von diesen Formen sind neu s und = 10; ich fand dieselben an Krystallen der neapolitanischen Sammlung. Die hemiedrische Brachypyramide 1 m war gleichfalls Scacchi noch nicht bekannt. Ihre Auffindung ist ein Verdienst Hessenberg's (a. a. O. I. Forts.). Wenn alle beobachteten Flächen zusammen an einem Krystalle aufträten, so würde ein solcher umschlossen sein von 118 Flächen. Die Hemiedrie ist hier eine durchaus herrschende Erscheinung, es finden sich keine solche Ausnahmen, wie es beim vorigen Typus der Fall ist.

Während beim zweiten Typus nur Eine holoëdrische Pyramide, die Grundform, aufzuzählen war, die andere Pyramide der Hauptreihe meist hemiedrisch entwickelt war, finden wir hier sämmtliche vier Glieder der Reihe ne vollflächig, ihre Ableitungszahlen 1: \frac{1}{3}: \frac{1}{6}: \frac{1}{7}. Man könnte viclleicht glauben, dass durch die Pyramiden ne den Krystallen des dritten Typus ein mehr holoëdrischer Charakter gegeben würde, als bei denen des zweiten Typus beobachtet wird. Diese Vermuthung findet sich indess nicht bestätigt, da die ne des dritten Typus in Bezug auf ihre Ausdehnung weniger vorherrschen, als es zuweilen bei dem zweiten Typus vorkommt. Die vorhandenen, so zahlreichen Formen wird man am besten übersehen in den Fig. 1, 1a, 2, 2a und 7, Tas. VI, sowie 10, 10a Tas. VII, welche einsache Krystalle darstellen, sowie mit Hülse der Linearprojection, in welcher die Flächen des dritten Typus durch punktirte Linien bezeichnet sind.

Die Distanzzahlen, welche die Abschnitte der durch gestrichelt-punktirte Linien bezeichneten Axen andeuten, beziehen sich auf die Grundform des dritten Typus, auf welche weiterhin auch die Formen der beiden andern Typen zu beziehen seyn werden.

Die Fig. 1—2 bieten (mit Ausnahme von $\frac{1}{9}e$, s und C) sämmtliche bekannte Flächen dar. Die nur sehr selten auftretende Fläche C ist eingetragen in die Fig. 7 Taf. VI; während die beiden neuen Formen am Krystall 10, Taf. VII beobachtet wurden.

Zu jeder Pyramide n findet sich ein Makrodoma, während keines der drei Brachydomen im Verhältnisse der Kanten-Abstumpfung zu einer jener Pyramiden steht. Die Reihe der n ist hier besonders zahlreich vertreten mit acht Formen, während der zweite Typus deren nur vier aufwies. Mit erstaunlicher Regelmäsigkeit alterniren dieselben auf der vordern und hintern Seite, indem wir vorne die Ableitungszahlen $1:\frac{1}{5}:\frac{1}{9}:\frac{1}{13}$, hinten $\frac{1}{3}:\frac{1}{7}:\frac{1}{11}:\frac{1}{15}$ erhalten, so dass also die vorderen und hinteren Axenschnitte auf der Makrodiagonalen uns ohne Lücke die Reihe der ungeraden Zahlen von 1 bis 15 liesern. Wie in der Linearprojection angedeutet, fallen die Flächen $\frac{1}{5}r$ des zweiten

und 3r des dritten Typus zusammen; sie sind identisch, und werden eine gleiche Formel erhalten, wenn wir sie auf eine gemeinsame Grundform beziehen. Von den acht Gliedern der Reihe r haben fünf zugehörige Makrodomen, nämlich r, $-\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{5}r$, $-\frac{1}{7}r$, $\frac{1}{5}r$. Eine bemerkenswerthe Eigenthümlichkeit des Systems besteht darin, dass während die Incidenz oder Zonenpunkte auf der Axe a so zahlreich sind, keines der drei Makrodomen des dritten Typus im Verhältnisse der Kantenabstumpfung steht zu einem Gliede der Reihe r, wenn wir dasselbe uns als vollslächige Pyramide denken. Dasselbe gilt auch für die Formen * des zweiten Typus, in Bezug auf die beiden Makrodomen desselben. Es offenbart sich hier ein tieferer Unterschied zwischen dem zweiten und dritten Typus einerseits und dem ersten andererseits, indem bei diesem letzteren die Axenschnitte der drei Makrodomen zugleich auch Schuittpunkte von Pyramiden sind. Auch hat der erste Typus außer den Pinakoiden nicht eine einzige Fläche mit einem der andern Typen gemein, während die Identität von Flächen dieser beiden letztern sich nicht auf die angeführte Hemipyramide der Reihe r beschränkt.

Die hemiedrische Makropyramide s war sehr schön durch zwei Zonen bestimmbar, nämlich $\frac{1}{2}i:\frac{1}{5}r:s:n$ und $\frac{1}{3}e:\frac{1}{3}n:s$, woraus jene einfache Formel sich ableitet, s. Fig. 10 Taf. VII.

Die Höhen der hemiedrischen Brachypyramiden me verhalten sich bei gleichen Basen wie $1:\frac{1}{3}:\frac{1}{9}.$ — m ist die spitzeste Form, welche im ganzen Systeme vorkommt; $\frac{1}{3}$ m wurde durch Hessenberg (1858) aus den Zonen e:n:r und $\frac{1}{3}i:\frac{1}{9}r:\frac{1}{3}n$ bestimmt.

Auch Scacchi war diese Fläche, "deren Existenz sich mit einiger Gewisheit voraussagen ließ", nach Absasung seiner Arbeit nicht entgaugen, wie er mir unter Beisügung eines Krystalls und der Messungen mittheilt. Das Flächenpaar — ½ m ist identisch mit — ½ m des zweiten Typus. Auch unter den Brachydomen findet sich ein gemeinsames: ½ e III = ½ e II, es ist die wichtigste Form der Reihe e des

dritten Typus, weil sie ausnahmslos die Zwillingsbildung beherrscht. Die Bestimmung von $\frac{1}{9}e$ geschah am Krystall Fig. 10 Taf. VII sowohl durch Beobachtung der Kantenabstumpfung von $\frac{1}{9}r$, als auch durch Messung. Gemessen wurde die Neigung $A: \frac{1}{9}e = 149^{\circ}51$, berechnet = 149°48'.

Zonen. Mit Uebergehung der Zonen, deren Flächen der Makro- und Brachydiagonalaxe parallel gehen, sowie derjenigen, welche die Reihen n., m., r umfassend unmittelbar in's Auge fallen, zählen wir die mehr als vierflächigen Zonen auf.

Die Zonenaxen liegen in der Ebene der Axen a und c.

$$C: r: n: \frac{1}{3}m: e: \frac{1}{3}m': n': r'.$$

$$C: s: \frac{1}{3}n: \frac{1}{3}e: \frac{1}{3}n': s'.$$

$$C: \frac{1}{5}r: \frac{1}{5}n: \frac{1}{5}e: \frac{1}{8}n': \frac{1}{5}r'.$$

$$C: -\frac{1}{3}r: -\frac{1}{3}n: -\frac{1}{9}m: -\frac{1}{3}e: -\frac{1}{9}m'$$

$$: -\frac{1}{3}n': -\frac{1}{3}r'.$$

$$C: -\frac{1}{7}r: -\frac{1}{7}n: -\frac{1}{7}e: -\frac{1}{7}n': -\frac{1}{7}r'.$$
Zonenpunkt = 1a

= 3a

= 3a

= 3a'

= 7a'

Auf der Brachyaxe liegen keine mehrslächigen Zonenpunkte.

Die Zonenaxen liegen nicht in einer Axenebene, sind desshalb zu je zwei vorhanden.

```
i: \frac{1}{2}r: : \frac{1}{2}n: e: -m: -n: -\frac{1}{2}r.
                                                                           Zonenpunkt (a, 2b)
                                                                              s. Fig. 1 Taf. VI.
i: \frac{1}{6}r: \frac{1}{7}n: \frac{1}{8}e: \frac{1}{3}n': r'.
                                                                        Zonenpunkt (5a, 2b)
i: \frac{1}{13}r: \frac{1}{9}e: \frac{1}{7}n': \frac{1}{5}r'.
                                                                                                (9a:2b)
                                                                                                (3a':2b)
i: -\frac{1}{7}r: -\frac{1}{5}n: -\frac{1}{3}e: -n': r'.
i: -\frac{1}{3!}r: -\frac{1}{7}e: -\frac{1}{5}n': -\frac{1}{5}r'.
                                                                                                (7a':2b)
\frac{1}{2}i:\frac{1}{9}r:\frac{1}{8}n:e:-\frac{1}{3}n:-\frac{1}{7}r.
                                                                                                  (a, 4b)
\frac{1}{4}i:\frac{1}{12}r:\frac{1}{8}e:n':-\frac{1}{2}r.
                                                                                               (5a, 4b)
                                                                                                (9a, 4b)
\frac{1}{2}i:\frac{1}{9}e:\frac{1}{5}n':s':r'.
                                                                                               (3a', 4b)
\frac{1}{2}i: -\frac{1}{11}r: -\frac{1}{7}n: -\frac{1}{3}e: -m: n: s: \frac{1}{5}r.
                                                                                                (7 a', 4 b)
\frac{1}{4}i:-\frac{1}{15}r:-\frac{1}{7}e:-\frac{1}{2}n':r.
                                                                                                   (a, 6b)
\frac{1}{3}i:\frac{1}{12}r:\frac{1}{7}n:e:-\frac{1}{9}m:-\frac{1}{5}n:-\frac{1}{11}r.
```

$$\frac{1}{3}i : \frac{1}{5}e : \frac{1}{3}m' : -n : -\frac{1}{7}r.$$
Zonenpunkt (5a, 6b)
$$\frac{1}{3}i : -\frac{1}{15}r : -\frac{1}{3}e : \frac{1}{3}m : \frac{1}{3}n : \frac{1}{9}r.$$
* (3a', 6b)
$$\frac{1}{3}i : -\frac{1}{7}e : -\frac{1}{9}m' : -n' : \frac{1}{5}r.$$
* (7a': 6b)

Die flächenreichste unter allen aufgeführten Zonen ist demnach die mit dem Zonenpunkte (3a, 4b), in welche sechszehn Flächen fallen, s. auch Fig. 1, 2 Taf. VI und Fig. 10 Taf. VII.

Zwillinge. Als Zwillingsebene der Krystalle giebt Scacchi die Fläche $e^{\frac{1}{3}}(\frac{1}{3}e)$ an, und nennt als wichtiges Kennzeichen derselben, dass die Flächen r^7 $(-\frac{1}{3}r)$ beider Individuen in Einer Ebene liegen, während diess mit den Flächen r^4 $(\frac{1}{9}r)$ nicht genau der Fall ist. In der That habe auch ich nur diess eine Zwillingsgesetz beobachtet, während man vielleicht nach Analogie des ersten und zweiten Typus noch ein zweites Gesetz hätte vermuthen dürsen — parallel $\frac{1}{9}e$ —, in Folge dessen die Flächen $\frac{1}{9}r$ vollkommen, die $-\frac{1}{3}r$ nur annähernd in's Niveau sallen würden.

Jenes einzige Zwillingsgesetz tritt indess in mehreren, bisher nicht erkannten Modificationen auf — eine Mannichfaltigkeit der Entwickelung, wie sie vielleicht kein anderes Mineral erkennen lässt. Unter den drei hier zu betrachtenden Zwillingsverwachsungen ist eine gleichsam anomale, welche nicht dem allgemeinen Bau der Zwillinge entspricht, dass nämlich die homologen Theile beider Individuen symmetrisch zu einer Ebene, der Zwillingssläche, stehen.

Während wir bei den vorigen Typen nur gleichsam latente Prismen von nahe 120° in der Reihe der Brachydomen fanden (ausgenommen das ganz seltene Austreten von $\frac{2}{3}e$ beim zweiten Typus), fehlt bei den Krystallen des dritten Typus ein solches Prisma auch als äusserliche Fläche wohl nie, ist sogar oft als herrschende Form dieser Reihe ausgebildet, es ist das Brachydoma $\pm \frac{1}{3}e = \pm \frac{1}{3}P\infty$. Die über A liegende Kante dieses Domas beträgt nämlich 59° 36′.

1) Zwillingsebene — $\frac{1}{3}e$, Fig. 3 u. 3a Taf. VI.

Dieser Modification gehören weitaus die meisten Zwillinge an. Sie entspricht der seltenen Verwachsung des zweiten Typus, welche in Fig. 9 Taf. VII dargestellt wurde. Während indess bei letzterer keine Fläche in's Niveau fällt (mit Ausnahme des nur Ein Mal beobachteten Brachydomas se), coincidiren beim dritten Typus außer den Flächen — $\frac{1}{3}e$ auch noch — $\frac{1}{3}r$, — $\frac{1}{3}n$ und — $\frac{1}{9}m$. Es ergiebt sich diess leicht bei Erwägung der Formeln der genannten Hemipyramiden. Es müssen nämlich zusammenfallen bei unserer Verwachsung sämmtliche Flächen, welche in der Stellung Fig. 2 Taf. VI horizontale Kanten bilden mit —]e, oder gleiches Verhältnis der Axenschnitte a: o haben. baben aber alle oben genannte Flächen in ihrer Formel (3 a': c). Um den Zwilling Fig. 3 zu erhalten, denke man sich den Krystall Fig. 2 durchschnitten parallel — 1/3 e, dann die linke Hälfte um eine Axe normal zur Schnittsäche 180° gedreht. Der negative hintere Quadrant des ursprünglichen Krystalls wird nun vorne liegen, die Basen A A den Winkel von nahe 120° bilden. Tritt nun eine kreuzförmige Durchwachsung ein, so haben wir den Zwilling Fig. 3, welcher in der Natur häufig mit modelartiger Regelmässigkeit verwirklicht ist. Dieser Zwilling bietet demnach mit Ausnahme von ir und den indifferenten Flächen & und A nur negative Formen dar. Die Flächen & r & r bilden eine sehr stumpse einspringende Kante von 179° 27'3.

Nur ganz selten findet der umgekehrte Fall statt, dass die rechte Hälste des als durchschnitten gedachten Krystalls Fig. 2 gedreht ist, während die linke unbewegt erscheint. Dann erhalten wir vorne eine einspringende Kante der Basen $A\underline{A}$ von nahe 120° ; es bilden positive und negative Flächen die Umgränzung, und es stoßen, als augenfälligstes Merkmal, die $\frac{1}{9}r$ zu einem sehr stumpsen ausspringenden Winkel $179^\circ 27'\frac{1}{3}$ zusammen. Hiervon bietet der Krystall Fig. 6, 6 a, auf welchen wir später zurückkommen werden, ein Beispiel dar.

Wersen wir nochmals einen Blick auf die punktirten Linien unserer Linearprojection, um die einerseits auf der Linie — \frac{1}{3}e, andererseits auf der +\frac{1}{3}e liegenden Zonenpunkte zu vergleichen, so werden wir überrascht durch die viel größere Zahl der linienreichen Zonenpunkte auf —\frac{1}{3}e.

Auf letzterer finden wir sieben 6- und mehrslächige Punkte, während auf $+\frac{1}{3}e$ nur ein einziger derartiger Punkt liegt. So viel mehr Kanten liegen in Ebenen parallel zu — 3e, als parallel zu + 3e. Die Betrachtung der Fig. 2a bestätigt und erweitert unsere Wahrnehmung. Sieben Reihen von Kanten treten in jener geraden Projection hervor, alle parallel zu der zur Linie verkürzten Fläche — 36, während die einzige zu + 1/3 e parallele slächenreiche Zone nicht zur Wahrnehmung kommt. Die Zwillinge nach — 1 müssen demnach als charakteristisches Kennzeichen viele Zonen besitzen, welche über die Zwillingsgränze hinweggehend homologe Flächen der beiden Individuen umfassen. Diess tritt in den Fig. 3 und 3a in deutlichster Weise hervor. Außer diesen Zonen giebt es auch bier, wie bei den Zwillingen des zweiten Typus, mehrere Flächengruppen, welche augenähert parallele Kanten bilden. Diese Pseudozonen würden wahre Zonen seyn, wenn die Zwillingskante A A genau 120° betrüge. Es mögen nur einige dieser Flächenreihen hier genannt werden, unter Bezugnahme auf die Fig. 3a; die zur Rechten der Zwillingsebene liegenden Flächen sind mit (r), die andern mit (1) bezeichnet. Die beiden ersten Pseudozonen sind doppelt, die folgenden vierfach vorbanden.

$$-\frac{1}{15}r(1):(-\frac{1}{3}n,-\frac{1}{3}n)^{1})(1):-\frac{1}{15}r(1)$$

$$\frac{1}{3}i(1):(-\frac{1}{3}r,-\frac{1}{3}r)(1):\frac{1}{3}i(1)$$

$$(-\frac{1}{9}m,-\frac{1}{9}m)(1):-\frac{1}{7}r(1):-\frac{1}{15}r(t)$$

$$-\frac{1}{5}n(1):\frac{1}{3}i(1):\frac{1}{3}i(t)$$

$$-\frac{1}{7}n(1):\frac{1}{5}n(1):(-\frac{1}{3}n,-\frac{1}{3}n)(1):\frac{1}{3}i(1):\frac{A}{9}r(1):i(1):\frac{1}{3}i(1):-\frac{1}{5}r(1):-\frac{1}{5$$

¹⁾ Die doppelten, in Klammern stehenden Ausdrücke bezeichnen coincidirende Plächen.

Alle diese angenäherten Kantenparallelismen betreffen solche Flächen, welche bei symmetrischer Ausbildung der Individuen (s. Fig. 3a Taf. VI) erscheinen. Ist indess der Zwilling unsymmetrisch (s. Fig. 8), so können außer $\frac{1}{3}r$ andere positive Flächen der Reihen r, r oder r zum Vorscheine kommen, und mit ihnen treten neue Zonen resp. Pseudozonen hervor. Die Fig. 8 läst z. B. die Zone erkennen $-\frac{1}{3}e:-\frac{1}{11}r(1):\frac{1}{2}i(1):\frac{1}{5}r:\frac{1}{2}i(r)$. Träte zwischen $\frac{1}{3}r$ und der (beiden Individuen gemeinsamen) rechtsliegenden $-\frac{1}{3}r$ noch r auf, so würde die Zone $-\frac{1}{3}e:-\frac{1}{7}r(1):i(1):r:\frac{1}{7}r$ sich enthüllen.

Als eine Eigentbümlichkeit der in Rede stehenden Zwillinge ist hervorzuheben, dass die vertikale Kante an der Zwillingsebene, zu welcher die Individuen zusammenstossen, stets ausspringend ist, - eine einspringende Kante habe ich wenigstens nicht beobachtet. Häufig dehnt sich ein Individuum auf Kosten des andern in der Weise aus, dass nicht die beiden $A \underline{A}$ aneinander gränzen, sondern etwa $\frac{1}{2}e$ und \underline{A} , oder $\frac{1}{2}e$ und $\frac{1}{2}e$. Ist nun der größere Theil eines Individs verbrochen, und entzieht sich dadurch die Zwillingsnatur der Wahrnehmung, so verfällt man leicht der Täuschung, Flächen des zweiten Individs für neue des ersten zu halten, um so mehr, da auch hier wieder die Flächen der Reibe eines Individs sehr angenähert einfache Zeichen erhalten, wenn sie bezogen werden auf die Axen des andern. Neben den regelmässig ausgebildeten, völlig durchwachsenen Zwillingen kommen auch andere vor, welche eine mehr unregelmässige Begränzung der Individuen zeigen - freilich nicht in dem Grade wie beim zweiten Typus. Ich fand die Gränzen in der Zone der e stets vertikal hinablaufend als ausspringende Kanten an der Zwillings-, als einspringende an der Berührungsebene -; in der Endigung der Krystalle entweder bezeichnet durch Kanten, welche in der Zwillingsebene liegen, oder durch gerade oder gekrümmte Linien (welche freilich dem Auge leicht entgehen), wenn jene Gränzen über die coincidirenden Flächen $-\frac{1}{3}r$, $-\frac{1}{3}n$ oder $-\frac{1}{9}m$ laufen, s. Fig. 8. Sowohl an den einfachen Krystallen, als auch an den Zwillingen von der Ausbildung der Fig. 3 habe ich nur ganz selten, und auch nur schmal die Fläche C beobachtet (Fig. 8).

Der Krystall Fig. 6 und 6a verdient eine etwas genauere Darlegung. Derselbe ist ein interessantes Beispiel, wie die Krystallisationskraft unter leiser Veränderung der Verwachsungsmodification die wechselvollsten Gestalten schafft. Schon Scacchi hat diesen Zwilling einer Zeich nung (geraden Projection) und Discussion (a. a. O. S. 175) für werth erachtet. Mit wahrer Freude faud ich dieses Juwel unter den Humiten der mir übersandten Sammlung wieder. Die schiefe Projection Fig. 6 zeigt, wie auffallend verschieden dieser Krystall von den gewöhnlichen Zwillingen Fig. 3 ist. Es berühren sich die Flächen $\frac{1}{9}r$, $\frac{1}{9}r$ in horizontalen Kanten, wodurch eine gewisse Aehnlichkeit mit dem Zwillinge des zweiten Typus Fig. 9 entsteht. Dort bildeten die $\frac{1}{5}r:\frac{1}{5}r$ indess einen stumpsen einspringenden, hier die $\frac{1}{9}r: \frac{1}{9}r$ einen ausspringenden Winkel. Wie bei dem Zwillinge des zweiten Typus ist auch hier die, wenigstens meinen Wahrnehmungen zufolge, seltene Fläche C vorhanden. Eine kleine Einkerbung der unter sehr stumpfem ausspringendem Winkel (von 179° 12') zusammenstoßenden Kanten $\frac{1}{9}r: \frac{1}{9}r$ beider Individuen wird durch die Flächen AAhervorgebracht. Das Seltsamste an unserm Krystalle ist nun, dass demselben jederseits ein in der Stirne nur schmales, nach hinten sich verbreiterndes Stück angewachsen ist. Diese Stücke befinden sich in der gewöhnlichen Zwillingsstellung mit einspringenden Flächen ir, so dass jeder dieser Krystalltheile eine identische Stellung besitzt mit dem jenseits der Mittellinie liegenden Hauptstücke, wie diess aus der Flächenbezeichnung unserer Figur deutlich zu entnehmen. In ihrem Fortwachsen nach der bintern Seite kreuzen sich die Hauptstücke, und verschmelzen demnach mit ihren beziehentlich identisch liegenden Seitenstücken. So stellt sich die Hinterseite des Krystalls wieder als ein einfacher Zwilling dar, und zwar mit ausspringenden Flächen 3r. Dieses hintere Ende ist

indess nur rudimentär vorhanden, da dort die ursprüngliche Anwachsstelle liegt. Die Flächen 1 und A einerseits, sowie 3e und A andrerseits, welche der Zeichnung zufolge beinahe in eine Ebene zu fallen scheinen, bilden sehr stumpfe einspringende Kanten von 179° 24'. Der Krystall Fig. 6 bahnt uns den Weg zum Verständnisse merkwürdiger Formen des dritten Typus, welche ohne jenen Schlüssel nicht leicht zu deuten gewesen wären. Die Fig. 11 und 11a stellen jene seltsamen keilförmigen Gestalten dar. Es sind polysynthetische Zwillinge, in denen die Flächen 1/9 r abwechselnd ein- und ausspringende Kanten bilden. Die Flächen 1 1 fallen in dasselbe Niveau, auf ihnen ist hier die polysynthetische Bildung nicht wahrzunehmen. Während in unserm Beispiel die beiden Lateral-Individuen gegen einander die Stellung wie im Zwilling Fig. 3 Taf. VI besitzen, die mittleren die Lage der Haupt-Individuen Fig. 6 Taf. VI, kommt zuweilen auch der umgekehrte Fall vor. Die Flächen 1/9 r sind nicht selten gestreist parallel ihrer Kante mit A. Fallen die unscheinbaren Einkerbungen A: A der vordern Kante fort, so verrathen nur die Streifen parallel der symmetrischen Diagonale die polysynthetische Natur des Krystalls. Es entsteht eine unverkennbare Aehnlichkeit mit der Fläche P der triklinen Feldspathen Diess ist eine jener Thatsachen, aus denen ersichtlich wird, wie die Natur aus verschiedenartigen, verschiedenen Krystallsystemen angehörigen Elementen ähnliche Gestaltungen hervorbringt.

2) Zwillingsebene + le, Fig. 4 u. 4a Taf. VI.

Es wurde oben darauf hingewiesen, wie eine Betrachtung der Fig. 2a lehre, dass sehr viele Kanten in Ebenen parallel zu $-\frac{1}{3}$ liegen, während in der Figur keine Kante sichtbar wird, welche in einer Ebene parallel zu $+\frac{1}{3}e$ läge. Die Folge dieser Thatsache ist, dass, wenn der Krystall Fig. 2 durchschnitten wird, parallel $+\frac{1}{3}e$, und hemitropisch die Hälften gegen einander gedreht werden, die beiden Individuen nur sehr wenige oder keine beziehentlich parallele Kanten in der Endigung zeigen.

Wenngleich an unserer Figur Kanten, welche in Ebenen parallel der Zwillingssläche liegen, nicht sichtbar werden (mit Ausnahme der Reihe der e), so sehlen dieselben doch nicht. Wir haben nämlich solgende Zonen zu nennen, welche homologe Flächen beider Individuen umfassen, und deren Axen in der Zwillingssläche liegen:

$$\frac{1}{3}e : \frac{1}{5}n : \dot{s} : \dot{\underline{s}} : \frac{1}{5}\underline{n} : \frac{1}{3}\underline{e} \\
\frac{1}{3}e : \frac{1}{9}r : -\frac{1}{3}r : -\frac{1}{3}\underline{r} : \frac{1}{9}\underline{r} : \frac{1}{2}\underline{e} \\
\frac{1}{3}e : \frac{1}{7}n : \frac{1}{3}\dot{s} : \frac{1}{7}\underline{n} : \frac{1}{3}\underline{e} \\
\frac{1}{3}e : \frac{1}{13}r : -\frac{1}{7}r : -\frac{1}{7}\underline{r} : \frac{1}{13}\underline{r} : \frac{1}{3}\underline{e}$$

Diese Zonen sind selbstverständlich doppelt vorhanden. Außer diesen, homologe Flächen umfassenden Zonen, deren Kanten vollkommen parallel gehen, giebt es an unserm merkwürdigen Zwillinge Reihen von nicht homologen Flächen, deren Kanten zwar sehr nahe, doch nicht vollkommen parallel sind. Die rechts der Zwillingsebene liegenden Flächen der Fig. 4a werden durch (r) von den links liegenden (f) unterschieden. Man bemerke zunächst folgende zwei Pseudozonen, welche doppelt vorhanden sind:

$$A: \frac{1}{3}i(t): \frac{1}{2}i(t): -\frac{1}{3}\underline{r}(l): i(t): i(l): -\frac{1}{3}\underline{r}(t): \frac{1}{3}i(l): \frac{1}{3}i(l): -\frac{1}{3}\underline{e}$$

$$\frac{1}{2}i(t): -\frac{1}{5}\underline{n}(l): -\frac{1}{5}\underline{n}(l): \frac{1}{2}\underline{i}(t).$$

In Bezug auf die erstere Zone ist zu bemerken, dass die Fläche $-\frac{1}{3}\underline{r}$ (1) binübergetragen auf die rechte Seite der Zwillingsebene eine Abstumpfung der Kante $i:\frac{1}{2}i$ bilden würde. Die Abweichung der Kanten von der Parallelität würde kaum mit Hülse des Fernrohr-Goniometers wahrnehmbar seyn. Beginge man den Irrthum, die Fläche $-\frac{1}{3}\underline{r}$ als zugehörig dem rechten Individ zu betrachten, was bei der Kleinheit der Krystalle und der Durchdringung der Individuen leicht geschehen könnte, so würde man sich berechtigt glauben, derselben die Formel $\frac{2}{3}i = (\infty a: 3b:c)$ zu geben. So leicht kann man bei dem Studium des Humitsystems Irrthümern anheimfallen.

Die zweite der oben angegebenen Flächenreihen umfast zwar homologe Flächen, bildet indes trotzdem nur eine Pseudozone.

Fernere Pseudozonen sind:

$$\frac{1}{7}e(1): \frac{1}{13}r(r): -\frac{1}{3}r(r): \frac{r}{r}(r)$$

$$\frac{1}{5}n(r): \frac{r}{r}(r): \frac{1}{6}(r): \frac{1}{2}\frac{1}{6}(1)$$

$$i(r): -e(r): \frac{1}{3}\frac{1}{6}(1)$$

$$-\frac{1}{5}e(r): i(r): \frac{1}{3}\frac{1}{6}(r)$$

$$e(r): \frac{1}{5}n(r): \frac{1}{9}r(r): \frac{1}{2}\frac{1}{6}(r): -\frac{1}{7}r(r): \frac{1}{3}\frac{1}{6}(1)$$

$$\frac{1}{5}n(r): \frac{1}{2}\frac{1}{6}(r): -\frac{1}{11}r(1)$$

$$-\frac{1}{7}e(r): -\frac{1}{15}r(r): \frac{1}{2}\frac{1}{6}(r): \frac{1}{3}\frac{1}{6}(r)$$

$$-\frac{1}{5}e(r): -\frac{1}{15}r(r): -\frac{1}{5}\frac{1}{6}(1): \frac{1}{3}\frac{1}{6}(r): \frac{1}{9}r(r): \frac{1}{3}\frac{1}{3}\frac{n}{6}(r)$$

$$\frac{1}{5}n(r): \frac{1}{7}n(r)$$

$$-e(r): -\frac{1}{15}r(1): -\frac{1}{11}r(r): \frac{1}{9}r(r)$$

$$-\frac{1}{6}e(r): -\frac{1}{15}r(r): \frac{1}{5}r(r): \frac{1}{9}r(r)$$

Das Zwillingsgesetz + 1/3 e ist zwar einer zweifachen Modification fähig, doch habe ich unter der geringen Zahl der beobachteten Fälle dieses seltenen Gesetzes nur diejenige beobachtet, welche entsteht, wenn nach Durchschneidung des Krystalls Fig. 2 die rechte Hälfte gedreht Diesen Fall stellt die Fig. 4, 4a dar. Bei jener wird. anderen Modification (dem Zwillinge Fig. 6 des Gesetzes - le entsprechend) würden vorne AA eine einspringende Kante bilden, über welcher in der Zwillingsebene sich berührend gleichfalls die Flächen — $\frac{1}{7}r$, — $\frac{1}{7}r$ liegen würden, doch nicht mit ausspringender Kante sich begegnend, wie in Fig. 4, sondern mit einspringender. Die Zwillinge wie Fig. 4 zeigen stets in der Zone der Flächen e zweierlei einspringende Winkel, den einen in der Berührungs-, den andern in der Zwillingsebene liegend, welch' letzterer (wie bereits oben erwähnt) an den Gruppen wie Fig. 3 nicht vorhanden zu sein pflegt. Die Flächen $-\frac{1}{3}r:-\frac{1}{3}\frac{r}{2}$ bilden einspringende Kanten, und ebenso die $r:\underline{r}$. Da die Flächen in, wie die ganze Reihe der n als vollstächige

Oktaëder auftreten können, so müssen auch bei dieser Verwachsung in solchem Falle die $\frac{1}{3}n \frac{1}{3}n$ in ein und dieselbe Ebene fallen.

Die unter 1) und 2) aufgeführten Verwachsungen sind wirkliche hemitropische Zwillinge, - nicht so die jetzt zu erwähnende 3) Zwillingsgruppirung, bei welcher die Individuen sich mit ungleichnamigen Flächen 1e verbinden. In dem Zwilling Fig. 5 und 5a ist die Fläche — 1 e des vorne rechts liegenden Individuums verwachsen mit + } e des andern. Man erhält diese Verwachsung in der Weise, dass man zwei Krystalle Fig. 2 zunächst in paralleler Stellung nebeneinander stellt, dann den einen um nahe 60° dreht, beide mit ± 1/2 verbindet, und dieselben nun zur Durchwachsung gelangen lässt. Keine der beiden normal zu einander stehenden Verbindungsebenen, weder die, welche den stumpfen, noch diejenige, welche den scharsen Winkel A: A halbirt, ist Symmetrie-Ebene für beide Individuen, kann also auch nicht im eigentlichen Sinne Zwillingsebene seyn. Wir haben es zwar mit einer regelmässigen Verwachsung, doch nicht mit einer Hemitropie zu thun. Aus dem ganzen Gebiete der Krystallographie ist mir kein zweites Beispiel einer solchen Verwachsung bekannt geworden. Die Zeichnung der Gruppe Fig. 5 bot nicht geringe Schwierigkeiten dar, und konnte nur unter gewissen Voraussetzungen geschehen, welche namentlich darin bestehen, dass in derjenigen Verwachsungsebene, welche den scharfen Winkel A: A halbirt, die beiden Individuen sich mit homologen Flächen zu Kanten berühren müssen, welche in dieser Verwachsungsebene liegen. Die Erscheinung der "unregelmässigen Kanten", in denen sich bei gewissen Zwillingen des zweiten Typus die nicht homologen Flächen treffen, habe ich nämlich beim dritten Typus niemals wahrgenommen. Da die bezeichnete Verwachsungsebene keine Krystallsläche ist (nur angenähert entspricht ihr die seltene, neu aufgefundene $\pm \frac{1}{9}e$), so konnten beim etwaigen Zusammentreffen nicht homologer Flächen keine Kanten zwischen diesen und der

als Krystallsläche dargestellten Verwachsungsebene gezeichnet werden. Man sieht demnach in unserer Fig. 5a die Individuen mit homologen, wenn auch nicht gleichnamigen Flächen $(i\underline{i}, \frac{1}{3}n - \frac{1}{3}\underline{n})$ sich in jener Ebene begränzen. Eine Folge dieser Thatsache ist es nun ferner, dass die relative Flächenausdehnung bei beiden sich kreuzenden Individuen nicht eine gleiche werden konnte. In der zweiten Verwachsungsebene, welche den stumpfen Winkel A: A halbirt, können die Individuen ungleiche Flächen gegen einander wenden, da die vorragenden Theile eines Individs sich hier mit der als Krystallsläche existirenden Verwachsungsebene begränzen. Die angedeuteten merkwürdigen Beziehungen unserer Zwillingsgruppe werden in der Fig. 5 der Betrachtung nicht entgehen. Das vorne zur Linken liegende Individuum ragt oben wie unten über das rechte empor, und begränzt sich hier mit einer Fläche 1 . Auf der Hinterseite ragt gleichfalls das dort zur Rechten liegende Individuum mit den anterstrichenen Lettern über das andere hervor. Die Kanten $\frac{1}{6}r: \frac{1}{6}n$ und ¹n: ¹ e sind parallel, nicht aber mit diesen die Kante ¹e: - 17. Beide bilden vielmehr einen noch oben convergirenden Winkel von 3º 18'1. Auch bei dieser Verwachsung coincidiren die Flächen $\frac{1}{3}n$ über dem spitzen Winkel A: A; es sind aber die ungleichnamigen, während es bei Fig. 3 die negativen, bei Fig. 4 die positiven sind. So unerwartet und unerhört auch die hier in Rede stehende Verwachsung ist, so ist es doch einleuchtend, dass nur auf Grund derselben eine Drillingsbildung beim dritten Typus möglich ist. Schon früher (diese Ann. Bd. 136 S. 526) wurde für den zweiten Typus bemerkt, dass an die Zwillinge desselben sich unmöglich ein drittes Individuum schließen könnte, welches zu einem der beiden ersten dieselbe Stellung besässe, wie diese unter sich, vorausgesetzt, das die Hemiedrie erhalten bliebe. Dem entsprechend sahen wir bei den Drillingen des zweiten Typus die regelmässige Hemiedrie verschwinden, und statt derselben eine scheinbar sast unregelmässige Flächenentwick-

lung. Da bei dem dritten Typus die Hemiedrie eine fast ansnahmslose Regel ist, so kann die Drillingsverwachsung nicht in der Weise der unter 1) und 2) dargelegten hemitropischen Zwillinge geschehen. Wohl aber kann zur Gruppe Fig. 5 noch ein drittes Individuum treten, welches zu einem derselben eine identische Stellung hat wie jene beiden zu einander. Solche Drillinge, bei deren Individuen also die hemiedrischen Flächen, z. B. 1/9 r, nach ein und derselben Seite (entweder links - an dem einen Ende -, oder rechts - an dem andern Eude -) geneigt sind, kommen in der That vor; s. Scacchi, a. a. O. Fig. 9. Dieser Forscher deutet die von ihm beobachtete Gruppirung indess in einer Weise, welche Bedenken erwecken muss. Die Gruppe soll eigentlich aus sünf Individuen bestehen, von deuen drei fast genau identisch stehen und sich nur durch mebrfache Bilder auf der Fläche A verrathen. Es soll nun in der Gruppe ein zweisaches Verwachsungsgesetz verwirklicht seyn, indem zweimal als Zwillingsebene 3e [Scacchi nennt die Fläche an dieser Stelle $e_{\frac{1}{3}}$], und zweimal $\frac{1}{9}e_{\frac{1}{9}}$ als solche fungirt. Diess scheint indess eine irrthümliche Deutung zu seyn, denn erstens ist ein Zwillingsgesetz parallel 10 beim dritten Typus nicht erwiesen (es könnten in diesem Falle die in nicht coincidiren), ferner scheint es gewagt, bei dem Bau ein und derselben Zwillingsgruppe mehrere Gesetze anzunehmen. Endlich aber kann überhaupt weder 10 noch 10 hier Zwillingsebene seyn, da zu keiner derselben zwei Individuen symmetrisch stehen. Es existirt zwischen zwei Individuen dieser Gruppe keine Symmetrie-Ebene, also auch keine Zwillingsebene. - Noch ist zu erwähnen, dass die beiden Enden des Zwillings Fig. 5 (im Sinne der in der Figur gegebenen Aufstellung) verschieden sind, während die Pole der Zwillinge Fig. 3 und 4 identisch sind.

An den eben geschilderten Drillingen beobachtete Scacchi die Fläche $\frac{1}{9}r$ auch auf der negativen Seite, als eine wenngleich nur schmale Abstumpfung der Kante $-\frac{1}{7}r:-\frac{1}{11}r$. Diess würde die einzige Ausnahme seyn

von der allgemeinen Hemiedrie der Reihe r im dritten Typus.

Die Krystalle sind gewöhnlich recht glattslächig und glänzend: die Fläche A ist indess nicht selten etwas matt, die Reihe e oft gestreift parallel der Brachydiagonale. Die Deutung der Formen dieser Krystalle ist nicht schwierig im Vergleiche mit denen des zweiten Typus, da sie weniger verzerrt in ihren Verwachsungen zu seyn pslegen. hier leitet der wenn auch zuweilen nur schwache Lichtschimmer, welcher in der Richtung der Basis aus den Krystallen hervortritt. Die Aufwachsung der Krystalle auf der Druse ist meist so, dass man nur die eine Hälste derselben, die obere oder untere Seite (diese sind identisch) in der Stellung der Fig. 1 Taf. VI erblickt. Nur selten bat man Gelegenheit, voll ausgebildet die Ober- oder die Unterhälfte (dieselben sind nicht identisch) im Sinne der Stellung Fig. 2 zu sehen. In der Endigung der Krystalle schneiden sich dann in einer Kante entweder die Flächen r r' oder $-\frac{1}{3}r - \frac{1}{3}r'$ oder $r - \frac{1}{3}r'$; nur selten ist diese Kante durch C abgestumpst. B ist eine noch weit seltenere Fläche. Es bedarf kaum der Versicherung, dass die Zwillinge Fig. 3-5 weder stets so symmetrisch gebildet, noch stets so slächenreich sind, wie ich dieselben dargestellt babe. Diess gilt besonders in Bezug auf Fig. 5; die gegenseitige Begränzung der Individuen an der Verwachsungschene ist hier meist eine unregelmässige. Häufig sind die Krystalle in ihrer Mitte (entsprechend einer Horizontalebene an der Fig. 1) eingeschnürt, so dass hier einspringende Kanten $e: -e = 158^{\circ} 23'$, ebenso $n: -n = 165^{\circ} 12'$ entstehen. Man glaubt eine Zwillingsverwachsung vor sich zu haben; eine genauere Untersuchung lehrt indess, dass die durch die Einschnürung getrennten Krystalltheile nicht eine symmetrische, sondern eine parallele Stellung besitzen, demnach blosse Fortwachsungen sind.

Die Farbe ist mannigfaltig, meist braun, schwärzlichbraun, rötblichbraun, lichtbraun, häufig gelb, dunkelhoniggelb, gräulichgelb, gelblichweise, weise. Schon Scacchi macht die zutreffende Bemerkung, dass die Farbe durchaus keinen Anhalt für die Unterscheidung der Typen biete.

Die merkwürdigsten Formen des dritten Typus sind die in Fig. 11, 11 a Taf. VII dargestellten polysynthetischen Krystalle. Dieselben (theils von dunkelgelber, grünlichgelber, theils von weißer Farbe) sind mattslächig, deßhalb zu genauen Messungen nicht geeignet. In eigenthümlicher Weise muß die Krystallisation hier stattgefunden haben. Der Scheitel der Krystalle (in der Stellung der Fig. 11) zeigt sich zuweilen gleichsam aus schuppig zusammengefügten Theilen gebildet. Mit auffallender Regelmäsigkeit legt sich beiderseits eine offenbar später gebildete Lamelle mit glänzenden Flächen, $-\frac{1}{11}r$, $-\frac{1}{7}r$, $-\frac{1}{3}n$ an, deren Gränze gegen den rauhslächigen Kern der Gruppe sich auch auf den in's Niveau fallenden Flächen $-\frac{1}{3}r$ verfolgen läst. Ich beobachtete an diesen Zwillingen auch noch die Fläche C, welche in die Figuren nicht eingetragen ist.

Der Humit des dritten Typus ist bisher niemals mit dem zweiten, selten mit dem ersten auf denselben Stücken gefunden worden. Der zweite Typus entfernt sich wie in Hinsicht der Variabilität seiner Kanten, so auch in Bezug auf die Ausschliessung der andern Typen von diesen. Ueber die Association der Humite mit andern Mineralien, wie über ihre Muttergesteine, hofse ich später vollständigere Mittheilungen machen zu können. In Bezug auf den dritten Typus sey nur erwähnt, dass sich seine Krystalle vorzugsweise in zweierlei Gesteinsblöcken finden. Die einen sind wesentlich körniger Kalk, die andern ein Aggregat von feinkörnigem grünem Augit mit Glimmer und nur untergeordneten Kalkausscheidungen. Doch bildet der dritte Typus des Humits auch für sich oder mit körnigem Kalkspath körnige Gemenge. Zu den größten mineralogischen Schönbeiten gehört ein von Dr. Krantz erworbenes Stück unserer Univers. - Sammlung: grobkörniges Gemenge von braunem Humit mit vielen runden Drusen, welche theils mit Humitkrystallen ausgekleidet, theils mit großen Blättern grünen Glimmers erfüllt sind. Die häufigsten Begleiter

des dritten Typus sind: rothbrauner Glimmer, grüner Glimmer, Augit, weißer Olivin, schwarzer und blauer Spinell, Magneteisen, Vesuvian, Granat, Davyn u. a. Die Krystalle sind meist nur von geringer Größe und kaum zur Hälfte frei ausgebildet, wodurch die Wahrnehmung des ungewöhnlichen Reichthums ihrer Krystallisation erschwert wird.

Messungen. Ich habe eine ziemlich große Zahl (25) der bestausgebildeten Krystalle des dritten Typus einer sorgfältigen Durchmessung unterworsen, wozu die treffliche Flächenbeschaffenheit, welche bei diesem Typus die Regel ist, besonders aufforderte. Das Resultat dieser Untersuchungen war, daß diese Humite stets von einer so normalen Krystallisation sind, wie sie kaum bei einem andern Mineral vollkommener beobachtet seyn möchte. Die Krystalle des dritten Typus bilden hierdurch einen sehr auffallenden Gegensatz zu denen des zweiten. Mit äußerst wenigen Ausnahmen sind die solgenden Messungen viele Monate zuvor ausgeführt, bevor ich die zur Vergleichung dienenden Winkel aus der Grundsorm berechnete. Sämmtliche Messungen wurden mit dem Fernrohr-Goniometer ausgeführt.

Krystall 1, 2^{mm} groß, braun, von G. Rose erhalten, dem derselbe vor langer Zeit von Partsch verehrt wurde. Der Krystall, eine Combination der Flächen A, $-\frac{1}{7}e$, $\pm \frac{1}{5}e$, $-\frac{1}{3}e$, $\pm e$, $\frac{1}{3}i$, $\frac{1}{2}i$, $\frac{1}{13}r$, $\frac{1}{9}r$, $-\frac{1}{15}r$, $-\frac{1}{11}r$, $-\frac{1}{7}r$, $-\frac{1}{8}n$, $-\frac{1}{3}n$, -n, $-\frac{1}{9}m$, -m, zeichnet sich durch spiegelglänzende Beschaffenheit der Basis aus, was nicht gerade sehr häufig beim dritten Typus stattfindet. An diesem vorzüglichen Krystall wurden die beiden Fundamental-Messungen ausgeführt, aus welchen die Grundformen aller drei Typen berechnet wurden.

$$A: -\frac{1}{7}e = 143^{\circ} 9' (143^{\circ} 11'\frac{1}{2})$$
 $A: +\frac{1}{8}e = *133^{\circ} 40'$
 $A: -\frac{1}{5}e = 133 40$
 $A: -\frac{1}{3}e = 119 45 (119 48)$

$$A: \frac{1}{3}i$$
 = $136^{\circ}40'$
 $(136^{\circ}40'\frac{1}{2})$
 $\frac{1}{3}i: \frac{1}{2}i$
 = 168
 35
 $(168$
 $34\frac{3}{4})$
 $-\frac{1}{5}e: \frac{1}{3}i$
 = 120
 9
 $(120$
 9
)

 $+\frac{1}{5}e: \frac{1}{3}i$
 = 120
 9
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...
 ...<

Bei vorstehenden Messungen war meine Aufmerksamkeit auch darauf gerichtet, eine etwaige Abweichung des Systems vom rhombischen Charakter zu constatiren. Miller betrachtete bekanntlich den Humit als monoklin, indem er seine Untersuchung lediglich auf Krystalle des dritten Typus gründete, und hier eine sehr geringe Axenschiefe gefunden zu haben glaubte (s. Hessenberg Min. Not.). Scacchi mass, um über die Rechtwinkligkeit des Axensystems beim dritten Typus zu entscheiden, mit großer Genauigkeit $A: +e = 100^{\circ} 47^{\prime 1}_{2}$, $A: -e = 100^{\circ} 49^{\prime}$, und äufserte gewiss mit Recht: "Wegen dieser höchst geringen Abweichung, die mir vielmehr zufällig erscheint, zog ich es vor, die Humitkrystalle aller Typen auf das System des rectangulären Prismas zu beziehen. Die obigen Messungen bestätigen demnach vollkommen Scacchi's Ansicht, indem die Neigungen von A zu $+\frac{1}{5}e$ und zu $-\frac{1}{5}e$, und ebenso diejenigen von $\frac{1}{3}i$ zu $+\frac{1}{5}e$ und zu $-\frac{1}{5}e$ vollkommen identisch gefunden wurden.

Krystall 2, von Hessenberg, eine Combination der Flächen A, $\frac{1}{5}e$, e, $-\frac{1}{3}e$, $-\frac{1}{5}e$, $-\frac{1}{6}e$, $-\frac$

sich nämlich die Fläche — e beiderseits mehr aus als e, so dass der Krystall schief verzogen erscheint. Solche Verzerrungen kommen sehr häusig bei diesem Typus vor-Die mit einem Asterisk bezeichneten Kanten konnten mit zwei Fernrohren gemessen werden. Die accentuirten Flächen gehören der linken Hälste, im Sinne der Fig. 7 an (in welche die Flächen i und C, obgleich am Krystall nicht vorhanden, eingezeichnet wurden.

Krystall 3, braun, 4^{mm} groß, von Scacchi, findet sich zusammen mit gleichfarbigen Krystallen des ersten Typus, s. oben Krystall 5 Typus I. Fast alle Flächen, namentlich auch ½m und die äußerst seltene ½n sind vorhanden.

Die accentuirten Flächen beziehen sich wieder auf die linke Hälfte.

Krystall 4, braun, 2^{mm} groß, von G. Rose. Auch hier ist, wie bei Krystall 2, —e größer als e. Ausgedehnt sind ferner die Flächen r, während — $\frac{1}{3}r$ zurücktritt, so daß der Kantenparallelismus $e:\frac{1}{3}m:n:r:r':n':\frac{1}{3}m':e'$ an den Krystallen besonders hervortritt.

$$e: -e = 158^{\circ} 23' \frac{1}{4} (158^{\circ} 23')$$

$$\frac{1}{2}i: \frac{1}{4}i' = 109 28 (109 29 \frac{1}{4})$$

$$\frac{1}{3}r': r' = 148 46 (148 46)$$

$$r': r' = 109 33 (109 32 \frac{1}{4})$$

$$-\frac{1}{11}r': -\frac{1}{7}r' = 167 55 (167 53 \frac{1}{4})$$

```
-\frac{1}{7}r':-\frac{1}{3}r'=164\ 13\ (164\ 13\frac{1}{4})
  -\frac{1}{3}r':r' = 161 53 (161 53\frac{1}{2})
  \frac{1}{5}r':-\frac{1}{11}r'=141\ 22\frac{1}{2}\ (141\ 19\ )
  n:-n = 165 12 (165 12)
  n: \frac{1}{2}n = 166 \ 9 \ (166 \ 6\frac{2}{3})
  n: -\frac{1}{2}n = 151 \ 19 \ (151 \ 18\frac{2}{3})
   A:\frac{1}{3}m' = 98 \ 45 \ (98 \ 47\frac{1}{3})
  \frac{1}{2}m': -m' = 168 \ 12 \ (168 \ 15\frac{2}{3})
   -e:-m = 141 50 (141 51)
  e: \frac{1}{5}r = 116 23 (116 23)
  -e:-\frac{1}{11}r = 115 41 (115 41 \frac{1}{2})
  -e: \frac{1}{9}r' = 102 57\frac{1}{2} (102 59\frac{1}{2})
  e:n' = 133 15 (133 18\frac{1}{2})
   e: \mathbf{z} = 133 \cdot 18 \quad \Rightarrow \quad
  e: \frac{1}{3}m' = 144 \ 38\frac{1}{2} \ (144 \ 43\frac{1}{2})
  \frac{1}{1}i:-\frac{1}{11}r = 159 \ 38\frac{1}{2} \ (159 \ 38\frac{1}{2})
  \frac{1}{2}i': -\frac{1}{11}r' = 159 39 " "
  \frac{1}{2}i:\frac{1}{9}r = 159 51 (159 50)
  \frac{1}{2}i':\frac{1}{9}r' = 159 51 » »
  \frac{1}{2}i:r = 141 \ 42\frac{1}{2} \ (141 \ 42\frac{1}{2})
  \frac{1}{2}i:n = 131 \ 58\frac{1}{2} \ (131 \ 57\frac{1}{2})
  \frac{1}{6}r:n = 147 12 (147 10\frac{2}{3})
  r:n = 161 54 (161 55\frac{2}{3})
r':n'
                == 161 56<del>1</del> - -
  n:-m = 164 38 (164 35)
  -n:-m = 167 49 (167 46)
  n': \frac{1}{3}m' = 168 \ 35 \frac{1}{2} \ (168 \ 35)
```

Krystall 5, Zwilling parallel $-\frac{1}{3}e$, Fig. 3 Taf. VI, von Hessenberg erhalten. Der Krystall zeigt mit Ausnahme von $-\frac{1}{7}n$ und $-\frac{1}{3}n$ sämmtliche in der Figur wiedergegebene Flächen. Zur Identificirung der gemessenen Flächen vergl. Fig. 3a.

$$A : -e = 100^{\circ} 46' \qquad (100^{\circ} 48'\frac{1}{2})$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 133 \ 37\frac{1}{2} \qquad (133 \ 40)$$

$$-\frac{1}{8} \stackrel{e}{=} : -e = 147 \ 9 \qquad (147 \ 8\frac{1}{2})$$

$$-\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} : -\frac{1}{3} \stackrel{\bullet}{=} = 166 \ 6 \qquad (166 \ 8)$$

$$A : \underline{A} = 120 \ 25 \qquad (120 \ 24)$$

$$-e : -\frac{e}{=} = ca. \ 141 \ 55 \ einspr. \ (142 \ 1)$$

$$-\frac{1}{11} \stackrel{e}{=} : \frac{1}{9} \stackrel{e}{=} = 141 \ 20 \qquad (141 \ 19)$$

$$-\frac{1}{11} \stackrel{e}{=} : \frac{1}{9} \stackrel{e}{=} = 164 \ 15 \qquad (164 \ 15\frac{1}{4})$$

$$-\frac{1}{17} \stackrel{e}{=} : \frac{1}{3} \stackrel{e}{=} = 164 \ 15 \qquad (164 \ 15\frac{1}{4})$$

$$-\frac{1}{17} \stackrel{e}{=} : \frac{1}{3} \stackrel{e}{=} = 179 \ 32 \qquad (179 \ 27\frac{1}{3})$$

$$-\frac{1}{3} \stackrel{e}{=} : \frac{1}{9} \stackrel{e}{=} = 90 \ 13 \qquad (90 \ 16\frac{1}{3})$$

$$-\frac{1}{9} \stackrel{e}{=} : -\frac{1}{3} \stackrel{e}{=} = 116 \ 25 \qquad (116 \ 25\frac{1}{2})$$

$$-e : -\frac{1}{7} \stackrel{e}{=} = 117 \ 24 \qquad (117 \ 23)$$

$$\frac{1}{9} \stackrel{e}{=} : -\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 125 \ 17\frac{1}{2} \qquad (125 \ 16\frac{3}{4})$$

$$-\frac{1}{3} \stackrel{e}{=} : -\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 154 \ 34 \qquad (154 \ 33\frac{1}{2})$$

Krystall 6, Zwilling parallel — 1e, 4mm groß, Original der Fig. 8 Taf. VI, von Scacchi, braun.

$$\underline{A} : -\frac{1}{11}\underline{r} = 136^{\circ}11' \qquad (136^{\circ}11'\frac{1}{3})$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{11}\underline{r} = 131 \quad 26\frac{1}{2} \qquad (131 \quad 25)$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{3}\underline{r} = 76 \quad 26 \qquad (76 \quad 28\frac{1}{2})$$

$$\frac{1}{13}\underline{r} : \frac{1}{9}\underline{r} = 169 \quad 37 \qquad (169 \quad 37\frac{2}{3})$$

$$\frac{1}{9}\underline{r} : \frac{1}{5}\underline{r} = 166 \quad 4 \qquad (166 \quad 2)$$

$$-\frac{1}{11}\underline{r} : (-\frac{1}{3}r, -\frac{1}{2}\underline{r}) = 152 \quad 10 \qquad (152 \quad 6\frac{3}{4})$$

$$-\frac{1}{5}\underline{r} : -\frac{1}{3}\underline{r} = 144 \quad 36\frac{1}{2} \qquad (144 \quad 37\frac{1}{2})$$

$$\underline{C}\underline{C} : -\frac{1}{3}\underline{r} = 151 \quad 57 \qquad (151 \quad 55\frac{1}{3})$$

$$-\frac{1}{3}\underline{r} : -\frac{1}{3}\underline{r} = 123 \quad 52\frac{1}{2} \qquad (123 \quad 50\frac{2}{3})$$

$$\frac{1}{5}\underline{r} : \frac{1}{9}\underline{r} = 179 \quad 27 \quad \text{einspr.} \quad (179 \quad 27\frac{1}{3})$$

$$-\frac{1}{3}\underline{r} : \frac{1}{9}\underline{r} = 130 \quad 45 \qquad (130 \quad 39\frac{1}{2})$$

In gleich regelmässiger Weise, wie die einsachen Krystalle 1—4 und die Zwillinge 5—6, waren alle andern gleicher Art, welche ich untersuchte, gebildet Die Abweichungen ihrer Winkel von den gemessenen Werthen lassen sich meist nur schwierig constatiren. Gewöhnlich glaubt man, dass diejenigen Kanten, zu denen die Flächen von Zwillingsindividuen sich begegnen, besonders gewissen Störungen unterworfen wären. Dies findet indes hier offenbar nicht statt, wie sich aus einer Vergleichung derjenigen Winkel ergiebt, unter denen Flächen mit unterstrichener und solche mit einsacher Signatur zusammenstoßen. Von Kanten, welche in der Zwillingsebene liegen, mas ich an anderen Krystallen (von G. Rose erhalten) noch folgende:

$$A: \underline{A} = 120^{\circ} 26'_{\frac{1}{2}} (120^{\circ} 24')$$

$$\frac{1}{5}r: \frac{1}{5}\underline{r} = 179 \ 29 \ (179 \ 27\frac{1}{3})$$

$$\frac{1}{4}i: \frac{1}{5}i = 146 \ 34 \ (146 \ 39)$$

An ein und demselben Krystalle war es möglich, die stumpfe einspringende Kante $\frac{1}{3}r:\frac{1}{3}r$ oben sowohl als unten im Sinne der Fig. 3 Taf. VI zu messen = 179° 32′ und 179° 30′ $\frac{1}{3}$. Die Constanz der Winkel, welche besonders bei den so stumpfen einspringenden Kanten überrascht, steht in einem auffallenden Gegensatze zu dem Schwanken der Kanten des zweiten Typus. — Es mögen nun noch einige Messungen an Zwillingen anderer Art folgen.

Krystall 7, grünlichgelb, 5^{mm} groß, Original der Fig. 6 Taf. VI, von Scacchi. Nur einige Flächen dieses merkwürdigen Doppelzwillings mit ausspringender Kante $\frac{1}{9}r:\frac{1}{9}r$ sind einer Messung mit dem großen Goniometer fähig. Eine sehr feine Streifung parallel der Kante mit A ziert die Flächen $\frac{1}{9}r$, ohne der Schärfe ihrer Reslexe Eintrag zu thun. Auch C ist gestreift, aber nicht messbar.

```
\frac{1}{9}r : \frac{1}{9}\underline{r} = 179° 28′ ausspr. (179° 27′\frac{1}{3})

\frac{1}{9}r' : \frac{1}{9}\underline{r'} = 179° 34 " " "

\frac{1}{3}e : \frac{1}{5}e \text{ (links vorne)} = 165° 5 (166° 8°)

-\frac{1}{3}e : -e \text{ (rechts)} = 161° 3 (161°\frac{1}{2})
```

$$\frac{1}{9}r : \frac{1}{8}r = 166^{\circ} 22' (166^{\circ} 2')$$

$$\frac{1}{8}r : -\frac{1}{3}r = 145 \quad 6 \quad (144 \quad 37\frac{2}{3})$$

$$(-\frac{1}{3}r, -\frac{1}{3}r) : -\frac{1}{7}r = 164 \quad 12 \quad (164 \quad 13\frac{1}{4})$$

$$\frac{1}{3}e : \frac{1}{9}r = 125 \quad 55 \quad (125 \quad 54)$$

Dieser Krystall zeigt dewnach neben einigen, mit den berechneten Werthen nahe übereinstimmenden Kanten andere, welche eine sehr erhebliche Störung verrathen. Worin der Grund dieser Anomalie liegt, muß dahingestellt bleiben. Die der Zeichnung zufolge scheinbar in dasselbe Niveau fallenden Flächen $A: \frac{1}{3}e$, $A: \frac{1}{3}e$ bilden eine einspringende Kante von 179° 24' (ber.).

Krystall 8, Zwilling parallel $+\frac{1}{3}e$, s. Fig. 4, 4a Taf. VI, 4^{mm} groß, von einem Stücke der Krantz'schen Sammlung. Das Muttergestein dieses Krystalls ist ein zum größern Theil aus dunkelgrünem Augit gebildeter Somma-Auswürfling, welcher in Drusen schwarzen Augit, röthlichbraunen Glimmer, gleichfarbigen Humit und Kalkspath umschließt. Neben einem einzelnen Zwilling $+\frac{1}{3}e$ finden sich mehrere parallel $-\frac{1}{3}e$ von der gewöhnlichen Art, sowie einfache Krystalle.

Die accentuirten Flächen beziehen sich auf die Unterseite im Sinne der Stellung Fig. 4.

Krystall 9, Zwillingsverwachsung entsprechend Fig. 5 Taf. VI, lichtbraun, 3^{mm} groß, von Scacchi erhalten. Der Zwilling war frei ausgebildet mit dem in unserer Fig. 5 abwärts gewandten Ende.

$$\underline{A} : \frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 133^{\circ} 41' \quad (133^{\circ} 40')$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 133 \quad 44 \quad \text{"} \quad \text{"}$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} = 166 \quad 42 \quad (166 \quad 44 \quad)$$

$$\frac{1}{5} \stackrel{e}{=} : -e = 174 \quad 40 \quad (174 \quad 52 \quad)$$

$$\underline{A} : \frac{1}{2} \stackrel{i}{=} = 125 \quad 20 \quad (125 \quad 15\frac{1}{3})$$

$$\frac{1}{2} \stackrel{i}{=} : \frac{1}{2} \stackrel{i}{=} = 109 \quad 31 \quad (109 \quad 29\frac{1}{2})$$

$$\frac{1}{2} \stackrel{i}{=} : \frac{1}{3} \stackrel{r}{=} = 159 \quad 51\frac{1}{2} \quad (159 \quad 50 \quad)$$

$$\frac{1}{2} \stackrel{i}{=} : -\frac{1}{7} \stackrel{r}{=} = 125 \quad 50 \quad (125 \quad 49 \quad)$$

$$\frac{1}{2} \stackrel{i}{=} : -\frac{1}{11} r = 126 \quad 16\frac{1}{2} \quad (126 \quad 18\frac{2}{3})$$

$$\frac{1}{2} \stackrel{i}{=} : -\frac{1}{7} r = 127 \quad 23 \quad (127 \quad 21 \quad)$$

$$\underline{A} : -\frac{1}{11} r = 93 \quad 37\frac{1}{2} \quad (93 \quad 36\frac{8}{4})$$

Nachdem wir jeden der drei Typen für sich kennen gelernt haben, wollen wir die Beziehungen derselben zu einander aufsuchen. Wie oben bereits angedeutet, können die Grundsormen der drei Typen aufeinander zurückgeführt werden, wenngleich ihre Relationen nicht gerade einfach in krystallographischem Sinne sind. Die Grundformen haben nämlich dasselbe Verhältnifs ihrer Axen a und b, während die Vertikalaxen sich verhalten bei I: II: III == 7/9:5:1. Wir könnten nun diese drei Grundsormen auf ein neu gewähltes Oktaëder als gemeinsame Grundform des Humitsystems zurückführen (wie es Scacchi gethan, dessen allgemeine Grundform indess eine hypothetische ist und als Krystallform nicht erscheint), ziehen indess vor, dieselben und mit ihnen sämmtliche Humitslächen auf die Grundform des dritten Typus als des slächenreichsten zu beziehen.

Die folgende Flächen-Uebersicht wird demnach leicht verständlich seyn. Unter I stehen die Formen des ersten Typus etc. Die neuen Formeln beziehen sich auf die Grundform des dritten Typus. Stehen in einer horizontalen Reihe zwei Flächen verschiedener Typen, so deutet diess an, dass es eine beiden gemeinsame, identische Fläche ist. Die Zwillingsslächen sind gleichfalls ausgenommen, die drei Pinakoide indess fortgelassen worden. Alle folgende Formen sind in die Linearprojection Tas. VIII eingetragen. Die auf den Axen a und b stehenden Zahlen beziehen sich auf die Grundsorm des dritten Typus.

I	II	III		
		$\pm n$	= (a:b:c),	$\pm P$
n			$= (\frac{9}{7}a:\frac{9}{7}b:c),$	₹ P
	$\pm n$		$= (\frac{9}{5}a : \frac{9}{5}b : c),$	$\pm \frac{5}{9}P$
$\frac{1}{2}n$			$= (\frac{18}{7}a : \frac{18}{7}b : c),$	$\frac{7}{18}P$
		$\pm \frac{1}{3}n$	= (3a:3b:c),	$\pm \frac{1}{5}P$
$\frac{1}{3}n$			$=(^{27}_{7}a:^{27}_{7}b:c),$	7 P
		$\pm \frac{1}{5}n$	= (5a:5b:c),	$\pm \frac{1}{5}P$
	$\pm \frac{1}{3}n$		$= (\frac{27}{5}a : \frac{27}{5}b : c),$	$\pm \frac{5}{27}P$
		± ⅓n	= (7 a : 7 b : c),	$\pm \frac{1}{7}P$
		+r	$= (a: \frac{1}{2}b:c),$	$+2\bar{P}2$
	+r		$= (\frac{9}{5}a : \frac{9}{10}b : c),$	10 P 2
r			$= (\frac{18}{7}a : \frac{9}{7}b : c),$	7 P 2
		$\frac{1}{3}r$	$= (3a': \frac{3}{2}b:c),$	$-\frac{2}{3}P2$
		$+\frac{1}{5}r$	$= (5a: \frac{5}{2}b:c),$	$+\frac{2}{5}\bar{P}2$
$\frac{1}{2}r$			$= (\frac{36}{7}a : \frac{18}{7}b : c),$	$\frac{7}{18}\bar{P}2$
	\bullet $-\frac{1}{3}r$		$= (\frac{27}{5}a': \frac{27}{10}b:c),$	$-\frac{10}{27}\bar{P}2$
		1 7	$= (7 a' : \frac{7}{2}b : c),$	$-\frac{2}{7}\bar{P}2$
$\frac{1}{8}r$			$= ({}^{64}_{7}a: {}^{27}_{7}b: c),$	7 P2
	+ r	+ }r	$= (9a: \frac{9}{2}b:c),$	
Poggendorff's Ann. Ergänzungsbd. V.				50

. 1	II	III	•	
$\frac{1}{4}r$			$= (\frac{72}{7}a : \frac{36}{7}b : c),$	$\frac{7}{36}\bar{P}$ 2
		$-\frac{1}{\Pi}r$	$= (11a': \frac{11}{2}b:c),$	$-\frac{2}{11}\overline{P}2$
	$\frac{1}{7}r$		$= (\frac{68}{5}a': \frac{68}{10}b': c),$	$-\frac{10}{63}\bar{P}2$
1/5 r			$= ({}^{90}_{7} a : {}^{45}_{7} b : c),$	$\frac{7}{45}\bar{P}$ 2
		$+\frac{1}{15}r$	= (13a : b : c),	$+\frac{2}{13}\bar{P}2$
		$-\frac{1}{15}r$	$= (15 a': \frac{15}{2} b: c),$	$-\frac{3}{15}\bar{P}2$
		+ 8	= (3a:2b:c),	$+\frac{1}{2}\bar{P}^{\frac{3}{2}}$
		— m	$= (\frac{1}{5}a': \frac{1}{2}b:c),$	$-3P_{\frac{3}{2}}$
	— m	•	$= (\frac{9}{15}a': \frac{9}{10}b:c),$	$\frac{16}{9}\overset{\smile}{P}\frac{3}{2}$
		$+\frac{1}{3}m$	$= (a: \frac{s}{2}b:c),$	$+ \check{P}^{\frac{3}{2}}$
•	} m	$\frac{1}{9}m$	$= (3a': \frac{9}{5}b:c),$	$-\frac{1}{3}\check{P}_{\frac{5}{2}}^{\frac{3}{2}}$
		±e	$= (a : \infty b : c),$	$\pm \tilde{P} \infty$
e			$= (a : \infty b : c),$	$\frac{7}{9} \overset{\smile}{P} \infty$
	± e		$= (\frac{9}{5}a : \infty b : c),$	$\pm \frac{5}{9} \tilde{P} \infty$
1 e			$= (\frac{18}{7}a : x b : c),$	$\frac{7}{18} \overset{\smile}{P} \infty$
$\left\{ \begin{array}{c} \mathbf{ZwEb.} \\ \left(\frac{\mathbf{s}}{7} \boldsymbol{e} \right) \end{array} \right\}$	$\left\{\begin{array}{c} \mathbf{ZwEb.} \\ \mathbf{\pm} \stackrel{\mathbf{s}}{5} e \end{array}\right\}$	± 1 6	$= (3a: \infty b: c),$	$\pm \frac{1}{3} \overset{\smile}{P} \infty$
$\frac{1}{3}e$		-	$= (\frac{27}{7}a: \infty b: c),$	$\frac{7}{27}\overset{\smile}{P}$ ∞
		$\pm \frac{1}{5}e$	$= (5 a : \infty b : c),$	
$\frac{1}{4}e$			$= (\frac{36}{7}a: \infty b: c),$	$\frac{7}{36}\overset{\smile}{P}$ ∞
****	$\pm \frac{1}{3}e$		$= (\frac{27}{5}a: \infty b: c),$	$\pm \frac{5}{27} \overset{\circ}{P} \infty$
}e	-		$= ({}^{46}_{7}a: \infty b: c),$	$\frac{7}{45}\overset{\smile}{P}$ ∞
	•	$\pm \frac{1}{7}e$	$= (7a: \infty b: c),$	$\pm \frac{1}{7} \tilde{P} \infty$
	$Zw\dot{E}b.$ $(+\frac{1}{5}e)$	± } e	$= (9a: \infty b: c),$	$\pm \frac{1}{9} \overset{\smile}{P} \infty$
i			$= (\infty \mathbf{a} : \frac{9}{7}b : c),$	$\frac{7}{9}\bar{P}$ ∞
		. i	$= (\infty a : 2b : c),$	$\frac{1}{2}\bar{P}$ ∞

I.	II	III	-	
	i		$= (\infty a : \frac{18}{5}b : c),$	$\frac{5}{18} \hat{P} \infty$
1 i			$= (x a: \frac{27}{7}b:c),$	$\frac{7}{27}\bar{P}$ so
		1 i	$= (\infty a : 4b : c),$	$\frac{1}{4}\bar{P}$ ∞
		1/3 i	$= (\infty a : 6b : c),$	$\frac{1}{6}\bar{P} \infty$
1 i			$= (x a: \frac{45}{7}b:c),$	$\frac{7}{45}\bar{P}\infty$
	$\frac{1}{2}$ i		$= (\infty a: \frac{36}{5}b:c),$	$\frac{5}{36}\bar{P}$ ∞
0			$= (2a:b:\infty c),$	$\infty \bar{P} 2$
10			$=(a:b:\infty c),$	∞ P .
1 o			$= (2a:3b:\infty c)$	$\infty \overset{f eta}{P}^{3}_{2}$

Vorstehende Uebersicht wird ein Mittel bieten, die ganze Fülle der Humitgestaltung zu übersehen. In Bezug auf die Vorzeichen ist zu bemerken, dass, da der erste Typus durchaus vollslächig erscheint, die Ausdrücke ohne Vorzeichen blieben, dass aber, wenn Formen des zweiten oder dritten Typus vollslächig entwickelt sind, diess durch ein 🖶 ausgedrückt wurde. Sämmtliche Flächen der Reihe 1 bleiben ohne Vorzeichen, da sie von keiner Hemiedrie betroffen werden. Der Humit zählt demnach, wenn wir die Formen der drei Typen zusammenfassen, 9 Glieder der Reihe n, 16 r, von letztern ist eine Form dem zweiten und dritten Typus gemeinsam, 1 s, 4 m, davon wieder eine den beiden genannten Typen gemein, 12 e, von welchen 2 den drei Typen theils als Krystallsläche, theils als Zwillingsebene gemeinsam, 8 &, unter denen keine gemeinsame Form, sowenig wie unter den 3 o, welche auf den ersten Typus beschränkt sind.

Was die Zwillingsslächen betrifft, so erkennen wir aus unserer Uebersicht, dass es dieselben nahe normal auf einander stehenden Ebenen in allen Typen sind, mit der Einschränkung, dass parallel ¿ beim dritten Typus noch keine Verwachsung gefunden worden ist, wenn wir absehen von der oben berührten Annahme eines doppelten

Gesetzes der Verwachsung eines Drillings, wie sie von Scacchi aufgestellt. Bei dieser Verwachsung parallel $\frac{1}{9}r$ müsten die Flächen $-\frac{1}{8}r$ einen einspringenden Winkel zeigen, während die $\frac{1}{9}r$ in ein und dieselbe Ebene fallen würden.

Die Gesammtzahl der Humitslächen beträgt einschließlich der drei Pinakoide, wenn wir die zweien Typen identischen Flächen nur einfach zählen, 135. Denken wir uns einen Krystall von allen oben genannten Flächen umschlossen, so erhielten wir (die Parallelen doppelt gezählt) ein 270 flächiges Polyëder. Während wir früher die Projectionslinien eines jeden Typus für sich betrachtet haben, so gewinnt unsere Linearprojection nun ein erhöhtes Interesse, wenn wir gleichzeitig alle drei Arten von Linien betrachten. Merkwürdig ist, dass die Sectionslinien von Formen der Reihe r verschiedener Typen so überaus nahe zusammenrücken, ein Verhältniss, welches bei Formen der Reihen n und m nicht in gleicher Weise statt hat. Man vergleiche die Linien $\frac{1}{13}r$ Typ. III, und $\frac{1}{5}r$ I. Die Höhen dieser Pyramiden würden sich bei gleicher Basis verhalten wie 90:91. Die Fläche $\frac{1}{13}r$ III bildet mit Aden Winkel 136°8', während $\frac{1}{5}r$ I : A = 135°48'.

Sehr nahe liegen ferner $\frac{1}{5}r$ I und $-\frac{1}{7}r$ II, indem die Höhen der betreffenden Pyramiden = 49:50, $\frac{1}{5}r$ I: $A=135^{\circ}48'$ und $-\frac{1}{7}r$ II: $A=135^{\circ}18'$.

Ebenso verbalten sich zu einander $\frac{1}{2}r$ I und $\frac{1}{5}r$ III, sowie $-\frac{1}{3}r$ II und $\frac{1}{2}r$ I. Auf der vordern Seite des Krystalls sind es demnach Formen des ersten und dritten Typus, welche so nahe zusammenrücken, auf der Hinterseite solche des ersten und zweiten. Coincidenz findet sich nur bei Linien des zweiten und dritten Typus.

Eine der wichtigsten Fragen, welche sich uns bei Betrachtung unseres Liniensystems stellt, ist die, ob wohl Flächen verschiedener Typen, welche verschiedenen Reihen angehören, tautozonal sind. Wenn sich herausstellt, dass durch zahlreiche Zonen wohl unter einander verbunden

sind die Flächen ein und desselben Typus, dass aber ein Gleiches nicht gilt für Flächen verschiedener Typen, so ist es leicht verständlich, dass die Flächen der Typen sich so scharf getrennt halten. In noch etwas anderer Form können wir diese Frage stellen, indem wir zum leichtern Verständniss einen speciellen Fall in's Auge fassen und fragen: Könnte wohl die Fläche 1r des dritten Typus an Krystallen des ersten und zweiten auftreten? Es würde nach den allgemeinen krystallographischen Gesetzen möglich und wahrscheinlich seyn, wenn die Sectionslinie von 1r III durch Zonenpunkte der andern Typen ginge. Untersuchen wir nun den Lauf der Linie in unserer Figur, so finden wir, dass sie durchaus keine Zonenpunkte anderer Typen trifft. Man könnte vielleicht wähnen, sie ginge durch einen Punkt des ersten Typus 1/3 e: 1/5 r der hintern Seite. Die genauere Untersuchung lehrt aber, dass dem nicht so ist. Die Fläche 1r III würde also, wenn wir sie auftretend denken an den Krystallen der beiden ersten Typen, durch keine Zone (mit Ausnahme derjenigen derselben Reihe) mit den Flächen des Krystalls verbunden seyn, und desshalb ist sie ausgeschlossen aus der Raumumgränzung dieser Typen. Es enthüllt sich uns nun auch die Ursache, wesshalb dem zweiten und dritten Typus nur eine Hemipyramide aus der Reihe der p und nur eine aus der Reihe der m gemeinsam ist. Nur diese nämlich sind durch Zonen in den Krystallbau beider genannten Typen eingefügt. Die Fläche 3r II fällt in die Zonen des zweiten Typus $-\frac{1}{3}r:-n:-m:e$ und $+n:-m:\frac{1}{3}i$, sowie als $\frac{1}{9}r$ III in die Zonen $i: \frac{1}{7}n: \frac{1}{5}e: \frac{1}{3}n': r'$ und $\frac{1}{3}i: -\frac{1}{15}r:$ $-\frac{1}{3}e:\frac{1}{3}m:\frac{1}{3}n$. Die Hemipyramide $-\frac{1}{5}m$ liegt als Fläche des zweiten Typus in den Zonen $e: \frac{1}{2}i: -\frac{1}{3}n$ und $-e:-m:r:-\frac{1}{3}r$, und gleichermaassen als $-\frac{1}{9}m$ III in den Zonen $\frac{1}{3}i:\frac{1}{13}r:\frac{1}{7}n:e:-\frac{1}{5}n:-\frac{1}{11}r$ und $\frac{1}{5}r:\frac{1}{3}m:-e:-\frac{1}{7}r$. Eine ähnliche Zonenverbindung kommt keiner andern Hemipyramide der genannten Typen zu. Desshalb ist auch keine andere beiden gemeinsam. Da die Oktaëder des

ersten Typus nicht in ähnlichem Verbande mit den Typen II und III stehen, so weist jener auch keine mit den beiden letztern gemeinsame Form auf.

Die zahlreichen Durchschnittspunkte unseres Liniensystems könnten noch Material zu mauchen eingehenden Studien bilden. Wir beschränken uns hier, darauf hinzuweisen, dass unter der sehr großen Zahl von Schnittpunkten dreier oder mehrerer Linien sich nur äußerst wenige befinden, in denen sich Linien zweierlei Art schneiden, und, soweit meine Nachforschung reicht, wohl nur ein einziger, in welchem sich Linien aller drei Typen kreuzen. Dieser merkwürdige Punkt ist der Durchschnittspunkt der Linien $+\frac{1}{3}e$ III: -m II: $\frac{1}{3}r$ I. Die erstere dieser Linien ist zugleich $+\frac{2}{3}e$ II. Von Punkten, in denen sich Linien zweier Typen schneiden, nenne ich $\frac{1}{2}i$ II: -n II: $-\frac{1}{3}e$ III und i II: $-\frac{1}{3}r$ II: $-\frac{1}{3}e$ III und i II: $-\frac{1}{3}r$ II: $-\frac{1}{3}e$ III sowie i II: $+\frac{1}{3}e$ III.

Bei Betrachtung unserer Figur könnte man allerdings glauben, dass solcher Punkte, in denen sich Linien von zwei-, ja dreierlei Art schneiden, zahlreiche vorhanden seyen. Die genauere Untersuchung lehrt indes für fast alle diese Punkte, dass die Coincidenz nur scheinbar, wenngleich so nahe zutrifft, dass selbst die sorgsamste Ausführung der Projection die Linien durch Einen Punkt führt. Nur scheinbar fallen z. B. in eine Zone die Flächen $\frac{1}{5}i$ I: $-\frac{1}{3}r$ II: n III; $\frac{1}{3}i$ III: $\frac{1}{3}r$ I: -n II; i III: 0 I: $\frac{1}{3}e$ I; $-\frac{1}{11}r$ III: $\frac{1}{3}n$ I: $\frac{1}{3}e$ III; $-\frac{1}{7}r$ III: $-\frac{1}{5}n$ III: $\frac{1}{2}e$ I; i II: -n III: $\frac{1}{3}n$ I: i II: -n III: $\frac{1}{3}n$ II: $\frac{1}{3}n$ III: $\frac{1}{3}n$ II: $\frac{1}{3}n$ II: $\frac{1}{3}n$ III: $\frac{1}{3}n$ II: $\frac{1}{3}n$ II: $\frac{1}{3}n$ III: $\frac{$

Da die Bestimmung des Typus, zu welchem ein Humitkrystall gehört, gewöhnlich durch Messung gesichert werden muß, so wird die folgende Zusammenstellung der Neigungen aller Flächen der drei Typen zur Basis A (resp. bei der Reihe o zum Brachypinakoid) von Nutzen seyn. Auch in dem Falle, daß an einem vorliegenden Krystalle A verbrochen oder nicht meßbar, so wird die Tasel nichtsdestoweniger die Bestimmung des Typus leicht ermöglichen.

Man messe dann nur am Krystalle eine Kante irgend einer Reihe (r, n, e oder i) genau, nehme das Complement dieses Winkels und vergleiche dasselbe mit den Disserenzen für die betressende Reihe der drei Typen. Von einer Berechnung sämmtlicher Kanten des Humitsystems wurde mit Rücksicht auf die erstaunlich große Zahl derselben hier abgesehen. Schon oben wurden die Werthe einer erheblichen Anzahl derselben, und zwar derjenigen, welche der Messung sich gewöhnlich darbieten, angegeben. Die Tafel macht zudem die Berechnung jeder beliebigen Kante auch von Flächen verschiedener Reihen zu einer sehr leichten Aufgabe. Es werde z. B. die Kante n: ½r, Fig. 7 Taf. VI, gesucht. Die Winkel-Tabelle giebt die Neigungen beider Flächen zu A; ich führe desshalb zur Ermittelung der gesuchten Kante noch den ebenen Winkel ein, welchen die Kanten n: A und $\frac{1}{9}r: A$ in der Fläche A einschließen. Diese ebenen Winkel auf A bleiben nun bei allen drei Typen für die betreffenden Reihen identisch, eine Folge der Gleichheit des Axenverhältnisses a: b. Es betragen die ebenen Winkel in A, welchen einschließen die Kanten der Reihen

e und m
$$(\frac{1}{3}o)$$
 = 144°14′20″
e • n $(\frac{1}{3}o)$ = 132 47 24
e • s = 121 40 47
e • r (o) = 114 50 12

woraus die zur Rechnung nöthigen Winkel sich sogleich ergeben.

Uebersicht der Winkel der Humitkrystalle, berechnet aus den beiden Fundamental-Messungen

$$A: \frac{1}{5}e \text{ III} = 133^{\circ} 40'.$$
 $A: \frac{1}{9}r \text{ III} = 125^{\circ} 49'.$
 $III \quad A: n = 97^{\circ} 24' \quad 3''$
 $I \quad A: n = 99 \quad 28 \quad 52$
 $II \quad A: n = 103 \quad 9 \quad 35$
 $I \quad A: \frac{1}{2}n = 108 \quad 28 \quad 11$

III	$A:\frac{1}{8}n$	= 111° 17′ 23″
I	$A:\frac{1}{2}n$	= 116 36 42
III	$A: \frac{1}{k}n$	$= 123 \ 0 \ 8$
II	$A:\frac{1}{3}n$	= 125 247
III	$A:\frac{1}{7}n$	= 132 16 43
	 • 4 • •	
Ш	A:+r	= 94 35 4
II	A:+r	98 12 47
I	A:r	= 101 39 2
III	$A:-rac{1}{5}r$	$= 103 \ 31 \ 33$
III	$A:+\frac{1}{5}r$	= 111 50 50
1	$A: \frac{1}{4}r$	= 112 24 37
II	$A:-\frac{1}{3}r$	= 113 24 45
III	$A:-\frac{1}{2}r$	= 119 18 19
I	$A: \frac{1}{3}r$	= 121 44 23
II	$A:+\frac{1}{5}r)$	
	$A:+\frac{1}{9}r$	=*125 49 0
	$A: \frac{1}{4}r$	= 129 30 52
	•	= 131 24 49
		= 135 17 40
	•	= 135 52 23
	•	= 136 11 22
III		= 140 15 34
		$= 106 \ 44 \ 22$
III	A:-m	= 92 57 0,5
II	A:-m	= 95 17 59
III	$A:+\frac{1}{3}m$	= 98 47 19
II	_	
III	$A:-\frac{1}{5}m$	= 114 52 57
		•
III	A:e	= 100 48 28
I	A:e	= 103 47 25
II	A:e	= 108 57 50

I	$A: \frac{1}{2}e$	=	116°	8'	46"
I	$A: (\frac{8}{7}e)$				
II	$A: \frac{3}{5}e$		119	48	0
III	A:]e				
I	$A: \frac{1}{3}e$	=	126	21	56
Ш	$A: \frac{1}{5}e$	1	[*] 133	40	0
I	$A: \frac{1}{4}e$	=	134	28	24
II	$A: \frac{1}{3}e$	=	135	52	15
I	$A:\frac{1}{5}e$	=	140	49	13
III	$A: \frac{1}{7}e$	=	143	11	29
. I	$A: (\frac{1}{7}e)$				
	$A: (\frac{1}{5}e)$	=	149	47	57
III	$A: \frac{1}{9}e$				
I	A: i	==	102	48	2
III	A: i	==	109	27	54
II	A: i	=	122	2 7	49
I	$A: \frac{1}{3}i$	=	124	16	45
III	$A: \frac{1}{2}i$		125	15	18
III	$A: \frac{1}{3}i$	=	136	40	34
I	$A: \frac{1}{5}i$	=	138	38	38
II	$A: \frac{1}{2}i$	==	141	50	4
I	B:o	=	114	50	7
I	$B:\frac{1}{2}o$	===	132	47	24
I	$B: \frac{1}{3}o$	==	144	14	21

Wie bereits oben angedeutet, liegt eine eingehende Discussion der chemischen Constitution, welche unzweifelhaft mit der Verschiedenheit der Typen in ursächlichem Zusammenhange steht, außerhalb der Gränzen gegenwärtiger Arbeit. Ich würde mich erst dann zu einer solchen Discussion befugt erachten können, wenn ich den überaus verdienstvollen Analysen Rammelsberg's (Diese Ann. Bd. 86 S. 404—417) einige neue hinzufügen könnte, welche zu einem Schlusse über

die Constanz der Mischung eines jeden der drei Typen berechtigten. Es würde auch die Thatsache zu constatiren seyn, dass der Chondrodit und der zweite Humit-Typus eine verschiedene — nicht vielmehr eine gleiche Zusammensetzung besitzen —, nachdem durch v. Kokscharow bewiesen wurde, dass beide ihrer Form nach identisch sind. Obgleich also diese Fragen weiterer Untersuchung harren (welche wesentlich durch die Beschassung und sorgsamste Wahl des Materials bedingt seyn wird), so wird es doch gestattet seyn, schon jetzt daraus hinzuweisen, dass mit dem größern Gehalt an Fluor die vertikale Axe der Grundsorm sich verkürzt.

Die allgemeine Formel des im Humit anzunehmenden Magnesium-Silikats ist

 $Mg^8 Si^8 O^{14}$,

in welche Mischung wechselnde Mengen von Fluor eintreten. Den Resultaten der Analysen Rammelsberg's entsprechen annähemd die folgenden Formeln, wenn wir die Typen nach steigendem Fluorgehalte ordnen:

Typus III $Mg^{48} Si^{18} O^{82} Fl^4$ I $Mg^{48} Si^{18} O^{81} Fl^6$ II $Mg^{48} Si^{18} O^{80} Fl^8$ Chondrodit $Mg^{48} Si^{18} O^{78} Fl^{12}$.

Aus der oben gegebenen krystallographischen Uebersicht wissen wir, dass bei gleicher Basis die Höhen der Typen III, I, II sich verhalten $= 1:\frac{7}{9}:\frac{5}{9}$.

Man wird dieser bereits durch Rammelsberg hervorgehobenen Thatsache nicht etwa entgegnen wollen, dass die Wahl der Grundsorm für jeden Typus willkürlich sey, und wirz. B. für den dritten Typus in als Grundsorm wählend, auch mit dieser n I und n II vergleichen könnten. Dieser Einwurf würde indes völlig verkennen, dass die drei n in

1) Diese Formel ist dieselbe, welche Weltzien ("Syst. Uebers. der unorgan. Verb." 1867) für den Chondrodit aufstellt: $Mg^8 Si^3 O^{13} Fl^2$. Derselben wurde oben eine den Humitformeln entsprechende Form gegeben.

den betressenden Typen durchaus homolog sind und eine gleiche Rolle in jedem der Systeme spielen. Sie sind die spitzesten Glieder ihrer Reihe; einem jeden dieser n entspricht ein $\frac{1}{3}n$, sowie ein e u. s. w.

Man erkennt aus Vorstehendem, dass wenn dieser Thatsache der Abhängigkeit des Fluorgehalts und der Axenlänge wirklich (wie kaum zu bezweiseln) ein Naturgesetz zu Grunde liegt, der zum zweiten Typus gehörende Chondrodit einen gleichen Fluorgehalt wie die vesuvischen Krystalle des zweiten Typus haben müsse. In diesem Punkte weichen die Chondrodit-Analysen erheblich von einander ab. Während die obige Formel dem Resultate Rammelsberg's Ausdruck giebt, fanden andere Analysen, mit Chondroditen anderer Fundstätten angestellt, viel geringere Fluormengen. Hierdurch scheint sich die oben bereits berührte Vermuthung zu bestätigen, dass unter den Krystallen des Chondrodits alle drei Typen des Humits vertreten sind.

Vor Kurzem wurde die Wissenschaft durch eine wichtige Untersuchung - über "Beziehung zwischen Krystallform und chemischer Constitution bei einigen organischen Verbindungen" von Dr. P. Groth (Mon.-Ber. d. K. Ak. d. Wiss. Berlin, 28. April 1870) - bereichert. Groth weist die durch den Eintritt gewisser den Wasserstoff substituirender Atome oder Atomgruppen bedingte Aenderung der Krystallform an einer Reihe von Beispielen nach. Es zeigt sich, dass diese Aenderung der Form nur eine Axe betrifft, während das Verhältnis der beiden andern Axen gleich oder fast gleich bleibt. Diese von Groth mit dem Namen der Morphotropie bezeichnete Erscheinung hat eine unleugbare Analogie mit den merkwürdigen Thatsachen, zu denen wir beim Studium des Humits geführt wurden. Wenngleich aus den vorliegenden "noch unvollständigen" morphotropischen Beispielen bis jetzt nicht ersichtlich ist, dass die ungleichen Axen der Grundformen einer morphotropischen Reihe unter einander rationale und zwar ziemlich einfache Relationen ausweisen, so lässt sich doch kaum

bezweifeln, dass ein und dasselbe Naturgesetz der Polytypie und der Morphotropie zu Grunde liegt.

Die Aehnlichkeit der Zusammensetzung, welche zwischen Humit und Olivin besteht, legt die Frage nahe, welche Beziehung zwischen den Formen beider Mineralien besteht, ob es vielleicht möglich sey, den Olivin einem der Typen des Humits einzuordnen, wie es in Bezug auf den Chondrodit möglich, oder aus demselben etwa einen neuen Typus zu bilden. In der That sind mehrere Flächen des Olivins identisch mit solchen des Humits (für einige wies bereits Scacchi die Identität nach). Ueberblicken wir indess die sehr große Flächenzahl beider Mineralien, darunter nur eine kleine Zahl identer Formen; erwägen wir ferner, dass wohl in allen slächenreichen rhombischen Systemen sich mehrere annähernd gleiche Kanten auffinden lassen, so gewinnen wir die Ueberzeugung, dass eine nähere Beziehung, wie sie etwa durch Isomorphie bedingt wird, zwischen Olivin und Humit nicht besteht. Um die entsprechenden Formen beider Mineralien in eine gleiche Lage zu bringen, wende man den Olivin (vergl. unsere Taf. VII Fig. 15 und die Taf. V, VI zu v. Kokscharow's schöner Abhandlung über den Olivin aus dem Pallas-Eisen) um die Vertikale, so dass b zur Quersläche wird. Es sind nun nahe identisch die Formen

Andere vergleichbare Formen, mit Ausnahme natürlich der Pinakoide, finden sich nicht. Folgende Vergleichung der Winkel lehrt, wie nahe jene Formen übereinstimmen:

Olivin:	Humit:		
$n: n' = 130^{\circ} \ 3^{\prime 1}_{4};$	$o: o' = 130^{\circ} 9^{\circ}_{4}$		
$s: s' = 94 3\frac{2}{3};$	$\frac{1}{2}o: \frac{1}{2}o' = 94 \ 25\frac{1}{4}$		
$r:r'=71\ 11$;	$\frac{1}{2}o:\frac{1}{2}o'=71\ 31\frac{1}{2}$		

$$e: c \text{ (Basis)} = 125^{\circ} 44^{\prime \frac{5}{6}};$$
 $\begin{cases} \frac{1}{5}r \text{ II} \\ \frac{1}{9}r \text{ III} \end{cases} : A = 125^{\circ} 49^{\prime};$

$$l: c = 114 48\frac{1}{4};$$
 $\frac{-\frac{1}{6}m \text{ II}}{-\frac{1}{9}m \text{ III}} \end{cases} : A = 114 53.$

Es stimmen demnach überein die vertikalen Prismen des Olivins mit denen des ersten Humit-Typus, während unter der großen Zahl der Makrodomen und Brachydomen nicht die geringste Uebereinstimmung besteht. Eine weitere Analogie findet zwischen zweien Pyramiden des Olivins und zweien Hemipyramiden des Humits statt; und hier ist es wohl bemerkenswerth, daß beide dem Olivin entsprechende Formen des Humits die beiden einzigen ihrer Art sind, welche dem zweiten und dritten Typus gemeinsam sind.

45. Ein neues Vorkommen von Monazit (Turnerit) am Laacher See. 1)

Als es mir im April d. J. vergöunt war, die besonders an Mineralien aus dem vulkanischen Gebiete von Laach reiche Sammlung des Hrn. Ober-Postdirectors Handtmann zu Coblenz (aus welcher ich bereits früher den hyazinthrothen Olivin beschrieb) zu besichtigen, lenkte der geehrte Besitzer meine Aufmerksamkeit auf einen kleinen Sanidin-Auswürfling, welcher in einer Druse einen 3mm großen Orthit und auf diesem auf- und eingewachsen einen etwa 1½ mm großen lebhaft glänzenden Krystall von olivengrüner Farbe umschloss. Da die Bestimmung des kleinen Krystalls, welcher durch Farbe und Glanz theils an Chrysolith, theils an die seltene grüne Varietät des Zirkons von Laach, theils auch an die alpinische Abanderung des Sphens erinnerte, an Ort und Stelle nicht gelingen wollte, so gestattete Hr. Handtmann gerne, dass ich den Orthit mit dem aufgewachsenen problematischen Krystall zum Zwecke

1) Bereits vorgetragen durch Hrn. Prof. v. Köbell in der Sitz. v. 5. Nov. 1870, Mathemat. physik. Kl. d. K. bair. Ak. d. Wissensch.

einer goniometrischen Untersuchung aus der Druse abnahm. Der Krystall ragte nur mit einer Ecke seiner taselsörmigen Gestalt (s. Fig. 12, 12 a Tas. VII) aus dem Orthit hervor, so dass die Symmetrie derselben sich nur als eine Folge der Messung, nicht aber durch unmittelbare Auschauung ergab. Nach vielen vergeblichen Versuchen, die gemessenen Winkel aus irgend ein Mineral, dessen Gegenwart in den Laacher Sanidin-Gesteinen nicht ganz unwahrscheinlich gewesen wäre, zu beziehen, gelang endlich der Nachweis, dass hier ein neues, unerwartetes Vorkommen von Monazit vorliegt, welcher bisher in vulkanischen Gesteinen noch nicht beobachtet worden ist.

Bekanntlich verglich Dana in scharfsinniger Weise die Formen des Monazits und Turnerits und machte es wahrscheinlich, dass diese beiden Mineralien eine Species bilden (s. Dana, Note on the possible identy of Turnerite with Monazite, Am. Journ. of scienc. and arts. Vol. XLII, Nov. 1866). In der neuen Auflage seiner fast unübertrefflichen Mineralogy (1868) stellt er demgemäß den Turnerit zum Monazit. Es könnte sich bei der vorauszusetzenden Identität beider genannten Mineralien die Frage erbeben, wesshalb wir dem Laacher Krystalle den Namen Monazit und nicht vielmehr Turnerit beigelegt. Von diesen hat allerdings der letztere (Lévy, 1823) die Priorität vor dem Monazit (Breithaupt, 1829). Während aber der Monazit sowohl in Bezug auf seine Krystallform als auch seine Mischung bekannt ist, kennen wir von dem so seltenen Turnerite nur die Form, denn die Angaben Children's über die Zusammensetzung des Dauphineer Minerals sind offenbar durchaus unzureichend. Gewiss ist es aber rathsamer, ein neues Mineralvorkommnis mit einem chemisch sowohl als auch krystallographisch bekannten, als mit einem nur theilweise bekannten Mineral zu vergleichen.

Ueber die chemische Mischung des Laacher Krystalls konnte ich zwar keine Versuche anstellen, doch liegt in der unmittelbaren Verwachsung desselben mit Orthit eine gewisse Gewähr, dass derselbe auch in chemischer Hinsicht

mit dem Monazit, dem Cer-, Lanthan-, Thonerde-Phosphate, von Slatoust identisch ist.

Die Ausbildung des Laacher Monazits ist aus den Fig. 12, 12a Taf. VII zu ersehen. Der Krystall ist taselsörmig. Die Seiten der Tasel werden einerseits symmetrisch durch MM, andrerseits unsymmetrisch durch w und zugeschärst. Die Gestalt zeigt demnach die größte Analogie mit derjenigen der russischen Monazite, deren Darstellung wir v. Kokscharow (s. Materialien Bd. IV S. 5—33. Atl. Tas. XL—XLII) verdanken, und bietet, wenn wir die von dem genannten Forscher in Uebereinstimmung mit Phillips-Miller¹) gewählte Flächenbezeichnung beibehalten, eine Combination solgender Formen dar:

Positive Hemipyramide	v = (a':b)	: c), P
Positives Hemidoma	x = (a':c)	$(x \otimes b), \qquad P \otimes b$
Negatives Hemidoma	w = (a:c:	$(x b), \qquad -P (x b)$
Klinodoma	$e = (\infty a)$:	$b:c), \qquad (P \infty)$
Prisma	M = (a:b:	$(\infty c), \qquad \infty P$
Orthopinakoid	$a = (a : \infty)$	$b: \infty c), \infty P \infty$
Klinopinakoid	$b = (b : \infty)$	$a:\infty c), (\infty P \infty)$

Da der Laacher Krystall genauere Messungen gestattete, als die bisher bekannten Vorkommnisse des Monazits, so benutzte ich denselben, um die Axenelemente dieses Systems neu zu bestimmen; als Fundamentalwinkel zu Grunde legend folgende drei Messungen:

$$M: M' \text{ "uber } b = 86^{\circ} 25'.$$
 $M': x = 115^{\circ} 44'.$ $e: M' = 109^{\circ} 18'.$

M' bezieht sich auf die in Fig. 12a zur Rechten liegende Fläche.

Aus diesen Messungen berechnen sich nun die Axen-

1) Einige in der trefflichen Mineralogy von Phillips-Miller angegebenen Winkel stimmen nahe mit unsern obigen überein, so a: w = 140° 40'; b: e = 181° 42'; b: v = 126° 42'.

Elemente, auf welche sich die obigen Formeln beziehen, wie folgt:

a:b:c=0.96589:1:0.92170 oder 1:1.03532:0.95425.

Die Klinoaxe α neigt sich vorne hinab, mit c den Winkel (α) 103° 28′ bildend.

Unsere obigen Fundamentalwinkel sind für den Uralischen Monazit zufolge der Berechnung Kokscharow's: $86^{\circ} 37'$; $115^{\circ} 29'$; $109^{\circ} 11'$. Ferner die Axen-Elemente a:b:c=1:1,03037:0,95010; $\alpha=103^{\circ} 46'$.

In der folgenden Tabelle stellen wir nebeneinander unter I die aus den neuen Axenelementen berechneten Winkel; II die am Laacher Krystalle gemessenen Werthe. Die mit einem Sternchen bezeichneten Zahlen wurden mit dem gewöhnlichen Goniometer, die andern mit dem Fernrohr-Goniometer erhalten; III die Winkel des Turnerits vom Mt. Sorel im Dauphinée nach Des Cloizeaux; endlich IV die von v. Kokscharow aus seinen Messungen ("die man indess nicht als ganz genaue ansehen kann, weil die Krystalle zu solchen untauglich waren") berechneten:

		I	II	III	IV
a:e	=	99° 59′		100° 0'	1000 121
a:M	==	136 47 ½		136 48	$136\ 41\frac{1}{2}$
a: v	=	118 361			118 191
a: w	==	140 401		140 40	140 44
a: x	==	126 34		126 31	126 15
b:e	==	$131\ 52\frac{1}{2}$		131 50	131 51
b:M	=	$133 12\frac{1}{2}$	 -	133 12	$133 \ 18\frac{1}{2}$
b : o	=	$126 \ 30\frac{1}{2}$		126 30	126 38
e:M	=	125 41 1	125° 42′		125 55
e:M'	==	109 18			109 11
e : v	===	141 241		141 25	141 28
e:w	=	126 223	126 25*	126 25	$126\ 31\frac{1}{2}$
e:x	=	$118 \ 34\frac{1}{2}$	118 30*	118 27	118 36

		I = 93° 35′		II	III 93 ° 36′		IV 93° 23'	
M : M' (üb. a)) =							
M: o	=	139	83	1390 10*	139	7	138	$59\frac{1}{4}$
M: w	==	124	191	124 19			124	17 1
M: x	==	115	44				115	29
v : x	=	143	$29\frac{1}{2}$		143	30	143	22
$\boldsymbol{w}: \boldsymbol{x}$		92	$45\frac{1}{2}$	92.45	92	49	93	1

Um den Monazit mit dem Turnerit zu vergleichen, bemerke man, dass sich die Flächen in solgender Weise entsprechen, wenn wir für den Turnerit sowohl die Flächenbezeichnung Des Cloizeaux's, als auch die von mir bei Beschreibung des Turnerits aus dem Tavetsch (Min. Mitth. II. Forts. No. 7, diese Ann. Bd. 119 S. 247 — 254) gewählte Buchstabenbezeichnung berücksichtigen:

Monazit
$$v$$
 x v e M a b

Turnerit
$$\begin{cases} b\frac{1}{2} & a^1 & o^1 & m & e^1 & p & g^1 \\ r & x & u & m & e & c & b \end{cases}$$

Um unsern Monazit in die Stellung des Turnerits zu bringen, müssen wir e zum vertikalen Prisma $(a:b:\infty c)$ machen, a zur Basis, w zum negativen (vordern) Hemidoma $(a:c:\infty b)$, x zum positiven $(a':c:\infty b)$, M zum Klinodoma $(b:c:\infty a)$, v zur positiven Hemipyramide (a':b:c).

Eine Vergleichung der Winkel obiger Tabelle beweist die Identität der Krystallform des Laacher Krystalls und des Turnerits vom Berge Sorel nach Des Cloizeaux's Angaben. Die Uebereinstimmung ist so groß, daß sie nicht vollkommener seyn könnte, wenn man zwei Krystalle ein und desselben Minerals aus derselben Druse gemessen hätte. Die Abweichungen der Winkelwerthe des Monazits nach Kokscharow (IV), welche sich auf Messungen von Krystallen und Spaltungsstücken aus den Goldseisen in der Umgebung des Flusses Sanarka im Lande der Orenburg'schen Kosaken und vom Rio Chico in Antioquia

gründen, können nicht befremden, da die Flächenbeschaffenbeit jeuer Krystalle genaue Messungen unmöglich machte.

Mit Laach erhalten wir eine neue überraschende Fundstätte des so seltenen Monazits, zugleich die einzige (wenn wir hier vom Turnerit absehen), welche das Mineral in scharf messbaren Krystallen geliefert hat. Der eigentliche Monazit war bisher nur in plutonischen Gesteinen und im Seifengebirge, dessen Entstehung auf jene zurückzuführen, bekannt: bei Slatoust im Ilmengebirge mit Feldspath, Albit und Glimmer auf Granitgängen, bei Norwich und Chester, Conn. mit Sillimanit, Zirkon, Cordierit, Corund im Gneiss; und e. a. O. der Ver. St.; bei Nöterö in Norwegen (Dana): zu Schreiberhau in Schlesien mit Itterspath, Titaneisen, Gadolinit, Fergusonit im Granit (diess erste deutsche Vorkommen wurde von Websky entdeckt, Ztschr. d. deutsch. geol. Ges. Bd. XVII S. 566, 1865). An allen genannten Orten findet sich der Monazit nur eingewachsen. Fundstätten im Seifengebirge sind: Mecklenburg Co. N. Car. mit Gold, Granat, Zirkon, Diamant; Rio Chico in Antioquia im Gold- und Platin-führenden Sande, und ebenso an der Sanarka in Begleitung von Topas, Korund und Euklas.

Die Association von Orthit und Monazit zu Laach, so naturgemäs dieselbe erscheint, scheint dennoch an keiner andern Fundstätte beobachtet zu seyn. Der den seltenen Gast beherbergende trachytische Auswürfling, welcher von Hrn. Handtmann selbst aufgefunden wurde, zeigt sonst nichts Bemerkenswerthes. Derselbe besteht fast ausschließlich aus Sanidin mit kleinen spärlichen Magneteisenkörnchen und einem einzelnen Spinellkrystallchen. Der Monazit von Laach scheint eine ausserordentliche Seltenheit zu seyn. Niemals ist etwas Achnliches in unsern mineralführenden Sanidinblöcken beobachtet worden, soviel dieselben auch von Mineralogen durchmustert wurden. Schon vermöge seiner Farbe würde sich unser Mineral, wenn es vorkäme, nicht leicht dem suchenden Blicke entziehen können. Denn außer der sehr seltenen lichtgrünen Varietät des Zirkons, welche von Hrn. Handtmann aufgefunden wurde, umschließen jene Blöcke kein anderes Mineral von grüner Farbe. Vergebens zerkleinerte Hr. Handtmann einen Theil des Sanidinstücks, auf welchem er den Monazit bemerkt hatte, ein zweiter Krystall fand sich nicht.

Für das Vorkommen des Minerals in Laach ist demnach der Breithaupt'sche Name im strengen Sinne zutreffend. Man wird demnach wohl nicht hoffen dürfen,
jemals genügendes Material für die chemische Analyse des
grünen durchsichtigen Monazits zu erhalten. Wenn wir
annehmen dürfen, dass demselben die gleiche Mischung
zukomme, wie dem Slatouster Vorkommen, so würde das
Auftreten des Lanthans und des Thors neben dem Cer im
Laacher Gebiete daraus folgen.

Wie in unsern Sanidinblöcken der Monazit das zweite cerhaltige Mineral ist, so ist er auch neben dem Apatit das zweite Phosphat. Die Auffindung des Monazits in vulkanischem Gesteine liefert ein neues Beispiel für die Thatsache, dass die Gesetze über die geologische Verbreitung der Mineralien, denen man früher eine unbedingte und allgemeine Gültigkeit einzuräumen geneigt war, nicht absolut sind, sondern mannigfache Ausnahmen zulassen. Das Cer, welches man früher ausschließlich beschränkt auf die Gesteine der ältesten Bildung wähnte, ist nun bereits

in Einer Verbindung am Vesuv, und in zweien in den Auswürslingen des alten Laacher Vulkans bekannt. Ziehen wir den Turnerit mit in unsere Betrachtung, so ergiebt sich, dass durch unser stets sehr seltenes Mineral die drei verschiedensten geologischen Formationen in gewisser Hinsicht verbunden werden, die plutonischen Gesteine, die Trachyte und die krystallinischen Schiefer der Alpen.

46. Ein neues Vorkommen von Babingtonit bei Herbernseelbach im Nassauischen.

In der Sammlung des Hrn. Ober-Postdirectors Handtmann wurde meine Ausmerksamkeit auf ein mir neues Mineralvorkommen gelenkt. Es waren schwarze strahlig gruppirte Krystalle, welche gewissen Abanderungen der Hornblende nicht unähnlich waren. Die Krystalle, als Babingtonit von Herbornseelbach bezeichnet, waren auf einem sehr quarzigen Eisenstein, einer Art derben Eisenkiesels, aufgewachsen. Da unter den so seltenen Fundstätten des Babingtonits in der Literatur Herborn nicht aufgeführt wird, so musste zunächst meine Aufgabe seyn, die Bestimmung außer Zweifel zu stellen, dann Genaueres über das Vorkommen in Erfahrung zu bringen. Wenngleich die Krystalle in Bezug auf ihre Ausbildung ein ganz anderes Ansehen zeigten, als die Babingtonite von Arendal und von Baveno, so war ihre Identität mit diesen bekannten Vorkommnissen bald nachgewiesen. Durch wen die auf der Etiquette befindliche erste Bestimmung der Krystalle geschah, hat sich nicht mehr sicher ermitteln lassen. Dieselbe rührt entweder von G. Rose her, oder sie beruht auf einer glücklich zugetroffenen Vermuthung, um dem unbekannten Mineral bei Kauf und Tausch einen Namen zu geben.

Den Babingtonit von Herbornseelbach stellen die Fig. 13 und 13 a Taf. VII dar. Die Flächenbuchstaben sind dieselben, welche ich bei Beschreibung der Krystalle von Baveno (Min. Mitth. No. 27; diese Ann. Bd. 135 S. 583

bis 587), dem Vorgange Dauber's folgend, gebraucht habe. Die Fig. 13a zeigt den Krystall in derselben Stellung, in welcher ich früher die Bavenoer Krystalle gezeichnet. Um indess die sehr ungewöhnliche Ausbildung des Nassauischen Vorkommens noch deutlicher hervortreten zu lassen, habe ich die Krystalle in-einer neuen Stellung s. Fig. 13 gezeichnet, indem ich der Fläche b die gewöhnliche Lage einer Längssläche oder eines Brachypinakoids rhombischer Krystalle gab, und die Kante d: b vertikal richtete. Die beobachteten Flächen sind, bezogen auf die von Dauber (diese Ann. Bd. 94 S. 402) gewählte ideale Grundsorm, folgende:

$$a = (a : \infty b : \infty c), \quad \infty \bar{P} \infty$$

$$b = (\infty a : b : \infty c), \quad \infty \bar{P} \infty$$

$$c = (\infty a : \infty b : c), \quad 0 P$$

$$d = (a : \infty b : c), \quad '\bar{P} \infty$$

$$g = (\frac{1}{2}a : b' : \infty c), \quad \infty'P2$$

$$h = (a : b : \infty c), \quad \infty P$$

$$f = (\frac{2}{3}a : b' : \infty c), \quad \infty'P\frac{3}{5}$$

$$o = (\infty a : b : c), \quad \bar{P} \infty$$

$$s = (\infty a : b' : c), \quad '\bar{P} \infty$$

Von diesen Flächen wurden o und s zuerst von Dauber am Babingtonit von Arendal, f von mir an Krystallen von Baveno beobachtet. — Stets herrschen die Flächen b, c, d; die andern, namentlich o, s und f (welch' letztere Abstumpfung zwischen g und b in den Figuren nicht gezeichnet ist) treten mehr zurück. Zuweilen fehlt auch a, so daß c und d sich in einer scharfen Kante schneiden. Nicht selten werden die Krystalle nur von den Flächen b, c, d begränzt, und besitzen dann ein spießiges Ansehen. d, b, c sind gestreift parallel ihren Kanten mit a, desgleichen g, h und f, während a, o und s eben sind. Die Flächen zeigen halbmetallischen Glanz, sind in

Folge von Streifung und Krümmung zu genauen Messungen ungeeignet. Spaltbar deutlich parallel b und c, welch' letztere Spaltbarkeit von Dauber an den Arendaler Krystallen als die deutlichste angegeben wird. Die Flächen sind nicht selten gebogen, b zuweilen parallel der Kante mit c geknickt. Das spiessige Ende der Krystalle sah ich sogar fast hakenförmig gekrümmt.

Vergegenwärtigen wir uns, um die Besonderheit der Ausbildung des Nassauischen Babingtonits zu erkennen, die Formen der beiden andern, bisher genauer bekannten Vorkommnisse. Die allgemein bekannten Arendaler Krystalle sind prismatisch verlängert in der Richtung der Zone g, a, h, b, so dass sie bei ihrer schwarzen Farbe eine entfernte Aehnlichkeit mit Augit erhalten. Der Babingtonit von Baveno, welcher gewöhnlich nur vereinzelt auf den Feldspathkrystallen der berühmten Granitdrusen wachsen ist, zeigt sich gleichfalls verkürzt in der Richtung der Kante a: h, wie es bei unserm heimischen Vorkommen der Fall ist. Während aber bei letzterem die Kante a: d resp. c: d nur kurz ist im Vergleiche zu den Kanten d: b und c:b, haben die Bavenoer Krystalle in der Richtung der Queraxe, oder der Kante c: d ihre grösste Ausdehnung. - Das specifische Gewicht unseres Babingtonits bestimmte ich = 3,355 (bei 23° C.), genau mit demjenigen der Krystalle von Arendal übereinstimmend.

Die Farbe ist schwarz, doch zeigen einige Stücke denselben schwärzlichgrün, von der Farbe mancher Hornblenden. Die strahligen Massen des Nassauischen Vorkommens ähneln so sehr gewissen Abänderungen des
letztern Minerals, dass die Vermuthung nahe liegt, manche
strahligen Massen auf Contactlagerstätten, welche für Hornblende gehalten werden, seyen in der That Babingtonit.

Die Krystalle sind meist in der Weise aufgewachsen, dass man nur eine keilförmig sich verjüngende Spitze (s. Fig. 13) sieht; seltener ruhen sie mit der stumpfen Kante c:d auf der Druse, so dass man beide Enden sieht. In einer strahligen Masse, deren Spitzen deutlich ausge-

bildet waren, beobachtete ich, dass alle Krystalle der Gruppe dasselbe Ende (in der Fig. 13 das obere) nach außen wandten, mit dem andern sich zu einer gemeinsamen centralen Masse verbanden.

Wenngleich die Beschafsenheit der Krystalle genaue Messungen nicht gestattete, so war es doch möglich, einige Winkel mit dem Fernrohr-Goniometer (*), andere mit dem gewöhnlichen Reslexions-Instrument zu messen.

$$b: c' \text{ (ab. } o) = 87^{\circ} 22' * (87^{\circ} 23')$$
 $b: d = 81 6 * (81 8)$
 $c: s = ca. 137 0 (137 2)$
 $c: o = 135 0 (134 53)$

Die genauer bestimmten erstern Winkel stimmen demnach sehr nahe mit den (eingeklammerten) Werthen überein, welche Dauber an Krystallen von Arendal ermittelt
hat. Zur weiteren Charakterisirung unserer in Fig. 13, 13 a
dargestellten Formen sey es gestattet, den obigen Winkeln
noch einige andere anzureihen, welche Dauber als mittlere
Werthe aus zahlreichen Messungen anführt. Die von mir
an den Nassauischen Krystallen gesundenen Winkel liegen
innerhalb der von Dauber angegebenen Schwankungen:

$$a:d = 122^{\circ}31'$$
 $a:b = 67^{\circ}47'$ $g:d = 113^{\circ}57'$
 $d:c = 150 \ 10$ $a:g = 132 \ 34$ $g:c' = 85 \ 22$
 $a:c' = 87 \ 28$ $a:h' = 136 \ 42$ $h:c = 89 \ 36$

Der Babingtonit wird begleitet von Quarz, Kalkspath, Beudantit, zuweilen auch von Ilvait und findet sich aufgewachsen in Drusen eines sehr quarzigen Eisensteins, welcher mit einem Melaphyr ähnlichen Grünstein verbunden ist. Der olivengrüne Beudantit erscheint theils feinkörnig theils in sehr kleinen Krystallen, zuweilen als Ausfüllungsmasse zwischen den strahligen Partien des Babingtonits. Nach gütigen brieflichen Mittheilungen, welche ich dem um die Kenntniss der Dillenburger Gegend hochverdienten Dr. C. Koch verdanke, findet sich der Babingtonit nahe Herbornseelbach auf dem Contacte von Culmschieser und

Melaphyr. Auf dieser Contactlinie wurden etwa in der Mitte der Fünfziger Jahre zwei Eisensteinschürfe angelegt, in welchen wasserhaltige Kieselmangane (namentlich der Klipsteinit¹) v. Kobell's) vorkamen, und diese enthielten in Drusen Babingtonit-Krystalle. Auf den Halden jener Schürfe kann man noch jetzt Babingtonit-sowie Ilvait-Krystalle sammeln. Diese letzteren, deren Lagerstätte eine größere Ausdehnung hat, wie die des Babingtonits, wurden von Dr. Koch aufgefunden.

Die Lagerstätte des Ilvaits ist nach Dr. Koch eine etwa 2½ Wegestunden lange von Südwest nach Nordost gerichtete schmale Contactzone zwischen Culmschiefer und Melaphyr-Lagergängen, welche sich von Herborn im Dillthal gegen S.W. bis zum Dorfe Roth und gegen N.O. gegen Herbornseelbach erstreckt. Als Contactgebilde erscheint eine nur etwa ½ bis 1½ Fuss mächtige, derbe, schwarze Masse, welche hauptsächlich Mangankiesel (Klipsteinit) und derber Ilvait ist. Letzteres Mineral findet sich an zahlreichen Punkten der genannten Strecke in kleinen — bis 6^{mm} —, doch wohlgebildeten (freilich wegen Flächenkrümmung nicht genau messbaren) Krystallen, welche eine Combination folgender Formen darbieten, wenn wir dieselben auf das rhombische Oktaëder, dessen beide Polkanten 139° 31' und 117° 27' messen, beziehen:

```
M = (a:b:\infty c), m (Des Cloizeaux.)

s = (a:\frac{1}{2}b:\infty c), g^3 "
h = (\frac{1}{2}a:b:\infty c), h^8 "
a = (a:\infty b:\infty c), h^1 "
b = (\infty a:b:\infty c), g^1 "
o = (a:b:c), b\frac{1}{2} "
p = (a:\infty b:c), a^1 "
e = (\infty a:b:\frac{1}{2}c), e\frac{1}{2} "
```

Diese zierlichen Ilvaitkrystalle finden sich an zahlreichen Punkten der genannten Zone, so namentlich bei

¹⁾ Ueber den Klipsteinit siehe v. Kobell in den Sitz.-Ber. der bair. Ak. d. Wiss. Mathem.-phys. Kl. Sitz. v. 15. Dec. 1865.

Kalbach, Dollenberg, Gaulstein bei Herborn, am Neuen Haus, am Monzenbach, bei Bicken, endlich an drei Stellen nahe Herbornseelbach. Der Contactpunkt, welcher den Babingtonit geliefert hat, liegt nach Dr. Koch nahe dem Hauptfundorte des Ilvaits bei Herbornseelbach, gehört aber einer zweiten Kulmfalte an, welche ganz im Melaphyr eingekeilt ist. Das letztere Gestein tritt mit körnigem Grünstein (Gabbro?) in Contact. Unverkennbar ist die Analogie zwischen der Nassauischen Ilvaitlagerstätte und derjenigen Campiglias in der Maremme, sowie Rios auf Elba. Während an beiden letzteren Punkten das Eisensilikat von strahligem Augit begleitet wird, spielt bei Herbornseelbach strahlig gruppirter Babingtonit dieselbe Rolle.

47. Ein Beitrag zur Kenntniss der Winkel des Albits.

Trotz der ausgezeichneten Arbeiten, welche wir über das Krystallsystem des Albits besitzen (außer der grundlegenden Abhandlung von G. Rose "über den Feldspath, Albit und Anorthit", Gilb. Ann. Bd. 73 (1823), und desselben Verfassers Aufsatz "über die Krystallform des Albits vom Roc tourné etc.", diese Ann. Bd. 125, S. 457 (1865), sind besonders hervorzuheben: die Untersuchung von Neumann "das Krystallsystem des Albits und der ihm verwandten Gattungen", Phys. Abh. Ak. d. Wiss. Berlin 1830 S. 189-230, und die Arbeiten Des Cloizeaux's, welche er in seinem Traité de Minéralogie niedergelegt hat), bleiben in Bezug auf die genauere Kenntnis dieses merkwürdigen Systems noch mehrere Fragen ungelöst. Die Störungen, welchen die Albitkrystallisation unterlag, verhinderten die genauere Ermittelung der Axen-Elemente. So sind es namentlich folgende drei wichtige Punkte, welche noch immer einer definitiven Entscheidung harren: 1) Ist das vertikale Prisma Tl ein symmetrisches, d. h. wird seine scharfe Kante gerade abgestumpft durch M? 2) Schneiden sich die Flächen en (welche den sogen. Diagonalslächen des Feldspaths entsprechen) unter einem rechten Winkel?

3) sind die Winkel, unter denen sich die Kanten M: x und M: P zur Vertikalaxe neigen, gleich?

Zu einer bejahenden Entscheidung der beiden erstern Punkte neigte Neumann. G. Rose machte zuerst auf den dritten Punkt aufmerksam, und glaubte, dass das angedeutete Verhältniss bei den Zwillingen vom Roc-tourné und von Schmirn in aller Schärfe stattfände. — Es kann nicht meine Absicht seyn, hier alle jene drei Fragen untersuchen zu wollen, vielmehr beschränke ich mich auf einen Beitrag zur Beantwortung der Frage 1, resp. auf Darlegung der aussallenden Störungen, welche ein Krystall von Schmirn aus der Krantz'schen Sammlung erkennen ließ. Freilich kann und soll durch Messungen an diesem Einen Krystall unsere Frage weder in bejahendem noch verneinendem Sinne gelöst werden, indem hierzu weit umfangreichere Untersuchungen nöthig wären.

In keiner andern Zone des Albits treten so bedeutende Störungen und demgemäs Differenzen der Winkelangaben bei den verschiedenen Autoren hervor, als in der Zone der vertikalen Flächen. So bestimmte G. Rose die stumpse Kante des rhomboidischen Prismas $T: l = 122^{\circ} 15'$, während Des Cloizeaux dieselbe nur zu 120° 47' angiebt. Die Kante M: l beträgt nach Rose 119° 52', nach Des Cloizeaux 119° 40', für den Periklin nach Marignac 119° 30', für den Albit vom Col de Bonhomme nach Demselben 120° 16'; die Kante M: T wird angegeben zu 117° 53' von Rose, = 119° 33' von Des Cloizeaux, für den Periklin = 119° 14' von Marignac. — Es ist wohl interessant, daran zu erinnern, auf welchem Wege Neumann zu der Vermuthung geführt wurde, dass das Prisma Tl ein symmetrisches sey, während seine zahlreichen Messungen die Kante M:T oder T:l nicht betreffen. Er legte sich die Frage vor, welche der Flächen aus der Zone P: x steht normal zu M? Als Resultat ergab sich, dass die gesuchte Fläche (wenn er die an einem seiner Krystalle ausgeführten Messungen zu Grunde legte) zur Vertikal-Axe nur geneigt sey, also fast mit einer Abstumpfungssläche der stumpsen Kante T: 1 zusammensalle. Aus den Messungen an einem andern Krystalle solgte die Neigung der zu M normalen Fläche zur Vertikal-Axe = ca. 5°. Fand diess Verhältnis genau statt, so musste (wie Neumann scharfsinnig erkannte) Symmetrie in der Zone der vertikalen Flächen stattsinden. Neumann's Beobachtungen an Zwillingskrystallen, bei welchen T und 1 nebeneinander liegen, ergaben nun abweichende Resultate. An einem Krystalle sand er jene Flächen coincidirend, an einem andern sich unter einem Winkel von weniger als 179° begegnend. G. Rose kommt in seiner letzten, den Albit betreffenden Arbeit zu dem Resultate, das "ein kleiner Unterschied in der Neigung von T und 1 gegen M durchaus stattzusinden scheine".

Der von mir genauer untersuchte Krystall von Schmirn (s. Taf. VII Fig. 14) ist ein Zwilling der gewöhnlichen Art (Zwillingsebene M). Das in der Figur oben liegende Individuum bildet an der Zwillingsgränze noch sein T aus, während die entsprechende Fläche des untern Individs nicht vorhanden ist. Bemerkenswerth ist an unserm Krystalle namentlich, dass das l des einen und das z des andern Individs in sehr stumpfen ausspringenden Kanten ($\underline{l}:\underline{l'}=$ $177^{\circ} 52_{2}^{\prime 1}$, $z:z'=177^{\circ} 49'$) gebrochen sind, so das jede Hälste beider Flächen einen deutlichen Reslex giebt. wollen nun zu ermitteln suchen, ob eine der beiden Hälften der Fläche z des einen, oder der Fläche I des andern Individs die normale Lage in Bezug auf die für unsern Krystall zu ermittelnde Grundform besitzt, oder ob beide gebrochene Flächentheile in ihrer Lage gestört sind. Nach Beantwortung dieser Frage wird die Vergleichung der Winkel in der vertikalen Zone mit den oben nach verschiedenen Autoren angegebenen gleichfalls von Interesse seyn.

Zu Fundamentalwinkeln wurden gewählt und der Berechnung zu Grunde gelegt (unter Ausschluß aller Kanten, welche die Flächen der vertikalen Zone, sey es unter sich, sey es mit andern Flächen, bilden) die folgenden: $P: n = 133^{\circ} 15', \quad n: o = 133^{\circ} 2', \quad o: x = 152^{\circ} 30',$ $o: P = 122^{\circ} 15', \quad P: M = 86^{\circ} 18'\frac{1}{2} \text{ (letzterer Winkel hergeleitet aus der Zwillingskante } P: P).$

Diese Winkel stimmen nahe mit den von Des Cloizeaux berechneten überein: 133° 14', 133° 3', 152° 40', 122° 12', 86° 24'.

Die größte Differenz (10') bietet die Kante o:x, welche durch Neumann an Tyroler Krystallen 152° 30' bis 35' bestimmt wurde.

Bei der etwas umständlichen Berechnung muß man sich erinnern, daß eine Ebene gelegt durch die Kanten x:P und o:n mit der Fläche y identisch ist, mit Hülfe deren man die Axenschiefe etc. findet.

Berechnete Winkel:

P:l =	1100	58 ′	52 "	M : 3	===	149 ⁰	43 ′	43 "
P:T =	115	2	14	T: l	==	120	39	39
P:z =	99	51	16	l:z	=	150	7	15
P: x =	127	49	13	n:l	==	128	42	53
M:x =	86	3	31	n : 3	==	139	4	59
M:y =	87	2 3	51	$P: \underline{P}$	=	172	374	ķ
M:n =	133	3	3 0	$x:\underline{x}$	=	172	7	2
M: o =	113	33	31	0:0	=	132	52	58
M:l =	119	50	58	$l:\underline{l}$	==	120	18	4
M:T =	110	20	23	$l: \underline{T}$	=	179	38	25

Welche der beiden Flächen \underline{l} oder $\underline{l'}$ der normalen Lage mehr genügt, ergiebt sich leicht aus den Messungen $P:\underline{l'}=110^{\circ}39^{\circ}_{\overline{2}},\ P:\underline{l}=111^{\circ}3'$. Jener Winkel weicht von dem berechneten um $19^{\circ}_{\overline{3}}$, dieser nur um 4' ab. \underline{l} müssen wir demnach als die normal gebildete Fläche des rhomboïdischen Prismas betrachten. Dieser Vorzug, welchen wir \underline{l} vor $\underline{l'}$ geben, bestätigt sich auch bei Untersuchung der Neigung von \underline{l} zu \underline{s} . Dieser letztere Winkel ward gemessen \underline{s} 150° 7', vollkommen mit der Berechnung in Uebereinstimmung, während $\underline{l'}: \underline{s} = 151^{\circ}6'$. Dass \underline{s}

Neigung zu ½ bewiesen, sondern ebenso durch die Combinationskante mit P. Die Messung ergab nämlich P: z = 99° 52½. Einen auffallenden Gegensatz zur normalen Bildung der Flächen ½ und z bildet M. Es wurde die Kante M: z gemessen = 151° 22½, während die Rechnung 149° 43½ verlangt. Entsprechend dem Sinne der Abweichung von M gegen z ist auch die Kante P: M (gemessen 86° 39½) zu groß im Vergleiche zum normalen Werthe dieses Winkels. M ist, wie ich glaube, die gestörteste Fläche nicht nur beim Albit und den andern triklinen Feldspathspezien, sondern wohl auch beim Orthoklas.

Geben wir nun, die Fläche T vorläufig außer Acht lassend, zu dem Individuum mit nicht unterstrichener Signatur über. Wenn dasselbe die durch das Zwillingsgesetz (parallel P) verlangte Stellung, und I die richtige Lage hat, so muss die Neigung !: l = 120° 18' betragen, während die Messung ergab 120° 12'. Diese Disserenz kann mit Rücksicht auf die im Allgemeinen so mannigfachen Störungen unterworfene Zone der vertikalen Flächen als eine nur geringe, und die Lage von l als eine normale bezeichnet werden. Von den beiden durch einen stumpfen Bruch getheilten Hälften der Fläche sz' besitzt z die richtige Lage, denn $l: z = 150^{\circ} 8^{\prime 1}$ (während l: z' = dendurchaus unzulässigen Werth von 147° 57' ergiebt). Ebenso entsprechen die Neigungen von l und z zu P und n sehr nahe den berechneten Winkeln; indem die Messung ergab $P: l = 110^{\circ} 54'; n: l = 128^{\circ} 37; n: z = 139^{\circ} 5'.$ Die Pseudosläche z' bildet mit z die ausspringende Kante von 177° 49', und muss wegen ihrer abnormen Lage ganz außer Betracht bleiben. Obgleich M wegen Krümmung und Streisung ein etwas verwaschenes Bild giebt, so lässt sich doch leicht constatiren, dass ihre Lage eine gestörte ist, indem die Winkel, welche sie mit z und l bildet, um die bedeutende Größe von 1° 40' zu stumpf sind. Gemessen $M: z = 151^{\circ} 24'; M: l = 121^{\circ} 35'.$ Der Krystall war offenbar aufgewachsen mit der Seite von x, wo er auch verbrochen; die Flächen MM sind weder parallel mit einander, noch mit der Zwillingsebene, sondern convergiren, indem sie über z, l etc. den Winkel 3°5' bilden (gemessen ungefähr 2°40').

Zu den unregelmäsig liegenden Flächen gehört nun außer $\underline{M}\underline{M}$, z', $\underline{l'}$ noch \underline{T} . Die Messung ergab nämlich $\underline{T}:\underline{l}=121^{\circ}15'$ (ber. $120^{\circ}39'^{\circ}_{\overline{3}}$), $\underline{T}:\underline{l}=178^{\circ}57'$ (ber. $179^{\circ}39'^{\circ}_{\overline{2}}$). \underline{T} müßte demnach, um seine normale Lage zu erhalten, in der Richtung gegen l gewendet werden. Die Kante $\underline{P}:\underline{T}$ ist demnach der abnormen Lage von \underline{T} entsprechend zu groß; gemessen $\underline{=}115^{\circ}16'$.

Gemessen wurden außer den bereits aufgeführten noch folgende Kanten:

 $o: \underline{o} = 132^{\circ} 51'; \ \underline{o}: x = 160^{\circ} 18'\frac{1}{4}; \ \underline{P}: l = 114^{\circ} 52'.$

Unser Krystall giebt demnach auf die oben unter 1) aufgeführte Frage nach der Symmetrie des Prismas Tl eine verneinende Antwort. — Wenngleich an unserem Albit die Fläche e, welche als Gegensläche zu n die stumpfe Kante P: M abstumpfen würde, nicht vorhanden ist, so hat es doch mit Rücksicht auf die Beantwortung der Frage 2) ein erhebliches Interesse, ihre Neigung zu n aus den fünf Fundamentalmessungen zu berechnen. So ergiebt sich, dass n:e über $P=89^{\circ}59'2''$ beträgt, d. h. dass neeinen rechten Winkel bilden. Hierdurch wird die vor 40 Jahren durch Neumann ausgesprochene Vermuthung bestätigt. In Bezug auf dessen Worte, "dass die Rechtwinkligkeit der Diagonalslächen einer der Knoten ist, welche das Feldspathsystem und das Albitsystem in Zusammenhang bringt", ist hier indess daran zu erinnern, dass beim Feldspath jene Rechtwinkligkeit der Flächen nn' nicht stattfindet, wenngleich beim Adular die Differenz eine nur geringe ist.

Was endlich die Vermuthung 3) betrifft, dass die ebenen Winkel auf M, welche die Kauten P:M zur Vertikalaxe, und x:M zur Vertikalen bilden, identisch seyen, so bewahrheitet sie sich nicht, indem jener Winkel 63° 12′ 39′,

dieser 64° 28' 37". Wie beim Feldspath, so ist auch beim Albit P etwas steiler zur Axe geneigt, als x. Diess hindert aber nicht, dass in denjenigen Zwillingen, bei welchen P neben x oder neben p liegt, p resp. p etwas aus ihrer Lage ausweichen, um sich in die Zone M:P zu legen (vergl. G. Rose, diese Ann. Bd. 125 S. 465). Aehnliches findet ja auch beim Feldspath statt, indem bei den bekannten Elbaischen Zwillingen P und p sich weit mehr demselben Niveau nähern, als es der normalen Stellung dieser Flächen entsprechen würde.

Vorstehende Mittbeilung darf wohl als ein Versuch betrachtet werden, in der so vielen Unregelmäsigkeiten unterworfenen Krystallisation des Albits die constanten Winkel von den gestörten zu trennen, und letztere bei der Ermittlung der Grundform auszuschließen.

Es sey gestattet, eine berichtigende Bemerkung in Bezug auf die Mitth. 36 über den Oligoklas vom Vesuv (d. Ann. Bd. 138 S. 483) hier anzureihen. Nachdem ich in jener Arbeit auf den wesentlichen Unterschied der Krystallformen von Albit einerseits, Oligoklas und Anorthit andrerseits hingewiesen (darin bestehend, dass bei jenem die stumpfere Combinationskante des rhomboïdischen Prismas M: l auf der Seite liegt, wo P den scharsen Winkel mit M bildet, während bei Oligoklas und Anorthit beide stumpfere Kanten auf gleicher Seite liegen), glaubte ich mich zu dem Schlusse berechtigt, dass die Eigenthümlichkeiten der Form des vesuvischen Oligoklases gegen die Ansicht sprächen, dass derselbe eine isomorphe Mischung von Albit und Anorthit sey; "es müste die Form des untersuchten Oligoklases derjenigen des Albits viel näber stehen, als dem Anorthit etc. Hiervon findet indess das Gegentheil statt." Der damals ausgesprochene Satz, dass die Formen isomorpher Mischungen innerhalb der Gränzen liegen, welche durch die Formen der Grundbestandtheile bezeichnet werden und sich nach dem Maasse der Mischungsmenge der einen oder der andern Gränzform nähern, kann jetzt nach der trefslichen Arbeit von Paul Groth (Beitr.

z. Kenntnis der überchlorsauren und übermangansauren Salze, Inaug. Diss. Berlin 1868) nicht mehr aufrecht erhalten werden.

Wie indess auch die Beantwortung der Frage, ob der Oligoklas eine selbstständige Feldspathspezies oder eine isomorphe Mischung von Albit und Anorthit sey, ausfallen möge, es wird dadurch die oben erwähnte Verschiedenheit zwischen den Formen der beiden letztgenannten Mineralien nicht berührt, — eine Verschiedenheit, welche man fundamental nennen kann, insofern sie sich auf den Gegensatz eines stumpsen oder spitzen Winkels des Axenkreuzes gründet. Wenn wir nämlich das aus den Flächen TIP æ abgeleitete Axensystem (mit c vertikal) so stellen, dass der spitze Winkel der Axen a und b zur Rechten liegt, so neigt beim Anorthit die Axe b zur Linken, beim Albit zur Rechten hinab.

An diesen, von mir bestimmter hervorgehobenen Unterschied knüpft Hr. Prof. Tschermak (Ueber Form und Zusammensetzung der Feldspathe, Sitz.-Ber. der K. Ak. d. Wiss. Wien, 9. Dec. 1869) einige Bemerkungen, welche ich nicht unerwähnt lassen möchte. "Die fundamentale Verschiedenheit der Formen des Albits und des Anorthits", sagt Hr. Tschermak S. 2, "verschwindet sogleich, wenn man die Formen nicht in der von Breithaupt angenommenen Stellung lässt, in welcher sie widersinnig geneigte P Flächen besitzen, sondern eine der beiden um die Axe b dreht und zwar um 180°. " — Die Erwartung, mit welcher ich diesen Satz zu lesen begann, wurde freilich durch den Schluss desselben nicht befriedigt. Sollte wirklich, so fragte ich mich, Hr. Tschermak eine Drehung des Anorthits entdeckt baben, nach welcher im rechten obern Oktanten des Axenkreuzes stumpf sind, die beiden ebenen Winkel zwischen den Axen a und b sowie a und c, spitz hingegen der Winkel zwischen b und c? Sollte Er wirklich das Geheimnis entdeckt haben, den linken Handschuh an der rechten Hand zu tragen? Dann freilich, aber auch erst

dann, verschwände "sogleich" der wesentliche Unterschied zwischen den Formen des Albits und des Anorthits.

Vorläufig, fürchte ich, müssen wir darauf verzichten, durch Drchung den Unterschied zwischen beiden aufzuheben, so lange wenigstens die Hoffnung sich nicht erfüllt, aus zwei gleichnamigen Handschuhen ein Paar zu bilden.

Dass man durch jene Drehung der Fläche P eine andere Neigung geben könne, darüber bedurfte ich wohl kaum einer Belehrung; denn in meiner Mittheilung über den Auorthit hatte ich diese Drehung bei Gelegenheit der Discussion einer merkwürdigen Zwillingsbildung nicht nur besprochen, sondern auch in den Fig. 1 und 2 einen Anorthitkrystall in gewendeter Stellung selbst gezeichnet; während die der Tschermak'schen Abhandlung in den Berichten der K. Ak. d. Wiss. beigefügte Krystallfigur, wenn ich mich nicht vollkommen täusche, die Copie einer von mir gezeichneten Figur ist. Es bleibt also auch nach jener sinnreichen Drehung der wesentliche Unterschied von Albit und Anorthit bestehen, an welcher übrigens auch Hr. Tschermak nicht zu zweiseln scheint, da auf S. 3 seiner Abhandlung sich die Worte finden: "dadurch ist die Meinung meines hochverehrten Freundes v. R. gerechtfertigt, insofern derselbe den Unterschied zwischen den Formen jener beiden Plagioklase erheblich findet." Wenn demnach die Differenz unserer Ansichten lediglich darin besteht, dass Hr. Tschermak nur erheblich nennt, was ich wesentlich oder fundamental nannte (weil der Unterschied nicht in der Länge der Axen, oder in ihrer relativen Neigung, sondern im Gegensatz von spitz und stumpf beruht), - weshalb dann, darf ich - zumal als "hochverehrter Freund" - wohl fragen, jene Worte auf S. 2? "Diess" (i. e. meine Mittheilung über die Formen von Albit und Anorthit) "beweist, dass es Hrn. Des Cloizeaux nicht gelungen ist, die Sache für alle Mineralogen klar zu machene; eine Aeusserung, deren Geziemendes zu beurtheilen, denen überlassen bleibt, welche meine Mittheilungen über Anorthit und Oligoklas vom Vesuv ihrer Kenntnisenahme gewürdigt haben.

48. Ueber die Winkel des Monticellits.

Im eifrigen Fortschritte der Wissenschaft kommt es wohl vor, dass ältere richtige Mittheilungen theils durch neue irrige Angaben beseitigt, theils auch gänzlich vergessen werden. Ist aber einmal eine solche Thatsache aus dem Kreise der den neuesten Standpunkt des Wissens darstellenden Werke verschwunden, so kann sie verloren gehen, bis durch einen glücklichen Zusall sie den Gegenstand einer neuen Entdeckung bildet. — Zweck gegenwärtiger Notiz ist, die Brooke'schen Angaben über die Winkel des Monticellits jenem Geschicke des Vergessens zu entreisen.

Brooke stellte 1831 die Spezies Monticellit auf, indem er ihre Trennung vom Olivin (Peridot) auf die, mehrere Grade betragende Verschiedenbeit der Winkel gründete (Philosoph. Mag. Octob. 1831). Bei Phillips-Miller (1852) finden wir den Monticellit als eine selbstständige Spezies aufgeführt, unter Mittheilung der Winkel Brooke's, von denen bemerkt wird, "sie nähern sich zwar denen des Olivins, weichen indess doch noch zu sehr von ihnen ab, um die Vereinigung von Monticellit und Olivin in Eine Spezies zu gestatten." In den meisten späteren Werken, welche mir zugänglich sind, wird indess der Monticellit mit dem Olivin vereinigt, und zwar auf Grund von Angaben und Messungen Scacchi's. Dufrénoy Traité de Minér. Bd. IV S. 335, 1859) bemerkt, nachdem er den Prismenwinkel des Monticellits gemäss der Brooke'schen Messung = 132° 54' angeführt: "M. Scachi a établi d'un manière incontestable que la Monticellite est un Péridot; il a retrouvé les mêmes angles que nous avons donnés pour le Péridot du Vésuve." Auch Des Cloizeaux vereinigt auf die Autorität Scacchi's den Monticellit mit dem Olivin.

Die Winkel Brooke's finden wir nicht mehr, statt derselben indess die Bemerkung: "les angles mesurés par Scachi sur des cristaux à faces miroitantes, sont, à quelques minutes près, identiques avec ceux de l'Olivine." Dana (1868) betrachtet den Monticellit als eine mit dem Olivin isomorphe Spezies, giebt indess keine Unterschiede in den Winkeln an.

Zur Erklärung des hier vorliegenden Widerspruchs lässt sich nur annehmen, dass Scacchi, dessen Messungen das höchste Zutrauen verdienen, statt des echten Monticellits von Brooke, weisse oder gelblich- bis grünlichweisse Krystalle von Olivin gemessen hat. Wie dem auch seyn mag, gewiss ist, dass in den Blöcken der Somma ein Mineral mit olivinäbnlicher Flächencombination vorkommt dessen Winkel vom Olivin bis über 3° verschieden sind Ob diese Winkeldifferenz gestattet, beide Mineralien als isomorphe zu betrachten, kann überhaupt erst in Frage kommen, wenn die Zusammensetzung des Monticellits zweifellos bekannt ist. Gegenwärtig ist keine Gewissheit darüber zu erlangen, ob die Analysen Scacchi's und Rammelsberg's, welche die Mischung Ca, Mg, Si, O4 ergaben, wirklich dem Brooke'schen Mineral, und nicht vielmehr den von Scacchi gemessenen Olivinen zukomme. Ueberdiess darf man nicht außer Acht lassen, dass der Olivin zu den in Bezug auf die Kantenwinkel constantesten unter allen Mineralien gehört (vergl. die von Kokscharow in seiner Schrift "Ueber den Olivin aus dem Pallas-Eisen" Mém. de l'ac. imp. d. scienc. d. St. Pétersb. VII Sér. T. XV No. 6 1870 S. 10-12 gegebene Uebersicht der Winkel des Olivins verschiedener Vorkommnisse), gegenüber welcher Thatsache offenbar eine Differenz von 3° um so schwerer in's Gewicht fällt.

Unter den von Scacchi mit dankenswerther Zuvorkommenheit mir übersandten Humitkrystallen befand sich auch ein lichtgelblicher, trefflich gebildeter Krystall von der Form Fig. 15 Taf. VII. Derselbe ist auf der der Anwachsstelle gegenüberliegenden Seite ungewöhnlich symmetrisch, indem hier (wie auch in der Figur wiedergegeben) alle Ecken vierslächig sind. Wenn wir die Grundsorm und Flächenbezeichnung beibehalten, welche Miller sür den Monticellit und den Olivin gewählt, so erhalten die unsere Combination bildenden Formen folgende Ausdrücke:

Rhombische Pyramide
$$f = (a:b:c)$$
, P

• $e = (a:2b:c)$, $\bar{P}2$

Vertikales Prisma $s = (a:b:\infty c)$, ∞P

• $n = (\frac{1}{2}a:b:\infty c)$, $\infty \bar{P}2$

Brachydoma $k = (\infty a:b:c)$, $\bar{P}\infty$

• $h = (\infty a:2b:c)$, $\bar{P}\infty$

Brachypinakoid $b = (\infty a:b:\infty c)$, $\infty \bar{P}\infty$

Geben wir bei Berechnung der Axen von folgenden am genauesten messbaren Kanten aus:

e: e' (brachydiag. Polk.) = 141° 47', e: n = 145° 21', so ergiebt sich das Verhältniss der Axen:

a:b:c=0.867378:1:1.15138.

Aus diesen Axen berechnen sich folgende Winkel (die gemessenen Werthe stehen in Klammern):

```
e: e \text{ ("uber } n) = 110^{\circ}42' f: f' \text{ (brachyd. K.)} = 110^{\circ}43'
e: e \text{ ("uber } h) = 82
                                     f: f \text{ ("uber s")} = 120 42\frac{1}{5}
                                     f: f \text{ ("uber k")} = 97 55\frac{1}{2}
e : h
          = 131
               = 109 \quad 6\frac{1}{2} \quad f:k
                                                             = 138577
e:b
                 = 164 23\frac{3}{4} \quad f:b
                                                              = 124 \ 42\frac{3}{4}
e : f
      (164^{\circ}24')
                                     b:h
                                                              = 119 55\frac{3}{4}
                                                              = 130 56\frac{1}{4}
b:k = 139 \quad 1\frac{1}{5} \quad b:s
                                                              = 98 7\frac{1}{2}
h:k
                 = 160 54\frac{1}{4}
                                                              = 162 301
                 = 133 \quad 6\frac{1}{2} \quad n:s
n:n
                                               (162^{\circ} 35')
   (133 \frac{1}{9})
b:n
               = 113 26\frac{3}{4}
```

Zur Vergleichung obiger Winkel mit den Messungen Brooke's führen wir die von ihm gefundenen Werthe der Kanten $e:e'=141^{\circ}48'$, $e:n=145^{\circ}0'$, sowie dessen Bemerkung an, dass der von ihm gemessene Krystall wegen Rauhigkeit der Flächen keine sehr genauen Resultate habe liefern können.

Vergleichen wir nun den Monticellit mit dem Olivin. Nach v. Kokscharow's trefflicher Untersuchung (s. a. a. O.) ist das Axenverhältnis des Olivins, wenn wir dasselbe auf die von uns sür den Monticellit gewählten Axen umrechnen, das solgende:

$$a:b:c=0.931506:1:1.17303.$$

Es findet demnach der bemerkenswerthe Umstand statt, dass Verhältnis b:c — für Monticellit und Olivin — wenig verschieden ist, während bei letzterem Mineral die Axe a größer ist im angenäherten Verhältnis von 15:14.

Demnach erreichen die Differenzen der entsprechenden Kanten ein Maximum in der Zone der vertikalen Prismen, während sie ein Minimum zeigen in der Zone, deren Axe die brachydiagonale ist.

	Olivin:	Monticellit:				
n:n	$= 130^{\circ} 3'$	1330 6'1				
s : b	$= 132 58\frac{1}{5}$	130 56 1				
b:h	$= 120 \ 23\frac{1}{2}$	119 55 3				
b:k	$= 139 \ 33$	139 1				

Die Thatsache, welche sich aus dem Vergleiche des Olivins und des Monticellits ergab, die Veränderung der einen Axe bei fast gleichbleibendem Verhältnisse der beiden andern, legt die Frage nahe, ob die ungleiche Axe vielleicht dieselbe ist, welche bei den drei Humittypen einen wechselnden Werth hat, — vorausgesetzt, dass wir Olivin und Monticellit in diejenige Stellung bringen, welche der oben für den Humit gewählten Aufstellung entspricht. Die Beantwortung unserer Frage fällt verneinend aus, da die bei Olivin und Monticellit ungleiche Axe der Axe b des Humits entspricht.

49. Das Skalenoëder R4 beobachtet an Kalkspathkrystallen von Alston Moor in Cumberland.

Das Skalenoëder $R4 = (\frac{2}{3}a : \frac{2}{11}b : \frac{1}{4}a : \frac{2}{13}b' : \frac{2}{8}a : b : c)$ gehört bekanntlich zu den seltensten Formen seiner Art am Kalkspath. Zippe (Krystallgestalten des rhomboëdrischen Kalkhaloids; Denkschr. d. K. Ak. d. Wiss. Wien 1851) führt es auf in Combination mit 5 R 7 nach Hausmann's Beobachtung, sowie als Combinationsträger mit OR nach Bournon, indem er die übrigen Angaben für zweiselhaft erklärt. Es ist desshalb die Mittheilung vielleicht nicht ganz ohne Interesse, dass R4, wenngleich nur untergeordnet, an den durch das herrschende Auftreten von $-2R2(x) = (a': \frac{1}{5}b': \frac{1}{4}a': \frac{1}{5}b: \frac{1}{3}a': \frac{1}{5}b': c)$ allbekannten Cumberlander Kalkspathkrystallen erscheint. Als herrschende Formen sind ausgebildet -2R2 und das erste Prisma ∞R , untergeordnet treten hinzu das Hauptrhomboëder R, das erste stumpfe $-\frac{1}{2}R$, das zweite spitze 4R, und außer dem Skalenoëder R4 auch R3. Die Flächen R3 bilden Zuschärfungen der kürzern Polkanten von — 2R2. Skalenoëder R4 wurde sowohl durch Messung bestimmt, als auch durch Beobachtung von Zonen. Seine Flächen bilden zunächst Abstumpfungen der Combinationskanten 4R:-2R2, und fallen außerdem in die Endkantenzone des Hauptrhomboëders.

Eigenthümlich ist die Verschiedenheit der Flächen: 4R und R4 sind glänzend; R, $-\frac{1}{2}R$, R3 sind matt; -2R2 sind glänzend, doch etwas gewölbt; die Prismenflächen sind ungleich; die unter dem Hauptrhomboëder liegenden (stets sind die Krystalle aufgewachsen und nur an einem Ende ausgebildet) Flächen sind eben, aber etwas rauh; die unter dem ersten stumpfen liegenden sind glänzend mit Neigung zur Wölbung und Knickung. Auf denselben Handstücken finden sich Krystalle, welche in der Zuspitzung nur begränzt sind durch R und $-\frac{1}{2}R$, neben andern, welche alle oben aufgeführten Combinationsformen darbieten. (Ueber Kalkspath von Alston Moor vergl. d. Mitth. No. 19, diese Ann. Bd 132 S. 517 Fig. 11 Taf. IV.)

Erklärung der Tafeln V-VIII.

- Taf. V Fig. 1, 1a. Humit-Krystall des ersten Typus in schiefer und gerader (auf die Horizontal-Ebenc) Projection.
- Fig. 2, 2a. Zwilling des ersten Typus, parallel $\frac{3}{7}e$, die Zwillingsebene halbirt den stumpfen Winkel $A: \underline{A}$.
- Fig. 3, 3a. Desgl., parallel $\frac{1}{7}e$, die Zwillingsebene halbirt den spitzen Winkel $A: \underline{A}$.
- Fig. 4, 4a. Humitkrystall des zweiten Typus in schiefer und gerader Projection. Die Stellung ist hier so gewählt, dass die hemiedrischen Formen der Reihe n., rund mat als Hemipyramiden oder den schiefen Prismen des monoklinen Systems entsprechend erscheinen.
- Fig. 5, 5a stellt den Krystall wie Fig. 4 so aufgestellt dar, dass die Flächen der Reihe e zu vertikalen Prismen werden, zur größern Verdeutlichung der Zwillingsbildung. 5a gerade Projection auf die Fläche C (Makropinakoid).
- Fig. 6, 6a. Zwilling des zweiten Typus, parallel $\frac{1}{8}e$. Gewöhnliches Zwillingsgesetz, welchem zufolge die Flächen $\frac{1}{8}r$ in eine Ebene fallen; häufigste Modification, bei welcher die $A\underline{A}$ einen ausspringenden Winkel bilden.
- Fig. 7, 7a. Drilling des zweiten Typus, parallel & e, gewöhnliche Ausbildungsweise dieser Krystalle, die Individuen sind verwachsen mit Ebenen normal zu den Zwillingsslächen, die A sich zu einspringenden Kanten begegnend. Die & r treten als vollslächige Pyramide auf. 7b Portrait eines Krystalls in gerader Projection auf C.
- Fig. 8, 8a. Desgl., die Individuen sind verwachsen mit den Zwillingsslächen. Diese Figur ist insofern eine ideale zu nennen, als ich diese Ausbildungsweise nicht rein und ausschließlich, sondern nur in Gemeinschaft mit der Ausbildungsweise Fig. 7 gesehen habe.
- Fig. 9. Portrait eines in der Richtung der Zone der everkürzten Zwillings. Die Gränzen der Individuen laufen theils über die Flächen, theils durch die Kanten.

- Fig. 10. Desgl., merkwürdig durch das Vorherrschen des Makropinakoids C.
- Taf. VI. Sämmtliche Figuren sind dem dritten Typus gewidmet.
- Fig. 1, 1a. Diese Figuren in schiefer und gerader Projection stellen sämmtliche beim dritten Typus vorkommende Flächen dar (mit Ausnahme der beiden Pinakoide B und C, sowie der beiden neuen Formen). \frac{1}{2}m wurde zuerst von Hessenberg beobachtet.
- Fig. 2, 2a. Derselbe Krystall, so gestellt, dass die Reihe der e zu vertikalen Prismen wird.
- Fig. 3, 3a. Zwilling parallel $\frac{1}{3}e$, häufigste Zwillingsbildung. Die $\frac{1}{9}r$ bilden stumpfe einspringende Winkel, die $\frac{1}{3}r$, $\frac{1}{3}n$, $\frac{1}{9}m$ fallen in's Niveau.
- Fig. 4, 4a. Zwilling parallel $+\frac{1}{3}e$. Seltenere Ausbildung. Keine Fläche der Reihe r oder r fällt in's Niveau, wohl aber $+\frac{1}{3}n$.
- Fig. 5, 5a. Regelmässige Verwachsung parallel $+\frac{1}{3}e$, $-\frac{1}{3}e$; nicht wahre Zwillingsbildung. Die homologen Flächen beider Individuen nicht einander zugekehrt, sondern nach derselben Seite gewandt. $+\frac{1}{3}n$, $-\frac{1}{3}n$ im Niveau. Gemäs dieser Verwachsung auch Drillinge.
- Fig. 6, 6a. Ungewöhnlicher Zwilling, parallel $\frac{1}{3}e$, mit ausspringender Zwillingskante $\frac{1}{9}r:\frac{1}{9}\underline{r}$. Zu beiden Seiten der Gruppe sind an den Krystall Zwillingslamellen angewachsen, welche nach dem hintern Ende hin sich verbreiternd mit den alternirenden Individuen der Mitte verschmelzen.
 - Fig. 7. Einfacher Krystall mit unsymmetrischer Ausbildung der Fläche e. Nach dem Originalkrystalle Hessenberg's, an welchem derselbe die Fläche $\frac{1}{3}m$ aufgefunden, bestimmbar durch die Zonen e:n und $\frac{1}{3}r:\frac{1}{3}n$.
 - Fig. 8. Zwilling parallel $-\frac{1}{3}e$, entsprechend Fig. 3, doch mit unsymmetrischer Ausbildung. Das Individ \underline{A} dehnt sich auf Kosten des andern in dem Maasse aus, dass diess letztere nicht zur Durchwachsung gelangt.

- Taf. VII Fig. 1, 1a. Krystall des ersten Typus, ausgezeichneter Habitus, in der Richtung der Vertikalaxe verlängert.
- Fig. 2, 2a. Krystall des zweiten Typus, seltene Ausbildung, die Reihe r erscheint vollslächig, herrschend A.
- Fig. 3, 3a. Zwilling der vollslächigen Krystalle, parallel $\frac{1}{5}e$. Die Flächen $\frac{1}{5}r$, $\frac{1}{5}\underline{r}$ fallen in's Niveau. Die Ebene, mit welcher die Individuen verwachsen sind, ist nicht Zwillings-, sondern nur Verbindungsebene.
- Fig. 4, 4a. Zwilling des zweiten Typus, parallel $+\frac{1}{5}e$, seltene Modification, bei welcher die Basen $A:\underline{A}$ zu einspringenden Kanten zusammentreffen, auch ganz aus der Umgränzung verschwinden können. Der Krystall ist verlängert parallel der Zwillingsebene.
- Fig. 5, 5a. Zwilling des zweiten Typus, parallel + $\frac{1}{3}e$, von unsymmetrischer Ausbildung. Die Zwillingsebene wird durch einspringende Kanten e: e bezeichnet, dann theilweise durch "unregelmässige" Kanten.
- Fig. 6, 6a. Zwilling des zweiten Typus, parallel $\frac{1}{8}e$, prismatisch ausgedehnt in der Richtung der Brachydiagonale. Unsymmetrische Durchwachsung, mit unregelmässiger Hemiedrie. Die Gränzen laufen theils über die Flächen $\frac{1}{5}r$, $\frac{1}{5}r$, theils durch "unregelmässige" Kanten. Die Flächen $\frac{1}{2}$: $\frac{1}{5}r$: $\frac{1}{5}r$ auf der rechten Seite der Figur 6a bilden eine Pseudozone.
- Fig. 7, 7a. Drilling des zweiten Typus, parallel 1e, prismatisch. Eines der drei Individuen zeigt Durchwachsung, während die beiden andern nur je ein Krystallstück bilden. Die einspringende Kante e: e und die ausspringende i: i (Fig. 7) bezeichnet die Zwillingsebene.
- Fig. 8. Drilling des zweiten Typus, parallel $\frac{1}{5}e$, verkürzt in der Richtung der Zonenaxe der e. Neue Fläche $\frac{3}{5}e$.
- Fig. 9, 9a. Zwilling des zweiten Typus, parallel $\frac{1}{8}e$. Die Zwillingsebene halbirt den stumpfen Winkel $A: \underline{A}$. Die $\frac{1}{5}r:\frac{1}{5}r$ bilden eine einspringende Kante.

Fig. 10, 10 a. Krystall des dritten Typus mit den beiden neuen Flächen $\frac{1}{9}e$ und s. Letztere, einer neuen Reihe angehörend, wird bestimmt durch die beiden Zonen $n: \frac{1}{3}r$ und $\frac{1}{3}e: \frac{1}{3}n$.

Fig. 11, 11 a. Polysynthetischer Krystall des dritten Typus. Zwillingsebene — $\frac{1}{3}$ e. Acht Zwillingslamellen bilden die Gruppe, von denen die abwechselnden eine gleiche Lage haben. Ueber die fast in Ein Niveau fallenden Flächen $(\frac{1}{9}r, \frac{1}{9}\underline{r})$ laufen abwechselnd sehr stumpfe ausund einspringende Kanten.

Fig. 12, 12a. Monazit (Turnerit) von Laach.

Fig. 13, 13a. Babingtonit von Herbornseelbach (in Nassau). Die Stellung der Fig. 13 ist so gewählt, dass die Fläche die gewöhnliche Lage einer Längssläche hat und die Kante d: b vertikal steht. In der Stellung der Fig. 13a ist b parallel zur Lage derselben Fläche in der vorigen Figur; doch ist nun Kante b: h vertikal.

Fig. 14. Albit von Schmirn in Tyrol mit gebrochenen Flächen l und z.

Fig. 15. Monticellit vom Vesuv.

Tas. VIII. Linearprojection des Humitsystems, auf die Basis A als Projectionsebene. Alle bisher an den drei Typen beobachteten Flächen sind eingetragen. Dem ersten Typus entsprechen die seinen Linien, dem zweiten die starken, dem dritten die punktirten. Die dem zweiten und dritten Typus gemeinsamen Flächen sind durch Linien dargestellt, welche theilweise stark ausgezogen, theilweise punktirt sind.

Anmerkung. — In Bezug auf frühere Fortsetzungen dieser Mittheilungen bitte ich folgende Berichtigungen und Ergänzungen zu bemerken:

Forts. VI. 28 (diese Ann. Bd. 135 S. 588). Nach der Ansicht des Pros. Kenngott — zufolge gütiger brieflicher Mittbeilung vom 27. April 1869 — sind die Calcitkrystalle

von Sangerhausen Pseudomorphosen nach Gyps. "Unsere deutschen mineralogischen Werke ließen die Untersuchung Des Cloizeaux's über die Calcitkrystalle nicht gauz unberücksichtigt, indem in Haidinger's Uebersicht der Resultate mineralog. Forschungen S. 111 dieselbe angeführt wird."

Forts. VII. 29 (diese Ann. Bd. 136 S. 405).

S. 409 Zeile 8 von oben lies m: n statt m: m.

Forts. VIII. 40 (diese Ann. Bd. 138 S. 515).

S. 515 Zeile 4 von unten lies $\frac{7}{9}: \frac{5}{9}: 1$ statt 45:63:35.

[Dieser Irrthum scheint durch eine Verwechslung der Scacchi'schen Angaben bei deren Umrechnung entstanden zu seyn.]

S. 549 Zeile 4 von oben lies OP''(A) statt $\frac{1}{3}P'\infty''(e)$ und Zeile 7 von oben OP'' statt $\frac{1}{3}P'\infty$.

Forts. VIII. 41 (diese Ann. Bd. 138 S. 529). In Bezug auf das neue Mineral von Laach, den sog. Amblystegit, ist zu erwähnen, dass die bereits damals aufgeworfene Frage, "ob mit unserm neuen Mineral vielleicht die bisher unbekannten Krystalle des Hypersthens gefunden wären" eine Frage, welche ich damals verneinend beantworten zu müssen glaubte — jetzt wohl zweifellos zu bejahen ist. Die Krystalle des sog. Amblystegits stimmen nämlich sehr nahe überein mit den Krystallen des Hypersthens oder Bronzits, welche Prof. v. Lang in dem Meteoriten von Breitenbach bestimmt hat (s. Ber. d. K. Ak. d. Wissensch. Wien, Bd. 59. Diese Ann. Bd. 139 S. 315). Die Erkennung der Identität der fast gleichzeitig beschriebenen Formen von Amblystegit und meteorischem Hypersthen geschah gleichzeitig durch v. Lang (d. Ann. a. a. O.) und durch Rammelsberg, laut gefälliger brieflicher Mittheilung vom 10. März 1870. Rammelsberg weist ausführlich die "wunderbare Uebereinstimmung" der Formen und Winkel beider genannten Mineralien nach. "Bloss das k des

Amblystegits fehlt dem slächenreicheren Bronzit von Breitenbach, sonst stimmt Alles wunderbar." Gerne stimme ich der Meinung meines verehrten Lehrers und Freundes bei: "es ist interessanter, jetzt auch terrestrischen Brouzit (Hypersthen) in entwickelten Krystallen zu besitzen, vollkommen übereinstimmend mit den meteorischen aus dem Breitenbacher Pallasite, — als die rarissima avis des Amblystegits." — Doch welche Verschiedenheit des Vorkommens und der Ausbildung zwischen dem Hypersthen von Labrador und den Krystallen aus den Sanidinbomben von Laach! Durch die Auffindung der Hypersthenkrystalle im Pallasite und zu Laach wurde die Zahl der den Meteoriten und der Erde gemeinsamen Silikate auf fünf vermehrt (vergl. die tressliche Schrift "Die chemische Natur der Meteoriten" von C. Rammelsberg, Abh. d. Kön. Ak. d. Wiss. Berlin 1870).

11. Ueber die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers und den Gang des Quecksilberthermometers
verglichen mit dem des Lufthermometers, nach
den Versuchen des Hrn. Regnault;
von J. Bosscha jun.

(Aus den Archives Néerlandaises T. IV, vom Hrn. Vers. übersandt.)

Bei möglichst genauer Bestimmung der absoluten Ausdehnung des Quecksilbers hat man wesentlich den Zweck: ein Datum zu erhalten, das nöthig ist für die Berechnung der Ausdehnung der Glasbehälter, welche zur Messung der Ausdehnung von Flüssigkeiten und Gasen dienen. Nun habe ich in einer früheren Abhandlung!) aus den Beobachtungen des Hrn. Regnault für die absolute Ausdehnung

¹⁾ Siehe S. 276 dieses Ergänzungsbandes.

des Quecksilbers zwischen 0° und 100° einen Zahlenwerth abgeleitet, der beträchtlich verschieden ist von dem, welchen dieser Physiker selbst als das Resultat seiner Versuche annimmt. Wir haben also jetzt zu untersuchen, wie die Ausdehnung des Glases, welche Hr. Regnault aus seinen Versuchen berechnet, abgeändert werden müsse, um den Beobachtungen zu genügen.

Wie Hr. Regnault aus der durch seine Versuche gegebenen scheinbaren und wahren Ausdehnung des Quecksilbers die Ausdehnung des Glases herleitet, könnte die in Rede stehende Prüfung in wenigen Zeilen abgemacht seyn, wenn sich nicht ein Umstand einstellte, welcher Zweifel würfe sowohl auf die Genauigkeit der Versuche über die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers, als auch auf die Art, wie der Werth dieses Datums aus den Beobachtungen abgeleitet wurde.

In der That werden wir beweisen, dass die Zahlenwerthe, welche Hr. Regnault als das Resultat seiner Untersuchungen über die Temperaturen und die Ausdehnung des Glases angiebt, keine genügende Uebereinstimmung mit den directen Daten seiner Versuche darbieten.

Bezeichnet man mit Δ_t die absolute Ausdehnung des Quecksilbers zwischen 0° und t° , mit Δ'_t die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers und mit δ_t die kubische Ausdehnung des Glases zwischen denselben Temperaturgränzen, so hat man:

$$1 + \Delta_t = (1 + \Delta_t') (1 + \delta_t) \quad . \quad . \quad (a).$$

Hr. Regnault nimmt, wie man in meiner früheren Abhandlung gesehen hat, für die Ausdehnung des Quecksilbers die Formel an:

$$\Delta_t = 0,00017900t + 0,00000002523t^2 . . . (b).$$

In der Abhandlung "De la mesure des températures" 1) findet man eine große Anzahl von Versuchen zu dem

¹⁾ Mém. de l'Acad. roy. des Sciences de l'Institut de France T. XXI p. 163.

Zweck, den Gang der aus verschiedenen Glassorten construirten Quecksilberthermometer zu vergleichen mit dem des Lustthermometers. Diese Versuche können die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers Δ' , bei verschiedenen Temperaturen, gemessen durch das Luftthermometer, kennen lehren. Das Gesetz, nach welchem die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers sich mit der Temperatur verändert, ist indess in der Abhandlung des Hrn. Regnault nicht gegeben. Man sieht bloss, welche Unterschiede die aus verschiedenen Glassorten gebildeten Quecksilberthermometer gegen das Luftthermometer an verschiedenen Punkten der Centesipalskale darbieten. Außerdem enthält die Abhandlung eine Tafel, welche von 10 zu 10 Grad zwischen 0º und 350º die Ausdehnung des Krystallglases und des gewöhnlichen Glases, deren beide Hr. Regnault sich hauptsächlich bediente, angiebt Zu der Berechnung dieser Tafel gebrauchte er die Resultate, welche die Versuche über die absolute Ausdehnung des Quecksilbers lieferte. Allein man erfährt nicht, auf welche Weise Hr. Regnault die Formel für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers erbalten hat, welche er jedoch eben so gut kennen musste, als das Gesetz der absoluten Ausdehnung. Diese Formel kann indess mit Hülfe der Relation (a) wiedergefunden werden. Substituirt man in dieser Formel den Werth von Δ_t , welcher durch die Formel (b) gegeben ist, und den Werth von δ_t , welcher aus der Tafel der kubischen Ausdehnung heider Glassorten bekannt ist und sich leicht durch eine Formel ausdrücken lässt, so erhält man für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers im Krystallglase von Choisy-le-Roy:

 $\Delta'_t = 0,00015640t + 0,00000001926t^2 . . (c),$ und für die im gewöhnlichen Glase:

$$\Delta'_t = 0.00015287 t + 0.00000000849 t^2$$
 . . (d).

Diese Formeln baben Interesse nicht allein für die Bestimmung der absoluten Ausdehnung des Glases, sondern auch für die Kenntnis des Ganges des Quecksilberthermometers. Sie erlauben nämlich für jeden Punkt der Thermometerskale den Unterschied zwischen Quecksilber- und Luftthermometer zu berechnen.

Sey im Allgemeinen die Formel für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers in Glas:

$$\Delta'_t = at + bt^2 + ct^3,$$

so ist die Temperatur T, welche das Quecksilberthermometer bei der Temperatur t des Lustthermometers augiebt:

$$T = \frac{\Delta'_{t}}{\Delta'_{100}} \cdot 100 = \frac{at + bt^{2} + ct^{3}}{a \cdot 100 + b \cdot 100^{2} + c \cdot 100^{2}} \cdot 100,$$

woraus:

$$T-t=t(t-100)\frac{\frac{b}{a}+\frac{c}{a}(t+100)}{1+\frac{b}{a}100+\frac{c}{a}100^{\circ}}...(e).$$

Da Hr. Regnault das dritte Glied weder in die Formel für die absolute Ausdehnung des Quecksilbers, noch in die für die Ausdehnung des Glases eintreten läst, so mus man ein solches Glied auch nicht mehr in den Formeln (c) und (d) annehmen, so dass man einfach setzen kann:

$$T - t = \frac{t(t-100)\frac{b}{a}}{1+\frac{b}{a}100} \cdot \cdot \cdot \cdot (f).$$

Nun sind in den Formeln (c) und (d) die Coëfficienten beide positiv. Daraus folgt, dass für Temperaturen zwischen 0° und 100° die Unterschiede negativ sind, und dass also zwischen diesen beiden Temperaturgränzen die Quecksilberthermometer, sowohl die aus gewöhnlichem, als die aus Krystallglas construirten, gegen das Luftthermometer zurückbleiben, während sie diesem für alle Temperaturen über 100° vorauseilen. Zwischen 0° und 100° fällt der größte Unterschied auf 50° und beträgt für das Thermometer

mit Behälter aus Krystallglas . . . 0°,31,

» » gewöhnlichem Glas 0°,14.

Diese Unterschiede sind sicher bedeutend genug, um näher betrachtet zu werden.

In seinen Abhandlungen erwähnt Hr. Regnault hie und da des Unterschiedes des Quecksilberthermometers vom Luftthermometer zwischen 0° und 100°. So sagt er p. 238: "Il est probable qu'il existe une difference sensible entre 0° et 100° dans la marche de ces divers instruments. Les expériences du tableau annexé à la page 226 le montrent d'une manière évidente, mais les differences sont si petites, qu'il est difficile de les déterminer avec quelque précision. Betrachtet man die Tasel, auf welche in diesem Satz verwiesen wird, so findet man wirklich zwischen den beiden in Rede stehenden Thermometern einen Unterschied angegeben, der im Allgemeinen desto größer ist, je mehr sich die Temperatur dem Grade 50 nähert. Der größte Unterschied, welcher nachgewiesen wurde, betrug 0°,30. Allein die Tafel zeigt zugleich, dass das Quecksilberthermometer immer höher stand als das Luftthermometer, während nach den eben entwickelten Formeln der Unterschied T-t negativ ist, das Quecksilberthermometer also niedriger stehen müsste.

In der Abhandlung über die Spannkräfte des Wasserdamps sindet man p. 616 solgende Bemerkung: "Il est probable, d'après la forme que nous avons reconnue à la courbe qui représente la comparaison de ces deux espèces d'instruments, que les températures données par les thermomètres à mercure, avec enveloppe de cristal, sont un peu plus faibles, entre 0° et 100°, que celles qui sont marquées dans les mêmes circonstances par le thermomètre à air. Les forces élastiques, que nous avons trouvées directement dans nos expériences, sont donc probablement un peu trop fortes, lorsqu'on les rapporte au thermomètre à air. Les différences sont d'ailleurs trop petites, pour que l'on puisse espérer pouvoir les fixer avec certitude dans les observations directes."

Hr. Regnault erwartete also wirklich, dass das Quecksilberthermometer zwischen 0° und 100° niedriger stände als das Lustthermometer. Der Umstand, dass die Beobachtungen, auf welche er sich bezieht, genau das Gegentheil anzeigen, ist vielleicht die Ursache, dass er die Beobachtung nicht für säbig hielt, den Unterschied des Ganges beider Thermometer zwischen 0° und 100° sestzusetzen.

Die geringe Uebereinstimmung zwischen den Beobachtungen und Formeln für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers, deren sich Hr. Regnault zur Berechnung der Ausdehnung des Glases bedient hat, wird noch auffallender, wenn man den Gang der beiden Thermometer über 100° studirt. In diesem Theil der Skale müssen, nach der Formel (f), die Angaben des Quecksilberthermometers immer höher seyn als die des Luftthermometers. Allein unter den Versuchen des Hrn. Regnault giebt es eine sehr große Anzahl, die alle gerade das Gegentheil zeigt. Einmal sogar gab das Quecksilberthermometer 0°,65 weniger als das Luftthermometer.

Es scheint mir, als habe Hr. Regnault eine zu geringe Meinung von der Genauigkeit seiner Beobachtungen, denn er hält sie für unfähig, einen Unterschied zwischen den beiden Thermometern zu eutdecken, der bis zu 0°,30 gehen kann. Zur richtigen Beurtheilung des Werthes, welchen man den Bestimmungen des geschickten Physikers beizulegen hat, scheint es mir sogar von der größten Wichtigkeit zu seyn, den Grund dieses zwischen der directen Beobachtung und dem aus seinen Versuchen abgeleiteten allgemeinen Resultat nachgewiesenen Unterschiedes von 0°,65 aufzusuchen.

Vermuthend, dass dieser Unterschied von der Unzulänglichkeit der Methode herrühre, die zur Herleitung der Constanten der Formel aus den experimentellen Datis angewandt ward, beschlos ich, ehe ich die Ausdehnung des Glases mit dem berichtigten Werth der absoluten Ausdehnung des Quecksilbers berechnete, die Versuche über die scheinbare Ausdehnung des Glases einer neuen, alle Beobachtungen des Hrn. Regnault umsassenden Rechnung zu unterwersen. Dadurch hoffte ich eine etwas

größere Gewissheit über den Gang des Quecksilberthermometers zwischen 0° und 100° zu erlangen, da die genaue Kenntnis dieses Ganges als von größter Wichtigkeit sür die Messung der Temperaturen und besonders sür die calorimetrischen Versuche betrachtet werden muss.

Bei dieser Rechnung versuhr ich folgendermassen.

Da die Ausdehnung des Glases nur etwa ein Achtel von der des Quecksilbers ist, so wird man eine erste Annäherung der scheinbaren Ausdehnung des Quecksilbers erhalten, wenn man annimmt, dass die Curve, welche diese scheinbare Ausdehnung für verschiedene Temperaturen vorstellt, ähnlich der für die absolute Ausdehnung ist. Ich habe also provisorisch angenommen, dass die scheinbare Ausdehnung, wie die absolute, ausgedrückt werde durch die Formel¹):

$$V_t = V_0 e^{\alpha' t}$$

in welcher α' den Coefficienten der scheinbaren Ausdehnung für eine Erwärmung von t auf t+dt bezeichnet.

Man konnte also den Werth von α' mittelst der Data eines jeden Versuchs berechnen. Fände man, dass α' nicht merklich mit der Temperatur variirte, so könnte man das vorausgesetzte Gesetz als richtig betrachten. Wenn man dagegen, wie es wirklich bei allen Beobachtungsreihen der Fall ist, einen mit der Temperatur regelmäsig zu- oder abnehmenden Werth für α' fände, so hätte man zu versuchen, ob es möglich wäre, den verschiedenen für α' gefundenen Werthen zu genügen durch die Annahme:

$$a' = a + bt$$
.

Zu dem Ende wurde der Unterschied der Werthe von a' bei 100° und bei einer höheren Temperatur t dividirt durch t-100. Da die hiedurch gefundenen Werthe für b eine regelmässige Zu- oder Abnahme mit der Temperatur zeigten, so ward man veranlasst, zur Formel:

$$\alpha' = a + bt + ct^2$$

1) Archives Néerlandaises, T. IV p. 167 (Diese Ann. Ergbd. V S. 444).

zu greifen und für a, b und c die Werthe aufzusuchen, die besser mit der Beobachtung stimmten.

In der früheren Abhandlung habe ich bemerklich gemacht, dass das Gesetz der absoluten Ausdehnung des Quecksilbers bei verschiedenen Temperaturen des Luftthermometers zwischen 0° und 280° nicht vereinbart werden könne mit den Ausdehnungen bei höheren Temperaturen, und dass es unentschieden bliebe, ob dieser Zwiespalt einem raschen Anwuchs der Ausdehnung des Quecksilbers oder der Unsicherheit der Temperaturbestimmungen durch das Luftthermometer an so hohen Punkten der Skale zugeschrieben werden müste. Es war zu vermuthen, dass Aehnliches aufträte in Bezug auf die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers, verglichen mit der der Luft in dem Behälter eines Luftthermometers. Demgemäss schloss ich von der Berechnung alle Beobachtungen aus, die sich auf Temperaturen über 280° beziehen. In der weiterhin folgenden Tasel der Resultate des Calcüls habe ich jedoch diese Beobachtungen neben den übrigen aufgestellt, um zu zeigen, bis wie weit sie den erhaltenen Formeln genügen.

In der Abbandlung des Hrn. Regnault findet sich das Luftthermometer verglichen mit vier Thermometern aus Krystallglas, mit fünf Thermometern aus gewöhnlichem Glase, mit einem Thermometer aus grünem Glase, das zu chemischen Apparaten angewandt wird, und mit einem Thermometer aus schwedischem Glase, welches sich durch seine Strengslüssigkeit (infusibilité) auszeichnet. Der Verf. hat die Dichtigkeit und chemische Zusammensetzung aller dieser Gläser sorgfältig angegeben. Für jedes dieser Instrumente hat er eine besondere Formel berechnet. Das Krystallglas-Thermometer No. 1 und das von gemeinem Glase No. 5 wurden wiederholt mit dem Luftthermometer verglichen, das erstere in vier, das letztere in drei gesonderten Beobachtungsreihen. Damit man besser ersehen könne, wie a' mit der Temperatur variirt, sind die mit diesen Thermometern angestellten Versuche in den folgenden Tafeln nach Ordnung der wachsenden Temperaturen aufgeführt.

29*

Tabelle I.

Scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers in den Gewichtsthermometern des Hrn. Regnault.

Thermometer aus Krystallglas von Choisy-le-Roy.

Differenz in Graden des Luft- thermometers	
von α' chnet nach der Formel	0,00015844 15844 15844 15845 15846 15847 15848 15851 15851 15853 15854 15854 15854 15854 15854
Werth von a berechnet aus dem Versuch	0,00015849 15847 15844 15844 15809 1571 15852 15822 15824 15831 15831 15839 15841 15869 15869
Scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers	0,015876 0,015927 0,015933 0,015957 0,022634 0,022799 0,023844 0,023844 0,023844 0,023844 0,023844 0,0339172 0,0339177 0,036407 0,038975 0,038975 0,038975
Temperatur des Lust- thermometers	99 • 39 99 • 78 99 • 76 99 • 76 111 • 92 124 • 97 141 • 77 148 • 94 185 • 64 209 • 48 225 • 48 225 • 48 225 • 48 225 • 48 227 • 35 277 • 41
Reibe und Nummer des Versuchs	Série I No. 1 III III IV III IV IV IV IV IV IV IV IV
Natur und Nummer des Thermometers	No. 1 Röbre aus Krystallglas, ausgezogen. Capacität 327 Grm. Quecksilber.

-0,85* -0,47* -0,58* -1,97*	00,00 11,00 0,01 0,00,01 0,00,00	00,00	1+1+++ 0000000 8'9'9'8'8'-'8'
15859 15860 15862 0,00015862	0,00015554 15562 15566 15567 15572 0,00015578	0,00015661 15684 15698 15724 0,00015738	0,00015721 15716 15714 15711 15708 15703 0,00015698
15904 15885 15887 0,00015956	0,00015554 15572 15561 15577 15572 0,00015672	0,00015662 15684 16698 15740 0,00015794	0,00015721 15713 15713 15718 15718 15697 0,00015694
0,047062 0,048604 0,052745 0,058276	0,015626 0,028116 0,035926 0,037952 0,044741 0,054692	0,015809 0,027119 0,034878 0,046669 0,054252	0,015819 0,023199 0,027019 0,031352 0,037700 0,045307 0,058418
289 19 296 78 322 80 325 90	99 ,70 178 ,07 226 ,83 239 ,17 281 ,07 339 ,68	100 ,15 170 ,61 218 ,40 289 ,79 334 ,50	99 ,84 145 ,92 169 ,67 196 ,41 285 ,62 331 ,56
1 6 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	61 03 44 13 to	⊢ α ω 4 το	est 63 41 70 fb
	No. 2 Kugel aus Krystaligias, geblesen. Capacität 461 Grm. Quecksilber.	No. 3 Unregelmäfaiger Cylinder von Krystall- glas, geblasen, wieder- holt erhitst. Capacität 201 Grm. Quecksilber,	No. 4 Kngel von Krystallglas mit dicker Wand (3 bis 4***). Capacität 1230 Grm. Queckiilber.

Tabelle II.

Scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers in den Gewichtsthermometern des Hrn. Regnault.

Thermometer von gemeinem Glase.

Different in Graden des Luft-thermometers	+ + +++ + 00000000000000000000000000000000
von &' ' ' hnet nach der Formel	0,00015280 15280 15279 15259 15206 15166 15168 15140 15127 15119 15108 15099 0,00015100
VVerth von a' berechnet sus dem Versuch	0,00015282 15279 15286 15232 15232 15154 15142 15142 15142 15131 15131 15102 15114 15115 0,00015134
Scheinbare Ausdehausg des Quecksilbers	0,015365 0,015362 0,015392 0,171940 0,021805 0,022901 0,028444 0,028536 0,028536 0,032411 0,032411 0,035237 0,041248 0,046190 0,046190
Temperatur des Luft- thermometers	99°,78 99°,78 111°,92 141°,92 148°,94 185°,11 185°,11 209°,45 228°,80 227°,42 232°,80 325°,40
Reibe und Nummer des Versuchs	Série I No. 1 III
Natur und Nummer des Thermometers	No. 5 Röhre von 12 bis 14 ^{mm} Querschnitt und 0,75 ^{mm} Wanddicke. Capacität 243 Grm. Queckiilber.

doppelt so dick. Capacität 219 Grm. Quecksilber. No. 7			0,017135 0,026784 0,046159 0,045136 0,047641 0,050590 0,020496	15256 15191 15137 15131 15125 15131 0,00015159 15504	15282 15187 15185 15128 15124 15127 0,00015133 0,00015561	
Apacität 815 Grm. Quecksilber.	භ 4 හ	181 ,84 236 ,09 307 ,62	0,028499 0,027068 0,048646	15453 15417 0,00015441	15451 15415 0,00015413	0
No. 8 geblasen an eine	64 ca		0,015529	0,00015873	0,00015373	
Capillarröhre. apacität 360 Grm. Quecksilber.	9 4	(6 Oz 02 d	0,026331 0,030486 0,036606 0,043904	15291 15291 15258 15221		+ 000 898
	-		0,051647	0,00015188	0,00015154	
wie No. 8. 287 Grm.	- ea ea -	145 ,92 169 ,67	0,022430	0,00015256 15183 15163	0,00015256 15185 15163	
Queckailber.	# 10 00 t	235, 529 282, 29	0,036215	15098 15098 15058	15098 15098 15053	

Tabelle III.

Scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers in den Gewichtsthermometern des Hrn. Regnault.

ζ	Giase.
	schwedischem
	400
•	pun
•	on grunem 1
	400
	hermometer

Differens in Graden des Luft- thermometers	+ 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	+ + 0 0 0 0,0 0,0 0,0 0,0 0,0 0,0
von a' hnet nach der Formel	0,00015754 15719 15697 15654 15614 0,00015579	0,00015502 15476 15394 15409 0,00015426
Werth von a' berechnet aus dem na Versuch F	0,00015666 15719 15697 15654 15614 0,00015644	0,00015502 15452 15394 15409 0,00015413
Scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers	0,015705 0,019839 0,022573 0,028592 0,035809 0,046183	0,015587 0,017378 0,027185 0,036828 0,039624
Temperatur des Luft- thermometers	99°,47 124,97 142,21 180,09 225,48	99°,78 111 '49 173 '84 234 '71 252 '19
Reihe und Nummer des Versuchs	No. 1 9 8 4 70 9	 63 €5
Natur und Nummer des Thermometers	No. 10 Röhre von grünem Glase. Capacität 291 Grm. Quecksilber.	No. 11 Röhre von schwedischem Glase. Capacität 221 Grm. Quecksilber.

Die erste Columne dieser Tafeln nennt die Nummer und die Natur des Thermometers; die zweite enthält die Nummer des Versuchs und die der Reihe; die dritte die Temperatur des Luftthermometers; die vierte die beobachtete Ausdehnung, hergeleitet von Hrn. Regnault aus dem Gewicht des ausgeslossenen Quecksilbers und dem des Quecksilbers, welches das Thermometer bei 0° füllte. Zwei dieser Zahlen sind verschieden von den in Hrn. Regnault's Tafeln besindlichen, nämlich die des Versuchs No. 5 in der ersten Reihe des Thermometers No. 1, und die des Versuchs No. 1 beim Thermometer No. 2. Dieser Unterschied entspringt daraus, dass diese Zahlen in der Arbeit des Hrn. Regnault durch Drucksehler unrichtig angegeben sind.

Die fünste Columne enthält die Werthe von a', hergeleitet aus jedem Versuch. In der sechsten findet man die Werthe dieses Elements, berechnet nach der zweioder dreigliedrigen Formel, welche den Beobachtungen am besten genügt. Die siebente endlich giebt den Unterschied zwischen dem Resultat jeder Beobachtung und der Formel, ausgedrückt in Graden des Luftthermometers; ein positiver Werth zeigt an, dass die beobachtete Ausdehnung kleiner ist als die berechnete.

Untersucht man die Werthe von a' für das Krystallglas-Thermometer No. 1 zwischen 99°,39 und 277°,41, so
gewahrt man darin offenbar keine regelmäsige Zu- oder
Abnahme. Berechnet man jedoch nach der Methode der
kleinsten Quadrate den wahrscheinlichsten Werth der Coëfficienten der Formel:

$$\alpha'=a+bt,$$

so findet man für b einen schwachen positiven Werth.

Ein Anwuchs von α' mit der Temperatur zeigt sich deutlich bei den Krystallglas-Thermometern No. 2 und 3, dagegen eine leichte Abnahme bei No. 4.

Die Thermometer von gewöhnlichem Glase, die in der zweiten Tabelle enthalten sind, unterscheiden sich auf sehr merkwürdige Weise von denen aus Krystallglas. Bei ihnen nimmt der Werth von α' sehr merklich ab in dem Maasse als die Temperatur steigt. Bei den Thermometern No. 5, 6 und 7 ist sogar sichtbar, dass die Abnahme von α' ansangs sehr rasch geschieht und darauf bei steigender Temperatur sich allmählig verlangsamt. Diess beweist, dass der Werth des Coëfficienten b der Formel $\alpha' = a + bt$ sich mit der Temperatur verändert.

Um den Beobachtungen zu genügen, muß man eine dreigliedrige Formel

$$\alpha' = a + bt + ct^2$$

annehmen. Dieselbe Bemerkung gilt von dem Thermometer aus schwedischem Glase No. 11 (Tabelle III). Bei dem Thermometer No. 10 ist der regelmässige Gang durch eine beträchtliche Abweichung der Ausdehnung bei 99°,47 gestört, was auf einen Beobachtungssehler schließen läst.

Die aus diesen Beobachtungen abgeleiteten Formelu für α' sind folgende:

Thermometer aus Krystallglas von Choisy-le-Roy.

No. 1
$$\alpha' = 10^{-8} (15836 + 0.08t)$$

• 2 $\alpha' = 10^{-8} (15544 + 0.10t)$
• 3 $\alpha' = 10^{-8} (15628 + 0.33t)$
• 4 $\alpha' = 10^{-8} (15731 - 0.10t)$

Thermometer aus gemeinem Glase:

No. 5
$$\alpha' = 10^{-8} (15489 - 2,50t + 0,0040t^2)$$

• 6 $\alpha' = 10^{-8} (15560 - 3,10t + 0,0055t^2)$
• 7 $\alpha' = 10^{-8} (15786 - 2,75t + 0,0050t^2)$
• 8 $\alpha' = 10^{-8} (15434 - 0,51t - 0,00101t^2)$.
• 9 $\alpha' = 10^{-8} (15346 - 1,15t + 0,000317t^2)$.

Thermometer aus grünem Glase:

No. 10
$$\alpha' = 10^{-8} (15936 - 2,12t + 0,0030t^2)$$

Thermometer aus schwedischem Glase:

No. 11
$$\alpha' = 10^{-8} (15859 - 4,79t + 0,0122t^2)$$
.

Die Verschiedenheit der Thermometer aus Krystallglas von allen übrigen ergiebt sich deutlich aus diesen Formeln. Bei den ersteren variirt der Werth von a' nur sehr langsam mit der Temperatur; bei allen, No. 4 ausgenommen, steigt er ein wenig. Bei allen übrigen Thermometern hat der Coëfficient b einen viel beträchtlicheren Werth und ist ohne Ausnahme negativ. Der Einklang zwischen dem Gang der Thermometer No. 5, 6, 7 und 10 ist bemerkenswerth. Das Thermometer aus schwedischem Glase No. 11 unterscheidet sich durch den hohen Werth der Coëfficienten b und c.

Welchen Grad von Vertrauen verdienen nun diese Formeln?

Die letzte Columne der Tabellen zeigt, bis zu welchem Punkt die Formeln den Beobachtungen entsprechen. Sieht man ab von den Versuchen bei höheren Temperaturen als 280° — welche in der letzten Columne mit einem Sternchen bezeichnet sind - so findet man im Allgemeinen nur sehr kleine Unterschiede, in welchen sich kein regelmässiger Gang entdecken lässt. Die grössten Abweichungen zeigt das Krystallglas-Thermometer No. 1. Ich glaube die Ursache davon in einer Veränderung suchen zu müssen, welche der Nullpunkt dieses Thermometers während der Erhitzung erlitt. Die Thermometer von gemeinem Glase scheinen mir in dieser Beziehung viel besser zu seyn als die von Krystallglas. Die ausserordentliche Genauigkeit, mit welcher die drei Versuchsreihen des Thermometers No. 5 sich einem selben Gesetze anschließen, beweist, dass der Gang dieses Thermometers merkwürdig constant war.

Die Beobachtungen bei höheren Temperaturen als 280° bieten fast alle beträchtliche Abweichungen von der Formel dar und diese Abweichungen fallen genau in denselben Sinn wie die, denen die absolute Ausdehnung des Quecksilbers unterworfen ist. Die Beobachtungen ergeben nämlich eine zu starke Ausdehnung. Diess sieht man besonders deutlich bei den Krystallglas-Thermometern No. 1, 2 und 3. Bei diesen Thermometern ist der Werth des Coëssicient α' fast constant, so das ihre Formeln beinahe

übereinstimmen mit der Formel für die absolute Ausdehnung des Quecksilbers; die Ausdehnung der Hülle hat hier nur einen geringen Einfluss auf den Gang der scheinbaren Ausdehnung. Man könnte demnach bei hohen Temperaturen einen raschen Anwuchs der Ausdehnung erwarten. Unter den Krystallglasthermometern ist No. 4 das einzige, welches sich durch einen abweichenden Gang auszeichnet. Diese Ausnahme ist jedoch nur scheinbar. Sie entspringt daraus, dass die Thermometer No. 4, 8 und 9 nicht mit dem Lustthermometer verglichen wurden, sondern mit dem Thermometer No. 1. Um die Temperaturen dieses letzteren auf die des Lustthermometers zu reduciren, gebrauchte ich die Formel des Thermometers No. 1. Das ist der Grund, wesshalb die Temperaturen, welche in der dritten Columne meiner Tabelle den drei besagten Thermometern beigelegt werden, von denen in Hrn. Regnault's Abhandlung befindlichen abweichen. Nun sind, berechnet nach der Formel des Thermometers No. 1, die von diesem Instrument angegebenen Temperaturen über 280° zu groß geworden, was den Effect der zu großen scheinbaren Ausdehnung in den Thermometern No. 4, 8 und 9 versteckt hat. muss erwägen, dass das Thermometer No. 4, unter denen von Krystallglas, und die Thermometer No. 8 und 9, unter denen von gemeinem Glase, sich durch divergirende Werthe der Coësticienten b und c auszeichnen. Sehr wahrscheinlich ist die Reduction der Temperatur des Thermometers No. 1 auf Grade des Lustthermometers noch nicht ganz genau, oder vielmehr hat das Thermometer No. 1 bei den in der zweiten Tabelle aufgeführten Versuchen einen anderen Gang gehabt als bei denen in der ersten Tabelle. Die Unsicherheit, die in dieser Beziehung herrscht, nimmt den Formeln für die Thermometer No. 4, 8 und 9 viel Auch werden wir uns in dem Folgenden von ihrem Werth. ausschliesslich mit Thermometern beschäftigen, die direct mit dem Lufttbermometer verglichen wurden.

Die Thermometer von Glas, bei welchen durch den Einfluss der Hülle die Ausdehnungscurve eine ganz andere Gestalt als die Curve für die absolute Ausdehnung des Quecksilbers bekommt, geben im Allgemeinen bei höheren Temperaturen als 280° viel schwächere Unterschiede zwischen Beobachtung und Rechnung.

Wenn auch nach dem Vorstehenden der Einklang zwischen Formeln und Beobachtung sich als befriedigend betrachten lässt, so könnte man doch fürchten, dass in der Beobachtung selbst ein constanter Fehler begangen wäre. Obwohl es unmöglich ist, hierüber eine absolute Gewissheit zu erlangen, so will ich doch bemerken, dass die charakteristische Differenz, welche in Betreff der Formeln für α' zwischen den Krystallglas-Thermometern und den übrigen gefunden, schwerlich einem constanten Fehler zugeschrieben werden können. In der That sind die Messungen, welche zur Bestimmung der Ausdehnung Δ_t dienen, dieselben für beide Arten von Thermometern, und es giebt keinen Grund zu der Anuahme, dass man beim Wägen der aus einem Krystallglas-Thermometer ausgeflossenen Quecksilbermenge beständig anderen Fehlern ausgesetzt wäre, als beim Operiren mit einem Thermometer von gemeinem Glase. So weit sich aus der Beschreibung der Versuche beurtheilen lässt, musste der einzige constante Febler, der begangen werden konnte, in der Temperaturmessung mittelst des Luftthermometers liegen. Ein Fehler in der Bestimmung der Constante des Luftthermometers, sey es bei den Versuchen mit den Thermometern aus Krystallglas, sey es bei denen mit Thermometern aus gemeinem Glase, könnte eine Differenz in den für a' gefundenen Formeln erklären. Allein dieser Umstand konnte sich nicht in Hrn. Regnault's Versuchen einstellen. Es reicht hin, die in der dritten Columne aufgeführten Temperaturen zu untersuchen, um zu sehen, dass die Thermometer No. 1 und 5 in demselben Oelbade mit demselben Lustthermometer verglichen wurden, nämlich No. 1 in der Reihe II und No. 5 in der Reihe I, No. 1 in der Reihe III und No. 5 in der Reihe II, No. 1 in der Reihe IV und No. 5 in der Reihe III.

Man kann also den charakteristischen Unterschied der Coëssicienten α' bei den beiden Arten von Thermometern als wohl sestgestellt betrachten. Es handelt sich nun darum, zu untersuchen, welche Folgerungen sich aus dieser Thatsache ergeben.

Zu dem Ende entwickelte ich für jedes Thermometer den Ausdruck ent in eine Reihe, die nach aufsteigenden Potenzen von t fortschritt; man erhält dadurch die Ausdehnung Dt in einer dreigliedrigen Formel, weil die Beobachtungen für keins der Thermometer erlauben, den Coëfficienten des vierten Gliedes mit Sicherheit zu berechnen.

Diese Formeln sind folgende.

Thermometer aus Krystallglas von Choisy-le-Roy.

No. 1
$$D_t = 10^{-8} (15836t + 1.33t^2 + 0.00008t^3)$$

$$D_t = 10^{-8} (15544t + 1.31t^2 + 0.00007t^3)$$

"
$$3 D_t = 10^{-8} (15628 t + 1,55 t^2 + 0,00011 t^3)$$

Thermometer aus gemeinem Glase:

$$D_t = 10^{-8} (15489 t - 1,30 t^2 + 0,0037 t^2)$$

$$D_t = 10^{-8} (15560t - 1.89t^2 + 0.0051t^2)$$

* 7
$$D_t = 10^{-8} (15786t - 1.51t^2 + 0.0046t^2)$$

Thermometer aus grünem Glase:

No. 10
$$D_t = 10^{-8} (15936 t - 0.86 t^2 + 0.0037 t^2)$$

Thermometer aus schwedischem Glase:

$$11 \quad D_t = 10^{-8} \ (15859 t - 3.54 t^2 + 0.0115 t^3).$$

Indem wir $D_t = at + bt^2 + ct^3$ setzten, fanden wir für die Differenz zwischen Quecksilberthermometer und Luftthermometer die Formel (e) S. 447, nämlich:

$$T - t = t (t - 100) \frac{\frac{b}{a} + \frac{c}{a} (t + 100)}{1 + \frac{b}{a} 100 + \frac{c}{a} 100^{\circ}}$$

Diese Formel zeigt, dass die Differenz T-t Null wird für die beiden Festpunkte t=0 und t=100

und für eine dritte Temperator, bestimmt durch die Bedingung:

b = -c (t+100)

oder

$$100+t=-\frac{b}{c} \quad . \quad . \quad . \quad (g)$$

Hienach kann es, wenn die Coëssicienten b und c im Zeichen disseriren, auf der Thermometerskale über 100° einen Punkt geben, wo die beiden Instrumente eine gleiche Temperatur anzeigen. Dieser Unterschied im Zeichen der beiden Coëssicienten sindet sich bei allen Thermometern von gemeinem Glase No. 5, 6, 7, 10 und 11. Die Temperatur, bei welcher, nach der Formel (g), Quecksilberund Lust-Thermometer übereinstimmend gehen müssen, ist sür

Thermometer	No.	5	251°
	¥	6	278
W		7	228
n	23	10	132
>	*	11	208

Zwischen den Temperaturen über 100° müssen die Quecksilberthermometer niedriger stehen als die Luftthermometer.

Vergleichen wir dieses Resultat mit den Versuchen des Hrn. Regnault.

Nach den angesührten Versuchen der Abhandlung des Hrn. Regnault (p. 216—224) bleiben alle Thermometer No. 5 bis 9 bei Erhitzung über 100° gegen das Lustthermometer zurück. Bei höheren Temperaturen nimmt der Unterschied ab, und endlich, bei einem gewissen Punkt der Skale, wechselt er das Zeichen. Dieser Punkt liegt

für das Thermometer No. 5:

nach den Beobachtungen der ersten Reihe zwischen 229° und 277°,

nach den Beobachtungen der dritten Reihe zwischen 241° und 267°,

für das Thermometer No. 6: zwischen 234° und 298°,

jedoch bemerkt man schon gegen 252° eine positive Differenz von 0°,03;

für das Thermometer No. 7: zwischen 182° und 236°.

Das Thermometer No. 10 steht nach den Beobachtungen immer höher als das Luftthermometer. Der Unterschied zwischen diesem Resultat und dem unserer Formel muß dem beträchtlichen Fehler zugeschrieben werden, mit dem die Ausdehnung bei 99°,47 behaftet ist.

Das Thermometer No. 11 steht nach Hrn. Regnault's Beobachtungen anfangs niedriger als das Luftthermometer, über 174° aber höher.

Man sieht also, dass der Werth des Coëssicienten des dritten Gliedes unserer Formeln noch mit genügender Sicherheit bestimmt werden kann, um den Zeichenwechsel zu erklären, welchen der Unterschied T — t über 100° in den Thermometern von gemeinem Glase erleidet. Bei den Thermometern No. 5, 6 und 7 ist es sogar möglich, den Punkt der Skale, wo dieser Zeichenwechsel eintritt, mit einer gewissen Sicherheit anzugeben.

Ganz anders ist es mit Hrn. Regnault's Formeln. In der Formel (d), welche er für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers im Glase annimmt, ist das zweite Glied positiv und das dritte fehlt. Sie kann also in keiner Weise die Umkehrung des Zeichens erklären, die an der Differenz T-t in Thermometern von gemeinem Glase über 100° beobachtet wird und von dem Zeichenunterschied der Coëfficienten des zweiten und dritten Gliedes herrührt.

Untersuchen wir nun, bis zu welchem Punkt unsere Formeln den Gang der Thermometer zwischen 0° und 100° bestimmen können. Der Vergleich mit den directen Resultaten des Versuchs ist hier um so nöthiger, als diese Formeln alleinig auf Beobachtungen beruhen, die bei Temperaturen über 100° gemacht sind.

Für Temperaturen zwischen 0° und 100° kann man einfach setzen:

$$T-t=\frac{b}{a}t\,(100-t).$$

Aus dieser Formel erhellt, dass die Zeichen von a und b eutscheiden, welches der beiden Instrumente den höheren Stand anzeige. Sind die Zeichen von a und b gleich, so steht das Quecksilberthermometer niedriger als das Lustthermometer; sind sie verschieden, so steht ersteres höher als letzteres.

Nach unseren Formeln muss der erstere Fall bei den Thermometern mit Hülle von Krystallglas eintreten, der zweite bei denen mit Hülle von gemeinem Glase. Zwischen 0° und 100° stehen also die Thermometer aus Krystallglas zu niedrig, und die aus gemeinem Glase zu hoch. Der größte Unterschied gegen das Luftthermometer entspricht der Temperatur 50° und beträgt für das

Thermometer	No. 1	T-t=	= — 0°,21
•	2	» =	= 0 ,21
20	3	» ==	 0 ,25
•	5	> =	= + 0 ,21
20	6	» ==	-+ 0 ,30
29	7	» =	= + 0 ,24
»	10	»	-+0,14
•	11	» =	= +0 ,56

Diese Zahlen heben den Widerspruch zwischen den Formeln, welche aus den Beobachtungen über 100° abgeleitet sind, und den Resultaten der directen Vergleichung des Quecksilberthermometers mit dem Luftthermometer zwischen 0° und 100°. Bei diesen letzten Versuchen, deren Tabelle man gegenüber p. 226 der Abhandlung des Hrn. Regnault findet, bedient sich derselbe wirklich Thermometer von gemeinem Glase. Seine Beobachtungen führen im Mittel zu folgenden Werthen von T-t bei 50° :

Erste Reihe + 0,25

Zweite + 0,25

Dritte + 0,19.

Man sieht, hier ist eine genügende Uebereinstimmung zwischen der Rechnung, die auf die Versuche über 100° gegründet ist, und den directen Beobachtungen zwischen 0° und 100°. Hrn. Regnault's Versuche baben also wirklich eine hinlängliche Genauigkeit, um den Unterschied des Quecksilberthermometers vom Luftthermometer zwischen 0° und 100° nachzuweisen und zu bestimmen.

Was das Quecksilberthermometer aus Krystallglas betrifft, so war es nicht der Gegenstand eines directen Vergleichs mit dem Lustthermometer bei Temperaturen zwischen 0° und 100°. Jedoch findet man in Hrn. Regnault's Abhandlung über die Spannkräfte des Wasserdampfs p. 562 ff. eine Reibe von Temperaturbestimmungen, die gleichzeitig mit dem Quecksilberthermometer aus Krystallglas und dem Luftthermometer gemacht wurden. Diese Reihe umfasst eine große Zahl von Temperaturen zwischen 100° und 170°, bei welchen, nach unseren Formeln, die Thermometer aus Krystallglas höher, und die aus gemeinem Glase niedriger stehen müssen als das Lustthermometer. Nun zeigen die eben erwähnten Versuche wirklich, dass das Luftthermometer beständig gegen das Quecksilberthermometer zuräckbleibt. Da der Einfluss des Coëfficienten des dritten Gliedes bei den in Rede stehenden Temperaturen kaum merklich ist, so kann man aus diesen Versuchen schliesen, dass in der Formel für die scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers in Krystallglas von Choisy-le-Roi die Coëssicienten a und b beide positiv sind.

Ich glaube die Aufmerksamkeit der Physiker inständig auf den Gangunterschied lenken zu müssen, welchen nach den vorstehenden Betrachtungen die aus verschiedenen Glassorten geblasenen Quecksilberthermometer darbieten können. Bei 50° stehen einige Thermometer 0°,2 zu niedrig, andere (No. 6) 0°,3 zu hoch. Daraus folgt, dass

zwei Thermometer, die nach den gewöhnlichen Regeln construirt worden sind, deren Stiele genau calibrirt sind und auf denen die Festpunkte mit der größten Sorgfalt bestimmt wurden, dennoch zwischen 0° und 100° eine Divergens von einem halben Centesimalgrad zeigen können. Die Unsicherheit, die daraus entspringt, ist nicht nur dem Werthe der sorgfältigsten Temperaturbestimmungen nachtheilig, sondern auch geeignet, in vielen anderen Fällen, besonders bei caloriometrischen Versuchen, das Zutrauen in die Genauigkeit der von den Physikern festgesetzten numerischen Werthe zu schwächen. Bei einem Thermometer aus Krystallglas haben die Abtheilungen der Skale zwischen 50° und 100° einen geringeren Werth als zwischen 0° und 50°; bei einem Thermometer aus gemeinem Glase findet das Umgekehrte statt. Dieser Unterschied kann auf die Messungen der latenten und der specifischen Wärme einen Einfluss ausüben, der nicht vernachlässigt werden darf. Der Dampf, welcher sich im Wassercalorimeter verdichtet, oder der Körper, welcher sich darin abkühlt, durchläuft Temperaturgrade, deren Werth beim Thermometer aus Krystallglas relativ zu klein ist. Das Wasser des Calorimeters dagegen erleidet eine Temperatur-Erhöhung, welche mit einer zu großen Einheit gemessen wird. Ein einziges Beispiel wird genugsam zeigen, dass der Fehler, dem man sonach ausgesetzt ist, nicht unwichtig ist. Nehmen wir zu dem Ende die Bestimmung der Wärmemenge, welche ein Kilogramm Wasserdampf von 100° bei seinem Uebergang in Wasser von 0° abgiebt. Ich berechnete die Berichtigung, welche die von Hrn. Regnault beim 7ten Versuch p. 695 seiner Abhandlung gefundene Zahl 636,8 erleiden müsste, wenn man sie von dem Resultat der Abweichung des Quecksilberthermometers zwischen 0° und 100° befreien Diese Rechnung, ausgeführt successive in der Hypothese, das das Thermometer des Calorimeters eins der Thermometer No. 1, 2, 3, 5, 6 oder 7 gewesen, gab mir für die Berichtigung folgende Werthe:

Inermometer	140. 1	L	+ 3,43	vv arme-	einaenea.
20	» 2	2	+ 3,36	•	W

• 7 — 3,80 »

Wenu demnach in Betreff der Glassorte, aus welcher die Hülle des Thermometers bestand, keine Angabe gemacht wäre, würde über die gesuchte Wärmemenge eine Unsicherheit von ungefähr 10 Wärme-Einheiten zurückbleiben. Da Hr. Regnault sich bei seinen Untersuchungen der Krystallglas-Thermometer bediente, so muß der von ihm gefundene Werth der latenten Wärme des Wasserdamps von 100° wahrscheinlich um 3 Wärme-Einheiten erhöht werden.

Für jede genaue thermometrische oder calorimetrische Bestimmung scheint es mir nöthig vorher anzugeben, zu welchem der beiden Typen von Thermometern, denen aus Krystallglas oder denen aus gemeinem Glase, das anzuwendende Instrument gehört, und überdiess durch einen Versuch den Werth der Differenz T-t zu bestimmen. Es genügt dazu, zu bestimmen, wie viel das Quecksilberthermometer bei 50° vom Lustthermometer abweicht. Neunt man s diese Differenz, so würde die Berichtigung e für eine Temperatur t seyn:

$$e = \frac{t (100 - t)}{2500} \varepsilon.$$

Wenden wir uns jetzt zur kubischen Ausdehnung des Glases.

Wenn man in der Formel (a):

$$1 + \Delta_t = (1 + \Delta_t')(1 + \delta_t)$$

substituirt e^{at} für $1 + \Delta_t$ und $e^{a't}$ für $1 + \Delta'_t$, so findet man:

$$1 + \delta_t = e^{(\alpha - \alpha')t} = e^{\beta t}.$$

Mittelst der durch Untersuchungen über die absolute und scheinbare Ausdehnung des Quecksilbers erhaltenen Wertbe von α und α' kann man also durch bloße Subtraction den Coëssicienten β der Ausdehnung des Glases sinden. Entwickelt man $e^{\beta t}$ in Reihe, so erhält man sür $e^{\beta t} - 1 = \delta_t$ die folgenden Werthe:

Krystallglas von Choisy-le-Roy:

Therm. No. 1
$$\delta_t = 10^{-8} (2231 t - 0.05 t^2)$$

 $\delta_t = 10^{-8} (2523 t - 0.07 t^2)$
 $\delta_t = 10^{-8} (2439 t - 0.30 t^2)$

Gemeines Glas:

Therm. No. 5
$$\delta_t = 10^{-8} (2578t + 1,33t^2 - 0,0037t^8)$$

• • 6 $\delta_t = 10^{-8} (2507t + 1,92t^2 - 0,0051t^8)$

• • 7 $\delta_t = 10^{-8} (2281t + 1,54t^2 - 0,0046t^8)$

Grünes Glas:

• • 10 $\delta_t = 10^{-8} (2143t + 0,89t^2 - 0,0037t^8)$

Schwedisches Glas:

• • 11 $\delta_t = 10^{-8} (2218t + 3,57t^2 - 0,0115t^8)$

Aus diesen Formeln geht hervor, was übrigens leicht vorauszusehen war, dass sehr bedeutende Unterschiede zwischen den Ausdehnungen verschiedener Glassorten vorhanden sind, selbst zwischen Behältern von gleicher Natur, wenn sie auf eine andere Weise bearbeitet worden sind. So sindet man für die Zunahme der Volum-Einheit des gemeinen Glases zwischen 0° und 100°:

Bei so bedeutenden Ungleichheiten ist klar, dass eine allgemeine Formel für die Ausdehnung des gemeinen Glases oder eine Tabelle über die Ausdehnung bei verschiedenen Temperaturen nur einen sehr beschränkten Werth besitzt. Handelt es sich um genaue Untersuchungen, muß man immer, für jeden besonderen Fall, die Ausdehnung des angewandten Glasbehälters bestimmen.

III. Ueber den Nebenstrom; von K. W. Knochenhauer.

Zweite Abtheilung.

In dieser zweiten Abtheilung sollen die Thatsachen zusammengestellt werden, welche nachweisen, dass der Nebenstrom dem Hauptstrom gleichartig ist, zu ihm in entgegengesetzter Richtung durch den parallelen Draht verläuft und
nicht den galvanischen Gesetzen der Induction folgt. Ich
wende mich zuerst zu den Beobachtungen mit dem Luftthermometer.

I. Bezeichnet i die Intensität des aus der geladenen Leydener Flasche hervorgehenden Stroms, so ist, in welcher Weise auch die Entladung vor sich gehen mag, i eine Function von t oder $i = \varphi(t)$, d. h. die Stärke oder selbst die Richtung des Stroms ändert sich mit der während der Entladung versließenden Zeit. Im Luftthermometer misst man die auf einem Platindraht entwickelte Wärme ϑ ; demnach ist nach bekannten Gesetzen

$$\vartheta = \int_0^\infty i^2 dt,$$

oder, wenn die Entladung über die feststehenden Kugeln des Funkenmessers bei einer bis auf einen bestimmten Grad verminderten Intensität zur Zeit T aufhört,

$$\vartheta = \int_0^T i^2 dt.$$

Entsteht während der Entladung noch ein anderer Strom, indem der Batteriestrom sich entweder über zwei oder mehrere Zweige des Schließungsbogens theilt, oder auf einem parallelen Draht einen Nebenstrom inducirt, oder auf einem Nebendraht, dessen Enden mit der innern und äußern Belegung einer zweiten Batterie verbunden sind, einen Nebenbatteriestrom erzeugt, so nenne ich den

neuen Strom i_1 gleichartig mit i, wenn $i_1 = C\varphi(t)$ ist, wenn also beide Functionen für i und i_1 sich nur durch einen constanten Factor C von einander unterscheiden. Man erhält dann die Wärme ϑ_1 des neuen Stroms aus der Gleichung

$$\vartheta_1 = \int_0^T i_1^2 dt = C^2 \int_0^T i^2 dt.$$

Als Beispiel von gleichartigen Strömen führe ich die Theilung des Stroms über zwei Zweige im Schließungsbogen an. Der Stammstrom sey i, die Theilströme i_1 und i_2 , wo $i_1 + i_2 = i$ ist. Setzt man $i_1 = a_1 i$ und $i_2 = a_2 i$, so findet man die Wärme ϑ im Stamm, ϑ_1 und ϑ_2 in den Zweigen aus

$$\vartheta = \int_{0}^{T} i^{2} dt, \quad \vartheta_{1} = a_{1}^{2} \int_{0}^{T} i^{2} dt, \quad \vartheta_{2} = a_{2}^{2} \int_{0}^{T} i^{2} dt,$$

$$a_{1}^{2} = \frac{\vartheta_{1}}{\vartheta}, \quad a_{2}^{2} = \frac{\vartheta_{3}}{\vartheta}$$

und wegen $a_1 + a_2 = 1$:

also

$$\sqrt{\frac{\vartheta_1}{\vartheta}} + \sqrt{\frac{\vartheta_2}{\vartheta}} = 1.$$

Die Beobachtungsreihe Pogg. Ann. Bd. CXXXIII S. 453 lehrt, dass die dem Stammstrom gleichartigen Theilströme allein durch die Zweige gehen, wenn diese aus Kupserdraht bestehen, wobei die hinzugesügten Thermometerdrähte noch keine Störung wahrnehmen lassen. Enthält dagegen der eine Zweig einen längern, viel Widerstand leistenden Draht, so entsteht nach S. 454—456 im geschlossenen Ringe der Zweige noch ein besonderer Strom, dessen Trennung von den Theilströmen bis jetzt nicht ge-

1) Sind die in dem Stamm und den Zweigen benutzten Thermometer nicht gleich, so muß man nach einer Vergleichung der Instrumente in demselben Strom die beobachteten Zahlen zunächst auf dieselbe Einheit reduciren. In den folgenden Beobachtungen sind die Angaben des Therm. V auf Therm. II reducirt. glückt ist. Die dort aufgeführte Berechnung von S sollte, wie bemerkt ist, nur eine leichtere Uebersicht gewähren.

Unter der Voraussetzung, dass auch der Nebenstrom i' dem Hauptstrom i gleichartig oder i' = ni ist, erhält man die Wärme & im Neben- und & im Hauptdrabt aus

$$\vartheta = \int_{0}^{T} i^{2} dt \text{ und } \vartheta' = n^{2} \int_{0}^{T} i^{2} dt,$$

also die auf den Hauptstrom als Einheit bezogene Stärke des Nebenstroms n aus

$$n = \sqrt{\frac{9}{9}}$$

Um die Voraussetzung zu erweisen, schiebt man am besten zwei auf Glasröhren schraubenförmig gewundene Kupferdrähte in einander und befestigt sie so, dass sie einige Millimeter von einander entfernt stehen; auf diese Weise fallen störende Inductionen von äußern Drähten her am sichersten fort. Durch die eine Spirale verläuft der Hauptstrom, die andere, durch einen Bügel von Kupferdraht unter Einfügung des Thermometers geschlossen, nimmt den inducirten Nebenstrom auf. Man beobachtet & und

$$\vartheta'$$
, und berechnet den Nebenstrom n aus $n = \sqrt{\frac{\vartheta'}{\vartheta}}$.

Hierauf leitet man den Hauptstrom nicht durch seine Spirale, sondern führt den Hauptdraht so, dass die Spirale des Nebendrahts und ihr Bügel zwei Zweige in ihm werden; entweder bildet die Spirale den einen und der Bügel den andern Zweig, oder die Spirale nebst dem Kupferdraht des Bügels giebt den ersten, das Thermometer allein den zweiten Zweig 1). Man beobachtet wieder 30 im Stamm und 3', in dem Zweige, welcher das Thermometer enthält; den durch ihn gehenden Stromtheil $i'_0 = hi$ berechnet man auf den Hauptstrom als Einheit bezogen aus

$$h = \sqrt{\frac{9^{\prime}_{0}}{3_{0}}}.$$

1) Den ersten Fall findet man nachstehend in Versuch 1, den zweiten in Versuch 2 und 3.

Endlich lässt man den Hauptstrom wiederum durch seine Spirale hindurchgehen und führt den Hauptdraht in seinem weitern Verlauf so, dass er zu gleicher Zeit den Nebendraht als Zweige in sich ausnimmt, wobei h und n erst in gleicher (gl.), dann in entgegengesetzter Richtung (entg.) sließen, die oben angegebene Richtung des Nebenstroms als massgebend angenommen. Es sey bei gl. der Hauptstrom i, der Strom im Nebendraht i_1 , die Wärme θ und θ_1 , bei entg. der Hauptstrom i, der im Nebendraht i_2 , die Wärme θ und θ_2 , so ist unter der Voraussetzung der Gleichartigkeit beider Ströme $i_1 = hi + ni$ und $i_2 = hi - ni$, demnach

bei gl.
$$\vartheta = \int_0^T i^2 dt$$
 $\vartheta_1 = (h+n)^2 \int_0^T i^2 dt$,
bei entg. $\vartheta = \int_0^T i^2 dt$ $\vartheta_2 = (h-n)^2 \int_0^T i^2 dt$,

woraus $h+n=\sqrt{\frac{\vartheta_1}{\vartheta}}$ und $h-n=\sqrt{\frac{\vartheta_2}{\vartheta}}$, somit die Werthe von h und n folgen.

Sollten nun diese Werthe mit den vorher berechneten innerhalb der gestatteten Fehlergränzen übereinstimmen, so ist die Voraussetzung als richtig erwiesen, da offenbar keine andere Combination der Ströme i' und i'_0 zu demselben Resultate d. h. zu derselben Wärme ϑ_1 und ϑ_2 führen kann.

Versuch 1. Hauptstrom durch I (die äußere), Nebenstrom durch II (die innere Spirale); Bügel = 0^m,49 + Therm.¹)

Nebenstr.
$$\vartheta = 11,7$$
 $\vartheta' = 9,5$ $n = 0,90$
Stromth. $\vartheta_0 = 14,0$ $\vartheta'_0 = 12,5$ $h = 0,94$
gl. $\vartheta = 6,1$ $\vartheta_1 = 20,5$ $h + n = 1,83$
entg. $\vartheta = 15,2$ $\vartheta_2 = 0$ $h - n = 0$ 2).

- 1) Aus einem frühern Versuch Sitzungsber. der VVien. Akad. Bd. XVIII S. 145 entnommen. Die Länge in Metern (hier 0^m,49) besteht aus dem gewöhnlichen Kupferdraht.
- 2) 32 müste der 600 ste Theil von 3 seyn, welche Zahl sich nicht mehr beobachten lässt.

Versuch 2. Hauptstrom durch I, Bügel von II = 0^m,65 + Therm. V.

Nebenstr.

$$9 = 10,5$$
 $9' = 8,05$ $n = 0,876$
Stromth.

 $\theta_0 = 12,1$ 12,1 $\theta'_0 = 10,70$ 10,91 h = 0,941 0,950 gl. $\theta = 5,15$ 5,2 $\theta_1 = 17,25$ 17,53 h + n = 1,830 1,836 entg. $\theta = 14,2$ 14,4 $\theta_2 = 0,05$ 0,05 h - n = 0,059 0,059

Versuch 3. Hauptstrom durch I, Bügel von II = 11^m,37 + Therm. V.

Nebenstr.
$$\theta = 13.7$$
 $\theta' = 2.81$ $n = 0.453$
Stromth. $\theta_0 = 12.0$ $\theta'_0 = 11.28$ $h = 0.970$
gl. $\theta = 7.0$ $\theta_1 = 14.28$ $h + n = 1.428$
entg. $\theta = 12.8$ $\theta_2 = 3.51$ $h - n = 0.524$

Die doppelt beobachteten und berechneten Werthe von h und n stimmen genügend überein; später werden noch zahlreiche Belege hinzukommen. 1).

In den folgenden Versuchen wurde der Bügel im Nebendraht verlängert, um die Abnahme von n festzustellen. Die ganze Länge des Nebendrahts sey L, wobei die zu Spiralen gewundenen Drähte nach ihren äquivalenten Längen und Therm. V zu 0^m ,55 angesetzt sind. Der Kürze wegen werde ich in Reihe 3 und 4 nur die im Stamm beobachtete Wärme und die berechneten Werthe von n, h + n, h - n angeben, indem sich hieraus das Uebrige ergänzen lässt.

Reihe 1. Aus Sitzungsber. d. Wien. Ak. Bd. XLIV S. 266. Die als ein unten offenes Rechteck parallel gespannten Drähte waren 8^m,1 lang in 6^{mm},8 Abstand.

$$L = 10^{\text{m}},69$$
 $n = 0,580$ $n \times L = 6,20$
11,99 0,521 6,24
13,29 0,472 6,27
14,59 0,433 6,31

¹⁾ Dass ungleichartige Ströme ganz andere VVärmeentwicklungen darbieten, zeigt z. B. die Versuchsreihe Sitzungsber. d. VV. Ak. Bd. XVIII S. 150.

Reihe 2. 2 Flaschen. D = 32. Hauptstrom durch Spir. I.

L	ð	ઝ '	n	$n \times L$	3	<i>9</i> ′	n
11 ^m ,60	10,5	8,05	0,876	10,15		-	
12 ,90	11,1	6,85	0,785	10,13	8,8	5,50	0,790
14 ,20	11,7	5,85	0,707	10,04	9,45	4,92	0,722
15 ,50	12,2	5,15	0,650	10,07	10,35	4,43	0,654
16 ,80	12,5	4,55	0,603	10,12	10,9	4,09	0,612
				10,10			

Die hinter dem Strich stehenden Zahlen wurden erbalten, als im Nebendraht 0^m,65 Kupferdraht durch 0^m,10 + Therm. V (Gestell) ersetzt waren. Die angenommene Länge 0^m,55 für Therm. V ist hiernach etwas zu groß, doch habe ich sie beibehalten.

Reihe 3. 2 Flaschen. D = 32. Hauptstrom durch Spir. I.

L	<i>9</i> .1)	h + n	h - n	n	$n \times L$
$22^{m},32$	7,0 12,8	1,428	0,524	0,452	10,08
27 , 39	7,4 12,5	1,336	0,612	0,362	9,92
37 ,54	8,0 11,8	1,246	0,716	0,265	9,93
64 ,22	8,8 10,9	1,135	0,821	0,157	10,08
					10.01

 Reihe 4.
 2 Flaschen.
 D = 32.
 Hauptstrom durch Spir. II.

 L
 ϑ n ϑ h+n h-n n $n \times L$
 $20^m,56$ 15,0 0,483 7,3 14,8 1,462 0,497 0,483 9,93

 21 ,86 15,17 0,456 7,47 14,57 1,436 0,516 0,461 10,03

 23 ,16 15,3 0,432 7,60 14,4 1,417 0,547 0,435 10,05

 24 ,46 15,37 0,409 7,80 14,2 1,387 0,569 0,409 10,01

 10,01

Diese Reihen führen auf das Gesetz, dass bei unverändertem Stand der parallelen Drähte, zwischen welchen

¹⁾ Die erste Zahl gehört zu A + n, die zweite zu A - n. Bei der Stromtheilung bildete Therm. V den einen Zweig.

die Induction stattfindet, der Nebenstrom n (bezogen auf den Hauptstrom als Einheit) proportional zur Länge des ganzen Nebendrahts abnimmt, oder dass das Product $n \times L$ constant bleibt. Zugleich ist dieses Product dasselbe, mag der Hauptstrom durch den einen oder durch den andern der parallelen Drähte hindurchgehen.

Die Richtigkeit des letztern Satzes babe ich schon früher') in einem sehr extremen Fall nachgewiesen. Die ebenen Spiralen M und P standen um 13—15^{mm} von einander entfernt, und der Bügel betrug 1^m,20 incl. Therm. V.

Hauptstrom durch $M: L = 6^{m},53$ $\vartheta = 3,37$ $\vartheta' = 9,74$ n = 1,699 $n \times L = 11,09$;

Hauptstrom durch P: L = 55,68 $\vartheta = 10,73$ $\vartheta' = 0,43$ n = 0,201 $n \times L = 11,19$.

Dieses Gesetz führt zu Formeln über den Verlauf des Nebenstroms, welche von den galvanischen völlig abweichen; doch sind sie zunächst nur für einen Bügel aus Kupferdraht gültig, dem der Thermometerdraht beigefügt seyn kann. Längere viel Widerstand leistende Drähte werden wahrscheinlich wie bei der Stromtheilung einen besondern Strom veranlassen, der sich bis jetzt vom Nebenstrom nicht trennen lässt.

Bezeichnet man den constanten Inductionscoëfficienten zwischen zwei Drähten mit K, so ist die vom Hauptstrom i inducirte Stromkraft = Ki, und diese erzeugt, wie eine elektromotorische Kraft, den Nebenstrom i', dessen Stärke durch die Länge des Nebendrahts bedingt wird. Man hat also $Ki = li' + \lambda i'$.

worin l die Länge des parallelen, hier zunächst eines gestreckten 2) Drahts angiebt und λ die Länge des ebenfalls gestreckten Bügels, somit ist

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{l+\lambda} \quad . \quad . \quad . \quad (1).$$

- 1) Sitzungsber. d. Wien. Akad. Bd. XLVIII S. 16.
- 2) Gestreckt nenne ich einen Draht, dessen Theile auf einander keine neue, wenigstens keine bemerkbare Induction hervorbringen; er ist entweder gradlinig oder in einem großen Bogen geleitet.

Bisher habe ich NI statt K gesetzt, wo dann N der inducirte, auf den Hauptstrom als Einheit bezogene Nebenstrom ist, falls man den Bügel bis auf Null reduciren könnte. In einigen Fällen werde ich diese Bezeichnungsweise auch ferner beibehalten, da sie sich bisweilen bequemer in die Formeln einreiht.

Von dieser Stammgleichung aus geht man leicht auf die zusammengesetzten Fälle über, wenn entweder der parallele Draht spiralförmig gewunden, oder der Bügel aus verschiedenen Theilen zusammengesetzt ist; man hat in den entsprechenden galvanischen Formeln meist nur winit l. d. h. den Widerstand mit der Länge der Drähte zu vertauschen. Ich werde die Hauptfälle durchgehen.

No. 1. Der Bügel enthalte an gestrecktem Draht die Länge λ , an zur Spirale gewundenem l'; diese Spirale habe durch Induction von Windung auf Windung den Coëfficienten K', so entsteht durch i' die neue Stromkraft K'i' in entgegengesetzter Richtung. Es ist

$$Ki - K'i' = (l + \lambda + l')i'$$

also, wenn man K' mit N'l' vertauscht,

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{l + \lambda + (1 + N')l'} = \frac{K}{l + \lambda + L'} . . (2).$$

Ich habe für (1+N') die äquivalente Länge L' der Spirale eingesetzt, die ich, weil eine Berechnung aus der Form der Spirale bis jetzt noch nicht möglich ist, aus der Stromtheilung ableite, indem ich Zweige für äquivalent gleich lang ansehe, wenn der Flaschenstrom i sich in gleicher Stärke über sie theilt. Gehen nämlich über die Zweige aus gestrecktem Draht von der Länge l_1 und l_2 die Stromtheile $i_1 = a_1i$ und $i_2 = a_2i$, so finden die Gleichungen statt:

$$i_1 + i_2 = i$$
 and $l_1 i_1 - l_2 i_2 = 0$,

woraus
$$a_1 = \frac{l_2}{l_1 + l_2}$$
 und $a_2 = \frac{l_1}{l_1 + l_2}$ folgt.

Wird bierauf la zu einer Spirale gewunden, deren In-

ductions coëssicient $= K_1 = N_1 l_1$ ist, so gehen die Gleichungen über in

$$i_1 + i_2 = i$$
 and $l_1 i_1 - l_2 i_2 = -N_1 l_1 i_1$

oder

$$a_1 = \frac{l_2}{(1+N_1)l_1+l_2}$$
 und $a_2 = \frac{(1+N_1)l_1}{(1+N_1)l_1+l_2}$.

Die Bedingung $a_1 = a_2$ giebt $(1 + N_1) l_1 = l_2$ oder der zur Spirale gewundene Draht l_1 bat eine äquivalente Länge $L_1 = (1 + N_1) l_1 = l_2$ in gestrecktem Draht.

No. 2. Der parallele Draht sey eine Spirale von der Länge l und habe den Inductionscoëfficienten K_0 , der Bügel sey λ . Es entsteht wieder durch i' eine Stromkraft K_0 i' in entgegengesetzter Richtung; demnach

$$Ki - K_0 i' = li' + \lambda i'$$

oder, wenn K_0 durch $N_0 l$ ersetzt wird,

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{(1+N_0)l+\lambda} = \frac{K}{L+\lambda} . . . (3),$$

worin L die äquivalente Länge der Spirale ausdrückt. Setzt man NL für K, so ist N der auf den Hauptstrom als Einheit bezogene Nebenstrom für einen Bügel \Longrightarrow Null.

In dem Folgenden soll der parallele Draht, er möge gestreckt oder spiralförmig seyn, allgemein mit L bezeichnet werden.

No 3. Der Bügel enthalte in dem einfachen Draht λ zwei Züge l_1 und l_2 , durch welche die Stromtheile i_1 und i_2 gehen. Mit Rücksicht auf die in sich geschlossenen Ringe entstehen die Gleichungen:

$$Ki = Li' + \lambda i' + l_1 i_1$$

$$l_1 i_1 - l_2 i_2 = 0$$

$$i_1 + i_2 = i'$$

folglich

$$\frac{k'}{i'} = n = \frac{L + \lambda + \frac{l_1 l_2}{l_1 + l_2}}{L + \lambda + \frac{l_1 l_2}{l_1 + l_2}} (4).$$

Das Glied des Nenners $\frac{l_1 l_2}{l_1 + l_2}$ ist die äquivalente

Länge der Zweige, wie ich sie schon früher aus der Stromtheilung abgeleitet habe.

No. 4. Die Längen der Zweige l_1 und l_2 seyen zu Spiralen gewunden mit den Coëfficienten K_1 und K_2 ; zur Verbindung mit λ dienen die gestreckten Drähte α_1 und α_2 . Es ist

$$Ki - K_1 i_1 = Li' + \lambda i' + l_1 i_1 + \alpha_1 i_1$$

$$l_1 i_1 + \alpha_1 i_1 - l_2 i_2 - \alpha_2 i_2 = -K_1 i_1 + K_2 i_2$$

$$i_1 + i_2 = i'.$$

Man setze wieder $K_1 = N_1 l_1$ und $K_2 = N_2 l_2$, so folgt

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{L + \lambda + \frac{[(1+N_1)l_1 + \alpha_1][(1+N_2)l_2 + \alpha_2]}{(1+N_1)l_1 + \alpha_1 + (1+N_2)l_2 + \alpha_2}}$$

oder $(1 + N_1) l_1$ und $(1 + N_2) l_2$ mit den äquivalenten Längen L_1 und L_2 vertauscht:

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{L + \lambda + \frac{(L_1 + \alpha_1)(L_2 + \alpha_2)}{L_1 + \alpha_1 + L_2 + \alpha_2}} \quad . \quad (5).$$

Das letzte Glied des Nenners ist die äquivalente Länge der Zweige, die für $\alpha_1 = \alpha_2 = 0$ oder auch, wenn α_1 und α_2 zu L_1 und L_2 gerechnet werden, in $\frac{L_1L_2}{L_1+L_2}$ übergeht.

No. 5. Neue Fälle entstehen, wenn zwei ebene oder schraubenförmig gewundene Spiralen von den Längen l_1 , l_2 und den Coëfficienten K_1 , K_2 in einem festen Abstand verbunden sind, jene parallel einander gegenüber, diese in einander geschoben, und hierdurch den Inductionscoëfficienten K_0 haben. Der Nebenstrom gehe über den gestreckten Theil des Bügels λ und durch beide Spiralen hinter einander in gleicher Richtung, wobei der Draht α zur Verbindung diene. Die Gleichung ist

$$Ki - K_{1}i' - K_{2}i' - 2K_{0}i' = (L + \lambda + l_{1} + \alpha + l_{2})i'$$
oder
$$Ki - 2K_{0}i' = (L + \lambda + L_{1} + L_{2} + \alpha)i'$$
also
$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{L + \lambda + L_{1} + L_{2} + \alpha + 2K_{0}} . . . (6).$$

Es ist wieder $L_1 + L_2 + \alpha + 2K_0$ die äquivalente Länge der beiden verbundenen Spiralen. Bei entgegengesetzter Richtung des Nebenstroms in beiden Spiralen ändert K_0 das Zeichen¹).

No. 6. Unter denselben Verhältnissen wie in No. 5 theile sich der Nebenstrom über die Spiralen als Zweige und sliesse in ihnen in gleicher Richtung; die Verbindungsdrähte der Zweige seyen α_1 α_2 , die Stromtheile i_1 i_2 . Man erhält

$$Ki - K_1 i_1 - K_0 i_2 = Li' + \lambda i' + l_1 i_1 + \alpha_1 i_1$$

$$l_1 i_1 + \alpha_1 i_1 - l_2 i_2 - \alpha_2 i_2 = -K_1 i_1 + K_2 i_2 - K_0 i_2 + K_0 i_1$$

$$i_1 + i_2 = i'.$$

oder nach Einführung der äquivalenten Längen L_1 und L_2

$$Ki - K_0 i_2 = Li' + \lambda i' + L_1 i_1 + \alpha_1 i_1$$

$$L_1 i_1 + \alpha_1 i_1 - L_2 i_2 - \alpha_2 i_2 = -K_0 i_2 + K_0 i_1$$

$$i_1 + i_2 = i'$$

hieraus

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{L + \lambda + \frac{(L_1 + \alpha_1)(L_2 + \alpha_2) - K_0 K_0}{L_1 + \alpha_1 + L_2 + \alpha_2 - 2K_0}} \cdot \cdot (7).$$

Das letzte Glied im Nenner oder kürzer $\frac{L_1L_2-K_0K_0}{L_1+L_2-2K_0}$, wenn wieder α_1 und α_2 zu L_1 und L_2 gerechnet werden, ist die äquivalente Länge der Zweige, in welcher K_0 negativ wird, wenn die Theilströme in entgegengesetzter Richtung zu einander fließen 2).

No. 7. Wenn endlich der Nebenstrom i'nur durch eine der verbundenen Spiralen sliesst, die zweite dagegen durch einen Bügel λ_0 geschlossen ist, so dass ein secundärer Nebenstrom i entsteht, so hat man die Gleichungen

$$Ki - K_1 i' + K_0 i_0 = L i' + \lambda i' + l_1 i'$$

 $K_0 i' - K_2 i_0 = l_2 i_0 + \lambda_0 i_0$

- 1) Vergl. Pogg. Ann. Bd. CXXVII S. 594 Formel (1) und (2); es ist nur $L_1 = r'$, $L_2 = r''$, $K_0 = N'r' = N''r''$ gesetzt.
- 2) Vergl. Pogg. Ann. Bd. CXXVII S. 594 Formel (3) und (4).

oder nach Einführung von L_1 und L_2

$$Ki + K_0 i_0 = (L + \lambda + L_1)i'$$

$$K_0 i' = (L_2 + \lambda_0)i_0$$

somit

$$\frac{i'}{i} = n = \frac{K}{L + \lambda + L_1 - \frac{K_0 K_0}{L_2 + \lambda_0}} (8).$$

Auch hier ist $L_1 - \frac{K_0 K_0}{L_2 + \lambda_0}$ die äquivalente Länge der ersten Spirale, womit Formel (5) am angeführten Ort übereinstimmt.

Nach diesen Formeln lautet das oben gesundene Gesetz allgemein: Bei unverändertem Stand der zur Induction dienenden Drähte ist das Product aus dem auf den Hauptstrom als Einheit bezogenen Nebenstrom und der äquivalenten Länge des Nebendrahts eine constante Größe.

Es kam nun darauf an, die Gültigkeit dieses Gesetzes durch eine besondere Versuchsreihe zu bestätigen, in welcher der Nebendraht sowohl in seiner Länge als in seiner Zusammensetzung innerhalb sehr weiter Gränzen geändert werden konnte. Zu diesem Behuf wurden die ebenen Spiralen M und N^{-1}) zur Induction genommen einem Abstande von 10^{mm} fest mit einander verbunden; ihre früher bestimmte äquivalente Länge beträgt 54^m,48 (Länge des Drahts = 13^m,0). Der Strom der Batterie ging durch M, wobei 2^m,27 (Kupferdraht von 1^{mm},184 Durchmesser), der Funkenmesser und Thermometer II zur Verbindung dienten. Zum schließenden Bügel von N wählte ich außer Thermometer V und gestrecktem Kupferdraht nur Spiralen, deren äquivalente Länge bereits durch genaue Versuche über die Stromtheilung festgestellt war; zunächst die auf Glasröhren schraubenförmig gewundenen Spiralen I und II, die, wie schon oben bemerkt wurde, in einander geschoben und in unveränderlichem Abstand von einander Die Glasröhren sind 0^m,50 lang, der gehalten sind 2).

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXXII S. 450.

²⁾ Sitzungsber, d. Wien. Ak. Bd. XVIII S. 143.

Kupferdraht zu I hat in 80 Windungen eine Länge von 11^m,69, der zu II in 78 Windungen eine Länge von 8^m,28. Durch Induction von Windung auf Windung steigen ihre äquivalenten Längen auf $L_1 = 19^m,36$ und $L_2 = 10^m,40$. Geht der Strom durch beide Spiralen hinter einander in gleicher Richtung, wobei der Verbindungsdraht $\alpha = 0^{m},65$ ist, so beträgt nach einer frühern Beobachtung die äquivalente Länge 50^m,48. Nach der Formel in No. 5 folgt also aus $L_1 + L_2 + \alpha + 2K_0 = 50.48$ der doppelte Inductionscoëssicient $2K_0 = 20,07$. Die oben mitgetheilten Reihen über den Nebenstrom gaben $K_0 = 10,10$ in Reihe 2, = 10,01 in Reihe 3 und = 10,01 in Reihe 4, somit im Mittel ebenfalls $K_0 = 10,04$. Legt man diesen Werth den Berechnungen zu Grunde, so ergeben sich folgende äquivalente Längen für die übrigen Verbindungsarten der beiden Spiralen. Geht der Strom durch beide hinter einauder in entgegengesetzter Richtung ($\alpha = 0^{m},65$), so ist nach No. 5 $L_1 + L_2 + \alpha - 2K_0 = 10^{m}$,34. Theilt sich der Strom über beide Spiralen in gleicher Richtung ($\alpha_1 = 0 \quad \alpha_2 = 0^m, 32$), so ist nach No. 6 $\frac{L_1(L_2+\alpha_2)-K_0K_0}{L_1+L_2+\alpha_1-2K_0} = 10^m,66$; erfolgt die Stromtheilung in der Weise, dass die Ströme entgegengesetzt fließen ($\alpha_1 = 0$ $\alpha_2 = 1^m,30$), so ist ebenfalls nach No. 6 $\frac{L_1(L_2+\alpha_2)-K_0K_0}{L_1+L_2+\alpha_2+2K_0}=2^m,51$. Geht endlich der Strom nur durch Spirale I, während II durch einen Bügel λ₀ == 0^m,65 geschlossen ist, so giebt No. 7 $L_1 - \frac{K_0 K_0}{L_1 + L_2} = 10^m, 25$. Der Kürze wegen sollen diese Fälle nachher mit folgenden Zeichen angedeutet werden:

 $I = 19^{m},36$ II 10,40 I II gl. = 50,48 I II entg. = 10,34 $^{I}_{II}$ gl. = 10,66, $^{I}_{II}$ entg. = 2,51, I (II) = 10,25.

Als zweites Spiralenpaar nahm ich die beiden Rollen des Galvanometers, die im Instrument mit Dämpfer und Spiegel in ihrer gewöhnlichen Stellung blieben. Nach den in Pogg. Ann. Bd. CXXVI S. 231 mitgetheilten Beobachtungen wurde, mit Ausschluß der Verbindungsdrähte α ,

die äquivalente Länge von $R_1 = R_2 = 55^{\text{m}},22$ gefunden, von $\frac{R_1}{R_2}$ gl. = $30^{\text{m}},89$, von $\frac{R_1}{R_2}$ entg. = $24^{\text{m}},14$ und von R_1R_2 gl = $122^{\text{m}},96$. Legt man die beiden mittlern Beobachtungen als die wegen der kürzern Längen der Wahrscheinlichkeit nach sichersten zu Grunde, so erhält man, da $R_1 = R_2$ ist, aus

und
$$\frac{R_1 R_2 - K_0 K_0}{R_1 + R_2 - 2 K_0} = \frac{R + K_0}{2} = 30,89$$

$$\frac{R_1 R_2 - K_0 K_0}{R_1 + R_2 + 2 K_0} = \frac{R - K_0}{2} = 24,14$$

$$R = 55^{\text{m}},02, \quad K_0 = 6,75.$$

In der Versuchsreihe waren die Verbindungsdrähte an R_1 und R_2 $\alpha_1 = \alpha_2 = 0^m$,65, an R_1R_2 gl. und R_1R_2 entg. $\alpha = 1^m$,95; man hat also wieder in abgekürzter Bezeichnungsweise: $R = 55^m$,67, R_1 gl. = 31,21, R_2 entg. = 24,46, R_1R_2 gl. = 125,49, R_1R_2 entg. = 98,49.

Zur Erzielung eines noch längern Nebendrahts fügte ich hierzu die beiden ebenen, licht gewundenen Spiralen (M+N), die durch $\alpha = 0^{m},32$ fest mit einander verbunden sind 1). Ihre äquivalente Länge beträgt $110^{m},64$.

Mit diesen Drähten stellte ich den schließenden Bügel von N theils einfach, theils verzweigt her, und zwar in folgenden 24 Abänderungen, die verständlich seyn werden, wenn noch bemerkt wird, daß der zur Verbindung dienende gestreckte Kupferdraht einfach in Metern angegeben und darin Therm. V als $0^{m},55$ bereits eingerechnet ist. Bei Zweigen steht hinter s_1 und s_2 ihre Zusammensetzung; die von ihnen repräsentirte Länge wurde aus $\frac{L_1 L_2}{L_1 + L_2}$ berechnet, worin L_1 und L_2 die äquivalenten Längen der Zweige bezeichnen. Die Gesammtlänge L des Nebendrahts umfaßt den Bügel und die äquivalente Länge von $N = 54^{m},48$.

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXXIII S. 453.

Der Bügel:	L	No.
1 ^m ,85	56 ^m ,33	1
3 ,96	58 ,44	2
6 ,56	61 ,40	4
2 ,66 + II	67 ,54	8
2 ,66 + I	76 , 50	11
2,66 + $\frac{1}{11}$ gl.	67 ,80	9
$2,66 + \frac{1}{11}$ entg.	59 , 6 5	3
2,66 + IIIgl.	107 ,62	16
· 2 ,66 + I II entg.	67 ,48	7
2,66 + I(II)	67 ,39	6
5,26+R	115 ,41	17
$5,26+\frac{R}{R}\mathrm{gl.}$	90 ,95	13
$5,26+\frac{R}{R}\mathrm{entg}.$	84 ,20	12
5,26+RR gl.	185 ,23	21
5, $26 + RR$ entg.	158 ,23	19
5,26+(M+N)	167 ,78	20
5,26+(M+N)+R	226 ,05	22
5,26 + (M + N) + RR gl.	295 ,87	2 3
5,26 + (M + N) + RR gl. + I II gl.	346 ,36	24
2,66 + $\frac{x_1 : I}{x_2 : R + 2^m,6}$	71 ,67	10
2,66 + $\frac{x_1 : \prod_{i \in I} g_i}{x_2 : \frac{R}{R} g_i + 2^m,6}$	65 ,26	5
2,66 + $\frac{x_1 : I II gl.}{x_2 : RR gl. + 2^m,6}$	93 ,27	14
2,66 + $\frac{x_1:(M+N)}{x_2:R+2^m,6}$	95 ,31	15
2,66 + $\frac{z_1:(M+N)}{z_2:RR_6!.+2^m,6}$	116 ,30	18

In der Versuchsreihe bestimmte ich die auf den Hauptstrom als Einheit bezogene Stärke des Nebenstroms n nach den beiden oben angeführten Methoden. Wo n sich noch über 0,4 etwa hielt, wurde die Angabe des Thermometers V einfach beobachtet, wo n dagegen von 0,5 etwa an tiefer hinabging, leitete ich den Hauptdraht noch durch Therm. V, so dass es allein den einen, der ganze übrige Nebendraht den andern Zweig bildete, berechnete aus den Beobachtungen h + n und h - n, und bestimmte daraus den Werth von n. Da dieser Werth von der Länge L abhängig ist, so wurden die Beobachtungen nach L geordnet, wie es die der vorstehenden Tabelle in der letzten Columne beigefügten Ordnungsnummern angeben. Die erste Methode liess sich von No. 1 - 18 anwenden, die zweite von No. 13-24, so dass n in No. 13-18 auf zweisache Weise bestimmt werden konnte.

Wer Thermometerbeobachtungen häufiger angestellt hat, wird wissen, dass man auch beim ruhigsten Wetter die beobachtete Wärme &, obschon aus 3 einzelnen Beobachtungen als Mittel entnommen, doch kaum auf Zehntel (Scale in Linien getheilt) mit Sicherheit verbürgen kann; dazu kommt die Vergleichung der beiden Thermometer II und V, wodurch ein constanter Fehler aus dem gesundenen, mit der Temperatur des Zimmers und nach der Beschaffenheit des Spiritus veränderlichen Reductionscoëfficienten in die ganze Reihe eingeht. Es schien mir daher nothwendig, die Reihe einige Male zu repetiren. In No. 1-18 ist es 4 mal geschehen; in den beiden ersten Reihen bestand die Batterie aus den Flaschen $F_2 + F_s$ (Capacität = 1,872) und wurde auf D = 40 geladen, in den beiden andern aus dem Flaschenpaar (A) (Capacität = 1) bei $D = 48^{1}$). Die in Therm. II beobachtete Wärme ist mit & bezeichnet, die in Therm. V mit 3', nachdem sie durch Division mit dem Reductionscoëfficienten auf die Angaben in II gebracht war. In der ersten Reihe war dieser Coëssicient

¹⁾ Eine stärkere Ladung liess sich nicht anwenden, weil sonst Funken zwischen M und N überschlugen.

2,48 1), in der zweiten 2,036, in der dritten 2,025, in der vierten 2,069. No. 13 — 24 wurde nur zweimal durchgeführt, einmal mit Batterie $F_2 + F_8$ und D = 32, dann mit (A) und D = 40; die Reductionscoëssicienten waren 2,135 und 2,080. Unter θ steht die in Therm. II beobachtete Wärme, unter θ_1 und θ_2 die beiden reducirten Zahlen in Therm. V, je nachdem h + n oder h - n gesucht wurde.

No.	L	•	•	*		$n \times L$	K
1	56 ^m ,33	13,60	8,39	0,785		44,24	
		15,78	9,63	0,782	0.700	44,03	44 20
		11,13	6,98	0,792	0,788	44,60	44,38
		10,77	6,77	0,793		44,65	
2	58,44	13,60	7,98	0,766	1	44,78	!
	-	15,90	9,07	0,756	0.768	44,14	4472
		11,20	6,67	0,771	0,765	45,09	44,73
		10,85	6,41	0,769		44,93	!
3	59,65	13,60	7,66	0,750	<u> </u>	44,77	į
•		15,80	8,60	0,738	0746	44,00	44.40
		11,27	6,30	0,748	0,746	44,62	41,48
		10,90	6,08	0,747		44,53	
4	61,04	14,00	7,50	0,732	•	44,67	!
		16,00	8,45	0,727	0.724	41,35	1176
		11,37	6,17	0,737	0,734	41,97	41,76
		11,00	5,99	0,738		45,05	

1) Diese Reihe war in einem ganz kalten Zimmer (etwa 0°) angestellt worden, welshalb sich der Spiritus in der engern Röhre des Therm. Il schwerfälliger bewegte. Vielleicht schloss auch die Klappe am Instrument nicht ganz lustdicht, wenigstens habe ich die die Oeffnung schließende Kautschukscheibe später erneuern lassen müssen.

No.	L	3	3'	n	$n \times L = K$
5	65 ^m ,26	14,13	6,66	0,686	44,81
		16,43	7,50	0,676	14,09
		11,70	5,55	0,688	85 44,93 44,70
		11,20	5,32	0,689	44,96
6	67,39	13,90	6,05	0,660	44,45
		16,10	6,76	0,648	43,68 44,32
		11,13	4,94	0,666	44,89
		10,97	4,74	0,657	44,28
7	67,48	13,97	5,97	0,654	44,10
		15,93	6,62	0,645	43,50 44,31
		11,03	4,90	0,666	45,00
		10,80	4,72	0,661	44,62
8	67,54	14,37	6,37	0,666	44,97
		16,50	7,11	0,656	44,33 44,61
		11,57	5,10	0,664	44,85
		11,37	4,91	0,657	44,31
9	67,80	14,50	6,29	0,659	44,66
		16,50	7,02	0,653	57 44,24 44,56
		11,87	5,15	0,659	44,68
		11,37	4,93	0,658	44,65
10	71,67	14,83	5,62	0,615	44,11
		16,70	6,32	0,615	44,10
		11,90	4,40	0,621 0,61	18 44,52 44,31
		11,40	4,40	0,621	44,52
11	76,50	14,87	5,05	0,583	44,59
		17,10	5,60	0,572	43,78 41,25
		12,07	4,08	0,582	44,50
		11,80	3,93	0,577	44,15

No.	L	•	9 ′	n		$n \times L = K$
12	84 ^m ,20	15,03	4,19	0,531		44,68
		17,10	4,70	0,524	0531	44,15
		12,13	3,46	0,534		45,00 44,71
		11,50	3,29	0,535		45,01
13	90,95	14,97	3,55	0,487		44,28
		17,10	4,03	0,485	0.400	44,14
		12,20	2,98	0,494	0,489	44,93
		11,70	2,80	0,489		44,52
14	93,27	15,50	3,52	0,476	i	44,42
		17,60	3,96	0,475	0,474	44,26
		12,43	2,78	0,473		44,11 44,23
		11,93	2,67	0,473		44,15
15	95,31	15,57	3,3 3	0,462		44,06
		17,43	3,75	0,464	0.465	44,19
		12,50	2,77	0,470	0,467	44,83 44,50
		11,90	2,64	0,471		44,92
16	107,62	15,90	2,66	0,409		44,03
		18,00	3,05	0,411	0.411	44,27
		12,80	2,16	0,411	0,411	44,19 44,24
		12,10	2,07	0,413		44,45
17	115,41	15,57	2,29	0,383		44,23
		17,70	2,56	0,380	0.385	43,84
		12,50	1,89	0,389		44,89 44,42
		12,13	1,82	0,388		44,73
18	116,30	16,00	2,30	0,379	0.380	44,04
		18,07	2,56	0,376		43,72
		12,80	1,87	0,383		44,53
		12,20	1,76	0,380		44,23
						44,45

```
32
      L
              3
                      91
No.
                                \lambda + x \quad \lambda - x
                                                    K
13 90°,95 5,80 10,47 12,66 2,68 1,477 0,506 0,485) 44,16)
          4,80 8,33 10,77 2,12 1,498 0,504 0,497 45,21
14 93,27 5,87 10,37 12,73 2,81 1,472 0,521 0,476) 44,39)
          4,87 8,50 10,74 2,26 1,485 0,517 0,484 45,19
15 95,31 6,03 10,70 12,79 2,95 1,456 0,525 0,465) 44,37)
          4,87 8,47 10,66 2,38 1,479 0,531 0,474 45,19
16 107,62 6,07 10,23 12,08 3,47 1,411 0,582 0,414) 44,61)
          5,10 8,15 10,32 2,82 1,423 0,588 0,417 44,90
17 115,41 6,10 10,20 11,71 3,95 1,385 0,622 0,381) 43,99)
          5,17 8,03 10,00 2,95 1,391 0,606 0,392 45,29
18 116,30 6,17 10,20 11,96 3,95 1,392 0,622 0,385) 44,78)
          5,27 8,17 10,08 3,11 1,383 0,617 0,383 44,57 9
19 158,23 6,53 9,30 10,69 4,73 1,280 0,713 0,283) 44,81)
          5,50 7,78 9,13 3,94 1,288 0,712 0,287 45,41
20 167,78 6,93 9,80 11,04 5,31 1,262 0,736 0,263) 44,14)
          5,70 7,97 9,24 4,33 1,274 0,737 0,268 45,03
21 185,23 6,70 9,07 10,32 5,17 1,241 0,755 0,243) 45,03)
          5,57 7,45 8,77 4,33 1,254 0,762 0,246 45,57
22 226,05 7,17 9,10 10,21 5,92 1,193 0,806 0,193) 43,64)
          5,93 7,47 8,59 4,86 1,204 0,809 0,199 44,91
23 295,87 7,27 8,83 9,57 6,32 1,147 0,846 0,151) 44,59)
          6,03 7,20 8,17 5,30 1,164 0,858 0,153 45,27
24 346,36 7,40 8,80 9,42 6,74 1,129 0,876 0,126) 43,82)
          6,10 7,15 7,82 5,48 1,132 0,876 0,128 44,44
                                                  44,72.
```

Vergleicht man die einzelnen Reihen mit einander, so sieht man leicht, dass jede mit einem kleinen constanten Fehler behaftet ist, der aus der Reduction der beobachteten Zahlen in Therm. V auf Angaben in Therm. II entsteht: die Werthe von n sind in jeder Reihe fast durchgehend gegen den Mittelwerth entweder etwas zu groß oder etwas zu klein. Die Summe der n ist in der ersten Reihe 10,683, in der zweiten 10,583, in der dritten 10,748, in der vierten 10,716. Die Mittelwerthe von K in den ersten 4 Reiben liefern indess keine über 1 Proc. binausgebende Abweichung von dem Gesammtmittel 44,45; man gewinnt demnach aus Thermometerbeobachtungen ebenso genaue Resultate als mit andern Messinstrumenten. In der sechsten Reihe ist noch ein anderer geringer Fehler enthalten, indem die kleinen nach Linien gemessenen Zahlen & in Therm. II etwa um 10 Linie zu klein sind; es scheint hier die Abkühlung der Luft im Cylinder schon eingetreten zu seyn, bevor der sich zu langsam bewegende Spiritus seinen tiefsten Stand erreicht hatte. Die Zahlen h - n stimmen in Reihe 5 und 6 überein, die Summen sind 8,110 und 8,114, dagegen fällt h + n in Reihe 6 größer als in Reihe 5 aus; diese giebt als Summe der 12 Werthe 15,845, jene 15,976; man erhält im Mittel aus Reihe 5 h = 0,998, aus Reihe 6 h = 1,004. Nimmt man als zweiten Zweig den mittlern Werth von $L = 166^{m},53$, so kommt nach den Gesetzen der Stromtheilung in Reihe 5 auf den Zweig Therm. V eine Länge von 0^m,33, die ziemlich genau seyn wird, in Reihe 6 dagegen ein kleiner negativer Werth, welcher nicht zulässig ist. Der geringe constante Fehler muss, wie ich glaube, in den Zahlen & gesucht werden. Trotz dieses Umstandes weichen doch die Mittelwerthe von n in No. 13 — 18 nach den beiden Beobachtungsmethoden nur in No. 14 um etwa 1½ Procent, sonst nicht über 1 Procent von einander ab.

Da ich zu den vorstehenden Reihen nur Drähte benutzt habe, deren äquivalente Längen ich schon früher bestimmt hatte, und da der schließende Bügel in der weitesten Ausdehnung zusammengesetzt worden ist, so ist der Satz, dass das Product aus dem auf den Hauptstrom als Einheit bezogenen Nebenstrom und der äquivalenten Länge des Nebendrahts constant bleibt, vollständig er wiesen, und dieser Satz dürste ein sicheres Fundament sür die Theorie des Nebenstroms bilden.

Um die Bedeutung des Satzes zu gewinnen, geht man am besten von der einfachsten Formel (1) aus. In der Gleichung

$$Ki = (l + \lambda)i'$$

ist Ki die vom Hauptstrom i auf den Nebendraht übertragene elektromotorische Kraft, und $(l + \lambda)i'$ ist die ihm gleiche Kraft, welche der Nebenstrom i' ausübt. $l + \lambda$ drückt aber die Drahtlänge aus, auf welcher i seine Thätigkeit äußert, die kaum in etwas anderm bestehen kann, als in der Stellung und Bewegung der Molecule, wie sie der elektrische Strom erfordert. Ein Unterschied des elektrischen Stroms vom galvanischen liegt also darin, dass bei diesem die absorbirte Kraft zum Widerstand der Drähte proportional ist, bei jenem dagegen die auf die Molecularbewegung verwandte Kraft (freilich zunächst nur unter den in der vorliegenden Beobachtungsreihe obwaltenden Verhältnissen) sich allein nach der Länge der Drähte richtet und vom Widerstand derselben unabhängig ist. Widerstand seinerseits vergrößert die Zeit, während welcher das in der Batterie enthaltene Kraftquantum seine Thätigkeit ausübt. Da diese Verzögerung der Entladung in dem Hauptstrom i hervortritt, auf welchen i bezogen wird, so erscheint in den Formeln des Nebenstroms der Widerstand des Nebendrahts gar nicht; er wird nach dem Werthe von n berechnet und in die Formel für i eingetragen. Dass diess geschehen muss, zeigt z. B. eine zu No. 15 in der vierten Reihe speciell angestellte Beobachtung 1). in s2 zu R + 2m,6 noch der Thermometerdraht V zugesetzt wurde, der die Längenverhältnisse nur ganz unwesentlich

¹⁾ Vergl. auch die VVerthe von 3 in No. 5 und 6, in No. 16 und 17, in No. 20 und 21.

ändert, während der galvanische Widerstand der Zweige w, und w, von 7,5 und 2,3 (1 Zoll Neusilberdraht Einheit des Widerstands) in 7,5 und 45,1 übergeht, erhielt ich statt der angegebenen Zahlen $\vartheta = 11,90 \ \vartheta' = 2,64 \ \mathrm{die}$ Zahlen $\vartheta = 11,47$ $\vartheta' = 2,55$, also eine Verminderung der Wärme durch Verzögerung der Batterie-Entladung, aber denselben Werth von n = 0,471 in beiden Fällen. Der Strom wandte sich nicht etwa mehr auf $s_1 = (M + N)$, wodurch No. 15 mehr in No. 20 n = 0,265 übergegangen wäre. Ein anderes ist es, wenn ein Draht von großem Widerstand oder Eisendrähte in den Nebendraht eingesetzt werden. Außerdem, dass sie wahrscheinlich in einer von der natürlichen abweichenden, noch näher zu bestimmenden Länge aufzuführen sind, entsteht wohl in ihnen eine besondere, durch die Stellung der Molecule bedingte elektromotorische Krast, die einen neuen mit i' nicht correspondirenden Strom erzeugt. Ein ähnlicher Strom wird auch schon in dem Thermometerdraht entstehen, aber er muss hier so gering seyn, dass ihn die Beobachtungsfehler noch gänzlich verdecken.

Die auf den Nebendraht übertragene elektromotorische Kraft Ki weicht von der durch einen galvanischen Strom übertragenen dadurch ab, daß sie zu i und nicht zu $\frac{di}{dt}$ proportional ist. Man braucht demnach in der Gleichung $i = \varphi(t)$ die Function φ noch gar nicht zu kennen, wenn man das Verhältniß des Nebenstroms zu dem ihm gleichartigen Hauptstrom feststellen will. Bei jeder andern Theorie dagegen, welche den Nebenstrom nach den galvanischen Gesetzen ableitet, muß der Batteriestrom in seinem Verlaufe während der Entladungszeit bereits bekannt seyn, ehe man zur Berechnung des Nebenstroms überzugehen vermag.

Ob K nach der galvanischen Formel $\int_{r}^{ds} \frac{ds'}{r} \cos s$ cos. ϑ' (der elektrodynamischen Constante) bestimmt wird, dürste zu verneinen seyn, da die gradlinigen (gestreckten)

Kupferdrähte von nicht zu großer Länge überall nur in ihrer natürlichen Länge in Rechnung kommen und keine Berücksichtigung eines neuen, auf ihnen durch Induction der Theile auf einander entstehenden Stroms verlangen, wie diess bei spiralförmig gewundenen Drähten der Fall ist. Nur bei sehr langen gestreckten Drähten zeigt sich nach der Beobachtungsreihe von Feddersen 1) eine Einwirkung auf die Oscillationsdauer, ebenso in der Reihe mit den Rolleu²), wenn die natürliche Länge des vom Strom durchslossenen Drahts die äquivalente Länge übertrifft (S. 600); selbst bei einem Schliessungsbogen aus den Gliedern r'r' a gl. macht sich ein geringer Einflus bemerkbar, indem die äquivalente Länge eines Gliedes zu 871^m,09 statt der berechneten 855^m,10, also fast um 2 Proc. größer angesetzt wurde 3). Was mich indess bedeuklich macht, für diesen Fall eine Induction auf dem gestreckten Draht anzunehmen, ist besonders der Umstand, dass Feddersen mit einem in Rollen gewundenen Draht, der also eine große äquivalente Länge besaß, das Gesetz $t = a \sqrt{s}$ (S. 153) streng nachweisen konnte, während dieses Gesetz sich nicht mehr bewährte (S. 161), als ein langer gestreckter Draht angewandt wurde. Wenn hier bei 2 Flaschen in der Batterie im Verhältniss zu 16 Flaschen die Oscillationsdauer um 9 Proc. zu groß aussiel, so erinnert diess zu sehr an die von mir beobachteten Gesetze . des elektrischen Widerstands von Kupferdraht 1), als dass ich auf gestrecktem Draht eine von der Capacität der Batterie unabhängige Induction annehmen köunte.

Sollte ein Bedenken entstehen, ob bei spiralförmig gewundenen Drähten der angenommene Coëfficient K

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXVI S. 164.

²⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXVII S. 593.

³⁾ Ob die beobachtete äquivalente Länge fehlerfrei ist, ob also auch bei der Stromtheilung eine kleine Vergrößerung der natürlichen Länge eines sehr langen gestreckten Drahts stattfindet, können erst spätere Versuche endgültig entscheiden.

⁴⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXVII S. 446.

wirklich aus der Induction von Windung auf Windung solgt, da er nur durch eine Stromtheilung beobachtet werden kaun, so dürste es beseitigt werden, wenn man die folgenden zwei Thatsachen näher erwägt. Die Induction der ebenen Spirale M auf die gleiche Spirale N liefert bei einem gegenseitigen Abstande von 10^{mm} den Coëssicienten $K_0 = 44,45$. Hierbei inducirt immer je eine Windung von M auf die 121 Windungen von N. Bei der Induction von M oder N auf sich selbst wirkt von den um 6^{mm},767 von einander abstehenden Windungen je eine auf die übrigen 111, sie selbst aber giebt einen schwachen entgegengesetzten Nebenstrom, der den Vortheil der etwas größern Nähe der Windungen aufwiegen möchte: man darf daber einen Coëssicienten K etwa $=\frac{23}{25}K_0$ erwarten. Die äquivalente Länge von M ist = 54^m,48, ihre natürliche Läuge = 13^{m} ,0, hieraus folgt K = 41,48 der Erwartung entsprechend. — Bei den Rollen r' und r" ist nach der Beobachtung 1) K' = 192,04, K'' = 186,98 und der Inductionscoëssicient zwischen den beiden Rollen $K_0 = 204,20$. Diese Werthe stimmen ebenfalls mit einander überein, da r' und r'' zur Induction auf einander nur um 7^{mm},5 von einander entfernt sind, also der von jedem Ringe ausgehende entgegengesetzte Nebenstrom die Werthe K' und K'' etwas mehr verringert, als dass man 31 Ko erlangte.

Wie die Formeln für die äquivalenten Längen der Drähte und ihrer Verbindungen oben entwickelt sind, könnte man den, wie es scheint, unliebsamen Namen gänzlich entbehren, nur hätte man dann für das festgestellte Gesetz $L \times n$ = Const. = K einen unbequemern Ausdruck, ebenso einen unbequemern, um die Gesetze der Stromtheilung anzugeben. Diese Bequemlichkeit besonders bestimmt mich die Bezeichnungsweise beizubehalten; zudem ist es bei Versuchen viel leichter, von verschiedenen spiralförmig gewundenen Drähten die äquivalente Länge im

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. CXXVII S. 594.

Gedächtnis zu halten, als die natürliche Länge und den Inductionscoëssicienten K, aus deuen die erstere hergestellt wird. Mit dem Werth der äquivalenten Länge weiss man sogleich, durch welche Länge gestreckten Drahts eine Spirale oder ein Complex von Spiralen ersetzt wird.

Mit einigen Worten will ich noch die Stromtheilung über zwei Zweige im Schließungsbogen berühren, wenn diese nur aus Kupferdraht (oder mit beigefügtem Thermometerdraht) bestehen, um nachzuweisen, warum ich mich gegen die Annahme Feddersen's, daß die äquivalente Länge ein Ausdruck der elektrodynamischen Constante sey, entschieden verwahren muß. Bestehen die Zweige aus gestrecktem Kupferdraht von den Längen l_1 und l_2 und gehen durch sie die Stromtheile i_1 und i_2 ($i_1 + i_2 = i$), so giebt der geschlossene Ring nach meiner Theorie:

Sind die Längen l_1 l_2 ganz oder theilweise zu Spiralen gewunden, die durch Induction von Windung auf Windung die Coëfficienten K_1 K_2 geben, so ist

$$l_1 i_1 - l_2 i_2 = -K_1 i_1 + K_2 i_2 (2)$$

oder

$$(l_1 + K_1)i_1 - (l_2 + K_2)i_2 = 0$$
 . . (3),

wo $l_1 + K_1$ und $l_2 + K_2$ die äquivalenten Längen L_1 und L_2 der Zweige bedeuten.

Nach der Theorie von Feddersen, die den galvanischen Gesetzen folgt, ist im Ringe der Zweige

$$w_1 i_1 - w_2 i_2 = -a_1 \frac{di_1}{dt} + a_2 \frac{di_2}{dt}$$
 . . (4)

oder

$$w_1 i_1 - w_2 i_2 = -A_1 \frac{di_1}{dt} + A_2 \frac{di_2}{dt}$$
 . . . (5),

wenn $w_1 w_2$ die Widerstände der Drähte bezeichnen, $a_1 a_2$ die Coëssicienten (elektr. Constanten) der Induction durch die Ströme $i_1 i_2$ auf den gestreckten, und $A_1 A_2$ die Coëssicienten der Induction auf den zu Spiralen gewundenen

Drähten. In dem Fall, dass die Zweige aus Kupferdraht bestehen und dass ausserdem $\frac{a_1}{a_2}$ nahe gleich 1 ist, läst Feddersen die Glieder $w_1 i_1 - w_2 i_2$ als geringsügig gegen die andern sort und erhält $a_1 \frac{di_1}{dt} - a_2 \frac{di_2}{dt} = 0$; hieraus folgt nach der Integration:

$$a_1 i_1 - a_2 i_2 = 0 \dots (6),$$

$$A_1 i_1 - A_2 i_2 = 0 \dots (7).$$

Die Gleichung (6) mit (1) verglichen verlangt a_1 a_2 proportional zu l_1 l_2 , (7) mit (3) verglichen A_1 A_2 proportional zu $l_1 + K_1$ $l_2 + K_2$. Ohne Verwirrung anzurichten läßt sich diese Forderung nicht geltend machen, denn erst wären die Coëfficienten der Induction a_1 a_2 den natürlichen Drahtlängen, dann die Coëfficienten A_1 A_2 der Summe der natürlichen Drahtlängen und anderer Inductionscoëfficienten proportional. Ueberdieß wird durch den speciellen Fall der wesentliche Unterschied zwischen den beiden Theorien vollständig verdeckt.

(Schlus später.)

A. W. Schade's Buchdruckerei (L. Schade) in Berlin, Stallschreiberstr. 47.

ANNALEN DER PHYSIK UND CHEMIE.

Bd. V. ERGÄNZUNG.

St. 4.

I. Das Verhalten des Meerwassers in der Nähe des Gefrierpunktes und die Statik der Polarmeere; von K. Zöppritz.

I.

Die Frage, ob das Meerwasser ein Dichtigkeitsmaximum habe, ist seit den vor nunmehr 50 Jahren angestellten klassischen Untersuchungen von Marcet von zahlreichen Physikern beantwortet worden. Beobachtungen hierüber sind veröffentlicht worden von Marcet¹), Muncke²), Erman³), Despretz⁴), G. Karsten⁵), C. v. Neumann⁶) und Rossetti⁷). Diese Gelehrten haben ihre Versuche entweder an natürlichem Seewasser oder an reinen Kochsalzlösungen vom specifischen Gewichte des Seewassers angestellt; Letzteres in der Voraussetzung, dass der geringe Antheil an anderen Salzen (⁸/₁₀ des Gesammtgehalts) das physikalische Verhalten der gleich dichten Lösung nicht merklich beeinträchtigen dürste. Der Parallelismus zwischen den an natürlichem Meerwasser und den an reinen Kochsalzlösungen angestellten Versuchen rechtsertigt diese Voraus-

- 1) Phil. Transact. 1819; Gilb. Ann. LXIII S. 242 ff.
- 2) Mém. prés. à l'Acad. des sc. de St. Pétersb. 1 S. 71; Gehler's phys. VVort. VI S. 1693.
- 3) Diese Ann. XII S. 463; XLI S. 72.
- 4) Comptes rend. IV S. 127 und 135; Ann. chim. phys. LXX S. 5; diese Ann. XLI S. 58.
- 5) Archiv f. Min. Geogn. Bergb. u. Hüttenk. XX S. 1; i. Ausz. Fortschr. d. Physik I (1845) S. 43.
- 6) Inaug. Diss. München 1861; i. Ausz. diese Ann. CXIII S. 382.
- 7) Atti del Istituto Veneto XIII S. 1419 (1868); Auss. s. o. S. 258 dieses Bandes.

setzung bis zu gewissen Gränzen; wie z. B. Erman 1) durch Vergleichung von seinen und Lenz' Bestimmungen mit denen von Karsten (a. a. O.) gezeigt hat. Das übereinstimmende Resultat aller dieser Untersuchungen ist, dass das Meerwasser kein Dichtigkeitsmaximum über dem Nullpunkt hat. Die meisten Beobachter fanden, dass ein solches Maximum erst bei einer unter dem Gefrierpunkte der Lösung liegenden Temperatur eintritt, während Lenz²) und Erman*) durch die Discussion ihrer empirischen Ausdehnungsformeln die Existenz eines Maximums überhaupt widerlegt zu haben glaubten. Da jedoch diese Formeln nur abgeleitet sind aus Beobachtungen bei Temperaturen, deren tiefste immer noch einige Grade über derjeuigen des Maximums lagen, so können aus ihnen keine zuverlässigen Schlüsse bezüglich dieser Frage gezogen werden. Man muss sich also an die Resultate der aussührlichen Versuchsreihen von Karsten, v. Neumann und Rossetti halten, wobei wirkliche Beobachtungen der Maximaldichte angestellt worden sind. Nach diesen kann ein Zweifel an der Existenz des Maximums nicht mehr erboben werden, wohl aber geht daraus hervor, dass beim Meerwasser die Temperatur der größten Dichte unter dem Gefrierpunkte desselben liegt, dass sie also nur am Meerwasser im überschmolzenen Zustand beobachtet werden kann. Karsten, der seine ausgedehnte Untersuchung von 39 Kochsalzlösungen verschiedenen Procentgehaltes zwischen - 10° C. und + 95° C. ergänzt hat 4) durch eine specielle Untersuchung über die Dichtigkeitsmaxima nach der sogenannten Abkühlungsmethode, sowie Rossetti b), der sich ausschliesslich mit der Bestimmung der Gefrierpunkte und der Dichte in ihrer Nähe von 10 Kochsalzlösungen und

¹⁾ Diese Ann. CI S. 586.

²⁾ Mém. de l'Acad. de St. Pétersb. Ser. VI. Sc. math. phys. et nat. T. I.

³⁾ Diese Ann. XLI S. 72.

⁴⁾ Archiv f. Min. XX S. 54.

⁵⁾ Atti del Ist. Ven. XIII s. Tabelle S. 1441.

einigen Proben Meerwasser beschäftigt hat, haben auf das Anschaulichste gezeigt, wie die Erniedrigung des Temperaturpunktes der Maximaldichte vom Salzgehalt abhängt. Nach Karsten's Tabelle (S. 105) fällt das Dichtemaximum mit dem Gefrierpunkte zusammen bei einer Kochsalzlösung vom Procentgehalt 2,24 auf - 1°,96; nach Rossetti beim Procentgehalt 2,37 auf — 1°,50. Ferner aber stellt sich namentlich aus Rossetti's Versuchen, aber auch aus denen Karsten's, verglichen mit Despretz und v. Neumann, klar beraus, dass bei reinen Kochsalzlösungen mit zunehmendem specifischem Gewichte die Temperatur Maximaldichte rascher hinabgedrückt wird, als beim wirklichen Seewasser, einer Lösung von (nach Erman) 2,58 Proc. NaCl, 0,45 Proc. NaSO₄ und 0,50 Proc. CaCl und MgCl. Es ist diess eine natürliche Folge der von Erman 1) gemachten Bemerkung, dass Chlornatriumlösungen zu gleichem specifischem Gewicht eines weit stärkeren Gehaltes bedürfen, als Meerwasser. Rossetti hat sogar (S. 1454) mit Zubülfenahme der von Despretz erhaltenen Resultate über Lösungen von schwefelsaurem Natron und Chlorcalcium zwei Formeln aufgestellt, welche das Dichtigkeitsmaximum und den Gefrierpunkt des Meerwassers ausdrücken durch diejenige der Lösungen seiner genannten 3 Hauptbestandtheile.

Was nun die absoluten Werthe für die Temperatur des Dichtemaximums betrifft, so verdankt man die erste zuverlässige Angabe Despretz, der bei Meerwasser von 1,0273 spec. Gew. (bei 20° C. gegen destillirtes Wasser von gleicher Temperatur) das Maximum der Dichte bei — 3°,67 C. fand, während der Gefrierpunkt bei — 1°,84 lag. Bei v. Neumann's Untersuchungen an einer Mischung von Seewasser von Helgoland, Triest und Genua vom specifischen Gewichte = 1,0281 (bei 0° bezogen auf Wasser von 4°) zeigte sich die Maximaldichte bei — 4°,74, der Gefrierpunkt bei — 2°,6. Die erstere Zahl würde wahrscheinlich in ziemlicher Uebereinstimmung seyn mit

¹⁾ Diese Ann. CI S. 593.

den von Marcet und Muncke (a. d. ang. Orten) gefundenen, wenn diese von dem Einflusse der Glasausdehnung befreit wären. Die sorgfältigen Beobachtungen von Rossetti geben wieder eine etwas höhere Lage des Maximums. Er untersuchte 2 Proben aus dem adriatischen Meere und fand beim

Wasser geschöpft im Juni:

das spec. Gew. = 1,0266987, das Dichtemax. bei - 3,21, den Gefrierpunkt bei - 1,90;

Wasser geschöpft im November:

das spec. Gew. = 1,0281413, das Dichtemax. bei - 3,90, den Gefrierpunkt bei - 2,10.

Die Temperatur des Dichtemaximums stimmt also ziemlich gut mit der von Despretz gefundenen überein.

Trotz diesen wohlerworbenen Thatsachen der Physik ist bisher niemals die Ansicht ganz ausgestorben, dass das Meerwasser ähnlich wie das reine Wasser ein Dichtigkeitsmaximum in der Nähe von + 4° C., oder wenigstens zwischen 0° und 4° haben müsse. Diese Behauptung fand ihre Stütze namentlich in den Tiefseetemperaturmessungen einiger englischer Seefahrer. Seit der Reise Péron's in den ersten Jahren dieses Jahrhunderts waren die meisten namhafteren See-Expeditionen mit Apparaten zur Messung der Temperatur in verschiedenen Tiefen des Meeres ausgestattet und haben davon einen mehr oder minder sleissigen Gebrauch gemacht. Die bemerkenswerthesten dieser Temperaturbeobachtungen sind angestellt von Horner¹) auf Krusenstern's Reise 1803-1806, John Franklin, Beechey und Fisher²) 1818, John Ross, Parry und Sabine³) 1818, v. Kotzebue⁴) 1815—1818, Leuz⁵)

¹⁾ v. Krusenstern, Reise um die Welt; Gilb. Ann. LXIII S. 266.

²⁾ Gilb. Ann. LXIII S. 259 ff.

³⁾ Ebendas. u. J. Ross, Voyage to the Arctic regions, London 1819, Appendix.

⁴⁾ v. Kotzebue, Entdeckungsreise in d. Südsee.

⁵⁾ Mém. de l'Acad. de St. Pétersb. Sér. VI T. I; diese Ann. XX S. 73.

bei v. Kotzebue's Reise um die Welt 1823-1826, Scoresby 1) 1810 — 1817, Beechey 2) 1825 — 1828, Dumont d'Urville³) 1837—1840, J. Clark Ross⁴) 1839 — 1843, Koldewey⁵) 1868, Carpenter und Thomson 6) 1869. Unter diesen zahlreichen Beobachtungen haben für die vorliegende Frage nur diejenigen Interesse, wobei das Thermometer Wasserschichten erreicht oder durchsunken hat, welche eine niedrigere Temperatur als die des angeblichen Dichtigkeitsmaximums aufweisen; also hauptsächlich die in den Polargegenden der Erde angestellten. Unter diesen befindet sich nun eine ganze Anzahl, namentlich die meisten von Scoresby, Beechey, J. Cl. Ross, welche in böheren Breiten eine Zunahme der Temperatur mit der Tiefe anzugeben scheinen. Aus diesen Befunden, deren wissenschaftlichen Werth ich im letzten Abschnitt dieser Arbeit näher zu besprechen haben werde, haben schon einzelne der Beobachter selbst, z. B. Scoresby 7) und J. Cl. Ross 8), den Schluss ziehen zu müssen geglaubt, dass das Meerwasser ein Dichtemaximum über dem Nullpunkt besitze und zwar, wie Ross meint, bei derselben Temperatur wie das destillirte Wasser. Diese Ansicht bat jedoch den Beifall der Physiker nicht finden können, vielmehr war man eher geneigt, die abweichenden Resultate jener Beobachter auf Rechnung von mangelhasten Instrumenten oder localen Verhältnissen zu

- 1) Scoresby, an Account on the Arctic regions, Edinb. 1820, auszüglich in Petermann geogr. Mitth. 1870 S. 238; ferner Scoresby, Journal of a voyage to the Northern Whalefishery, Edinb. 1823.
- 2) Beechey, Narrative of a voyage to the Pacific.
- 3) Dumont d'Urville, Voyage au Pole Sud et dans l'Océanie, Paris 1846, Observations de physique.
- 4) J. Clark Ross, Voyage to the Southern and Antarctic regions, London 1847.
- 5) Peterm. geogr. Mitth. 1869 S. 210.
- 6) Das. 1870 S. 235. Proceed. of the R. soc. of London, XVII S. 168 u. XVIII S. 397.
- 7) Account of the Arctic regions, S. 120.
- 8) Voyage to the Southern and Antarctic regions, 11 S. 378.

setzen, als ihrethalben ein wohlbegründetes Naturgesetz abzumodeln. In der neuesten Zeit aber haben Meteorologen und Geographen zur Erklärung gewisser Strömungsverhältnisse im arktischen Ocean von Neuem jene Annahme zu Hülfe ziehen zu müssen geglaubt, und wir begegnen ihr in einigen neuen Veröffentlichungen von Mühry¹), v. Freeden²), Petermann²) gleichsam wie einer feststehenden physikalischen Thatsache. Es ist Mühry gewesen, der zuerst wieder mit Bestimmtheit die Existenz eines Dichtemaximums des Meerwassers über dem Nullpunkt behauptet hat und es zuerst 4) auf + 2° R. verlegte, bald aber b) zu 3°,2 R. überging, welche Angabe er auch neuerdings 6) festhält.

Mühry, welcher glaubt, dass die "Kabinetsphysik" ihre Untersuchungen über die Ausdehnung des Meerwassers unter ganz anderen äufseren Bedingungen anstelle, als sie in der "Geophysik" gegeben seyen, hat ein Experiment beschrieben 7), wobei er diese letzteren Bedingungen annähernd realisirt zu haben glaubt. Er füllte nämlich ein Cylinderglas von beiläufig i Liter Inhalt mit Kochsalzlösung von dem specifischen Gewichte des Meerwassers
und kühlte es durch hineingeworfene, also auf der Oberfläche schwimmende Eisstücke ab. Er behauptet, auf dem Boden des Glases stets die Temperatur von 4° C. beobachtet zu haben, während sie an der Obersläche zwischen den Eisstücken stets auf dem Nullpunkt war.

Obgleich ich auf der Stelle sah, dass dieser versuch bedeutenden, später näher zu besprechenden Fehlerquellen

Mühry, Ueber die Lehre von den Meeresströmungen, Göttingen 1869, J. C. S. 38, 41, 72, 92.

²⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1869 S. 210.
3) Das. 1865 S. 152; 1870 S. 225 u. 232.

⁴⁾ Mühry, Allg. geogr. Meteorologie S. 44 - 50 und berichtigende Note S. IX (1860).

⁵⁾ Dess. Klimatograph. Uebers. d. Erde S. 532 Note (1862).

⁶⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1867 S. 58; Mühry, Lehre v. d. Meeresström. S. 38 u. 69.

⁷⁾ Das. S. 73.

unterworfen und ihm demnach für jene Hypothese nur sehr geringe Beweiskraft zuzumessen war, so bewies er jedensalls auch nichts gegen dieselbe und ich theilte desshalb vollständig die von Mühry an jener Stelle ausgesprochene Ansicht, dass es eine würdige und wichtige Aufgabe für einen Physiker sey, die vertikale Ordnung der Temperaturschichten im Meerwasser zu bestimmen unter Umständen, welche den im offenen Meere stattfindenden möglichst ähnlich sind. Die Vorstellung, welche Mühry sich von dem Verhalten des Meerwassers vor dem Gefrieren gebildet hat und welche zugleich als Erklärung dienen soll, warum bei den bisherigen Versuchen so vieler Physiker abweichende Resultate gefunden worden sind, hat etwas Einleuchtendes und kann nicht ohne Weiteres bei Seite geworfen werden. Das destillirte Wasser zeichnet sich vor allen Flüssigkeiten aus durch die Eigenschaft, dass es bei Wärmeentziehung sich nur bis zur Temperatur von + 4° contrahirt und sich bei weiterer Temperaturerniedrigung wieder ausdehnt, bis es bei 0° unter einer weiteren Volumvermehrung in seinen specifisch leichteren festen Zustand, das Eis, übergeht. Man erklärt sich diess Verhalten dadurch, dass bereits bei 4° die Umlagerung der Wassermolecüle zu derjenigen Anordnung beginnt, welche sie im Eise besitzen. Da das Eis weniger dicht ist als das Wasser, so muss diese Umlagerung mit einer Ausdehnung verbunden seyn. Wenn dem Wasser nun ein fremder Körper beigemischt ist, so sind zwei Möglichkeiten vorhauden: Entweder die Theilchen dieses Körpers stehen in gar keiner Wechselwirkung mit den Wassermolecülen. Dann ist der Körper unlöslich und fällt nieder oder kann, wenn sein specifisches Gewicht nicht viel von dem des Wassers verschieden ist, höchstens in Form einer Trübung, eines feinen Schlamms das Wasser erfüllen. Eine solche mechanische Suspension fremder Körper im Wasser kann auf die Ausdehnungsverhältnisse desselben keinen Einfluss ausüben; die Oberslächen der suspendirten Theilchen verhalten sich wie Theile der Begränzungssläche der Flüssigkeit und können

ebensowenig den Maximalpunkt der Dichte oder den Gefrierpunkt verändern, wie eingetauchte oder schwimmende Körper von greifbaren Dimensionen. Anders verhält es sich mit solchen Körpern, die gelöst werden, deren Molecüle also in eine engere Beziehung zu den Wassermolecülen treten, mit ihnen eine Molecülverbindung nach veränderlichen Verhältnissen eingehe. Eine Lösung bildet einen ganz neuen Körper, dessen physikalische Eigenschaften nur insofern durch diejenigen der beiden Bestandtheile bedingt erscheinen, als die letzteren die Gränzwerthe der ersteren bilden müssen, d. h. wenn man die Menge des gelösten Körpers immer mehr vermindert, so müssen sich die Eigenschaften der Lösung immer mehr denjenigen des Lösungsmittels nähern. Die Auflösung von Kochsalz und der meisten übrigen Salze in Wasser hat den Erfolg, dass die das reine Wasser auszeichnende Eigenschaft des Dichtemaximums verwischt wird und dass die Lösungen, je concentrirter sie werden, umsomehr sich in die Reihe der übrigen Flüssigkeiten einreihen, die sich bis zu ihrem Erstarrungspunkte stetig contrahiren. Es wäre nun ganz wohl denkbar, dass der geringe Zusatz von 3,5 Proc. Salz, wie er im Meerwasser enthalten ist, die physikalischen Eigenschaften des Wassers noch nicht soweit verändert, um das Dichtemaximum beträchtlich herabzudrücken. Hierüber kann nur die Beobachtung entscheiden, und sie hat entschieden. Die nach sehr verschiedenen Methoden angestellten Versuche an Kochsalzlösungen von Despretz, Karsten und Rossetti geben für die Abhängigkeit der Lage des Dichtemaximums und Gesrierpunktes von dem Procentgehalt folgende Tabelle, worin die Zahlen von Rossetti direct aus dessen Zusammenstellung (a. a. O. S. 1441) und die von Karsten aus seinen Tabellen (a. a. O. S. 98 ff.) entnommen sind, die von Despretz aber durch ein einfaches Interpolationsverfahren gefunden wurden, indem die vier von ihm statt auf untersuchten Kochsalzlösungen 1)

¹⁾ Ann. chim phys. LXX S. 56-61. Rossetti hat bei der Berechnung der kleinen Tabelle (Atti ist. Ven. XIII S. 1443) aus Despretz Resultaten den Fehler gemacht, die Procentgehalte p der Lösungen nicht

von den Procentgehalten 1,2226, 2,4157, 3,5804 und 6,9133 auf solche von 1,2 Proc., 2,4 Proc., 3,6 Proc. und 6,9 Proc. umgerechnet wurden:

Procent gehalt der	Maximaldichte nach				Gefrierpunk nach	t
Lösung	Despretz	Karsten	Rossetti	Despretz	Karsten	Rossetti
0	4,00	3,92	4,07	0	0	0
0,5		2,70	3,00		0,38	 0,32
1		1,46	1,77		 0,76	-0,65
1,2	+1,24	+ 0,95		→ 0,70	 0,92	
2		- 1,12	- 0,58		1,52	— 1,27
2,4	— 1,65	 2,18		-1,40	1,83	
3		- 3,80	- 3,24		 2,28	— 1,90
3,6	- 4,80	- 5,47		— 2,13	-2,73	
4		- 6,60	- 5,63		3,03	 2,6 0
6		— 12,50	— 11,07		-4,52	— 3,91
6,9	— 15,96	15,27		— 4,3 9	 5,18	
7	,	— 15,58	13,69		 5,26	 4,60
8		— 18,76	— 16,62		 5,99	- 5,12

Es geht aus dieser kleinen Tabelle, wenn auch die Zahlen der einzelnen Beobachter nicht vollkommen übereinstimmen, doch zur Genüge hervor, wie die Temperaturen des Dichtemaximums und des Gefrierpunktes durch Vermehrung des Salzgehalts stetig immer tiefer hinabgedrückt werden und wie schon ein Gehalt von etwa 1,6 Proc. Salz hinreicht, um das Dichtemaximum auf den Nullpunkt des Thermometers zu verlegen.

Trotz dieser entscheidenden Erfahrungsthatsachen läst sich aber eine Möglichkeit ersinnen, wie die Tieseetemperaturmessungen doch vielleicht ein Dichtemaximum ergeben könnten: Aus dem Meere scheidet sich bekanntlich beim Gefrieren das Salz aus und das Gefrorene ist reines Eis, welches nur in Hohlräumen kleine Salzablagerungen zu enthalten pflegt. Eine völlige Absonderung tritt immer ein,

auf 100 Theile der Lösung, sondern auf 100 Theile reinen Wassers zu berechnen. Bei Anwendung der obigen richtigen Zahlen für die p stimmen seine Resultate weit besser mit den Despretzischen.

wenn das gebildete Eis nur ein kleiner Bruchtheil des vorhaudenen Wassers ist und wenn die Abkühlung an ruhiger Oberstäche stattsindet. Das Salz wird dann vor dem Gefrieren ausgeschieden und dissundirt in die slüssigbleibende Lösung, welche dadurch concentrirter wird. Wenn wie im Ocean das Verhältnis der Eisdicke zur Wassertiese sehr klein ist, so wird auch die Concentrationsänderung der Lösung eine sehr geringe seyn. Die Dissundies ausgeschiedenen Salzes wird dadurch begünstigt, dass die auf der Oberstäche concentrirtere Lösung specifisch schwerer ist und also untersinkt.

Es wäre nun wohl denkbar, dass unter den hier vorausgesetzten Umständen die Ausscheidung des Salzes nicht erst im Moment des Festwerdens, also wenn die Flüssigkeitstheilchen die Temperatur des Gefrierpunktes erlangt haben, sich vollzöge, sondern schon vorher begänne. Da im reinen Wasser bei + 4° C. eine Umlagerung der Molecüle anfängt, so hat es nichts Unwahrscheinliches, dass auch in der Lösung schon bei einer über dem Gefrierpunkt gelegenen Temperatur ein molecularer Vorgang beginnt, der den schliesslichen Zustand, die Trennung in Eis und Salz einleitet, mit anderen Worten, dass schon bei einigen Graden über Null die Molecülverbindung zwischen Wasser und Salz sich lockert und Salzmolecüle ausgeschieden werden, welche in tiefere wärmere Schichten der Lösung diffundiren. Wäre dieser Vorgang der natürliche, so müssten sich in einer größeren nur an der Obersläche unter ihren Gefrierpunkt abgekühlten Meerwassermasse von der Obersläche nach unten Schichten von zunehmender Temperatur und zunehmendem Salzgehalt finden. Der Befund müste derselbe seyn, wie wenn eine Eisdecke auf dem Meere schmilzt: Das salzlose Schmelzwasser befindet sich zunächst unter der Eisdecke zwischen dieser und dem Salzwasser und das Salz dissundirt aus der Tiese in das Schmelzwasser empor. Keinem Besahrer des Eismeeres entgeht die Beobachtung, dass in der Umgebung schmelzender Eisfelder oder Berge große Strecken der Meeresobersläche mit ganz oder fast salzfreiem Wasser bedeckt zu seyn pflegen.

Wenn nun die eben entwickelte Vorstellung von den molecularen Vorgängen in stark abgekühlten Salzlösungen der Wirklichkeit entspräche, so könnten allerdings im offenen gefrierenden Meere Dichtigkeitsverhältnisse auftreten, die sich von den im physikalischen Kabinet beobachteten wesentlich unterscheiden. Alle diese letzteren Beobachtungen nämlich sind mit kleinen in engbegränzten Räumen eingeschlossenen und von allen Seiten her den erkältenden Ursachen ausgesetzten Lösungsmengen ange-Bei den meisten dieser Versuche wurde nämlich ein thermometeräbnliches Gefäss mit der zu untersuchenden Lösung gefüllt und am Rohr die cubische Ausdehnung beobachtet; bei anderen wurden etwas größere Mengen der Lösung in einem oben offenen cylindrischen Gefässe erkalten gelassen und dann mit dem Araometer (von Erman) oder mit der eingetauchten Kugel der hydrostatischen Waage (von Karsten) das specifische Gewicht Bei keiner dieser Einrichtungen waren die bestimmt. äusseren Bedingungen geboten, welche zu einer Abscheidung des Salzes und Herstellung verschieden temperirter und concentrirter Schichten, wie wir sie an der Meeresobersläche als möglich annahmen, nöthig sind. Selbst wenn sich in den kleinen Mengen, mit denen man stets operirt hat, solche Dichteverschiedenheiten fänden, wäre es doch nicht möglich, sie zu erkennen, da man mittelst der ersten Methode nur das Gesammtvolumen von Wasser und Salz und auch bei der zweiten und dritten das specisische Gewicht einer Menge bestimmt, worin sich alle Dichtigkeitsunterschiede rasch ausgleichen müssen. Man konnte desshalb in der That alle jene Versuche nicht als beweiskräftig gegen die Möglichkeit des beschriebenen molecularen Vorgangs halten. Man konnte sagen 1), dass bei ihnen das grosse Reservoir sehle, welches das ausgeschiedene Salz aufnehmen könne, ohne sich selbst in seiner Beschaffenheit

¹⁾ Mühry, Lehre v. d. Meeresström. S. 71.

merklich zu ändern; dass bei ihnen die Ausscheidung des Salzes verhindert sey und dass endlich, wenn die Temperatur hinlänglich sinke, ein festes Product entstehe, das sich von dem natürlichen Producte des Meeres wesentlich unterscheide, nämlich eine feste Mischung von Eis und Salz.

II.

Es war bei diesem Stande der Sache gewiss wünschenswerth, auch in einem physikalischen Cabinet die Bedingungen herzustellen, unter denen im offenen Meere das Wasser sich abkühlt und gefriert. Es handelte sich darum, eine größere Wassermenge von oben her abzukühlen und den Wärmeaustausch derselben mit der Umgebung nach unten und nach den Seiten hin möglichst abzuschneiden. Mühry hat geglaubt, bei seinem Versuche dieser Forderung gerecht geworden zu seyn, indem er einen Schoppen Salzwasser in einem cylindrischen Glasgefässe durch obenauf schwimmende Eisstücke abkühlte. Ich habe mich aber durch Vorversuche überzeugt, dass selbst bei Anwendung eines Glascylinders von 1 Fuss Höhe und Durchmesser und einer Wanddicke von 4 - 5mm bei einer Umgebungstemperatur von nur 4-5° C. der Wärmeaustausch des von oben her durch einen aufgesetzten blechernen Eisteller abgekühlten Wassers mit der Umgebung beträchtlich genug ist, um die zu beobachtenden Temperaturverhältnisse gänzlich umzuändern. Man kann sich dieser Feblerquelle nur entziehen, wenn man Holzgefässe von starker Wanddicke benutzt. Dass das Holz namentlich in der Richtung senkrecht zu den Fasern die Wärme sehr schlecht leitet, ist nicht nur eine Sache alltäglicher Erfahrung, sondern auch von Despretz 1) wissenschaftlich untersucht. fand u. A., dass wenn ein Holzstab am einen Ende bis zum Verkohlen erhitzt wurde, 2 Centim. davon das Holz keine merkliche Temperaturerhöhung zeigte. Auch bei den Versuchen desselben Physikers über die Wärmeleitung

¹⁾ Ann. chim. phys. XXXVI S. 426.

der Flüssigkeiten 1) stellte sich der Wärmefluss durch die hölzernen Wände des Gefässes als äusserst gering heraus, obgleich hiebei nicht unbeträchtliche Temperaturdisserenzen diesseits und jenseits der Holzwand stattfanden. Um den Einfluss der Gefässwände auf die Wärmeleitung im Wasser zu bestimmen, wandte Despretz ein cylindrisches Holzgefäss von 1^m Höhe und 40 Centim. Durchmesser an, dessen Wände 2,8 Centim. Dicke hatten. Das Gefäss war mit Wasser gefüllt und dieses wurde von oben her durch ein auf seiner Obersläche rubendes, von Dampf durchströmtes Blechgesäss erhitzt. Das Gesetz der Fortpflanzung in der Flüssigkeit wurde durch Ablesung einer Anzahl von Quecksilberthermometern erkannt, die in gleichen Verticalabständen in horizontaler Lage durch Oeffnungen der Holzward so in die Flüssigkeit hineinragten, dass ihre Kugeln in die Achse des Cylinders zu liegen kamen. In den durch drei dieser Thermometer gelegten Horizontalebenen wurde nun die Temperaturabnahme nach und in der Wand dadurch bestimmt, dass in jeder dieser 3 Ebenen noch eine Thermometerkugel im Abstande von 5 Centim. von der Wand und eine in der Wand selbst angebracht wurde. Zur Aufnahme dieser letzteren waren in die Wand von aufsen her Löcher schief von oben eingebohrt, welche die halbe Wanddicke durchdrangen. Nach Einsetzung der Thermometergefässe wurden die Oeffnungen gegen den Zutritt der äuseeren Lust mit Wachs verklebt. In den drei so untersuchten Horizontalschichten war die Temperatur:

	in d. Achse:	5 Centim. v. d. WVand:	in d. Wand:	Umgebung:
I	33 °,8 2	33°,45	25°,52	13°,25
II	23 ,60	23 ,20	19 ,45	13,25
III	18 ,22	17,66	16 ,28	13 ,25

Aus dem Umstande, dass von der Achse bis an die Wand die Temperaturabnahme eine so geringe ist, während sie in der Wand so rasch abnimmt, schließt man, dass die Wärmeleitung im Holze bedeutend geringer ist, als in der

¹⁾ Ann. chim. phys. LXXI S. 216.

Flüssigkeit, welche ohnehin schon nach dem Hauptresultat der erwähnten Despretz'schen Untersuchung ein sehr geringes Leitungsvermögen besitzt.

Wenn schon bei Despretz' Apparat die Wärmeabgabe durch die Wände auf die Temperatur des centralen
Theils der Flüssigkeit einen so geringen Einfluss ausübte,
so kann man diesen noch beliebig verkleinern, indem man
dem Gesäse noch größere Dimensionen und noch dickere
Wände giebt und indem man die Temperaturdisserenz
zwischen dem Inhalte des Gesäses und der Umgebung
stets klein erhält (bei meinen Versuchen überstieg sie nie
10° C.). Man kann auf diese Weise sehr nahe die Umstände herstellen, unter welchen im offenen Meere die
Abkühlung und Erwärmung der tieseren Schichten stattfindet.

Das Gefäss, das ich mir zu meiner Untersuchung anfertigen liess, ist ein sehr nahe cylindrischer Ständer A (Fig. 1 Taf. IX) aus 3,3 Centim. dicken Dauben von Eichenholz zusammengesetzt. Derselbe war nur soviel conisch, dass die Reisen angetrieben werden konnten. Der von Wasser angefüllte Raum hatte an der Basis einen Durchmesser von 83 Centim., an der Oberfläche von 75,5 und eine Höhe von 71,5 Centim. Hiernach berechnet sich der Inhalt zu 0,353 Cubikm. = 353 Liter. - Um das zur Abkühlung von oben her bestimmte Eis oder die Kältemischung aufzunehmen, diente ein Teller von Zinkblech, dessen Untersläche u eben und von nur 2 Centim. geringerem Durchmesser als die Oeffnung des Ständers war. Die Randfläche des Tellers T war conisch nach oben sich erweiternd, so dass sie sich beim Einsetzen des Tellers auf den Ständer auf dessen Rand stützte. Damit die Mitte der mit Eis beladenen Grundebene u sich nicht senkte, war sie an zwei über's Kreuz laufenden Bügeln B, die je zwei diametral gegenüberliegende Punkte des oberen Tellerrandes verbanden, durch eine kleine Säule s befestigt.

Es waren nun Vorkehrungen getroffen, um in vier verschiedenen Horizontalschichten des eingeschlossenen Wassers die Temperatur beobachten und etwas Wasser zur specifischen Gewichts- und Salzbestimmung herausnehmen zu können. Die Temperaturbestimmungen an irgend einem inneren Punkte geschahen nach einer thermoelektrischen Compensationsmethode, die sich unter den Bedingungen, wobei diese Versuche angestellt wurden, als sehr zweckmässig erwies. Sie beruht auf der Thatsache, dass wenn in einer aus zwei heterogenen Metalldrähten zusammengesetzten Thermokette kein Strom stattfindet, die beiden Löthstellen gleiche Temperatur haben müssen. Befindet sich also die eine derselben an dem sonst unzugänglichen Orte, wo die Temperatur bestimmt werden soll, die andere in einem Gefässe mit Wasser, dessen Temperatur durch Zugießen von heißerem oder kälterem Wasser beliebig verändert werden kann, so wird ein hier eingetauchtes Thermometer in dem Augenblick die Temperatur an der unzugänglichen Stelle zeigen, in welchem das eingeschaltete Galvanometer keinen Ausschlag zeigt. Diese Methode wird sehr zuverlässig, wenn die Drähte nicht zu dünn und möglichst kurz sind, damit sie sich in ihrem ganzen Verlaufe mit Ausnahme der Löthstellen unter denselben äußeren Temperatureinslüssen befinden können. Meine Thermoketten bestanden aus einem etwa 3 mm dicken Neusilberdraht, an dessen Enden, mit ihm zwei Spitzen bildend, zwei gleich dicke Eisendrähte angelöthet waren. Die eine Spitze wurde an den betreffenden Ort im Inneren des Fasses gebracht. Die beiden Drähte gingen zu diesem Zweck von der Löthstelle an 25 Centim. weit dicht nebeneinander, nur durch eine starke Firnissschicht von einander isolirt; von da ab waren sie auf eine weitere Erstreckung von 7 Centim. in ein Stückchen Glasrohr mit Siegellack isolirt eingekittet. Dieses Glasröhrchen safs dann in einem Kork k, welcher in einem durch die Wand des Ständers gebohrten Loche steckte. Diess war die nach vielen ver-

geblichen Versuchen gefundene Art der Zuleitung, wobei die Einsatzstellen der Drähte auch unter dem bedeutenden Druck von 75 Centim. Wasser dicht blieben und trotzdem jede einzelne Löthstelle rasch aus der Wand resp. dem Kork herausgenommen werden konnte. - Die vier Schichten, in denen Temperatur und Salzgehalt untersucht wurden, lagen bez. 3 Centim., 20 Centim., 35 Centim. und 65 Centim. unter der Bodensläche des Eistellers. In jeder Schicht wurde die Temperatur an drei Stellen bestimmt. Diese drei Punkte, wohin die Löthstellen I gebracht wurden, lagen (Fig. 2, Taf. IX) auf einem Kreis von 25 Centim. Durchmesser um die Achse des Cylinders und also (den Cylinderdurchmesser zu 75 Centim. angenommen) im Abstand von 25 Centim. von der Wand. Diese Punkte bildeten drei Ecken eines Quadrats, dessen vierte Ecke durch die Mündung m eines Saugerohrs R eingenommen wurde. Jedes Saugerohr R ging auch durch einen Kork k'. Zwei dieser Röhren zeigt auch Fig. 1. Es waren Glasröhren von 2 bis 2^{mm},5 Weite; sie entbielten einen kleinen Kolben, der gewöhnlich die Mündung m verschloss, mittelst eines Drahtes mit Handgriff h aber zurückgezogen werden konnte, so dass etwas von dem vor der Mündung m befindlichen Wasser durch den Absluss a auslaufen und aufgefangen werden konnte. In die tiefste der zu untersuchenden Schichten, welche nur 6,5 Centim. über dem Boden des Ständers lag, wurden die Drähte I und das Rohr R' durch den Boden eingeführt, wie Fig. 1 zeigt. Damit man zu dem Rohr gelangen konnte, stand das Fass auf zwei Böcken B etwa 40 Centim. über dem Fusboden.

Die Zuleitungsdrähte außerhalb des Fasses sind in der Zeichnung weggelassen, um dieselbe nicht zu verwirren, nur die beiden zur Löthstelle l führenden sind gezeichnet, um die Verbindung mit der anderen Löthstelle l' und dem Galvanometer G zu zeigen. Der Neusilberdraht N führt in das Gefäß P, woselbst die zweite Löthstelle mit dem Eisendraht E' auf die Temperatur

gebracht werden kann, welche in l stattfindet. Die Verbindungsstellen der Eisendrähte E und E' mit den Zuleitungsdrähten z und z' des Galvanometers sind Quecksilbernäpfe q, welche in eine mit schmelzendem Eis gefüllte Schale S eingesetzt sind, um beständig die Temperatur 0° zu bewahren Diess letztere ist durchaus nothwendig, wenn man sich vor den unregelmässigen Galvanometerausschlägen sichern will, die bei den kleinsten Temperaturdisserenzen der Verbindungsstellen sosort austreten. Je drei äusere Spitzen l', welche derselben Horizontalschicht angehören, waren über dem Gesäse P durch eine Holzklemme K (Fig. 3 Tas. IX) zwischen Korkbacken gesast, so dass sie gleichzeitig gleich tief und in gleichen Abständen von einander in das Gesäs eingetaucht werden konnten.

Noch ist zu bemerken, dass, um die Löthstellen l im Wasser möglichst gleichsörmig zu vertheilen, die der zweiten und vierten Schicht gegen die der ersten und dritten um 45° versetzt waren, so dass, wenn in der ersten und dritten Schicht die drei Drähte und das Rohr R die Lage wie in Fig. 2 Tas. IX, also Azimuthe 0° 90° 180° 270° hatten, die entsprechenden der zweiten und vierten Schicht in den Azimuthen 45° 135° 225° 315° lagen.

Die Herstellung der richtigen Temperatur im Gefäss P musste in der Regel durch Zusatz von Eisstückchen zu dem darin befindlichen Brunnenwasser bewirkt werden. Zur Mischung diente ein Rührer, der in Fig. 4 Tas. IX besonders dargestellt ist. Er besteht aus Blech und steht auf drei Füsen. Ein Loch mit Blechansatz dient zur Aufnahme eines doppelt durchbohrten Korks, worin der als Stiel dienende Glasstab g und das Thermometer t stecken. Die zwei Arme a gehen beim Rühren zwischen den drei Spitzen l'1 l'2 l'3 auf und ab. Das Thermometer t war ein ausgezeichnetes Instrument von Geissler in Bonn. Es geht von — 14° bis + 45° C. und ist in Zehntel Grade getheilt. Der Eispunkt lag bei + 0°,56. Das Galvanometer G war absichtlich nicht zu empfindlich gewählt.

Einem Grade Temperaturdifferenz der Löthstellen entsprach ein Ausschlag von 7°,5 der Nadel. Da ein Grad der Kreistheilung groß genug war, um die Abschätzung von Zehnteln noch mit großer Sicherheit zu gestatten, so konnten also noch Temperaturdifferenzen von ½° C. erkannt werden.

Der Ständer A wurde mit einer Lösung von gewöhnlichem käuflichem Kochsalz in Brunnenwasser von etwa 1,028 specifischem Gewicht zunächst bis zum Niveau der untersten Löthstellen l' gestillt, und diese Stellen, sowie die Rohrmündung m' durch Schieben von unten her genau in dieses Niveau eingestellt. Alsdann wurde bis zum Niveau der zweiten zu untersuchenden Schicht gefüllt, um auch hier die Löthstellen durch Biegen u. s. w. der Drähte in das gleiche Niveau zu bringen. Ebenso geschah es mit der pächsten Schicht. Um die drei Löthstellen und die Rohrmündung der oberen Schicht genau in gleicher Entfernung (von 3 Centim.) von der Kältequelle, d. i. der Untersläche des Tellers zu halten, auch für den Fall, dass diese sich ausbiege oder nicht genau horizontal liegen sollte, wurden die drei Doppeldrähte etwas aufwärts gebogen und auf ihnen sowie auf dem zugehörigen Saugerohr je ein 3 Centim. hohes Holzsäulchen i (von starken Zündhölzern) mit Siegellack aufgekittet, gegen deren Spitzen die Tellersläche beim Aussetzen anstiess und durch die leicht federnden Drähte angedrückt wurde.

Nachdem der ganze Ständer bis nahe unter den Rand gefüllt und die Wassermasse durch einen Rührer gehörig gemischt war, wurde der Teller aufgesetzt und dann durch die zwischen Teller- und Kufen Rand an mehreren Stellen bleibende Spalte soviel von der gleichen Salzlösung zugesetzt, dass der ringförmige Raum zwischen der Wand des Tellers und dem Kufenrand gerade ausgefüllt wurde. Wenn dann noch der Teller mit Eisstücken vollständig gefüllt war, so stand der Apparat zur Beobachtung bereit. Die Versuche wurden zu Anfang April bei Temperaturen des Beobachtungsraums von 5 — 6° begonnen und dauerten mit wenigen Unterbrechungen bis in die Mitte des Mai,

wo die Temperatur auf 10-12° gestiegen war, so dass ich wegen des bedeutenden Eisverbrauchs die Versuche abbrechen musste, wiewohl ich sie gerne noch etwas länger fortgesetzt hätte.

Der Gang der Untersuchung sollte der seyn, dass, nachdem Eis aufgelegt und etwa zwei Stunden gewartet worden war, möglichst rasch hintereinander die Temperaturen in den vier Schichten beobachtet und darauf aus jeder derselben etwas Wasser genommen werden sollte, dessen specifisches Gewicht und Salzgehalt zu bestimmen war. Es handelte sich bei den Temperaturbestimmungen um die mittlere Temperatur jeder der Schichten, und es war desshalb die schon erwähnte Einrichtung getroffen, dass die drei zu einer Horizontalschicht gehörigen Löthstellen $l'_1 l'_2 l'_3$ gemeinschaftlich (vermöge der Klemme K) in das Gefäss P gesenkt werden konnten. Die drei Eisendrähte E', E', E', gingen dann gemeinsam in den Quecksilbernapf q', während die drei E direct aus der Kusenwand zum anderen Napfe q führten. Das Galvanometer blieb dann auf 0, wenn die Summe der Temperaturen der inneren Löthstellen l gleich der dreifachen Temperatur in Das Thermometer t gab also direct das arithmetische Mittel der drei in der Schicht zu messenden Temperaturen.

Bevor ich die Beobachtungen nach diesem Plane begann, schickte ich eine auch später mehrmals wiederholte Voruntersuchung voraus, die zeigte, mit welcher Genauigkeit die drei in einer Schicht gemessenen Temperaturen übereinstimmten, und welche damit zugleich ein Urtheil über die Zuverlässigkeit der Beobachtungsmethode ermöglichte. Die drei äußeren Löthstellen l der Schicht ließ ich zu diesem Zwecke stets im Gefäße P und nahm, um die Temperatur in l_1 für sich zu bestimmen, nur die Enden E_2 E_2 und E'_2 E'_8 aus den Näpsen q und q' heraus. So gab das Thermometer t beim Nullstand des Galvanometers die Temperatur T_1 in l_1 . Gewöhnlich machte ich bei einer Versuchsreihe fünf Temperaturbeobachtungen in

jeder Schicht. Erst wurde beobachtet die Mitteltemperatur $T = \frac{1}{3} (T_1 + T_2 + T_3)$, dann nacheinander T_1 , T_2 , T_3 , endlich noch einmal T. Da die vier Werthe T sich immer nur um kleine Bruchtheile eines Grades unterscheiden, so konnten diese drei Beobachtungen rasch aufeinander folgen. Ich setze eine solche Versuchsreihe nachfolgend bei, die im Ganzen $1\frac{1}{2}$ Stunden gedauert hat. Es war früh 8 Uhr Eis auf den Kühlteller gelegt worden, während die Wassermasse ungefähr eine Anfangstemperatur von 5° ,5 hatte. Die Beobachtung begann um 10 Uhr und endigte etwas vor $11\frac{1}{2}$ Uhr. Die römischen Zahlen bezeichnen die Schichten und zwar I die obere.

Versuchsreihe a	am 9.	April.
-----------------	-------	--------

	T	T_1	T_2	$T_{\mathbf{a}}$	T
I	1,99	1,84	2,14	1,84	2,04
II	5,14	5,14	5,44	5,49	5,44
III	5,80	5,44	5,84	5,54	5,69
IV	5,34	5,24	5,64	5,24	5,39

Man sieht hieraus, dass in einer Schicht Unregelmäsigkeiten bis zu 0°,4 vorkommen. Es ist dies jedoch nur solange der Fall, als der Temperaturaustausch, also die Strömung im verticalen Sinne noch lebhast ist, wie hier nach 2 Stunden. Es ist diese Beobachtungsreihe eine der ungünstigsten, und ich habe sie nur hierher gesetzt, weil sie die einzige ganz vollständige ist. Gewöhnlich wurden nur eine oder zwei Schichten genauer untersucht, weil Unregelmäsigkeiten in einer Schicht sich an den vertikal darunter liegenden Stellen der übrigen zu wiederholen psiegten, wie auch die vorstehende kleine Tabelle zeigt.

Am 7. April wurde früh 7 Uhr Eis aufgelegt und Vormittags 11 Uhr folgende besser stimmende Beobachtungsreihe in den drei unteren Schichten gemacht:

	\boldsymbol{T}	T_1	T_2	$T_{\mathtt{s}}$	\boldsymbol{T}
II	4,54	4,34	4,54	4,43	4,64
III	4,74	4,74	4,75	4,79	fehlt
IV	4,61	4,66	4,56	4.61	n

Hier sind die Horizontalschichten weit genauer isotherm als bei der früheren Reihe. Die Unregelmäßigkeiten rührten, wie schon gesagt, stets von verticalen Strömungen her. Jede Ursache, die diese Strömungen vermehrte, brachte auch eine vermehrte Unregelmäßigkeit hervor. Ein leichter Druck auf die Tellersläche erniedrigte sofort die Temperatur der vertical unter der Druckstelle gelegenen Löthstellen. Ich wurde hierauf erst aufmerksam, als ich mehrmals Eisstückchen vom Teller weggenommen oder solche aufgelegt hatte und in Folge dessen Unregelmäßigkeiten auftraten. In folgender sonst sehr gut stimmender Reihe vom 7. April Nachmittags 4 Uhr war zwischen den Beobachtungen von II und III beim Herausnehmen eines Stücks Eis der Teller über der Stelle von l_3 berührt worden:

	T	T_1	T_{2}	$T_{\mathbf{s}}$	T
I	2,14	1,94	2,24	2,04	2,01
II		4,54	4,54	4,44	4,44
III	4,89	4,94	5,06	4,54	

Solche Unregelmäsigkeiten gleichen sich in 10 bis 15 Minuten aus, wovon ich mich leicht überzeugen konnte, indem ich die Temperatur in P constant erhielt und die langsamen Schwankungen der Galvanometernadel beobachtete. Ich überzeugte mich in der Folge, dass wenn nach erfolgter Beschickung des Tellers mit Eis hinlänglich (4-5 Stunden) gewartet und dann der Teller nicht mehr berührt wurde, die Temperaturabweichungen in einer Horizontalschicht höchstens aus 0°,1 stiegen.

Am 28. April Vormittags 10 Uhr erhielt ich, nachdem die letzte Eisbeschickung früh um 6 Uhr stattgefunden hatte:

Schicht I T=2,54 $T_1=2,54$ $T_2=2,57$ $T_8=2,54$ T=2,54 also die Abweichung nur 0°,03 in der obersten Schicht, die den Störungen am meisten ausgesetzt war.

Was nun die Temperaturvertheilung im verticalen Sinne betrifft, so zeigt sich ausnahmslos eine Temperaturzunahme von oben nach unten und zwar ganz unabhängig

von der factischen Temperatur der Tiefe, d. h. einerlei ob am Boden eine Temperatur von 2° herrschte oder eine von 6°. In jedem Falle nimmt die Temperatur von der Kältequelle nach dem Innern der Flüssigkeit zu.

Die langsame Aenderung der Temperatur in einer so großen slüssigen Masse kann leicht dazu verführen, in den Beobachtungen eine Bestätigung der Annahme eines Dichte maximums zu erblicken. Wenn man nämlich die Flüssigkeit von einer ursprünglichen Temperatur von 5-6° mit Eis kühlt, so wird man nach einigen Stunden in den untersten Schichten etwa 4º finden und nach oben eine stetige Abnahme der Temperatur bis zu etwa 2º in der oberen Schicht (I) bemerken. Dieser Zustand ändert sich nur sehr langsam. Nach weiteren 2 Stunden wird vielleicht die Temperatur der untersten Schicht erst um einen halben Grad tiefer gesunken seyn. Man könnte sich desshalb vielleicht zu dem Trugschlusse geneigt fühlen, dass bei 3,5 bis 4° ein Dichtemaximum liege. Erst ein 2-3 Tage fortgesetzter Versuch mit ununterbrochener Abkühlung zeigt, dass die Temperatur der Tiese immer weiter sinkt. - Um diese Abkühlung fortzusetzen, wurde in Zwischenräumen von einigen Stunden das Schmelzwasser vom Eisteller durch einen Heber entfernt und neues Eis vorsichtig aufgelegt. Wenn, wie es mehrmals vorkam, das Abends spät aufgelegte Eis schon vollständig geschmolzen war, weun Morgens früh der Diener neues Eis aufzulegen kam, so liess sich noch nach 3 Stunden dieser Umstand aus dem Temperaturzustand der Flüssigkeit erkennen, auch wenn von Neuem gekühlt worden war; so z. B. fand ich am 9. April Vorm. 10 Uhr die folgenden Mitteltemperaturen der vier Schichten:

$$I = 2,06$$
 $II = 5,31$ $III = 5,70$ $IV = 5,37$

also eine Zunahme bis zur dritten Schicht, von da eine Abnahme. Diese Erscheinung rührt daher, daß, nachdem alles Eis geschmolzen war, das Schmelzwasser sich auf die Temperatur der Umgebung (etwa 10°) erwärmte, so daß

nun der Teller zur Wärmequelle wurde. Im Innern der Masse fand sich dann nach einiger Zeit eine Temperaturabnahme von der obersten zur untersten Schicht wie bei den Versuchen von Despretz¹). Ehe aber die tiesste Schicht höher als bis 5°,37 erwärmt worden war, erfolgte die frische Eiszusuhr und nun begann wieder die Abkühlung und damit eine Temperaturzunahme von der obersten Schicht nach den tieseren. Die Beobachtung wurde zu einer Zeit gemacht, als der Einsluss dieser neuen Abkühlung sich in der dritten Schicht noch gar nicht oder erst sehr wenig fühlbar gemacht hatte.

Bezeichnet man den Zeitpunkt, wo alles Eis gerade geschmolzen war, mit A, den wo frisches Eis aufgelegt wurde mit B und den Moment der Beobachtung mit C, so wird die Temperaturvertheilung ungefähr folgende gewesen seyn:

	A	\boldsymbol{B}	C (beob.)
I	10,5	8°,0	2º,06
II	4 ,8	6,5	5 ,31
III	5 ,2	5,8	5 ,70
IV	5,3	5,4	5 ,37

Nachdem den Tag und die folgende Nacht über ununterbrochen gekühlt war, fand sich am nächsten Morgen (10. April) unten die Temperatur 4,54.

Dieselbe Erscheinung in etwas geringerem Grade zeigt die Beobachtungsreibe vom 12. April Vorm. 11 Uhr, deren Mittel folgende waren:

$$I = 1.54$$
 $II = 2.76$ $III = 2.99$ $IV = 2.79$.

Nachdem aber Sorge getroffen war, das das abkühlende Eis niemals ganz schmolz, folgten ganz regelmässige Temperaturreihen; so an dem der vorigen Beobachtung folgenden Tage:

13. April Vorm. 11 Ubr:
$$I = 2,34$$
 $II = 2,39$ $III = 2,52$ $IV = 2,64$

1) Ann. chim. phys. LXXI S. 216.

28. April Vorm. 10 Uhr:

I = 2,54 II = 2,54 III = 2,74 IV = 2,74

29. April Vorm. 11 Uhr:

I = 1,04 IV = 1,69.

Da bei der hohen Umgebungstemperatur in der Folge die meiste der zur Schmelzung des Eises nöthigen Wärme der umgebenden Lust entnommen und nur ein kleiner Theil dem abzukühlenden Wasser entzogen wurde, so habe ich später, um dieses kälter machen zu können, eine Kältemischung von gestoßenem Eis und Salz aufgelegt. Dadurch erhielt ich durchweg tiesere Temperaturen, ohne dass sich die Ordnung der Temperaturschichten irgend geändert hätte. So fand sich den 30. April Vorm. 9 Uhr:

I = 0.49 II = 1.16 III = 1.14 IV = 1.49.

Bei dem gehörigen Mischungsverhältniss zwischen Eis und Salz, in welchem ich — 17° C. erzeugte, geht die Abkühlung sehr rasch vor sich. So wurde z. B. am 7. Mai Vorm. 10 Uhr die Kältemischung vorsichtig auf den Teller gebracht. Ich beobachtete darauf

von 10 Uhr 20 Min. bis 10 Uhr 47 Min.: I = 1,14 II = 1,26 III = 1,94 IV = 2,01.

Um 11 Uhr beobachtete ich I = 1,34, während in der Kältemischung die Temperatur auf — 8° gestiegen war. Die Veränderlichkeit der oberen Schicht rührt daher, dass bei steigender Temperatur der Kältemischung etwas weniger Wärme von der obersten Wasserschicht an den Teller abgegeben wird, als durch die aussteigenden Ströme des Wassers ihr zugeführt wird. Mit der Zeit gleicht sich dies aus, wenn nämlich in der Kältemischung die Temperatur constanter geworden ist. An dem Tage der vorstehenden Beobachtung blieb die Temperatur der Kälte-

mischung bis Nachmittags ziemlich constant auf — 7° bis — 8°. Es fand sich dann Nachm. 4 Uhr:

I = 1,14 IV = 1,94.

Es ergiebt sich aus allen diesen Beobachtungen sowie aus zahlreichen anderen, die ich ihrer Unvollständigkeit wegen nicht mittheile, dass zwar die Temperatur stets von der abgekühlten Oberstäche nach dem Innern der Flüssigkeit zunimmt, dass sich niemals auf dem Grunde des Gefässes eine Schicht kälteren Wassers ausammelt, wie man den den in Folge der größeren Dichte des kälteren Wassers viel-... auf ein Dichtemaximum der Lösung schließen, denn die beobachtete Erscheinung ist ganz unabhängig von der absoluten Temperatur der Lösung am Grunde des Fasses!" Le Mittel schütterungen das Niedersinken der dichteren abgekühlten pellen. Wassertheile sehr gleichmässig im ganzen Querschnitt des Cylinders stattfindet, so dass die Theilchen nach Verlauf einer kurzen Wegstrecke allen Wärmemangel von den durchsunkenen zunächst unter ihnen liegenden Schichten ersetzt bekommen. Nur bei Hervorrufung von Erschütterungen, z. B. durch einen plötzlichen Druck auf einen Theil der Obersläche, kann ein compacter Strom kälteren Wassers nach der Tiefe hin erzeugt werden, welcher sich dann auch bisweilen auf dem Grunde ausbreitet. Ich habe diess einige Male beobachtet. Die kalten Strömungen bekunden sich z. B. in der oben mitgetheilten Beobachtungsreihe vom 7. April Nachm. 4 Uhr u. a. m.

Neben den Temperaturbestimmungen erforderte die vollständige Untersuchung auch noch die Bestimmung des specifischen Gewichtes und des Salzgehaltes in den verschiedenen Schichten. Zu diesem Zweck wurden unmittelbar nach der Serie der Temperaturbeobachtungen vermittelst der Saugeröhren R, R' vier Gläschen von je etwa 20 Cubikcm. Inhalt mit eingeschliffenem capillar durchbohrtem Stöpsel (Pyknometer) an den Ausgüssen a gefüllt,

die Stöpsel aufgesetzt und alle vier in einem Wasserbad auf 16° C. erwärmt, dann abgetrocknet und gewogen, nachdem das eigene Gewicht der Gläschen und ihr Inhalt an destillirtem Wasser von 16° schon vorher ermittelt war.

Nach vollendeter Wägung wurde der Salzgehalt der vier Füllungen durch Titrirung mit normaler Zehntel-Silberlösung bestimmt. Es wurde zu diesem Zweck der Inhalt eines Gläschens in ein Becherglas ausgeleert und mittelst einer graduirten Pipette 5 Cubikcm. herausgenommen und titrirt. Die Titrirung wurde dann mit einer zweiten Portion von 5 Cubikcm. wiederholt. Aus beiden Bestimmungen wurde das arithmetische Mittel genommen. — Bei der zweiten unten mitgetheilten Bestimmung wurden 10 Cubikcm. des Salzwassers mit 5 Cubikcm. destillirten Wassers vermischt und hievon jedesmal 5 Cubikcm. genommen, so dass hier die Titrirung jedesmal mit 10 Cubikcm. der Lösung geschah.

Bei den Bestimmungen des specifischen Gewichtes kann die vierte Decimalstelle höchstens um eine Einheit fehlerhaft seyn. Die Titrirung, als deren Resultat ich die Anzahl der Cubikcentimeter Silberlösung angebe, die zu 5 Cubikcm. Salzlösung gehören, kann an und für sich bis auf einen Fehler von 0,1 Cubikcm. genau ausgeführt werden; durch die Abmessung mit der graduirten Pipette steigen die Fehler jedoch bis auf 0,2—0,3 Cubikcm.

Die erste vollständige Versuchsreihe wurde am 12. April gemacht. Die Temperatur findet man oben schon angegeben. Ich setze sie der Vollständigkeit halber noch einmal vor die anderen Resultate:

Schicht	Temperatur	Spec. Gew.	Cubikem. Silberlös.
I	1,54	1,02783	34,37
II	2,76	1,02782	34,78
111	2,99	1,02775	34,84
IV	2,79	1,02772	34,82

Innerhalb der angegebenen Fehlergränzen zeigen also die vier Schichten keine Differenzen an specifischem Gewicht oder Salzgehalt, mit Ausnahme der ersten Schicht, die einen zu geringen Salzgehalt aufweist. Da aber das specifische Gewicht keine entsprechende Verminderung zeigt und diese Titrirung eine der ersten der von mir gemachten ist, so bin ich geneigt, ihre Abweichung auf Rechnung der noch mangelnden Uebung zu setzen.

Die zweite Beobachtungsreihe wurde am 13. April angestellt und gefunden:

Schicht	Temperatur	Spec. Gew.	Silberlösung
I	2,34	1,02782	22,88
III	2,52	1,02767	22,82
IV	2,64	1,02769	22,90

Die Titrirung war hier mit y Cubikcm. ausgeführt. Das zweite Gläschen war verunglückt.

Den 28. April wurde an einer etwas concentrirteren Soole eine Reihe von specifischen Gewichtsbestimmungen ausgeführt, welche ergab:

Schicht	Temperatur	Spec. Gew.
1	2,54	1,02837
II	2,54	1,02821
Ш	2,74	1,02820
IV	2,74	1,02801

Die bedeutenderen Abweichungen dieser vier Zahlen von einander lassen sich durch den Umstand erklären, das bei dieser Versuchsreihe das Aussetzen der Stöpsel auf die Pyknometer etwas zu lange verzögert wurde, so dass sich in den Kölbchen kleine Lustbläschen entwickelten, die überhaupt nie ganz zu vermeiden waren und die Genauigkeit der Bestimmungen etwas beeinträchtigten.

Am 4. Mai untersuchte ich den Salzgehalt in den Schichten I und IV. Es war (auf 5 Cubikcm. Lösung bezogen):

Schicht	Temperatur	Silberlösung
1	3,74	34,73
IV	4,03	34,63

Die letzte Salzbestimmung machte ich den 7. Mai Nachm. 4 Uhr und fand:

Schicht	Temperatur	Silberlösung
I	1,14	34,66
IV	1,96	34,52

In beiden Fällen übersteigt die Differenz zwischen den zwei Resultaten nicht die Fehlergränze.

Alle die mitgetheilten Versuche zeigen, dass das specifische Gewicht und der Salzgehalt unabhängig sind von den Temperaturdisserenzen der einzelnen Horizontalschichten, dass also eine Salzausscheidung bei der Temperaturerniedrigung unter 4° nicht stattfindet; denn wenn eine solche Ausscheidung den Act des Gefrierens vorbereitete, so müsste sie bei den Temperaturdisserenzen von 0°,82, wie sie am 7. Mai, und 1°,25, wie sie am 12. April zwischen I und IV bestand, schon sehr erhebliche Unterschiede im specifischen Gewichte und in der Quantität der Silberlösung (von mehreren Cubikcentimetern) veranlassen. Man muss hieraus den Schluss ziehen, dass die Ausscheidung des Salzes beim Gefrieren des Seewassers erst im Augenblick des Festwerdens, oder doch nur innerhalb eines äußerst kleinen Temperaturintervalls stattfindet. Die Salzlösung bleibt also bis in die unmittelbare Nähe ihres Gefrierpunktes eine in ibrer Constitution unveränderte Molecülverbindung und verhält sich wie jede andere Flüssigkeit, die keine Ausnahme von der Regel der Dichtezunahme mit der Temperaturabnahme bildet.

In einem Punkte jedoch zeichnen sich die verdünnten Salzlösungen vor vielen anderen Flüssigkeiten aus: nämlich in dem Gesetz der Volumänderung. Betrachtet man Karsten's Tabelle für eine Lösung von 3,8 pCt. Kochsalz, so bemerkt man, wie verschieden die Volumänderung für 1° Temperaturänderung zwischen dem Gefrierpunkt der Lösung und +5° von der zwischen 20° und dem Siedepunkt ist. In Einheiten der sechsten Decimalstelle ausgedrückt, ist z. B. die Aenderung des specifischen Gewichtes

bei einer Erwärmung von 0° bis $1^{\circ} = 81$, von 1° bis 2° = 92, von 2° bis 3° = 103, von 3° bis 4° = 115; dagegen von 19° bis 20° = 278 und zwischen 20° und 25° durchschnittlich = 300 für jeden Grad. Man entnimmt hieraus, dass zwei Wassermengen von 0° und + 3°, also von einer Temperaturdisserenz von 3°, eine specisische Gewichtsdifferenz von 276, also erst einen ebenso großen Unterschied zeigen, wie zwei Mengen von 19° und 20°. Da die Abkühlung einer Wassermasse von oben her bedingt ist durch die Verticalströmungen, welche aus der specifischen Gewichtsdisserenz der oberen und unteren Schichten resultiren, so folgt, dass eine Meerwasser-Masse, deren Temperatur in der Nähe des Nullpunktes liegt, dreimal langsamer in die Tiefe abgekühlt wird, als wenn sie ursprünglich 20° besessen hat. Man braucht sich desshalb durchaus nicht zu wundern, wenn man in den Polarmeeren, deren Temperatur sich stets in der Nähe des Gefrierpunktes erhält, häufig neben- oder übereinanderliegende Streifen und Schichten von um 3° bis 4° verschiedener Temperatur begegnet, welche lange Zeit ihre gegenseitige Lage kaum verändern und deren schliessliche Mischung und Ausgleichung zum größeren Theil auf Rechnung von zusälligen Ursachen, wie Stürme und Eisberge, als auf Rechnung der geringen Dichtedisserenz zu setzen sind.

Wenn auch alle Flüssigkeiten eine Unregelmäßigkeit in der Ausdehnung von gleichem Sinne zeigen, so ist doch unter den bekannteren, z. B. in Müller-Pouillet's Lehrbuch II S. 647 zusammengestellten keine einzige, die eine auch nur annähernd gleich große Verschiedenheit zeigte.

III.

Aus den vorhergehenden Versuchen und Erwägungen erhellt zur Genüge, dass auch unter den Verhältnissen, wie sie im offenen strömungslosen Meere bestehn, das Seewasser bis gegen seinen Gefrierpunkt hin an Dichte zu-

nimmt und keineswegs die Eigenschaft eines Dichtigkeitsmaximums über dem Nullpunkte zeigt wie das reine Wasser. Es bleiben mir nur noch die Ursachen zu erörtern, warum so viele Seefahrer eine Temperaturzunahme mit der Tiefe gefunden haben. Nach meinen Versuchen kann nur dann von der Obersläche nach der Tiefe eine Temperaturzunahme stattfinden, wenn eine Seewassermasse von ursprünglich höherer Temperatur einer Abkühlung von der Obersläche her unterworfen wird. In einem abgeschlossenen Meeresbecken, das von den Seiten her keine Zuslüsse erhält, kann ein solcher Zustand auf die Dauer nicht bestehn, wenn die mittlere Jahrestemperatur der über ihm besindlichen Luft niedriger ist, als die ursprüngliche Temperatur des Wassers. Lassen wir die periodischen Aenderungen, die während des Jahres stattfinden, vorläufig außer Acht, so wird unter der erwähnten Voraussetzung der Wärmeüberschuss des Wassers nach und nach an die Lust abgegeben, bis der Inhalt des ganzen Beckens auch die (mittlere) Temperatur der Obersläche hat. Bis dieser Zustand eingetreten ist, wird aber von oben nach unten Temperaturzunahme zu finden seyn. Der Wechsel von Sommer und Winter kann hierin eine periodische Aenderung bewirken, ohne die fortschreitende Erkaltung zu beeinträchtigen. Es kann im Sommer die Temperatur der Lust beträchtlich über die des Wassers steigen und demgemäß eine Erwärmung von dessen oberslächlichen Schichten stattfinden. Man wird alsdann eine Temperaturabnahme beim Eindringen wahrnehmen, die sich aber (bei gehöriger Tiefe des Sees) nicht bis auf den Grund erstrecken wird. Folgt dann der Winter, so wird von oben her die Abkühlung beginnen, worauf man von der Obersläche nach unten erst Temperaturzunahme, dann ein Maximum und dann Abnahme beobachten muss, wie sich diess in kleinem Maasstab sehr schön an den oben mitgetheilten Beobachtungen vom 9. April Vorm. 10 Uhr und 12. April Vorm. 11 Uhr erkennen lässt. Die Summe der im Winter an die Lust abgegebenen Wärme muss bei der gemachten

Voraussetzung größer seyn, als die Summe der im Sommer aufgenommenen, was so lange dauert, bis die mittlere Temperatur des Wassers gleich der mittleren der Lust geworden ist. Beim Eintritt dieses Zeitpunktes wird man von derjenigen Schicht an, bis zu welcher die periodischen Einstüsse der Jahreszeiten noch reichen, abwärts Wasser von constanter Temperatur, von eben dieser mittleren Jahrestemperatur finden. Ehe aber der Zeitpunkt völliger Ausgleichung eingetreten ist, wird man von der bezeichneten Tiesenschicht an abwärts Temperaturzunahme tressen.

Umgekehrt verhält es sich, wenn die ursprüngliche Füllung des Beckens kälter war als die mittlere Temperatur der darüber befindlichen Luft. Hier wird, ehe der Ausgleich der Mitteltemperaturen stattgefunden hat, von der erwähnten Tiefenschicht an abwärts Temperaturabnahme angetroffen werden. Wenn der Ausgleich vollendet ist, unterscheidet sich der Fall nicht vom vorigen. Es ist alsdann in beiden Fällen der Grund des Beckens (genügende Tiefe vorausgesetzt) mit Wasser von der constanten mittleren Jahrestemperatur der Obersläche bedeckt. An Landseen, deren mittlere Jahrestemperatur über 4º liegt, ist dieses Verhalten durch directe Beobachtung nachgewiesen. Im offenen Ocean treten nun aber andere Factoren in's Spiel, welche auf die Temperaturverhältnisse einen sehr vorwiegenden Einfluss ausüben. Dahin gehören vor Allem die Strömungen. Bei der Langsamkeit, womit in der Nähe des Nullpunktes Temperaturdifferenzen von 4° bis 5° sich durch Verticalströmungen ausgleichen, übersieht man leicht, dass seitliche Strömungen von sehr geringer Geschwindigkeit ausreichend sind, um den Transport der Temperatur in verticaler Richtung zu überwiegen und zu verwischen. Betrachten wir den Querschnitt einer Strömung warmen Wassers, die sich dem Pole nähert, an irgend einer Stelle, wo die Mitteltemperatur der überlagernden Luftschicht schon tief unter der Mitteltemperatur des Stromes liegt. Ein solches Beispiel bietet z. B. die große warme Strömung des nordatlantischen Oceans, der verlängerte Golfstrom

unter 75° N. Br. Denken wir uns senkrecht zur Stromrichtung durch einen solchen Strom zwei sehr nahe Querschnitte gelegt, so strömt in die so begränzte dünne Verticalschicht normal zum einen Querschnitt Wärme, getragen vom Wasser, ein. Hievon strömt der größte Theil durch den gegenüberliegenden Querschnitt wieder aus, ein kleinerer Theil strömt durch die freie Obersläche der Schicht in die kältere Atmosphäre. Daraus folgt, dass jede folgende Schicht des Stromes weniger Wärme enthält als die vorhergehende, dass also der Strom nach Norden hin sich immer mehr abkühlt. Daneben aber wird die Temperatur von der freien Obersläche des Stromes nach unten zunehmend gefunden werden. Durch die beiden gedachten Querschnitte sliesst Wärme nur getragen von Wasser hindurch. Bezeichnet man mit δ den Abstand beider Querschnitte, mit c die constante Stromgeschwindigkeit, so wird die Wassermenge, die sich zu einem gegebenen Zeitpunkt zwischen den Querschnitten 1 und 2 befand, nach Verlauf der Zeit $\Delta t = \frac{\delta}{c}$ diesen Raum verlassen haben und sich nun zwischen der Ebene 2 und einer dritten befinden, die auch wieder den Abstand δ von 2 hat. Bei diesem Uebergang hat die betreffende Verticalschicht nur die Wärme verloren, welche in der Zeit Δt durch die schmale freie Obersläche abgegeben wurde. Für einen Beobachter, der auf einem Kahne mit dem Strom fortgeführt wird, der also mit der freien Oberfläche einer und derselben Verticalschicht beständig verbunden bleibt, verhält sich demnach die unter ihm liegende Tiefe gerade wie ein ruhendes Meeresbecken; vorausgesetzt freilich, dass der Strom sich immer unter gleicher Oberslächentemperatur befindet, was der Fall seyn würde, wenn er parallel einer Isotherme slösse. In solchem Falle läst sich alles oben für ein ruhendes Meeresbecken Gesagte auch auf jede sich fortbewegende Verticalschicht einer Strömung anwenden. Bewegt sich aber der Strom unter einem Winkel gegen die Isotherme und dem Pole zu, so kommt die Obersläche der betrachteten Schicht stets in andere, kältere Klimate. Die Abkühlung wird also rascher erfolgen, als im ruhenden Becken; wenn sich dagegen der Strom vom Pol dem Aequator zu bewegt, so findet das Umgekehrte statt. Behalten wir wie bisher eine Strömung im Auge, deren mittlere Temperatur an einer betrachteten Stelle höher ist als die der darüber befindlichen Luft, so werden in ihren Temperaturverhältnissen nach einiger Zeit sehr verschiedene Veränderungen vor sich gegangen seyn, je nachdem sie sich dem Pole nähert oder sich von ihm eutfernt. Im ersten Falle wird man je näher dem Pole eine um so tiesere Oberslächentemperatur und ein um so rascheres Zunehmen der Temperatur mit der Tiese beobachten, im zweiten dagegen wird eine immer höbere Oberflächentemperatur mit immer geringerer Temperaturzunahme verbunden erscheinen, bis man auf der Verfolgung dieses Stroms nach Süden ein Klima trifft, dessen mittlere Temperatur gleich ist derjenigen des Stroms. Von da ab nach niedrigeren Breiten wird sich stets von der Obersläche zur Tiese Temperaturabnahme finden; der Strom ist von da au einer, der mit einer kälteren Temperatur, als die überlagernde Luft besitzt, in wärmere Gegenden fliesst. Man kann also den allgemeinen Satz aufstellen: Jeder Polarstrom zeigt in seinen oberen Schichten polarstrom zeigt in seinen oberen Schichten Temperaturabnahme mit der Tiese, jeder zum Pol ziehende Strom Zunahme. Dieses Gesetz beherrscht die mittlere Temperatur aller oceanischen Strömungen. Es fragt sich nur, bis zu welchen Gränzen hin es anwendbar ist. Wenn ein ursprünglich warmer Strom in seiner Bewegung zum Pol fortwährend mit kälteren Luftmassen !! in Berührung kommt, so kann der Fall eintreten, dass die durch einen Querschnitt in eine Verticalschicht einströmende Wärmemenge gleich ist derjenigen, welche aus der freien Obersläche dieser Schicht in die Atmosphäre ausströmt, so dass keine Wärme mehr durch den nächsten Querschnitt an die folgende Schicht abgegeben werden Alle weiteren Schichten sind also rein dem erkapn.

kältenden Einflusse der Obersläche ausgesetzt und nehmen nun viel rascher deren Temperatur an. Von dem erwähnten Querschnitt an kann man den Strom nicht mehr einen warmen nennen, insofern von dort an überall seine Mitteltemperatur diejenige der darüber befindlichen Lust seyn wird. Er verhält sich von dort an wie ein rubendes Der Eintritt dieses Stadiums wird besördert 1) durch die Ankunft der Gewässer in sehr kalten Klimaten, 2) durch die Ausbreitung und Verslachung des Stroms und 3) durch die Abnahme seiner Geschwindigkeit, sey es durch Ausbreitung, sey es durch Hindernisse, die sich seinem Lauf entgegenstellen. Diese drei Ursachen treten in der Natur auf die mannigfaltigste Weise combinirt auf und haben zur Folge, dass in den polaren Meeresbecken der Erde an verschiedenen Stellen, deren Lage durch die Vertheilung von Wasser und Land, sowie durch das Klima bestimmt sind, die durch Strömungen zugeführten Gewässer schliesslich bis in ihre Tiesen eine sehr niedrige Temperatur annehmen und theilweise gefrieren. Da das kältere Meerwasser zugleich dichter ist, als jedes höher temperirte, so wird der durch Zuströmung stets vermehrte Vorrath an Polarwasser bei seinem Weg zur Ausgleichung namentlich den Boden des Meeres und dessen tiefere Rinnen aufsuchen, überhaupt aber an allen Stellen geringeren Widerstands gegen den Aequator bin zurückstreben, um als Ersatz für das erwärmte nach den Polen hingeströmte Wasser zu dienen. Diese Ströme werden sich desshalb neben und unter den warmen zum Pol ziehenden Gewässern durchdrängen und gleichsam das Bett derselben bilden. sehr schönes Beispiel dieser Art bieten die Erscheinungen im nordatlantischen Ocean zwischen Ostgrönland und der skandinavischen Küste. Die große nordatlantische Strömung, der verlängerte Golfstrom, reicht in einem großen Theile dieser breiten Meeresstrasse bis auf den Boden. Die kalten Gewässer, welche aus dem europäisch-asiatischen Eismeer ihren Ausweg nach Süden nehmen, werden zur Seite gedrängt und fließen längs der grönländischen Küste, bilden

also das westliche Ufer des warmen Stroms und sein Bett, indem sie zugleich die tieferen Rinnen des Meeresbodens ausfüllend gen Süden ziehen. Auf der Berührungsstäche zweier neben- oder übereinander in entgegengesetzter Richtung sliessender Ströme von verschiedener Temperatur wird natürlich stets eine Temperaturübertragung und eine statische Ausgleichung der verschieden dichten Wasser stattfinden, welche durch die turbulenten Bewegungen der sich aneinander reibenden Massen begünstigt werden, allein die Gränzschicht, worin solche Vorgänge stattfinden, ist von verschwindender Dicke gegen die Masse der Ströme. Die durch Temperaturverschiedenheit bedingten Dichteunterschiede sind aber, wie wir am Schlusse des vorigen Abschnittes sahen, um so geringer, je näher die betreffenden Temperaturen beim Gefrierpunkt des Seewassers liegen, und man begreift desshalb leicht, dass in den Polarmeeren Ströme von mehreren Graden Temperaturdifferenz auf lange Strecken nebeneinander bestehen können ohne sich zu mischen oder übereinander zu lagern. Zwischen Island und den Faröer findet sich ein kalt und warm gestreiftes Meer, welches durch den Kampf des arktischen Stroms mit der warmen nordatlantischen Strömung entsteht. Diese Streifung ist von vielen Reisenden beobachtet und beschrieben, z. B. von Lord Dufferin¹) und von Wallich 2). Noch auffallender findet sich aber dieser Wechsel kalter und warmer Streifen in dem Meere südlich und südöstlich von Spitzbergen, worüber sich die zahlreichen Beobachtungen von Lord Dufferin, Nordenskiöld, Koldewey und Bessels ausdehnen. Das Resultat derselben findet man höchst einleuchtend dargestellt auf Petermann's Karte des Golfstroms im Sommer *).

Es ist vorher geschildert worden, wie sich im ruhenden und im strömenden Meere die Temperaturen vertheilt finden müssen. Wir haben nun noch damit die Befunde der von

¹⁾ Lord Dufferin, Letters from high latitudes, London 1857.

²⁾ Wallich, The north Atlantic seabed, London 1862.

³⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1870 Taf. 12 u. S. 213 ff

vielen Seefahrern angestellten Tiefseetemperaturbeobachtungen zu vergleichen. Schon im ersten Abschnitte dieser Arbeit (S. 500) wurde hervorgehoben, dass eine große Anzahl dieser Beobachtungen auf die Existenz eines Dichtemaximums hinzudeuten scheinen, insofern sie meist ein Sinken der Temperatur bis in gewisse Tiefe, dann aber einen unveränderlichen Staud des Thermometers ergaben. Diesen Gang zeigen fast alle älteren Beobachtungsreihen, die sich bis in beträchtlichere Tiefen erstrecken, so z. B. die von Horner'), viele der Beobachtungen von Scoresby²) u. a., welche man zusammengestellt findet in Gehler's physikal. Wörterbuch VI, S. 1676. Am meisten Gewicht legen die Vertheidiger eines Dichtemaximums auf die zahlreichen Beobachtungen von J. Clark Ross*) im autarktischen Meere, die von der Tiefe von 600 Faden an abwärts fast ausnahmslos die Temperatur von ungesähr 39° F. oder 4° C. ergaben. Ross schloss hieraus auf die Existenz einer homothermischen Grundschicht des Meeres von dieser Temperatur, welche unter 54° bis 58° s. Br. bis an die Oberfläche herantrete 1) und dem Pole zu von kälteren, dem Aequator zu von wärmeren Schichten überlagert sey.

Diese und viele andere, ein ähnliches Verhalten zeigende Beobachtungen von Beechey, Belcher, Dumont d'Urville, sowie die meisten der von Keith Johnston burgen zusammengestellten sind ausgeführt mit Registerthermometern, namentlich mit dem sogenannten Six-Thermometer burgen, namentlich mit dem sogenannten Six-Thermometer burgen von den Angaben dieses Instruments in großen Tiefen zu halten sey, hat schon Lenz begeigt. Er stützte sich dabei auf Erfahrungen über den Einstuß des Drucks

¹⁾ v. Krusenstern, Reise um d. Welt, III; Gilb. Ann. LXIII S. 266.

²⁾ An account of the Arctic regions, I S. 209; Peterm. geogr. Mitth. 1870 S. 233.

³⁾ Voyage to the Southern and Antarctic regions.

⁴⁾ Das. II S. 375.

⁵⁾ Keith Johnston jun., Handbook of phys. geogr. Edinb. n. London 1870 S. 117; ausgez. in Peterm. geogr. Mitth. 1870 S. 232.

⁶⁾ Dessen Beschreibung s. z. B. in Schmid, Lehrb. d. Meteorologie S. 69.

⁷⁾ Diese Ann. Ergbd. II S. 615.

auf Thermometerkugeln, die er selbst mit Parrot gemacht hatte 1) und wobei sie unter 100 Atmosphären Druck ein Thermometer um 20° steigen sahen. Trotzdem sind die von Lenz erhobenen Bedenken bis auf die neueste Zeit nur insofern berücksichtigt worden, als man den Tiefseethermometern eine beträchtliche Wandstärke gegeben. Erst seit einem Jahre ist aber der Einfluss des Drucks auf solche Thermometergefässe einer gründlichen Untersuchung unterworsen und von W. A. Miller²) ein Instrument erdacht worden, welches von dem Einflusse des Drucks so gut wie frei ist. Die Untersuchung von unbeschützten Six-Thermometern in der von Casella biezu eigens construirten hydraulischen Presse hat gezeigt, dass bei einem Druck von 2,5 Tonnen auf den Quadratzoll, wie er bei einer Wassertiefe von 2000 Faden herrscht, selbst Instrumente von ganz besonderer Wandstärke eine Volumverminderung erfubren, welche einer Temperaturerhöhung von 8-10° F., also etwa 5° C. eutsprach. - Hieraus ergiebt sich ohne Weiteres, dass alle früheren Beobachtungen mittelst des Six-Thermometers zu hohe Temperaturen ergeben mussten, und zwar musste der Fehler um so größer ausfallen, je dünner die Gefässwand des Instruments und je bedeutender die Tiefe der Beobachtungsstelle war. Nur eine nachträgliche Untersuchung des gebrauchten Instruments in der Casella'schen Presse wäre im Stande, für jede Tiefe genau die Correction zu geben, welche an der betreffenden Beobachtung anzubringen wäre. Bei der britischen Admiralität 'sind von Davis') ausgedehnte Untersuchungen verschiedener Thermometer angestellt und Correctionstabellen für verschiedene Tiefen entworfen worden. Wenn Ross' Registerthermometer von der stärksten Art waren, wie man aus einer Aeusserung 1) darüber schließen darf, so muss

¹⁾ Mém. de l'Ac. de St.-Pétersb. Sér. VI. Sc. math. phys. et nat. II. S. 595 (1833).

²⁾ Proc. of the roy. soc. of London XVII S. 482.

³⁾ Das. XVIII S. 347.

⁴⁾ Voyage to the Southern etc. II S. 52.

man für Tiefen von über 1500 Faden wenigstens 7° F. von seinen Angaben abziehen und erhält so Tiefentempe raturen vom Eispunkt oder noch niedrigere. — Gerade diejenigen Beobachtungen nach dieser Methode, welche am wichtigsten für die Frage von der Uebereinanderlagerung der Schichten sind, nämlich die in großen Tiefen angestellten, sind am meisten jener Fehlerquelle unterworfen.

Eine zweite Methode der Tiesseetemperaturmessung besteht darin, dass man von der zu bestimmenden Schicht eine Portion Wasser in einem gegen den Wärmedurchgang geschützten Gefässe schöpft, an die Obersläche bringt und dann seine Temperatur mittelst eines gewöhnlichen Thermometers bestimmt. Auch diese Operation muss, wenn keine Correctionen angebracht werden, an allen von wärmeren Schichten überlagerten Stellen zu hohe Temperaturen liesern, weil selbst durch den schlechtesten Wärmeleiter während des Emporziehens durch wärmeres Wasser eine nicht unbeträchtliche Wärmemenge zwischen dem Inhalt des Gefässes und der Umgebung ausgetauscht werden kann; denn das Aufwinden des Senkbleies aus einer Tiefe von 1000 Faden dauert etwa eine Stunde. Solche Beobachtungen verdienen desshalb kein Vertrauen, wenn nicht die Fehlerquellen in Rechnung gezogen und Correctionen angebracht werden können. Diess ist aber bis jetzt, wie es scheint, nur von Lenz ausgeführt worden, der auf diese Weise seine auf der Kotzebue'schen Weltumsegelung angestellten Messungen berechnet hat 1). Seine Resultate sind mit Ausnahme der Martins'schen die einzigen älteren, welche zuverlässig genannt werden können. Leider näherten sich diese Messungen den Polen nicht mehr als bis auf 46° n. Br., gaben aber das bemerkenswerthe übereinstimmende Resultat, dass selbst bis zum Aequator in Tiesen von 500 — 900 Faden Wasser von etwa 2° C. vorhanden ist.

Der Capitan John Ross hat in der Bassinsbai und

¹⁾ Mém. de l'Ac. de St. Pétersb. Sér. VI. Sc. phys. et math. I S. 251; diese Ann. XX S. 73.

Davisstrasse sowohl mit Registerthermometern als auch mit einem nach dem zweiten Princip construirten Instrument, der Tieflothzange (Deep-sea-clamm), Temperaturen von - 1º bis - 2° C. in Tiefen von 600 bis 1000 Faden gemessen 1). Diese Angaben und die gleichzeitigen von Parry und Sabine²) würden auch noch als zu hoch betrachtet werden müssen, wenn nicht aus dem Gesammtmaterial ihrer Untersuchungen hervorginge, dass das ganze Becken der Baffinsbai von Wasser so niedriger Temperatur erfüllt ist und dass nur die Oberslächenschicht bis zu geringer Tiese einem Temperaturwechsel unter dem Einfluss der Luftund Sonnenwärme unterworfen ist. Das Instrument zeigte dann den sehr niederen Temperaturgrad an, der schon bei geringer Tiefe erreicht wurde; es konnte aber allerdings keinen sicheren Aufschlus über die tiesergelegenen Schichten mehr geben. Ueber solche Verhältnisse können nur Reihen von Temperaturbestimmungen aufklären, die an derselben Stelle in verschiedenen Tiesen vorgenommen werden.

Erst seitdem das Miller'sche Bathothermometer und der Casella'sche Prüfungsapparat erfunden sind, ist es möglich gewesen, ganz zuverlässige Tiesseetemperaturen zu beobachten und eine Anzahl vorhergehender Messungen durch nachträgliche Untersuchung der dazu verwandten Instrumente nutzbar zu machen. Bis jetzt liegen zwei große, höchst wichtige Beobachtungsreihen vor, welche solchen Anforderungen an Genauigkeit entsprechen. Sie sind erhalten durch die beiden auf Veranlassung der Royal Society von der englischen Regierung ausgerüsteten Tiessee-Erforschungsexpeditionen, im Jahre 1868 des Schiffes "Lightning"⁸), im Jahre 1869 der "Porcupine"⁴) unter der Leitung der Herren Dr. Carpenter und Wyville

¹⁾ John Ross, Voyaye to the Arctic regions, London 1819. Die Deep-sea-clamms sind beschrieben in einem Appendix S. 85.

²⁾ Gilb. Ann. LXIII. S. 264.

³⁾ Proc. roy. soc. XVII S. 168.

⁴⁾ Das. XVIII S. 397; s. auch Zeitschr. d. österr. Ges. f. Meteorologie V S. 91 u. Peterm. geogr. Mitth. 1870 S. 235.

Thomson. Die Resultate, welche man auf Diagrammen im "Porcupine"-Report 1) dargestellt findet, sind entscheidend für unsere Frage. Sie ergeben auf das Unzweideutigste dass sich in den tiefen Rinnen des nordatlantischen See bettes kaltes Wasser vorfindet, dessen Temperatur noch zwischen den Faröer und den Shetland-Inseln (61° n. Br.) bei 640 Faden Tiefe am Boden — 1°,3 C. beträgt, und dass im Meere von Biscaya unter 4710 n. Br. bei 2435 Faden Tiefe die Temperatur von 2°,5 C. herrscht, übereinstimmend mit den Befunden von Lenz unter ähnlichen Breiten und mit Beobachtungen von Shortland'), der im rothen Meere ebenfalls 20,5 in der Tiefe mass, wo an der Obersläche die bohe Temperatur von 24° C. herrschte.

Kache "

tilliste.

tlan . n.

Durch diese Messungen ist der letzte Schein von Wahrscheinlichkeit einer homothermischen Tiefenerfüllung des Oceans und eines Dichtemaximums des Meerwassers vernichtet. In dem "Porcupine"-Report ist sehr auschaulich geschildert, wie in der Strasse zwischen den Faröer und den Shetland-Inseln ein durch Polarströme erkältetes Activité Meeresareal an ein durch den hier 600-800 Faden tiefen Octava Golfstrom erwärmtes angränzt. An zwei nur 15 deutsche Meilen von einander entsernten Meeresstellen disserirt die Temperatur in 500 Faden Tiese um 8° C.; am einen Orte ist sie $= -1^{\circ}$, am anderen $+7^{\circ}$. Auf der zwischen les des liegenden Strecke finden sich die verschiedenen Stusen des Ausgleichs, ohne dass dieser sich weiter nach beiden Seiten verbreitete. An einzelnen besonders ausersehenen Orten sind sehr vollständige Reihen von Messungen in verschie-+ 107 denen Tiesen angestellt worden, deren regelmässige Er-Melle gebnisse jeden Irrthum ausschließen. Diese Reihen haben Liebert den Einfluss des periodischen Wechsels der Insolation und der Luftwärme auf die oberen Meeres schichten zu erkennen. Dieser Einsluss, der an einzelnen Beobachtungsstellen bis in eine Tiefe von 75 Faden, unter 61° n. Br. dagegen nur bis zu 25 - 30 Faden beobachtet

¹⁾ Proc. roy. soc. XVIII S. 457 - 471.

²⁾ Das. XVII S. 187 Note u. XVIII S. 473 Note.

worden ist, muss natürlich das oben ausgesprochene allgemeine Gesetz der Temperaturänderung in warmen und kalten Strömen je nach der Jahreszeit modificiren und kann z. B. bewirken, dass in einem Polarstrom im Winter Temperaturzunahme, in einem warmen Strom dagegen im Sommer Abnahme nach der Tiefe gefunden wird. Diese Abweichung von dem Gesetz kann aber nur innerhalb dieser oberflächlichen Insolationsschicht zu extremen Jahreszeiten auftreten. Die mittleren Jahrestemperaturen auch in dieser Schicht müssen sich aber dem Gesetze fügen. Die wirklichen Temperaturen in derselben folgen dem Gange der Luftwärme hez. der Sonne und zwar um so schwächer und träger, je tieferen Stellen sie angehören. Die Beobachtungen, die gerade in dieser oberen Schicht des Meeres zahlreicher angestellt und den oben genannten Fehlerquellen weniger unterworfen sind als in größeren Tiefen, können desshalb wenig zur Entscheidung der Frage von der Uebereinanderlagerung der verschieden temperirten Schichten beitragen, wenn nicht der Tag des Versuchs angegeben und überdiess der periodische Gang der Temperatur in der Insolationsschicht einigermaßen bekannt ist. Wenn man also z. B. die Scoresby'schen Beobachtungen selbst unter der Voraussetzung, dass sie mit ganz zuverlässigen Instrumenten angestellt wären, was sicherlich nicht der Fall ist, bezüglich jener Frage discutiren wollte, so würden zunächst diejenigen wegzulassen seyn, die in geringerer Tiefe als z. B. 50 Faden angestellt sind. Betrachtet man die von Petermann ausgezogene Tabelle dieser Messungen 1), so finden sich zunächst unter 300 Fuss = 50 Faden lauter sehr tiese Temperaturen mit Ausnahme des schmalen Meeresstrichs längs der Westküste von Spitzbergen. Gerade so auch bei Koldewey's Beobachtungen 2). Warnm aber in diesem Meeresstreifen bis in eine anschn liche Tiese eine um 2° C. höhere Temperatur gefunden werden muss, als wenige Längengrade weiter westlich und

¹⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1870 S. 233.

²⁾ Das. 1869 S. 210.

südwestlich, darüber kann Niemand in Zweisel seyn, der die auf schwedische und deutsche Beobachtungen begründete Karte vom spitzbergischen Meere von Petermanu 1) betrachtet. Die große nordatlantische Strömung, welche die Pforte zwischen Shetland und Faröer noch mit einer Tiefe von 200 Faden passirt, zwischen Island und den Faröer aber wahrscheinlich noch weit mächtiger ist, trifft in ihrem weiteren Verlause gerade auf das unterseeische Plateau, auf welchem die Bäreninsel und Spitzbergen gelegen sind. Ueber dieses Plateau hin und südlich von ihm drängen sich die kalten Gewässer des Polarbeckens gen Süden. Kein Wunder, dass der mächtige Nordostzug der warmen Gewässer angestaut wird, dass sich das Wasser, weil es über das allgemeine Niveau nicht in die Höhe steigen kann, sich nach den Seiten und nach der Tiefe ausbreitet, d. h. sich in alle Räume ergiesst, wo ein geringerer Widerstand entgegensteht. Der größere Theil des Stroms drängt sich zwischen dem Nordkap und der Bäreninsel durch, der kleinere nördliche Theil aber folgt der Westküste von Spitzbergen, an Tiefe erobernd was er an Breitenausdehnung wegen der ursprünglichen nordöstlichen Geschwindigkeit der Theilchen verliert. Beide Zweige des Stroms zeigen auf ihrem getrennten Verlauf in hohem Grade diejenige Eigenthümlichkeit vieler Ströme, worauf die Herren Gareis und Becker2) eine erhöhte Ausmerksamkeit gelenkt haben, sich nämlich der Küste, an welche sie einmal gelangt sind, sehr innig anzuschmiegen. Die Isothermenkarte des grönländischen Meeres von Freeden 3) lässt dieses Verhalten sehr schön übersehen. Die West- und Nordküste von Spitzbergen einerseits und die Nordküste von Lappland, sowie die Westküste von Nowaja Semlja andererseits verdanken diesem Verhalten ihr verhältnissmässig hohes Klima. Die Polarwasser, welche aus dem Osten und Nordosten von Spitzbergen kommen, überlagern und durchschneiden

¹⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1870 Taf. 8.

²⁾ Gareis u. Becker, Zur Physiographie d. Meeres (1867) S. 21.

³⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1869 Taf. 11.

in der Gegend der Bäreninsel vielfach und in wechselnder Mächtigkeit die warmen Gewässer; die durch ihre Ueberund Nebeneinanderlagerung hervorgerufenen Ausgleichsströmungen sind aber viel zu gering, um auf die Anordnung der verschieden temperirten Schichten einen merklichen Einfluß auszuüben, oder eine Mischung sobald zu
Stande kommen zu lassen. Dieser Einbruch der kalten
Gewässer in den Golfstrom verursacht die Erscheinungen,
welche Petermann beschrieben und dargestellt hat '),
deren Aussehen gewiß aber je nach Jahreszeit und Windrichtung ein sehr wechselndes ist.

Dass bis an die Nordwestspitze von Spitzbergen eine so hohe Temperatur auch der Meeresobersäche gesunden wird, ist Folge einer ganz analogen Ursache, wie die, der das Meer in wärmeren Zonen seine aussallend niedrige Temperatur am Rande von Untiesen und Bänken verdankt. Hier sind es kalte Unterströme, die an die Wände der unterseeischen Hochebenen gedrängt emporsteigen, dort bei Spitzbergen der warme Strom, der zusammengepresst stets neue Masse aus seinem Inneren zur Oberstäche steigen läst und zugleich in die Tiese sendet.

Auf diese Weise erklären sich einfach und ungezwungen auch die Erscheinungen in denjenigen Meerestheilen, wo sie am meisten die Annahme eines Dichtigkeits maximums zu begünstigen schienen, und man wird nicht mehr nöthig haben, der Wissenschaft ein Gesetz zu octroyiren, das durch keinerlei Versuche Bestätigung findet.

Anmerkung. Erst während des Druckes dieser Arbeit fand ich die verdienstvollen Untersuchungen von Martins auf (Voyage en Scandinavie et au Spitzberg de la corvette "la Recherche"; Géogr. phys. T. II; abgedruckt in Ann. chim. phys. [3] T. 24). Derselbe hatte seine Walferdin'schen Minimumthermometer durch Einschluß in evacuirte

¹⁾ Peterm. geogr. Mitth. 1870 S. 228 u. Taf. 12.

Glasröhren (also ähnlich wie Miller) vor dem Einfluss des Drucks bewahrt und in Folge desseu stets abnehmende Temperaturen im spitzbergischen Meere gefunden, wie dies im hohen Sommer auch nicht anders seyn konnte. Auch die von ihm wegen des Drucks corrigirten Beobachtungen von Scoresby und Edw. Parry (An attempt to reach the North Pole, 1827) fügen sich ganz gut dem allgemeinen Gesetze, indem nur die in früher Jahreszeit (April und Mai) angestellten Messungen (corrigirt) eine Temperaturzunahme mit der Tiese in der obersten Meeresschicht zeigen, wie diess auch nach S. 536 der Fall seyn muss.

In seinen "Grundzügen der mechanischen Wärmetheorie" behandelt G. Zeuner die Fundamente der Theorie geschlossener calorischer Maschinen, indem er einen vollkommenen umkehrbaren Kreisprocess der Rechnung unter zieht, und an die unter gewissen Voraussetzungen gewonnenen Formeln Betrachtungen über den Wirkungsgrad calorischer Maschinen anschließt. Zeuner weist selbst auf die Wichtigkeit des Gegenstandes hin, und macht mit Recht die Remerkung, dass das erreichbare Ziel in der Verbesserung dieser Maschinen sestgestellt werden müsse und eine Frage von hohem Interesse sey").

In der vorliegenden Abhandlung beabsichtige ich, zunächst die Formeln zusammenzustellen, die Zeuner a. a. O.

¹⁾ G. Zeuner, "Grundzüge der mechanischen Wärmetheorie", Zweite Auflage. Leipzig 1866. S. 228.

entwickelt, und die Resultate, die er aus denselben zieht, wiederzugeben. Sodann will ich nachweisen, dass sehr wesentliche Fehler in die Zeuner'sche Herleitung sich eingeschlichen haben, die ihn zu einem ganz unrichtigen Resultat über den Maximalwirkungsgrad calorischer Maschinen geführt haben, und endlich soll eine rein theoretische Untersuchung über die Abhängigkeit des Wirkungsgrades von verschiedenen veräuderlichen Größen kurz behandelt werden.

Folgendes ist die Herleitung, die Zeuner giebt:

Die Gewichtseinheit eines permanenten Gases mache einen Kreisprocess durch. Es seyen specifischer Druck, specifisches Volumen und absolute Temperatur in den Zuständen a, b, c, d solgende (s. Fig. 5 Tas. IX):

Im Zustande $a: p_1, v_1, T_1,$

 $\bullet \qquad b:p, v, T,$

 $\qquad \qquad c: p_2, v_2, T_2,$

 $\bullet \qquad \bullet \qquad d: p_{s}, v_{s}, T_{s}.$

Diese Zustände wollen wir der Kürze wegen stets mit a, b, c, d bezeichnen, sowie die aufeinander solgenden Aenderungswege mit ab, bc, cd und da. Die Wege ab und cd seyen adiabatische, d. h. Druck und Volumen sollen sich nach dem sog. potenzirten Mariotte'schen Gesetz, ohne Zu- und Absuhr von Wärme ändern. Das Gesetz dieser Aenderung ist bekanntlich

$$p \cdot v^k = \text{const.} \quad \ldots \quad \ldots \quad (1),$$

wo k das Verhältniss der specifischen Wärmen bei constantem Drucke und constantem Volumen bedeutet, = 1,41.

Ferner geschehe die Aenderung auf den Wegen be und da nach dem vorgeschriebenen Gesetze:

$$p^{n} v^{n} = \text{const.} \qquad (2),$$

wo m und n beliebige ganze oder gebrochene, positive oder negative Zahlen bedeuten. Es sey bei dieser Zustandsänderung

$$dQ = \lambda dT \dots \dots (3),$$

wo dQ die zur Temperaturerhöhung dT nöthige Wärmemenge ist, und

$$\lambda = \frac{mk-n}{m-n} \cdot c \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (4),$$

wo c die specifische Wärme bei constantem Volumen; — also ck die bei constantem Druck ist. Je nach den Werthen von m und n kann λ bekanntlich alle Werthe zwischen $+\infty$ und $-\infty$ annehmen, insbesondere tritt der Werth $\lambda = \pm \infty$ ein, wenn m = n ist, d. h. wenn die Aenderung auf den Wegen bc und da nach dem Mariotte'schen Gesetz Statt hat, wobei die Temperatur constant bleibt und die zugeführte Wärme nur in äußere Arbeit umgewandelt wird.

Die während des Kreisprocesses gewonnene Arbeit heiße L, so ist

$$L=\frac{Q-Q_1}{A} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (5),$$

wo Q die auf dem Wege bc zugeführte, Q_1 die auf da abgeführte Wärme bedeutet, und $Q > Q_1$.

Ferner ist wegen Gleichung (3) das Wärmegewicht

$$\int_{T}^{T_{2}} \frac{dQ}{AT} = \frac{\lambda}{A} \log_{10} \frac{T_{2}}{T}$$

und

$$\int_{T}^{T_1} \frac{dQ}{AT} = \frac{\lambda}{A} \log_{10} \frac{T_2}{T_1}.$$

Da die Wärmegewichte einander gleich seyn müssen, so folgt

$$\frac{T_3}{T_1} = \frac{T_9}{T}$$
 oder $T_9 = \frac{T_1 T_9}{T}$. . . (6)

Nach dem Gesetz der Gleichung (2) ist ferner:

$$\frac{v_2}{v_0} = \left(\frac{T}{T_2}\right)^{\frac{m}{n-m}} \text{ und } \frac{v_3}{v_1} = \left(\frac{T_1}{T_3}\right)^{\frac{m}{n-m}}$$

folglich mit Beachtung von Gleichung (6):

$$\frac{v_2}{v_0} = \frac{v_3}{v_1} \text{ oder } v_3 = \frac{v_1 v_2}{v} \dots$$
 (7).

Nun ist nach Gleichung (3) die auf dem Wege bc zugeführte Wärme:

$$Q = \lambda (T_2 - T) \dots (8),$$

und

$$Q_1 = \lambda (T_s - T_1) \dots (9),$$

oder wegen Gleichung (6):

$$Q_1 = \lambda \cdot T_1 \left(\frac{T_2}{T} - 1 \right)$$

$$= \lambda \frac{T_1}{T} \left(T_2 - T \right) \cdot \cdot \cdot \cdot (10),$$

folglich aus (8) und (10):

$$Q'=Q\cdot\frac{T_1}{T}\quad .\quad .\quad .\quad .\quad (11),$$

und aus Gleichung (5):

$$AL = Q - Q_1 = Q(1 - \frac{T_1}{T})$$
 . . . (12),

oder auch direct aus (8) und (9):

$$AL = Q - Q_1 = \lambda \left(T_2 + T_1 - T - \frac{T_1 T_2}{T}\right)$$
. (13).

Jetzt wird die Annahme gemacht, dass T_2 die höchste Temperatur sey, die bei calorischen Maschinen und beim vorliegenden Kreisprocesse gestattet werde. Ebenso sey T_1 die niedrigste Temperatur, die erreicht werden könne; T_3 und T liegen innerhalb der äußersten Gränzen T_1 und T_2 . — Aus Gleichung (13) schließt dann Zeuner, dass die gewonnene Arbeit um so größer sey, je weiter die Temperaturen T_1 und T_2 von einander entsernt, und ferner, dass der größte Effect erzielt werde, wenn L ein Maximum sey. Der Werth von L hänge von T ab, ein Maximum finde sich für $T = T_0$, wenn

$$\frac{d(AL)}{dT} = \frac{T_1 T_2}{T_0^2} - 1 = 0,$$

folglich

$$T_0 = \sqrt{T_1 \cdot T_2} = T_3 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (14).$$

Hieraus schliesst Zeuner, "dass für den vortheilhasten Gaug der Maschine zwischen den vier Temperaturen die vorstehende Beziehung gelten, d. h. der Punkt d auf der durch b gehenden isothermischen Curve liegen müsse."

Da nun die Wärmeentziehung auf dem Wege da durchweg bei den niederen Temperaturen von $T_3 = \sqrt[3]{T_1} T_2$ bis T_1 herab geschehe, so seyen "die Regeneratoren (in diesem Falle) vollständig wirkungslos."

Setzt man den Werth von T_0 für T in Gleichung (12) ein, so erhalte man für das Maximum der Arbeit:

$$L^{-} = \frac{Q}{A} \frac{\sqrt{T_2} - \sqrt{T_1}}{\sqrt{T_2}} = \frac{\lambda}{A} \left(\sqrt{T_2} - \sqrt{T_1} \right)^2 . . (15).$$

Weiter, heißt es, lehre der allgemeine Ausdruck $L = \frac{Q}{A} \left(1 - \frac{T_1}{T}\right)$, daß das Maximum von L erhalten werde für $T = T_2$, wenn T_2 die höchsterreichbare Temperatur sey; der Werth

$$L_{a} = \frac{Q}{A} \left(1 - \frac{T_{1}}{T_{2}} \right) \quad . \quad . \quad . \quad (16)$$

sey mithin das absolute Maximum der Arbeit, und zugleich die "wahre disponible Arbeit der calorischen Maschine."

Um dieses Maximum zu erreichen, müsse für bc und da statt des Gesetzes $p^m v^n = \text{const.}$ vielmehr pv = const. seyn, da auf dem Wege bc die Temperatur alsdann constant $= T_2$ bleiben, und der Kreisprocess abwechselnd nach adiabatischen und isothermen Curven verlausen müsse.

Das Verhältniss von L_m zu L_a nennt nun Zeuner den Maximalwirkungsgrad η max. und findet

$$\eta \max = \frac{\sqrt{T_2}}{\sqrt{T_2} + \sqrt{T_1}} \quad . \quad . \quad (17).$$

Wenn T nicht $= \sqrt{T_1 T_2}$, so sey der Wirkungsgrad für eine beliebige Zwischentemperatur T:

$$\eta = \frac{T_2 (T - T_1)}{T (T_2 - T_1)} \quad . \quad . \quad . \quad (18),$$

und Gleichung (18) geht in (17) über für $T = \sqrt{T_1 \cdot T_2}$.

Nach Gleichung (18) werde ferner der Maximalwirkungsgrad $\eta = 1$ erreicht, wenn $T = T_2$; d. h.: Der Ausnahmefall für die Gültigkeit der Gleichung (17) — wo m = n ist, — der sey es gerade, bei dem allein die ganze wahre disponible Arbeit verwandt werde. Die Betrachtung, soweit wir sie für's erste hier zu verfolgen haben, schließt mit der Bemerkung, es seyen "im Principe diejenigen calorischen Maschinen die richtigen, bei denen die beiden Curven ab und cd des Kreisprocesses adiabatische und die Linien bc und da isothermische Curven sind. Jede andere Curvenart führe schon theoretisch auf kleinere Wirkungsgrade."

So weit Hr. Zeuner, dessen Darstellung im ersten Augenblicke den Leser von der Richtigkeit der Deduction überzeugen könnte. — Zunächst muß man aber stutzig werden über die Ausdrücke (17) und (18). Es kann zwar allerdings η in η max. übergehen, indem $T = \sqrt[l]{T_1 \cdot T_2}$ gesetzt wird. Allein η max. müßte auch umgekehrt in η übergehen können, denn das für die Formel (17) geltende Aenderungsgesetz kann gleichfalls als allmählig übergehend gedacht werden in p v = coust. Man denke sich $m = n + \varepsilon$, wo ε unendlich klein, so müßten doch Gleichung (17) und (18) denselben Werth für η geben. Statt dessen ist in Gleichung (17) η constant und viel kleiner als 1. Ferner aber, wenn m = n, warum schwindet für das Maximum der Arbeit die Bedingung $T = T_3$? Woher diese Widersprüche?

Zweierlei Fehler haben sich in die Deduction des Hrn. Zeuner eingeschlichen: 1) die Differentiation der Gleichung (13) nach T, während es unklar bleibt, ob λ oder Q nicht auch noch von T abhängig sind. In der That erkennt man aus der Anmerkung auf S. 210, daßs die Veränderlichkeit von λ Hrn. Zeuner vorübergehend wohl vorgeschwebt habe. 2) ist das Princip, nach welchem das absolute Arbeitsmaximum L_a hergeleitet wird, ein anderes

als das für L angewandte. Consequenter Weise hätte Zeuner L_a gleich ∞ finden müssen.

Kehren wir zu den Grundgleichungen zurück, um an diesen die Fragen zu erörtern.

Wir hatten für das Gesetz

$$L = \frac{Q}{A} \left(1 - \frac{T_1}{T} \right) \quad . \quad . \quad . \quad (20)$$

und folgerichtig, wenn m und n gegeben sind, auch nach Gleichung (13):

$$L = \frac{\lambda}{A} \left(T_2 + T_1 - T - \frac{T_1 T_2}{T} \right) \quad . \quad (21).$$

Wenn nun mit Gleichung (19) der Werth $\frac{\pi}{m}$ gegeben, mithin auch die entsprechende specifische Wärme

$$\lambda = \frac{mk - n}{m - n} c,$$

so kann die Temperatur T zwar noch variiren zwischen T_1 und T_2 . Aber zu einem jeden anderen Werth von T gehört auch ein anderes Q, denn

$$Q = \lambda (T_2 - T) \dots (22)$$

Denkt man sich andererseits die mitzutheilende Wärmemenge Q als gegeben, so ist hereits T vollständig bestimmt, denn alsdann ist

$$T = T_2 - \frac{Q}{\lambda} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (23).$$

Suchen wir nun alle möglichen Kreisprocesse darzustellen, wenn λ gegeben ist:

Dem Gesetz (19) entspricht eine unendliche Schaar von Curven, von denen keine die andere schneidet. Eine von diesen (N in Fig. 6 Taf. IX)

$$p^{m}v^{n} = p_{1}^{m}v_{1}^{n} \ldots \ldots \ldots \ldots (N)$$

geht durch den fest gedachten Punkt a und bezeichnet den Weg da. Durch denselben Punkt a geht die adiabatische Curve

$$p v^k = p_1 v_1^k \ldots \ldots (A),$$

in der Fig, 6 mit A bezeichnet. Auf dieser Curve liegt der Punkt b mit der Temperatur T. Der Zustand c mit der Temperatur T_2 ist kein vollkommen bestimmter, sofern c auf der Isotherme von T_2 , bez mit J_2 , liegen kann:

$$p v = p_2 v_2 = R T_2 \dots (J_2).$$

Jene Schaar durchschneidet diese Isotherme in unendlich vielen Punkten, und einem jeden dieser Punkte entspricht ein anderer Werth von T auf A. Durch einen jeden Punkt der Isotherme J_2 geht ferner eine adiabatische Curve, die die Linie N im Punkte d schneidet. Denkt man sich die unendliche Schaar adiabatischer Curven, so liegt auf einer derselben der Weg cd.

Von der erstgenannten Schaar:

$$p^m v^n = \text{Coust.}$$

werden ganz verschieden lange Strecken bc von der Adiabatischen A und der Isotherme J_2 abgegränzt. Es können mithin nach dem vorgeschriebenen Gesetz unendlich viele Kreisprocesse verschiedenen Arbeitsquantums ausgeführt werden; die der geleisteten Arbeit entsprechende Fläche wird stets von einer und derselben Curve A und ebenso von einer und derselben Curve N begränzt, während die Wege bc und cd variabel sind, so jedoch, dass der Eckpunkt c auf der Isotherme J_2 liegt.

Sobald nun T angenommen ist, so ist Q für die Strecke bc bestimmt, und umgekehrt, — wenn Q bestimmt ist, so hat T einen durch Gleichung (23) festgesetzten Werth.

Ohne auf Q weiter zu achten, kann man fragen, wie groß die verschiedenen Flächen L seyen, — mit anderen Worten: welche Arbeitsquanta bei einem einzelnen Kreisprocesse zu erzielen sind. — Offenbar liegen alle die Arbeitsflächen innerhalb des von den drei Curven A, J_2 und N eingeschlossenen Dreiecks, vorausgesetzt, λ sey gegeben, Q sey positiv auf dem Wege bc und endlich von a aus solle eine Compression und keine Expansion statthaben. Allen Werthen von $T = T_1$ bis hinauf zu

 $T = T_2$ entsprechen Arbeitsslächen, deren Inhalt, — zuerst für $T = T_1$ gleich 0 oder unendlich klein, — anwächst bis zu einem Maximum L_n , um wieder abzunehmen bis $T = T_2$ geworden ist. Den äußersten Grenzwerthen entsprechen die unendlich klein gedachten Flächen $ab_1c_1d_1a$ und $ab_7c_7d_7a$. Für erstere hat Q einen endlichen Werth, entsprechend dem Wege b_1c_1 , für letztere dagegen einen unendlich kleinen Werth, entsprechend dem Wege b_7c_7 .

Für Q als Function von A. L findet man beiläufig ans Gleichung (20) und (23) eine quadratische Gleichung. Wenn T_2 , T_1 und λ gegeben sind, so gehören zur Arbeitsfläche vom Inhalt L die beiden Wärmemengen:

$$Q = \frac{1}{2} \left[A \cdot L + (T_2 - T_1) \lambda \pm \frac{1}{(A \cdot L)^2 - 2 A \cdot L \cdot (T_2 + T_1) \lambda + (T_2 - T_1)^2 \cdot \lambda^2} \right]$$

Es ist richtig, wenn hier für $T_2 = T_1$, der Werth von Q nicht gleich Null wird, da ein Kreisprocess wohl denkbar ist, bei dem der Punkt c in der Isotherme von T_1 liegt. Die Größe unter dem Wurzelzeichen = 0 gesetzt, führt zur Bedingung $T_0 = T_1 = \sqrt{T_1} \cdot T_2$, auf welche wir sogleich zurückkommen.

Wir werden bald die beiden Fälle, wo L=0 ist, als den äußersten Extremen des Wirkungsgrades calorischer Maschinen entsprechend kennen lernen. Die größte Fläche ergiebt sich durch die bereits in der Recapitulation angeführte Differentiation der Gleichung (21), für AL als Function von T, die die interessante Bedingung giebt: $T_0 = T_8 = \sqrt{T_1 \cdot T_2}$. In Worten: Das größte Arbeitsquantum erhält man, wenn die Erwärmung und Abkühlung in den Punkten b und d von derselben Temperatur beginnt (s. Fläche $ab_4c_4d_4a$ in Fig. 2).

Setzt man T_0 in Gleichung (21) ein, so kommt

$$L_{m} = \frac{\lambda}{A} \left[\sqrt{T_{2}} - \sqrt{T_{1}} \right]^{2}$$

Man sieht, dass je größer λ , um so größer auch L_m wird, welches den Werth ∞ erreicht für $\lambda = \infty$.

Von diesen unendlich großen Flächen kann man sich ebenso wie für endliche λ leicht eine Vorstellung machen mit Hülfe des Diagrammes, wenn man m und n unendlich wenig verschieden von einander anzimmt. Längs der adiabatischen Curve wird der Körper a nach b geführt, der für alle λ derselbe ist, da $T_0 = VT_1 \cdot T_2 \cdot -$ Der Weg bc hängt nun blos von λ ab, und zwar rückt mit $\lambda = 0$ bis $\lambda = \infty$ der Punkt c von dem Durchschnitte der adiabatischen A_1 mit der Isotherme J_2 längs dieser letzteren fort in's Unendliche, so daß der Weg cd für $\lambda = \infty$ ganz im Unendlichen liegt. So wie c längs der Isotherme J_2 , so rückt der Punkt d längs der Isotherme

$$pv = R V \overline{T_1 \cdot T_2}$$

gleichfalls in's Unendliche fort. Consequenter Weise hätte Zenner diese unendlich weit sich erstreckende Fläche als disponible Arbeit ansehen müssen.

Die für ein bestimmtes λ größten Arbeitssächen entsprechen aber keinesweges einem Maximalwirkungsgrade. — Als Maaß des Wirkungsgrades hat bisher meist der Quotient $\frac{AL}{Q}$ gedient, d. h. die von der Wärmeeinheit gelieserte Arbeitsmenge. Bedarf es dazu noch einer speciellen Begründung, so verweise ich auf die classische Abhandlung von Rankine¹), auf die Bearbeitung der calorischen Maschine von Redtenbacher²), auf die Dampsmaschinentheorie von Clausius²), auf Cazin⁴) und endlich auf Zeuner's mechanischer Wärmetheorie erste Auflage S. 67.

- 1) Philosophical Transactions of the Royal Society of London for the year 1854, Vol. 144 Part. 1 p. 115. Auf S. 139 und 140 in Gleichung (29) findet sich auch bereits klar ausgesprochen, dass das Maximum des Wirkungsgrades zwischen gegebenen Temperaturgränzen erhalten werde, wenn der Kreisprocess zwischen adiabatischen und isothermischen Linien vor sich gehe.
- 2) F. Redtenbacher, "die calorische Maschine", 2. Aufl. Mannheim 1852 S. 42, wo E_i die berechnete Arbeit und B. H die VVärmemenge bedeutet. Der Quotient aus beiden ist der VVirkungsgrad (W_1).
- 3) Abhandlungen über die mechanische VVärmetheorie S. 167.
- 4) Cazin in Ann. de chim. et de phys. 1862. 3. Série T. 66 p. 264.

Das Verhältnis $W=\frac{AL}{Q}$ können wir als Function von AL, von Q, von T oder endlich von λ betrachten, und wollen aus den partiellen Differentialquotienten nach einer dieser Größen die Aenderungen von W untersuchen. Es ist

$$W = 1 - \frac{T_1}{T_2 - \frac{Q}{\lambda}} = \frac{T_2 - T_1 - \frac{Q}{\lambda}}{T_3 - \frac{Q}{\lambda}} \quad . \quad . \quad (24).$$

Nehmen wir T_2 , T_1 und λ als gegeben an, so ist Weine Function von Q^{-1}). Hierbei ist jedoch zu beachten, dass Q nur zwischen Null und λ ($T_2 - T_1$) variiren darf, da der Process innerhalb des Dreiecks $A J_2 N$ vor sich gehen soll. Ein Blick auf Gleichung (24) lehrt, dass W mit wachsendem Q stetig abnimmt, und nur wenn $\lambda = \infty$ ist, constant bleibt. Es erhält W den grössten Werth $1 - \frac{T_1}{T_2}$, wenn Q unendlich klein, wobei $L = ab_7 c_7 d_7 a$ = 0. — Der kleinste Werth W = 0 gilt für $Q = \lambda (T_2 - T)$, wobei $L = ab_1 c_1 d_1 a = 0$. — Je kleiner Q ist, bei um so höherer Temperatur findet die Wärmezuführung, bei um so niederer Temperatur die Wärmeentziehung statt. Bei W = 0 beginnt die Zuführung bereits bei $T = T_1$, die Wärmeabfuhr dagegen hebt an bei $T_3 = T_2$. — Q entspricht jetzt der längsten überhaupt möglichen Strecke $b_1 c_1$, und L ist zugleich Null.

1) Ob man die Größe $W=\frac{AL}{Q}$ den Wirkungsgrad nennt, oder wie Zeuner es thut, $\eta=\frac{L}{L_s}$, bleibt sich insofern gleich, als η und W sich nur durch einen constanten Factor unterscheiden, da $W=\left(1-\frac{T_1}{T_2}\right)\eta$. Wir kommen später hierauf zurück.

In praxi wird sich die Frage anders gestalten, weil die zu überwindenden Widerstände zunehmen, wenn Compression und Expansion größer sind. — Sobald $T > \sqrt{T_1 \cdot T_2}$, wird $T_3 < \sqrt{T_1 \cdot T_2}$ oder $T_3 < T$, eine Beziehung, die nicht unstatthaft ist; nimmt doch Zeuner für die "vollkommenste Maschine" $T_3 = T_1$, und $T = T_2$ an. Es dürfte also auch, nach Zeuner's Annahme, recht wohl $T_3 < T$ seyn.

Da nun ferner

$$\frac{dW}{dQ} = -\frac{\lambda T_1}{(\lambda T_2 - Q)^2} \quad . \quad . \quad (25),$$

so ist das Wachsthum von W ein von Q abhängiges. Man findet

Es ist also $\frac{dW}{dQ}$ stets negativ, und steht für den Werth von Q oder T, bei welchem L ein Maximum war, zwischen dem der extremen Fälle.

Man übersieht leicht, dass Wachsthum von W, wenn sich T um dT ändert, in demselben Maasse statthat, wie bei einer Variation von Q; denn aus $W=1-\frac{T_1}{T}$ folgt:

$$\frac{1}{\lambda} \left(\frac{dW}{dT} \right) = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{T_1}{T_2} \quad . \quad . \quad . \quad (26)$$

und speciell

$$\frac{1}{\lambda} \left(\frac{dW}{dT}\right)_{T=T_1} = \frac{1}{\lambda T_1}$$

$$\frac{1}{\lambda} \left(\frac{dW}{dT}\right)_{T=\sqrt{T_1 T_2}} = \frac{1}{\lambda T_1} \cdot \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{1}{\lambda} \left(\frac{dW}{dT}\right)_{T=T_2} = \frac{1}{\lambda T_1} \cdot \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^2$$

Der absolute Werth des Wachsthums ist von λ abhängig, und ist sehr klein für große λ . Dieses führt uns zu der Frage, welcher Werth von λ den höchsten Wirkungsgrad giebt 1) bei einer gegebenen Menge Q und 2) bei einer gegebenen Temperatur T. Ist Q gegeben, so entspricht einem jeden λ eine andere Fläche, und da $T = T_2 - \frac{Q}{\lambda}$, so wird, während λ von 0 bis ∞ wächst, der Werth T von T_1 bis T_2 stetig wachsen, zugleich wird v von v_1 an stetig abnehmen und p von p_1 an stetig wachsen. Orientiren wir uns bei dieser Gelegenheit über die Redeutung der verschiedenen Werthe von λ , die wir graphisch anschaulich machen wollen:

Denken wir uns irgend einen Punkt T auf der adiabatischen A, so kann das Gas nach allen unendlich vielen durch diesen Punkt b gehenden Richtungen (s. Fig. 7 Taf. IX) weitergeführt werden. Jeder besonderen Richtung entspricht ein Werth von $\frac{n}{m}$ der Gleichung $p \cdot v = const.$ oder ein Werth der specifischen Wärme λ zwischen + und $-\infty$.

Die Bedingung, dass der Körper innerhalb AJ_sN den Process vollsühren soll, besagt, dass Wärme zugeführt werde vom Zustande b an, und dass die specifische Wärme λ positiv sey. In der Richtung der adiabatischen Curve selbst ist $\lambda = 0$. Mit wachsendem λ nähert sich die Richtung bc der der Ordinaten p, wo λ den Werth c_r (spec. Wärme bei const. Volum) erreicht; weiter wächst λ langsam, trotz starker Richtungsänderung um 90 Grad, bis bc parallel der Abscissenaxe und $\lambda = c_p$ (spec. Wärme bei constantem Druck) wird, von da nimmt λ rasch bis ∞ zu, wo bc in die durch T gehende Isotherme fällt. So entspricht der Bedingung, dass Q positiv sey, eine Richtung von bc innerhalb des stumpsen Winkels zwischen der durch b gehenden adiabatischen und isothermischen Linie (s. Fig. 7 Tas. IX). Da

$$\lambda = \frac{m\,k - n}{m - n} > 0$$

seyn soll, so derf $\frac{n}{m}$ jeden positiven und negativen Werth

annehmen, mit Ausnahme der Werthe von +1 bis +k, d. h. es muß seyn:

$$1>\frac{n}{m}>k,$$

eine paradox erscheinende Ungleichung, da k > 1 ist. Allein $\frac{n}{m}$ kann von 1 über 0 nach — ∞ gehen, und von $+\infty$ bis k herab, und so übersieht man die Continuität der vorstehenden Ungleichung 1).

Für ein bestimmtes Q ist, während λ wächst, der Punkt b allmählig und continuirlich hinaufgerückt, und hat, wenn $\lambda = \infty$ seyn soll, die Isotherme J_2 erreicht. Wie groß auch Q sey, für jeden gegebenen Werth λ giebt es einen besonderen Werth T zwischen T_1 und T_2 . Nicht so für den Punkt c auf J_2 , der einen complicirteren Lauf hat, und den wir verfolgen wollen, obwohl für die Hauptsrage diese Beziehung von untergeordneter Bedeutung ist. Der Punkt c hat für ein bestimmtes Q nur einen bestimmten Spielraum auf der Isotherme J_2 . Der Gränzfall Q=0 bannt den Punkt c auf die Stelle c für alle λ . Hiebei sind die diversen W sämmtlich einander gleich, T_1 (nach Zeuner: für alle λ ist $\eta=1$).

Nimmt man Q größer au, so rückt der der kleinsten Arbeit entsprechende Punkt c auf der Isotherme J_2 tieser herab, und es existirt für λ ein Minimalwerth $= \lambda_{\min}$, bei dem die Aussübrbarkeit des Processes zwischen den Gränzen T_1 und T_2 beginnt, und zwar ist

$$\lambda_{\min} = \frac{Q}{T_2 - T_1} \quad . \quad . \quad . \quad (27).$$

1) Zeuner giebt l. c. S. 209 die für positive λ genügen sollende Bedingung $k > \frac{n}{m}$, offenbar durch ein Versehen, indem er die Ungleichung $\frac{mk-n}{m-n} > 0$ durch einen positiven Zähler zu befriedigen glaubte. Im Gegentheil umfaßt die Bedingung $k > \frac{n}{m}$ sämmtliche negative λ , sollange $\frac{n}{m} > 1$ ist (s. Fig. 7 Taf. IX).

Sey beispielsweise $T_2 = 500$ und $T_1 = 300$, ferner Q = 33.7 Calorien pro Gewichtseinheit, so wird $\lambda_{\min} = 0.1686 = c_v$, und $v_2 = v_1 = v_0 = v_s$, so dass $ab_1 c_1 d_1 a$ in Fig. 8 Tas. IX die kleinste Fläche ist. Ein Werth $\lambda < c_v$ gestattet keine Fläche, weil soust der Punkt c über die Isotherme J_2 hinaustreten müste. Je größer λ , um so höher liegt, wie vorhin erwähnt, T, um so kleiner aber wird auch v_2 , was noch zu beweisen ist, und um so größer W. Nimmt man λ allmählig größer an, so steigt der Punkt c auf der Isotherme rückwärts hinauf, so dass v_2 immer kleiner wird, je größer λ für ein und dasselbe Q. Es ist, wenn die Indices 0 sich auf den Punkt b beziehen:

$$p_{0} v_{0} = p_{2} v_{2} =$$

$$p_{0} v_{0} = R \cdot T_{0} \text{ and } p_{2} v_{2} = R \cdot T_{2}$$

$$p_{1} \cdot v_{1}^{k} = p_{0} v_{0}^{k}$$

oder

auch

$$v_0 = v_1 \left(\frac{T_1}{T_0}\right)^{\frac{1}{k-1}}$$

also

$$v_2 = \frac{T_0}{T_2}^{\frac{n}{m}-1} \cdot \frac{T_1}{T_0} \cdot v_1.$$

Nun ist

$$\lambda = \frac{mk - n}{m - n} \cdot c_v$$

folglich

$$\frac{n}{m}-1=\frac{c_{\bullet}-c_{\rho}}{\lambda-c_{\bullet}}$$

und

$$v_2 = \left(1 - \frac{Q}{\lambda T_2}\right)^{\frac{-\lambda}{c_p - c_r}} \cdot \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{\frac{c_r}{c_p - c_r}} \cdot v_1 \quad . \quad (28),$$

wenn man beachtet, dass $T_0 = T_2 - \frac{Q}{\lambda}$ ist. Nennen wir den Werth von v_2 , bei dem der Kreisprocess aussührbar wird, V_2 , d. h. wenn $\lambda = \frac{Q}{T_2 - T_1}$ ist, so wird:

$$V_{2} = \left(\frac{T_{2}}{T_{1}}\right)^{\frac{Q}{C_{p}-C_{r}}} \cdot v_{1} \cdot (29),$$

ein Werth, der speciell für $\lambda_{\min} = c_v$, wie schon oben erwähnt, $V_2 = v_1$ werden lässt. Der Quotient

$$\frac{v_1}{V_2} = \left(1 - \frac{Q}{\lambda T_1}\right)^{\frac{-\lambda}{c_p - c_r}} \cdot \left(\frac{T_1}{T_2}\right)^{\frac{\lambda_{\min}}{c_p - c_r}} \quad . \tag{30}$$

lehrt, dass stets $v_2 < V_2$. — Die Gleichung (28) geht für $\lambda = \infty$ über in

$$v_m = e^{\frac{Q}{T_s(c_p - c_p)}} \cdot \left(\frac{T_1}{T_s}\right)^{\frac{1}{k-1}} \cdot v_1,$$

wic sich auch direct ergiebt, wenn man die in diesem Falle geltende Hauptgleichung $\frac{dQ}{RT_1} = \frac{Adv}{v}$ integrirt von $v = v_0$ bis $v = v_2$. — Ferner erhält v_2 seinen kleinsten Werth v_m , wenn $b_3 c_3$ längs der Isotherme J_2 verläuft (s. Fig. 8 Taf. IX), so daß für das vorliegende Zahlenbeispiel der Punkt c nur den Spielraum $c_1 c_2 c_3$ hat, entsprechend den Flächen $ab_1 c_1 d_1 a$, $ab_2 c_2 d_2 a$ und $ab_3 c_3 d_3 a$.

Um die Abhängigkeit des Wirkungsgrades von λ , bei gegebener Menge Q, zu beurtheilen, dient

$$W = 1 - \frac{T_1}{T_2 - \frac{Q}{1}} \quad . \quad . \quad . \quad (31).$$

Für $\lambda_{\min} = \frac{Q}{T_2 - T_1}$ wird stets W = 0. Mit λ wächst W; indess ist dieses Wachsthum um so geringer, je größer Q gedacht wird, denn

$$\frac{dW}{d\lambda} = \frac{Q \cdot T_1}{(T_1 \lambda - Q)^2} \quad . \quad . \quad . \quad (32)$$

und

$$\left(\frac{dW}{d\lambda}\right)_{\lambda=\infty}=0,$$

d. h. wie groß auch Q sey, W bleibt constant, sobald die Strecke bc angenähert nach dem Mariotte'schen

Gesetz längs der Isotherme J₂ zurückgelegt wird. Schon der Ausdruck

$$A \cdot L = Q \left(1 - \frac{T_1}{T_2 - \frac{Q}{\lambda}} \right)$$

lehrte, dass nur für $\lambda = \infty$, der Werth A. L stets Q proportional ist. — Aus diesem Grunde allein wäre man berechtigt, die in anderen Fällen gewonnene Arbeit mit der für $\lambda = \infty$ erhaltenen zu vergleichen 1).

Während für λ_{\min} der Wirkungsgrad (31) gleich Null ist, hat das Wachsthum desselben einen endlichen Werth, der um so größer ist, je kleiner Q.

Aus derselben Gleichung ergiebt sich das Verhältniss der Wirkungsgrade W_s zu W_s für verschiedene λ . Sey beispielsweise einmal $\lambda = c_r$ und dann $\lambda = c_s$ (entsprechend den calorischen Maschinen von Ericsson und Stirling), so ist

$$\frac{W_e}{W_e} = \frac{[(T_2 - T_1)c_r - Q](T_1c_r - Q)}{[(T_2 - T_1)c_r - Q](T_2c_r - Q)},$$

wo freilich Q au die Bedingung $\langle c_r (T_2 - T_1)$ gebunden ist. Zwischen den äußersten Gränzen Q = 0 und $Q = c_r (T_2 - T_1)$ variirt vorstebender Quotient von 1 bis ∞ , d. h. der Bruch

$$\frac{W_e}{W_A}$$
 ist > 1 .

Die Wirkungsgrade We und We sind einander gleich, wenn die entsprechenden Wärmemengen

$$\frac{Q_s}{Q_s} = \frac{c_r}{c_s}$$
 oder allgemein $\frac{Q_{\lambda'}}{Q_{\lambda}} = \frac{\lambda'}{\lambda}$,

ein auf den ersten Anblick paradox erscheinendes Resultat. Indess ist zu beachten, dass wenn $\lambda' > \lambda$, auch W' > W

1) Dieses Resultat ist keineswegs zu identificiren mit dem von Zeuner vorangestellten, dass in diesem Falle das Maximum von L erreicht werde. Zeuner spricht gar nicht von der Beziehung zwischen Q und L, erwähnt daher auch nicht die nur diesem Falle eigenthümliche Constanz von W, trotz einer Aenderung von Q. Dagegen sindet man einen dahin sührenden Satz bei Rankine, I. c. p. 145 sub p. II.

für ein und dasselbe Q. Und je größer Q, um so kleiner das zugehörige W', welches = W wird, wenn eben vorstehende Gleichungen statthaben, was leicht in einzelnen Fällen zu verificiren ist.

Der rein theoretisch berechnete Wirkungsgrad lässt sich, wie man sieht, nur dann beurtheilen, wenn scharf unterschieden wird, welches die gegebenen Größen sind. Verwickelter wird die Betrachtung, wenn von der gesammten Arbeit L der zur Ueberwindung der Widerstände verbrauchte Antheil, soweit er von den Expansionsverhältnissen abhängig ist, in Abzug gebracht wird. Man erkennt leicht, dass für große sowie für sehr kleine λ die Druckänderungen und die Expansionsverhältnisse für ein und dasselhe Q beträchtlicher, und dass die Werthe von λ in der Nähe von c_p und c_s die günstigsten seyn werden. Daher zur Beurtheilung des Nutzessectes einer calorischen Maschine es einer besonderen Untersuchung bedarf, wie die Expansionsverhältnisse sich gestalten. Ohne diese Frage zu berühren, lediglich auf das eine, zudem irrige Resultat hin, dass bei allen nach dem Gesetz pm vn = const. arbeitenden Maschinen der Maximalwirkungsgrad = 0,5910 sey, im Vergleich zu $\eta = 1$ für m = n, schließt nun Zeuner (S. 233), dass Maschinen der ersten Art, "vor Allem das System Stirling und Ericsson, principiell zu verwerfen seyen". Ihr Fehler liege darin, dass , die Curven be und ad dem Gesetz $p_m v_n = \text{const.}$ unterworfen seyen". Dass der Fall m = n durch steten Uebergang aus diesem Gesetz erhalten werden kann, ist Herrn Zeuner entgangen, daher ihm der Sprung von dem Maximalwirkungsgrade $\eta = 1$ auf $\eta = 0.59$ nicht aufgefallen ist. - Leider war mir die Arbeit von Hirn, der nach Zeuner's Aussage Rechenfehler begangen haben soll, sowie die von Cazin, der "auf graphischem Wege nicht zu Zeuner's Resultaten gelangen konnte", nicht zugänglich. - Es soll ferner Hirn entgaugen seyn, dass nder Maximalwirkungsgrad für alle Maschinensysteme der gleiche sey und nur von den Gränztemperaturen abhänge".

Wir haben gesehen, dass der letztere Satz in ganz anderem Sinne, als Hr. Zeuner meint, allerdings richtig ist, der Maximalwirkungsgrad ist für alle Systeme derselbe, aber m = n nicht ausgenommen. Auch abgesehen von den genannten Irrthümern ist es nicht zu verstehen, wie Herr Zeuner, ohne die Widerstände zu beachten, "neue Fundamentalgleichungen sür calorische Maschinen geben will, die für unendlich verschiedene Systeme gelten sollen". Liegen doch die Rechnungen Redtenbacher's vor, der vollkommen der Ausgabe entsprechend durch Disserentiation des W das vortheilhasteste Expansionsverhältnis aussucht.

Wir haben gesehen, dass L nur dann proportional Q ist, wenn m=n oder $\lambda=\infty$ ist. Daher darf, wie erwähnt, die Arbeit L mit $L_{\bullet}=Q\left(1-\frac{T_1}{T_2}\right)$ verglichen werden. Zeuner nennt den Bruch

$$\eta = \frac{L}{L_{\bullet}} = \frac{T - T_1}{T} \cdot \frac{T_2}{T_2 - T_1}$$

den Wirkungsgrad. — Nach (23) ist hiefür weiter zu setzen:

$$\eta = \frac{(T_1 - T_1) \lambda - Q}{T_1 \lambda - Q} \cdot \frac{T_2}{T_2 - T_1} = \frac{\lambda - \frac{Q}{T_2 - T_1}}{\lambda - \frac{Q}{T_2}} \cdot \cdot (31).$$

Sobald Q gegeben, nimmt η einen bestimmten Werth an, und zwar variirt η von 1 bis 0, während λ von ∞ bis 0 abnimmt und auch Q von 0 bis höchstens λ $(T_2 - T_1)$ variirt. Da die Gleichung (31) sich von Gleichung (24) nur um einen constanten Factor unterscheidet, so gilt Alles in Bezug auf die Abhängigkeit des W Vorgebrachte auch für η .

Den Werth $W = \left(1 - \frac{T_1}{T_2}\right) \eta$ nennt Grashof') den wirthschaftlichen Wirkungsgrad, sofern bei diesem nicht

1) F. Grashof: Resultate der niechanischen Wärmetheorie. Separatausgabe des Anhangs zur fünsten Auflage von Redtenbacher's Resultaten für den Maschinenban. Heidelberg 1870. F. Bassermann. p. 70 die beim idealen Kreisprocess "disponible" Arbeit, sondern "das Arbeitsäquivalent des vollen Heizwerthes des aufgewendeten Brennstoffes" als Manis der Leistung dient. Abgesehen von der Bezeichnung wirthschaftlich, die, den Anforderungen der Praxis gegenüber, vorstehende Formel immer noch eine sehr theoretische erscheinen lässt, scheint mir die Größe W eher den Namen Wirkungsgrad zu verdienen, als n. Aus W ist sofort ersichtlich, dass wir es mit einem Kreisprocesse zu thun haben, bei dem stets ein Theil Warme abzuliefern ist. W kann sehr verschiedene Werthe annehmen je nach den extremen Temperaturen T, und T_2 , während $\eta = 1$ nicht mehr die Verwerthung von Q erkennen lässt. Auch haben wir die Fälle, wo $T>T_2$ werden darf, ganz außer Acht gelassen, für diese würde $\eta > 1$ werden 1).

1) Noch von einer anderen Seite her lässt sich der Unterschied von W und η beleuchten. Hrn. Zeuner's Vergleich der Vorgänge beim Kreisprocess mit der Anlage einer hydraulischen Umtriebsmaschine scheint mir nicht glücklich gewählt zu seyn. Der gegebenen VVärmemenge Q stellt er eine Arbeitsgröße W gegenüber, und setzt $W=Gh_2$, wo G das sallende VVassergewicht und h_2 die Höhe, gemessen "vom Meeresspiegel" an bedeutet. VVird das VVasser in der Höhe h_1 über dem Meeresspiegel wieder abgegeben, so ist $L=G(h_2-h_1)$ oder

$$L=\frac{W}{h_2}(h_2-h_1).$$

Die Analogie dieser Formel mit unserer früheren $L=\frac{Q}{T}(T-T_1)$ lehre, "dass die VVärmemittheilung bei constanter Temperatur wie ein Herbeisließen einer Masse VVasser auf bestimmter Höhe, und die VVärmeableitung bei constanter niedrigerer Temperatur wie ein VVegsließen der Masse im tieser gelegenen Niveau erscheine." Dieses Bild scheint mir ein ganz und gar nicht zutressendes zu seyn. Schon der Ansangspunkt der Zählung der h ist willkürlich; warum wird h nicht etwa vom Centrum der Erde an gerechnet? Bleiben wir indess beim Meeresspiegel, so entspricht zunächst die VVärmemittheilung Q der Arbeit Gh_2 , also consequent im Bilde gesprochen, dem Fallen des VVassers G um h_2 — bis zum Meeresspiegel. Alsdann ist auf der Strecke be längs der Curve J_2 thatsächlich Q gänzlich als VVärme verschwunden und vollständig in Arbeit umgewandelt. Der Kreisprocess fordert weiterhin die VVärmeabgabe Q_1 , nachdem von Aussen her Arbeit verbraucht worden zur Compression. Den entspräche das Heben der

Auch Grashof läst die Widerstände unbeachtet, und sucht für die calorische Maschine die günstigsten Verhältnisse herzustellen, indem er das Volumen im Augenblicke der größten Expansion möglichst klein werden läst. Wenn L_i die bei der Wärmemenge Q gewonnene Arbeit be deutet, und E_i die entsprechende Größe für die Gewichtsmenge G des dem Kreisprocesse unterworfenen Gases, serner λ und λ' die specifischen Wärmen auf den Wegepaaren ab und cd, sowie bc und da, endlich V das Volumen des Gases G für den Zustand der größten Expansion mit dem specifischen Volumen v_3 , so haben wir folgende Gleichungen:

$$E_i = G \cdot L_i$$
 $V = G \cdot v_3 = G \cdot \frac{R \cdot T_3}{p_3} = \frac{E_i}{L_i} \cdot \frac{R \cdot T_3}{p_3}$ $Q = \lambda \cdot (T_2 - T) + \lambda' \cdot (T - T_1)$ and weil $T \cdot T_3 = T_1 \cdot T_2$ oder $T = \frac{T_1 \cdot T_3}{T_3}$

Wassermasse G um h1. - Nachdem diese Arbeit verrichtet, ist daher die Frage berechtigt, ob die Wassermasse nicht nochmals bis zum Meeresspiegel ausgenutzt, — analog, ob die entzogene Wärme Q' nicht noch einmal beim erneuten Process verwandt werden könne. Wärmezusuhr bei T_2 , auch als Product $\frac{Q}{T_2}$. T_2 gedacht, entspricht immer dem Sinken eines Wassergewichtes $\frac{W}{h_2}$ um h_2 , und nicht dem Herbeisühren auf constantem Niveau; denn ha bedeutet eine Wegstrecke, die zurückgelegt werden muss. — Aus dem consequent durchgesührten Bilde erhellt, dass der bei hydraulischen Maschinen stattfindende Process, solange man nur das VVasser in's Auge falst, eben kein Kreisprocess ist. — Vielmehr tritt ein Theil des Kreisprocesses in Analogie: Die Wärmemenge Q, umgesetzt in Arbeit vb, c, v, (Fig. 1), entspricht dem Falle des Wassers $G(h_2 - h_1)$, umgesetzt in mechanische Effecte. Mir scheint ührigens, als ob kein Schriststeller betreffs der disponiblen Arbeit beim Kreisprocess bisher eine falsche Anschauung vertreten. Q bleibt eben die Wärmemenge, die dem Heizapparate entzogen wird, daher ist L mit Q in Verhältniss zu setzen; die abzusührende Menge Q' ist nicht verloren, und selbst in den Fällen, wo $T_3 < T$ und ein Regenerator unmöglich ist, ließe sich Q' immer noch im Heizraume verwerthen. Siehe auch Redtenbacher I. c. p. 93.

$$Q = \lambda \left(T_3 - T_1 \right) \frac{T_2}{T_3} + \lambda' \left(T_2 - T_3 \right) \frac{T_1}{T_3}$$

$$L_i = \frac{\lambda - \lambda'}{A} \cdot \frac{\left(T_2 - T_3 \right) \left(T_3 - T_1 \right)}{T_3}$$

$$V = \frac{E_i}{p_3} \cdot \frac{AR}{\lambda - \lambda'} \cdot \frac{T_2}{T_2 - T_3} \cdot \frac{T_3^2}{T_3 - T_1}$$

$$T = T_2 - \frac{Q_r}{\lambda_1 G}$$

Es wird also, bei ein und demselben Q_8 , die Temperatur T um so näher bei T_2 liegen, je größer G genommen wird; zugleich nähme der Wirkungsgrad zu. Lassen wir Q_8 und G unbestimmt, so kann jetzt, wie Grash of thut, nach obigen Gleichungen für T_3 die Bedingung willkürlich augenommen werden, daß das Gesammtvolumen in diesem Zustande, also $V = G \cdot v_8$ möglichst klein sey. — Man gelangt zu eigenthümlichen Resultaten, deren Anwendbarkeit in der Praxis sehr beschränkt seyn dürste. Grash of findet folgerichtig durch Differentiation von V nach T_3 die Bedingung

$$T_3 = 2 \frac{T_1 \cdot T_2}{T_1 + T_2}$$

und hieraus

$$T=\frac{T_1+T_2}{2}$$

Diese Werthe eingesetzt, geben

$$Q = (\lambda + \lambda') \frac{T_2 - T_1}{2}$$

$$v_8 = \frac{2 \cdot R \cdot T_1 \cdot T_2}{T_1 + T_2}$$

$$V = \frac{E_i \cdot AR \cdot 4 \cdot T_1 \cdot T_2}{p_3 (\lambda - \lambda') (T_2 - T_1)^2}$$

$$G = \frac{E_i \cdot A \cdot 2 (T_1 + T_2)}{(\lambda - \lambda') (T_2 - T_1)^2}$$

und

$$Q_{\varepsilon} = \frac{E_{i} \cdot A \cdot (T_{1} + T_{2})}{T_{2} - T_{1}} \cdot \frac{\lambda + \lambda'}{\lambda - \lambda'}$$

ferner

$$\eta = \frac{\lambda - \lambda'}{\lambda + \lambda'} \cdot \frac{T_2}{T_1 + T_2}$$

In allen diesen Formeln ist $\lambda' = 0$, wenn die Strecken ab und cd adiabatische sind. Sehr eigenthümlich ist es, das von λ unabhängig ist, während G umgekehrt proportional und Q direct proportional λ ist für $\lambda' = 0$. Es ist mithin jetzt der Punkt d ein ganz fester für alle λ. Für die sonst besten Werthe von λ wird der Process aber unausführbar, wie z. B. für $\lambda' = 0$ und $\lambda = \infty$, da das Volumen V=0 und zugleich $Q=\infty$ wird. Grash of untersucht den Werth von V nicht, unterscheidet auch nicht weiter die verschiedenen Möglichkeiten, und so sieht man, dass derjenige Fall, der in dem einen für "Techniker" bestimmten Lehrbuche für den vortheilhaftesten gilt, in dem anderen zu den unaussührbaren Fällen zählt. Grashof wiederum wird der "vortheilhafteste Fall" gesucht; wie aber der Wirkungsgrad für verschiedene λ sich gestaltet, dass derselbe für die besten Fälle < 0,1 ausfällt, bleibt unbeachtet. Von Widerständen ist hier wie dort nicht die Rede, es ist daher nicht zu verstehen, wie Techniker nach solchen Formeln rechnen sollen!

Die Variabilität von G kann übrigens zu ganz interessanten theoretischen Betrachtungen führen, besonders wenn der gesammte Kreisprocess in ganz sest bestimmte Gränzen gebannt ist. Nimmt man den Punkt a aus der Isotherme

von T_1 an, bestimmt man ferner zwei den Ordinaten entsprechende gerade Linien für Minimum und Maximum des specifischen Volumens, und zwei parallel den Abscissen gezogene Linien für die Extreme des specifischen Druckes, so ist das Gebiet der im Kreisprocess gestatteten Zustände von sechs Linien umgränzt. Sollen die Formeln anwendbar seyn, so kämen die Widerstände in Rechnung, sofern sie zum Expansionsverhältnis in Beziehung stehen. Rücksicht auf die Bedürfnisse der Praxis artet das Problem auf ein rein mathematisches Gebiet aus, und wird durch vorliegende Betrachtungen lange nicht erschöpft. — Ein Grundsatz aber, der schon für jede theoretische Untersuchung gilt, dürfte vollends bei praktisch zu verwendenden Aufgaben nie außer Acht gelassen werden, ich meine die klare Auseinanderhaltung derjenigen Größen, die gegeben sind, und derjenigen, die gesucht und bestimmt werden müssen.

III. Das physikalische Verhalten der Kohlensäure, ein Beitrag zur Theorie der Gase; von Dr. G. Recknagel, Prof. am K. Realgymnasium in München.

1. Die Erfahrung lehrt, dass die Gase, welche wir durch Steigerung des Druckes und Erniedrigung der Temperatur tropfbar slüssig machen können, um so mehr von dem Mariotte'schen und Gay-Lussac'schen Gesetze abweichen, "je näher sie ihrem Condensationspunkte kommen", und man glaubt, dass sie durch Erhöhung ihrer Temperatur und Vergrößerung ihres specifischen Volumens (Verdünnung) dabin gebracht werden können, dass sie den erwähnten Gesetzen mit ebenso großer Annäherung solgen, wie die einsachen und "permanenten" Gase Wasserstoss, Stickstoss und Sauerstoss.

Es ist indessen bisher ein Versuch nicht gemacht worden, den Einfluss, welchen die "Nähe des Condensationspunktes" bat, in Form eines mathematisch bestimmten Ausdruckes in das Spannungsgesetz der Gase selbst einzuführen und dieses dadurch so zu verallgemeinern, dass es tauglich wird, das gesammte Verhalten des Gases mit Einschluss der Erscheinungen, welche es beim Uebergange in den tropfbar slüssigen Zustand zeigt, nicht nur genähert, sondern präcis darzustellen.

Ein solcher Versuch setzt, damit die Probe seines Gelingens gemacht werden kann, offenbar eine Experimentaluntersuchung voraus, welche alles das umfast, was hier in Beziehung gebracht werden soll: Compressibilität des Gases, Zunahme des Volumens und der Spannkraft bei Erhöhung seiner Temperatur und andererseits Spannkraft und Dichtigkeit des gesättigten Dampfes.

Da wir nun für Kohlensäure in der That hinreichend sichere und vielseitige Daten besitzen, die von Regnault gewonnen und im 21. und 26. Bande der Memoiren der Pariser Akademie veröffentlicht sind, so habe ich zunächst dieses Gas im oben erwähnten Sinne einer eingehenden Behandlung unterzogen.

2. Ich versuchte vorerst, in wieweit seine beträchtlichen Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetze etwa noch durch die von Kroenig, Clausius u. A. vertretene Gastheorie dargestellt werden können, wenn man eine gegenseitige Einwirkung der sich begegnenden Moleküle innerhalb begränzter Wirkungssphären zuläst, und bin zu dem Resultat gelangt, dass sich zwar mittelst der in diesem Sinne erweiterten Gleichung¹)

$$Pv = \frac{A}{1 + \frac{B}{v}}$$

1) Zu dieser Gleichung kommt man auf folgende Weise:

Denkt man sich (mit Kroenig) das Gas in einem Würsel von der Kante x eingeschlossen, und nimmt an, es gehe je 3 der Moleküle ungehindert und in dazu senkrechter Richtung zwischen je zwei der die beobachtete Compressibilität der Kohlensäure innerhalb des sehr erheblichen Intervalles von 1 bis 16 Atmosphären Druck ganz gut berechnen läst, dass aber von da an die berechneten Abweichungen (vom Mariotte'schen Gesetze) ansangen, merklich kleiner auszusallen als die beobachteten.

sechs Gränzflächen hin und her, so wird der Druck auf die Flächeneinheit, der durch das rasch wiederholte Anprallen der Moleküle an der Gränzfläche entsteht, dadurch erhalten, dass man 1) die Anzahl $\left(\frac{n}{3}\right)$ der Moleküle, welche sicht gegen die VVand bewegen, 2) die Masse (m) des Moleküls, 3) die mittlere Geschwindigkeit (c) der Moleküle, 4) die Anzahl der Stösse, welche die VVand von einem Molekül in der Zeiteinheit erleidet, mit einander multiplicirt, und das Product durch die Fläche der VVand dividirt.

Es ist also nach Kroenig dieser Druck

$$P = \left(\frac{n}{3} \cdot m \cdot c \cdot \frac{c}{2x}\right) : x^{9},$$

wobei statt des dritten Factors c nach Clausius 2 c zu setzen ist, da von Seite des Moleküls eine Reaction gegen die VVand sowohl während des Geschwindigkeitsverlustes, als während VViedererlangung der entgegengesetzten Geschwindigkeit durch Elasticitätswirkung stattfindet.

Behält man alle übrigen vereinfachenden Annahmen bei und denkt sich nur, die Geschwindigkeit c des Moleküls werde, so oft es auf seinem VVege 2x in die VVirkungssphäre eines anderen kommt, durch die Einwirkung des letzteren temporär verzögert oder beschleunigt, so wird die Zeit $\frac{2x}{c}$, welche bis zur VViederkehr des Moleküls zu derselben VVand versließt, geändert und im Falle einer Verzögerung

$$T = \frac{2x}{2} + \tau$$

zu setzen seyn. Bezeichnet $\Delta \tau$ den Zeitverlust des Moleküls innerhalb einer VVirkungssphäre (bei einer Begegnung) und l die mittlere VVegstrecke, welche das Molekül ohne Begegnung zurücklegt, so ist $\frac{2x}{l}$ die mittlere Anzahl der Begegnungen auf dem Wege 2x und

$$\tau = \frac{2x}{l} \, \Delta \tau.$$

Nach Clausius (Pogg. Ann. Bd. 105 S. 239) ist nun die mittlere Strecke $l = \varrho \cdot \frac{v}{n \cdot \frac{1}{2} \pi \varrho^3}$, wobei v das Volumen der Gewichtseinheit

Es wird dadurch nur bestätigt, was man erwarten konnte, dass man nämlich mit der Annahme begränzter Wirkungssphären oder relativ großer Wege der Gasmoleküle durch indifferenten Raum bei wachsender Dichtigkeit an eine Gränze der Zulässigkeit kommt, und man kann demnach die theoretische Gleichung

$$Pv = \frac{A}{1 + \frac{B}{v}}$$

dem Mariotte'schen Gesetze nur als eine zweite Annäherung anschließen. Wählt man, dem entsprechend, A der absoluten Temperatur proportional, indem man etwa $A = A_0 (1 + \alpha t)$ setzt, und hat Gelegenheit, für irgend eine Temperatur den Werth der Temperaturfunction B aus einem Versuch zu bestimmen, so ist für diese Temperatur das Verhalten des Gases in den oben gezogenen ziemlich weiten Gränzen durch die Gleichung bestimmt. Da sie zudem in der Form Pv + PB = A sehr einfach ist, so wird sie mit Vortheil zu den Rechnungen be-

Gas, ϱ der Radius der Wirkungssphäre, also $n \cdot \frac{4}{2} \varrho^3 \pi$ den Raum bezeichnet, den die Wirkungssphären aller Molcküle ausfüllen. Nennt man diesen Raum ν , so ist

$$\tau = \frac{2x}{v} \cdot \frac{v}{\varrho} \cdot \Delta t$$

und durch Substitution

$$P = \frac{n \cdot m \cdot c}{3x^{2} \left(\frac{x}{c} + \frac{x}{v} \cdot \frac{v}{\rho} \Delta t\right)}$$

oder

$$Pv = \frac{\frac{1}{3}nmc^2}{1 + \frac{1}{v} \cdot \frac{\nu}{\rho} c\Delta t}$$

Setzt man die Temperaturfunctionen

$$\frac{1}{3}nmc^2 = A$$

$$\frac{\nu}{\varrho} c \cdot \Delta t = B,$$

so erhält man die im Texte gegebene Gleichung.

nutzt, welche innerhalb des Intervalles ihrer Gültigkeit. bleiben 1).

3. Durch eine ihrer geringen Abweichung wegen naheliegende Modification der theoretischen Gleichung ist es mir nun geglückt, zu dem angestrebten Resultate eines durchgreifenden Gesetzes zu gelangen. Entwickelt man nämlich den Bruch $\frac{1}{1+\frac{B}{\nu}}$ nach steigenden Potenzen der

Dichtigkeit $(\frac{1}{n})$, so erhält man

$$Pv = A\left[1 - \frac{B}{v} + \frac{B^2}{v^2} - \ldots\right]$$

Beschränkt man sich hier auf die ersten beiden Glieder, indem man setzt:

$$Pv = A\left(1 - \frac{B}{v}\right)$$
 . . . (1),

Constante B (A ist von B und der Wahl der Einheiten für P und v abhängig) die Regnault'schen Compressibilitätsversuche bei constanter Temperatur (Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetze) bis zu einem Drucke von 27,3 Atmosphären, also in ihrer ganzen Ausdehnung exact dar.

4. Da überdiess der Ausdruck für P, nämlich

$$\frac{A}{v}\left(1-\frac{B}{v}\right)$$

für abnehmende v ein Maximum hat, so gewinnt es, nachdem man sich durch einen vorläufigen Ueberschlag von der Richtigkeit des oben (No. 3) Behaupteten überzeugt hat, ein besonderes Interesse, zu versuchen, ob nicht auch die Maximalspannung, welche die Gleichung giebt, mit derjenigen übereinstimmt, welche von Regnault für dieselbe

1) Zählt man P in Atmosphären, und versteht unter v das Volumen der Gewichtseinheit Kohlensäure (1 bei P=1 und $t=0^{\circ}$), so ist $A_0=1+B_0$, $B_0=0.0078$, $B_{3,3}=0.0072$, $B_{100}=0.0048$, $\alpha=0.003642$.

Temperatur als Maximalspannung des Gases, d. h. als Spannkraft des gesättigten Dampfes beobachtet ist.

Auch diese Probe fällt vollständig befriedigend aus.

Nachweise.

- 5. Es wird zugleich den Anforderungen der Kritik und der Eigenthümlichkeit der vorliegenden Versuche am vollkommensten entsprochen, wenn man einerseits durch Berechnung von B aus den bei constanter Temperatur auszuführenden Beobachtungen über das Mariotte'sche Gesetz nachweist, dass diese Größe wirklich von der Dichtigkeit unabhängig ist, audererseits zeigt, dass der für die nämliche Temperatur aus der Spannkraft des gesättigten Dampses berechnete Werth von B mit dem vorigen identisch ist.
- 6. Zur Durchführung dieser Rechnungen ist erforderlich, über die Einheiten zu verfügen, mit welchen P und v gemessen werden sollen, und es ist vorerst am bequemsten, die Spannkraft (P) in Metern (Quecksilbersäule) auszudrücken und jenes Volumen (v) 1 zu nennen, welches die Gewichtseinheit Kohlensäure bei 1 Meter Spann kraft und der mittleren Temperatur (3,3° C.) der Compressibilitätsversuche hat, weil auch die Regnault'schen Beobachtungsresultate in denselben Einheiten vorgetragen sind.

Da dann für P = 1 auch v = 1 ist, so erhält man aus Gleichung (I) folgende einfache Beziehung zwischen den Coëfficienten A und B:

$$1 = A(1 - B) (2).$$

Substituirt man hieraus in die allgemeine Gleichung (I) den Werth von A und löst dieselbe nach B auf, so findet man:

Zur Aufsuchung des Maximums von P differenzirt man Gleichung (I) nach v und setzt den Differenzialquotienten

$$\frac{dP}{dv} = A\left(\frac{2B}{v^3} - \frac{1}{v^3}\right)$$

gleich Null. Dadurch ergiebt sich das Maximum (M) von P für

$$v=2B \ldots \ldots (4)$$

und dieses Maximum selbst ist

$$M = \frac{A}{4B}$$

oder mit Rücksicht auf (2)

$$M = \frac{1}{4B(1-B)} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (5).$$

I)a B bei den hier in Betracht kommenden Temperaturen den Werth 0,01 nicht erreicht, so setzt man ohne merklichen Fehler 1 + B statt $\frac{1}{1-B}$ und erhält aus (4)

7. Es ist also zum versprochenen Nachweise erforderlich, dass erstlich die mittelst Gl. (3) aus den Compressibilitätsversuchen berechneten B unter sich so weit gleich sind, als es mit der (geringen) Verschiedenheit der Temperatur der Versuche vereinbar ist, und dass zweitens die mittelst Gl. (6) aus der Spannkraft des gesättigten Kohlensäuredampses berechneten B mit jenen identisch sind.

Regnault hat die Resultate seiner Compressibilitätsversuche ohne Rücksicht auf die Unterschiede in der Temperatur durch ein graphisches Verfahren unter einander
verbunden und auf Grundlage desselben (S. 425 des Bd. 21)
eine Tabelle berechnet, welche bis zur zwanzigfachen
Anfangsdichtigkeit und einem Drucke von 16,705 Metern
ausgedehnt ist. Die ersteren vier Versuchsreihen, die bis

zur vierfachen Dichtigkeit fortschreiten, sind bei Temperaturen gemacht, welche von 3°,3 nur um einige Hundertel abweichen, von da bis zur 12 fachen Dichtigkeit ist 3°,65, dann 3°,55 die Mitteltemperatur; in den letzten 4 Versuchsreihen, die noch bis zur Dichtigkeit 24 vordringen, sinkt dieselbe auf 3°,2, 3°,15, 2°,7. So gering diese Unterschiede sind, so üben sie doch einen merklichen Einfluß auf den Werth von B aus, weßhalb man genöthigt ist, für jede dieser Temperaturen einen besonderen Werth zu berechnen.

Ich habe desshalb die beiden unter sich nicht ganz übereinstimmenden Versuchsreihen Regnault's (S. 621 und 623 des 26. Bandes) über die Spannkrast des gesättigten Kohlensäuredampses interpolirt und solgende Zusammenstellung erhalten:

Tafel I
$$\left(B = \frac{1}{4M-1}\right)$$
.

1	2	3	4	5	6	
beobachtet M1=		berechnet B_1	beobachtet M2=	berechnet B ₂	berechneter Mittel- werth B	
30,3	29,616	0,00851	29,261	0,00862	0,00856	
3,65	29,880	0,00844	29,603	0,00852	0,00848	
3,55	29,805	0,00846	29,487	0,00855	0,00850	
3,2	29,545	0,00853	29,197	0,00864	0,00858	
3,15	29,509	0,00854	29,165	0,00865	0,00859	
2,7	29,186	0,00864	28,880	0,00873	0,00868	
					Mittel 0,00858	

Die erste Spalte enthält die Temperaturen, die zweite und vierte die zugehörigen Maximalspannungen aus den beiden Versuchsreihen, die dritte und fünste die daraus nach Gl. (6) berechneten B, endlich die sechste die Mittelwerthe von B, welche mit denen der solgenden Tabelle zu vergleichen sind.

Tafel II $\left[B = \left(P - \frac{1}{v}\right) : \left(P - \left(\frac{1}{v}\right)^{2}\right)\right]$				
1	2	3	4	
t	Spannkrast Pm	Dichtigkeit $\frac{1}{v}$	berechnet B	
3,3	3, 89 7	4	0,00851	
3,65 }	7,519	8	0,00852	
3,55	10,863	12	0,00854	
3,2	13,926	16	0,00857	
3,15	16,705	20	0,00860	
2,7	19,198	24	0,00862	
			Mittel 0,0085	

Es findet somit sowohl dem absoluten Werthe als dem Gange nach Uebereinstimmung statt 1), so dass das in No. 3 und 4 Behauptete mit einer kaum zu hoffenden Evidenz nachgewiesen ist.

8. Umformung der Gleichung. Damit man ausgedehntere Prüfungen und Anwendungen mit der Gl. (I) vornehmen könne, muß dieselbe so eingerichtet werden, daß man bequem auf beliebige Temperaturen übergeht. Zu diesem Zweck sollen zunächst die gebräuchlicheren Einheiten für P und v eingeführt werden, indem wir künftig P in Atmosphären (eine Atmosphäre = 0^m,760 Quecksilbersäule) ausdrücken und das Volumen mit 1 bezeichnen, welches die Gewichtseinheit Kohlensäure bei 0° C. unter dem Drucke einer Atmosphäre hat. Das specifische Gewicht (0,001977) der unter diesen Umständen gedachten Kohlensäure wird künftig kurz als Normaldichtigkeit bezeichnet. Es ist somit die neue Druckeinheit 0,76, die neue Volumeneinheit ungefähr 100 der alten.

Wenn wir die Voraussetzung machen, dass nicht nur das Mariotte'sche, sondern auch das Gay-Lussac'sche

1) Dass sich durch das graphische Versahren die durch die Temperaturverschiedenheit bedingten Unterschiede etwas ausgeglichen haben, liegt in der Natur der Sache. Gesetz als Gränze zu betrachten ist, der sich die Form der Gleichung (I) bei abnehmender Dichtigkeit nähert, so ist, da die Gleichung für unendlich wachsende v in

$$Pv = A$$

übergeht, für A die Temperaturfunction A_0 $(1 + \alpha t)^1$) einzuführen, worin α den Ausdehnungscoëfficienten eines vollkommenen oder ideellen Gases, also $\left(-\frac{1}{\alpha}\right)$ den absoluten Nullpunkt in der Celsius'schen Skala bezeichnet.

Die Gestalt der Gl. (I) wird dann

$$Pv = A_0 \left(1 + \alpha t\right) \left[1 - \frac{B_t}{v}\right] \quad . \quad . \quad (1a),$$

worin der dem B angehängte Index (t) darauf hindeuten soll, dass unter dieser Größe, welche aus Gl. (4) als die Hälfte des specifischen Volumens (V) oder als der reciproke Werth der doppelten Dichte des gesättigten Dampses erkannt wurde, eine reine Temperaturfunction zu verstehen ist.

Da durch die Wahl der Einheiten für A = 0 zugleich P = 1 und v = 1 wird, so ist

$$A_0=\frac{1}{1-B_0},$$

und da allgemein

$$M = \frac{A}{4B}$$
 oder $B_t = \frac{A_t}{4M_t}$,

so ist

Es ist somit B_t der absoluten Temperatur direct und der Spannkraft des bei dieser Temperatur gesättigten Dampfes umgekehrt proportional.

Verbindet man mit Gl. (7) die Gl. (4):

$$V = 2B_t$$

so folgt

$$M \cdot V = \frac{1}{2} A_0 (1 + \alpha t) \cdot (8)$$

d. h. der gesättigte Dampf der Kohlensäure folgt dem Mariotte'schen und Gay-Lussac'schen Gesetze.

1) Diese Hypothese wird unten einer zu ihren Gunsten entscheidenden Prüfung unterzogen. 9. Es ist noch übrig B_0 und α zu bestimmen. Aus Regnault's Versuchen ergiebt sich die Spannkraft des bei 0° C. gesättigten Dampfes der Kohlensäure im Mittel gleich

35,736 Atmosphären.

Daraus folgt nach Gl. (6):

$$B_0 = 0.00705^{-1}$$
) and $A_0 = 1.00710$

mit einer von der Verschiedenheit der für M_0 vorliegenden Werthe herrührenden Unsicherheit von 5 Einheiten der letzten Stelle.

Dieser aus der Spannkraft des gesättigten Dampfes herechnete Werth von B_0 findet eine merkwürdige Bestätigung durch zwei Versuche, welche Regnault 2) ausgeführt hat, um zu ermitteln, ob Kohlensäure von 0° nicht etwa bei geringerem als Atmosphärendruck dem Mariotte'schen Gesetze folgt. Setzt man die Daten des Versuchs in Gl. (Ia) ein, so erhält man

1)
$$\frac{374,13}{760} \cdot \frac{19,5396}{9,5845} = 1,0071 \left(1 - \frac{B_{\bullet}}{\frac{19,5396}{9,5845}}\right)$$

und daraus

$$B_0 = 0.00712.$$

2)
$$\frac{224,17}{760} \cdot \frac{19,5396}{5,7345} = 1,0071 \left(1 - \frac{B_0}{19,5396}\right)$$

woraus

$$B_0 = 0.00696.$$

Im Mittel folgt

$$B_0 = 0.00704.$$

Man würde demnach umgekehrt auf Grundlage dieser Versuche die Spannkraft des gesättigten Dampses in vollkommener Uebereinstimmung mit der Erfahrung berechnen.

Zur Bestimmung von a habe ich in Ermangelung von direct hierher bezüglichem Material die Versuche Regnault's über den Einsluss abnehmender Dichtigkeit auf den Aus-

- 1) Für die früheren Einheiten ist $B_0 = 0,00940$.
- 2) Mém. de l'Acad. Bd. 21 S. 148.

dehnungscoëfficienten der atmosphärischen Luft 1) benutzt und finde daraus

 $\alpha = 0,003642.$

Es wird sich unten ergeben, dass man keinen Grund hat, für Kohlensäure von diesem Werthe abzugehen.

10. Wäre das Gesetz bekannt, nach welchem die Dichtigkeit oder die Spannkraft des gesättigten Dampses der Kohlensäure mit der Temperatur wächst, so wäre auch die Function B_t allgemein bestimmt, uud mit ihr das ganze Verhalten des Gases. Ein solches Gesetz ist nicht bekannt, ja selbst die Herstellung einer empirischen Formel für die Spannkraft scheint auf große Schwierigkeiten zu stoßen. Man muß sich also begnügen, B_t für diejenigen Temperaturen zu berechnen, für welche der Werth von M bekannt ist. Für diese Temperaturen sind dann die dampfdichten (D_t) berechenbar, sowie die Abweichungen des Gases vom Mariotte'schen und Gay-Lussac'schen Gesetze.

Umgekehrt kann man, sobald durch einen Versuch bei irgend einer Temperatur (t) das Volumen und die zugehörige Spannkraft des Gases bestimmt sind, daraus durch Vermittelung der Gl. (Ia) B_t berechnen und sich so die Spannkraft und Dichtigkeit verschaffen, welche der gesättigte Dampf bei dieser Temperatur (t) besitzt.

Kann man sich B_t auf zweierlei Art verschaffen, so hat man eine Controle für die Richtigkeit des Gesetzes, wie sie oben für Temperaturen, die zwischen 3° und 4° liegen, wirklich ausgeführt worden ist.

11. Diese Probe hat es wahrscheinlich gemacht, dass die Gl. (Ia) bis zur Dichtigkeit des bei 3° gesättigten Kohlensäuredampses ausreicht. Es ist diess die 80 sache Normaldichte der Kohlensäure, die 122 sache der Lust und 0,150 des Wassers. Die Anwendung der Gleichung auf größere Dichtigkeiten ist demnach hypothetisch, giebt aber

¹⁾ Mém. de l'Acad. Bd. 21 S. 99. Für $P_0 = 0,1444$ Atmosphären ist $\alpha = 0,003648$ das Mittel der Regnault'schen Versuche.

uebereinstimmung zwischen Rechnung und Beobachtung noch vollkommen ist. Streng genommen ließe sich auch gegen diejenigen Anwendungen, welche über die 36 sache Normaldichtigkeit hinausgehen, ein Einwand erheben. Es ist nämlich nur nachgewiesen, daß die Curve (I) und die wahre Compressibilitätscurve sich bis zu dieser Dichtigkeit (Abscisse) hin decken und später nochmals eine einzelne Ordinate — die Maximalspannung — von gleicher Größe haben. Es könnte nun seyn, daß beide Curven nach der Dichtigkeit 36 auseinanderlaufen und jede für sich auf ein Maximum zusteuert, welches zwar in beiden Curven gleich großs wäre, aber nicht zu derselben Abscisse (Dichtigkeit) gehörte. Mit Rücksicht auf ein solches Bedenken könnte man die berechneten Dampfdichten für hypothetisch halten.

12. In der folgenden Tafel III findet man die Größe B_t mit den Temperaturen, zu denen sie gehört, und den beobachteten Maximalspannungen, aus denen sie berechnet ist, zusammengestellt. Dazu sind die in Cubikmetern ausgedrückten specifischen Volumina (V_t) und die auf Wasser = 1 bezogenen Dichtigkeiten (D_t) des gesättigten Kohlensäuredampfes gesetzt. Da das oben 1 genannte Volumen von einem Kilogramme Kohlensäure 0,5058 Cubikmeter beträgt, so ergeben sich die Volumina aus der Gleichung

 $V_t = 0.5058 \cdot 2B_t$.

Die Maximalspannungen, welche die Grundlage dieser Rechnungen bilden, sind von + 40° bis - 25° den Beobachtungen Regnault's (zweite Versuchsreihe) entnommen; die Resultate Faraday's, welche man bis - 80° abwärts daran reihen könnte, weichen da, wo sie vergleichbar sind, zu weit¹) von denen Regnault's ab und bieten wegen Unsicherheiten der Temperaturbestimmung und Manometermessung an sich zu wenig Zuverlässigkeit, um als Fortsetzung jener angesehen zu werden.

¹⁾ Bei 0° C. um 2,9, bei - 20° um 1,6 Atmosphären.

Tafel III.

to C.	Atmosphären M,	B _t	ΔB_t	Cubikmeter V.	$\begin{array}{c} \text{Wasser} = 1 \\ D_t \end{array}$
— 25	17,114	0,01337	165	0,01354	0,074
— 20	19,924	0,01172	143	0,01186	0,084
— 15	23,135	0,01029	123	0,01041	0,096
 10	26,763	0,00906	105	0,00917	0,109
— 5	30,844	0,00801	90	0,00810	0,123
0	35,403	0,00711	77	0,00719	0,139
+ 5	40,466	0,00634	67	0,00641	0,156
10	46,051	0,00567	58	0,00574	0,174
15	52,167	0,00509	50	0,00515	0,194
20	58,838	0,00459	42	0,00464	0,215
25	65,875	0,00417	33	0,00422	0,237
3 0	72,730	0,00384	21	0,00388	0,257
35	78,201	0,00363	6	0,00367	0,272
40	80,799	0,00357		0,00361	0,277

Durch Fortsetzung der Rechnung von 5° bis zu 40° ist die Voraussetzung gemacht, dass die Gl. (1a) bis zur 140 sachen Normaldichtigkeit noch genüge. Da die Gl. (Ia) von der Form

$$P = \frac{a_1}{n} - \frac{a_2}{n^2}$$

Glieder einer Reihe enthalten, welche nach steigenden Potenzen der Dichtigkeit fortschreitet, und es wäre denkbar, dass bei der 140 sachen Dichtigkeit ein späteres Glied, welches bei der 80 sachen Dichtigkeit noch wirkungslos war, einigen Einflus gewänne.

13. Von den Processen, denen man ein Gas dadurch zu unterwerfen pflegt, dass man ihm Wärme zusübrt, sollen hier zwei näher betrachtet werden: Die Erwärmung bei constantem Volumen und die Ausdehnung unter constantem Drucke.

Erhöht man die Temperatur der Gewichtseinheit eines Gases, welches das Volumen v_0 und die Spannkraft P_0

besitzt, von 0° bis t° , während man das Volumen v_{\circ} constant erhält, so steigert sich die Spannkraft und wachse auf P_t an. Die Gl. (Ia) giebt dann

Erhält man aber während derselben Temperaturerhöhung das Gas auf dem constanten Drucke P_0 , so wächst sein Volumen, und ist es endlich v_t geworden, so erhält man nach derselben Gl. (Ia):

$$\frac{v_{t}}{v^{0}} = (1 + \alpha t) \frac{1 - \frac{B_{t}}{v_{t}}}{1 - \frac{B_{0}}{v_{0}}} \dots \dots (10).$$

Diese Verhältnisse stehen in der allernächsten Beziehung zu den sogenannten Ausdehnungscoöfficienten der Gase

$$\left(\frac{P_t}{P_0}-1\right): t \text{ und } \left(\frac{v_t}{v_0}-1\right): t,$$

und ihre Ermittelung ist für t = 100 häufig Gegenstand von Versuchen gewesen.

Ist B_t nicht Null, d. h. weicht das Gas bei t^0 noch vom Mariotte'schen Gesetze ab, so ist $\frac{P_t}{P_0}$ von $\frac{v_t}{v_0}$ verschieden, und zwar, wenn, wie hier, B_t positiv ist, immer

$$\frac{v_t}{v_0} > \frac{P_t}{P_0}$$

und umgekehrt. Es ist desshalb unpassend, beide Verhältnisse mit demselben Namen als "Ausdehnungscoëssicienten" zu bezeichnen, und unbequem, die näberen Bezeichnungen "bei constantem Volumen" und "bei constantem Drucke" jedesmal beizusetzen, abgesehen davon, das "Ausdehnungscoëssicient bei constantem Volumen" eine missliche Zusammenstellung wird. Ich werde desshalb das Verhältniss $p = \left(\frac{P_t}{P_0} - 1\right)$: t den (mittleren) Spannungscoëssicienten

nennen, während $\mu = \left(\frac{v_t}{v_o} - 1\right)$: t seiner Bedeutung entsprechend der (mittlere) Ausdehnungscoëfficient bleibt. Die Bezeichnung "mittler" kann, wenn es nöthig erscheint, da beigesetzt werden, wo der Unterschied der erwähnten Verhältnisse gegenüber den partiellen Differentialquotienten

$$\frac{1}{P_{\bullet}} \left| \frac{dP}{dt} \right| \text{ und } \frac{1}{v_{\bullet}} \left| \frac{dv}{dt} \right|$$

deutlich gemacht werden soll, welche, ebenfalls zuweilen (wirkliche) Ausdehnungscoëfficienten genannt, die Geschwindigkeit in der Aenderung des Drucks und Volumens bei (der Zeit analog) fortschreitender Temperatur angeben.

Abgesehen von jeder besonderen Form einer Gleichung, die das Verhalten eines Gases darstellen soll, kann man allein durch Vergleichung des mittleren Spannungs- und Ausdehnungscoëssicienten, welcher sich auf das nämliche Temperaturintervall und den nämlichen Anfangsdruck bezieht, mit Sicherheit schließen, ob das Gas bei der oberen Temperatur dem Mariotte'schen Gesetze folgt, oder in welchem Sinne es davon abweicht. Ist $\mu = p$, so folgt das Gas bei der oberen Temperatur dem Mariotte'schen Gesetze; ist $\mu > p$, so weicht das Gas in demselben Sinne wie Kohlensäure vom Mariotte'schen Gesetze ab; ist endlich $\mu < p$, so weicht das Gas im entgegengesetzten Sinne, d. h. im Sinne einer geringeren Compressibilität vom Mariotte'schen Gesetze ab.

Diese drei Sätze gelten auch umgekehrt. Der Beweis liegt darin: Man kann das Gas unter dem constanten Ansangsdrucke P bis zur oberen Temperatur t erwärmen, wobei sein Volumen von v bis v_t wächst. Drückt man es dann bei constanter Temperatur t wieder auf das frühere Volumen v zusammen, so wächst seine Spannkraft und muß, da sie nur eine Function der Temperatur und des specifischen Volumens ist, schließlich chenso groß seyn, wie wenn man das Gas bei constantem Volumen v bis zur Temperatur t erwärmt hätte.

Die Compression geht bei to vor sich. Ist das dabei aufzuwendende Druckverhältnis

$$\frac{P_t}{P} = \frac{v_t}{v},$$

so gilt bei der Temperatur t das Mariotte'sche Gesetz. Ist hingegen

$$\frac{P_i}{P} < \frac{v_i}{v}$$

so haben wir stärkere Compressibilität, während

$$\frac{P_t}{P} > \frac{v_t}{v}$$

geringere Compressibilität anzeigt. Diese drei Ungleichungen stehen und fallen aber mit

$$p \gtrsim \mu$$
.

Wenn also z. B. Hr. Th. Reye¹) unter Anderem zu dem Schlusse kommt, dass atmosphärische Lust schon bei $+79^{\circ}$ C. dem Mariotte'schen Gesetze folge und jenseits dieser Temperatur im entgegengesetzten Sinne davon abweiche, so widerspricht dieser Schluss den Regnault'schen Versuchen²), durch welche für Lust $\left(\frac{P_{100}}{P_0}-1\right):100=0,003665$, $\left(\frac{v_{100}}{v_0}-1\right):100=0,003671$ gesunden wurde.

14. In Bezng auf Kohlensäure können die Werthe von p und μ für jede Temperatur, für welche B_t bekannt ist, aus den Gleichungen 9 und 10 berechnet werden. Umgekehrt kann man B_t aus einem Versuch über die Größe des mittleren Spannungs- oder Ausdehnungscoëfficienten finden.

Da über $\frac{P_{100}}{P_0}$ vier), über $\frac{v_{100}}{v_0}$ neun bei ver-

- 1) Die mechanische VVärmetheorie und das Spannungsgesetz der Gase. Göttingen 1861. Pogg. Ann. Bd. 116.
- 2) Mém. de l'Acad. T. XXI p. 24-73.
- 3) Ibid. p. 112.
- 4) Ibid. p. 117 und T. XXVI p. 575.

schiedener Dichtigkeit von Regnault gewonnene Resultate vorliegen, so hat die Berechnung von B_{100} keine Schwierigkeit.

Tafel IV.

$$B_{100} \coloneqq B_0 \frac{P_{1 \bullet 0}}{1,3642} - v_0 \frac{P_{1 \bullet 0}}{P_0} - 1,3642$$

$$= \frac{v_{100}}{1,3642} \left[\frac{v_{100}}{v_0} B_0 - v_0 \left(\frac{v_{100}}{v_0} - 1,3642 \right) \right]$$

$$1 \qquad 2 \qquad 3 \qquad 4 \qquad 5$$
No.
$$P_0 \qquad \frac{P_{100}}{P_0} \qquad B_{100} \qquad Gewichte$$

$$1 \qquad 760^{mm} \qquad 1,3688 \qquad 0,0037_0 \qquad 8$$

$$2 \qquad 901 \qquad 1,3694 \qquad 0,0038_0 \qquad 1$$

$$3 \qquad 1743 \qquad 1,3752 \qquad 0,0035_0 \qquad 2$$

$$4 \qquad 3589 \qquad 1,3860 \qquad 0,0037_8 \qquad 2$$

$$V_0 \qquad \frac{v_{100}}{v_0} \qquad B_{100} \qquad Gewichte$$

$$5 \qquad 1,000 \qquad 1,8710 \qquad 0,0029 \qquad 5$$

$$6 \qquad 0,294 \qquad 1,8845 \qquad 0,0038 \qquad 2$$

$$7 \qquad 0,177 \qquad 1,3996 \qquad 0,0037 \qquad 1$$

$$8 \qquad 0,172 \qquad 1,4006 \qquad 0,0037 \qquad 1$$

$$9 \qquad 0,103 \qquad 1,4227 \qquad 0,0042 \qquad 1$$

$$(10 \qquad 0,0895 \qquad 1,4252 \qquad 0,0048 \qquad 1)$$

$$11 \qquad 0,0846 \qquad 1,4406 \qquad 0,0038 \qquad 1$$

$$12 \qquad 0,0823 \qquad 1,4408 \qquad 0,0040 \qquad 1$$

$$13 \qquad 0,0571 \qquad 1,4858 \qquad 0,0038 \qquad 1$$

Legt man jeder dieser Zahlen das ihr beigesetzte Gewicht bei, und schließt No. 10 ganz aus, weil diese Angabe wahrscheinlich auf einem Druck - oder Rechenfehler beruht (die Interpolation giebt ganz nahe 1,4352), so erhält man als Mittelwerth

$$B_{100} = 0.0036_0$$
,

ohne Ausschlufs von No. 10 die Zahl 0,00364, würde man die beiden extremen Werthe No. 10 und No. 5 zugleich

ausschließen, 0.0037_7 ; die Verhältnisse $\frac{P_{100}}{P_0}$ allein geben 0.0037_2 , $\frac{v_{100}}{v_0}$ allein 0.0035_8 mit Ausschluß der extremen 0.0038_8 .

Regnault hat Bd. 21 S. 149 einen directen Versuch mitgetheilt, durch welchen er zu erproben suchte, ob Kohlensäure von 100° C. dem Mariotte'schen Gesetze folge oder nicht, und ist daselbst zu dem mit meiner Rechnung unverträglichen Schlusse gekommen, dass dieses mit großer Annäherung stattfinde. Es beruht aber dieser Schlus Regnault's auf einem Rechenfehler, dadurch begangen, dass das bei 99°,92 gefundene Gewicht der Kohlensäure von 6,3505 Grm. für den Fall, dass jene Temperatur 100° betragen hätte, zu 6,3549 angesetzt wurde, während es sich durch richtige Reduction vielmehr als 6,3491 Grm. ergiebt. — Führt man die Versuchsdaten mit dieser Correctur in die Gl. (Ia) ein, und berücksichtigt noch, dass für Kohlensäure von 760mm Spannkraft, die sich bei constantem Drucke ausdehnt, 0,003710 als Ausdehnungscoëfficient anzunehmen ist, so erhält man aus

$$\frac{338,39}{760} \cdot \frac{14,2717 (1,3710)}{6,3491} = 1,0071 \cdot 1,3642 \cdot \left(1 - \frac{B_{100}}{14,2717 \cdot 1,3710}\right)$$

$$B_{100} = 0,0038_{7},$$

so dass auch dieser Versuch ein mit der Rechnung übereinstimmendes Resultat ergiebt.

14. Die eingetragenen Werthe von B_{100} , deren gute Uebereinstimmung unter sich einen neuen Beleg für die Richtigkeit der in Gl. (I) eingeführten Dichtigkeitsfunction giebt, sind unter der Voraussetzung berechnet, dass ebenso wie das Mariotte'sche, auch das Gay-Lussac'sche Gesetz ein Gränzfall für unendlich abnehmende Dichtigkeit, und an dieser Gränze 0,003642 der Werth des Ausdehnungscoëfficienten sey, ebensowohl für Kohlensäure als für atmosphärische Luft brauchbar.

Man kann diese Voraussetzung dadurch prüsen, dass man den Werth von B_{100} unabhängig von derselben berechnet unter der alleinigen, schon durch die Uebereinstimmung der eingetragenen Werthe von B_{100} unter sich bestätigten Annahme, dass die Gleichung (I) bei 100° die Compressibilität des Gases bis zur 18 fachen Normaldichtigkeit ebenso gut darstellt, wie bei 3°.

Sind nämlich A und B beliebige Temperaturfunctionen, so ist für t = 0

$$P_0 v_0 = A_0 \left(1 - \frac{B_0}{v_0}\right)$$

und wenn das Gas bei dem constanten Volumen v_0 bis 100° C. erwärmt ist,

$$P_{100}v_0 = A_{100} \left(1 - \frac{B_{100}}{v_0}\right)$$

durch Division

$$\frac{P_{100}}{P_0} = \frac{A_{100}}{A_0} \cdot \frac{1 - \frac{B_{100}}{v_0}}{1 - \frac{B_0}{v_0}}$$

Verfährt man ebenso bei einer anderen Dichtigkeit $\left(\frac{1}{v_{0}'}\right)$, so erhält man

$$\frac{P'_{100}}{P'_{0}} = \frac{A_{100}}{A_{0}} \cdot \frac{1 - \frac{B_{100}}{v'_{0}}}{1 - \frac{B_{0}}{v'_{0}}}$$

und durch Division der beiden letzten Gleichungen

$$\frac{P'_{100}}{P'_{0}}: \frac{P_{100}}{P_{0}} = \frac{1 - \frac{B_{100}}{v'_{0}}}{1 - \frac{B_{100}}{v_{0}}} \cdot \frac{1 - \frac{B_{0}}{v_{0}}}{1 - \frac{B_{0}}{v'_{0}}}$$

die linke Seite wird den Versuchen entnommen, B_0 ist so nahe an dem von der Art der Temperaturfunction A und B unabhäugig bestimmten B_3 , dass es sür beinahe ebenso voraussetzungslos gelten kann, wie dieses. Somit können v_0 und v_0' aus Gl. (I) berechnet werden und B_{100} bleibt als einzige Unbekannte.

Durch Combination der Versuche 1 und 4 der Taf. IV finde ich

$$B_{100} = 0,0039_1$$
.

Ganz analog combinirt man zwei bei verschiedener Anfangsdichtigkeit ausgeführte Versuche über Ausdehnung unter constantem Drucke und findet mittelst der Gleichung

$$\frac{v'_{100}}{v'_{0}} \cdot \frac{v_{100}}{v_{0}} = \frac{1 - \frac{B_{100}}{v'_{100}}v'_{0}}{1 - \frac{B_{100}}{v_{100}}v_{0}} \cdot \frac{1 - \frac{B_{0}}{v_{0}}}{1 - \frac{B_{0}}{v'_{0}}}$$

aus No. 6 und 13

$$B_{100} = 0.0038_{\rm b}$$
.

Die hier gefundenen Werthe sind von den in No. 13 unter der Voraussetzung $A = A_0 (1 + \alpha t)$ und $\alpha = 0,003642$ berechneten nicht merklich verschieden, somit ist diese Voraussetzung gerechtfertigt und eine Wahrscheinlichkeit mehr dafür gefunden, daß Luft und Kohlensäure an der Gränze abnehmender Dichtigkeit einen gemeinschaftlichen Ausdehnungscoëfficienten haben, der von 0,003642 nicht viel abweicht. Dennoch legen diese Rechnungen, das Resultat des einzelnen Compressibilitätsversuches, sowie der Umstand, daß das extreme No. 5 der Tasel 4 einen großen Einfluß zur Verkleinerung von B_{100} übt, ein bedeutendes Gewicht dafür in die Wagschale, daß $B_{100} > 0,0036$, und vielleicht genauer in der Größe

0,0038

angenommen wird.

15. Vergleicht man den Werth $B_{100} = 0,0036_0$

mit den letzten in Tas. III eingetragenen Werthen von B_t , so ergiebt sich, dass der Werth von B_t durch die Temperaturerhöhung von 40° bis 100° nicht mehr abnimmt, folglich die Dichtigkeit der gesättigten Kohlensäure bei einer Temperaturerhöhung von 40° auf 100° nicht mehr zu-

nimmt. Ferner findet man für die Spannkrast bei 100° C. die Zahl

$$M_{100} = \frac{1,3642}{1-B_0} \cdot \frac{1}{4B_{100}} = 95,4 \text{ Atmosphären}^{1}$$
),

welche nur um 14,6 Atmosphären größer ist, als die von 40°, während diese die Spannkraft von — 20° um circa 61 Atmosphären übertrifft.

Man könnte geneigt seyn, den Inhalt dieser Schlüsse für sehr unwahrscheinlich zu halten und in demselben einen Grund zum Misstrauen gegen die Gl. (Ia) zu finden. Ich habe dem gegenüber nicht nöthig, auf physikalische Thatsachen hinzuweisen, welche, obwohl außerhalb jeder Analogie, dennoch unläugbar constatirt sind; es stehen vielmehr die hier abgeleiteten Resultate mit einer Bcobachtung, welche Regnault bei der graphischen Darstellung der Spannkräfte (M) über den Gang dieser Werthe gemacht hat, so gut im Einklang, dass dieselben zu einer neuen Bestätigung für die Brauchbarkeit der Gl. (Ia) werden. Nachdem nämlich Regnault S. 624 des 26. Bandes die Schwierigkeiten besprochen, welche die Beobachtungsresultate ibrer Darstellung durch "une formule d'interpolation à deux exponentielles" entgegensetzen, fährt er fort: "La cause de cette anomalie se manifestait clairement sur la courbe graphique, que j'ai tracée sur les observations elles-Cette courbe a l'aspect ordinaire des courbes, dout les ordonnées sont $\log \frac{F}{760}$ " (= $\log M$) "depuis - 25° jusqu'à + 25°; mais, au-dessus de cette dernière température, elle s'infléchit rapidement vers l'axe des températures et paraît tendre vers un maximum peu éloigné. Il eût été intéressant de pousser les expériences plus loin, et je l'aurais fait si je m'étais aperçu de cette circonstance au moment des expériences. J'espère avoir l'occasion" etc.

1) Aendert man den VVerth von B_{100} um eine Einheit der vierten Decimale, so beträgt die dadurch veranlaßte Aenderung von M_{100} ungefähr $2\frac{1}{2}$ Atmosphären im eutgegengesetzten Sinne, so daß für $B_{100} = 0,0038$, $M_{100} = 90,4$ Atmosphären wäre.

Wenn Regnault's Vermuthung eines an 40° nahen Maximums der Werthe von M richtig wäre, so müsste meine Temperaturfunction B ihrem Zusammenhauge mit Mgemäß an derselben Stelle ein Minimum haben und die von mir berechneten Werthe B_{100} und M_{100} würden sicher schon jenseits dieser ausgezeichneten Punkte zu suchen seyn. In der That ist dieses auch der erste Eindruck, den ein Vergleich der Werthe von B_{100} mit den B der Taf. III hervorbringt. Da indessen einerseits die vierte Decimale der Werthe von B, welche zu höheren Temperaturen gehören, nicht völlig sicher ist und andererseits auch Regnault seine Vermuthung nur auf die auffallende Verzögerung stützt, welche zwischen 30° und 40° in der Zunahme der M vor sich geht, so behalten sowohl der Rechnung als der Beobachtung gegenüber neben der Vermuthung eines Maximums auch noch andere, z. B. die einer der Abscissenaxe parallelen Assymptote Raum, längs welcher sich möglicherweise die Curve der M hinziehen kann.

16. Berechnung der Verdampfungswärme der Kohlensäure. Die mechanische Wärmetheorie stellt für die Wärmemenge (r), welche einem Kilogramm Flüssigkeit von t^o C. zuzusühren ist, damit es sich bei dieser Temperatur und unter dem constanten Drucke M in Dampf verwandle, die Gleichung

$$r = A (a + t) (\nu - \sigma) \frac{dM}{dt}^{1}$$

auf, welche einen leicht zugänglichen Sinn hat. Es soll nämlich der Gleichung gemäß die Wärmemenge (r), wie uns das Wärmeäquivalent (A) der Arbeitseinheit sagt, die Arbeit

$$(a+t)(\nu-\sigma)\frac{dM}{dt}$$

leisten. Diese Arbeit kann als Product eines Druckes

$$(a+t)\frac{dM}{dt}$$

¹⁾ Clausius, Abhandlungen über die mechan. Wärmetheorie I, S. 58.

in die Volumenerweiterung ($\nu - \sigma$) aufgefasst werden, die bei der Verdampfung thatsächlich vor sich geht, da (ν — σ) das um das specifische Volumen (o) der flüssigen Kohlensäure verminderte specifische Volumen (v) des gesättigten Dampses bezeichnet. Die Arbeit erscheint daher unter der geläufigen Form Pv, wenn noch $(a + t) \frac{dM}{dt}$ einen deutlichen Sinn hat. Es ist aber $\frac{dM}{dt}$ die Geschwindigkeit in der Zunahme der Spannkraft bei der Temperatur t, d. h. die Zunahme der Spannkraft für eine Temperaturerhöhung um 1º C., wie sie von der Temperatur t aus stattfindet, wenn sie von da an constant bleibt. Somit ist $(a + t) \frac{dM}{dt}$ die Zunahme der Spannkraft bei einer Temperaturerhöhung um $(a + t)^{\circ}$ oder diejenige Spannkraft, welche dem Dampfe von to zukäme, wenn sie vom absoluten Nullpunkte (- ao C.) an mit derselben Geschwindigkeit zugenommen hätte, wie bei t^0 . 1)

Die zur Berechnung von r nöthigen Daten sind für Temperaturen von — 20° bis $+35^\circ$ insofern vorhanden, als man $A=\frac{1}{424}$, $a=\frac{1}{0,003642}=374,6$, σ , das Volumen eines Kilogramms flüssiger Kohlensäure nach Faraday gleich 0,00125 Cubikmeter annimmt und die durch die Temperatur veranlaßten Aenderungen desselben vernachlässigt. ν kann man der Taf. III entnehmen, $\frac{dM}{dt}$ aus den in derselben Tafel eingetragenen Werthen von M mit Annäherung dadurch ableiten, daß man z. B. für t=5

$$\frac{dM}{dt} = \frac{\frac{dM}{dt_{(2,5)}} + \frac{dM}{dt_{(7,5)}}}{2}$$

und $\frac{dM}{dt_{(2,5)}} = \frac{M_5 - M_0}{5}$ annimmt. Jede der so erhaltenen,

1) Da $(\nu - \sigma)$ M die dabei von r wirklich geleistete äußere Arbeit ist, so bleibt $(\nu - \sigma) \left[(a+t) \frac{dM}{dt} - M \right]$ für die innere Arbeit etc.

in Spalte 2 eingesetzten Zahlen ist noch, um von den Atmosphären auf die Kilogramme zu kommen, welche ein Quadratmeter drücken, mit (760.13,596) multiplicirt und das Product in Spalte 3 eingetragen.

Tafel V.

1	2	.3	4	5
Ł	d M dt in Atmosphären	d M dt in Kilogrammen	Calorien Kilogrm. VVasser auf 1º C.	Diffe- renzen
20	0,602	6221	39,6	0,0
 15	0,684	7068	39,6	0,2
— 10	0,771	7967	39,4	0,5
— 5	0,864	8928	38,9	1,0
0	0,962	9940	37,9	0,5
+ 5	1,065	11005	37,4	1,0
+ 10	1,170	12090	36,4	1,2
+15	1,278	13205	35,2	1,8
+20	1,371	14167	33,4	3,4
+25	1,384	14301	30,0	5,9
+ 30	1,232	12730	24,1	9,4
+35	0,806	8328	14,7	

17. Es ergiebt sich schon aus dem Vorstehenden, dass es für weitere Prüfung der Rechnung wünschenswerth wäre, wenn man sie mit Versuchen vergleichen könnte, welche a) die Dampfdichte, b) die Spannkraft des gesättigten Dampfes zwischen 40° und 100°, c) die Compressibilität des Gases zwischen 10° und 100° betreffen. Da Regnault schon bis zu 80 Atmosphären Spannkraft aufgewendet hat, so dürsten auch die der Rechnung nach erforderlichen 90-95 Atmosphären nicht unerschwinglich seyn, während Compressibilitätsversuche, die bei mittleren Temperaturen und mässigen Spannungen anzustellen wären, auch mit weniger bedeutenden Mitteln aussührbar sind. Ueberdiess ist man im Stande, mittelst Gl. (Ia) die Spannkraft zu berechnen, welche Kohlensäure von gegebener Dichtigkeit bei Temperaturen zwischen — 25° und + 40° bat, und diese Spannkräfte weichen selbst bei mittleren

Dichtigkeiten nicht unerheblich (um 2-4 Millimeter) von denjenigen ab, welche man nach dem Gay-Lussac'schen Gesetze zu erwarten hätte. Erwärmt man also Kohlensäure bei constantem Volumen allmählig von — 25° bis + 100° und misst die zu den verschiedenen Temperaturen gehörigen Spannkräfte, so hat man ebenfalls eine Controle der Rechnung und könnte Aufschlüsse über den Gang von B zwischen + 40° und + 100° erhalten. Dabei dürfte man allerdings nicht übersehen, dass die mit irgend einem Instrumente gemessenen Temperaturen auf die Angaben eines Lustthermometers zu reduciren sind, welches mit einem "vollkommenen" Gasc, also etwa mit sehr dünner Lust gefüllt ist.

18. Schliesslich dürfte es interessiren, in wieweit etwa das Verhalten der übrigen Gase durch die Gl. (1a) dargestellt wird.

Was zunächst die condensirbaren Gase betrifft, so scheint die Gl. (Ia) für Stickoxydul ebenso allgemein zu gelten, wie für Kohlensäure.

Denn entnimmt man der Tabelle, welche Regnault S. 631 des 26. Bandes giebt, die Spannkräfte

$$M_0 = 36,08, M_5 = 40,21, M_{10} = 44,76$$

des gesättigten Dampfes, so giebt die Gleichung

$$B_t = A_0 (1 + \alpha t) \frac{1}{4M_t}$$

 $B_0 = 0,00698$, $A_0 = 1,00703$, $B_5 = 0,00638$, $B_{10} = 0,00583$ und durch Interpolation $B_{8,1} = 0,00604$,

womit sich die von Regnault über die Compressibilität des Gases gewonnenen und S. 251 des 26. Bandes mitgetheilten Resultate ganz gut berechnen lassen.

Zu der etwas ausgedehnteren Versuchsreihe S. 239 fehlt die Angabe der Temperatur. Nach der Analogie der übrigen Versuche dürfte dieselbe zwischen 8° und 10° anzunehmen seyn, und in der That werden auch diese

Resultate mittelst einer von B_8 wenig verschiedenen Constanten berechnet.

Für die leichter condensirbaren Gase: Chlorwasserstoffsäure, Schweselwasserstoff, Ammoniak, Cyan, Schweslige Säure läst sich zwar innerhalb des geringen Intervalles der Beobachtung der Gang der Abweichungen noch durch die Gl. (I) wiedergeben, allein diese Abweichungen selbst müsten merklich größer seyn als die von Regnault 1) beobachteten, wenn das wie bei Kohlensäure und Stickoxydul berechnete Maximum der Spannkrast mit dem beobachteten übereinstimmen sollte.

Von den "permanenten" Gasen, Wasserstoff, Stickstoff, Sauerstoff, Stickoxyd, Kohlenoxyd, Kohlenwasserstoff steht Wasserstoff insofern isolirt, als er allein im Sinne einer geringeren Compressibilität vom Mariotte'schen Gesetze abweicht Die beobachteten Abweichungen²) lassen sich mit positivem B ganz gut durch Gl. (I) oder durch die oben gegebene theoretische Gleichung darstellen, wobei die Constante $B_9 = 0,00056$ ist.

Die übrigen vier Gase (und mit ihnen die besonders untersuchte atmosphärische Luft) zeigen in ihren sehr geringen, übrigens denen der Kohlensäure analogen Abweichungen bim Allgemeinen einen mit wachsender Dichtigkeit etwas langsamer fortschreitenden Gang, als er der Gl. (I) oder auch der theoretischen Gleichung entspräche. Es würde für sie vielmehr das Spannungsgesetz

$$P = \frac{a_1}{e^3} - \frac{a_2}{e^5} \text{ oder } Pv = a_1 - \frac{a_2}{\sqrt[3]{v_2}}$$

passen, worin $\rho = \sqrt[3]{v}$ eine der mittleren Molekulardistanz proportionale Länge bezeichnet.

Es existirt indessen auch eine von 1-7½ Atmosphären Druck ausgedehnte Versuchsreihe Regnault's über atmo-

¹⁾ Mém. de l'Acad. T. XXVI p. 251 ff. und p. 598 ff.

²⁾ Ibid. T. XXI p. 394 ff.

³⁾ Atmosphärische Lust und Stickstoff (Mém. de l'Acad. T. XXI p. 374; die übrigen ebendas. T. XXVI p. 237).

sphärische Lust¹), welche sich im Gange genau an die theoretische Gleichung oder auch an Gl. (I) anschließt, und B = 0,00086 erfordert. Die Temperatur sehlt.

Vielleicht sind diese kleinen Abweichungen von Umständen beeinflusst, welche nicht ganz durch die Natur des Gases allein bestimmt sind, z. B. von der Verdichtung an den Wänden des Gefäses. Es läst sich leicht denken, dass diese Verdichtung eine nur sehr langsam fortschreitende Function der Dichtigkeit ist und bei zunehmender Geschwindigkeit der Wärmebewegung abnimmt. Dann könnte sie, indem sie die beobachtete Abweichung theilweise veranlasst, die Ursache des verzögerten Ganges dieser Abweichung seyn, und es bliebe nur ein Theil derselben als Function der Spannkraft des gesättigten Dampses übrig.

Damit die Gl. (Ia) für ein Gas durchgreifend genau sey, ist erforderlich, dass dasselbe als gesättigter Dampf dem Mariotte'schen und Gay-Lussac'schen Gesetze folge. Die Rechnungen der mechanischen Wärmetheorie ebenso wie die Versuche von Fairbairn und Tate haben dargethan, dass jenes Gesetz für den gesättigten Wasserdampf nicht genau gilt, zugleich aber auch zum erstenmale bewiesen, dass dasselbe eine ziemlich bedeutende Annäherung giebt. Denn aus den von Clausius²) angestellten Vergleichungen geht hervor, dass eine beinahe vollkommene Uebereinstimmung zwischen 58°,21 und 92°,66 stattfindet, und dass die Abweichung zwischen 117° und 144° etwa 5 Proc. des berechneten Volumens beträgt. Von diesen 5 Proc. fallen noch 2 weg, wenn man, wie es seyn muss, den Ausdehnungscoëssicienten $\alpha = 0.003642$ annimmt, so dass noch eine Differenz von 3 Proc. übrig bleibt. Diese Annäherung legt den Gedanken nahe, dass das Verhalten des überhitzten Wasserdampfes mit ähnlicher Annäherung durch Gl. (Ia) dargestellt werde. Die bisher darüber vorliegenden Versuchsresultate sind indessen zu

¹⁾ Mém. de l'Acad. T. XXVI p. 235.

²⁾ Clausius, Abhandlungen über die mechanische VVärmetheorie, I, Zus. C, S. 89.

wenig unter sich übereinstimmend, als dass man sie zur Prüfung verwenden könnte.

19. Resultate. An die Stelle des Mariotte'schen und Gay-Lussac'schen Gesetzes $Pv = A_0 (1 + \alpha t)$ tritt für Kohlensäure (und Stickoxydul) die allgemeinere und die Beobachtungen exact darstellende Gleichung

$$Pv = A_0 \left(1 + \alpha t\right) \left(1 - \frac{B_t}{v}\right)$$

worin v das Volumen der Gewichtseinheit Kohlensäure bezeichnet, B_t eine durch die Spannkrast des bei t^0 C. gesättigten Dampses bestimmte Temperaturfunction darstellt, $\alpha = 0.003642$ ist.

Zählt man P in Atmosphären und nennt das Volumen 1, welches 1 Kilogrm. Kohlensäure bei 0° C. und einer Atmosphäre Spannkraft besitzt, so ist

$$A_0 = 1,00710$$
 $B_0 = 0,00705$
 $B_{100} = 0,0038$

allgemein

$$B_t = 1,00710 (1 + \alpha t) \frac{1}{4 M_t}$$

wobei Mt die Spannkraft des bei to gesättigten Dampses bezeichnet.

München, im October 1870.

1V. Ueber den Zusammenhang der Configuration des festen Landes und der Lage der magnetischen Pole der Erde;

von Dr. Menzzer,

Oberlehrer in Halberstadt.

Da ein um eine verticale Axe drehbar aufgehängter, in Form eines Vierecks oder Kreises gebogener, von einem galvanischen Strome durchflossener Leiter sich zu einem darunter hingeleiteten, feststehenden, ebenfalls von einem galvanischen Strome durchflossener Leiter stets so einstellt, dass in seinem unteren Theile der Strom nach derselben Richtung verläuft, wie im feststehenden Leiter; — nach Entsernung dieses Letzteren sich aber so wendet, das in seinem unteren Theile der positive Strom von Osten nach Westen verläuft: so ist dies Verhalten des beweglichen Stromes ganz so, als wenn ein oder mehrere positive Ströme von Osten nach Westen um die Erde kreisten.

Weil aber ein drehbarer Leiter sich auch über einem starken Stabmagnet so einstellt, dass für eine in den positiven Strom des Leiters hineingedachte menschliche Figur — deren Kopf dahin gerichtet ist, wo der positive Strom herkommt, und deren Gesicht dem Magnetstabe zugewendet ist, — der Südpol des Stabes links liegt, die magnetische Polarität der nördlichen Hälste der Erde aber südmagnetisch ist: so könnte die Ursache des bezeichneten Verhaltens des beweglichen Stromes auch als in der magnetischen Polarität der Erde liegend vorgestellt werden.

Dass die von Osten nach Westen um die Erde kreisenden positiven Ströme die magnetische Polarität der Erde in der That bedingen, und worin diese Ströme ihren Grund haben, lässt sich zwar aus der Rotation der Erde ableiten, es ist aber in dem Vorliegenden nicht meine

Absicht, diese Ableitung vorzutragen, vielmehr möchte ich hier nur zeigen, wie sich aus jenen Erdströmen die Lage der magnetischen Pole der Erde herleiten lassen.

Wenn die Erde allseitig von einer gleichförmigen festen Decke umgeben wäre, so würden jene mit der Rotation zusammenhängenden Erdströme überall genau von Osten nach Westen rings um die Erde verlaufen, und das Resultat würde seyn, dass die magnetischen Pole der Erde mit den geographischen genau zusammensielen. Dies ist annähernd mit demjenigen Theile der festen Erdrinde der Fall, welcher von unten her etwa bis zur mittleren Meerestiese reicht. Der höher gelegene Theil der Erdobersläche besteht aber aus Wasser und Festland, und dieser Umstand modificirt jene Erdströme näher in der Weise, dass dieselbe Tendenz, welche in dem starren Theile der Obersläche als jene Erdströme auftritt, in dem slüssigen Theile eine wirkliche ortverändernde Rückströmung der Gewässer bewirkt.

In diesem differenten Auftreten jener rückläusigen Tendenz liegt nun der Grund, dass die magnetischen Pole der Erde gegen die geographischen verschoben werden, und es muss — wenn dieser hier vorläusig nur unter der Form einer blossen Behauptung auszusprechende Zusammenhang wahr ist, — möglich seyn, die Lage der magnetischen Pole aus der Configuration des Festlandes zu berechnen.

Wenn man mit ω ein Flächenelement des Festlandes bezeichnet, welches zwischen zweien einander sehr nahe liegenden Längenkreisen, und ebenso zwischen zweien einander sehr nahe liegenden Breitenkreisen liegt; — wenn man ferner mit dl und db die kleinen Differenzen zwischen jenen Längen- und Breitenkreisen bezeichnet, — und da endlich die wirkliche Länge des Bogens dl durch dl cos b auszudrücken ist, so ist

 $\omega = db \cdot dl \cdot \cos \cdot b$:

Ein solches Flächenelement verschiebt wegen seiner positiven Ströme den magnetischen Pol so, dass derselbe um 90° auf dem mittleren Längenkreise von dem Elemente, also um b von dem geographischen Pole, zu liegen kommt. Jedes Flächenelement des Festlandes bewirkt nun eine ähnliche Verschiebung, und aus allen diesen Verschiebungen, als Componenten, wird sich dann eine Resultante ableiten lassen.

Den Ausdruck der Componente, welche von einem solchen Flächenelemente herrührt, bildet offenbar das Product:

$$b \cdot \omega = b \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b$$

Bildet man hiernach die Ausdrücke der Componenten der Flächenelemente, welche zwischen denselben Längenkreisen liegen, so hat man:

$$b' \cdot \omega = b' \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b'$$

$$b'' \cdot \omega = b'' \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$

$$b'' \cdot \omega = b'' \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$

$$b'' \cdot \omega = b'' \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$

$$b'' \cdot \omega = b'' \cdot db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$
Summe = dl \(\Sigma b \cdot \cos \cdot b \cdot db = s\cdot \)

Bildet man so die Summen von den Componenten (Gewichten) der Flächenelemente, welche zwischen anderen, ebenfalls um dl verschiedenen Längenkreisen, und zwischen denselben Breitengränzen liegen: so sind alle diese Summen einander gleich. Alle diese gleichen Summen stellen Componenten (Gewichte) dar, deren Resultante man dadurch findet, dass man die Componenten auf die Richtung der Resultante, d. h. auf den mittleren Längenkreis projicirt, und diese Projectionen summirt.

Bedeuten α' , α'' , α''' ,* α die Winkel, welche die Componenten mit dem mittleren Längenkreise bilden, so sind jene Projectionen:

$$s' \cos \alpha' = dl (\sum b \cdot \cos \cdot b \cdot db) \cos \cdot \alpha'$$

$$s'' \cos \alpha'' = dl (\sum b \cdot \cos \cdot b \cdot db) \cos \cdot \alpha''$$

$$\vdots$$

$$s'' \cos \alpha'' = dl (\sum b \cdot \cos \cdot b \cdot db) \cos \cdot \alpha''$$

Summe =
$$R = \left(\sum_{\alpha=0}^{\alpha=*a} \cos \alpha\right) dl \cdot \left(\sum_{b=b'}^{b=*b} b \cdot \cos b\right) db$$
.

Ist μ die mittlere Länge, also die geographische Länge der Richtung der Resultante und l die geographische Länge der Componente, so ist:

also
$$R = \sum_{l=l'}^{l=l} \cos (\mu - l) dl \cdot \sum_{b=b'}^{b=b} b \cdot \cos \cdot b \cdot db.$$

Soll die Anzahl der Grade ermittelt werden, um welche der magnetische Pol auf dem mittleren Längenkreise gegen den geographischen Pol verschoben wird, so hat man die Flächenräume für sich allein auf die Richtung der Resultante zu projiciren, und mit der Summe dieser Projectionen in R zu dividiren, also wie oben:

$$\omega' = db \cdot dl \cdot \cos \cdot b'$$

$$\omega'' = db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$

$$\omega'' = db \cdot dl \cdot \cos \cdot b''$$
Summe = $\Omega = dl \cdot \sum_{b=b'}^{b=b} \cos \cdot b \cdot db$.

Solche Flächenräume auf die Richtung der Resultante projicirt, giebt:

$$\Omega \cos (\mu - l') = \cos \cdot (\mu - l') dl \cdot \Sigma \cos \cdot b \cdot db$$

$$\Omega \cos (\mu - l'') = \cos \cdot (\mu - l'') dl \cdot \Sigma \cos \cdot b \cdot db$$

$$\Omega \cos (\mu - l') = \cos \cdot (\mu - l') dl \cdot \Sigma \cos \cdot b \cdot db$$

$$Summe = p = \sum_{l=l'}^{l=l} \cos (\mu - l) dl \cdot \sum_{b=b'}^{l=b} \cos b \cdot db.$$

Nun ist der Arcus, um welchen der magnetische Pol gegen den geographischen verschoben wird:

$$\frac{R}{p} = \frac{\sum_{b=ab'}^{b=ab}}{\sum_{b=ab'}^{b=ab}}$$

Die Summen, welche bisher durch Σ bezeichnet sind, werden nun am leichtesten als Integrale zu behandeln seyn, also:

$$\sum b \cdot \cos b \cdot db = \int b \cdot \cos \cdot b \cdot db$$

$$= \int b \cdot d \sin b$$

$$= b \cdot \sin b - \int \sin b \cdot db$$

$$= b \cdot \sin b - \int (-d \cos b)$$

$$= b \cdot \sin b + \cos b.$$

Ebenso

$$\sum \cos b \cdot db = \int \cos b \cdot db$$
$$= \sin b.$$

Nimmt man nun beide Integrale zwischen den betreffenden Gränzen, so hat man:

$$\int_{b=b'}^{b-b} b \cdot \cos b \cdot db = b \sin b + \cos b - b' \cdot \sin b' - \cos b',$$

$$\int_{b=b'}^{b=b} \cos b \cdot db = \sin b - \sin b'.$$

Also

$$\frac{R}{p} = \frac{"b \cdot \sin"b + \cos"b - b' \cdot \sin"b' - \cos"b'}{\sin"b - \sin"b'}$$

Um R selbst zu entwickeln, hat man

$$R = \int_{l=l'}^{l=l} \cos(\mu - l) \cdot dl \cdot \int_{b=b'}^{b=b} b \cdot \cos b \cdot db,$$

woraus folgt:

$$R = [\sin (\mu - l) - \sin (\mu - l)] \times [b \sin b + \cos b - b' \sin b' - \cos b'],$$

und da

$$\mu - l' = "l - \mu = -(\mu - "l),$$

so ist

$$R = 2 \sin (\mu - b) [b \sin b + \cos b - b \sin b - \cos b].$$

Zur Ermittelung der geographischen Länge der schließlichen Resultante projicirt man jede einzelne Resultante,
d. h. die Resultante jedes einzelnen Flächenraumes auf
zwei etwa um 10° geographischer Länge verschiedene
Längenkreise. Wählt man zu diesen Längenkreisen den
Meridian von Ferro und den um 10° westlich davon gelegenen, so hat man jede einzelne Resultante einmal mit
dem cos. der mittleren geographischen Länge des betreffenden Flächenstückes, und das andere Mal mit dem cos.
der um 10° vermehrten mittleren geographischen Länge zu
multipliciren. Die Summe der Producte der ersten Art
will ich mit α, die der zweiten Art mit ο bezeichnen.
Bedeutet endlich P die schließliche Gesammtresultante,
und α den geographischen Längenwinkel, den ihre Richtung
mit dem Meridian von Ferro bildet, so hat man

$$P \cos \alpha = a$$
und
$$P \cdot \cos (\alpha + 10) = c,$$
folglich
$$\frac{\cos (\alpha + 10)}{\cos \alpha} = \frac{c}{a}$$

oder

$$\cos 10^{\circ} - \operatorname{tg} \alpha \cdot \sin 10^{\circ} = \frac{c}{a}$$

woraus

$$\cot g \ 10^{\circ} - tg \ \alpha = \frac{c}{a \cdot \sin 10^{\circ}}.$$

Setzt man

$$\frac{c}{a \cdot \sin 10^{\circ}} = \cot \alpha \lambda,$$

so ist

$$tg \alpha = cotg 10^{\circ} - cotg \lambda$$

oder

$$tg \alpha = \frac{\sin (\lambda - 10)}{\sin \lambda \cdot \sin 10^{\circ}}.$$

Man berechnet also zuerst λ aus der Gleichung cot λ = $\frac{c}{a \cdot \sin 10^{\circ}}$, geht mit diesem Werthe in die letzte Gleichung für tg α ein, und findet α ; daraus ergiebt sich die geographische Länge der Gesammtresultante oder des magnetischen Poles als 360° — α .

Nach dem Obigen ist

$$p = \int_{l=l'}^{l=l} \cos (\mu - l) \cdot dl \int_{b=b'}^{b=b} \cos b \cdot db$$

oder

$$= 2 \cdot \sin (\mu - l) [\sin b - \sin b].$$

Jedes solches p muss nun durch Multiplication mit $\cos \mu$ auf den Meridian von Ferro projicirt werden, also

$$p \cos \mu = 2 \cdot \sin (\mu - l) \left[\sin b - \sin b \right] \cos \mu.$$

Die Summe dieser Projectionen ist dann Π cos α . Nun ist

$$\frac{P}{\Pi} = \frac{a}{s} = \text{Arcus},$$

um welchen der magnetische Pol vom geographischen absteht, folglich ist endlich

$$90^{\circ} - \frac{P}{\pi} = 90^{\circ} - \frac{a}{4}$$

die geographische Breite des magnetischen Poles.

Um nun zu zeigen, wie sich hiernach die mit den Taseln aus dem "Taschenbuch der Mathematik" von Ligowski ausgesührte specielle Berechnung gestaltet, möge mir gestattet seyn, hier ein Beispiel in möglichster Kürze vorzulegen. Das nördliche Sudan, der größte Theil der Sahara und Aegyptens gestaltet ein Viereck mit solgenden Bestimmungen:

$$\begin{array}{c} l = 9^{\circ} 8' \\ {}^{\circ}l = 50^{\circ} 0'. \\ \mu = 29^{\circ} 34' & \cos(\mu + 10^{\circ}) = 0,7709 \\ {}^{\circ}l = l' = 20^{\circ} 26' & \sin\frac{{}^{\circ}l - l'}{2} = 0,3491 \\ 2 \sin\frac{{}^{\circ}l - l'}{2} = 0,6982 \\ b' = 5^{\circ} 0', \text{ Arc. } b' = 0,0873, \sin b' = 0,0872, \cos b' = 0,9962 \\ {}^{\circ}b = 30^{\circ} 20', \text{ Arc. } b = 0,5294, \sin^{\circ}b = 0,5050, \cos^{\circ}b = 0,8631 \\ \sin^{\circ}b - \sin b' = 0,4178 \\ {}^{\circ}b = 0,5294 & b' = 0,0873 \\ \sin^{\circ}b = 0,5050 & \sin b' = 0,0872 \\ {}^{\circ}b.\sin^{\circ}b = 0,2673 & b'.\sin b' = 0,0076 \\ \cos^{\circ}b = 0,8631 & \cos b' = 0,9962 \\ {}^{\circ}b.\sin^{\circ}b + \cos^{\circ}b = 1,1304 & b'.\sin b' + \cos b' = 1,0038 \\ b'.\sin b' + \cos b' = 1,0038 \\ Differenz = 0,1266 \\ 2 \sin\frac{{}^{\circ}l - l'}{2} = 0,6982 \\ Product = R = 0,0884 & R = 0,0884 \\ \cos \mu = 0,8698 & \cos(\mu + 10) = 0,7709 \\ R.\cos \mu = 0,0769 & R.\cos(\mu + 10) = 0,0681 \\ \sin^{\circ}b - \sin b = 0,4178 \\ 2.\sin\frac{{}^{\circ}l - l'}{2} = 0,6982 \\ Product = p = 0,2917 \\ \cos \mu = 0,8698 \\ p.\cos \mu = 0,2537 \\ \text{Arcus} = \frac{R}{p} = 0,034844 & \text{in Graden} = 1^{\circ}59'48'',4. \end{array}$$

Das fragliche Viereck verschiebt also den magnetischen Nordpol auf dem Längenkreise, welcher 29° 34' entspricht, um 1° 59′ 48″,4 über den geographischen Nordpol binaus, so dass, wenn dieses Viereck das einzige Festland auf der nördlichen Halbkugel wäre, der magnetische Nordpol

auf 209° 34' östl. Länge von Ferro und 88° 0' 11",6 nördl. Breite

läge.

ı

Die obigen Multiplicationen von R mit $\cos \mu$ und $\cos (\mu + 10^{\circ})$ hätten für dies einzelne Viereck wegbleiben können; ich habe dieselben nur desshalb hier mit hergesetzt, um die vollständige Berechnung, wie sie für jedes Viereck durchgeführt werden muß, darzulegen.

Aus dem Festlande der nördlichen Halbkugel habe ich vorläufig 147 solche von Längen- und Breiten-Kreisbogen begränzte Vierecke gebildet und dieselben in der vorgeführten Weise der Berechnung unterworfen, wobei alles Land, was nördlich vom 70. Grade der Breite gelegen ist, ausgeschlossen geblieben ist. Danach ist die Summe der für $R\cos\mu$ erhaltenen Werthe, also

$$P. \cos \alpha = a = 0.15074,$$

die Summe der für $R \cos(\mu + 10)$ erhaltenen Werthe also $P \cdot \cos(\alpha + 10) = c = 0.07504$,

und die Summe der für $p \cdot \cos \mu$ erhaltenen Werthe also $\Pi \cdot \cos \alpha = s = 0.41519$.

Aus diesen Zahlenwerthen berechnet sich

also
$$\lambda = \log \frac{c}{a \sin 10^{\circ}} = 0,45739$$

$$\lambda = 19^{\circ} 13' 48'',3$$

$$\lambda - 10 = 9^{\circ} 13' 48'',3$$

$$\log \operatorname{tg} \alpha = \log \frac{\sin (\lambda - 10)}{\sin \lambda \cdot \sin 10^{\circ}} = 0,44786$$
also
$$\alpha = 70^{\circ} 22' 31'',5$$

$$360^{\circ} - \alpha = 289^{\circ} 37' 28'',5$$

als die geographische Länge des magnetischen Nordpoles östlich von Ferro.

Endlich ist

$$\log \frac{P}{II} = \log \frac{a}{a} = 0.55497 - 1,$$

also

Arc.
$$=\frac{a}{4}=0,36305,$$

dazu der Winkel

$$=20^{\circ}48'6'',2,$$

dies von 90° abgezogen, ergiebt

als die geographische Breite des magnetischen Nordpoles.

In ähnlicher Weise ergiebt sich die Lage des magnetischen Südpoles zu

183° 47' 37",83 östl. Länge von Ferro

und

76° 49' 34",31 südl. Breite.

Von den bisherigen Angaben über die Lage der magnetischen Pole der Erde sind mir folgende zur Hand:

		Süd	pol		
östl. Länge von Ferro	nördl. Breite	östl. Länge von Ferro	südl. Breite	Citate	
331° 0′	78° 0'	155° 0'	78° 0′	Gehler VI p. 1119	
290 21	69 30			ebenda	
278 40	70 O			ebenda p. 1120	
280 54 32",55	70 5 17"			ebenda	
279 15	70 5	155 0	76 0	Berghaus phys. Atlas Abth. II	
262 0	78 35	170 10	72 35	ebenda	
		171 50	75 6	Gehler XI p. 374	
	331° 0' 290 21 278 40 280 54 32",55	331° 0′ 78° 0′ 290 21 69 30 278 40 70 0 280 54 32″,55 70 5 17″ 279 15 70 5	Nordpol Sath Lange von Ferro nordh Breite von Ferro 331° 0' 78° 0' 155° 0' 290 21 69 30 278 40 70 0 280 54 32",55 70 5 17" 279 15 70 5 155 0 262 0 78 35 170 10	östl. Länge von Ferro nördl. Breite Länge von Ferro südl. Breite 331° 0' 78° 0' 155° 0' 78° 0' 290 21 69 30 70 0 70 0 280 54 32",55 70 5 17" 76 0 279 15 70 5 155 0 76 0 262 0 78 35 170 10 72 35	

Vergleicht man diese Angaben mit den bei den oben mitgetheilten Berechnungen erhaltenen, so ergeben sich folgende Differenzen:

Namen	Nor	Südpol			
	Länge	Breite	Länge	Breite	
Biot	61° 23′	-8°48′	+ 28° 47'	— 1° 10'	
Hansteen .	- 0 44	—0 18		•	
Parry	+10 57	-0 48			
John Ross	+ 8 42 55",95	— 0 53 23",2		•	
Duperrey.	+10 22	-0 53	+28 47	+0.50	
Gauls	+2737	-4 23	+13 38	+4 15	
James Rofs			+11 58	+1 44	

Hiernach ist das von mir erlangte Ergebniss mit demjenigen, welches Hansteen aus den beobachteten Declinationen der Magnetnadel abgeleitet hat, sast völlig übereinstimmend; während es von den übrigen, theils aus Hypothesen abgeleiteten, theils aus örtlichen Beobachtungen hervorgegangenen Bestimmungen, und zwar von den Ersteren weit beträchtlicher als von den Letzteren abweicht.

Wenn hieraus, abgesehen von seiner inneren Begründung, die Richtigkeit des oben ausgesprochenen Zusammenhanges zwischen der Lage der magnetischen Pole und der Configuration des Festlandes sich entnehmen läst, so solgt, dass mit einer Veränderung der Letzteren auch die Lage der magnetischen Pole sich ändern muß. Nun ist aber bekannt, dass die ganze Nordküste Asiens, der Osten und Westen der skandinavischen Halbinsel, der Westen Großbritanniens, die Küsten des rothen Meeres, des bengalischen Golfs, von Mozambique, der Osten und Norden Madagaskars, der Westen Südamerika's, die Küsten des Smithsundes, der Osten Labradors, die Inseln Spitzbergen, der Osten Neuseelands, der Norden Neu-Guineas, die kleinen Sunda-Inseln, die Südküste Java's und Sumatra's deutliche Spuren

einer allmäligen Hebung, — und dagegen der Südwesten Grönlands, die Ostküste der vereinigten Staaten, Patagoniens und Neuhollands, die Westküste Neuseelands, die Nordküste Deutschlands, Jütlands, der Niederlande und Frankreichs Merkmale eines allmäligen Landverlustes wahrnehmen lassen. Es liegt nahe, die säcularen Aenderungen der magnetischen Pole und der Declination als Wirkungen dieser Schwankungen der festen Erdrinde anzusehen.

Halberstadt, den 3. November 1870.

- V. Uebt der Mond einen nachweisbaren Einfluss auf meteorologische Erscheinungen?

 Von Heinrich Streintz in Graz.
 - I. Möglichkeit des Einflusses und Versuche denselben nachzuweisen.

Seit den ältesten Zeiten wird dem Monde vom Volksglauben eine wichtige Rolle in der Prophezeihung der
Witterung zugewiesen. Dieser Glaube kann seinen Grund
haben entweder in der Erfahrung, dass wirklich ein Einsluss desselben vorhanden ist, oder er kann auch dem
Gebiete des physikalischen Aberglaubens angehören, den
das Volk in dem allgemein menschlichen Bestreben des
Erkennens anstatt der nicht zu erreichenden richtigen Vorstellungen sesthält. Welche von beiden Ansichten nun die
richtige sey, hat die Wissenschaft zu entscheiden.

Diese Aufgabe wurde von den Meteorologen schon lange erkannt und es ließe sich hier eine ziemliche Anzahl von Namen aufführen, die alle mit der Geschichte jener Frage zusammenhängen.

Vom Standpunkte der Theorie kann man sich auf mehrfache Weise die Existenz eines Einflusses erklären.

Bekanntlich ist die Anziehung von Erde und Mond die Ursache von Ebbe und Fluth im Meere. Sowie diese Flüssigkeit von jener wechselseitigen Anziehung afficirt wird, so muß es auch die noch viel beweglichere Lust werden, und schon Laplace hat die Existenz einer atmosphärischen Ebbe und Fluth theoretisch nachgewiesen. Die Intensität der auf diesem Wege erzeugten Schwankungen im atmosphärischen Gleichgewichte lassen sich entweder aus der mittleren Fluth im Meere oder genauer aus der Mehrbeschleunigung berechnen, die ein Punkt der Atmosphäre gegenüber dem Mittelpunkte der Erde vom Monde erfährt.

Beide Methoden liesern übereinstimmende Resultate, welche zeigen, dass die Schwankungen so ausserordentlich klein sind, dass dieselben durch unsere Instrumente nicht gesunden werden können.

Es wäre jedoch möglich, dass diese Druckdifferenzen, obgleich so gering, dennoch die Ursache von Modificationen in den Luftströmungen würden, und so durch ein Befördern oder Zurückhalten der Passatwinde, indirect durch die hierdurch vermehrte oder verminderte Feuchtigkeitszufuhr, auf das Barometer wirkten. Dieser Ansicht stimmt auch Eisenlohr in seinen Untersuchungen über diesen Gegenstand bei. Handelt es sich darum, empirisch den supponirten Einfluss festzustellen, so muss man bedenken, dass die täglichen Schwankungen von Ebbe und Fluth auf die Witterung keinen Einsluss üben können, hingegen die periodischen Schwankungen in der Intensität von Ebbe und Fluth, welche wir mit dem Namen Spring- und Nippfluth bezeichnen, und welche von der Stellung des Mondes zur Sonne abhängen. Also nur innerhalb des synodischen Mondmonats hat man Schwankungen in den meteorologischen Phänomenen zu suchen.

Endlich wäre noch eine dritte Art der Einwirkung denkbar.

Der Mond empfängt von der Sonne Wärme, und theilt uns auf zweierlei Weise einen Theil derselben mit. Er wirkt erstlich gleichsam als Spiegel und reslectirt uns Sonnenstrahlen, die wir als Mondlicht empfangen.

Die Wärmestrahlen, welche solche Lichtstrahlen mitführen, haben die Eigenschaft, von der Atmosphäre und den Wasserdämpfen nur in sehr geringem Maasse absorbirt zu werden, gelangen daher bis zur Erdobersläche und können hier gemessen werden. Es zeigt sich hierbei, dass die auf solche Weise vom Monde erhaltene Wärme sehr gering ist. Anders verhalten sich aber die dunklen Strahlen. Der Mond ist nämlich 14 Tage lang der Einwirkung der Sonne unaufhörlich ausgesetzt, wird dadurch selbst erwärmt werden und kann in Form von dunkler Strahlung uns Wärme zusenden, welche Wärmestrahlen die Eigenschaft haben, von der atmosphärischen Luft und den Wasserdämpfen fast vollständig absorbirt zu werden. Diese Wärmemenge kann daher von uns nicht gemessen werden, kann aber durch Latentwerden möglicher Weise dünne Wolkenschichten auflösen und so die Ursache meteorologischer Veränderungen werden. Solche Veränderungen werden aber auch von den Mondesphasen abhängen, daher die Annahme gerechtfertigt erscheint, solche vom Monde verursachte Erscheinungen müssten sich für jeden synodischen Mondumlauf wiederholen. Ob aber diese qualitativ jedenfalls vorhandenen Einstüsse auch quantitativ ausreichend seyen, um eine meteorologisch bestimmbare Wirkung zu üben, ist der Gegenstand der folgenden Untersuchung.

Schon in der Mitte des vorigen Jahrhunderts haben sich einzelne Meteorologen mit diesem Gegenstande beschäftigt; die erste wissenschaftliche Arbeit findet sich jedoch erst bei Laplace, in Folge deren Bouvard den empirischen Nachweis aus Pariser Beobachtungen zu führen suchte.

In späterer Zeit waren es besonders Flaugergues in Viviers und G. Schübler, welche den Gegenstand genauer behandelten, wesshalb die Resultate dieser beiden Beobachter in Kurzem hier angegeben werden sollen. Flaugergues, dessen Untersuchungen in Pogg. Ann. Bd. XII S. 308 abgedruckt sind, stellte durch eine Reihe von 20 Jahren täglich zur Zeit des wahren Mittags Barometerbeobachtungen an, suchte die Mittel aus den Beobachtungen, welche auf die einzelnen Octanten fielen, und fand hierdurch den Maximalbestand im II. Quadranten und den Minimalstand im II. Octanten. Folgende Tabelle giebt einen Auszug aus seinen Angaben:

Tag		Barometer Mittel	Zahl der Beobechtungen
Tag vor dem II. Octanten	•	755 ^{mm} ,01	248
Tag des II. Octanten	•	754 ,79	247
Tag nach dem II. Octanten		754 ,85	247
Tag vor dem II. Quadranten .	•	756 ,19	246
Tag des II. Quadranten		756 ,23	246
Tag nach dem II. Quadranten .		755 ,87	247
Mittel aus allen Beobachtungen.		755 ,46	7281

In seiner Abhandlung ist auch die Anzahl der Regentage in den einzelnen Quadranten angegeben, welche natürlich gerade das verkehrte Wachsthum zeigen. Da jedoch zu dieser Tabelle zu wenig Beobachtungen benutzt wurden, so will ich mich in Betreff der Regentage auf Schübler's Beobachtungen beschränken.

Die Untersuchungen G. Schübler's (1830 erschienen) umfassen einen Zeitraum von 28 Jahren, behandeln jedoch nicht die Barometerstände, sondern nur die Verhältnisse von Regen und Wind. Schübler faste immer drei Tage zusammen, den Tag vor einem Octanten, den Tag selbst, und den darauf folgenden Tag, wodurch fast sämmtliche Tage des synodischen Mondmonats in Rechnung kommen. Er betrachtete jeden Tag als Regentag, an welchem wenigstens 0,02 par. Lin. meteorologischer Niederschlag gefallen war, und bestimmte, wie viel solcher Tage während dieser 28 Jahre auf jenes Triduum eines einzelnen Octanten fielen.

Die Aufzeichnungen, die er hierzu benutzte, waren 16 jährige Beobachtungen des Domcapitular Stark in Augsburg (1813 — 1828), 4 jährige von seinem Bruder in Stuttgart und 8 jährige (1781 — 1788) zu München angestellte.

In der folgenden Tabelle ist die Anzahl der Regentage angegeben, wie sie an den drei jedem Octanten zunächst liegenden Tagen während der 28 Jahre vorkamen; es ist also z. B. unter Vollmond verstanden der Tag vor dem Vollmond, der Tag selbst und der darauf folgende Tag.

Neum.	I. Oct.	I. Quadr.	II. Oct.	Vollm.	III. Oct.	II. Quadr.	IV. Oct.
429	426	447	482	483	458	406	396

Man ersieht aus der Tabelle, dass das Maximum der Niederschläge zwischen den II. Quadranten und Vollmond fällt, das Minimum auf den II. Octanten, was so ziemlich mit den Resultaten von Flaugergues übereinstimmt, indem beide nur ein hervorragendes Maximum und Minimum gefunden haben, und diese beiden Extreme bei beiden nahezu auf dieselben Octanten fallen.

Auch bei den Winden findet Schübler, dass das Maximum der SW.-Winde auf den II. Octanten, das Maximum der NO.-Winde auf den II. Quadranten fiel, wie es nach der vorigen Tabelle vorauszusetzen ist.

Außer Flaugergues und Schübler beschäftigte sich noch viel mit diesem Gegenstande Prof. Eisenlohr, der zu seinen ersten Untersuchungen Beobachtungen von Carlsruhe benutzte, jedoch keinen Einfluß finden konnte. Später benutzte in einer Inauguraldissertation Hr. F. Baumann dieselben Beobachtungen, brachte dabei Schübler's Methode in Anwendung und es schien, als zeigte sich auch eine Abhängigkeit der Witterung von den Mondesphasen.

Prof. Eisenlohr war anfänglich durch diese Resultate überrascht, meinte jedoch später, dass die ausgewiesenen Schwankungen zu gering seyen, um darin einen Einsluss des Mondes erblicken zu können. Derselbe griff den Gegenstand trotzdem selbst wieder auf und benutzte hierzu

Pariser Beobachtungen, aus welchen er einen Einfluss nachgewiesen zu haben dachte.

Kleinere Arbeiten über denselben Gegenstand wurden seither noch verschiedene angestellt, ohne dass man jedoch um einen Schritt vorwärts kam; einige meinten einen Einfluss gefunden zu haben, andere stellten denselben in Abrede. Eins mangelt jedoch bei allen: die mathematische Kritik der Beobachtungen').

II. Die Beobachtungen der Greenwicher Sternwarte.

Alle bisher angegebenen Untersuchungen leiden entweder an zu geringer Genauigkeit der benutzten Quellen oder an Unvollständigkeit der Behandlung. Es schien daher nothwendig, die jetzt vorhandenen genauesten Beobachtungen auf ähnliche Weise zu verarbeiten, und als solche boten sich die "Greenwich meteorological and magnetical observations" dar, welche von den Jahren 1841—1847 in eigenen Bänden erschienen sind, von 1848—1867 vereint mit den "Astronomical observations".

Von diesen benutzte ich die barometrischen Ablesungen, die Angaben des Regenmessers, die Windrichtungen und Windstärken.

Die barometrischen Aufzeichnungen sind zu einer derartigen Untersuchung, wie sie hier zu machen war, erst vom Jahre 1848 an zu verwenden, da vorher an Sonnund Feiertagen keine Beobachtungen angestellt wurden und desshalb störende Lücken auftreten. Es bleiben also nur die Jahre 1848—1867, 20 Jahre, welche ausreichen, um über die Resultate etwas aussagen zu können. Angegeben sind die Mittelwerthe der einzelnen Tage, welche

1) Eine aus neuerer Zeit stammende Schrift von L. Witte konnte ich nicht erlangen, indem mir von der Münchener Universitätsbuchbandlung bedeutet wurde, dass der Verleger dieser Schrift verloren gegangen sey. Dieselbe scheint jedoch auch keine Aenderung im Stande der Dinge gebracht zu haben, da in später erschienenen meteorologischen Compendien hiervon nichts erwähnt ist.

dadurch erhalten wurden, dass alle 2 Stunden beobachtet wurde und aus diesen 12 Werthen das arithmetische Mittel genommen wurde. Das Maass, in denen sich die Barometerstände angegeben sinden, sind englische Zolle und sind genau bis auf 0,001.

Ich bediente mich auch der Methode des dreitägigen Mittels und in der folgenden Tabelle sind die Mittel aus den Barometerständen angegeben, wie sie sich an den jedem Octanten zugehörigen drei Tagen während der 20 Jahre aufgezeichnet fanden. Jede Zahl ist auf diese Weise das Mittel aus 739 bis 742 Tagen, wofür die runde Zahl 740 gewonnen werden kann. In der zweiten Zeile sind die Differenzen vom allgemeinen Mittel aus 5920 Tagen angegeben, welches 29,784341 engl. Zoll ist.

Neumond I. Oct.		I. Quadr.	II. Oct.	
29,76869	29,78376	29,80236	29,78551	
— 0,01565	— 0,0005 8	+ 0,01802	+ 0,00117	
Vollmond	III. Oct.	II. Quadr.	IV. Oct.	
29,76899	29,76424	29,78557	29,81411	

Wie man aus dem Zeichenwechsel sieht, scheinen die Schwankungen ganz regelmäsig zu seyn, sind jedoch durchaus in keiner Uebereinstimmung mit den Resultaten von Flaugergues und Schübler, und aus den Berechnungen im nächsten Abschnitte wird sich ergeben, dass diesen Schwankungen gar kein Werth beizulegen ist.

Die Regenmengen finden sich, da es hierzu nur einer Ablesung des Abends bedurfte, schon seit dem Jahre 1842 angegeben und zwar auch in englischen Zollen genau bis auf 0,01 Zoll. Ich beobachtete dasselbe Verfahren mit dem dreitägigen Mittel, nur geben die Zahlen in der Tabelle nicht das Tagesmittel für die einzelnen Octanten an, sondern das Jahresmittel, also diejenige Regenmenge,

wie sie innerhalb eines Jahres während aller zu einem Octanten gehörigen Tridua vorgekommen wäre, wenn jährlich gleich viel Regen gefallen wäre.

Die mittlere Regenmenge eines Jahres während eines ganzen Mondumlauses, also die Summe der 8 angegebenen Zahlen, ist 18,37 engl. Zoll. Diese Zahl durch 8 dividirt, giebt dann den mittleren Werth für die 8 in der Tabelle stehenden Zahlen. Dieses Mittel ist 2,296 und von diesem Mittel stehen in der zweiten Zeile die Differenzen.

Neumond	I. Oct.	I. Quadr.	II. Oct.	
2,297	2,294	2,307	2,361	
+ 0,001	- 0,002	+ 0,011	+ 0,065	
Vollmond	III. Oct.	II. Quadr.	IV. Oct.	
2,237	2,370	2,230	2,214	
— 0,059	+ 0,074	- 0,066	- 0,082	

Diese Art, die Menge des meteorologischen Niederschlages zu zählen, und nicht bloß die Regentage, ist jedenfalls viel genauer; um jedoch wegen des später folgenden Vergleiches zwischen den Resultaten Schübler's und diesen eine bessere Uebersicht zu haben, habe ich auch die Regentage selbst ganz in der Weise Schübler's abgezählt, und zwar jeden Tag als Regentag genommen, an welchem sich ein Niederschlag aufgezeichnet fand. Die Zahlen geben also die Anzahl der Regentage an, welche unter den 962 Tagen, die in den 26 Jahren jedem Octanten zugehören, vorkamen.

Neum.	I. Oct.	I. Quadr.	II. Oct.	Vollm.	III. Oct.	II. Quadr.	IV. Oct.
385	369	351	380	356	416	369	393

Beide Tabellen zeigen übereinstimmend, dass im III. Octanten am meisten Regen siel und im I. Quadranten am wenigsten, was wieder im geraden Widerspruche mit den Resultaten Flaugergues's und Schübler's steht, auch ist weder eine Symmetrie noch sine Regelmässigkeit zu erkennen.

Während bei den Barometerstärden und Regenmengen die Behandlung der Angaben unzweideutig bestimmt war, so musste bei den Winden erst irgend eine Weise ersonnen werden, wie die versmiedenen Richtungen und Stärken zu combiniren seyen. Um die Rechnung möglichst einfach und die Resultate möglichst übersichtlich zu machen, schlug ich folgenden Weg in. Ich berücksichtigte nur die Winde, welche einer der beiden Passatrichtungen angehörten, die dann unter dem Titel NO. und SW. zusammengesasst wurden. War z. B. durch mehrere Tage SW. angegeben, dann etwa durch zwei Tage W. und hierauf abermals SW., so kopate kein Zweisel seyn, dass diess nur eine Pendulation des SW.-Passates war; ebenso wenn derselbe von SW. nich S. auswich und wieder nach SW. zurückkehrte. Nie nahm ich jedoch einen Wind als Passat auf, der nicht in die normale Passatrichtung zurückkehrte. Es zeigte sich, dass durch das angegebene Versahren sast sämmtliche Winde untergebracht wurden, und dass fast stets eine westliche oder südliche, andererseits eine östliche oder nördliche Richtung als eine Pendulation des Polaroder Aequatorialstromes angesehen werden konnte. Nur ausnahmsweise ersolgte ein Uebergang eines NO.-Windes durch SO. nach SW., und war diess der Fall, so war die Windstärke so gering, dass sie auf die Summe keinen wesentlichen Einsluss hätte üben können. Hestige Winde kamen nur in einer der beiden Passatrichtungen vor, und bogen sie aus, so kehrten sie stets wieder in dieselbe zurück. Der Uebergang eines Polarstromes in den Aequatorialstrom oder umgekehrt war fast stets durch eine Calme vermittelt.

In den Greenwich observations ist die Windstärke ursprünglich durch Schätzung angegeben, während das zu jener Zeit angewandte Anemometer nur bei Stürmen die Stärke anzeigte. Ich hätte diese Angaben nach Schätzung

benutzt, da sie shon 1842 beginnen, und nach den Wolkenzügen, nach der Richtung ausströmenden Rauches und dergleichen angetellt sind, daher die Windrichtung und Stärke von Lustehichten angeben, welche weniger durch locale Einstüsse beherrscht werden; allein diese Angaben brechen mit dem Jahre 1848 ab und werden ersetzt durch Beobachtungen an Whewell's Anemometer. Da auch die Angaben nach diesem Instrumente im Jahre 1859 aushören und an dem jetzt ülgemein eingesührten Anemometer von Robinson fortgesetzt werden, so blieben nur die Angaben des Anemometers von Osler, die von 1848 bis 1867 vollständig vorhanden waren. Nach diesem sind also die solgenden Tabellen gebildet, und ist als Einheit der Druck von 1 engl. Pfund auf 1 engl. Quadratsus angenommen.

Die in den Tabellen angeführen Zahlen geben das Tagesmittel an, in gleicher Weise wie bei den barometrischen Beobachtungen. Es wurde ferner für jeden Octanten wieder das Triduum genommen, wesshalb bei dem Zeitraum von 20 Jahren jede Zahl ein Mittel aus 740 Beobachtungen ist, wenn man das Tagesmittel als eine Beobachtung auffast. In der zweiten und vierten Zeile stehen ganz wie vorher die Differenzen vom Mittel aus allen Beobachtungen, welches bei den NO.-Winden 0,325 Pfund, bei den SW.-Winden 0,058 Pfund ist.

Neumond	I. Oct.	I. Quadr.	Il. Oct.	
0,340	0,289	0,351	0,329	
+ 0,015	— 0,036	+ 0,026	+ 0,004	
0,054	0,064	0,048	0,050	
- 0,004	+ 0,006	- 0,010	0,008	
Vollmond	III. Oct.	II. Quadr.	IV. Oct.	
Vollmond 0,288	III. Oct.	II. Quadr. 0,342	IV. Oct.	
<u> </u>	<u> </u>	1	<u> </u>	
0,288	0,336	0,342	0,324	

Die Zahlen zeigen weiter keine Regelmäsigkeit, als dass eine positive Abweichung der SW.-Winde mit Ausnahme des II. Quadranten mit einer negativen der NO.-Winde zusammensällt.

Die zur Tabelle verwendeten Beobachtungen sind wieder möglichst genau, indem sie nicht nur die Richtung des Windes, sondern auch dessen Stärke und zwar genau bis auf 0,01 Pfund angeben.

III. Kritik der Resultate nach der Methode der kleinsten Quadrate.

Durch die meteorologischen Beobachtungen erhalten wir Zahlen, welche für uns zum größten Theile als zufällige erscheinen, d. h. wir wissen den Grund der Schwankungen nicht anzugeben.

Durch Bildung des arithmetischen Mittels erhalten wir nur Zahlen, welche keine so großen Differenzen mehr zeigen, als die ursprünglich durch die Beobachtung gegebenen; es werden zugleich hierdurch noch jene Einflüsse, die wir als bestimmte erkennen, eliminirt werden können, wenn die Summation in geeigneter Weise geschieht. So z. B. würden Schwankungen des Thermometers zwischen Winter und Sommer nicht mehr zu erkennen seyn, wenn man nach dem Datum der Monate summiren würde. Ebenso kann in den Mittelwerthen, welche für die einzelnen Octanten gebildet wurden, kein anderer Einfluss mehr vorkommen, als der des Mondes.

Man sieht allsogleich, dass hier derselbe Fall ist, als wäre mit einem Instrumente eine constante Größe wiederholt gemessen worden, die Messungen aber mit Fehlern behaftet, die eben so gut negativ wie positiv seyn können. Im ersteren Fall ist die zu messende Größe Schwankungen unterworfen und die Messungen selbst aber als absolut genau anzusehen, im zweiten Fall ist die zu messende Größe constant, die Messungen aber durch zufällige Fehler entstellt. Sowie nun die Methode der kleinsten Quadrate ein Mittel giebt, um die Wahrscheinlichkeit zu bestimmen,

welche für eine bestimmte Abweichung vom richtigen Werthe stattfindet, so kann man auch bei meteorologischen Mittelwerthen die Wahrscheinlichkeit bestimmen, welche für eine bestimmte Abweichung vom allgemeinen Mittel besteht. Es lassen sich bekanntlich für solche partiellen Mittelwerthe zwei Gränzen augeben, innerhalb welcher ebenso viele von ihnen umschlossen liegen werden, als außerhalb liegen, nämlich die Gränzen des wahrscheinlichen Fehlers. Ferner lässt sich für eine bestimmte Abweichung solch eines partiellen Mittelwerthes vom allgemeinen Mittel die Wahrscheinlichkeit angeben, die a priori für das Zustandekommen dieser Abweichung bestanden hat, wenn die Schwankungen der ursprünglichen Beobachtungen rein zufällige wären, d. h. ebenso gut positiv wie negativ seyn konnten. Ergiebt sich z. B. der Werth der Wahrscheinlichkeit, welche dafür besteht, dass eine bestimmte Abweichung rein zufällig sey 1000, so wird man dann umgekehrt 1000: 1 wetten können, dass die Abweichung nicht durch blossen Zufall zu Stande gekommen sey, sondern dass hier ein bestimmtes Gesetz obwalte.

Sind die Summanden alle von gleicher Größe, wie diess bei den Untersuchungen Schübler's der Fall ist, wo nur Regentage, nicht aber zugleich die Regenmengen berücksichtigt sind, so wird die Rechnung viel einsacher.

Den Anhaltspunkt der ganzen Berechnung giebt bekanntlich die Tabelle für die Werthe des Integrales

$$\frac{2}{\sqrt{n}}\int_{0}^{ah}x^{l-x^{2}}dx,$$

wobei die Größe h eine von der Art und Weise der Beobachtung abhängende Größe ist. Bei meteorologischen Beobachtungen ist es eine von der betreffenden Erscheinung und dem Klima des Beobachtungsortes abhängende Größe. Der Werth von h ist durch die Gleichung gegeben:

$$\sqrt{\frac{n}{2 \sum v^2}}$$

wobei n die Anzahl der Beobachtungen, v die Abweichung einer Beobachtung vom wahren Werthe ist. In dem vorliegenden Falle kann jedoch h nicht absolut genau gefunden werden, sondern nur dessen wahrscheinlichster Werth.

Den wahrscheinlichen Fehler r, dessen Bedeutung schon früher angegeben wurde, erhält man nach der Gleichung

$$r=\frac{\varrho}{\hbar}$$

wobei

$$\rho = 0,47694$$

derjenige Werth von ah ist, bei welchem das Integral den Werth hat.

Mit diesen Hülfsmitteln wird sich erkennen lassen, ob die Schwankungen, welche die Mittel der einzelnen Octanten zeigen, als zufällige zu betrachten sind, oder ob ein bestimmter innerer Grund dafür bestehen muß.

Es könnte das Bedenken auftreten, dass man es z. B. bei Barometerbeobachtungen nicht mit Summanden zu thun habe, die unabhängig von einander gleichwohl positiv wie negativ seyn können, da die Erfahrung lehrt, dass Barometerstände von aufeinander folgenden Tagen gewöhnlich weniger verschieden sind, als solche von zeitlich entfernt liegenden Tagen, und daher die Größe h falsch bestimmt würde. Einem solchen Fehler in der Bestimmung wurde dadurch vorgebeugt, dass die Größen v berechnet wurden aus den Mittelwerthen der Octanten für die einzelnen Jahre, so dass dann diese Mittelwerthe als einzelne Beobachtung aufgefasst wurden, und auf diese das Gewicht der weiteren Mittel bezogen wurde; das h darf also streng genommen nicht herabsteigend zur Bestimmung der Wahrscheinlichkeit einer einzelnen Beobachtung, sondern nur für solche Mittelwerthe benutzt werden, welche hinaufsteigend aus diesem als einzelne Beobachtung angenommene Mittel gebildet sind. Solche hier als einzelne Beobachtung angenommene Mittel sind für zwanzig Jahre 8.20 = 160. Von diesen wurden wieder nach einer bestimmten Folge je 8 zusammen genommen, wodurch

20 Zahlen erhalten wurden, für welche v bestimmt wurde, hieraus v^2 und Σv^2 . Das hierdurch erhaltene h gilt für die Mittel aus 296 Beobachtungen, und muß, um für Mittel aus 740 Beobachtungen zu gelten, noch mit $\sqrt[740]{296}$ multiplicirt werden.

Auf diese Weise erhielt ich für die Barometerbeobachtungen

h = 26,810,

woraus

$$r = 0.01778$$

und die Gränzzen des wahrscheinlichen Fehlers

29,80212

29,76656

sich ergeben.

Man sieht, dass von den 8 Werthen, die ich für die 8 einzelnen Octanten gesunden habe, 5 innerhalb dieser Gränzen liegen, und 3 ausserhalb, jedoch keine der Schwankungen vom allgemeinen Mittel das Doppelte des wahrscheinlichen Fehlers r beträgt. Dieselben sind also von einer Größe, als wären die Beobachtungen alle durch das Spiel des Zusalls in solcher Weise zusammengestellt worden.

Rechnet man den wahrscheinlichen Fehler nach der von Enke gegebenen Formel

$$r = 0.6745 \sqrt{\frac{\Sigma v^2}{n-1}}$$

und nimmt man hierzu nur die 8 in der Tabelle vorhandenen Werthe, so erhält man denselben etwas kleiner, nämlich

$$r = 0.01181.$$

Es bietet sich hier gleich die Gelegenheit, auch die Resultate von Flaugergues der gleichen Prüfung zu unterwerfen.

Die größte Schwankung, welche bei den aus den Greenwicher Beohachtungen gefundenen Zahlen sich findet,

also der Unterschied des größten und kleinsten der 8 angegebenen Werthe ist, wie man aus der Tabelle entnimmt, 0,0499 engl. Zoll. Wie man ferner aus der von Flaugergues angegebenen Tabelle sieht, läßt sich das Triduum für den II. Octanten, wo das Minimum der Barometerstände, und für den II. Quadranten, wo das Maximum stattfindet, bilden, so daß die beiden hierdurch erhaltenen extremen Werthe, da sie auch Mittel aus 740 Beobachtungen sind, unmittelbar mit den von mir angegebenen verglichen werden können.

Die beiden Mittelwerthe aus den drei aneinander gränzenden Tagen sind 754^{mm},88 = 29,7202 engl. Zoll und 756^{mm},10 = 29,7683 engl. Zoll; die Differenz beider ist 0,048 engl. Zoll und stimmt mit der aus den Greenwicher Beobachtungen gefundenen in überraschender Weise überein. Man erkennt hieraus, dass die Greenwicher Beobachtungen eine nahezu gleich große Differenz ergeben, wie die von Flaugergues angestellten, dass aber Maxima und Minima in gänzlich verschiedener Weise auf einander solgen, und dass diese Schwankungen so wie jene nicht größer sind, als es die Rechnung für den wahrscheinlichen Fehler aus 740 Beobachtungen ergiebt. Hätte Flaugergues seine Resultate nach der Methode der kleinsten Quadrate geprüft, so wäre seine Abhandlung nicht ein Beweis pro, sondern contra gewesen.

Auf gleiche Weise ließen sich auch die durch Zusammenstellung der Regenmengen erhaltenen Resultate
prüfen; da aber Schübler nur die Regentage, nicht aber
die Menge gefallenen Wassers berücksichtigte, so wird
es genügen, die nach Schübler's Vorgang gefundenen
Zahlen zu prüfen, um den gewünschten Vergleich zu
haben.

Hat man eine Reibe von Summanden von gleicher Größe, so ist $h = \frac{1}{\sqrt{N}}$, $a = \frac{A-B}{2}$, wenn man setzt:

Anzahl der Fälle, die überhaupt in Betracht kommen, = 2N,

davon fallen der ersten Kategorie zu A Fälle, der zweiten B Fälle.

Ist A > B, so setzt man A - B = 2a, und 2a ist also das Uebergewicht der Fälle A über die Fälle B.

In der von mir berechneten Tabelle findet sich der kleinste Werth im I. Quadranten, nämlich 351 Regentage, der größte im III. Octanten, nämlich 416 Regentage, daher

$$2N = 767$$
 $2a = 65$ $ah = 1,65$

und aus der Tabelle der Werth des Integrals folgt, dessen Supplement zur Einheit $W = \frac{1}{52}$ ergiebt, welches die Wahrscheinlichkeit vorstellt, dass die Disserenz von 65 durch blossen Zusall zu Stande gekommen sey; da aber diese Disserenz auf so viele Weise zu Stande kommen konnte, als sich aus den 8 Posten Amben bilden lassen, also auf $\frac{8.7}{1.2}$ fache Art, so mus die Wahrscheinlichkeit noch mit dieser Zahl multiplicirt werden, wodurch man $W_0 = \frac{1}{52} \cdot \frac{1}{5}$ nahe $= \frac{1}{3}$ erhält.

Die Wahrscheinlichkeit ½ sagt, dass gleich viel Chancen für das Zustandekommen, wie gegen dasselbe vorhanden sind, woraus weiter hervorgeht, dass auch diese Disserenz als eine rein zufällige zu betrachten ist.

Behandelt man Schübler's Resultate in gleicher Weise, so erhält man, da das Maximum im Vollmond mit 483 und das Minimum im IV. Octanten mit 396 Regentagen auftritt:

$$2N = 879$$
 $2a = 87$ $ah = 2,07$.

Hieraus ergiebt sich $W = \frac{1}{270}$ und

$$W_0 = \frac{1}{270} \cdot \frac{8.7}{1.2} = \frac{1}{5}.$$

Es ergiebt sich also bei Schübler allerdings eine Wahrscheinlichkeit von 9:1 zu Gunsten seiner Behauptung, was jedoch noch gar nicht als Beweis gelten kann. Die Beobachtungen, die er benutzte, sind nicht aus einer Quelle,

ferner ist das Maass von 0,02 par. Linie, welches er als Bedingung für einen Regentag annahm, ein willkürlich gewähltes, wodurch es leicht möglich ist, eine etwas größere Disserenz zu erzielen. Seine Resultate sagen übrigens nicht mehr als: Sind 9 verschiedene Beobachter, welche in gleicher Weise Beobachtungen anstellen wie Schübler, aber aus verschiedenen Auszeichnungen, so wird einer von ihnen eine solche Disserenz sinden, wie sie Schübler gefunden hat.

Es erübrigt schliesslich noch die anemometrischen Resultate der mathematischen Kritik zu unterwerfen. Ich ging hierbei ganz so vor wie bei den Barometerständen, bestimmte nämlich •

 $\sum v^2$,

hieraus h und r.

Für die SW.-Winde ergab sich

h = 14,69 r = 0,03246.

Die Gränzen des wahrscheinlichen Fehlers also

0,357

0,293

und man bemerkt, dass von den 8 Werthen der Tabelle 6 innerhalb und 2 ausserhalb dieser Gränzen liegen und diese 2 den wahrscheinlichen Fehler nur um geringes übersteigen.

Bei den NO.-Winden ergiebt sich

h = 55,56 r = 0,0085.

Die Gränzen des wahrscheinlichen Fehlers

0,066

0,050.

1) Ist ein Zusammenhang zwischen zwei Erscheinungen vorhanden, so tritt derselbe gewöhnlich in eminenter VVeise hervor. So wies Prof. Pettenkofer in München nach, dass mit dem Steigen des Grundwassers stets ein VVachsen der Typhusepidemie verbunden sey und Prof. Seidel prüste die Resultate auf die eben angewandte Weise und erhielt eine VVahrscheinlichkeit von 36000: 1 zu Gunsten der ausgestellten Behauptung.

Hier fallen 4 Werthe innerhalb, 2 fallen gerade mit den Gränzen zusammen und 2 liegen knapp außerhalb.

Es wurde also sowohl für die Barometerstände, als für die Regenmengen und für die Windstärken und Richtungen gezeigt, dass die Schwankungen, welche die nach den Kategorien der Mondesphasen gebildeten Mittel aufweisen, als rein zufällige zu betrachten sind.

Dasselbe wurde ferner auch bei den Resultaten von Flaugergues und Schübler bewiesen, und würde sich gewiss bei allen anderen ähnlichen Untersuchungen ebensobeweisen lassen.

Der Nachweis wurde auf rein mathematischem Wege geliefert, daher folgendes Theorem hierüber aufgestellt werden kann: "Der Mond übt auf die Schwankungen von Barometer, Regen und Wind in unseren Breiten keinen solchen Einfluß, daß derselbe mit unseren Instrumenten und Beobachtungsmethoden innerhalb eines Zeitraumes von 20 Jahren gefunden werden könnte. Ist derselbe dennoch vorhanden, so muß er so außerordentlich gering seyn, daß er für jede Bestimmung als nicht bestehend betrachtet werden kann."

VI. Ueber die Zurückwerfung und Brechung des Lichtes durch dünne Metallschichten; von E. Jochmann.

Die optischen Eigenschaften dünner metallischer Lamellen sind neuerdings von Quincke einer Reibe sorgfältiger und nach mannigfaltigen Methoden abgeänderter Experimentaluntersuchungen unterworsen worden 1). Die merk-

¹⁾ Pogg. Ann. Bd. 128 S. 541; Bd. 129 S. 44 und 177; Bd. 132 S. 29, 204, 321 und 561; sowie Nachrichten d. Göttinger Ges. d. Wissensch. v. 21. December 1870.

würdigen und zum Theil unerwarteten Resultate dieser Untersuchungen machen eine in der Reslexionstheorie bestehende Lücke fühlbar, indem die Theorie der Interferenzerscheinungen dünner durchsichtiger Lamellen bisher auf metallische Medien nicht ausgedehnt worden ist. Von den Principien der Cauchy'schen Reslexionstheorie ausgehend, bin ich zu einem System von Formeln gelangt, welche die Erscheinungen der Reslexion und Brechung des Lichtes an dünnen metallischen Lamellen mit demselben Grade von mathematischer Genauigkeit darstelleu, wie diess bei den bekannten Cauch y'schen Formeln für Metallreslexion unter der Voraussetzung einer beträchtlichen Dicke der reslektirenden Metallschicht der Fall ist. Die Cauchy'schen Formeln für Intensität und Phase des senkrecht zur Einfallsebene polarisirten Lichtes schließen bekanntlich die vereinfachende Voraussetzung in sich, dass der vom Einfluss der longitudinalen Wellen herrührende Ellipticitätscoëssicient e gleich Null gesetzt werden darf. Der Einfluss dieses Coëssicienten ist bekanntlich bei durchsichtigen Medien immer nur sehr klein, außer in der Nähe des Polarisationswinkels. Bei den Metallen ist ein Polarisationswinkel in dem Sinne wie bei den durchsichtigen Medien nicht vorhanden und die Vergleichung der Cauch y'schen Formeln mit der Ersahrung lehrt in der That, dass der Einslus des Ellipticitätscoëfficienten auch bei metallischen Medien ohne merklichen Fehler vernachlässigt werden darf. Um so mehr wird diese Voraussetzung bei der Anwendung der Theorie auf dünne Metall-Lamellen gerechtfertigt seyn, bei welchen mehrfache Ursachen zusammenwirken, die den durch die Messungen erreichbaren Grad der Genauigkeit verringern. Obgleich die Methode, deren ich mich zur Ableitung der nachstehenden Formeln bedient habe, die Lösung der Aufgabe in voller Strenge durchzusühren erlaubt, so erschien es doch zweckmässig, im Fall des senkrecht zur Einfallsebene polarisirten Lichtes jene vereinfachende Voraussetzung einzuführen, um den Formeln eine für die Ableitung praktischer, zur Vergleichung mit der

Erfahrung geeigneter Folgerungen brauchbare Gestalt zu geben.

Die drei in Betracht kommenden Medien sollen der Reihenfolge nach als das 1ste, 2te, 3te bezeichnet und die auf dieselben bezüglichen Größen mit den entsprechenden Indices 1, 2, 3 versehen werden. Es seyen demnach λ_1 und λ_3 die Wellenlängen, α_1 und α_3 der Einfallswinkel im ersten und der Brechungswinkel im dritten Medium. Die Sinus und Cosinus dieser Winkel werden der Kürze wegen mit s_1 , c_1 , s_3 , c_3 bezeichnet. Die Wellenlänge λ_2 und der Brechungswinkel α_2 für das zweite, metallische, Medium sind bekanntlich nach der von Cauchy eingeführten symbolischen Bezeichnungsweise imaginär. Wird demnach

$$\lambda_2 = l_2 e^{-\epsilon i}$$

gesetzt und werden die complexen Werthe von sin α_2 und cos α_2 mit

$$s_2 e^{-\epsilon i}$$
 $c_2 e^{ui}$

bezeichnet, wo l_2 , s_2 , c_2 reelle positive Größen und ε , u reelle, zwischen den Gränzen 0 und $\frac{\pi}{2}$ gelegene Winkel sind, so hat man bekanntlich

$$\frac{s_1}{\lambda_1} = \frac{s_2}{l_2} = \frac{s_3}{\lambda_2}$$

und die complexen Brechungsverhältnisse für den Uebergang aus dem ersten oder dritten in das zweite Medium werden durch

$$\vartheta_1 e^{\epsilon i} \qquad \vartheta_8 e^{\epsilon i}$$

ausgedrückt, wo

$$\vartheta_1 = \frac{s_1}{s_2} = \frac{\lambda_1}{l_2}$$
 $\vartheta_3 = \frac{s_3}{s_2} = \frac{\lambda_3}{l_2}$

Die Grösen s_2 , c_2 , ϵ , u sind dabei durch die stets identisch zu erfüllenden Relationen

$$s_2^2\cos 2\varepsilon + c_2^2\cos 2u = 1$$

$$s_2^2 \sin 2\varepsilon - c_2^2 \sin 2u = 0$$

unter einander verbunden.

Zur Abkürzung sey ferner für $\nu = 1$ oder 3

$$q_{\nu} = \frac{c_{\nu} \epsilon_{\nu}}{c_{\nu} \epsilon_{\nu}}$$

$$Q_{\nu} = \frac{c_{\nu} \epsilon_{\nu}}{c_{\nu} \epsilon_{\nu}}$$

$$Q_{\nu} = 1 + 2 q_{\nu} \cos(\epsilon + u) + q_{\nu}^{2}$$

$$Q_{\nu} = 1 - 2 q_{\nu} \cos(\epsilon + u) + q_{\nu}^{2}$$

$$Q_{\nu} = 1 - 2 q_{\nu} \cos(\epsilon + u) + q_{\nu}^{2}$$

$$Q_{\nu} = 1 - 2 q_{\nu} \cos(\epsilon - u) + q_{\nu}^{2}$$

Wird dann die Dicke der Lamelle mit A bezeichnet und

$$L = \frac{2\pi c_1 \cos(s+u)}{l_2} \cdot \Delta \qquad D = e^{-\frac{2\pi c_1 \sin(s+u)}{l_2} \cdot \Delta}$$

gesetzt, so ergeben sich für die Amplituden a' und a_m und für die Phasenverzögerungen d' und d_m des in das erste Medium zurückgeworfenen und des in das dritte Medium gebrochenen Strahles die folgenden Ausdrücke:

I. Für | der Einfallsebene polarisirtes Licht:

$$a'^{2} = \frac{V_{1}U_{2} - 2D^{2}\left[((q_{1}^{2} - 1)(q_{3}^{2} - 1) + 4q_{1}q_{3}\sin^{2}(s + u))\cos 2L - 2(q_{1}q_{3} + 1)(q_{1} - q_{3})\sin(s + u)\sin 2L\right] + D^{4}U_{1}V_{3}}{U_{1}U_{2} - 2D^{2}\left[((q_{1}^{2} - 1)(q_{3}^{2} - 1) - 4q_{1}q_{3}\sin^{2}(s + u))\cos 2L - 2(q_{1}q_{3} - 1)(q_{1} + q_{3})\sin(s + u)\sin 2L\right] + D^{4}V_{1}V_{3}}$$

$$a_{m}^{3} = \frac{16 D^{2}}{U_{1} U_{2} - 2 D^{2} \left[\left((q_{1}^{2} - 1) \left(q_{2}^{3} - 1 \right) - 4 q_{1} q_{3} \sin^{3} (s + u) \right) \cos 2 L - 2 \left(q_{1} q_{2} - 1 \right) \left(q_{1} + q_{2} \right) \sin (s + u) \sin 2 L \right] + D^{4} V_{1} V_{3}}$$

$$\tan g \, d' = \frac{2q_1 \sin{(s+u)}}{(q_1^3 - 1)} \cdot \frac{-U_3 + 2D^3 \cos(s+u) \left[(q_3^3 - 1) \sin 2L + 2q_3 \sin{(s+u)} \cos 2L \right] + D^4 V_3}{-U_3 + 2D^3 \frac{q_1^3 + 1}{q_1^3 - 1} \left[(q_3^3 - 1) \cos 2L - 2q_3 \sin{(s+u)} \sin 2L \right] - D^4 V_3}$$

tang
$$d_{...} = \frac{VU_1U_3 \sin{(L-\psi)} - D^2 VV_1V_3 \sin{(L-\phi)}}{VU_1U_3 \cos{(L-\psi)} + D_3 VV_1V_3 \cos{(L-\phi)}}$$

wo tang
$$\psi = \frac{(q_1 q_3 - 1)\sin(\varepsilon + u)}{q_1 + q_3 + (q_1 q_3 + 1)\cos(\varepsilon + u)}$$
, tang

tang
$$\varphi = \frac{(q_1 q_2 - 1) \sin(s + u)}{q_1 + q_3 - (q_1 q_2 + 1) \cos(s + u)}$$
.

L zur Einfallsebene polarisirtes Licht: Für

$$a'^3 = \frac{\Re_1 \operatorname{U}_3 - 2D^3 \left[((q_1^3 - 1) (q_3^3 - 1) + 4q_1 q_3 \sin^3(e - u)) \cos 2L - 2(q_1 q_3 + 1) (q_1 - q_3) \sin(e - u) \sin 2L \right] + D^4 \operatorname{U}_1 \operatorname{W}_3}{\operatorname{U}_1 \operatorname{U}_3 - 2D^3 \left[((q_1^3 - 1) (q_3^3 - 1) - 4q_1 q_3 \sin^3(e - u)) \cos 2L - 2(q_1 q_3 - 1) (q_1 + q_3) \sin(e - u) \sin 2L \right] + D_4 \operatorname{W}_1 \operatorname{W}_3}$$

$$a_{...}^{2} = \frac{c_{1}^{2}}{c_{3}^{2}} \cdot \frac{c_{1}u_{1}u_{2} - 2D^{2} \left[((q_{1}^{3} - 1)(q_{3}^{2} - 1) - 4q_{1}q_{3} \sin 2(s - u)) \cos 2L - 2(q_{1}q_{3} - 1)(q_{1} + q_{3}) \sin (s - u) \sin 2L \right] + D_{4} \mathcal{B}_{1} \mathcal{B}_{3}}{c_{3}^{2}} \cdot \frac{c_{1}u_{1}u_{2} - 2D^{2} \left[((q_{1}^{3} - 1)(q_{3}^{2} - 1) - 4q_{1}q_{3} \sin 2(s - u)) \cos 2L - 2(q_{1}q_{3} - 1)(q_{1} + q_{3}) \sin (s - u) \sin 2L \right] + D_{4} \mathcal{B}_{1} \mathcal{B}_{3}}$$

tang b' =
$$\frac{2q_1 \sin(\epsilon - u) + 1l_3 - 2D^2 \cos(\epsilon - u) [(q_3^3 - 1) \sin 2L + 2q_3 \sin(\epsilon - u) \cos 2L] - D^4 \Re_3}{(q_1^3 - 1) + 1l_3 - 2D^2 \frac{q_1^3 + 1}{q_1^3 - 1} [(q_3^3 - 1) \cos 2L - 2q_3 \sin(\epsilon - u) \sin 2L] + D^4 \Re_3}$$

tang
$$b_{...} = \frac{Vu_1 u_2 \sin(L - \psi) - D^2 V u_1 u_2}{Vu_1 u_2 \cos(L - \psi) + D^2 V u_1 u_2 \cos(L - \psi)}$$

 $0 \, \tan \theta \, \psi' = \frac{(1+q_1+q_3+(q_1q_3+1)\cos(s-u))}{q_1+q_3+(q_1q_3+1)\cos(s-u)},$

W

 $(q_1 q_9 - 1) \sin(s - \kappa)$

tang
$$\varphi' = \frac{(q_1 q_3 - 1)\sin(s - u)}{q_1 + q_3 - (q_1 q_3 + 1)\cos(s - u)}$$

Um jede Unsicherheit hinsichtlich der Quadranten, in welchen die Phasen zu nehmen sind, auszuschließen, sind die Tangentenformeln so geschrieben, daß die Zähler und Nenner derselben dem Vorzeichen nach stets mit den Sinus und Cosinus übereinstimmen. Die Amplitude des einfallenden Strahles ist gleich Eins gesetzt und die übrigen Amplituden sowie die in den Ausdrücken für d_{uu} , d_{uu} vorkommenden Quadratwurzeln sind stets ihrem absoluten, positiven Werthe nach zu nehmen.

Die Formelsysteme I und II unterscheiden sich nur dadurch, dass in letzterem an Stelle von q_{ν} und u, q_{ν} und -u, mithin auch u_{ν} , v_{ν} an Stelle von v_{ν} , v_{ν} getreten sind, während v_{ν} und v_{ν} ihre Werthe unverändert behalten. Außerdem ist in dem Ausdruck sür v_{μ} der Factor v_{ν} hinzugetreten.

Für senkrechte Incidenz wird

$$s_1 = s_2 = s_3 = 0$$
 $c_1 = c_2 = c_3 = 1$
 $u = 0$ $q_v = q_v = \theta_v$

und beide Formelsysteme werden identisch. Für die restektirten Strahlen ist allerdings in den Formeln ein Phasenunterschied $d'-b'=\pm\pi$ angezeigt; dieser rührt jedoch lediglich von der Richtungsumkehrung des Strahles her. Ersolgen nämlich die Aetherschwingungen senkrecht zu der als Coordinatenebene gewählten Einfallsebene, so entspricht der gleichen Phase des einfallenden und des reslektirten Strahles auch die gleiche Schwingungsrichtung, ersolgen dagegen die Schwingungen in der Einfallsebene, so entspricht der gleichen Phase die entgegengesetzte Schwingungsrichtung des normal reslektirten Strahles.

Ist $\vartheta_1 > \vartheta_s$, so behalten die Formeln ihre Geltung für alle Werthe des Einfallswinkels; bei streifender Incidenz wird dann $q_1 = \infty$, $q_1 = 0$ und es wird stets

$$a'^2 = a'^2 = 1, d' = b' = \pi.$$

Ist dagegen $\vartheta_s > \vartheta_1$, so gelten die Formeln nur bis zum Gränzwinkel der totalen Reflexion am dritten Medium,

für welchen $s_1 = \frac{\vartheta_1}{\vartheta_s}$, $s_3 = 1$, $q = \infty$, $q_s = 0$ wird. Der Fall $s_3 > 1$ erfordert eine besondere Discussion.

Für verschwindende Metalldicke oder für $\Delta = 0$, L = 0, D = 1 reduciren sich die Intensitätsausdrücke auf die Fresnel'schen Intensitätsformeln, während die Tangenten der Phasen zu Null werden, wie diess zu erwarten war, da bei Herleitung des Formelsystems II der Ellipticitätscoëssicient gleich Null angenommen ist.

Für $\Delta = \infty$, D = 0 erhält man

$$a'^2 = \frac{U_1}{V_1}, \ a_{ui}^2 = 0, \ \tan d' = \frac{2q_1\sin(s+u)}{-(q_1^2-1)}, \ \lim d_{ui} = L - \psi$$

$$a'^2 = \frac{u_1}{w_1}$$
, $a_{m'}^2 = 0$, tang $b' = \frac{+2q_1 \sin(s-w)}{+(q_1^2-1)}$, $\lim b_m = L - \psi'$

welches die Cauchy'schen Formeln sind. Durch das Zeichen lim. ist angedeutet, dass d_m und d_m sich bei wachsender Dicke der angegebenen Gränzform nähern. Ein constanter Gränzwerth ist nur vorhanden in dem unten zu erörternden Gränzfall $s = \frac{\pi}{2}$.

Die Formelsysteme I und II sind im Wesentlichen durch die eigenthümliche Verbindung der periodischen und exponentiellen Functionen charakterisirt. Der Einsluß der einen oder der andern überwiegt je nach dem Werth der Größe $\varepsilon + u$, welche mit dem doppelten Werth des sogenannten "Hauptazimut's" der elliptischen Polarisation übereinkommt. Durch diese Größe wird nämlich der Werth des Verhältnisses

$$\frac{-\log \operatorname{nat} D}{L} = \operatorname{tang} (\varepsilon + u)$$

bedingt. Der Winkel ϵ kann zwischen den Gränzen 0 und $\frac{\pi}{2}$ variiren.

1. Der Gränzfall $\varepsilon = 0$ entspricht den durchsichtigen Medien. In Folge der zwischen den Größen s_2 , c_2 , ε , u bestehenden Relationen ist dann u = 0 oder $u = \frac{\pi}{2}$, je

nachdem $s_2 < 1$ oder $s_2 > 1$. — Der Fall $\varepsilon = 0$, u = 0, D = 1 liefert die bekannten Formeln für gewöhnliche Reslexion und Brechung an durchsichtigen Lamellen, aus welchen die exponentiellen Functionen verschwunden sind.

Der Fall $\varepsilon = 0$, $u = \frac{\pi}{2}$, woraus L = 0 folgt, entspricht der Reflexion an einer dünnen durchsichtigen Lamelle, für welche der Gränzwinkel der Totalreslexion Wie aus den Beobachtungen überschritten ist. Newton, Stokes und Quincke bekannt ist, kann in diesem Fall dennoch bei binreichend kleinen Werthen von A Licht aus dem ersten in das dritte Medium über-In der That findet nach den Grundsätzen der Cauchy'schen Reflexionstheorie in einer sehr dünnen Schicht jenseits der Gränzsläche des total reslektirenden Mediums eine Aetherbewegung statt, welche derjenigen in der Oberslächenschicht metallischer Medien analog ist und als ein Gränzsall derselben betrachtet werden kann. Durch Einsetzung obiger Werthe für s und u reduciren sich die Formeln I und II, wenn noch

$$q_1 = tang \varphi_1$$
 $q_1 = tang \psi_1$
 $q_2 = tang \varphi_3$ $q_3 = tang \psi_3$

gesetzt wird, auf:

$$a'^{2} = \frac{(1-D^{2})^{2} + 4D^{2} \sin^{2}(\varphi_{1} - \varphi_{3})}{(1-D^{2})^{2} + 4D^{2} \sin^{2}(\varphi_{1} + \varphi_{3})}$$

$$a'^{2} = \frac{(1-D^{2})^{3} + 4D^{3} \sin^{2}(\psi_{1} - \psi_{3})}{(1-D^{2})^{2} + 4D^{3} \sin^{2}(\psi_{1} + \psi_{3})}$$

$$a_{iii}^{2} = \frac{q_{3}}{q_{1}} (1-a'^{2}) = \frac{16D^{2} \cos^{2}\varphi_{1} \sin^{2}\varphi_{3}}{(1-D^{2})^{2} + 4D^{3} \sin^{2}(\varphi_{1} + \varphi_{3})}$$

$$a_{iii}^{2} = \frac{q_{3}}{q_{1}} (1-a'^{2}) = \frac{c_{1}^{2}}{c_{3}^{2}} \cdot \frac{16D^{2} \cos^{2}\psi_{1} \sin^{2}\psi_{3}}{(1-D^{2})^{2} + 4D^{2} \sin^{2}(\psi_{1} + \psi_{3})}$$

$$\tan q d' = \frac{-\sin 2\varphi_{1}}{+\cos 2\varphi_{1}} \cdot \frac{1-D^{4}}{1-2D^{2} \frac{\cos 2\varphi_{3}}{\cos 2\varphi_{1}} + D^{4}}$$

$$\tan q b' = \frac{-\sin 2\psi_{1}}{-\cos 2\psi_{1}} \cdot \frac{1-D^{4}}{1-2D^{2} \frac{\cos 2\psi_{3}}{\cos 2\psi_{1}} + D^{4}}$$

tang
$$d_{iii} = \frac{+\cos(\varphi_1 + \varphi_3)}{+\sin(\varphi_1 + \varphi_3)} \cdot \frac{1 - D^2}{1 + D^2}$$

tang $b_{iii} = \frac{-\cos(\psi_1 + \psi_3)}{+\sin(\psi_1 + \psi_3)} \cdot \frac{1 - D^2}{1 + D^2}$

Im Fall, dass das dritte Medium mit dem ersten identisch ist, gehen die Formeln in die für diesen Fall von Stokes ') gegebenen über. Für D = 0 wird

$$a'^2 = a'^2 = 1$$
 $a_{ii}^2 = a_{ii}^2 = 0$
 $a'' = -2 \varphi_1$ $b' = 2 \psi_1 - \pi$

welches mit Rücksicht auf die Bedeutung von φ_1 und ψ_1 die gewöhnlichen Formeln für Totalrellexion sind.

- 2. Der Gränzfall $\varepsilon = \frac{\pi}{2}$, woraus stets u = 0, L = 0folgt, ist zwar in der Natur, wie es scheint, nicht ver-Indessen nähern sich demselben die meisten Metalle, insbesondere aber die bisher am leichtesten in durchsichtigen Schichten darstellbaren Edelmetalle mehr als dem entgegengesetzten Gränzfall & = 0. Andrerseits ist das Ergebuiss theoretisch bemerkenswerth, dass das dem Fall $\varepsilon = \frac{\pi}{2}$ entsprechende Formelsystem mit dem oben für Totalreslexion an durchsichtigen Lamellen aufgestellten der Form nach fast völlig identisch ist, mit der Modification nämlich, dass die Zähler der Ausdrücke für tang b' und tang b,, die entgegengesetzten Vorzeichen er-Die den Spielraum der Einfallswinkel beschränkende Bedingung $s_2 > 1$ fällt aber hier fort und s_1 kann von 0 bis $\frac{\pi}{2}$ wachsen, wenn nicht die größeren Werthe durch Eintritt der Totalreflexion am dritten Medium ausgeschlossen sind. — Für $\Delta = \infty$ hat man den Fall einer Totalreflexion für beliebige Einfallswinkel. — Es ist leicht zu erweisen, dass bei wachsender Dicke weder im gebrochenen noch im reslektirten Licht Maxima oder Minima der Intensität stattfinden können. Die Maxima von a'2
 - 1) Transactions of the Cambridge Philosophical Society Vol. VIII 1849.

und a'' müßten nämlich den Minimis von a_{m}^{2} und a_{m}^{2} und auch den Maximis des Ausdrucks $\left(D-\frac{1}{D}\right)^{2}+4\sin^{2}(\varphi_{1}+\varphi_{3})$ entsprechen. In diesem ist aber das zweite Glied von der Dicke unabhängig, während die quadrirte Klammer zwischen den Gränzen $\Delta=0$ und $\Delta=\infty$ kein reelles Minimum besitzt. Es würde also ein derartiges Medium in einer Schicht von variabler Dicke weder im reflektirten noch im durchgehenden Licht eine den Newton'schen Farben durchsichtiger Körper analoge Interferenzerscheinung zeigen.

Für den durchgelassenen Strabl lässt sich nun diese Behauptung sogleich dahin verallgemeinern, dass bei wachsender Dicke niemals Maxima und Minima der Intensität stattfinden können, sobald $\varepsilon + u > \frac{\pi}{4}$ ist. Denkt man sich nämlich Zähler und Nenner des allgemeinen Ausdrucks für a_{ii}^2 durch D^2 dividirt, so wird der Zähler von der Dicke unabhängig und der Nenner nimmt die Form an:

 $N = U_1 U_8 D^{-2} + V_1 V_2 D^2 - 2(A \cos 2L + B \sin 2L),$ wo, wie eine leichte Rechnung ergiebt:

$$A^2 + B^2 = U_1 U_8 V_1 V_8$$

ist. Die Maxima von a_{ii}^2 müssen nun den Minimis von N entsprechen und umgekehrt. Die Disserntiation nach Δ ergiebt:

$$\frac{l_{2}}{4\pi c_{2}} \frac{\partial N}{\partial \Delta} = \sin(\epsilon + u) (U_{1}U_{8}D^{-2} - V_{1}V_{8}D_{2}) + \\ + 2\cos(\epsilon + u) (A\sin 2L - B\cos 2L)$$

$$\frac{l_{2}}{4\pi c_{2}} \frac{\partial^{2}N}{\partial \Delta^{2}} = \sin^{2}(\epsilon + u) (U_{1}U_{8}D^{-2} + V_{1}V_{3}D^{2}) + \\ + 2\cos^{2}(\epsilon + u) (A\cos 2L + B\cos 2L).$$

Für $\Delta = 0$ besitzt $\frac{\partial N}{\partial \Delta}$ den positiven Ansangswerth $\frac{4\pi c_2}{l_4} \cdot 4 q_1 q_3 (q_1 + q_3) \sin 2 (\varepsilon + u)$. Der zweite Disserential-quotient aber kann, für $\varepsilon + u > \frac{\pi}{4}$, nie negativ werden, denn man hat:

$$(V(U_1U_3) \cdot D^{-1} - V(V_1V_3) \cdot D^1)^2 = U_1U_3D^{-2} + V_1V_3D^2 - 2V(U_1U_3V_1V_3) > 0.$$

Der numerische Werth der Klammer $A \cos 2L + B \cos 2L$ kann nun die Gränzwerthe $\pm \sqrt{A^2 + B^2} = \pm 2\sqrt{(U_1U_3V_1V_3)}$ nicht überschreiten. Es ist also stets

$$(U_1U_3D^{-2} + V_1V_3D^2) = 2(A\cos 2L + B\cos 2L) > 0$$
,

woraus für $s+u>\frac{\pi}{4}$ $\frac{\partial^2 N}{\partial \Delta^2}>0$ folgt. Hieraus folgt aber ferner, daß $\frac{\partial N}{\partial \Delta}$ von seinem positiven Anfangswerthe aus stetig wächst, also nie Null werden kann, daß also im durchgehenden Licht keine Maxima oder Minima vorhanden sind, sondern die Intensität mit wachsender Dicke stetig abnimmt.

Für den reflektirten Strahl dagegen nimmt die Bedingung für die Maxima und Minima die Form an:

$$U_{3}D^{-2}\sin(2L+\epsilon+u-\varphi)+V_{3}D^{2}\sin(2L-\epsilon-u-\psi)$$

$$-2\sqrt{\frac{U_{3}V_{3}}{U_{1}V_{1}}}\sin 2(\epsilon+u)=0,$$
wo

 $\lg \frac{\psi + \varphi}{2} = \frac{q_3^2 - 1}{2q_2 \sin(s + u)}, \qquad \lg \frac{\psi - \varphi}{2} = \frac{q_1^2 - 1}{q_1^2 + 1} \operatorname{cotg}(\varepsilon + u).$

Für größere Werthe von Δ wird hier offenhar der Einfluß des mit D^{-2} multiplicirten Gliedes überwiegend und da dieses in Folge seines periodischen Factors unendlich oft sein Vorzeichen wechselt, so sind unendlich viele Maxima und Minima vorhanden. Diese nehmen jedoch an Deutlichkeit sehr schnell ab, indem die periodisch schwankende Intensität sehr schnell gegen den Mittelwerth $\frac{V_1}{U_1}$ convergirt.

Es kommt noch darauf an, zu eutscheiden, ob, nach Analogie der Erscheinungen der Newton'schen Farbenringe zu sprechen, bei einer vom Centrum nach der Peripherie hin an Dicke zunehmenden Metallschicht die Mitte hell oder dunkel erscheint. Es wird für $\Delta = 0$:

$$\frac{\partial a'^2}{\partial \Delta} = \frac{4\pi c_2}{l_2} \cdot \frac{q_1 q_3^2 (q_1 - q_3) \sin 2 (s + u)}{(q_1 + q_3)^3}.$$

Dieser Ausdruck ist positiv oder negativ, je nachdem das dritte Medium optisch dichter oder dünner ist als das erste. Es muss also z. B. bei einer derartigen auf Glas haftenden Metallbelegung von variabler Dicke die Mitte im reslektirten Licht dunkel oder hell erscheinen, je nachdem die Reslexion in Lust oder in Glas erfolgt. — Ist das dritte Medium mit dem ersten identisch, ist also $q_1 = q_3$, so ist für $\Delta = 0$, $a'^2 = 0$ und $\frac{\partial a'^2}{\partial \Delta} = 0$ und die Mitte erscheint dunkel.

Zu vollkommen analogen Resultaten führt die Discussion der Ausdrücke für a'2 und a₁₁₁2.

Was nun die Vergleichung der angegebenen Resultate mit der Erfahrung betrifft, so haben bisher nur einige Edelmetalle, insbesondere Silber, Gold und Platin sich zur Darstellung in hinreichend dünnen durchsichtigen Schichten geeignet erwiesen. Diese Metalle sind im Allgemeinen durch große Werthe der Constante & charakterisirt. Für Silber ist nach den Beobachtungen von Jamin, bei Reflexion in Luft:

					$\log \vartheta_1 =$	8 ===	$oldsymbol{artheta_1}$ cos $oldsymbol{arepsilon}$	I, sin e
für	die	Fraunhofer'sche	Linie	D	0,4595	79° 15′	0,5373	2,830
"	,)))))	Ħ	0,2740	77 16	0,4142	1,833

Aus den Beobachtungsreihen von Quincke (Opt. Unters. §§. 39-41) ergeben sich folgende Werthe für die optischen Constanten dünner Silber- und Goldlamellen bei Reslexion in Luft und in Glas (die Beobachtungen beziehen sich auf rothes Licht):

	Refl. i	n Luft	Refl.	in Glas	3 .	• •	
	log ϑ_1	8	log 9,	8	3,	μ	
Silber auf Crownglas	0,5742	87° 54'	0,3545	84° 4'1	1,658	1,5149	
Silber auf Flintglas	0,5349	86 24	0,3764	81 37	1,440	1,6258	
Gold auf Crownglas	0,4016	84 57	0,2985	82 43	1,268	1,5149	

Hier beziehen sich die in einer Horizontalreibe enthaltenen Beobachtungen jedesmal auf dieselbe Metallschicht. Die Theorie würde demnach fordern, dass die Werthe der Constante ε bei Reflexion in Lust und Glas identisch seyen und dass der Quotient $\frac{\vartheta_1}{\vartheta_3}$ gleich sey dem in der letzten Columne angegebenen Brechungsexponenten μ des Glases. Diese Forderungen der Theorie sind offenbar nur sehr unvollkommen erfüllt, was zu der Annahme nöthigt, dass in Folge einer verschiedenen Molekularbeschaffenheit der an Glas und an Lust gränzenden Metallslächen die Reslexionsconstanten etwas veränderte Werthe annehmen. — Aehnlich ergiebt die Beobachtungsreihe des §. 43 für die Reslexionsconstanten derselben Silberobersläche in Lust, Wasser und Terpentinöl:

$$\varepsilon_1 = 87^{\circ}24'$$
 $\varepsilon_2 = 87^{\circ}52'$
 $\varepsilon_2 = 86^{\circ}9'$
 $l\vartheta_1 = 0,5178$
 $l\vartheta_2 = 0,4264$
 $l\vartheta_3 = 0,3595$
 $\frac{\vartheta_1}{\vartheta_2} = 1,231, \ \mu_2 = 1,336$
 $\frac{\vartheta_1}{\vartheta_3} = 1,440, \ \mu_3 = 1,474$

Für durchsichtige Metallschichten handelt es sich zunächst darum, sestzustellen, ob der von der Theorie gesorderte Grad der Durchsichtigkeit mit der Ersahrung über einstimmt. Da der Ausdruck für die Intensität des durchgegangenen Strahls den Factor D^2 enthält, so wird dieser zunächst zu bestimmen seyn. Mit Hülse der oben angegebenen optischen Constanten des Silbers für die Fraunhoser'schen Linien D und H berechnet man leicht die in solgender Tabelle enthaltenen Werthe von $\frac{1}{D^2}$ sür verschiedene Silberdicken, unter Voraussetzung senkrechter Incidenz:

Δ	Fraunhofe	er'sche Linie 🎚	Δ	Fraunhofer'sche Linie		
mmm	D	H	ភាពា	D	H	
0,01	1,830 .	1,786	0,06	37,53	32,53	
02	3,348	3,192	07	68,67	58,10	
03	6,126	5,702	08	125,66	103,8	
04	11,21	10,19	09	229,9	185,4	
05	20,51	18,20	10	420,7	331,2	

Stellt man ferner den wirklichen Intensitätsausdruck für den durch das System aus Silber und Flintglas hindurchgegangenen Strahl auf, wohei auch noch der Intensitätsverlust beim Durchgang durch die unbelegte Glassläche in Betracht kommt, so ergiebt sich, daß- der Werth von D² bei senkrechter Incidenz noch mit einem numerischen Factor zu multipliciren ist, der sich bei wachsender Dicke für die Fraunhofer'sche Linie D dem Gränzwerth 1,747, für die Linie H dem Gränzwerth 2,2556 nähert, so daß die größere Durchsichtigkeit für die Strahlen von hoher Brechbarkeit dadurch noch mehr hervortritt.

Quincke fand (Opt. Unters. §. 52), dass Silber von 0^{mmm},09, Gold von 0^{mmm},16 und Platin von 0^{mmm},40 Dicke noch durchsichtig erschienen. Die Reihensolge des Grades der Durchsichtigkeit ist mit Rücksicht auf die optischen Constanten dieser Metalle die von der Theorie zu erwartende und der Werth 0,09 für Silber wird als ein besriedigend mit der Theorie übereinstimmender Gränzwerth gelten können, da die Extinction bei dieser Dicke bis auf etwa der ursprünglichen Intensität sortgeschritten ist.

Wenn gleich die bisher erörterten Erscheinungen bereits Abweichungen von der Theorie erkennen ließen, die nur unter der Annahme gewisser molekularen Verschiedenheiten der Metalloberslächen und einer dadurch bedingten Variation der optischen Constanten zu erklären waren, so war doch der allgemeine Charakter der Erscheinungen mit der Theorie in Uebereinstimmung. - Eine principielle Disserenz zwischen Theorie und Ersahrung tritt dagegen hervor in den von Quincke an dünnen Metall-Lamellen beobachteten Newton'schen Farbenringen (Opt. Unters. §. 49 — 64). Silber, Gold und Platin gehören unzweifelhaft zu der Gruppe von Metallen, für welche die Bedingung $\varepsilon + u > \frac{\pi}{4}$ erfüllt ist, für welche also, wie oben nachgewiesen worden, im durchgelassenen Licht überhaupt keine Maxima und Minima stattfinden können. Was ferner die Maxima und Minima des reslektirten Lichts betrifft, so

sind deren allerdings unendlich viele vorhanden, welche sich jedoch, wie leicht zu zeigen ist, durch ihre geringe Intensität der Beobachtung entziehen. Bemerkt man, daß für eine Silberdicke von 0^{mmm} ,1 nur noch Intensitätsschwankungen von der Ordnung von etwa $\frac{1}{400}$ der Gesammt-Intensität erwartet werden können, so braucht man nur die Anzahl der bis zu dieser Dicke der Theorie nach zu erwartenden Maxima und Minima abzuzählen. Für $\Delta = 0^{\text{mmm}}$,1 wird $2L = \frac{4\pi c_1 \vartheta_1 \cos{(s+u)}}{\lambda_1} \cdot 0^{\text{mmm}}$,1. Im einfachsten Fall der senkrechten Incidenz wird $c_2 = 1$, u = 0, ferner für die Fraunhofer'sche Linie D $\lambda_1 = 0^{\text{mmm}}$,5888, so daß man erhält:

$$2L = 0.1825 \cdot 2\pi = 65^{\circ} 42'$$
.

Es haben also bis zu dieser Dicke die periodischen Glieder der Function ihre Periode noch nicht zum fünsten Theile durchlausen und es wird im günstigen Falle nur etwa ein Maximum oder ein Minimum, abgesehen von dem hellen oder dunklen Centrum, beobachtet werden können.

Merkwürdigerweise wurde die Breite der von Quincke beobachteten hellen und dunklen Streisen weder durch die Farbe noch durch den Einfallswinkel wesentlich beeinflusst. Wenn dieselben dennoch als Newton'sche Interferenzstreifen zu betrachten sind, so würde daraus folgen, dass die Cauchy'sche Reflexionstheorie auf so dünne Metall-Lamellen nicht ohne wesentliche Modification anwendbar ist. Es müfsten den optischen Constanten wesentlich verschiedene Werthe beigelegt werden, insbesondere müßte die Constante & beträchtlich kleinere Werthe erhalten als für undurchsichtige Metalle, um mit der Erfahrung in Einklang zu bleiben. Daraus würde sich aber mit Nothwendigkeit die weitere Consequenz ergeben, dass auch bei undurchsichtigen Metallen die Anordnung des Aethers in einer Oberflächenschicht von messbarer Dicke wesentlich verschieden sey von derjenigen im Innern des Metalls, so dass die Größen la und e ihren Charakter als Constauten

verlieren und dass, wie schon Quincke angenommen hat, die Reslexion nicht in einer geometrischen Gränzsläche, sondern innerhalb einer Uebergangsschicht von endlicher Dicke stattsinden würde.

Die Mitte des von Quincke beobachteten Fransensystems, entsprechend $\Delta=0$, erschien bei Silberlamellen dunkel, wenn die Reflexion in Luft, hell, wenn sie in Glas erfolgte, was mit dem oben entwickelten Resultat der Theorie übereinstimmt. Gold und Platin zeigten ein zum Theil abweichendes Verhalten.

Ich enthalte mich für jetzt einer näheren Discussion der Ausdrücke für die Phasen und beschränke mich darauf, nur noch auf ein leicht controlirbares Versuchsresultat hinzuweisen, welches ebenfalls mit der Theorie in Widerspruch steht. Hr. Quincke fand nämlich (Gött. Nachr. Dec. 1870), dass der Gangunterschied zwischen den durch Luft und durch Metall gegangenen Strahlen für verschiedene Metalldicken, welche $< 0^{\text{mmm}}$,04 sind, nahezu $\pm \pi$ betrug. Für kleine Metalldicken ist die Bedingung eines constanten Gangunterschiedes zwischen Metall und Luft durch die Theorie überhaupt nicht zu erfüllen. Für größere Metalldicken nähert sich, wie bereits oben erwähnt, die Phase du der Gränzform $L-\psi$ und es müßte die mit der Dicke wachsende Größe L der entsprechenden Größe für Luft gleich seyu, wenn der Gangunterschied den constanten Werth ψ annehmen sollte. Die daraus folgende Bedingung ist:

$$\vartheta_1\cos\left(\varepsilon+u\right)=\frac{c_1}{c_2}.$$

Dieselbe ist allgemein, d. h. für beliebige Einfallswinkel nicht erfüllbar; soll dieselbe für senkrechte Incidenz und näherungsweise für kleine Einfallswinkel gelten, so reducirt sie sich auf $\vartheta_1 \cos \varepsilon = 1$, während oben für Silber $\vartheta_1 \cos \varepsilon = 0,5373$ gefunden wurde. Aber selbst im Fall, dass diese Bedingung erfüllt wäre, würde sich der constante Gangunterschied nicht gleich $\pm \pi$ ergeben, da der Winkel ψ stets im ersten Quadranten liegt.

Liegnitz, im Januar 1871.

VII. Ein Apparat zur bequemen Herstellung verschiedener Combinationen galvanischer Elemente; von C. Bohn.

Die Anwendung, welche von einem elektrischen Strome gemacht werden soll, bedingt, in welcher Weise die einzelnen Elemente einer galvanischen Batterie am zweckmässigsten zusammenzustellen sind. Um die grösstmögliche Wirkung zu erzielen, wird im Allgemeinen die Anordnung anders seyn müssen, wenn der Strom chemische Zersetzungen bewirken, als wenn er einen Eisenkern magnetisiren soll, anders wenn die krästigsten Wärme- und Lichteffecte hervorzubringen oder Inductionsströme, physiologische Wirkungen u. dergl. zu erzeugen sind. Ohm'sche Gesetz lehrt, dass die Wahl der Verbindungsart sich nach dem Widerstande im Schliessungsbogen richtet und dass, wenn dieser außerwesentliche Widerstand dem wesentlichen in der Kette gleich ist, die Stärke des Stroms am größten ausfällt. Sobald das Verhältniß des Widerstands im Schließungsbogen zu dem in einem Elemente bekannt ist, lässt sich leicht berechnen, ob man die zu Gebote stehenden ngleichen Becher zu einer Säule von n einfachen Elementen hinter einander verbinden soll, oder zu einer Säule von $\frac{n}{2}$ doppelten Elementen — wobei also je zwei Platten derselben Art leitend unter einander verbunden werden, demnach der Weg des Stroms in der Kette doppelt so breit und halb so lang gemacht wird oder zu einer Säule von $\frac{n}{3}$ dreifachen Elementen oder sonst wie. Bei der großen Mehrzahl der gebräuchlichen Formen galvanischer Säulen lassen sich mit Hülfe passender Drahtstücke und Klemmen alle wünschenswerthen Combinationen Am bequemsten ist es bei allen mir bekannten Formen, die Säule aus lauter einfachen Bechern hinter einander zu bilden; bei einer oder der anderen Form, z. B. der von Poggendorff für die Grove'schen Elemente angegebenen, lassen sich auch unschwer alle gleichartigen Platten unter einander verbinden (doch müssen im angeführten Beispiele an jedem Elemente zwei Klemmen sitzen und die Becher müssen in eine gerade Linie aufgestellt werden). Immer ist es unbequem, auf irgend eine andere Art anzuordnen. Es kommt nun nicht selten vor, dass man von einer Verbindungsweise zu einer anderen überzugehen hat, insbesondere soll dieser Wechsel in der Zusammenstellung für Lehrzwecke bei der so wichtigen experimentellen Untersuchung des Ohm'schen Gesetzes rasch und sicher zu vollzichen seyn und für eben diesen Zweck ist es auch wünschenswerth, alle möglichen Combinationen machen zu können, während für die praktischen Arbeiten mit dem elektrischen Strome wohl eine geringere Zahl von Verbindungsweisen ausreicht.

Es sind mehrere Vorrichtungen zur Abänderung der Combination galvanischer Elemente beschrieben worden. Von Strathing und von Clarke in Dove's Repertorium VIII, 33, erwähnt in Berl. Ber. u. Fortschr. d. Phys. in 1866, p. 381, von Bothe in Pogg. Ann. CIX, 383, von Stöhrer in Müller's Lehrb. d. Phys. 7. Aufl. II, 220, von Carl zwei verschiedene in Carl's Repertor. II p. 27 und ibid. p. 242, von Waszmuth in Pogg Ann. CXXXIII, 677.

Bei all' den genannten Apparaten muß von jedem Metalle eines jeden Elementes eine Leitung zu einem Knopse oder Quecksilbernäpschen geführt werden; man hat also an jedem Elemente zwei Klemmen nöthig und doppelt so viele Leitungsdrähte, als Elemente vorhauden sind. Die Knöpse oder Quecksilbernäpse werden durch eine aus Draht oder breiteren Metallstreisen gebildete Leitung in einer Weise verbunden, die für jede Combination eine andere ist. Entweder kann schnell eine Leitung an Stelle der andern durch förmlichen Austausch gesetzt werden, oder der Leitungsweg wird durch Aufbeben und Herstellen von Brücken passend verändert.

Alle diese Apparate sind ziemlich umständlich construirt, erfordern viel und genaue Arbeit, können daher nicht sehr wohlfeil seyn. Sie sind alle für eine ganz bestimmte Anzahl Elemente eingerichtet, z. B. für ein Dutzend, und wenn man nur eine geringere Anzahl, etwa 10, 9, 8 ... Elemente gebrauchen und auf verschiedene Arten combiniren will, so ist entweder der Apparat gar nicht auwendbar, oder es entstehen Unbequemlichkeiten. zwar das höchste erreicht, was die schnelle Umschaltung angeht, - so braucht man hierzu bei Carl's letztem Apparat nur eine Säule um 90° oder 180° zu drehen —, allein dafür ist die aufangs zu machende Verbindung der Metalle der einzelnen Elemente mit den Knöpsen oder Quecksilbernäpfen des Apparats eine beschwerliche. Ferner wird durch die hierzu erforderlichen zweimal n Leitungs drähte — deren Isolation von einander aufmerksam beachtet werden muss - ein nicht unbedeutender Leitungswiderstand eingeschaltet.

Ich habe eine Einrichtung ersonnen und ausführen lassen, welche, wie mir scheint, gegen die bisherigen in mehrfacher Hinsicht genügende Vorzüge bietet, um eine Mittheilung darüber an diesem Orte zu motiviren. Quecksilbernäpfe und Federn habe ich nicht angewendet, da sie immer einen nicht unbedeutenden Leitungswiderstand einführen und letztere bekanntlich gerne den Dienst versagen. Die Elemente sind einfacher als bisher mit dem Apparat verbunden, die vielen Zuleitungsdrähte erspart worden. Die Einrichtung ist so gemacht, dass sie auch beim längsten Gebrauche nicht Schaden leiden kann, dass sie nicht nur für eine bestimmte; sondern auch für jede kleinere Anzahl Elemente alle möglichen Combinationen zu machen gestattet, endlich, dass sie sehr billig, weil sehr wenig und nur einfache Arbeit erheischend, ist. Apparate zu dem in Rede stehenden Zwecke sind Pachytrope (Dove) oder auch Tachytrope (Carl) genannt worden. Da meine Vorrichtung gestattet, rasch (wenn auch nicht so rasch wie bei Carl's letztem Apparat) die Breite oder Dicke des

Leitungsweges in der Kette zu wechseln, so könnten die Liebhaber griechischer Bezeichnungen sie Tachypachytrop nennen.

Einstweilen mögen jene Einzelheiten der Einrichtung unerwähnt bleiben, welche von der besonderen Form der zusammenzustellenden Elemente abhängen. Wenn dann am Schlusse dieser Mittheilung noch die Detailbeschreibung meiner für eine bestimmte Bunsen'sche Batterie angepaßten Einrichtung folgt, so ist es nicht nöthig, die kleinen Abänderungen ausführlich anzugeben, welche bei Anwendung anders geformter Elemente vorzunehmen sind.

Ich beschreibe zunächst eine Vorrichtung, welche erlaubt, zwölf oder jede geringere Anzahl galvanischer Elemente auf alle mögliche Arten zu combiniren.

Auf einem Brette stehen acht Holzsäulchen a, je vier an einem Ende. Sie sind oben eingeschnitten und in die Schlitze vier Streisen dicken Kupserblechs I, II, III, IV gelegt, wie Fig. 1 Taf. X (Grundrifs) zeigt. An den Enden dieser Kupferstangen sind Klemmen angebracht, in welche der Schliessungsbogen eingesetzt werden kann. Die Becher werden zwischen die vier Kupferstangen, also in drei Reihen von vier Gliedern eingestellt und es muss Sorge getragen seyn, dass sowohl das positive als auch das negative Metall eines jeden Elementes nach Belieben entweder an die links davon oder an die rechts davon gelegene Stange gut leitend angeschlossen werden kann. Dieser Forderung wird in allen Fällen unschwer zu genügen seyn, da bei allen galvanischen Säulen schon Vorsorge getroffen ist, das positive Metall eines Bechers mit dem negativen eines anderen bequem verbinden zu können.

In den nachfolgenden Zeichnungen ist je eine Kupferstange nur durch eine einfache Linie dargestellt, die Klemmen an den Enden und die tragenden Holzsäulchen sind nicht weiter angedeutet. Ein Kreis bedeutet ein galvanisches Element, ein aus dem Centrum kommender Strich die metallische Fortleitung vom innen stehenden Metalle (Zink), ein an der Peripherie endender Strich die metallische

Fortleitung des im Becher nach außen stehenden Metalles (Kohle). Die Ordnungsnummern der einzelnen Elemente sollen immer in der Figur oben links beginnen, die erste Verticalcolonne durchgehen, dann in der zweiten von unten nach oben und endlich in der dritten wieder von oben nach unten laufen.

- Sollen zwölf Elemente zu einer Kette von swölf einfachen Bechern hinter einander verbunden werden, so wird geordnet wie Fig. 2 Taf. X zeigt. Die Kohle der Elemente 1, 5, 9 ist an die links gelegenen Stangen I, II, III geschlossen, das Zink der Elemente 4, 8, 12 an die rechts davon gelegenen Stangen II, III, IV; das Zink der übrigen Elemente ist mit der Kohle der unmittelbar folgenden Elemente verbunden, welches, wie schon erwähnt, bei allen gebräuchlichen Formen galvanischer Säulen leicht möglich ist. Die Pole der Kette sind in der Figur durch - und + angedeutet. Dort, oder an den entgegengesetzten Enden der betreffenden Stangen sind die Enden des Schliessungsbogens anzubringen. Für diese Combination wäre ein besonderer Apparat freilich nicht nöthig, doch habe ich auch diese Combination besprechen wollen, einmal der Vollständigkeit wegen, dann weil ich bei der Beurtheilung der für eine andere Anordnung aufzuwendenden Mühe und Zeit von dieser am häufigsten vorkommenden Zusammenstellung ausgehen will. Die Stellung der Elemente zwischen den vier Stangen bleibt in allen Fällen genau dieselbe. Es ist leicht ersichtlich, wie man mit 11, 10 oder weniger Bechern zu verfahren hat.
- 2. a) Eine Säule von sechs Doppelbechern stellt man am zweckmäßigsten in der Weise zusammen, wie Fig. 3 Tas. X zeigt. Der Uebergang aus der ersten, in Fig. 2 Tas. X dargestellten Anordnung zu dieser geschieht dadurch, dass man drei Verbindungen auslöst (die zwischen 2 und 3, die zwischen 6 und 7 und die zwischen 10 und 11) und sechs neue Verbindungen herstellt (die des Zinks von 2, 6, 10 mit den Stangen II, III, IV und die der Kohle von 3, 7, II mit den Stangen I, II, III). —

Die gewünschte Verbindung zu Doppelbechern könnte auch in anderer Weise, etwa wie Fig. 4 Taf. X zeigt, gemacht werden und ist diese Anordnung von der in Fig. 3 Taf. X scheinbar nicht sehr verschieden. Allein es erfordert ungleich größeren Aufwand von Zeit und Mühe, zu dieser Zusammenstellung aus jener in Fig. 2 Taf. X geschilderten überzugehen, als diess für den Uebergang nach Fig. 3 Taf. X erforderlich ist. Es sind nun nicht weniger als neun Verbindungen zu lösen und zwölf neue zu schließen. lösen ist 2-3, 3-4, 6-7, 7-8, 10-11, 11-12, dann die des Zinks von 4 mit II, von 8 mit III und von 12 mit IV, und zu schließen sind 3-4, 7-8, 11-12 (in entgegengesetzter Art als zuvor gewesen), ferner sind die Zink von 2, 3, 6, 7, 10, 11 an die rechts davon, die Kohlen von 4, 8, 12 an die links davon gelegenen Stangen zu knüpfen.

Es giebt überhaupt im Allgemeinen verschiedene Arten, die gewünschte Combination mittelst des Apparates auszuführen, — meist ist aber eine die einfachste und nur diese soll im Folgenden erwähnt werden.

- b) Sollen zehn einfach verbundene Elemente (Fig. 5) zu fünf Doppelbechern combinirt werden, so ordne man wie Fig. 6 Taf. X zeigt. Es sind für den Uebergang von Fig. 5 zu Fig. 6 Taf. X drei Verbindungen (2-3, 6-7 und 9-10) zu lösen und sechs neue herzustellen, nämlich die Kohlenplatten von 3, 7 und 10 sind an die Stangen I, II, III und die Zinkplatten von 2, 6, 9 an die Stangen II, III, IV zu befestigen.
- c) Acht einfach hinter einander gestellte Becher (Fig. 7 Taf. X) werden zu vier Doppelbechern entweder in der Weise der Fig. 8 oder der Fig. 9 Taf. X verbunden. Zur Anordnung Fig. 8 Taf. X gelangt man aus jener in Fig. 7 Taf. X dargestellten durch Auflösen von zwei Verbindungen (2-3 und 6-7) und Herstellen von vier neuen (Zink 2-II, Zink 6-III, Kohle 3-I und Kohle 7-II), hingegen zur Anordnung Fig. 9 Taf. X dadurch, dass man die

Kohle 5 von II an III und das Zink 8 von III nach II hinüberlegt, dann aber noch einen leitenden Bügel von Stange I nach Stange III anbringt. Als solche "Bügel" benutze ich sehr dicken übersponnenen Kupferdraht, der so lang ist, dass er (das Bedürsniss entsteht in anderen Fällen) auch von I bis IV reichen kann. Es ist ziemlich gleich bequem, die Anordnung Fig. 8 oder Fig. 9 Taf. X herzustellen. Bei letzterer rückt der positive Pol auf die Stange II, während er in Fig. 7 und Fig. 8 Taf. X auf III liegt.

- d) Sind sechs Elemente wie in Fig. 10 Taf. X einfach hinter einander gestellt, so braucht man nur den Bügel I—III anzulegen und zwei Umlagerungen, nämlich des Zinks 6 von III nach II und der Kohle 4 von II nach III vorzunehmen, um, wie Fig. 11 Taf. X zeigt, eine Combination von drei Doppelbechern zu erhalten. Wären aber die sechs Elemente ursprünglich wie in Fig. 12 Taf. X hinter einander gestellt gewesen, so würde man durch das Oeffnen von drei und das Schließen von sechs Verbindungen die in Fig. 13 Taf. X dargestellte Combination von drei Doppelbechern erhalten.
- e) Sind vier Elemente so wie in Fig. 14 Taf. X einfach verbunden, so kann man durch Anlegung eines Bügels und Vornahme von zwei Umlagerungen wie in Fig. 15 Taf. X, oder auch durch Auflösen von zwei Verbindungen und Herstellung von vier neuen nach Art wie Fig. 16 Taf. X zu zwei Doppelbechern verbinden. War aber die ursprüngliche Anordnung wie in Fig. 17 Taf. X gewählt, so ist eine Verbindung aufzulösen und zwei neue sind herzustellen, um zwei Doppelbecher wie in Fig. 18 Taf. X zu erhalten.
- f) Zwei hinter einander verbundene Becher, Fig. 19 Taf. X, werden zu einem Doppelbecher verbunden, Fig. 20 Taf. X, durch Auflösen einer und Schließen zweier neuer Verbindungen.
- 3. a) Vier Becher von dreifacher Oberstäche zeigt die Fig. 21 Tas. X. Diese Anordnung wird aus der ansänglichen (Fig. 2 Tas. X) erhalten, wenn zwei Bügel I—III

- und II—IV angebracht und zwei Umlagerungen, nämlich Kohle 5 von II nach III und Zink 8 von III nach II, vorgenommen werden.
- b) Drei dreifache Becher entstehen aus neun einfachen am bequemsten durch Anbringung zweier Bügel I—III und II—IV und zwei Umlagerungen, wie Fig. 22 Taf. X zeigt. Hingegen hätte man sechs Verbindungen zu öffnen und zwölf neue zu schließen, wollte man die gewünschte Combination in der anderen Weise herstellen, daß man alle Kohlenplatten an die zu ihrer Linken und alle Zinkplatten an die zu ihrer Rechten befindlichen Stangen anschlösse. Denkt man in Fig. 23 Taf. X die dritte Colonne ähnlich wie die zwei ersten ausgefüllt, so erhält man die in Rede stehende Anordnung abgebildet.
- c) Sind sechs Elemente wie nach Fig. 10 Taf. X einzeln verbunden, so ordne man sie nach Fig. 23 Taf. X in zwei dreifache, wozu vier Verbindungen gelöst, acht geschlossen werden müssen. Sind die sechs einfachen aber wie in Fig. 12 Taf. X zusammengestellt, so ordnet man zu zwei dreifachen nach Anleitung der Fig. 24 Taf. X durch Anbringen zweier Bügel und Vornahme von zwei Umlagerungen.
- 4. a) Eine Kette von drei vierfachen Bechern zeigt Fig. 25 Taf. X. Sie wird aus der ersten Combination Fig. 2 Taf. X erhalten durch Auflösen von neun und Herstellen von achtzehn neuen Verbindungen.
- b) Zwei vierfache Elemente (Fig. 26 Taf. X) werden aus acht einfachen (Fig. 7 Taf. X) durch Aufhebung von sechs und Herstellung von zwölf neuen Verbindungen erhalten.
- 5. Wie man zehn Elemente zu zwei fünffachen Bechern zusammenstelle, zeigt Fig. 27 Taf. X. Der Uebergang aus der ersten Anordnung (Fig. 5 Taf. X) erheischt die Anbringung eines Bügels diessmal des länger gezogenen von I—IV und die Auflösung von sechs, Herstellung von zwölf Verbindungen, endlich noch zwei Umlagerungen.
- 6. Zwei Becher von sechsfacher Obersläche zeigt Fig. 28 Tas. X zusammengestellt und wird diese Combination aus

der anfänglichen (Fig. 2 Taf. X) erhalten dadurch, dass man zwischen sieben Elementen die Verbindungen aushebt, vierzehn Besestigungen an den Stangen vornimmt, zwei Umlagerungen bewerkstelligt und den Bügel I—IV anbringt.

7. Einen einzigen Becher von zwölffacher Obersläche stellt Fig. 29 Tas. X dar. Aus der ansänglichen Stellung (Fig. 2 Tas. X) kommt man in diese durch Auslösen von neun und Herstellen von achtzehn neuen Verbindungen und Anlegung zweier Bügel. Die Hervorbringung dieser Combination aus der aufänglichen ist am unbequemsten; es wird für Jemanden, der weder besonders eilig noch besonders eingeübt ist, zur Aussührung der Manipulationen an meinem Apparate die Zeit von 21 Minuten erfordert.

Ganz ähnlich, wie hier zwölf Elemente zu Einem gekuppelt sind, läst sich in dem Gestelle jede kleinere Zahl zu Einem Becher vereinigen und ist die Mübe desto geringer, je geringer die Zahl der Elemente ist.

Die anderen oben erwähuten Apparate gestatten freilich, den Wechsel der Combination rascher auszuführen,
allein dieser Vortheil ist mit Opfern erkauft, die ihn, wie
mir scheint, mehr als aufwiegen. Uebrigens wird man die
21 Minuten, die bei meiner Einrichtung im Maximo erforderlich sind, wohl stets finden können.

Will man eine Batterie von mehr als zwölf Elementen aufbauen, so ist es am besten, einen zweiten (dritten u. s. w.) Apparat wie den eben geschilderten zu je zwölf Elementen anzuwenden. Die Zahl 12 ist ihrer vielsachen Theilbarkeit wegen sehr bequem; wollte man 15, 16, 20 Elemente in einem Gestelle vereinigen, so wäre man zur Anwendung von mehr als vier Stangen genöthigt, wenn alle möglichen Combinationen sollen ausgeführt werden können.

Um z. B. 21 Elemente zu drei siebensachen zu ordnen, reihe man die ersten zwölf auf dem einen Gestelle zu drei viersachen und die weiteren neun Elemente auf dem anderen Gestelle zu drei dreisachen. Es sind dann nur

die Stangen I beider Gestelle und die Stangen IV derselben (falls die Anordnung der neun Becher nach Fig. 22 Taf. X geschah) leitend zu verbinden, was durch zolllange Drähte oder Stäbe ausgeführt werden kann. Um, weiteren Beispiels halber, vier Elemente von sechsfacher Oberstäche zu erhalten, ordne man entweder auf beiden Gestellen zu zwei sechsfachen Bechern und verbinde den positiven Pol des einen mit dem negativen Pol des anderen Gestelles, oder man ordne in beiden Apparaten vier dreifache Becher an und verbinde die beiden positiven sowie die beiden negativen Pole beider Säulen.

Hiernach ist also klar, dass man mit Zuhülfenahme von 2, 3, 4... der beschriebenen Gestelle jede gewünschte Combination aus 24, 36, 48... oder weniger Elementen leicht und bequem herstellen kann.

Der Anblick des Apparates, der aus vier Kupferstangen, versehen mit Vorrichtungen, die Metalle der ein zelnen Elemente daran befestigen zu können, und aus zwei Bügeln besteht, wird viel leichter über den Gebrauch orientiren, als diese Aufzählung der einzelnen Fälle seiner Anwendung, die etwas weitläufig geworden ist und durch ihre Länge ein ungerechtfertigt ungünstiges Vorurtheil in Betreff der Bequemlichkeit und Handlichkeit des Gestelles erregen könnte. - Der Widerstand, welcher durch die dicken und breiten Kupferstangen, in manchen Fällen ferner noch durch einen, und bei drei der Combinationen durch zwei Bügel eingeführt wird, dürste meistens verschwindend klein gegen die sonstigen Widerstände seyn. Es ist ferner leicht, ihn in jedem Falle gleich groß, nämlich gleich seinem Maximalwerthe zu machen. — Die Kosten des Apparates sind gering, nicht viel größer als der Aufwand, den man für Drähte und Klemmen zu machen hat, mit deren Hülfe man sonst die nöthigen Verbindungen herstellt. - Jede nothwendig werdende Umschaltung kann, selbst von dem ungeschultesten Gehülfen, wenn man ihm eine Zeichnungsskizze der gewünschten Combination vorlegt, in kürzester Frist ausgeführt werden.

Es bleiben nur noch einige Einzelheiten zu erwähnen, namentlich anzugeben, in welcher Art bei meinem speciellen für zwölf Bunsen'sche Elemente eingerichteten Gestelle die Verbindung der Kohle und des Zinks mit den Stangen bewerkstelligt ist. Meine Elemente haben die beste mir bekannte Form, nämlich jene, welche zuerst von Buff (in dessen Lehrbuch der Physik p. 325, 326 und im 1. Bande von Graham-Otto's Chemie, 1. Abtheil.: Physikal. Lehren von Buff, Kopp, Zamminer p. 482) beschrieben wurde. Da diese Einrichtung nicht so allgemein verbreitet ist, als sie verdient, dürfte es gerechtfertigt seyn, wenn ich sie hier kurz angebe, um so mehr, da diess zum besseren Verständnis des Nachfolgenden wünschenswerth ist.

Der obere Rand der Kohlencylinder ist gewichst und von einem aufgeschnittenen Kupferringe umfasst, der durch eine Schraube fest angepresst werden kann. Von diesem Ringe geht, wie k der Fig. 30 Taf. X zeigt, ein Kupferstreifen aus, der in eine vertikal stehende Flansche endet; ein ebensolcher z sitzt am Zinkcylinder. In die Flansche z des vom Zink ausgehenden Streifens ist die Mutter einer Schraube eingeschnitten, deren Spindel bequem durch einen Schlitz in der Flansche k des am Kohlencylinder sitzenden Streifens geschoben werden kann. Die Querschnittszeichnung Fig. 30 Taf. X zeigt deutlich die Verbindungsweise zweier hinter einander gestellter Elemente. Fig. 31 Taf. X giebt eine perspectivische Ansicht der oberen Theile. Denkt man den mit der Schraube versehenen Theil z nach vorn und abwärts geschoben, so dass die Schraubenspindel in den Schlitz von k fällt, so braucht man nur die Schraube anzuziehen, um die große Fläche m mit der rückwärts gelegenen, zu n parallelen, gleicher Größe, in gut leitende Berührung zu bringen. (Man wird die Schraube nie so weit herausziehen wie in der Figur. Eine halbe Umdrehung reicht zum Schließen aus, ebenso genügt diese dann wieder zum Oeffnen.)

Die von den Zinkeylindern ausgehenden Kupferstreifen hängen sich leicht an die Stangen des beschriebenen Ge-

stelles, es ist hierfür nur nötbig, an den passenden Stellen Schlitze in diese (etwa auf die halbe Breite reichend) zu schneiden, ähnlich wie sie an den Flanschen der Streifen & vorhanden sind. Die Umdrehung der durch die Schlitze gesteckten Schrauben presst dann die ganze Flansche sest gegen die Stange. - Die Streifen der Kohlencylinder werden an die Stangen gelegt und ein über Stange und Flansche gesetzter Sattel aus sederndem Messingblech presst beide zusammen. Die Höhe cd des Sattels Fig. 32 Taf. X ist doppelt so groß als die der Flansche und gleich der Verticaldimension der Stangen. Nahe am unteren Ende des Sattels sitzt eine Schraube s. Sie wird so tief gesetzt, einmal weil dadurch bessere Federung erreicht wird, dann aber auch, damit sie auf die Stange selbst trifft, nicht in einen Schlitz, der ja an diesen Stellen in der oberen Hälfte eingeschnitten ist, weil eben dorthin bei anderen Combinationen der Zinkcylinder zu befestigen ist. den zwei äufseren Stangen I und IV hat man vier Schlitze nöthig, deren Entfernung gleich der Abmessung zk aus Fig. 30 Taf. X ist, hingegen sind auf den zwei inneren Stangen II und III acht Schlitze, halb so weit von einander entfernt, nöthig. Die Punkte in Fig. 1 Taf. X deuten den Ort dieser Schlitze an. Die Entfernung zweier Stangen ist auch gleich zk der Fig. 30 Taf. X.

Das Brett des Gestelles habe ich etwas größer machen lassen als nöthig ist, um neben den Elementen noch einigen Raum für Hülfsapparate, Quecksilbernäpfe oder Voltameter u. s. f. zu gewinnen. Das Brett hat Griffe (h in Fig. 1 Taf. X) zum Anfassen beim Tragen, ringsum einen erhöhten Rand und in einer Ecke ein mit Kork geschlossenes Abzugsloch für allenfalls vergossene Säure oder verschüttetes Quecksilber. Endlich habe ich noch einen leicht gebauten Glassturz über das ganze Gestell machen lassen, dessen Scheiben an den betreffenden Stellen zum Durchlassen der Poldrähte durchbohrt sind. Die Dämpfe, welche die Batteric entwickelt, bleiben im Kasten und fallen demnach nicht lästig. Will man die Combination ändern, so muß der

Glaskasten kurze Zeit abgehoben werden, wenn man ihn nicht mit einer Thüre versehen hat. Wird die Batterie nicht weiter gebraucht, so nehme ich die Zinkcylinder und die Thonzellen heraus, die Kupferringe von den Kohlen, lasse aber die Salpetersäure in den Gläsern und die Kohlencylinder darin stehen; der Glaskasten wird dann wieder übergesetzt; die Säure nützt sich nicht ab und ihre Dämpfe bleiben abgeschlossen, so dass ohne Gefahr von Oxydationswirkungen das Ganze in jedem Zimmer belassen werden kann.

Die Kupserstangen und die Flanschen der Streisen, ebenso die Innenseite der die Kohlencylinder umfassenden Kupserringe sind leicht zu reinigen und blank zu halten. Die Sättel braucht man nie zu putzen, sie könnten ebensowohl aus irgeud einer nicht leitenden Substanz bestehen, da sie nicht die Fortleitung zu übernehmen, sondern nur durch Druck die Berührung zwischen Flansche und Stange inniger zu machen haben.

Aschaffenburg, den 31. December 1869.

VIII. Ueber die Wirkungsweise des dynamoelektrischen Inductions-Apparats und des von Hrn. Wheatstone angegebenen Querdrahts in demselben; von Dr. W. Sinsteden.

Der Gesammtstrom des dynamo-elektrischen Inductions-Apparats wird bei einer Umdrehung 1) des Inductors aus zwei Strom-Impulsen der Inductorspirale, und aus zwei mit diesen gleichzeitig eintretenden Strom-Impulsen der Bogenmagnetspirale gebildet. Leitet man die gleichgerichteten

¹⁾ Der Inductor meines Apparats macht in 1 Minute 510 bis 600 Umdrehungen, bei Handbewegung.

rasch aufeinander folgenden Strom-Impulse eines gewöhnlichen magneto-elektrischen Rotations-Apparats in die Spirale cines frei aufgehängten Elektromagnets, so wird dieser stationär magnetisch und der ihm angelegte Anker kann dauernd eine große Last tragen, indem der Magnetismus des Magnets und der des durch ihn insluencirten Ankers sich gegenseitig binden. Ganz ebenso wird sich der Bogenmagnet des dynamo-elektrischen Apparats verhalten, wenn man die Strom-Impulse der Ankerspirale in seine Spirale leitet; dieser Bogenmagnet wird, so lange der Inductor gedreht wird, stationär magnetisch seyn, und die dicht an seinen Polen bleibend befindliche Eisenmasse des Inductors wird seinen Magnetismus binden; wenn auch nicht in dem Grade, wie der dem Elektromagnet festanliegende Anker. Durch dieses Binden und durch die Schnelligkeit der Aufeinandersolge der Inductorstrom-Impulse wird die von Hrn. Siemens geforderte "hinreichende magnetische Trägheit "des fesstebenden Magnets, um auch während des Stromwechsels den in ihm erzeugten höchsten Grad des Magnetismus ungeschwächt beizubehalten", bewirkt2). Aber ein stationärer ungeschwächt bestehender höchster Grad des Magnetismus eines Magnets kann in seiner Spirale einen Inductionsstrom nicht veranlassen, und hiernach würde also die ganze Function des feststehenden Magnets in unserer Maschine nur in der anhaltenden kräftigen Magnetisirung des Inductors bestehen, ohne dass die Spirale des feststehenden Magnets unmittelbar zur Stromerzeugung selbst ctwas beitrüge. Dieser stationäre magnetische Zustand des Bogenmagnets kann indessen in Wirklichkeit gar nicht stattbaben, denn indem die nachfolgenden Ränder der Inductorschienen von den Polen des feststehenden Magnets, von der einen Seite her, abgerissen werden, und die vorgehenden Ränder derselben mit feindlicher Polarität, von der anderen Seite her, auf sie hinaufgetrieben werden, so muss nothwendig durch den ersten Vorgang der Magne-

¹⁾ In dieser Hinsicht ware dann ein permanenter (Stahl) Magnet in der Maschine vorzuziehen.

tismus des feststehenden Magnets frei, und durch den zweiten gleichzeitig stattfindenden Vorgang dieser freic Magnetismus noch verstärkt werden. Dieser plötzlich frei und verstärkt gewordene Magnetismus im feststehenden Magnet muss dann ebenso nothwendig in der Spirale desselben einen kräftigen Strom-Impuls hervorrufen. Nach Verlauf dieser momentanen hestigen Action sindet sich der Magnet durch die seinen Polen jetzt, nach geschehenem Polwechsel, mit freundschaftlicher Polarität gegenüberstehenden breiten Polschienen wieder geschlossen. nach entstehen also bei einer Umdrehung des Inductors mit den zwei Strom-Impulsen seiner Spirale gleichzeitig auch zwei Strom-Impulse der Magnetspirale. Schaltet man, um nur einen Nebenapparat, durch den der Inductionsstrom geleitet werden soll, zu nennen, einen Platindraht in die Polständer der Maschine ein, so sind drei Wege für den Inductionsstrom der Maschine vorhanden - die Ankerspirale, die Spirale des feststehenden Magnets und der eingeschaltete Platindraht -, die alle drei gemeinschaftlich in die Polständer zusammenlaufen, die erstere vermittelst der Commutatorsedern, die beiden andern unmittelbar. Strom der Ankerspirale, als primum movens, findet also seinen Weg entweder vorzugsweise durch den Platindraht oder durch die Maguetspirale, oder der Strom dieser letzteren geht vorzugsweise durch den Platindraht oder durch die Ankerspirale, je nachdem die Stromstärke der einen oder andern Spirale stärker oder schwächer, oder ihr Leitungswiderstand geringer oder größer ist. Halten sich Stromstärke und Leitungswiderstand der Ankerspirale und der Magnetspirale gegenseitig das Gleichgewicht, so wird der Strom beider zumeist durch den Platindraht geführt. Ist dagegen die Stromstärke und der Leitungswiderstand in der Magnetspirale geringer als in der Ankerspirale, so wird der Strom der letzteren grösstentheils durch die Magnetspirale gehen, umsomehr, je größer der Leitungswiderstand des Platindrahts ist. Dieser wird nun nicht erglühen und die mechanische Kraft, den Anker in Rotation zu versetzen, muß um so viel größer seyn. Hiernach leuchtet die Nothwendigkeit ein, Dicke und Länge der beiden Inductionsspiralen in ein genau bestimmtes Verhältniß zu setzen, und leicht veränderliche Widerstände in die Magnetspirale einschalten zu können, um dadurch ihren Leitungswiderstand, je nach der Größe des Leitungswiderstandes des eingeschalteten Nebenapparats — Voltameter, Platindraht, Elektromagnet etc. — reguliren zu können.

Hr. Ch. Wheatstone sagt (Berliner Berichte, Jahrgang XXIII, S. 520): "Eine große Steigerung aller Effecte der Maschine, begleitet von einer großen Verringerung des mechanischen Widerstandes derselben, ward beobachtet, als man einen Querdraht so anbrachte, dass ein großer Theil der commutirten Ströme von der Magnetspirale abgezweigt ward, - und Derselbe erklärt diese Wirkung durch die Verringerung des Widerstandes, welche für die in den Ankerspiralen erzeugten Inductionsströme durch den Querdraht herbeigeführt wird." Dieses Abzweigen durch einen wenige Zoll langen Platindraht habe ich nur so verstehen können, dass dieser Draht zwischen Ansang und Ende der Magnetspirale eingespannt ward, also eine Nebenschließung desselben bildete. Dann stände dieser Querdraht in demselben Verhältniss zu der Maschine, wie der zwischen den Polständern eingeschaltete Glühdraht, nur dass er einige Zoll weiter weg von den Polständern sich befände. Die Wirkung dieses Querdrahts würde dann dieselbe bleiben, wenn man ihn mit dem Glühdraht zusammen in die Klemmschrauben der Polständer festschraubte, oder auch wenn man einen einzigen so dicken Platindraht wie die beiden zusammen genommenen betragen, einschranbte. Mir ist bei Einschaltung eines solchen Querdrahts bei meiner Maschine jede Steigerung des Effects ausgeblieben, und ich glaube die Sache missverstanden zu haben.

Ich habe nun, um den Effect der Maschine zu erhöben, einen andern Weg gewählt. Um leicht veränder-

liche Widerstände in die Magnetspirale bringen zu können, habe ich einen Rheostaten, der 10 Fuss Neusilberdraht von 1 mm Durchmesser enthält, in die Mitte der Magnetspirale, da wo dieselbe von dem einen Magnetschenkel zum andern hinübergeht, eingeschaltet, und bei seiner Anwendung einen großen Zuwachs der Wirkung des Apparats erhalten, auch eine große Erleichterung in der Bewegung des Inductors gewonnen. Ein 5 Fuss langer Platindraht, von stark 3 mm Durchmesser, zwischen die Polständer der Maschine eingespanut, erglüht ohne Einschaltung des Rheostaten, bei großer Krastanstrengung des Drehens, nur stark roth, und es zeigen sich an einer oder der andern Commutatorseder kleine Fünkchen; drehte ich dagegen den Rheostaten so weit herum, dass 2½ Fuss seines Neusilberdrahts in die Magnetspirale hineinkamen, so verschwanden die Commutatorfünkehen und der Platindraht erglühte seiner ganzen Länge nach weissleuchtend, so dass er dem Zusammenschmelzen nahe war. Vier Voltameter binter einander dem Strom des Apparats ausgesetzt, gaben, bei Einschließung von 3 Fuss Neusilberdraht, in einer Minute 19 bis 20 Cubikzoll Knallgas, während ohne diese Einschaltung nur 17 bis 18 Cubikzoll erzielt wurden. Gleich gut bewährte sich die Widerstandseinschaltung bei der Erregung eines Elektromagnets, beim Verbrennen auf der Unterbrechungswalze des Commutators schleifender Uhrfedern, und die ausgezeichnetste Wirkung leistete die Einschaltung von 5 Fuss Neusilberdraht in die Magnetspirale bei der Darstellung des Kohlenlichts mittelst Retortenkohle von 1 Quadratzoll Querschnitt. Die oben gegebene Erklärung der Wirkung der in die Magnetspirale eingeschalteten Widerstände wird durch diese Versuche thatsächlich bestätigt. Da nun aber der aufserhalb liegende Neusilberdraht nur durch seinen Leitungswiderstand wirkt, und zur Magnetisirung des Bogenmagnets direct nichts bei trägt, so möchte es noch zweckmäßiger seyn, anstatt des selben eine ihm aequivalente Kupferdrahtmenge auf die Magnetschenkel selbst in zwei oder drei abgesonderten Lagen von Windungen zu wickeln, und diese dann einzeln oder mehrere hinter einander, je nachdem der gerade zwischen die Polständer eingeschaltete Nebenapparat, durch den der Strom geleitet werden soll, einen größeren oder kleineren Leitungswiderstand bietet, mit der Hauptdrahtumwickelung des Magnets zu verbinden.

Pasewalk, Mai 1871.

1X. Ueber optische Erscheinungen, welche durch zwei rasch sich drehende Körper hervorgerufen werden; von A. Kurz.

Faraday hat zwei Zahnrädchen auf derselben Axe in gleiche und entgegengesetzte Drehung versetzt, und auf gleiche Weise wie Plateau erklärt, warum das Auge, wenn in der verlängerten Axe hinsehend, ein feststebendes Rad mit doppelt soviel Zähnen zu sehen glaubt.

Emsmann') hat ferner darauf hingewiesen, wie jener Apparat principiell durch das in allen physikalischen Cabineten vorsindliche Abplattungsmodell des Centrisugalapparates ersetzt werden könne. In der That ist diess ein ebenso schöner als leichter Versuch. Derselbe Beobachter vindicirt indessen hiebei dem Hintergrunde, auf welchem das Auge die rotirenden Bügel (Meridiane der Erdkugel) beobachtet, eine Bedeutung, als wenn die srühere Erklärung dieser Erscheinungen fallen müsste.

Dem ist aber nicht so. Diess zu zeigen, führe ich das Phänomen nebst kurzer Erklärung au: Gesetzt, das Modell habe vier Bügel, je zwei diametral, so sieht man bei

¹⁾ Faraday, diese Annalen Bd. XXII; Plateau, Bd. XX; Emsmann, Bd. LXIV. Auch Helmholtz, Handbuch der physiologischen Optik S. 354.

rascher Rotation (auf weißem, schwarzem oder sarbigem Hintergrunde) an denjenigen Stellen, wo sich für das Auge je zwei benachbarte Bügel decken, einen Bogen in der Farbe des Hintergrundes, während die übrigen vom Rotationsellipsoid eingenommenen Stellen des Hintergrundes graulich abgeschwächt erscheinen.

Erklärung: Der Hintergrund wird durch die rasche Rotation jedes Bügels vermöge der Dauer des Lichteindrucks wie mit je einem Schleier überzogen; an den genannten Stellen fehlt einer von diesen zwei Schleiern, und die Farbe des Hintergrundes muß da reiner hervortreten.

Diese Farbe selbst ist also ohne Einslus. Ich bemerke noch, das jener Schleier an den beiden Polen dichter erscheinen muss, so das man wirklich wie durch ein Spinnengewebe auf den Hintergrund schaut, welches an den Polen fast zur Undurchsichtigkeit zusammengezogen und grau erscheint. Das ungeübte Auge mag jene reineren Ringe leichter auf hellem (weisem) als auf dunklem (schwarzem) Grunde erkennen.

Auch die Farbe der Bügel, welche Emsmann theils messinggelb beließ, theils innen oder außen schwärzte, ist ohne Belang. Am vorliegenden Modell sind die Bügel stahlblau und erscheinen am Aequator glänzend, au den Polen matt, ohne daß jene visionären Ringe an diesen Stellen Verschiedenheiten zeigen würden. Man kann sich auch am Farbenkreisel davon überzeugen, daß ein bischen Farbe (des Bügels) den weit überwiegenden Farbenton (des Hintergrundes) nicht wesentlich alterirt, sondern nur etwas in's Graue abschwächt.

Ich theile noch diejenige Erscheinung mit, welche meine Aufmerksamkeit auf dieses Feld gelenkt hatte.

Die Spinnerei zum Stadtbache dahier hat zwei liegende Dampsmaschinen von je 400 bis 500 Pferdekrästen; die beiden Schwungräder haben 6 bis 7 Meter Durchmesser, 200 Zähne, und machen 40 Touren per Minute; ihre Axen sind in einerlei Geraden gelegen. Stellt man sich etwa

1 Meter weit von dem einen Rade so auf, dass man durch eine Stelle des Zahnkranzes nach der correspondirenden des anderen, alsdann 11 Meter entfernten Rades sehen kann, so überblickt man durch eine Lücke des nahen Rades fünf Lücken des entfernten, im Zustande der Ruhe. Sind beide Räder in Drehung von gleicher Größe und Richtung versetzt, so glaubt man Zähne eines feststehenden Rades zu sehen, dessen Zahnzahl auch 200 seyn muß (diese Zähne sind diejenigen Stellen, an welchen in den beiden Schleiern auf dem hellen Hintergrunde je zwei wirkliche Zähne sich decken).

In Wirklichkeit sind die beiden Drehungsgeschwindigkeiten nicht völlig oder nur auf kurze Zeit gleich, daher die Zähne des eingebildeten Rades verbreitert erscheinen und auch das ganze Rad Oscillationen um 1, 2, 3 und mehr Zähne hin und her macht.

Besieht man durch dieselbe Stelle des nahen Rades die diametral entgegengesetzte des ferneren, so hat man den Fall, als ob beide Räder sich mit entgegengesetzten Geschwindigkeiten drehten, in welchem das eingebildete Rad doppelt soviel Zähne bekommt. Die gesehenen erscheinen auch schärfer begränzt und dünner als die vorhin erwähnten. Das Hin- und Herwandern derselben geschieht im gleichen Sinne wie vorhin; es ist diess der Sinn der größeren der beiden Geschwindigkeiten. Oder für beide Fälle des Durchsehens lautet die Regel: Ist das vordere Rad rascher oder langsamer, so ist das Bild rückläufig oder rechtläufig.

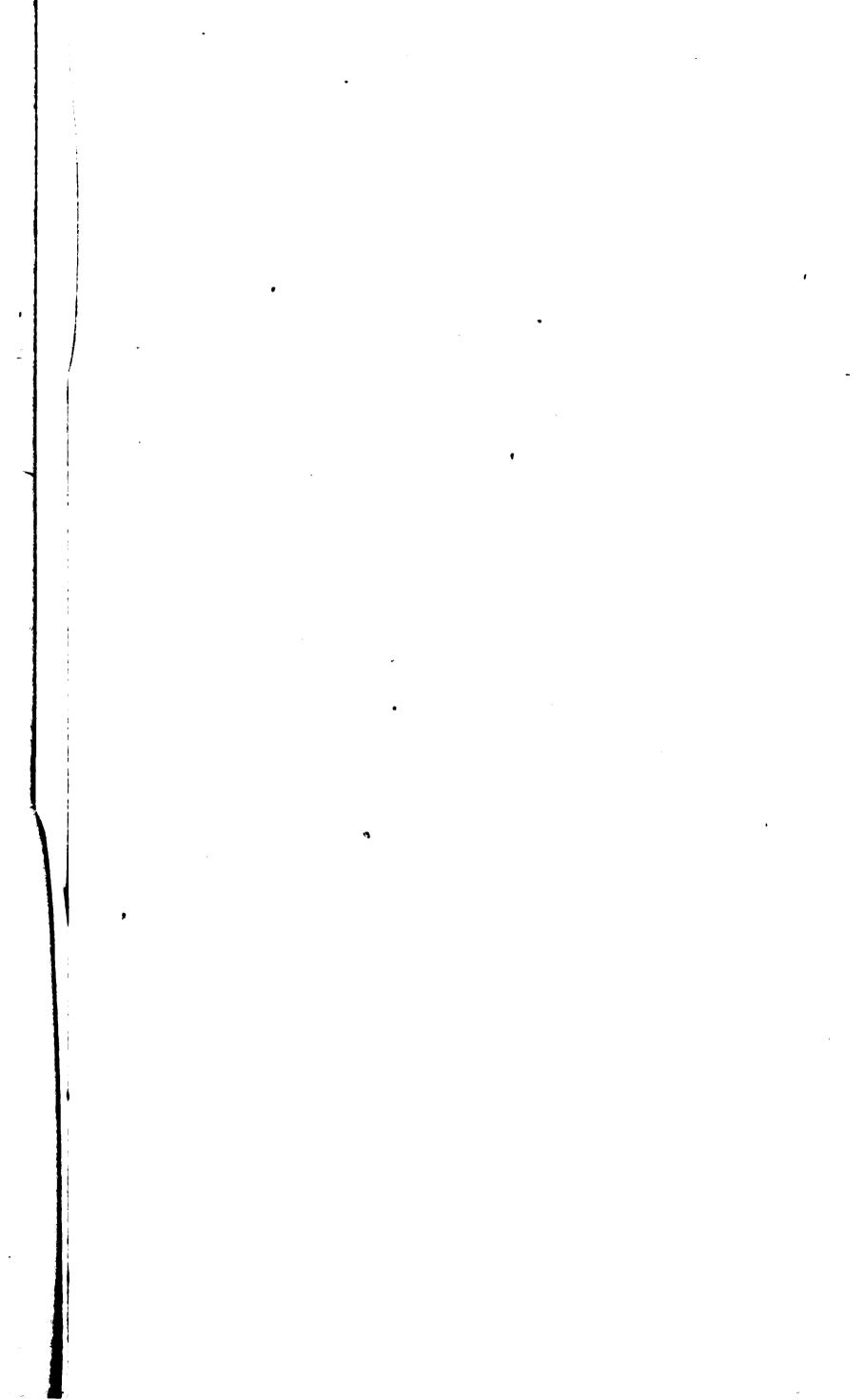
Um aus dieser Unruhe des dritten Rades auf die Differenz der Geschwindigkeiten beider Räder zu schließen, setzen wir den Fall, daß es in einer Secunde um 3 Zähne vorgerückt sey. Da in dieser Zeit 133 Zähne vorübergehen, so verhalten sich die Geschwindigkeiten wie 133 zu 136.

Augsburg, im Mai 1871.

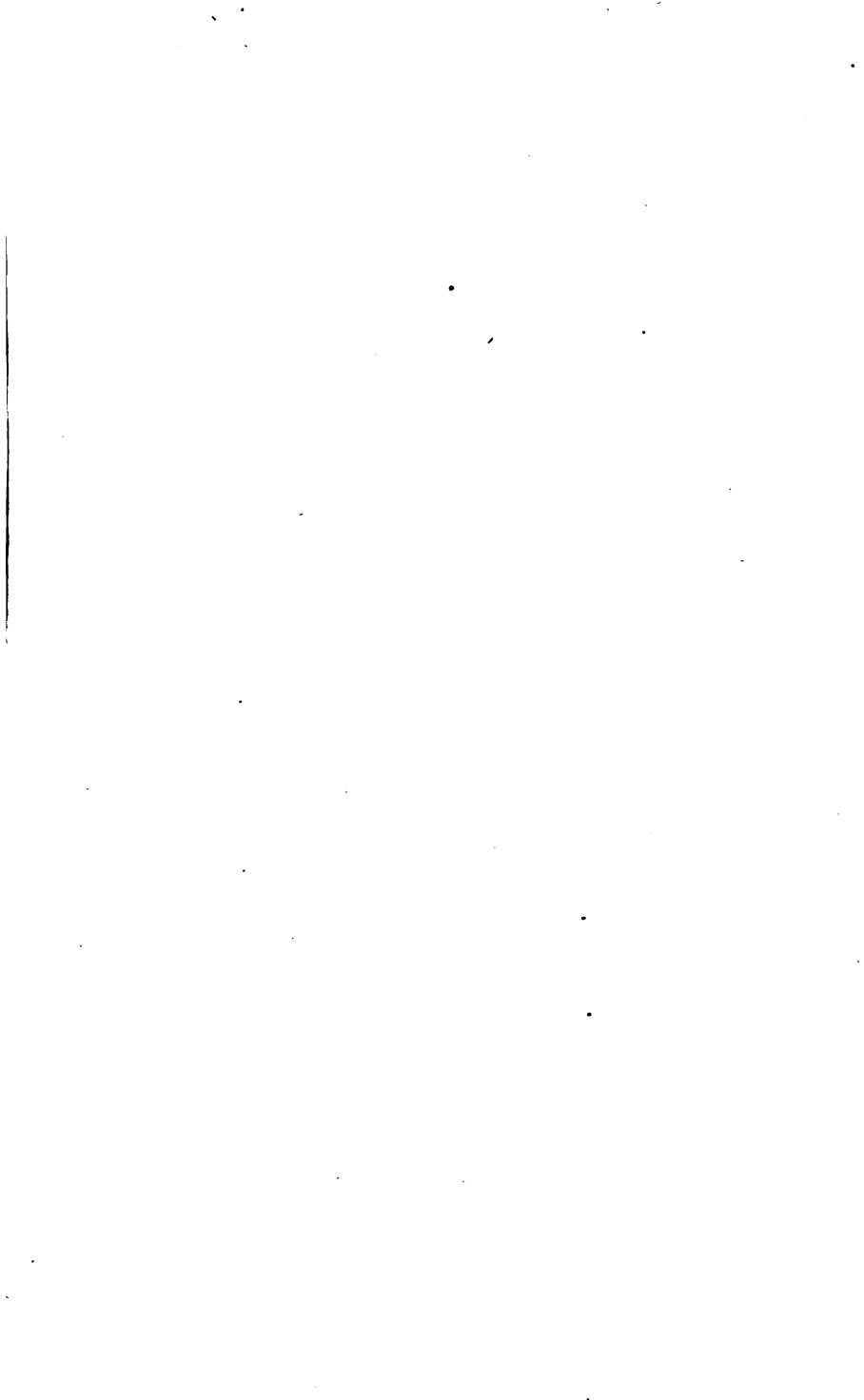
X. Farbiger Bogen auf einer Eisfläche.

Am Mittage des 26. Januar 1870 sah Hr. J. Clerk Maxwell auf der gefrornen Obersläche eines das St. John's College in Cambridge umgebenden Grabens einen farbigen Bogen, der im Ansehen und in der Lage dem primären Regenbogen glich. Durch Messung mittelst eines Sectanten ergab sich der Winkel zwischen dem hellen Roth und dem Schatten des großen Spiegels = 41°50' und der für das helle Blau = 40° 30', während nach Parkinson's Optik der Winkel für das äußerste Roth beim primären Regenbogen 42° 20' und für das Violett 40° 32' ist. Die auf dem Eise gebildeten Bogen erschienen auf derselben Seite wie die Sonne, nicht auf der entgegengesetzten. Hr. Maxwell glaubt, sie seyen durch kleine auf dem Eise liegende Wassertropfen gebildet worden. Die Bogen zeigten sich nur auf einem kleinen Theil des sehr dünnen Eises und wurden am besten gesehen, wenn die einfallenden und austretenden Strahlen nahezu gleichen Winkel mit dem Horizont machten. (Proceed. of the R. Soc. of Edinburgh, 1869 — 70.)

A. W. Schade's Buchdruckerei (L. Schade) in Berlin, Stallschreiberstr. 41.







.

AUXILIARY COLLECTION
Physics
Library

CARCULAIL

